

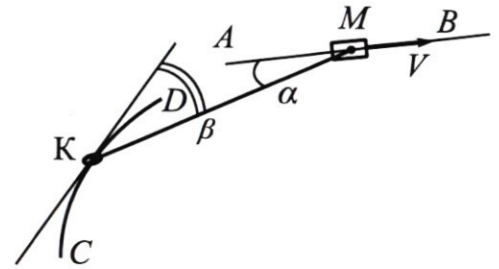
Олимпиада «Физтех» по физике, 11 класс

Вариант 11-01

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в

1. Муфту М двигают со скоростью $V = 68$ см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 0,1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/3$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол α ($\cos \alpha = 15/17$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 4/5$) с направлением движения кольца.



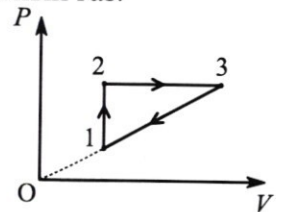
- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.

2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.

3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью S , расстояние между обкладками d ($d \ll \sqrt{S}$). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,25d$ от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время T вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

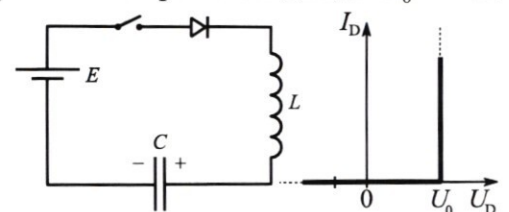
1) Найдите скорость V_1 частицы при вылете из конденсатора.

2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.

3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 9$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 5$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.



1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.

2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.

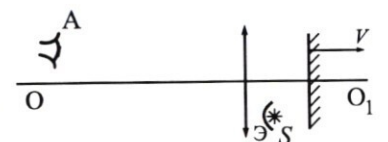
3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/2$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

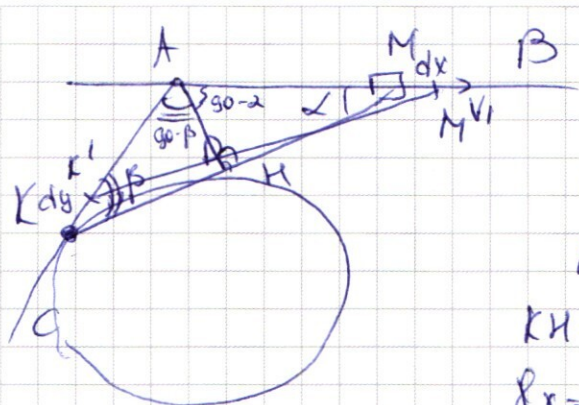
1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



21

Обозначим $AK = 5y$, $AM = 17x$

АН - высота. $HM = 17x \cdot \frac{15}{17} = 15x$

$$AH = \sqrt{17^2 x^2 - 15^2 x^2} = 8x$$

$$KH = 5y \cdot \frac{4}{5} = 4y \quad AH = \sqrt{5^2 y^2 - 4^2 y^2} = 3y$$

$$8x = 3y \rightarrow y = \frac{8}{3}x$$

$$KH + KM = 4y + 15x = \frac{5}{3} R$$

$$\frac{1}{3}x \cdot y + 15x = \frac{5}{3}R \rightarrow x = \frac{5}{27}R \quad y = \frac{40}{231}R$$

$$AK = 5 \quad y = \frac{200}{281} R \quad AM = 17 \quad x = \frac{85}{77} R$$

$$\cos \angle KHM = \cos(90^\circ \beta + 90^\circ \alpha) = \sin \beta \sin \alpha - \cos \beta \cos \alpha =$$

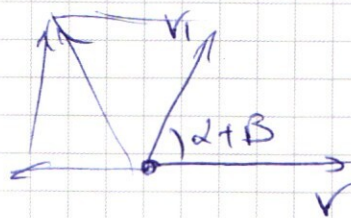
$$\frac{8}{17} \cdot \frac{3}{5} - \frac{4}{5} \cdot \frac{15}{17} = -\frac{36}{85}$$

