

# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

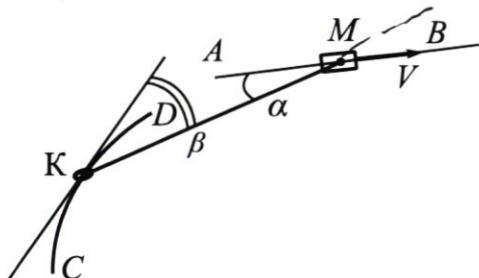
## Вариант 11-01

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влс

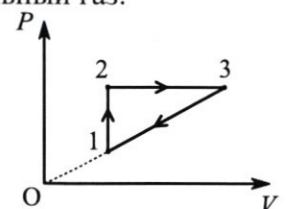
- 1.** Муфту  $M$  двигают со скоростью  $V = 68$  см/с по горизонтальной направляющей  $AB$  (см. рис.). Кольцо  $K$  массой  $m = 0,1$  кг может двигаться без трения по проволоке  $CD$  в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,9$  м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной  $l = 5R/3$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол  $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$  с направлением движения муфты и угол  $\beta (\cos \beta = 4/5)$  с направлением движения кольца.

- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.



- ✓ **2.** Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- (3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



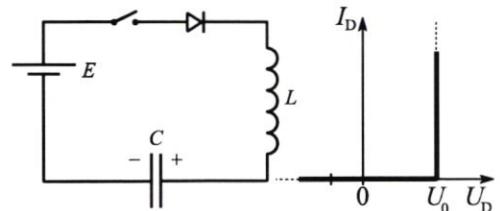
- 3.** Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью  $S$ , расстояние между обкладками  $d$  ( $d \ll \sqrt{S}$ ). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии  $0,25d$  от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время  $T$  вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы  $\frac{q}{m} = \gamma$ .

- 1) Найдите скорость  $V_1$  частицы при вылете из конденсатора.
- 2) Найдите величину  $Q$  заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью  $V_2$  будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

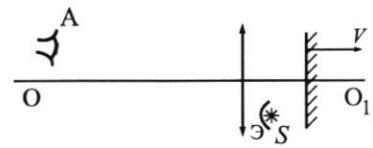
- 4.** В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 9$  В, конденсатор емкостью  $C = 40$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 5$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,1$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.



- ✓ **5.** Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана  $\mathcal{E}$ , расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $3F/4$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии  $F/2$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $F$  от линзы.

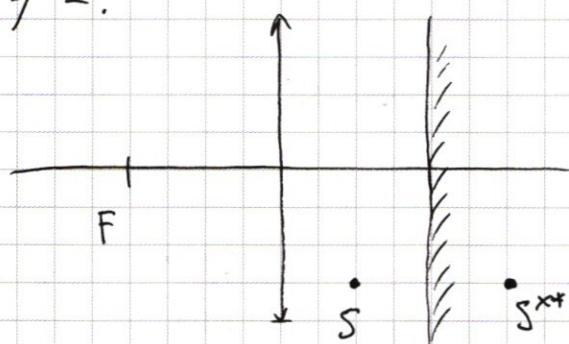
- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1)  $f^-?$

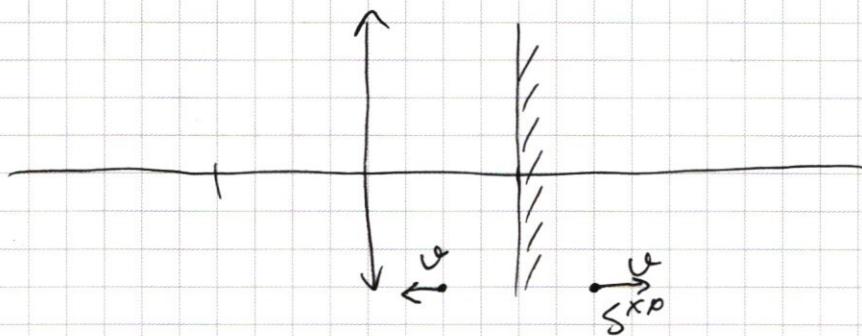


- Изображение действительного предмета в зеркале является мнимым ( $s^{**}$  - изображение в зеркале)
- $s^{**}$  - действительный предмет при собирающей линзе
- Но  $\phi$ -не точкой можно:

