

# Олимпиада «Физтех» по физике, 1

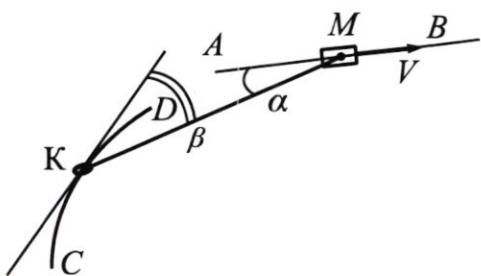
## Вариант 11-01

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

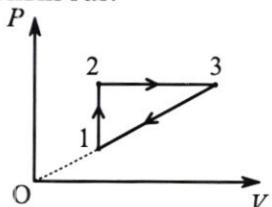
**1.** Муфту  $M$  двигают со скоростью  $V = 68$  см/с по горизонтальной направляющей  $AB$  (см. рис.). Кольцо  $K$  массой  $m = 0,1$  кг может двигаться без трения по проволоке  $CD$  в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,9$  м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной  $l = 5R/3$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол  $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$  с направлением движения муфты и угол  $\beta (\cos \beta = 4/5)$  с направлением движения кольца.

- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.



**2.** Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



**3.** Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью  $S$ , расстояние между обкладками  $d$  ( $d \ll \sqrt{S}$ ). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии  $0,25d$  от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время  $T$  вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы  $\frac{q}{m} = \gamma$ .

- 1) Найдите скорость  $V_1$  частицы при вылете из конденсатора.

- 2) Найдите величину  $Q$  заряда обкладок конденсатора.

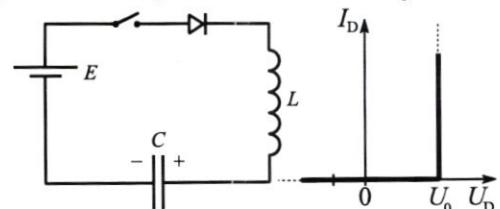
- 3) С какой скоростью  $V_2$  будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

**4.** В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 9$  В, конденсатор емкостью  $C = 40$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 5$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,1$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В.

Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.

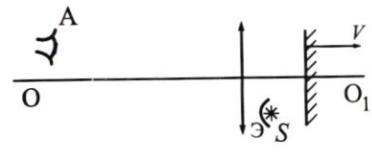


**5.** Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана  $\mathcal{E}$ , расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $3F/4$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии  $F/2$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $F$  от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

- 3) Найти скорость изображения в этот момент.





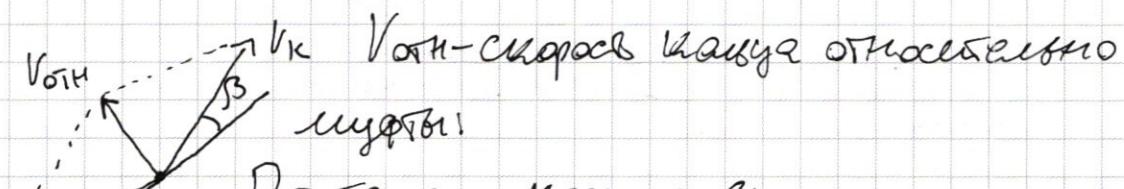
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

н1. 1) Т.к. шарф и кашу связали с кислотой, то

$$V \cos \delta = V_{ic} \cos \beta, V_{ic} - \text{скорость кашу}$$

$$V_{ic} = V \frac{\cos \delta}{\cos \beta} \approx 75 \text{ см/с} \quad \text{Ответ: } 75 \text{ см/с}$$

2)



$$V_{oth}^2 = V^2 + V_{ic}^2 - 2V V_{ic} \cos(\delta + \beta)$$

$$V_{oth} = V \sqrt{1 + \left(\frac{\cos \delta}{\cos \beta}\right)^2 - 2 \cdot \frac{\cos \delta}{\cos \beta} (\cos(\delta + \beta))} \approx V \quad \text{Ответ: } 68 \text{ см/с}$$

н2. Обозначим давление и объем в точках 1, 2, 3

соответствующими индексами

$$1) \frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{C_V}{C_P} = \frac{3}{5} \quad \text{Ответ: } \frac{3}{5}$$

$$2) Q_{23} = A_{23} + A_{23} = (P_3 V_3 - P_2 V_2) + \frac{3}{2} (P_3 V_3 - P_2 V_2) = \\ = \frac{5}{2} (P_3 V_3 - P_2 V_2) \quad \text{т.к. } A_{23} = P_3 V_3 - P_2 V_2, \text{ то } \frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{5}{2}$$

$$\text{Ответ: } \frac{5}{2}$$

$$3) \eta = \frac{A_2}{Q_H} = \frac{\frac{1}{2} (P_2 - P_1)(V_3 - V_2)}{\frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1) + \frac{5}{2} (P_3 V_3 - P_2 V_2)}$$