Рассмотрим наиб. смещение M нутры dx , тогда K сойдетс^я к dy , а все остальное останется y -замкнуто.
По теор. косин.: $AK'^2 + AM'^2 - 2AK'AM' \cos \angle KAM = \left(\frac{5}{3}R\right)^2$

$$\left(\frac{200}{231} R - dy\right)^2 + \left(\frac{85}{77} R + dx\right)^2 = 2 \left(\frac{200}{231} R - dy\right) \left(\frac{85}{77} R + dx\right) \frac{36}{85} = \frac{25}{9} R^2$$

Задача 4085: $dy = \frac{\frac{120}{77} + \frac{36}{85} \cdot \frac{400}{231}}{\frac{400}{231} + \frac{120}{77} \cdot \frac{36}{85}} dx \approx \frac{4485}{5236} dx$

$$V' = \frac{dy}{dt} = \frac{4485}{5236} \frac{dx}{dt} = \frac{4485}{5236} \times 160 \text{ cm/s} \approx 60 \text{ cm/s}$$



$$\overline{V_{\text{ana}}} = \overline{V_1} - \overline{V}$$

$$|V_{\text{max}}| = \sqrt{V_1^2 + V_2^2 - 2V_1V_2\cos(\phi + \theta)} = \sqrt{3600 + 4624 - 2 \cdot 60 \cdot 87 \cdot \left(\frac{4}{5} \cdot \frac{15}{17} - \frac{3}{5} \cdot \frac{8}{17}\right)} \approx 70 \text{ cm/c}$$

Orbiter: 1) 60 cm/c 2) 70 cm/c

14

В начальный момент времени E и U , направлены в разные стороны, но $E - U_1 = 5B$, поэтому ток пойдет по часовой стрелке.

$$E = LI' + U_1 \rightarrow I' = \frac{E - U_1}{L} = \frac{4}{0,1} = 40 \frac{A}{c}$$

Конденсатор будет перезаряжаться пока U в цепи будет $> 1B$, когда диод перестанет пропускать ток, $U_2 = E - U_0 = 8B$

Ответ: 1) $I' = 40 \frac{A}{c}$ 3) $U_2 = 8B$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

12

По условию: $P_2 = P_3, V_2 = V_1$.

$$Q_{12} = A_{12} + T_{12} = \int_{V_1}^{V_2} P dV + \frac{3}{2} R(T_2 - T_1) = \frac{3}{2} R(T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1) = \frac{3}{2} V_1 (P_2 - P_1)$$

$$Q_{23} = A_{23} + T_{23} = P_2 (V_3 - V_2) + \frac{3}{2} R(T_3 - T_2) = P_2 V_3 - P_2 V_2 + \frac{3}{2} P_3 V_3 - \frac{3}{2} P_2 V_2 = P_2 \left(\frac{5}{2} (V_3 - V_2) \right)$$

$$Q_{31} = \int_{V_3}^{V_1} P dV + \frac{3}{2} R(T_3 - T_1) = a \int_{V_3}^{V_1} V dV + \frac{3}{2} R(T_3 - T_1) = \frac{a}{2} (V_3^2 - V_1^2) + \frac{3}{2} R(T_3 - T_1)$$

a — угол наклона прямой 13

$$C_{12} = \frac{Q_{12}}{(T_2 - T_1)J} = \frac{3}{2} R \quad C_{23} = \frac{Q_{23}}{(T_3 - T_2)J} = \frac{P_2 V_3 - P_2 V_2 + \frac{3}{2} R(T_3 - T_2)}{(T_3 - T_2)J} = \frac{JRT_3 - JRT_2 + \frac{3}{2} JRT_3 - \frac{3}{2} JRT_2}{(T_3 - T_2)J} = \frac{5}{2} R$$

