

# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

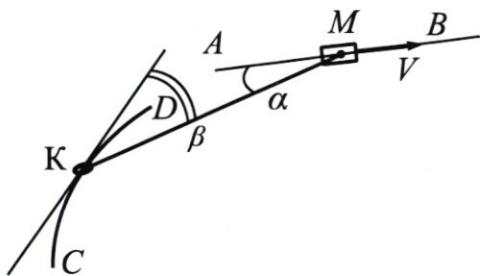
## Вариант 11-01

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не принимаются.

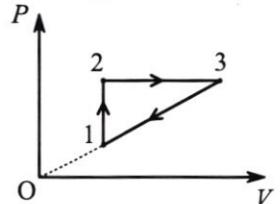
**1.** Муфту  $M$  двигают со скоростью  $V = 68$  см/с по горизонтальной направляющей  $AB$  (см. рис.). Кольцо  $K$  массой  $m = 0,1$  кг может двигаться без трения по проволоке  $CD$  в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,9$  м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной  $l = 5R/3$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 15/17$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 4/5$ ) с направлением движения кольца.

- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.



**2.** Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



**3.** Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью  $S$ , расстояние между обкладками  $d$  ( $d \ll \sqrt{S}$ ). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии  $0,25d$  от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время  $T$  вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы  $\frac{q}{m} = \gamma$ .

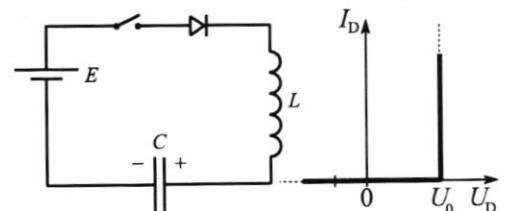
- 1) Найдите скорость  $V_1$  частицы при вылете из конденсатора.
- 2) Найдите величину  $Q$  заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью  $V_2$  будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

**4.** В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 9$  В, конденсатор емкостью  $C = 40$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 5$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,1$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В.

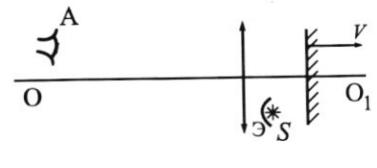
Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.



**5.** Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана  $\mathcal{E}$ , расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $3F/4$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии  $F/2$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $F$  от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$F$   $V$

1)  $f$  - ?

2)  $\alpha$  - ?

3)  $V^{**}$  - ?

1)  $S^*$  - предмет где минз

$$d = \frac{3F}{2}$$

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$f = \frac{dF}{d-F} = \frac{\frac{3}{2}F^2}{\frac{1}{2}F} = 3F$$

2) Относительно зеркала предмет  $S$  движется влево со скоростью  $V \Rightarrow$  Относительно зеркала изображение  $S^*$  движется вправо со скоростью  $V$ .  $\Rightarrow$