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{3F/2} + \frac{1}{f}, f \rightarrow \text{шагрьше величина:}$$

$$\frac{3}{3F} - \frac{2}{3F} = \frac{1}{f} \Rightarrow f = 3F$$

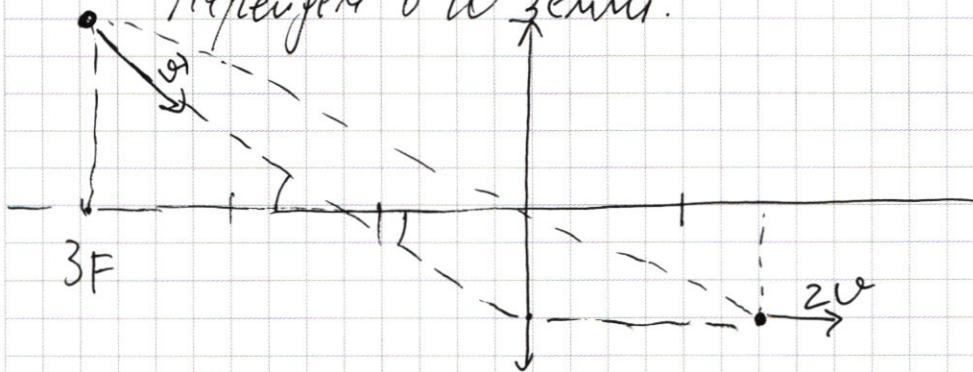
2) Переидем в со зеркало (зеркало в фоне)



Изображение в зеркале будет двигаться вправо со

скоростью  $v$ .

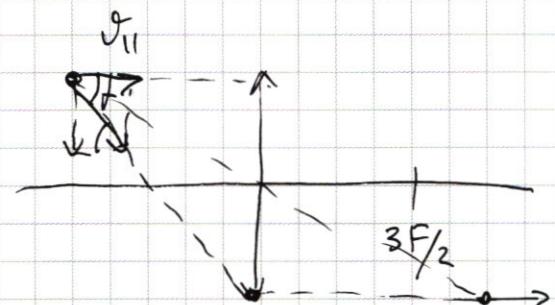
Перенесём в CO земли:



Из з-ва сношения  
скорости между, что

скорость  $v$  бу бро-  
тана в зерка-  
ле относит.

Земли =  $2v$

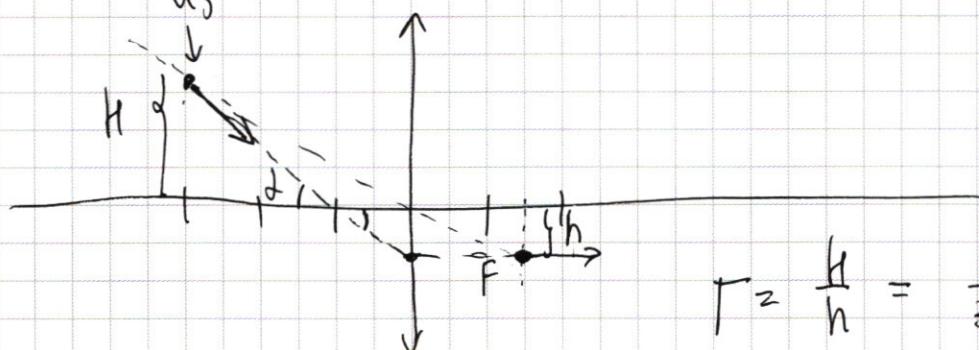


- $\Gamma = \frac{f}{d} = \frac{3F}{3F/2} = 2$

$$\frac{v_{11}}{2g} = \Gamma^2 \Rightarrow v_{11} = 8v$$

(3) Продолжение  
скорости  
относит как  
увеличение в квадрате.