Введем переменную K, тогда  $V_3 = K V_1, P_3 = P_2 = K P_1 \Rightarrow$

$$= \frac{\frac{1}{2}(kP_1 - P_1)(kV_1 - V_1)}{\frac{3}{2}(kP_1V_1 - P_1V_1) + \frac{5}{2}(kP_1kV_1 - kP_1V_1)} =$$

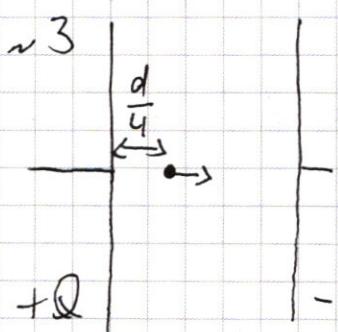
$$= \frac{(k-1)^2}{3(k-1) + 5k(k-1)} = \frac{(k-1)^2}{(k-3k-3+5k^2)}$$

$$= \frac{(k-1)^2}{(k-1)(3+5k)} = \frac{k-1}{3+5k} \quad \text{Приближенное выражение}$$

$$\frac{(3+5k) - (k-1) \cdot 5}{(3+5k)^2} = \frac{3+5k - 5k+5}{(5k+3)^2}$$

Это выражение стремится к  $\frac{1}{5}$  при  $k \rightarrow \infty$ .

Ответ:  $\frac{1}{5} = 20\%$



Обозначим заряды конденсатора

$$+Q_u - Q$$

$$E = \frac{2Q}{2\varepsilon_0 S} = \frac{Q}{\varepsilon_0 S}$$

$$F = Eq = \frac{qQ}{\varepsilon_0 S}$$

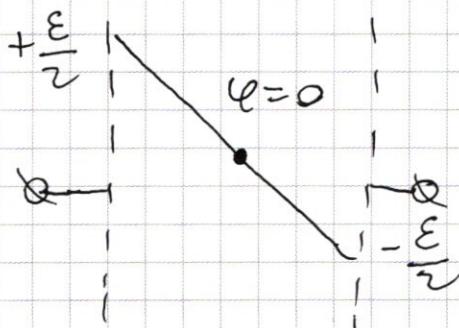
$$a = \frac{F}{m} = \frac{qQ}{m\varepsilon_0 S} - \text{ускорение частицы}$$

$$f = \frac{3d}{4} = \frac{aT^2}{2}; \quad \frac{3d}{2} = \frac{qQT^2}{m\varepsilon_0 S}; \quad Q = \frac{3dm\varepsilon_0 S}{2qT^2} =$$

$$= \frac{3d\varepsilon_0 S}{2T^2 q} - \text{Ответ на 2-ю нужную задачу.}$$

$$\text{№ 3С3: } \frac{mV_1^2}{2} = qE \frac{3d}{4}, \text{ откуда } V_1 = \frac{3d}{2T} - 1-я нужная.$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Скорость частицы на бесконечном расстоянии от конденсатора будет равна скорости в его центре (см. рис.)

$$\frac{mv_0^2}{2} = qE \frac{d}{4}, \text{ откуда } V_0 = \frac{\sqrt{3}}{2} \frac{d}{T}$$

Ответ: 1)  $V_1 = \frac{3d}{2T}$       3)  $V_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} \frac{d}{T}$   
 2)  $Q = \frac{3d\epsilon_0 S}{2T^2}$

в) 1)  $\epsilon - u_1 = C\varepsilon \Rightarrow \varepsilon' = \frac{\epsilon - u_1}{C} \approx \frac{40A}{c}$  Ответ: 40A/c

2) ДО ЗСЭ:  
 $\varepsilon (C(\epsilon - u_0) - Cu_1) = \frac{C(\epsilon - u_0)^2}{2} - \frac{Cu_1^2}{2} + \frac{C\varepsilon^2}{2}$

$$C\varepsilon^2 = C\varepsilon c (\epsilon - u_0 - u_1) - c(\epsilon - u_0)^2 + Cu_1^2$$

$$C\varepsilon^2 = c (2\varepsilon (\epsilon - u_0 - u_1) - (\epsilon - u_0)^2 + u_1^2)$$

$$u_1^2 = \frac{c(2\varepsilon^2 - 2\varepsilon u_0 - 2\varepsilon u_1 - \varepsilon^2 + 2\varepsilon u_0 - u_0^2 + u_1^2)}{L}$$

$$u_1 = \sqrt{\frac{c(\varepsilon^2 - 2\varepsilon u_1 + u_1^2 - u_0^2)}{L}} \quad ; \quad L = \sqrt{6 \cdot 10^{-3}} \text{ A}$$

