

Олимпиада «Физтех» по физике, 1

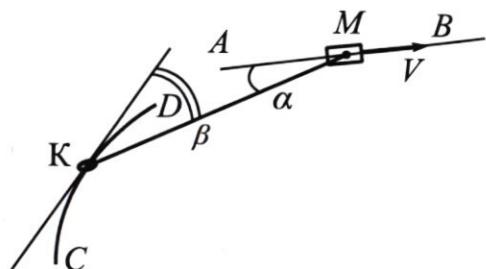
Класс 11

Вариант 11-01

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

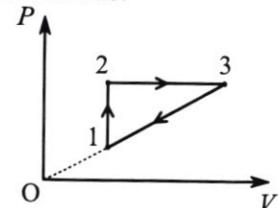
1. Муфту M двигают со скоростью $V = 68$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/3$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$ с направлением движения муфты и угол $\beta (\cos \beta = 4/5)$ с направлением движения кольца.

- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.



2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



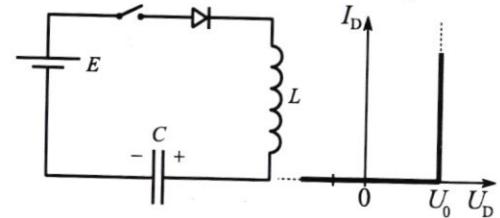
3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью S , расстояние между обкладками d ($d \ll \sqrt{S}$). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,25d$ от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время T вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите скорость V_1 частицы при вылете из конденсатора.
- 2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

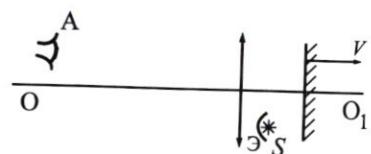
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 9$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 5$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/2$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

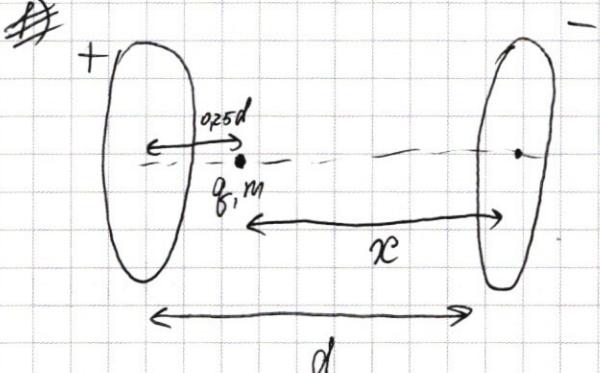
- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3.

$$S, d, \frac{q}{m} = \gamma, T - \text{дано.}$$



E - напряженность эл.

тока конденс. между обл.

1) $v_1 - ?$

2) $Q - ?$

3) $v_2 - ?$

1) На частицу в поле E действует постоянная сила F , $F = \frac{E \cdot q}{m} = \gamma q$ \Rightarrow можно записать II з. ф.

$$\begin{cases} F = ma \\ F = E \cdot q \end{cases} \Rightarrow a = \frac{E q}{m} - \text{ускорение частицы}$$

П.к. частица др. с пост уск "а" можно записать, что искажающая си-ть $v_1 = aT$.

Рассм. кот. преод. частица - x , $x = d - 0,25d = 0,75d$,

$$x = \frac{aT^2}{2} \Rightarrow \frac{aT^2}{2} = 0,75d$$

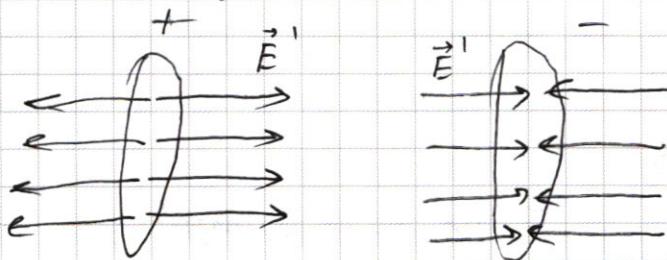
$$a = \frac{1,5d}{T^2} \Rightarrow v_1 = aT = \frac{1,5d}{T}$$

$$2) a = \frac{E q}{m} \Rightarrow E = \frac{a}{\gamma}$$

E' - напр. катод. катода обкладка $E' = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$, где

$$\sigma = \frac{Q}{S} - \text{ноб. на-ть заряда един.}$$

Расч. поля:



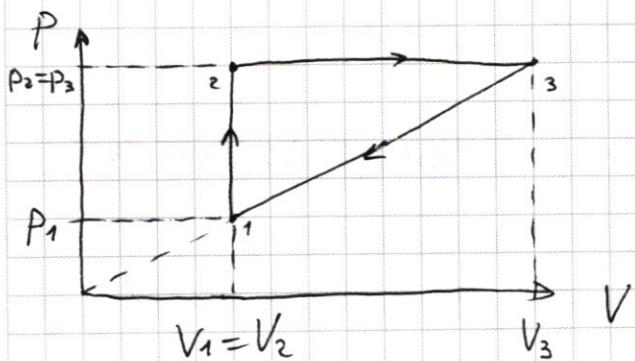
$$\Rightarrow E = 2E' = \frac{Q}{\epsilon_0 S} = \frac{1,5d}{\gamma T^2}$$

$$Q = \frac{1,5\epsilon_0 S d}{\gamma T^2}$$

3) нал. заряды. одни. согр. падают с себя, а отталкив. к себе \Rightarrow спаружутся конденс. эти согр. поля в разных направл. не одинак. по модулю \Rightarrow ~~эти~~ поля нет \Rightarrow не действует импульс \Rightarrow заряд будет дв-ся пропорц. равно- мерно со ск-610 $v_1 \Rightarrow v_2 = v_1$