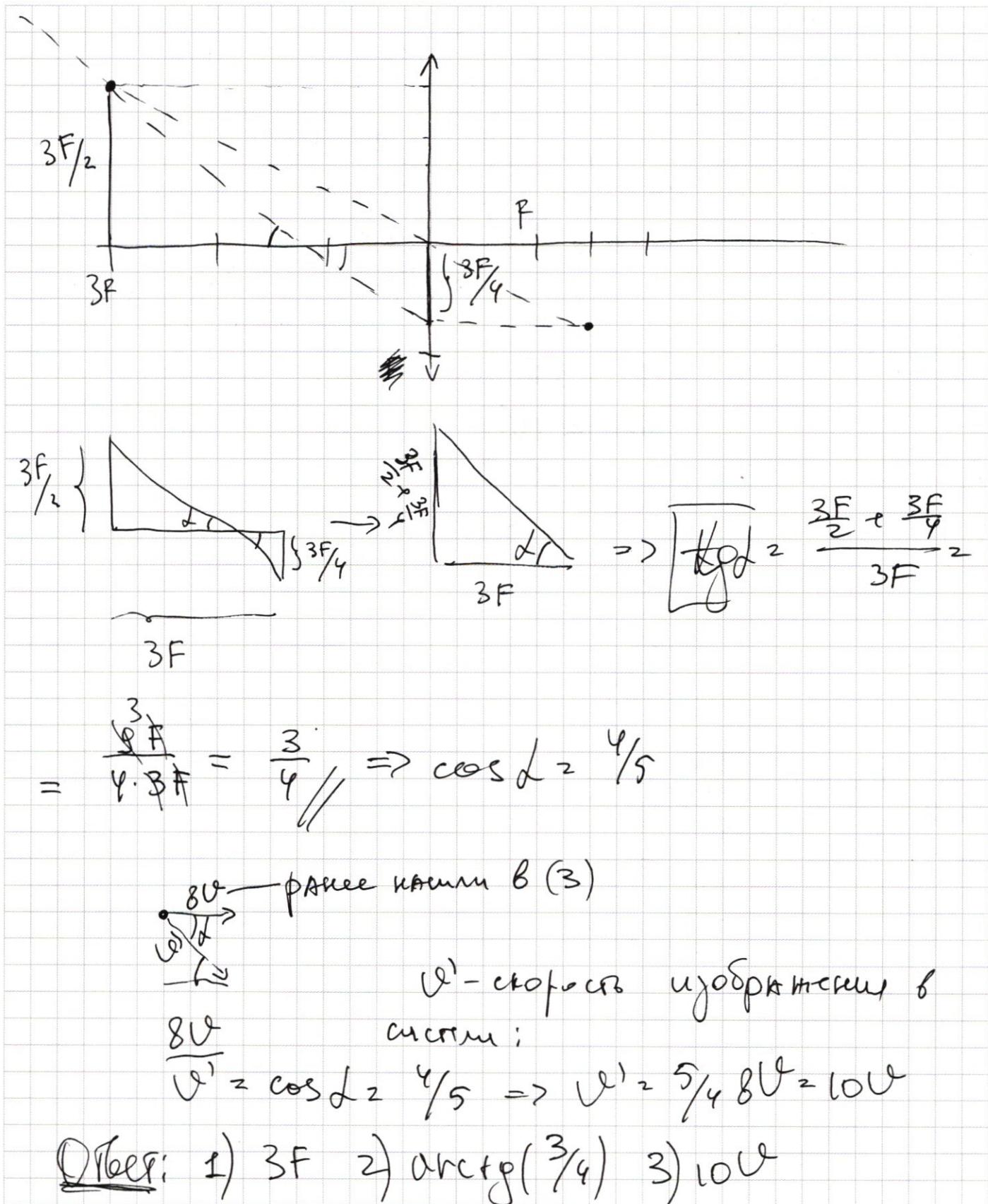
изобр. 8 фиг.



$$\Gamma = \frac{f}{d} = \frac{H}{3F/4} = 2$$

$$4H = 6F \Rightarrow H = \frac{3F}{2}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\begin{array}{r}
 & 1 \\
 & 431 \\
 & 16 \\
 \hline
 25 & 86
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 & 1 \\
 & 431 \\
 \hline
 -68 & 86
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 24 \\
 625 \\
 8 \\
 \hline
 5625
 \end{array}$$

$$\frac{3 \cdot 4}{17} - \frac{8 - 3}{5 \cdot 17} =$$

$$\sim \frac{3}{17} \left( 4 - \frac{8}{5} \right) = \frac{32}{5} \frac{3}{17}$$

$$68^2 + 25^2 - 2 \cdot \cancel{68} \cdot \cancel{25} \frac{32 - 3}{5 \cdot 17} =$$