$\Rightarrow$  Относительно  $\rightarrow$  Абсолютная скорость  $S^*$

$$\vec{V}^* = \vec{V}_{\text{отн}} + \vec{V}_{\text{пер}}$$

$$V^* = 2V$$

$$\tan \alpha = \frac{3F}{4F} = \frac{3}{4}$$

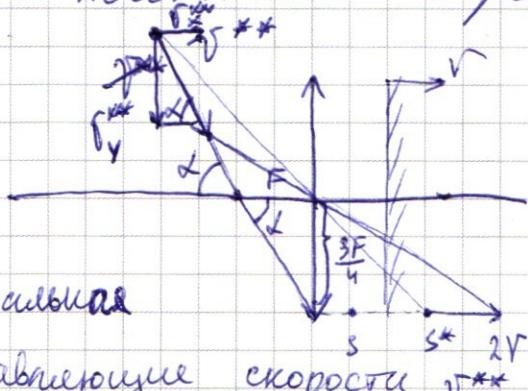
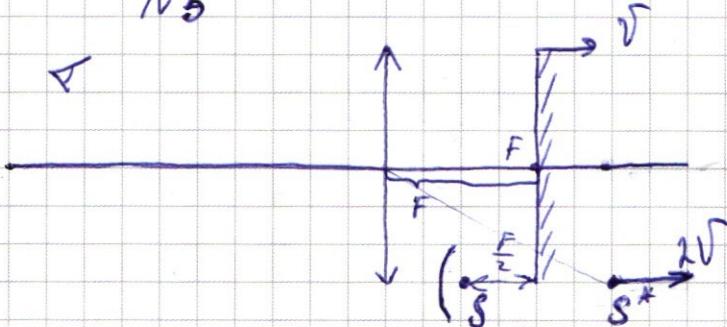
3)  $V_x^{**}$  и  $V_y^{**}$  - горизонтальная

и вертикальная составляющие скорости  $V^{**}$

Относительно  $\not\sim$  мизе  $\frac{V_{\text{отн}}}{V^{**}} = V^2$ . Т.к. миза некодвигуща,  
 то  $V_{\text{отн}} = V_{\text{отн}}$ ,  $V_{\text{отн}} = V_{\text{отн}} = 2V \Rightarrow V^{**} = \frac{V^2}{d^2} = \frac{9F^2 \cdot 4}{9F^2} = V$

$$\Rightarrow V_x^{**} = V^2 \cdot 2V = \frac{V^2}{d^2} \cdot 2V = \frac{9F^2 \cdot 4}{9F^2} \cdot 2V = 8V$$

N5

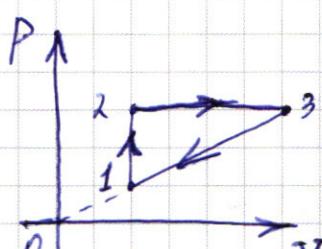


$$V_y = V_x \cdot \operatorname{tg} \alpha = 8V \cdot \frac{3}{4} = 6V$$

$$V^{**} = \sqrt{V_y^2 + V_x^2} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10V$$

Ответ: 1)  $\alpha = 3F$  2)  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$  3)  $V^{**} = 10V$

NR



$$1) \frac{C_{12}}{C_{23}} - ?$$

$$2) \frac{Q_{23}}{A_{23}} - ?$$

$$3) \eta_{\max} - ?$$

$$1) 1-2: V = \text{const}$$

$$Q_{12} = \Delta U = \frac{3}{2}VR(T_2 - T_1)$$

$$Q_{12} = C_{12}V(T_2 - T_1)$$

$$C_{12}V(T_2 - T_1) = \frac{3}{2}VR(T_2 - T_1)$$

$$C_{12} = \frac{3}{2}R$$

$$2-3: P = \text{const}$$

$$Q_{23} = A + \Delta U = P(V_3 - V_2) + \frac{3}{2}VR(T_3 - T_2)$$

$$P(V_3 - V_2) = VR(T_3 - T_2)$$

$$Q_{23} = \frac{5}{2}VR(T_3 - T_2)$$

$$Q_{23} = C_{23}V(T_3 - T_2)$$

$$C_{23}V(T_3 - T_2) = \frac{5}{2}VR(T_3 - T_2)$$

$$C_{23} = \frac{5}{2}R \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{\frac{3}{2}R}{\frac{5}{2}R} = \frac{3}{5}$$

$$2) Q_{23} = \frac{5}{2}VR(T_3 - T_2) = \frac{5}{2}P(V_3 - V_2)$$

$$A_{23} = P(V_3 - V_2)$$

$$\frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{5}{2}P(V_3 - V_2)}{\lambda P(V_3 - V_2)} = \frac{5}{2}$$

$$\text{Oberfläch} \left( \frac{3}{5} \right) \left( \frac{5}{2} \right) \left( \frac{5}{2} \right) \left( \frac{1}{2} \right)$$