Ответ:  $\sqrt{6 \cdot 10^{-3}} \text{ A}$

$$3) \frac{c\varepsilon^2}{2} = \frac{cG_1^2}{2} - \frac{c(\varepsilon - u_0)^2}{2}$$

$$cG_1^2 = \varepsilon^2 + c(\varepsilon - u_0)^2$$

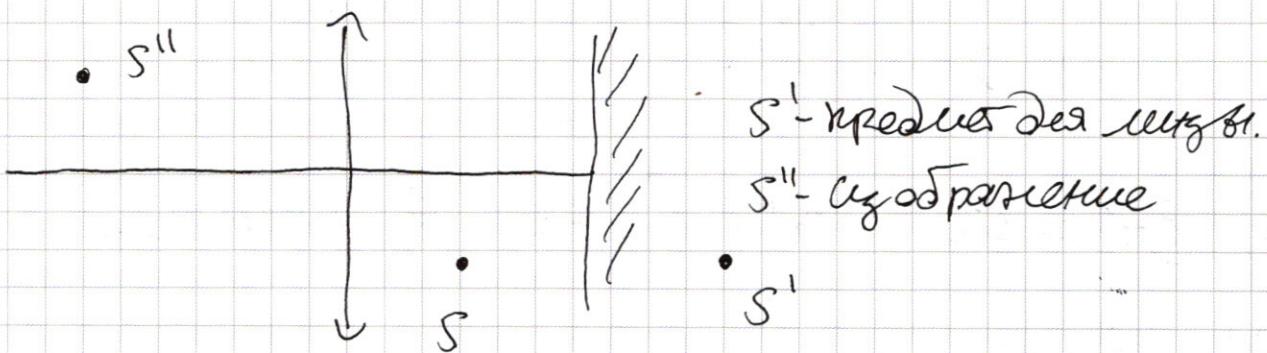
$$cG_1^2 = c(\varepsilon^2 - 2\varepsilon u_1 + u_1^2 - u_0^2 + \varepsilon^2 - 2\varepsilon u_0 + u_0^2)$$

$$G_1^2 = 2\varepsilon^2 - 2\varepsilon(u_0 + u_1) + u_1^2$$

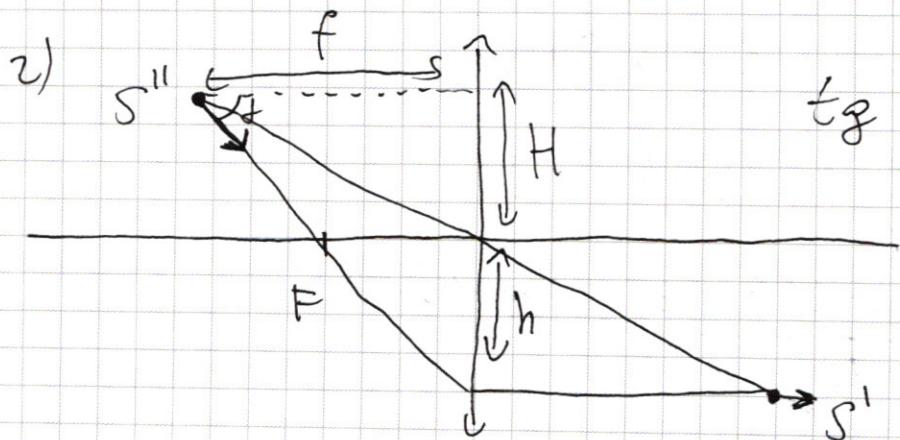
$$u_1 = \sqrt{2\varepsilon(\varepsilon - u_0 - u_1) + u_1^2} = \sqrt{7g} \text{ м}$$

Ответ:  $\sqrt{7g}$  м

$$n^5 1) \frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F} \quad f = \frac{Fd}{d-F} = 3F, (d = \frac{3F}{2} \text{ см. рис.})$$



Ответ:  $3F$



$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{h+H}{f}, \text{ где}$$

$$h = \frac{3F}{4}, H = \frac{3F}{2},$$

$$f = 3F.$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{h+H}{f} = \frac{\frac{3F}{4} + \frac{3F}{2}}{3F} = \frac{\frac{7}{4}}{3F} \Rightarrow \alpha = \operatorname{arctg} \left( \frac{7}{4} \right)$$

$$\text{Ответ: } \operatorname{arctg} \left( \frac{7}{4} \right)$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