Ответ: 1) $v_1 = \frac{1,5d}{T}$; 2) $Q = \frac{1,5\epsilon_0 S d}{\gamma T^2}$; 3) $v_2 = \frac{1,5d}{T}$

№2.



- 1) n -омн. ма. потен. -?
- 2) $\frac{Q_p}{A_p}$ -?
- 3) η_m -?

1) В пр-sse 1-2 повыш. внутр. эн., работа пусевая \Rightarrow ~~эти~~ повышение темп.

~~эти~~ В пр-sse 2-3 повыш. внутр. эн. \Rightarrow повыш. темп.

В пр-sse 3-1 понижение внутр. эн. \Rightarrow пониж. темп.

Нужно найти общ. мол. темп-стей пр-са 1-2 и 2-3.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

C_{12} - макс. темп - т.б. при - сsa 1-2 (изотермический) $\Rightarrow C_{12} = \frac{3}{2} R$

C_{23} - мин. темп - т.б. при - сsa 2-3 (изобарический) $\Rightarrow C_{23} = \frac{5}{2} R$

$$n = \frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{\frac{3}{2} R}{\frac{5}{2} R} \cdot \frac{2}{5R} = \frac{3}{5}$$

2) Q_p - кал. темп. в изобр. при.

A_p - работа газа в изобр. при. (A_{23})

$$Q_p = \Delta H_{23} + A_{23} = \frac{3}{2}(p_3 V_3 - p_2 V_2) + \cancel{(V_3 - V_2)} p_2 =$$

изобр. энтр. эн. б/нр. 2-3

$$= \frac{3}{2} p_3 V_3 - \frac{3}{2} p_2 V_2 + \cancel{V_3 p_2} - \cancel{p_2 V_2} = \frac{5}{2} (p_3 V_3 - p_2 V_2)$$

$$A_p = (V_3 - V_2) p_2 = p_3 V_3 - p_2 V_2 =$$

$$\frac{Q_p}{A_p} = \frac{5}{2} \frac{p_3 V_3 - p_2 V_2}{p_3 V_3 - p_2 V_2} = \frac{5}{2}$$

$$3) \eta = \frac{Q_+ - Q_-}{Q_+} = 1 - \frac{Q_-}{Q_+}$$

Q_- - отб. кал. темп. (изоудущий)
 Q_+ - погр. кал. темп.

$$Q_+ = Q_{12} + Q_{23} = \frac{3}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1) + \frac{5}{2} (p_3 V_3 - p_2 V_2) =$$

к.м. 1-2 к.м. 2-3

$$= \frac{5}{2} p_3 V_3 - \frac{3}{2} p_1 V_1 - p_2 V_2$$

При - ecc 1-3 - мин. заб. $\Rightarrow V = \lambda P \Rightarrow V_1 = \lambda p_1, V_3 = \lambda p_3$

$$Q_+ = \frac{5}{2} \lambda p_3^2 - \frac{3}{2} \lambda p_1^2 - p_3 V_1 = \frac{5}{2} \lambda p_3^2 - \frac{3}{2} \lambda p_1^2 - \lambda p_1 p_3$$

$$Q_- = |Q_{12}| = \frac{3}{2} (p_3 V_3 - p_1 V_1) + \frac{1}{2} (p_3 + p_1)(V_3 - V_1) =$$

к.м. 1-2

$$= \frac{3}{2} p_3 V_3 - \frac{3}{2} p_1 V_1 + \frac{1}{2} p_3 V_3 + \frac{1}{2} p_1 V_1 - \frac{1}{2} p_3 V_1 - \frac{1}{2} p_1 V_1 =$$

$$= \frac{3}{2} \lambda p_3^2 - \frac{3}{2} \lambda p_1^2 + \frac{1}{2} \lambda p_3^2 + \frac{1}{2} \lambda p_1^2 - \frac{1}{2} \lambda p_1 p_3 - \frac{1}{2} \lambda p_1 p_3 =$$

$$= \alpha L p_3^2 - \alpha L p_1^2$$

~~$$\frac{Q_-}{Q_+} = \frac{2L(p_3^2 - p_1^2)}{5p_3V_3 - 3p_1V_1}$$~~

$$\frac{Q_-}{Q_+} = \frac{4L(p_3^2 - p_1^2)}{5\alpha L p_3^2 - 3\alpha L p_1^2 - 2\alpha L p_1 p_3} = \frac{4(p_3^2 - p_1^2)}{(p_3 - p_1)(5p_3 + 3p_1)} = \frac{4(p_3 + p_1)}{5p_3 + 3p_1}$$