$$3) \eta_{\max} = \eta_{\text{карб}} = 1 - \frac{P_1V_1}{P_3V_1 + P_3V_2} = 1 - \frac{P_1V_1}{kP_1V_1 + k^2P_1V_1} =$$

$$= 1 - \frac{1}{k+k^2}, \quad k - \text{коэффициент пропорциональности в 3-1.}$$

$$k = \frac{P_3V_1 - P_1V_1}{P_3V_2 - P_1V_1} = \frac{k-1}{k^2-k} = \frac{1}{k} \quad k^2 = 1 \quad \eta = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\text{Oberfläch} \left( \frac{1}{2} \right)$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 3

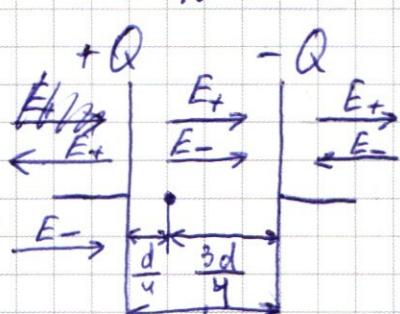
⑧ ① ⑦ ⑧

$$\gamma = \frac{q}{m}$$

1)  $V_1$  при  $Q = ?$

2)  $Q = ?$

3)  $V_2$  на  $\infty$ ?



$$E_+ = \frac{|Q|}{2\epsilon_0 S} +$$

$$E_- = \frac{|Q|}{2\epsilon_0 S} = \frac{|Q|}{2\epsilon_0 S}$$

т.к.  $|E_+| = |E_-|$ , то поле конденсатора  $E_{pos}$  существует только между обкладками,

$$1) \vec{E}_{pos} = \vec{E}_+ + \vec{E}_- \Rightarrow E_{pos} = E_+ + E_- = \frac{2|Q|}{2\epsilon_0 S} = \frac{Q}{\epsilon_0 S} \quad \text{а все обкладки компенсируются.}$$

2 ЗНУ для  $q = ma$ :

$$E_{pos} q = ma$$

$$a = \frac{Qq}{\epsilon_0 Sm} = \frac{Q\gamma}{\epsilon_0 S}$$

$$\frac{3d}{4} = \frac{aT^2}{2} = \frac{Q\gamma T^2}{2\epsilon_0 S}$$

$$Q = \frac{3d\epsilon_0 S}{2\gamma T^2} \Rightarrow a = \frac{3d\epsilon_0 S \cdot \gamma}{2\gamma T^2 \cdot \epsilon_0 S} = \frac{3d}{2T^2}$$

$$V_1 = aT = \frac{3dT}{2T^2} = \frac{3d}{2T}$$

$$2) Q = \frac{3d\epsilon_0 S}{2\gamma T^2}$$

3) Т.к. внешнего поля не упомянуто нет, а все обкладки поле конденсатора компенсируются, то внешние силы на частицу не действуют  $\Rightarrow$  частица движется без ускорения

$$U_2 = U_1 = \frac{3d}{2T}$$

$$\text{Orbits: 1) } U_1 = \frac{3d}{2T} \quad 2) Q = \frac{3d E_0 S}{2 \gamma T^2} \quad 3) U_2 = \frac{3d}{2T}$$

N4

$$C = 40 \cdot 10^{-6} \Phi$$

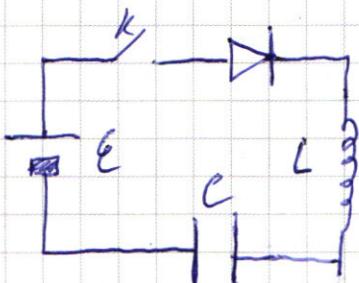
$$E = 9B$$

$$U_{1c} = 5B$$

$$L = 0.1 \text{ Гн}$$

$$U_0 = 1 \text{ В}$$

1)  $\frac{dI}{dt}$  при  $q$  после зам.-?