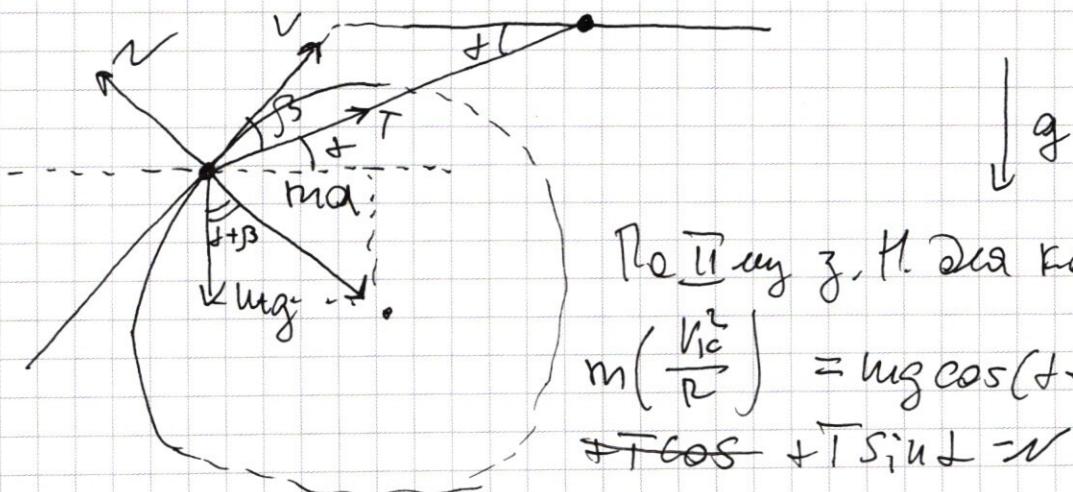
3) Пусть  $V_a$  - скорость изображения, тогда

$$V_a \cos \varphi = V \cdot r^2, \text{ где } V_a \text{ (скорость изображения)} = 2V.$$

$$V_a = \frac{36 \cdot 2V}{\cos \varphi} = V \cdot \frac{72}{\cos(\operatorname{arctg} \frac{\pi}{4})}$$

Ответ:  $V \cdot \frac{72}{\cos(\operatorname{arctg} \frac{\pi}{4})}$

н/ 3)



Решение задачи для случая:

$$m \left( \frac{V_a^2}{R} \right) = mg \cos(\varphi + \beta) + T \cos \varphi + T \sin \varphi = N \quad (1)$$

$$mg \sin(\varphi + \beta) = T \cos \beta \quad (2) + N \cos(\varphi + \beta) \quad (3)$$

из (2) (1)  $N = T \sin \varphi + mg \cos(\varphi + \beta) - m \left( \frac{V_a^2}{R} \right)$  надо.

$$\text{Во (2): } mg \sin(\varphi + \beta) = T \cos \beta + \cos(\varphi + \beta) T \sin \varphi + mg \cos^2(\varphi + \beta) - m \left( \frac{V_a^2}{R} \right) \cos(\varphi + \beta)$$

$$T (\cos \beta + \sin \varphi \cos(\varphi + \beta)) = mg \sin(\varphi + \beta) + m \cos(\varphi + \beta) \left( \frac{V_a^2}{R} \right) - mg \cos^2(\varphi + \beta)$$

$$T = m \left( g \sin(\varphi + \beta) + \cos(\varphi + \beta) \left( \frac{V_a^2}{R} \right) - g \cos^2(\varphi + \beta) \right)$$

Ответ:  $T = \frac{m \left( g \sin(\varphi + \beta) + \cos(\varphi + \beta) \left( \frac{V_a^2}{R} \right) - g \cos^2(\varphi + \beta) \right)}{\cos \beta + \sin \varphi \cos(\varphi + \beta)}$ .

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$= -\frac{680 + 75^2}{68^2} = \frac{5625 - 680}{68^2} = \left( \frac{4945}{4624} \right) \approx \frac{494}{462} = \frac{247}{331}$$

$$\begin{array}{r} 75 \\ + 75 \\ \hline 150 \\ - 680 \\ \hline 4945 \\ 525 \\ 5625 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5625 \\ - 680 \\ \hline 4945 \\ + 544 \\ \hline 408 \\ 4624 \end{array}$$

~~247 | 231~~

$$\begin{array}{r} 4945 \\ - 4624 \\ \hline 3210 \end{array}$$

$$\frac{4}{31} = 40$$

$$\frac{3ad}{4\varepsilon_0 s} \cdot \frac{3d \cancel{4\varepsilon_0 s}}{28T^2} = \frac{\omega v^2}{2}$$

$$\frac{9d^2}{8T^2} = \frac{v^2}{2}$$

$$\frac{mV^2}{2} = q \frac{Q}{\varepsilon_0 s} \frac{d}{4}$$

$$V^2 = \frac{3d^2}{8T^2} \quad (V = \frac{3d}{2T}) \quad \frac{mV^2}{2} = Q \cdot \frac{ad}{4\varepsilon_0 s}$$

$$\frac{mV^2}{2} = \frac{3d \cancel{4\varepsilon_0 s}}{28T^2} \cdot \frac{3d}{4\varepsilon_0 s}$$