Пусть $p_3 = np_1$, тогда $\frac{Q_-}{Q_+} = \frac{4(np_1 + p_1)}{5np_1 + 3p_1} = \frac{4n + 4}{5n + 3}$

~~$$\frac{4n+4}{5n+3} \rightarrow \frac{4}{5}$$~~

$$n \rightarrow \infty \quad \frac{Q_-}{Q_+} \rightarrow \frac{4}{5}$$

$$\eta_{max} = 1 - \frac{4}{5} = \frac{1}{5} = 0,2$$

Ответ: 1) $n = \frac{3}{5}$; 2) $\frac{Q_p}{A_p} = \frac{5}{2}$; 3) $\eta_m = 0,2$

н1.

$$v = 68 \frac{\text{м}}{\text{с}} \quad l = \frac{5R}{3}$$

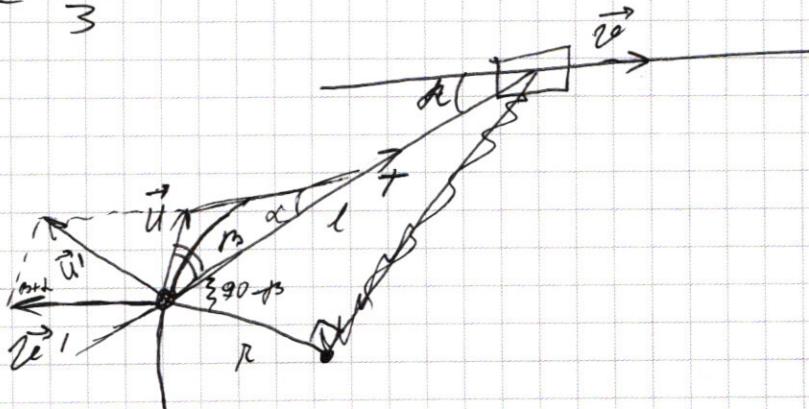
$$M = 0,1 \text{ кг}$$

$$R = 1,9 \text{ м}$$

$$\cos \delta = \frac{15}{77}$$

$$\cos \beta = \frac{4}{5}$$

н2-?



2) U' ?

1) ск-ть кальца то нас. к дуге.

3) T?

из ул. нераст. $U \cos \beta = v \cos \delta \Rightarrow U = \frac{v \cos \delta}{\cos \beta} =$

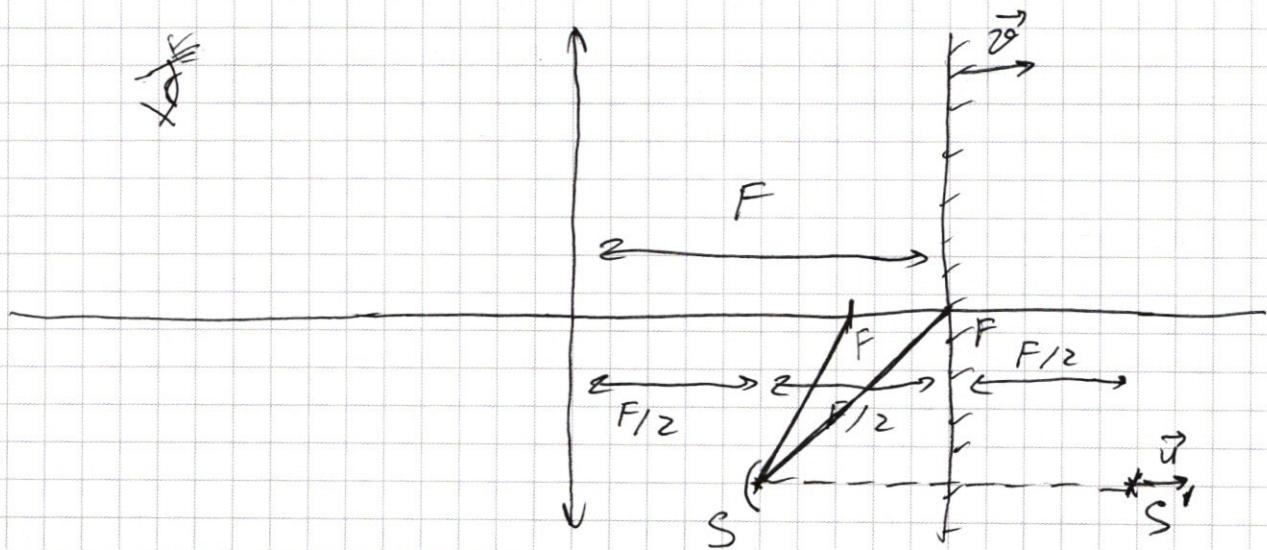
$$= 68 \cdot \frac{15}{77} \cdot \frac{5}{4} = 75 \left(\frac{\text{м}}{\text{с}} \right)$$

2) перейдём в сист. отс. обр. с музой, тогда
кальца будет иметь ск-ть v' ($|v'| = |v|$),
 $v' \downarrow v$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

3) В уст. речи на катушке $\text{нам. нет напряжения} \Rightarrow$
 вдвоем сопротивление E , но дуга блокирует
 $U_0 \Rightarrow U_2 = E - U_0 = 9 - 1 = 8(V)$
 Ответ: 1) $I = \frac{dF}{dt} = 40 \frac{A}{C}$; 2) $I_{\max} = 0,6A$; 3) $U_2 = 8V$.