1)  $E = H$  имеет сразу же  
затухание

2-ое np. Кирхгофа:

$$E = U_{1c} + L \frac{dI}{dt} + Q U_0$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{E - U_{1c} - U_0}{L} = 40 \text{ А/с}$$

2)  $E = \frac{q}{C} + L q''$

$$q'' + \frac{1}{LC} q = \frac{E}{L} \Rightarrow \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

- гармоническое колебание

$$q_1 = \frac{E LC}{L} = EC$$

$$q(t) = A \sin \omega t + B \cos \omega t + EC$$

$$q(0) = U_1 C$$

$$U_1 C = B + EC$$

$$B = (U_1 - E) C$$

$$I(0) = 0$$

$$q'(t) = I(t) = A \omega \cos \omega t + (-1) B \omega \sin \omega t$$

$$0 = A \omega$$

$$A = 0$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$q(t) = (U_1 - \varepsilon)C \cos \omega t + \varepsilon C$$

$$I(t) = (\varepsilon - U_1)C \omega \sin \omega t$$

$$I_{\max} = \frac{(\varepsilon - U_1)C}{\sqrt{LC}} = \frac{(\varepsilon - U_1)\sqrt{\frac{C}{L}}}{\sqrt{LC}} = \frac{(\varepsilon - U_1)\sqrt{\frac{C}{L}}}{\sqrt{LC}} = 4 \sqrt{\frac{400}{L}} \cdot 10^{-3} = 4 \cdot 20 \cdot 10^{-3} = 80 \mu A$$

3)  $\nabla$  Переход копедиометрии  $F = \pi \sqrt{LC'}$

Напряжение устанавливается через конденсатор

$$q(\pi \sqrt{LC'}) = (U_1 - \varepsilon)C \cos\left(\frac{1}{\sqrt{LC'}} \cdot \pi \sqrt{LC'}\right) + \varepsilon C =$$

$$= \varepsilon C - U_1 C + \varepsilon C = 2\varepsilon C - U_1 C$$

$$U_{2c} = \frac{q}{C} = \frac{2\varepsilon C - U_1 C}{C} = 2\varepsilon - U_1 = 18 - 5 = 13 V$$

Ответ: 1)  $\frac{dI}{dt} = 30 \mu A / s$  2)  $I_{\max} = 80 \mu A$  3)  $U_{2c} = 13 V$