$$\frac{V^2}{2} = \frac{3d^2}{8T^2}$$

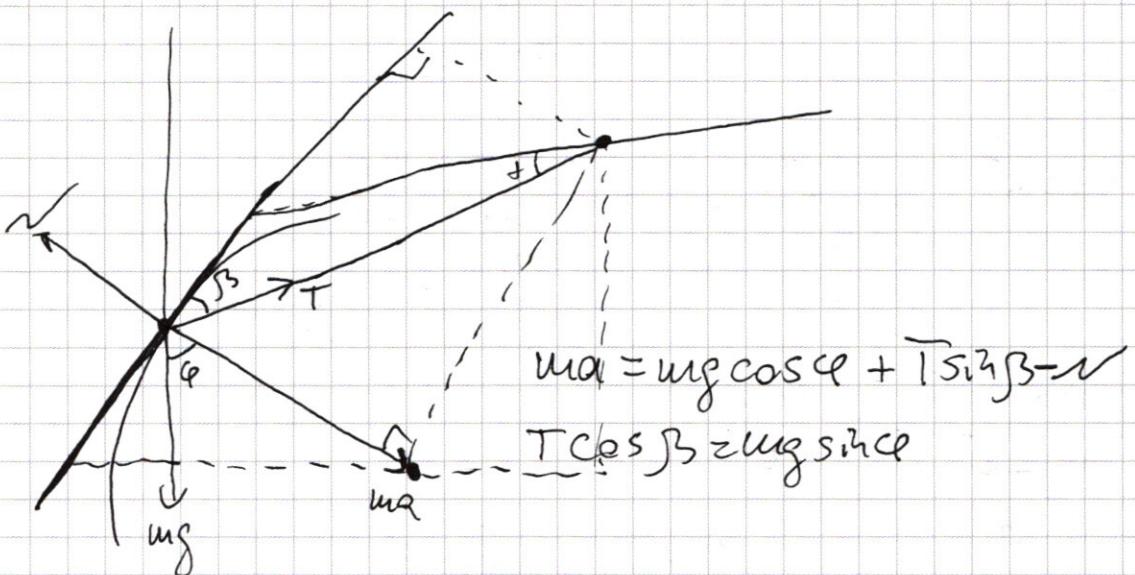
$$V^2 = \frac{3d^2}{4T^2} \quad V = \frac{\sqrt{3} d}{T}$$

$$18(9 - 5 - 1) + 25 = 18 \cdot 3 + 25 = 54 + 25 = 79$$

$$F_1 \cos \varphi = v \cdot r^2$$

$$\cos(\arctan \frac{y}{x}) = \frac{\cos(\arcsin \frac{y}{r})}{\cos(\arccos \frac{x}{r})} = \frac{\sqrt{1 - (\frac{y}{r})^2}}{\frac{x}{r}} =$$

$$= \frac{\sqrt{1 - \frac{y^2}{r^2}}}{\frac{x}{r}} = \frac{y}{r} \sqrt{1 - \frac{y^2}{r^2}}$$



$$ma = mg \cos \beta + T \sin \beta - N$$

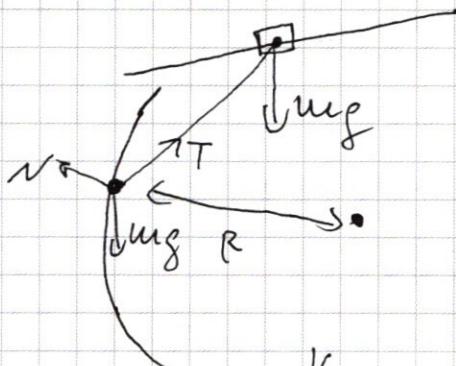
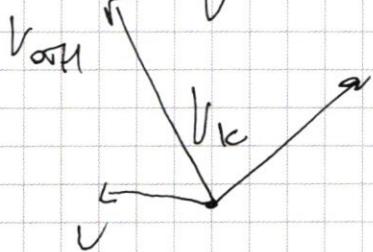
$$T \cos \beta = mg \sin \beta$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$1) V \cos \beta = V_k \cos \beta_0$$

$$V_{k0} = V \cdot \frac{\cos \beta}{\cos \beta_0} = \dots$$

$$2) \quad \begin{array}{c} V_k \\ \rightarrow \\ V_k \end{array} \quad \begin{array}{c} V \\ \rightarrow \\ V_m \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 17 \\ 17 \\ + 219 \\ \hline 289 \end{array} \quad \begin{array}{r} 17 \\ 17 \\ + 118 \\ \hline 235 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 388-225 \\ - \\ \hline 164 \end{array}$$