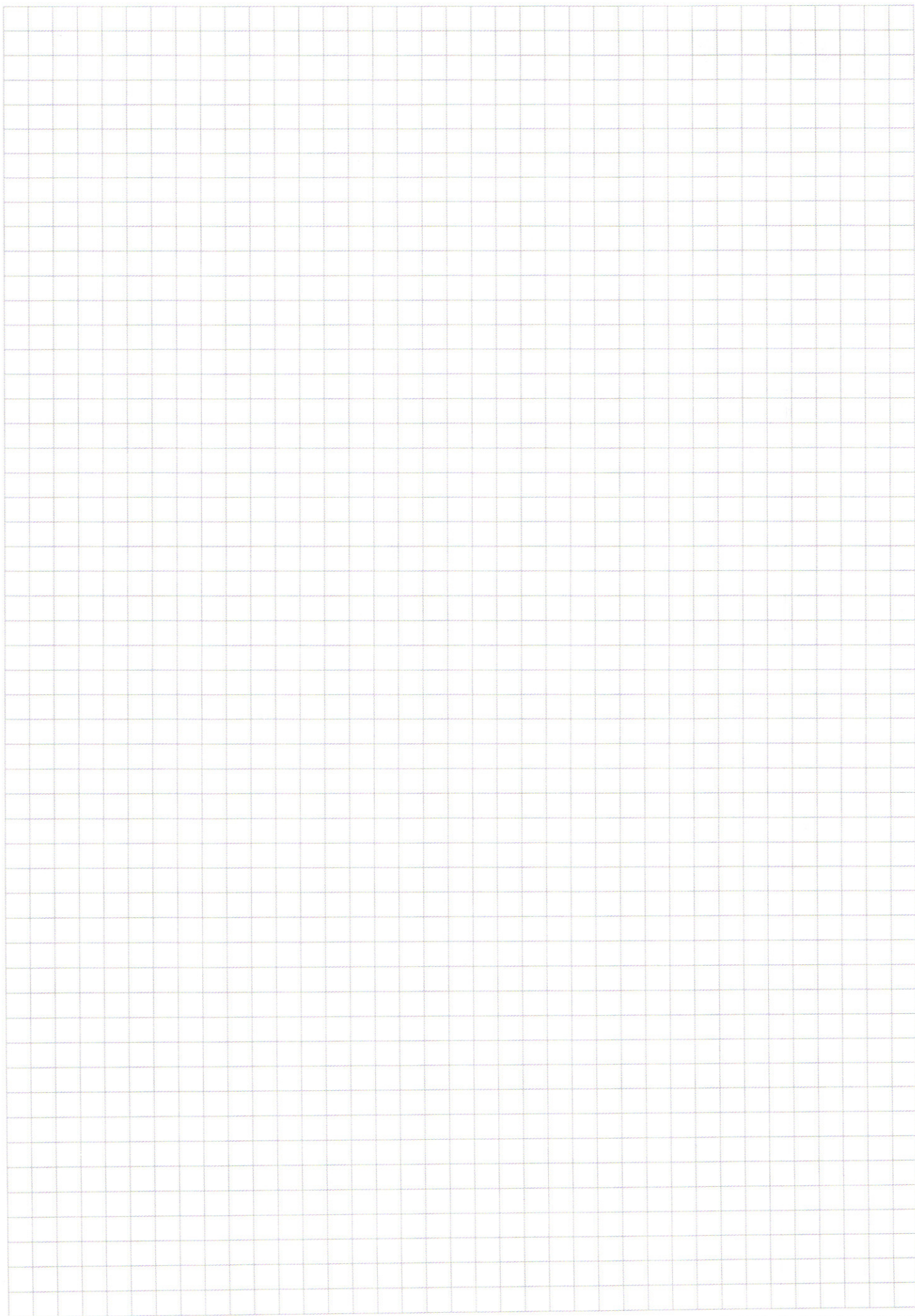
Повышение T происходит на 12 и 23 1) $\frac{C_{23}}{C_{12}} = \frac{\frac{5}{2} R}{\frac{3}{2} R} = \frac{5}{3}$

2) $\frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{5}{2} P_2 (V_3 - V_2)}{P_2 (V_3 - V_2)} = \frac{5}{2}$