$$V = 68 \text{ мкВ}$$

$$m = 0,1 \text{ кг}$$

$$R = 1,9 \Omega$$

$$l = \frac{5R}{3}$$

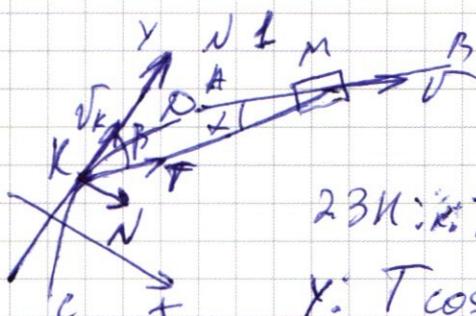
$$\cos \alpha = \frac{15}{17}$$

$$\cos \beta = \frac{4}{5}$$

$$1) V_k - ?$$

$$2) V_k \text{ от } m \text{ и } T - ?$$

$$3) T - ?$$



$$23 \text{ Н}: k \cdot T \sin \alpha + N = m \frac{\omega_k^2}{2} r$$

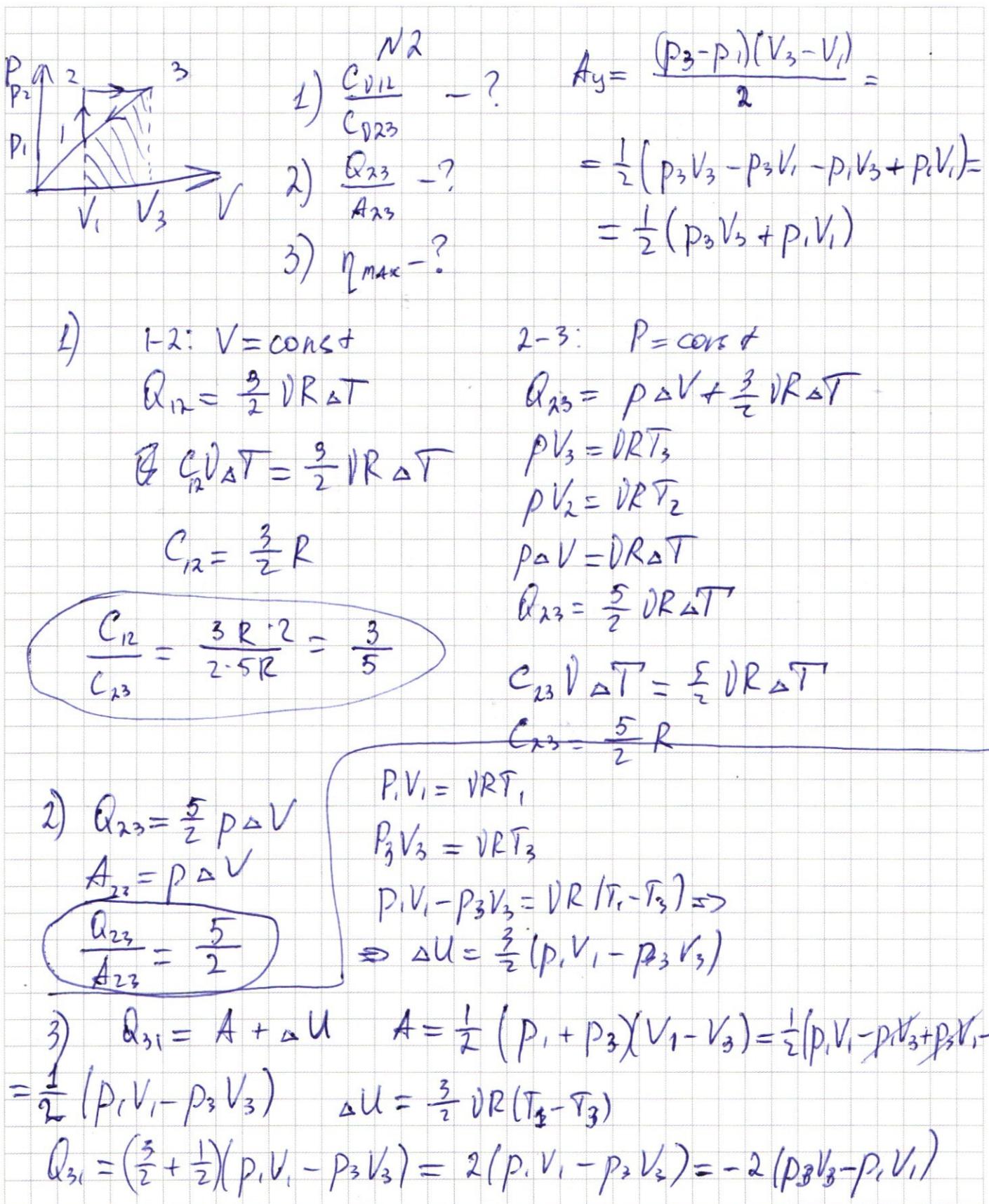
$$X: T \cos \alpha = m a_x$$

Центр масс движется по направлению  $\vec{v}$

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\eta = \frac{Q_{12} + Q_{23} - |Q_1|}{Q_{12} + Q_{23}} =$$

$$\eta_k = \frac{T_2 + T_3 - T_1}{T_2 + T_3}$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} VR(T_2 - T_1)$$

$$Q_{23} = \frac{5}{2} p(V_3 - V_1)$$

$$Q_{31} = -2(p_3 V_3 - p_1 V_1)$$

$$\begin{cases} p_1 V_1 = VR T_1 & T_1 = \frac{P_1 V_1}{VR} \\ p_3 V_2 = VR T_2 & T_2 = \frac{P_3 V_2}{VR} \\ p_3 V_3 = VR T_3 & T_3 = \frac{P_3 V_3}{VR} \end{cases}$$