$$289-225 = 64$$

$$80 - (130 - (\beta + \beta_0)) = \beta + \beta_0$$

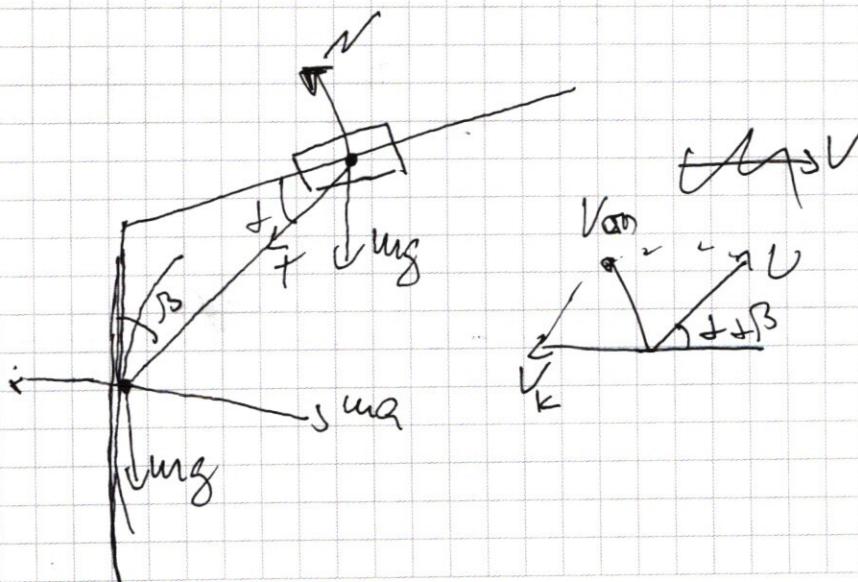
$$V_{m0}^2 = V_k^2 + V^2 - 2V_k V \cos(\beta + \beta_0)$$

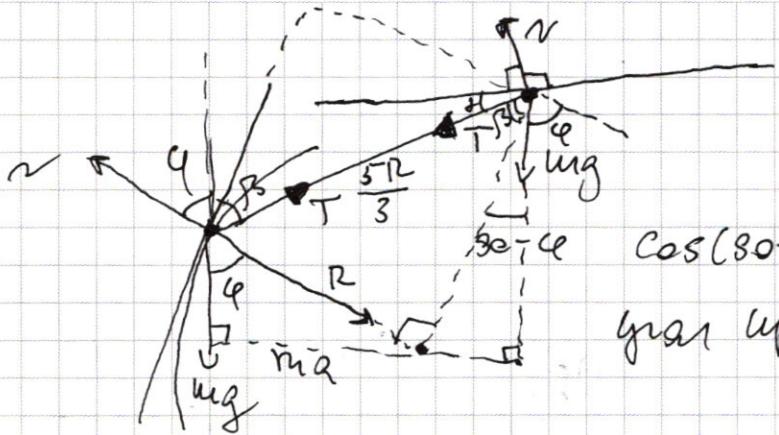
$$V_{m0}^2 = V_k^2 + r^2 - 2V_k V (\cos \beta \cos \beta_0 + \sin \beta \sin \beta_0)$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \frac{225}{289}} = \sqrt{1 - \frac{64}{289}} = \boxed{\frac{8}{17}}$$

$$\sin \beta_0 = \boxed{\frac{3}{5}}$$

Зн.





$$mg = T \sin \beta - N + \mu g \cos \alpha$$

$$\mu g \sin \alpha = T \cos \beta$$

$$\frac{15}{15} \cdot \frac{15}{18} \cdot \frac{5}{4} \cdot \cancel{88} = \frac{15 \cdot 5 \cdot 18}{48}$$

$$z_{(q)} C_0 = \frac{Q}{\partial_a T}$$

$$\frac{C_{12}}{C_{23}} = ? \quad \text{With } C_{12} = \frac{3}{2}R \quad C_{23} = \frac{5}{2}R$$

$$\frac{C_2}{G_3} = \left( \frac{3}{5} \right)$$

$$\frac{P_3}{V_3} = \frac{P_1}{V_1}$$

$$5) Q = A_{13} + \frac{3}{2} A_{23} = \frac{5}{2} A_{23}$$

$$\frac{Q}{A_{23}} \sim \left(\frac{5}{2}\right)$$

$$P_3 V_1 = P_1 V_3$$

$$\underline{P_2 U_1 = P_1 U_3}$$

$$b) h_2 = \frac{P_1}{Q_2} \cdot (P_2 - P_1)(V_2 - V_1)$$

$$Q_{k+1} = \frac{3}{2}(P_2 V_2 - P_1 U_1) + \frac{5}{2}(P_1 V_2 - P_1 U_1) = 4(P_2 V_2 - P_1 U_1)$$

$$h = \frac{(P_2 - P_1) (V_3 - V_2)}{g (P_2 V_2 - P_1 V_1)} = \frac{P_2 V_3 - P_2 V_2 - P_1 V_3 + P_1 V_2}{g (P_2 V_2 - P_1 V_1)} =$$

$$= \frac{P_3V_3 - P_2V_2 - P_1V_3 + P_1V_1}{8(P_2V_2 - P_1V_1)} = \frac{P_3(V_3 - V_2) + P_1(V_1 - V_3)}{8(P_2V_2 - P_1V_1)}$$