№ 5.



1) ~~если~~ П. к. зеркало на расст. F , то мы не ~~увидим~~ ^{он зеркало} симметричное отраженное изображение, но сможем увидеть изображение изображения в зеркале.
 $d = F + \frac{F}{2} = \frac{3}{2}F$ - расст. от предмета до изображения.

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F}$$

$$f = \frac{dF}{d-F} = \frac{\frac{3}{2}F \cdot F}{\frac{3}{2}F - F} = \frac{\frac{3}{2}F}{\frac{1}{2}} = 3F - \text{наст. наблюдане}$$

2) П.к. зеркало движется от предмета, то изобр. предмета движется от зеркала (перп. к зеркалу), то это движется параллельно в. орт. оси. $\Rightarrow \cos\varphi = 1$
 φ - искажённый угол.

$$3) f = \frac{dF}{d-F}$$

$$f + ut = \frac{(d-v't)F}{d-v't-F}$$

$$\begin{aligned} ut &= \frac{(d-v't)F}{d-v't-F} - \frac{dF}{d-F} = \frac{(d-v't)F(d-F) - dF(d-v't-F)}{(d-F)(d-v't-F)} = \\ &= \frac{dF(d-v't) - F^2(d-v't) - dF(d-v't) + dF^2}{(d-F)(d-v't-F)} \end{aligned}$$

$$ut = \frac{F^2 v' t}{(d-F)(d-v't-F)}$$

$$\Gamma = \frac{f}{d} = \frac{F}{d-F} - \text{увеличение}$$

$$u = \frac{\Gamma v' F^2}{(d-v' F^2 - F)} \quad \text{м.к. избен в дальнем положении} \quad t \rightarrow 0$$

$$u = \Gamma^2 v' = \alpha \Gamma^2 v = \alpha \cdot \left(\frac{f}{d}\right)^2 v = \alpha \frac{g F^2}{d^2} v = 8v$$

Ответ: 1) $f = 3F$; 2) $\cos\varphi = 1$; 3) $u = 8v$

u - ск-ть изобр.

v' - ск-ть предмета
 $(v' = 2v)$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\vec{U}' = \vec{v}' + \vec{u}$$

$$U'^2 = v'^2 + U^2 - 2v'U \cos(\lambda + \beta)$$

$$U' = \sqrt{v'^2 + U^2 - 2v'U (\cos\lambda \cos\beta - \sin\lambda \sin\beta)}$$

$$U' = \sqrt{68^2 + 75^2 - 2 \cdot 68 \cdot 75 \left(\frac{4}{5} \cdot \frac{15}{17} - \sqrt{\frac{25-16}{25}} \sqrt{\frac{369-225}{289}} \right)} =$$

$$= \sqrt{}$$

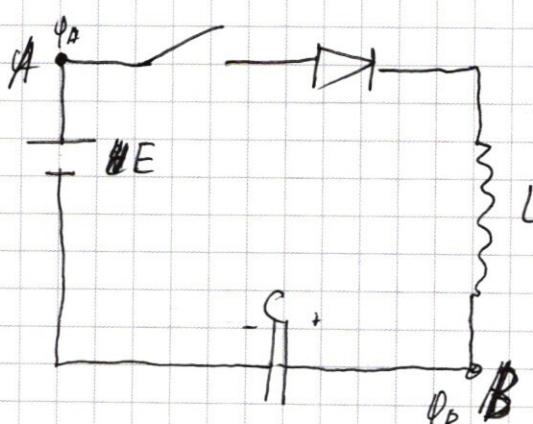
3) № 23. Н.

~~$$m \frac{U^2}{R} = T \cos(90 - \beta)$$~~

$$T = \frac{m U^2}{R \sin \beta} = \frac{0,1 \cdot 75^2}{1,9 \cdot \sqrt{\frac{289-225}{289}}} = \frac{0,1 \cdot \frac{5625}{8}}{1,9 \cdot \frac{8}{17}} = \frac{5625 \cdot 17}{19 \cdot 8} = 63 \text{ H}$$

Ответ: 1) $U = 75 \frac{\text{Coul}}{\text{s}}$ 2) $U' =$ 3) $T = 63 \text{ H}$

№ 4.



$$C = 40 \mu\text{F}$$

$$U_1 = 5 \text{ V}$$

$$E = 9 \text{ V}$$

$$U_0 = 1 \text{ V}$$

$$L = 0,1 \text{ H}$$

$$1) \frac{dI_L}{dt} - ?$$

$$2) I_{\max} - ?$$

$$3) U_2 - ?$$

1) $\psi_A - \psi_B = E - U_1 = 9 - 5 = 4V \Rightarrow$ дно проpusсит ток.
 (б) нач. маг.) $\psi_A - \psi_B > U_0$

$$E - L \frac{dI}{dt} = U_1 \Rightarrow \frac{dI}{dt} = \frac{E - U_1}{L} = \frac{9 - 5}{0,1} = 40 \text{ A}$$

2) работа ~~из~~ конденсатора тока на землю капушки и изм. эл. конденс.