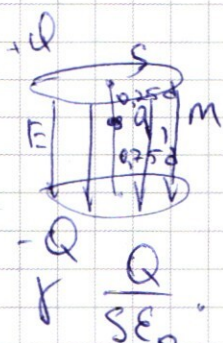
3) $\eta = 1 - \frac{Q_{31}}{Q_{12} + Q_{23}} = 1 - \frac{\frac{a}{2} (V_3^2 - V_1^2) + \frac{3}{2} R(T_3 - T_1)}{\frac{3}{2} V_1 (P_2 - P_1) + \frac{5}{2} P_2 (V_3 - V_2)}$

$$1 - \frac{\frac{a}{2} (V_3^2 - V_1^2) + \frac{3}{2} (P_3 V_3 - P_1 V_1)}{\frac{3}{2} P_2 V_1 - \frac{3}{2} P_1 V_1 + \frac{5}{2} P_2 V_3 - \frac{5}{2} P_2 V_2} = 1 - \frac{\frac{a}{2} (V_3^2 - V_1^2) + \frac{3}{2} a (V_3^2 - V_1^2)}{\left(P_1 = P_2 = a V_1 \right) \left(P_2 = P_3 = a V_3 \right)}$$

Ответ: 1) $\frac{5}{3}$ 2) $\frac{5}{2}$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



№3
Полем $E = \frac{Q}{2\epsilon_0 s}$ однородно внутри оси,
s - попер. сеч. потому движение частицы
будет равноускоренным с $a = \frac{F}{m} = \frac{qE}{m} =$
 $\gamma \frac{Q}{2\epsilon_0 s}$ $\gamma \neq 0$ т.к. когда частица достигнет обкладки имеет

1) Если $q > 0$ и $\gamma > 0$ то частица полетит к внешней обкладке
(-Q) и пройдет $l = 0,75d$.

$$V = aT = \frac{aT^2}{2} = 0,75d \rightarrow \gamma \frac{Q}{2\epsilon_0 s} T^2 = 0,75d \rightarrow Q = \frac{2 \cdot 0,75d \cdot s \cdot \epsilon_0}{T^2 \gamma}$$

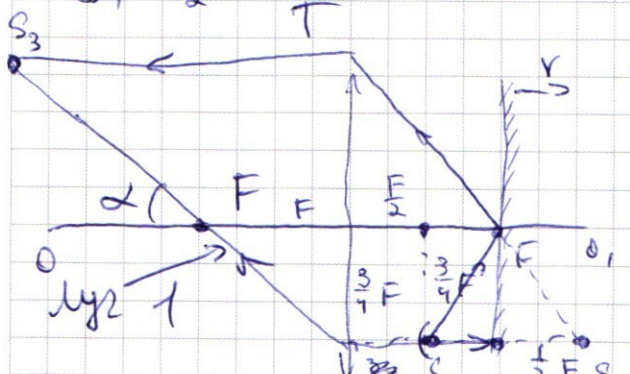
$$V_1 = aT = \gamma \frac{Q}{2\epsilon_0 s} T = \gamma \frac{2 \cdot 0,75d \cdot s \cdot \epsilon_0}{T^2 \gamma \cdot 2\epsilon_0 s} T = \frac{2 \cdot 0,75d}{T} = \frac{1,5d}{T}$$

$V_2 = V_1$, т.к. снаружи конденсатора поля нет,
значит движение будет равномерным.

2) Если $q < 0$ и $\gamma < 0$, то частица полетит к +Q
 $\frac{aT^2}{2} = 0,25d$

Ответ: 1) $V_1 = \frac{0,25d}{T} \quad \frac{1,5d}{T}$ 2) $Q = \frac{1,5d s \epsilon_0}{T^2 \gamma}$

3) $V_2 = \frac{1,5d}{T}$



По формуле тонкой линзы

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F}, \quad \beta = \frac{3}{2}F \rightarrow d = \frac{1}{\frac{1}{F} - \frac{2}{3 \cdot \frac{1}{F}}} = 3F$$