$$VR(T_2 - T_1) = V_1(p_3 - p_1)$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} V_1 (p_3 - p_1)$$

$$\begin{aligned} \eta &= \frac{\frac{3}{2} V_1 p_3 - \frac{3}{2} V_1 p_1 + \frac{5}{2} p_3 V_3 - \frac{5}{2} p_3 V_1 - 2 p_3 V_3 + 2 p_1 V_1}{\frac{3}{2} V_1 p_3 - \frac{3}{2} p_1 V_1 + \frac{5}{2} p_3 V_3 - \frac{5}{2} p_3 V_1} = \\ &= \frac{-p_3 V_1 + \frac{1}{2} p_1 V_1 + \frac{1}{2} p_3 V_3}{\frac{3}{2} V_1 p_3 - \frac{3}{2} p_1 V_1 + \frac{5}{2} p_3 V_3 - \frac{5}{2} p_3 V_1} \quad \uparrow \text{Доказательство} \end{aligned}$$

$$\eta_k = \frac{p_3 V_1 + p_3 V_3 - p_1 V_1}{p_3 V_1 + p_3 V_3} = 1 - \frac{p_1 V_1}{p_3 V_1 + p_3 V_3}$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \emptyset$$

$$Q_{23} = p_3 V_3 + \frac{3}{2} p_3 V_3$$

$$-p_3 V_1 + \frac{1}{2}(p_1 V_1 + p_3 V_3) = \frac{1}{2}(p_1 V_1 + p_3 V_3)$$

$$A = \frac{1}{2} p_1 V_1 - \frac{1}{2} p_3 V_3 + p_3 V_3 - p_3 V_1 = \frac{1}{2} p_1 V_1 + \frac{1}{2} p_3 V_3 - p_3 V_1$$

$$k = \frac{p_3 V_1 - p_1 V_1}{p_3 V_3 - p_3 V_1} = \frac{k-1}{k^2-k} = \frac{1}{k}$$

$$k^2 = 1$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1

$$v = 0,68 \text{ м/с}$$

$$l = \frac{5R}{3}$$

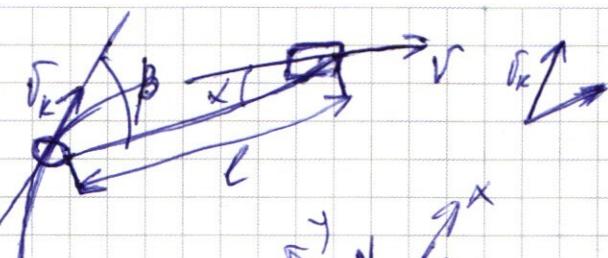
$$m = 0,1 \text{ кг}$$

$$R = 1,9 \text{ м}$$

1)  $v_k$  при  $\alpha, \beta$

2)  $v_k$  отн. к мурд

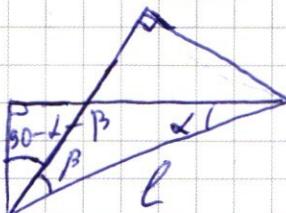
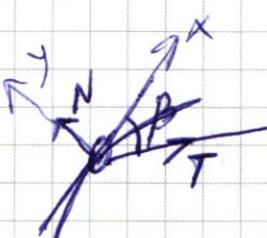
3) T - ?