$q_1 = C U_1$ - нач. заряд. конд.

$q_2 = C(E - U_0)$ - кон. заряд конд.

$$A = E(q_2 - q_1) = E(C(E - U_0) - C U_1) = E C(E - U_0 - U_1)$$

$W_1 = \frac{C U_1^2}{2}$ - нач. эн. конд.

$W_2 = \frac{C(E - U_0)^2}{2}$ - кон. эн. конд.

$W_L = \frac{LI_{max}^2}{2}$ - эн. кам.

$$A = W_L + (W_2 - W_1)$$

$$EC(E - U_0 - U_1) = \frac{LI_{max}^2}{2} + \frac{C}{2}((E - U_0)^2 - U_1^2)$$

$$\frac{LI_{max}^2}{2} = EC(E - U_0 - U_1) - \frac{C}{2}(E - U_0 + U_1)(E - U_0 - U_1) =$$

$$= C(E - U_0 - U_1)(E - \frac{E - U_0 + U_1}{2})$$

$$I_{max} = \sqrt{\frac{2C(E - U_0 - U_1)(E - \frac{E - U_0 + U_1}{2})}{L}}$$

$$I_{max} = \sqrt{\frac{2 \cdot 40 \cdot 10^{-6} (9 - 5 - 1) (9 - \frac{9 - 1 + 5}{2})}{0,1}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 40 \cdot 10^{-6} \cdot 3 \cdot 1,5}{0,1}} =$$

$$= \sqrt{\frac{40 \cdot 10^{-6} \cdot 9}{0,1}} = 20 \cdot 3 \cdot 10^{-2} = 0,6 \text{ A}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

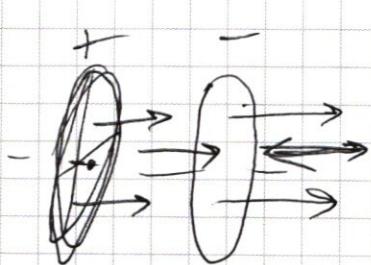
$$\Delta F = \frac{3}{2} (P_3 V_3 - P_1 V_1) - (P_1 + P_3)(V_3 - V_1)$$

$$Q = \frac{3}{2} (P_3 V_3 - P_1 V_1) - (P_1 + P_3)(V_3 - V_1) \frac{1}{2} =$$

~~$$\frac{3}{2} P_3 V_3 - \frac{3}{2} P_1 V_1 - \frac{1}{2} P_1 V_3 - \frac{1}{2} P_3 V_3 + \frac{1}{2} P_3 V_2 =$$~~

$$\Rightarrow P_3 V_3 = \frac{3}{2} P_3 V_3 - \frac{3}{2} P_1 V_1 - \frac{1}{2} P_1 V_3 - \frac{1}{2} P_3 V_3 + \frac{1}{2} P_3 V_2 + \frac{1}{2} P_3 V_2 \\ = P_3 V_3 - P_1 V_1 - \frac{1}{2} P_1 V_3 + \frac{1}{2} P_3 V_2 = 2P_3^2 - 2P_1^2 - \frac{1}{2} 2P_1 P_3 + \\ + \frac{1}{2} 2P_1 P_3 = 2(P_3^2 - P_1^2)$$

3. ~~Электрический заряд~~ $\frac{q}{m} = \gamma$



$$d = 0,25 d$$

$$\frac{E}{a} = \frac{1}{\gamma}$$

$$Eq = ma$$

$$C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$$

$$E = \frac{q}{\epsilon_0 S} \cdot \frac{1}{d} =$$

$$S = \frac{Cd}{\epsilon_0}$$

~~$$E = \frac{q}{\epsilon_0 S} \cdot \frac{1}{d}$$~~

1) $a = \gamma E$

$$a = qT = T\gamma E$$

~~$$E = \frac{q}{\epsilon_0 S} = \frac{q_0}{\epsilon_0 S} = \frac{q_0}{Cd} = \frac{U}{d}$$~~

$$0,25d = \frac{qT^2}{2}$$

$$29_1 = \frac{1,5d}{T}$$

$$a = \frac{1,5d}{T^2}$$

~~$$29_1 = \frac{1,5d}{T^2} = \frac{1,5d}{(2\pi C d)^2} = \frac{1,5d}{4\pi^2 C d^2} = \frac{1,5}{4\pi^2 C} = \frac{1,5}{4\pi^2 \cdot 8,85 \cdot 10^{-12}} = 10^{-10} \text{ м/с}^2$$~~