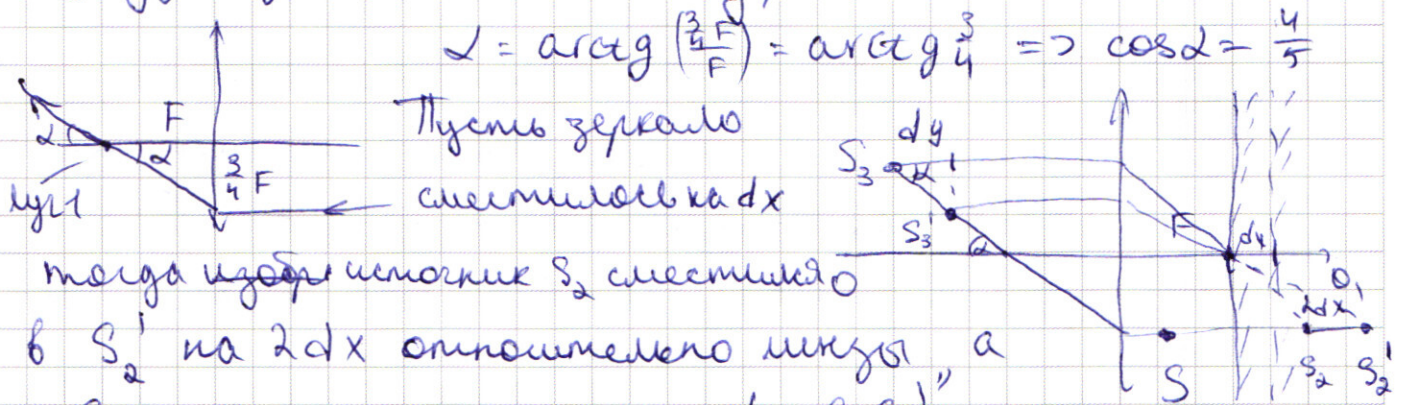
№5
 S_2 - мнимый источник, расположен
за зеркалом, или можно заменить
зеркало и источник S.

d - расстояние от изобр. S_3 до линзы

f - расстояние от S_2 до линзы

$$d = \frac{1}{\frac{1}{F} - \frac{1}{f}} = \frac{1}{\frac{1}{F} - \frac{2}{3 \cdot \frac{1}{F}}} = 3F$$

S_1 и S_2 находятся на одинаковом расстоянии $\frac{3}{4}F$ от OO , всегда, поэтому луч 1 всегда будет идти таким образом через левый фокус, а изображение S_3 будет двигаться по нему,



$$f' = f + 2dx \quad d' = d - dy \quad dx = Vdt$$

$$\frac{1}{f'} + \frac{1}{d'} = \frac{1}{F} \rightarrow \frac{1}{f+2dx} + \frac{1}{d-dy} = \frac{1}{F} \rightarrow \frac{1}{\frac{3}{2}F+2dx} + \frac{1}{3F-dy} = \frac{1}{F}$$

$$3F-dy + \frac{3}{2}F + 2dx = \frac{(\frac{3}{2}F+2dx)(3F-dy)}{F}$$

пренебрежем dx и dy за малости

$$3F-dy + \frac{3}{2}F + 2dx = \frac{9}{2} + 6Fdx - \frac{3}{2}Fdy$$

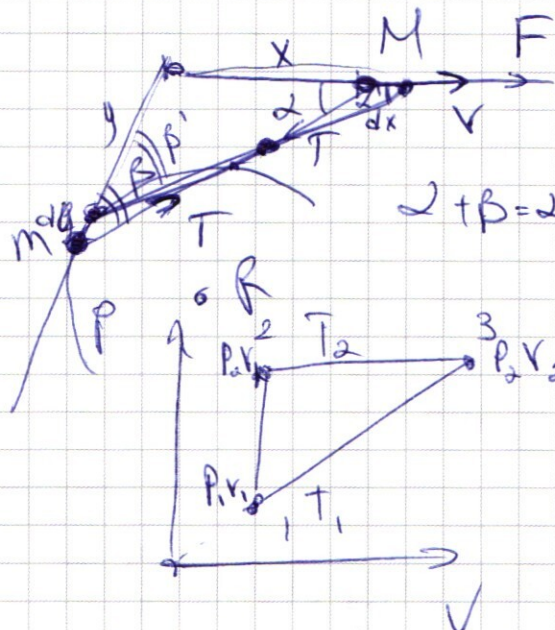
$$dy = 2 \cdot 4dx = 8dx = 8Vdt \quad \frac{dy}{dx} = 8V =$$