$$= 68^2 + 25^2 - 8 \cdot 15 \cdot 32 - 3$$

~~6033180.~~

46

360,32

11520

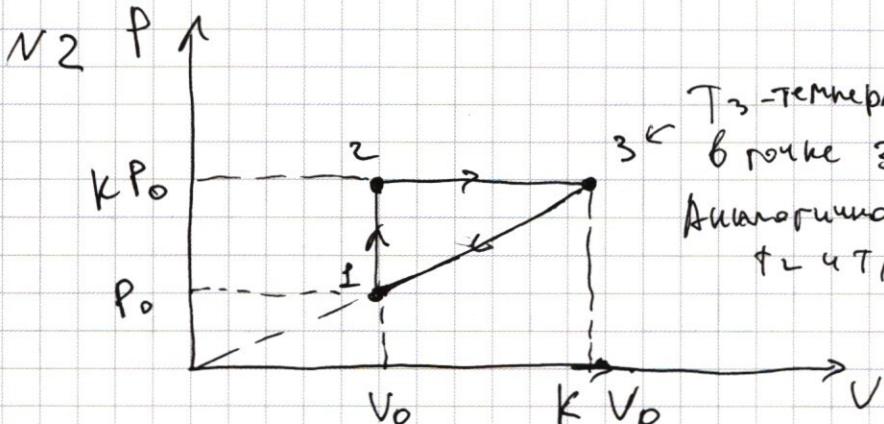
$$\begin{array}{r}
 4 \\
 6 \\
 68 \\
 68 \\
 \hline
 544
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3 \\
 2 \\
 25 \\
 25 \\
 \hline
 375
 \end{array}$$

~~$$\begin{array}{r}
 408 \\
 4624
 \end{array}$$~~

$$\begin{array}{r}
 525 \\
 5625 \\
 4624 \\
 \hline
 10248
 \end{array}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



3<sup>к</sup>  $T_3$  - температура  
в точке 3.

Аналогично,  
 $T_2 = T_1$

$$1) \frac{c_{12}}{c_{23}} = ?$$

$$2) \frac{Q_{23}}{A_{23}} = ?$$

$$3) \eta = ?$$

1) Температура наблюдается в промежутках 2-3 и 1-2

$$c_{12} = \frac{Q_{12}}{V \Delta T_{12}}$$

$$c_{23} = \frac{Q_{23}}{V \Delta T_{23}}$$

$$\eta = \frac{W}{Q_{12}} = \frac{Q_{12}}{Q_{12} + Q_{23}}$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} V R_0 T_{12} \Rightarrow c_{12} = \frac{3}{2} R \quad \left( \begin{array}{l} \text{работа б. цикла} \\ \text{в цикле} = 0 \end{array} \right)$$

Первое начало  
термодинамики

$$(1) Q_{23} = \frac{3}{2} V R_0 T_{23} + \underbrace{kP_0(kV_0 - V_0)}_{=}$$

$$V R T_3 - V R T_2$$

$T_3, T_2$  - температуры в точках 3 и 2 соответсв.

$$= \frac{3}{2} V R_0 T_{23} + V R_0 T_{23} =$$

$$\frac{5}{2} V R_0 T_{23} \Rightarrow c_{23} = \frac{5}{2} R \Rightarrow$$

$$\boxed{\frac{c_{12}}{c_{23}} = \frac{3R/2}{5R/2} = \frac{3}{5}}$$

$$2) h_j (j) \frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{5}{2} VR(t_3 - t_2)}{VR(t_3 - t_2)} = \underline{\underline{\frac{5}{2}}}$$

$$3) \eta = \frac{A}{Q_{\Sigma}}, \quad A = \frac{(kP_0 - P_0)(kV_0 - V_0)}{2}$$

$Q_{\Sigma}$  - избыточное тепло

$$Q_{\Sigma} = Q_{12} + Q_{23} = \underbrace{\frac{3}{2} VR(t_2 - t_1)}_{\eta p - c} + \underbrace{\frac{5}{2} VR(t_3 - t_2)}_{\frac{5}{2}(k^2 P_0 V_0 - k P_0 V_0)} =$$

Меня - крайней

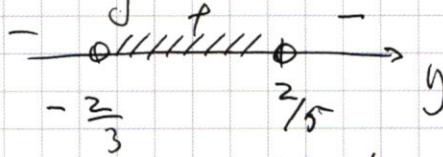
$$= \frac{3}{2}(k-1) P_0 V_0 + \frac{5}{2}k(k P_0 V_0 - P_0 V_0) =$$

$$= \frac{3}{2}(k-1) P_0 V_0 + \frac{5}{2}k(k-1) P_0 V_0 =$$

$$= \frac{P_0 V_0 (k-1)}{2} (3 + 5k)$$

$$\eta = \frac{2(k-1) P_0 V_0}{P_0 V_0 (k+3)(5k+3)} = \frac{2(k-1)}{5k+3} \quad 2k-2 = 5\eta k + 3\eta$$