$$2). \quad \vartheta_1 = \frac{1,5d}{T}$$

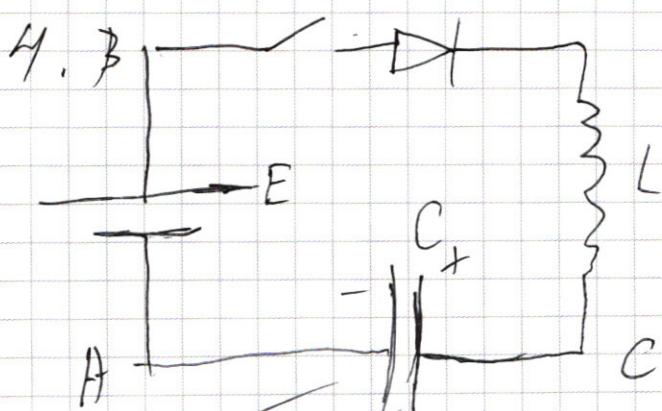
$$a = \frac{1,5d}{T^2}$$

~~$$m_0 = \rho_0 S = Q = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$$~~

$$E = \frac{1,5d}{8T^2} = \frac{Q}{\epsilon_0 S} = \frac{Q}{cd}$$

$$\frac{1,5cd^2}{8T^2} = Q = \frac{1,5\epsilon_0 S}{8T^2}$$

$$3) \quad \vartheta_2 = \vartheta_1$$



~~$$\frac{\times 14}{14} \\ \frac{14}{119} \\ \frac{119}{149} \\ \frac{149}{149}$$~~

~~$$\mathcal{E} - L \frac{dI}{dt} = U_1$$~~
~~$$U_2 - U_3 = E$$~~
~~$$U_2 - U_A = U_1$$~~
~~$$U_B - U_C = U_1 + E - L \frac{dI}{dt}$$~~

$$\mathcal{E} - L \frac{dI}{dt} = U_1$$

~~$$2) \quad \mathcal{E} = \frac{LI_{max}^2}{2} + \Delta W_C$$~~

$$2) \quad \frac{dI}{dt} = \frac{\mathcal{E} - U_1}{L}$$

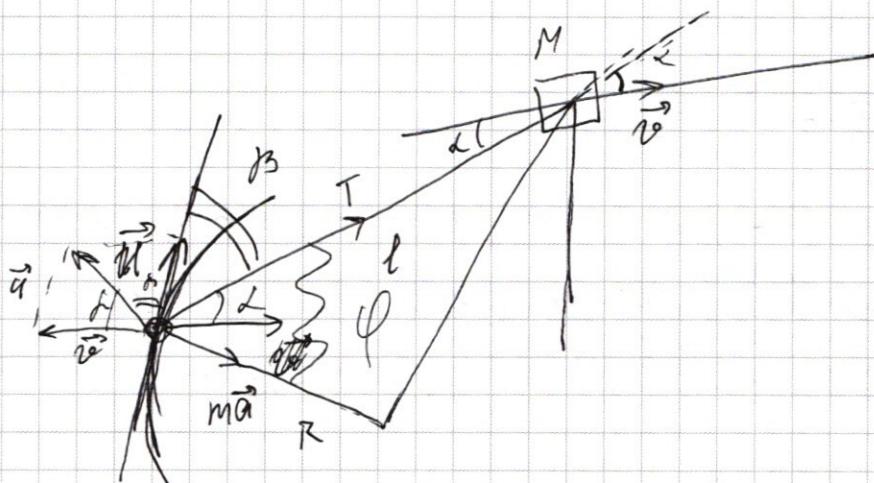
$$W_0 = \frac{C U_1^2}{2}$$

$$\Delta Q = C \mathcal{E} - C U_1$$

$$W_K = \frac{C \mathcal{E}}{2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1.



~~$U \cos \alpha = m g \cos \beta$~~

~~$U = \frac{m g \cos \beta}{\cos \alpha}$~~

$v \cos \alpha = U \cos \beta$

$U = \frac{v \cos \alpha}{\cos \beta} = 68 \cdot \frac{\frac{15}{\pi}}{\cos \beta} =$

~~$U^2 = U'^2 + v^2 - 2U'v \cos \alpha$~~

$U'^2 - 2U'v \cos \alpha + v^2 - U^2 = 0$

$U'^2 = v^2 \cos^2 \alpha - v^2 + U^2 = -v^2 \sin^2 \alpha + U^2 = v^2 (\cos^2 \alpha - 1) + U^2$

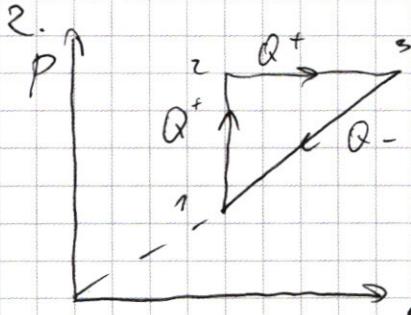
$U' = \sqrt{U^2 - v^2 \sin^2 \alpha} = 68 \cdot \sqrt{\frac{15}{\pi}} = \sqrt{68 \cdot \frac{15}{\pi} - 68 \cdot 68}$