$$S_3 \text{ сместится на } dL = \frac{dy}{\cos \alpha} \text{ в } S_3' \quad \frac{dL}{dt} = \frac{5}{4} 8Vdt = 10Vdt$$

$$V' = \frac{dL}{dt} = 10V \text{ - скорость изобр.}$$

Ответ: 1) $d = 3F$ 2) $\alpha = \arctg \frac{3}{4}$ 3) $V' = 10V$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$F = T \cos \alpha$$

$$ma = T \cos \beta$$

$$\alpha + \beta = \alpha' + \beta'$$

$$\frac{225}{289} + \frac{16}{25}$$

$$\begin{array}{r} 15 \\ \times 17 \\ \hline 75 \\ 119 \\ \hline 225 \\ \times 17 \\ \hline 119 \\ 225 \\ \hline 289 \end{array}$$

$$\frac{P_2 + Q_{12}}{T_2 - T_1} = \frac{\frac{3}{2} k (T_2 - T_1)}{T_2 - T_1} = \frac{3}{2} k$$

$$P_2 (v_2 - v_1) + \frac{3}{2} k (T_3 - T_1)$$

$$P_2 (v_2 - v_1)$$

$$P = \alpha$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} k (T_2 - T_1)$$

$$Q_{23} = R (T_3 - T_1) + P_2$$

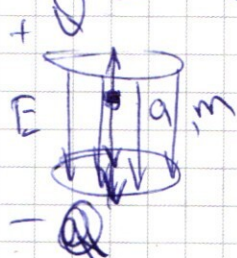
$$Q_{31} = \int P_2 dv + \frac{3}{2} k (T_3 - T_1) = \frac{a v^2}{2} + \frac{3}{2} k (T_3 - T_1) =$$

$$\frac{a v^2}{2} + \frac{3}{2} k$$

$$\frac{a (v_2 - v_1) (v_2 + v_1)}{2} + \frac{3}{2} k (T_3 - T_1)$$

$$(x+dx)^2 + (y+dy)^2 - 2(x+dx)(y+dy)\cos\alpha = x^2 + y^2 - 2xy\cos\alpha$$

$$\frac{3}{2} k (T_2 - T_1) +$$



$$F = qE$$

$$a = \frac{q}{m} \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 a^2}$$

$$ma = qE$$

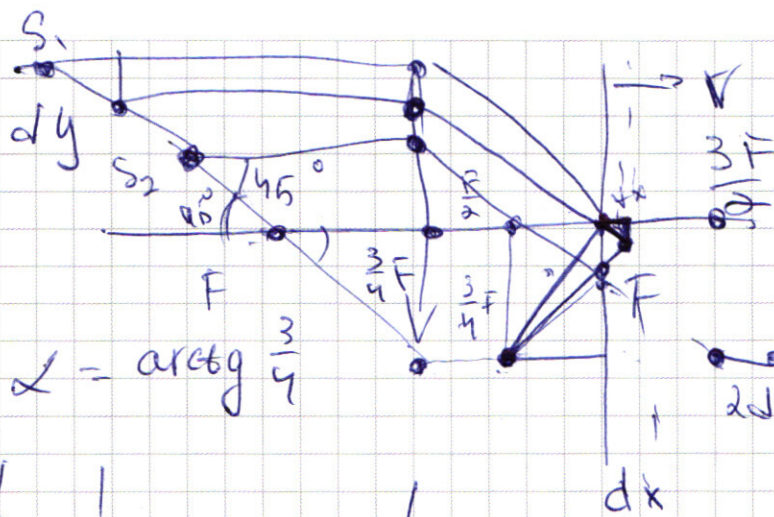
$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 a^2}$$

$$\frac{a t^2}{2} = \frac{q Q t^2}{2 4\pi\epsilon_0 a^2}$$

$$at = v$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{x - y \cos\alpha}{y - x \cos\alpha}$$