$$\cos \alpha = \frac{F_c}{F}$$

$$\cos \beta = \frac{v}{F}$$

$$\sin \beta = \frac{v}{F}$$



2 Задача: X:  $T \cos \beta = m a_x$

$$Y: T \sin \beta - N = m \frac{v^2}{R}$$

$$m + M$$

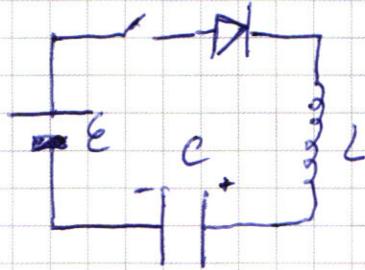
$$N \cdot U \quad C = 40 \cdot 10^{-6} \Phi$$

$$\mathcal{E} = 9 \text{ В}$$

$$U_{1c} = 5 \text{ В}$$

$$L = 0,1 \text{ Гн}$$

$$U_0 = 1 \text{ В}$$



1)  $i'$  сразу после заземления?

$$1) \mathcal{E} = U_c + L i'$$

$$i' = \frac{\mathcal{E} - U_c}{L} = \frac{9 - 5}{0,1} = 40 \frac{A}{C}$$

2)  $I_{max}$  - ?

$$2) \mathcal{E} = \frac{q}{C} + L q''$$

$$q'' + \frac{q}{CL} = \frac{\mathcal{E}}{L}$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$\frac{\mathcal{E}}{L} = q_1 \omega^2 = q_1 \frac{1}{LC}$$

$$q_1 = EC$$

$$q(t) = A \sin(\omega t) + B \cos(\omega t) + EC$$

$$q(0) = 0 \quad q(0) = U_{1c} C$$

$$I(0) = 0 \quad U_{1c} = B + EC$$

$$0 = 0 + B + EC \quad B = (U_1 - EC)$$

$$B = -EC \quad I(0) = 0$$

$$q(t) = I(t) = A \omega \cos(\omega t) - (U_1 - EC) \omega \sin(\omega t)$$

$$A \omega = 0$$

$$A = 0$$

$$q(t) = (U_1 - EC) \cos(\omega t) + EC$$

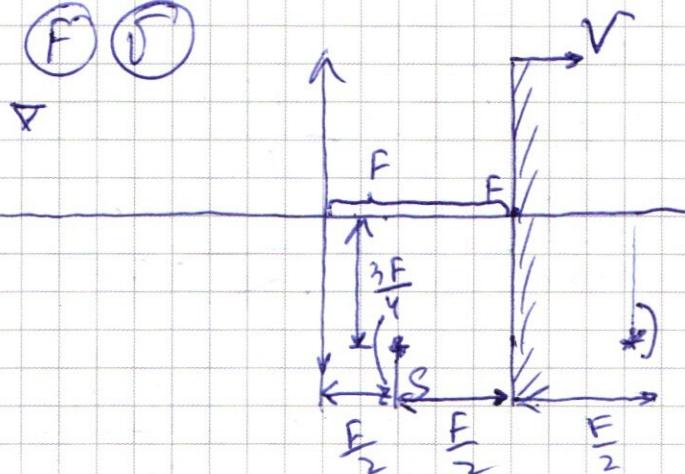
$$I(t) = (\mathcal{E} - U_1) C \omega \cos(\omega t)$$

$$I_{max} = \frac{(\mathcal{E} - U_1) C}{\sqrt{LC}} = (\mathcal{E} - U_1) \sqrt{\frac{C}{L}}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N5

$\textcircled{F}$   $\textcircled{d}$



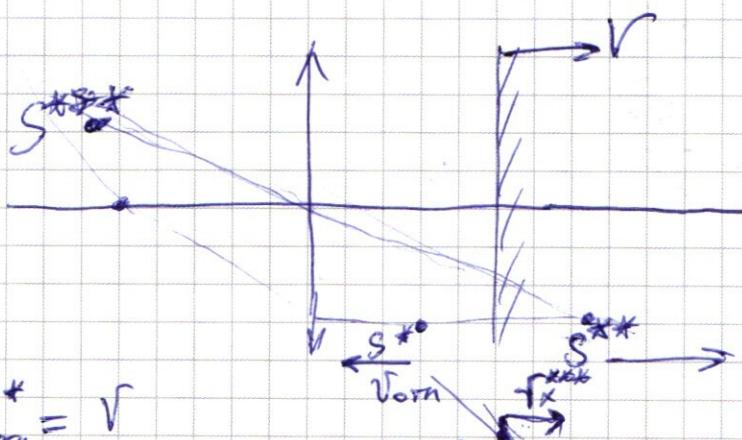
- 1)  $d = ?$
- 2)  $L = ?$
- 3)  $V^{***} = ?$