$\cos \varphi = \frac{R}{l}$

$\pm \sqrt{68 \cdot \frac{15}{\pi} - 68 \cdot 68}$

$T \cos \varphi = m \frac{U'^2}{R}$

$T = \frac{m U'^2}{R} \frac{l}{R} = \frac{m U'^2 l}{R^2}$



$$1) \eta = \frac{C_P}{C_V} = \frac{\frac{5}{2}R}{\frac{3}{2}R} = \boxed{\frac{5}{3}}$$

$$2) \dot{A}_r = (V_3 - V_2)(P_2 - P_1) \frac{1}{2} = \frac{1}{2}(P_2 V_3 - P_2 V_2 - P_1 V_3 + P_1 V_2)$$

~~$$\dot{Q}_p = \dot{A}_r + A_p = \frac{1}{2}(P_2 V_3 - P_2 V_2) + (P_3 - P_2) P_2 \frac{V_2}{2}$$~~
~~$$\frac{3}{2}P_2 V_3 - \frac{3}{2}P_2 V_2 + \frac{3}{2}P_2 V_2 + P_2 V_3 - P_2 V_2 =$$~~

~~$$\dot{Q}_p = \frac{5}{2}P_2 R \Delta T = \frac{5}{2}(P_3 V_3 - P_2 V_2)$$~~

$$\begin{aligned} \dot{Q}_p &= \frac{3}{2}(P_3 V_3 - P_2 V_2) + P_2(V_3 - V_2) = \\ &= \frac{3}{2}P_3 V_3 - \frac{3}{2}P_2 V_2 + P_2 V_3 - P_2 V_2 = \\ &= \frac{5}{2}P_3 V_3 - \frac{5}{2}P_2 V_2 = \frac{5}{2}(P_3 V_3 - P_2 V_2) \end{aligned}$$

~~$$\dot{A}_r = \frac{1}{2}(P_2 V_3 - P_2 V_2 + P_1 V_2 - P_1 V_3)$$~~

~~$$P_1 = \cancel{dV_1}$$~~
~~$$P_2 = \cancel{dV_2}$$~~
~~$$P_3 = \cancel{dV_3}$$~~

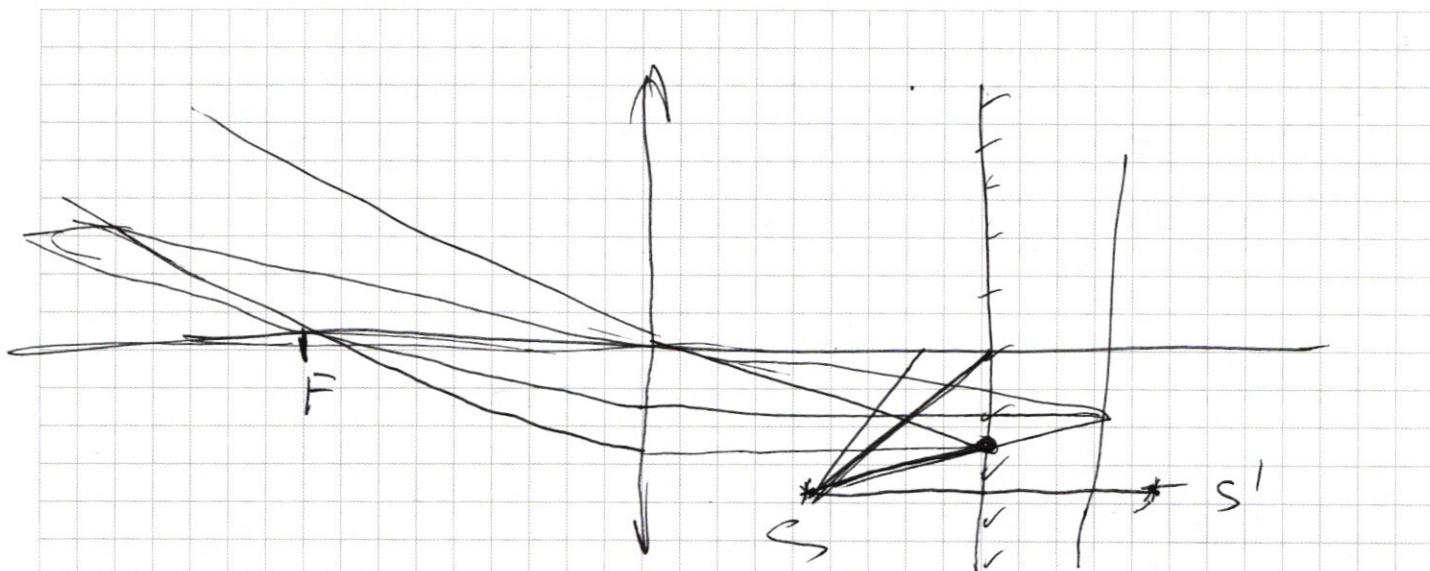
$$\dot{A}_p = \cancel{P_2(V_3 - V_2)} = P_2 V_3 - P_2 V_2 = P_3 V_3 - P_2 V_2$$

$$\frac{\dot{Q}_p}{\dot{A}_p} = \frac{\frac{5}{2}(P_3 V_3 - P_2 V_2)}{(P_3 V_3 - P_2 V_2)} = \boxed{\frac{5}{2}}$$

$$3) \eta = \frac{Q_+ - Q_-}{Q_+} = \frac{\dot{A}_r}{\dot{Q}_+} = 1 - \frac{Q_-}{\dot{Q}_+}$$