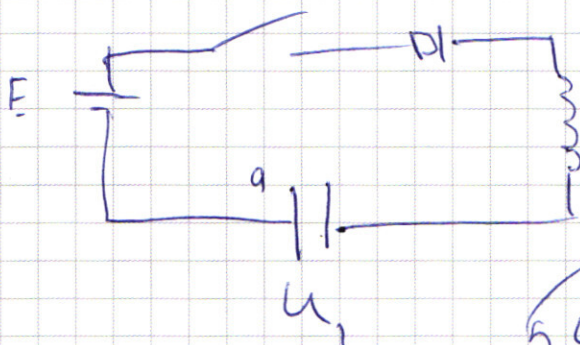
$$x dx + y dy + x dy \cos\alpha - y dx \cos\alpha = 0$$



$$\alpha = \arctg \frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{F} - \frac{1}{\frac{3}{2}F + 2dx} = \frac{1}{d} \frac{dy}{dy}$$

$$\frac{1}{F} - \frac{2}{3F + 2dx} = \frac{1}{d} \frac{dy}{dy}$$



$$E =$$

$$\frac{x - y \cos \alpha}{y - x \cos \alpha}$$

$$= \frac{\frac{85}{77}R + \frac{200}{231}R \cdot \frac{36}{85}}{\frac{200}{231}R + \frac{85}{77}R \cdot \frac{36}{85}} = \frac{200}{231}R$$

$$\cos \gamma = \sin \beta \sin \alpha - \cos \beta \cos \alpha = x = \frac{85}{77}R$$

$$\frac{3}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{17} = -\frac{36}{85}$$

$$\frac{85}{77} + \frac{200}{77 \cdot 3} \cdot \frac{36}{85}$$

$$\frac{2}{3+}$$

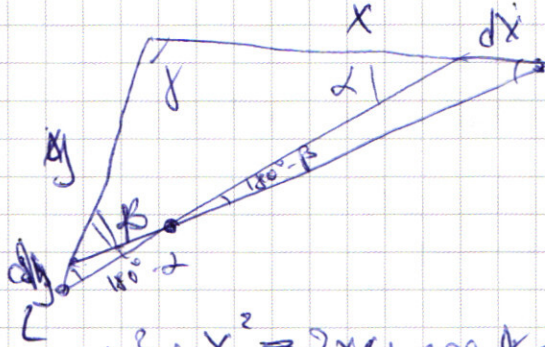
$$\frac{3F - dy + \frac{3}{2}F + 2dx}{(\frac{3}{2}F + 2dx)(3F - dy)} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{\frac{3}{2}F} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F}$$

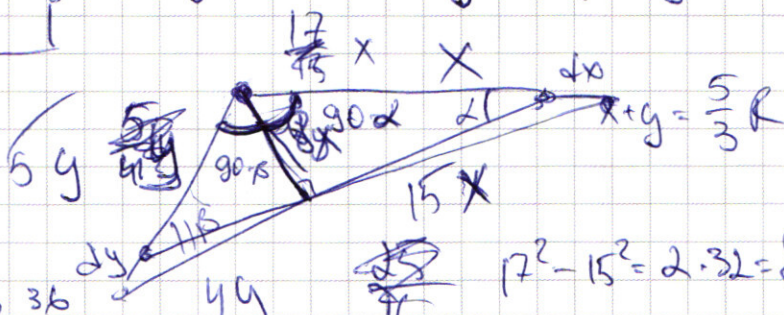
$$\frac{2}{3} \frac{1}{F} + \frac{1}{F} - \frac{2}{3} \frac{1}{F} = \frac{1}{d}$$