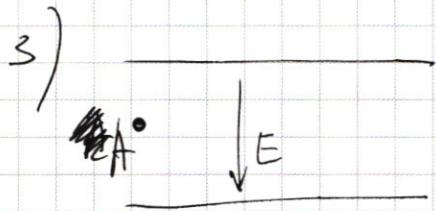
$$2k - 5\eta k = 3\eta + 2 \quad k = \frac{3\eta + 2}{2 - 5\eta} > 0$$



$$0 \leq \eta < 40\%. \quad \text{Об: } 40\%.$$

Отв: 1)  $\frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{3}{5}$  2)  $\underline{\underline{\frac{5}{2}}}$  3)  $\eta \in [0; 40\%)$

$\eta \rightarrow 40\%.$   
Отв:  $40\%$



Но для корр. энергии:

$$P = \frac{M \omega^2}{2}, \text{ где } P - \text{ потенциальная}$$

Аналогично энергия частичек в  
изотропном поле времени.

$$\varphi_A = E \frac{3}{4} d = \frac{1.5 d}{4 \pi^2} \frac{3}{4} d$$

Потенциал  
на бесконеч-  
ности = 0.

$$+ \varphi_A = P$$

$$\frac{M \omega^2}{4 \pi^2} = \frac{1.5 d^2 \cdot 3}{4 \pi^2 d^2}$$

$$\frac{\omega^2}{\varphi_A} = \frac{1.5 d^2 \cdot 3}{4 \pi^2 d^2}$$

$$\omega^2 = \frac{1.5 \cdot 3}{2} \left( \frac{d}{T} \right)^2$$

$$\left. \omega^2 = \frac{9}{4} \left( \frac{d}{T} \right)^2 \right\}$$

Ответ: 1)  $\omega_1 = \frac{1.5 d}{T}$  2)  $\frac{1.5 d \cdot \Sigma_0 S}{4 \pi^2}$  3)  $\frac{3 d}{2 T}$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 4 Дано:

$$C = 40 \cdot 10^{-6} \Phi$$

$$U_1 = 5 \text{ В}$$

$$\Sigma = 8 \text{ В}$$

$$L = 0.1 \text{ ГН}$$

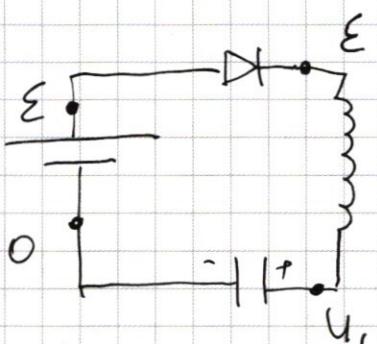
$$U_0 = 1 \text{ В}$$

1)  $\dot{I} = ?$

2)  $I_m = ?$

3)  $U_2 = ?$

Решение:



1) Контурное уравнение на катушке = приложенных  
 $\Phi = L I$   
 { шаги по решению  
 $E - U_1 = L I$   
 ↑ крат. на-рим

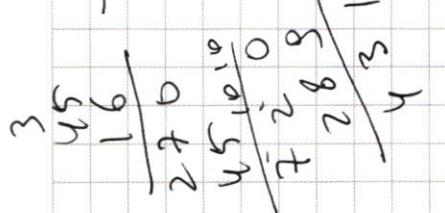
$$\dot{I} = \frac{E - U_1}{L}$$

$$\dot{I} = \frac{8 - 5}{0.1} = 40 \frac{\text{В}}{\text{ГН}}$$

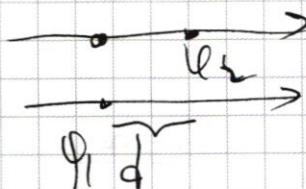
2) Но ЗСД:

$$\frac{C U_1^2}{2} = \frac{L I_m^2}{2} \Rightarrow I_m = \sqrt{\frac{C}{L}} U_1$$

$$I_m = \sqrt{\frac{40 \cdot 10^{-6}}{0.1}} 5 = 20 \cdot 10^{-3} \cdot 5 = 100 \cdot 10^{-3} =$$