$$\begin{aligned} Q_+ &= \frac{5}{2}(P_3 V_3 - P_2 V_2) + \frac{3}{2}(P_2 V_2 - P_1 V_1) = \\ &= \frac{5}{2}P_3 V_3 - \frac{5}{2}P_2 V_2 + \frac{3}{2}P_2 V_2 - \frac{3}{2}P_1 V_1 = \\ &= \frac{5}{2}P_3 V_3 - P_2 V_2 - \frac{3}{2}P_1 V_1 = \frac{5}{2}P_3^2 - \frac{3}{2}P_1^2 - P_2 V_2 \\ &= \frac{5}{2}P_3^2 - \frac{3}{2}P_1^2 - P_2 V_2 = \frac{5}{2}P_3^2 - \frac{3}{2}P_1^2 - dP_1 P_2 \end{aligned}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1) - - -

2)

$$\eta = 1 - \frac{Q_-}{Q_+} = \frac{A}{Q_+}$$

$$Q = Q_{12} + Q_{23}$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} (P_1 V_2 - P_2 V_1) \quad \text{и} \quad Q_{23} = \frac{3}{2} (P_2 V_3 - P_3 V_2)$$

$$\begin{array}{r} \cancel{\frac{25}{25}} \\ \cancel{\frac{342}{525}} \\ \cancel{\frac{5622}{-56}} \\ \cancel{\frac{-22}{-16}} \\ \cancel{\frac{60}{4921}} \\ \cancel{\frac{403}{-114}} \\ \cancel{\frac{51}{19}} \\ \cancel{\frac{62}{}} \end{array}$$

$$\frac{24}{28} = \frac{12}{14} = \frac{6}{7} = \frac{1}{5}$$

$$Q_{23} = \frac{5}{2} (P_3 V_3 - P_1 V_2)$$

$$Q_+ = \frac{5}{2} (P_3 V_3 - \frac{5}{2} P_2 V_2 + \frac{3}{2} P_2 V_2 - \frac{3}{2} P_1 V_1) =$$

$$= \frac{5}{2} P_3 V_3 - \frac{3}{2} P_1 V_1 - P_2 V_2$$

$$\frac{5}{2} L P_3^2 - \frac{3}{2} L P_1^2 - P_2 V_2$$

$$Q_- = \frac{3}{2} (P_1 V_1 - P_3 V_3) + (P_4 + P_3) \frac{1}{2} (V_3 - V_1) =$$

$$= \frac{3}{2} L P_1^2 - \frac{3}{2} L P_3^2 + \frac{1}{2} P_1 V_3 + \frac{1}{2} P_3 V_3 - \frac{1}{2} P_1 V_1 - \frac{1}{2} P_3 V_1 =$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{3}{2} \Delta p_1^2 - \frac{3}{2} \Delta p_3^2 + \frac{1}{2} \Delta p_1 p_3 + \frac{1}{2} \Delta p_3^2 - \frac{1}{2} \Delta p_1^2 - \frac{1}{2} \Delta p_1 p_3 = \\
 &= \Delta p_1^2 - \Delta p_3^2 \\
 Q_- &= \frac{\Delta(p_1^2 - p_3^2)}{\frac{5}{2} \Delta p_3^2 - \frac{2}{2} \Delta p_1^2 - \Delta p_3 p_1} = \frac{2(p_1^2 - p_3^2)}{5p_3^2 - 3p_1^2 - 2p_3 p_1} = \\
 &= \frac{2(p_1^2 - p_3^2)}{5p_3^2 - 5p_3 p_1 + 3p_3 p_1 - 3p_1^2} = \frac{2(p_1^2 - p_3^2)}{5p_3(p_3 - p_1) + 3p_1(p_3 - p_1)} = \\
 &= \frac{2(p_1 + p_3)}{5p_3 + 3p_1} = \frac{2(p_1 + n p_1)}{5np_1 + 3p_1} = \frac{2(1+n)}{5n+3} = \frac{2n+2}{5n+3}
 \end{aligned}$$

$$P_3 = n P_1$$

~~$$\eta' = \frac{2(5n+3) - 5(2n+2)}{(5n+3)^2}$$~~

$$\begin{aligned}
 Q_- &= \frac{3}{2}(p_1 V_1 - p_3 V_3) - \frac{1}{2} (p_3 + p_1)(V_3 - V_1) = \\
 &= \frac{3}{2} \cancel{\Delta p_1^2} - \frac{3}{2} \cancel{\Delta p_3^2} - \frac{1}{2} p_3 V_3 - \frac{1}{2} p_1 V_3 + \frac{1}{2} p_3 V_1 + \frac{1}{2} p_1 V_1 = \\
 &= \frac{3}{2} \Delta p_1^2 - \frac{3}{2} \Delta p_3^2 - \frac{1}{2} \cancel{\Delta p_3^2} - \frac{1}{2} \cancel{\Delta p_1 p_3} + \frac{1}{2} \cancel{\Delta p_1 p_3} + \frac{1}{2} \cancel{\Delta p_1^2} =
 \end{aligned}$$

=