$$\frac{1}{3} \frac{1}{F} = \frac{1}{d}$$

$$\alpha = 3F$$



$$y^2 + x^2 = 2xy \cos \gamma = \frac{25}{9} R^2$$



$$17^2 - 15^2 = 2 \cdot 32 = 8$$

$$3y = 8x$$

$$4y + 15x = \frac{5}{3}R$$

$$\frac{32}{3}x + 15x = \frac{5}{3}R$$

$$x = \frac{8}{77} \cdot \frac{5}{3}R = \frac{40}{231}R$$

$$y = \frac{8}{3} \cdot \frac{5}{77}R = \frac{40}{231}R$$

$$3F - Fdy + \frac{3}{2}F + 2Fdx =$$

$$\frac{9}{2}F - \frac{3}{2}Fdy + 6Fdx - 2Fdy$$

$$\frac{dy}{2} = 4dx \quad dy = 8dx$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№2

П.р. нам нужны только подынные теплоемкости,
но для удобства возьмем)

$$\frac{a}{2}(V_3 - V_1)(V_3 + V_1) + \frac{3}{2}P_3V_3 - \frac{3}{2}P_1V_1$$

$$\frac{3}{2}P_2V_2 - \frac{3}{2}P_1V_1 + \frac{5}{2}P_2V_3 - \frac{5}{2}P_1V_1$$

$$(V_3^2 - V_1^2) \left(\frac{a}{2} + \frac{3}{2}a \right)$$

$$\frac{3}{2}aV_3^2 - \frac{3}{2}aV_1^2 + \frac{5}{2}aV_3^2 - \frac{5}{2}aV_1V_3$$

$$\frac{(V_3^2 - V_1^2)5}{5V_3^2 - 3V_1^2 + 2V_1V_2} = - \frac{5V_3^2 - 5V_1^2 + 2V_1^2 + 2V_1V_3}{5V_3^2 - 2V_1V_3 - 3V_1^2}$$

$$\frac{2(V_1^2 - V_1V_3)}{5V_3^2 - 2V_1V_3 - 3V_1^2} = \frac{2V_1(V_1 - V_3)}{5V_3^2 - 2V_1V_3 - 3V_1^2}$$

$$\left(\frac{200}{231} \right)^2 R^2 - \frac{400}{231} R dy + \left(\frac{85}{77} \right)^2 R^2 + \frac{170}{77} R dx + \frac{400 \cdot 85}{231 \cdot 77} R \frac{36}{85}$$

$$+ \frac{36 \cdot 400}{85 \cdot 231} dx R - \frac{36 \cdot 170}{85 \cdot 77} R dy = \frac{25}{9} R^2$$

$$dy \left(\frac{400}{231} + \frac{36 \cdot 170}{85 \cdot 77} \right) = \left(\frac{170}{77} + \frac{36}{85} \cdot \frac{400}{231} \right) dx$$

$$\frac{85 + \frac{200 \cdot 36}{85 \cdot 17}}{200 + \frac{36}{85}} = \frac{85 + \frac{480}{17}}{\frac{1445}{17}} = \frac{1445}{17} = \frac{1445 \cdot 8}{17 \cdot 308} = 5236$$

$$\frac{68}{5236} = \frac{34}{2618} = \frac{17}{1309}$$

$$\frac{17 \cdot 4485}{1390} = \frac{17 \cdot 900}{262} = \frac{308}{17} = \frac{17 \cdot 300}{17} = 300$$

$$8224 - 8160 \frac{36}{85}$$

$$8200 \frac{58}{85} \quad 70$$

$$E = LI' + \frac{q}{C} U_1$$

$$\text{ИЗ } I' =$$

$$E = LI' + \frac{q - \Delta q}{C}$$

$$Lq'' + \frac{1}{C}q = E$$

ИЗ

$$q = q_0 \cos(\omega t + \varphi) \quad q'' = -\omega^2 q_0 \cos(\omega t + \varphi)$$

$$-LC\omega^2 q_0 \cos(\omega t + \varphi) + \frac{q_0}{C} \cos(\omega t + \varphi) = E$$

$$\frac{E}{q_0} = \cos(\omega t + \varphi) (1 - LC\omega^2)$$

$$I = \omega q_0$$