13

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

~~Обратите внимание~~

$$V_1 = V_2 \quad P_2 = P_3$$

$$\frac{1 - \frac{1}{k}}{\frac{3+5}{k}}$$

$$\begin{aligned} \frac{(P_2 - P_1)(V_3 - V_2)}{8(P_2 V_2 - P_1 V_1)} &= \frac{P_2 V_3 - P_2 V_2 - P_1 V_3 + P_1 V_1}{8(P_2 V_2 - P_1 V_1)} = \\ &= P_3 V_3 - P_2 V_2 - P_1 V_3 + P_1 V_1 = (P_1 V_1 + P_2 V_2) - (P_1 V_3 + P_2 V_2) = \\ &= P_1 V_1 + P_2 V_2 - 2 P_2 V_2 = \left( \frac{P_1 V_1 - P_2 V_2}{8(P_2 V_2 - P_1 V_1)} \right) \end{aligned}$$

$$\frac{P_1 V_1 + P_3 V_3 - 2 P_2 V_2}{8(P_2 V_2 - P_1 V_1)} = \frac{T_1 + T_3 - 2 T_2}{8(T_2 - T_1)} \quad (8k-8)' = 8$$

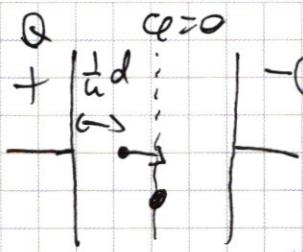
$$P_2 = k P_1$$

$$\begin{aligned} P_3 &= P_2 = k P_1 \quad \uparrow \\ V_2 &= V_1 \\ V_3 &= k V_1 \end{aligned}$$

$$\frac{P_1 V_1 + k P_1 \cdot k V_1 - 2 \cdot k P_1 \cdot V_1}{8(k P_1 \cdot V_1 - P_1 V_1)} =$$

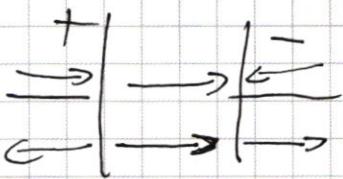
$$\frac{1 + k^2 - 2k}{8(k-1)} = \frac{k^2 - 2k + 1}{8(k-1)} \quad g' =$$

$$\begin{aligned} &= \frac{(2k-2)8(k-1) - (k^2 - 2k + 1) \cdot 8}{64(k-1)^2} = 0 \quad k \neq 1 \end{aligned}$$



$$A = 2Ed$$

$$A = q \cdot \frac{Q}{\epsilon_0 S} \cdot \frac{3d}{4}$$



~~мкв~~

калькуляция:

~~мкв~~ - ~~A = const~~

$$q \cdot \frac{Q}{\epsilon_0 S} \cdot \frac{3d}{4} = \frac{mV^2}{2}$$

$$F = Eq$$

$$E = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$$

$$Q \cdot \frac{3qd}{4\epsilon_0 S} = \frac{mV^2}{2}$$

$$F = \frac{Qq}{\epsilon_0 S}$$

$$S = \frac{\pi d^2}{4}$$

$$q = \frac{Qq}{m\epsilon_0 S} \quad \frac{3d}{4} = \frac{Qq + 2}{2m\epsilon_0 S}, \text{ отсюда } Q$$

$$\frac{mV^2}{2} = q \cdot \frac{Q}{\epsilon_0 S} \cdot \frac{3d}{4}, \text{ отсюда } V$$

18(

Сколько будет такого же напряжения на единице длины?

$$4) q_1 = \frac{q_c}{L} = \frac{\epsilon - \epsilon_1}{L} = \dots \quad 81 - 7 \cdot 9 \cdot 5 + 25 - 1 = 81 - 30 + 24 =$$

~~5)  $E_q = m_c + \frac{q_1}{2}$~~

$$= 15$$

также, когда  $\epsilon_c = \epsilon$ .