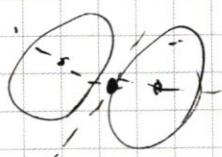
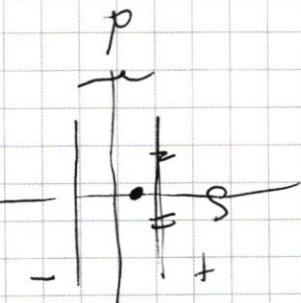
3)



$$U_1 - U_2 = Ed$$



$$\frac{\pi R^2}{2}$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 4 Дано:

$$C = 40 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}$$

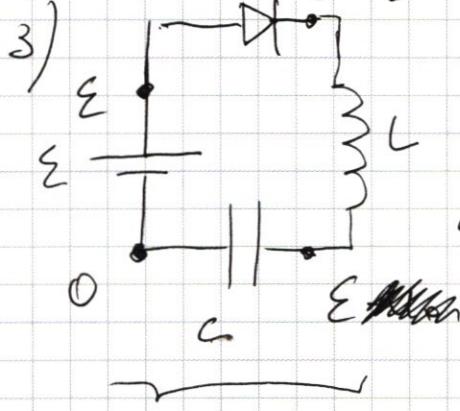
$$U_1 = 5 \text{ В}$$

$$\Sigma = 8 \text{ В}$$

$$L = 0,1 \text{ Гн}$$

$$\frac{U_0 = 1 \text{ В}}{\begin{cases} 1) I - ? \\ 2) I_n - ? \\ 3) U_\Sigma - ? \end{cases}}$$

Решение:



• В уст. решиме

изменение на  
кругушке инду-  
ктивности = 0

• Тока в участках

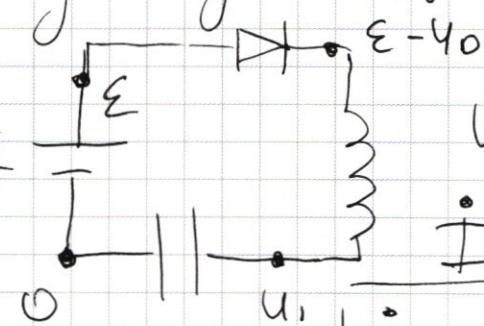
метод погонушков

$$U_2 = \Sigma - 0 = \Sigma$$

$$U_2 = 8 - 0 = 8 \text{ В}$$

1) Сразу после замыкания ключа  
напряжение на конденсаторе не  
изменяется.

Ил - изменение на кругушке сразу  
после замыкания ключа находит  
ся метод погонушков



$$U_{0,2} = \Sigma - U_0 - U_1 = L \frac{dI}{dt}$$

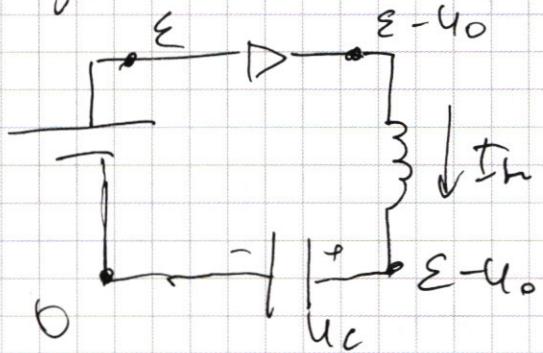
$$\Sigma - U_0 - U_1$$

$$I^2 \frac{3}{0,1} = 30 \frac{\text{В}}{\text{Гн}}$$

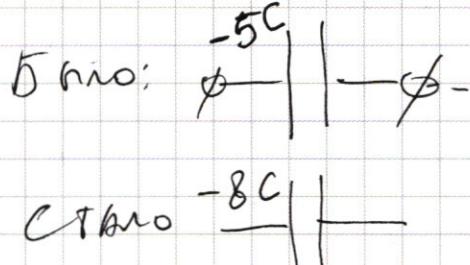
2) No 3cf:

$$\frac{C U_1^2}{2} + A_{\text{нест}} = \frac{L I_m^2}{2}, \quad A_{\text{нест}} - \text{рабочая нелинейка}$$