$$1) d = \frac{3F}{2}$$

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F}$$

$$2) \quad d = \frac{dF}{d - F} = \frac{\frac{3}{2}F}{\frac{1}{2}F} = 3F$$

2)



$$V_{\text{ora}}^* = V$$

$$V_{\text{arc}}^{**} = 2V$$

$$\tan \alpha = \frac{3F}{2F} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{V_x}{2V} = \frac{d}{d} = \frac{d^2}{9F^2} = \frac{9F^2 \cdot 4}{9F^2} = 4$$

$$V_x = 8V \quad (V_y = V_x \tan \alpha = 12V) \quad V = \sqrt{208V^2} = 2\sqrt{52} = 4\sqrt{13}$$

N3 (S) (d) (T)

$$\frac{q_1}{m} = \gamma$$

$$E_+ = \frac{|q_2|}{2\varepsilon_0 S}$$

$$E_- = \frac{1-q_2|}{2\varepsilon_0 S} = \frac{(q_2)}{2\varepsilon_0 S}$$

$$E_{\text{pos}} = E_+ + E_- = \frac{|q_2|}{\varepsilon_0 S} = \frac{Q}{\varepsilon_0 S}$$

1)  $V_1$  при  $\delta$  близкое - ?

2)  $\psi_2 - ?$

3)  $V_2$  на  $\infty$  - ?

$$V_1 = \frac{2Qq}{m\varepsilon_0 S} = \frac{32Q\gamma d}{\varepsilon_0 S \cdot 4} = \frac{3Q\gamma d}{2\varepsilon_0 S} = \frac{3 \cdot 3d^2 \varepsilon_0 S \gamma}{2T^2 \gamma \cdot 2\varepsilon_0 S} = \frac{9d^4}{4T^2} = \frac{3d}{2T}$$

$$E_{\text{pos}} q = ma$$

$$a = \frac{Qq}{\varepsilon_0 Sm} = \frac{Q\gamma}{\varepsilon_0 S}$$

$$V_1 = aT = \frac{Q\gamma T}{\varepsilon_0 S}$$

~~$$\frac{3d}{4} = \frac{aT^2}{2} = \frac{Q\gamma T^2}{2\varepsilon_0 S} \frac{T^2 Q \gamma}{2\varepsilon_0 S}$$~~

~~$$Q = \frac{3d\varepsilon_0 S}{2T^2 \gamma}$$~~

~~$$Q = \frac{3d\varepsilon_0 S}{2T^2 \gamma}$$~~

~~$$V_1 = \frac{3d\varepsilon_0 S \gamma \cdot T}{2T^2 \gamma \cdot \varepsilon_0 S} = \frac{3d}{2T}$$~~

$$\psi_\infty = 0$$

$$E_{\text{pos}} = 0 \Rightarrow V_2 = V_1 = \frac{3d}{2T}$$

$$(\psi_1 - \psi_2)q = \frac{mV_1^2}{2}$$

$$0 = (\psi_2 - \psi_\infty)q = \frac{mV_2^2}{2} - \frac{mV_1^2}{2}$$

$$(\psi_1 - \psi_\infty)q = \frac{mV_2^2}{2} + \cancel{\frac{mV_1^2}{2}}$$

$$\psi_1 q = \frac{mV_2^2}{2}$$

$$\psi_1 - \psi_2 = \frac{Q}{\varepsilon_0 S} \cdot \frac{3d}{4}$$

$$\psi_2 - \psi_\infty = 0 \cdot \infty$$

$$0 = 0$$