$$\epsilon (\epsilon_c - \epsilon_1) = \frac{C\epsilon_1}{2} - \frac{C\epsilon_c}{2} + \frac{C\epsilon}{2} \quad \frac{15C}{L} = \frac{15 \cdot 40 \cdot 10^{-6}}{10} \cdot 10 =$$

$$\frac{3}{2}C\epsilon^2 - \frac{C\epsilon_1^2}{2} - C\epsilon_1 \cdot \epsilon = \frac{C\epsilon^2}{2} \quad 1 \cdot 2 = 15 \cdot 4 \cdot 10^{-4} = 60 \cdot 10^{-4}$$

$$C(3\epsilon^2 - \epsilon_1^2 - 2\epsilon_1 \cdot \epsilon) = C\epsilon^2 \quad 0.2 \cdot 2 - 10 \cdot 2 + 25 \cdot 2 = 15 \cdot 10^3$$

$$3 \cdot 3^2 - 5^2 - 2 \cdot 5 \cdot 8 = 3 \cdot 8 + 25 - 80 = -$$

$$\frac{15C}{L}$$

$$6) \epsilon = \epsilon_0 + \epsilon_c + \epsilon_0 \quad \text{также } \epsilon_0 = 0 \Rightarrow \underline{\epsilon_c = \epsilon - \epsilon_0}, \text{ следы.}$$

g 1

$$3(8C - 5C) = 32C - \frac{25}{2}C + \frac{C^2}{2}$$

8(5+3)

$$27C - 32C + \frac{25}{2}C = \frac{C^2}{2}$$

$$-5C + \frac{25}{2}C = \frac{C^2}{2}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\Gamma_{e_1} = \frac{\varphi_2}{\varphi_1}$$

$$\Gamma_{e_1} \cdot \Gamma = 1$$

a)  $S'$  на расц.  $\frac{3F}{2}$  от центра  $\frac{\varphi_2}{\varphi_1} \cdot 6 = 1 \Rightarrow \varphi_2 = \frac{1}{6} \varphi_1$

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{f+d}{fd} = \frac{1}{F}$$

$$fF + dF = fd$$

$$f(F-d) = -dF$$

$$f \frac{Fd}{d-F} = \frac{|F| \cdot \frac{3F}{2}}{\frac{3F}{2} - F} = \frac{1,5 F^2}{0,5 F} = 3F$$

$$t_{gj3} = \frac{h+H}{f}$$

о) ~~если~~  $d = d + \cancel{M} \alpha x \Rightarrow f' = f - \alpha x \Gamma^2$

$$\frac{1}{d+\alpha x} + \frac{1}{f-\alpha x \Gamma^2} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{3}{4} + \frac{18}{4} = \frac{21}{3} = 7$$

~~если~~  $f = \frac{2F^2}{2F-F} = 2F$

Норма  $\frac{3F}{4} \cdot 6 = \frac{18F}{4} = \frac{3F}{2} = 4,5F$

Норма  $\frac{3F}{4} \cdot 1 = \frac{3}{4} F$

Итого  $\checkmark$

$$\frac{1}{d+\alpha x} + \frac{1}{f-\alpha x} = \frac{1}{F}$$

$$\Gamma = \frac{f-\alpha x'}{d+\alpha x}$$

$$\Delta h = \frac{3E}{4} \cdot 6 - \frac{3E}{4} \cdot \frac{f-\alpha x'}{d+\alpha x}$$

$$E = \underline{\underline{U_0}} + U_c + U_{\text{c}}$$

$$\frac{C\varepsilon^2}{2} = \left( \frac{Cu^2}{2} - \frac{CE^2}{2} \right) + E(Cu - CE)_{\text{vac}}$$

$$\underline{\varepsilon = U_0 + U}$$

$$1,5CE^2 - \frac{Cu^2}{2} - CEU = \cancel{E}$$

$$V^2 + V^2 \cdot \left( \frac{\cos \delta}{\cos \beta} \right)^2 - 2 \cdot V \cdot V \cdot \frac{\cos \delta}{\cos \beta} \cdot \cos(\delta + \beta)$$

$$V^2 \left( 1 + \left( \frac{\cos \delta}{\cos \beta} \right)^2 - 2 \frac{\cos \delta}{\cos \beta} \cos(\delta + \beta) \right)$$

$$1 + \left( \frac{15}{18} \cdot \frac{5}{4} \right)^2 - 2 \cdot \frac{15}{18} \cdot \frac{5}{4} \cdot \cos(\delta + \beta) \quad \cancel{V^2}$$

$$1 + \left( \frac{75}{68} \right)^2 - 2 \cdot \frac{75}{68} \cdot \cos(\delta + \beta)$$

$$1 + \frac{75}{68} \left( \frac{75}{68} - 2 \cdot \left( \frac{15}{18} \cdot \frac{4}{5} + \frac{15}{18} \cdot \frac{3}{5} \right) \right)$$

$$1 + \frac{75}{68} \left( \frac{75}{68} - 2 \left( \frac{60 + 24}{25} \right) \right)$$

$$1 + \frac{75}{68} \left( \frac{75}{68} - \frac{168}{25} \right) = 1 + \left( \frac{75}{68} \right)^2 - \frac{168}{68} =$$

$$= \frac{68^2}{68^2} + \frac{75^2}{68^2} - \frac{168 \cdot 68}{68^2} = \frac{68(68-168) + 75^2}{68^2} =$$