Коэффициенты для погашения характеристики на нагрузке = 0



$$U_C = E - U_0 = 8 \beta$$



$$\text{Угол запаздывания } \delta C = (U_C - U_0) / C$$

$$A_{\text{нест}} = \beta (U_C - U_0) C = 3 \beta C$$

$$\frac{C U_1^2}{2} + 3 C \delta = \frac{L I_m^2}{2}$$

$$I_m = \sqrt{\frac{C U_1^2 + 6 C \beta E}{L}}$$

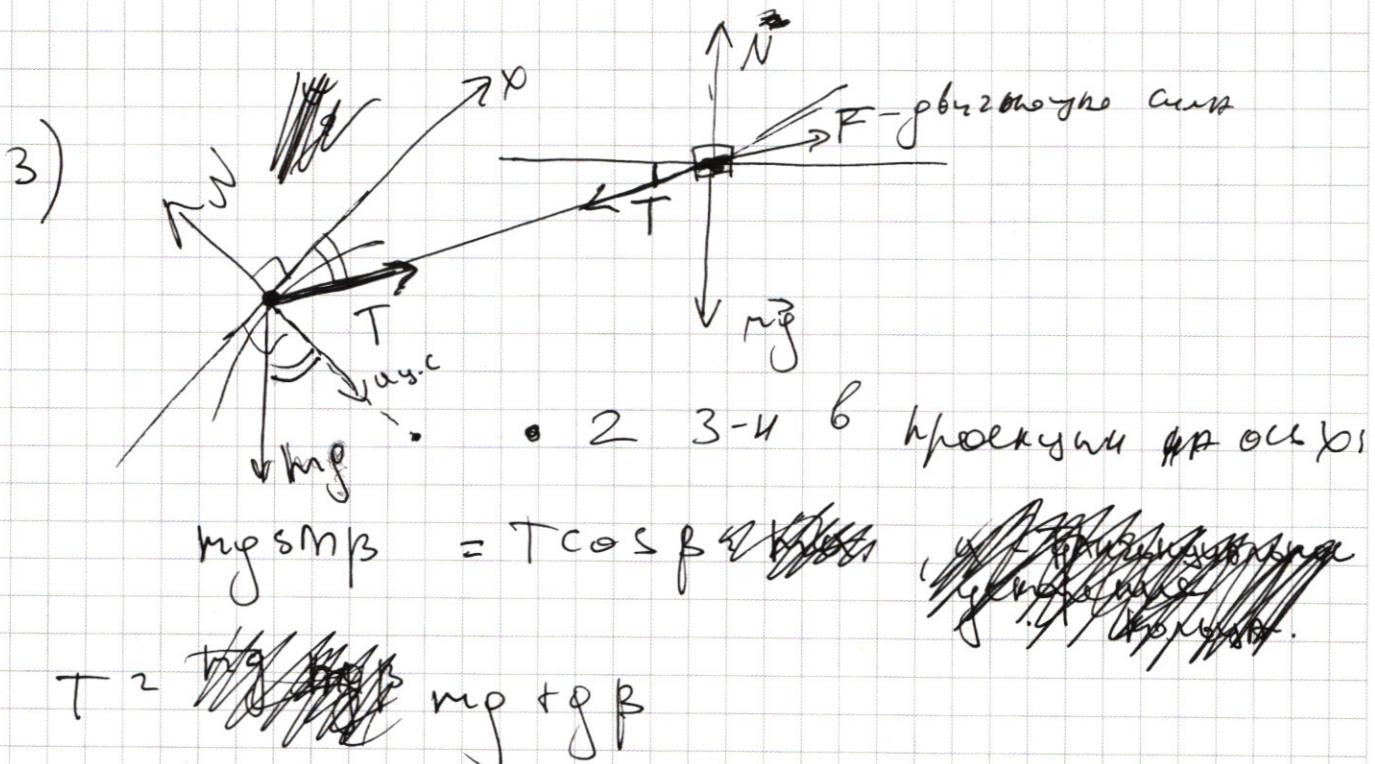
$$I_m = \sqrt{\frac{40 \cdot 10^{-6} \cdot 25 + 6 \cdot 40 \cdot 10^{-6} \cdot 3}{0,1}} \approx$$

$$= \sqrt{\frac{400 \cdot 10^{-6} (25 + 54)}{0,1}} = \sqrt{28 \cdot 400 \cdot 10^{-6}} = 20 \cdot 10^{-3} \sqrt{73} \approx 0,02 \sqrt{73} \text{ A}$$

Ответ: 1)  $30 \frac{\Phi}{A}$  2)  $0,02 \sqrt{73} \text{ A}$  3)  $8 \beta$

$$\begin{aligned}
 & \cancel{47 \cdot 15} \quad \cancel{80 \cdot 12} \quad \cancel{68 \cdot 9} \quad \cancel{25 \cdot 4} - \cancel{72 \cdot 6} \quad \cancel{25} \quad \cancel{5} - \cancel{12} \\
 & \cancel{- 68 \cdot 12} \quad \cancel{25} \quad \cancel{2} \quad \cancel{68 \cdot 9} \quad \cancel{4 \cdot 15} \quad \cancel{32 \cdot 3} = \\
 & \cancel{3 \cdot 68^2 + 75^2} - 8 \cdot 15 \cdot 32 \cdot 3 = \cancel{(7^2 \cdot 2^4 + 3^2 \cdot 5^4)} - \\
 & \cancel{- 2 \cdot 8 \cdot 3^2 \cdot 5^2} = \cancel{(7^2 - 2^4 \cdot 3^2 \cdot 5^2)} 2^4 + 3^2 \cdot 5^4 = \\
 & \cancel{2 \cdot (288) - (16 \cdot 45)} (6 + 3 \cdot 25 \cdot 28) = \\
 & \cancel{2 \cdot -431.16} (\cancel{+ 628.8}) = 
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 U_j (1) \quad U_{min} &= 66^2 + 75^2 - 2 \cdot 66 \cdot 75 \frac{4}{72} \frac{3}{72} \frac{12}{72} \\
 &= \sqrt{59281} = \sqrt{4624 + 5625 - 4320} = \sqrt{5928} \frac{cm}{c}
 \end{aligned}$$



$$\text{Ответ: 1) } 75 \frac{cm}{c} \quad 2) \sqrt{5928} \frac{cm}{c} \\
 3) \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} H$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$N1 \quad \begin{cases} 1) U - ? \\ 2) V_{om} - ? \end{cases}$$

Дано:

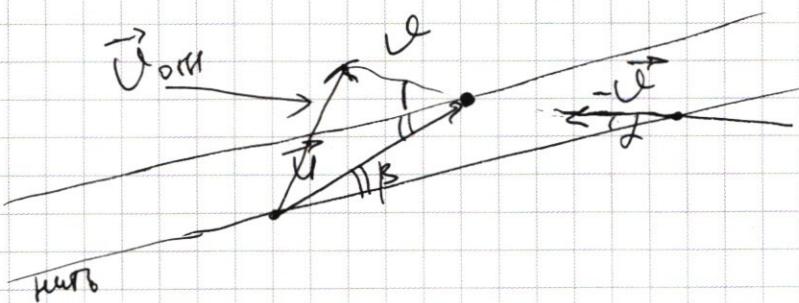
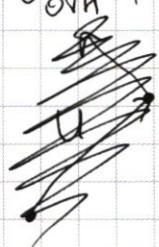
$$m = 0,1 \text{ кг}$$

$$V = 68 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

1) Т.к. на  $U$  и  $V_{om}$  действуют синфазные силы:  $U \cos \alpha = V \cos \beta$

$$U = \frac{V \cos \beta}{\cos \alpha} \quad U = \frac{68}{\frac{17}{17}} \cdot \frac{15}{5} = 75 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

$$2) \vec{U} = \vec{V}_{om} + \vec{V} \quad \vec{V}_{om} = \vec{U} - \vec{V} = \vec{U} + (-\vec{V})$$



но  $\vec{U}$  косинус об.

$$\sin \beta = \frac{8}{17} \quad \sin \alpha = \frac{3}{5}$$

$$V_{om}^2 = V^2 + U^2 - 2UV \cos(\alpha + \beta) \quad (1)$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$

$$= \frac{15}{17} \frac{4}{5} - \frac{17}{17} \frac{3}{5} = \frac{3}{17} - \frac{8 \cdot 3}{17 \cdot 5} = \frac{3}{17} \left(4 - \frac{8}{5}\right) =$$
 ~~$= \frac{3}{17} \frac{12}{5}$~~

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\left(\frac{2k-2}{5k+3}\right)^1_{k^2}$$

$$\cancel{2(5k+3)} - 10(k-1) \over (5k+3)^2$$

$$2(5k+3) - 10(k-1)$$

$$10k+6 - 10k+10 =$$

$$\underline{\underline{16 > 0}}$$

$$2(5k+3) - 5 \cdot 2(k-1)$$

$$\frac{(k-1)^2 P_0 V_0}{3(k-1) P_0 V_0 + \frac{3}{2} \left( \frac{(k-1)^2 P_0 V_0}{k-1} - k P_0 V_0 \right)^2}$$

$$\frac{(k-1)^2 P_0 V_0}{(k-1) P_0 V_0 + k(k-1) V_0} \sim$$

$$\frac{6 \cdot 2}{25 \cdot 3} \sim \frac{12}{28}$$

$$\sim \frac{3}{2} \frac{(k-1)^2 P_0 V_0}{(k-1) P_0 V_0 + \frac{3}{2} k(k-1) P_0 V_0 + k P_0 \cdot (k-1) V_0} \sim$$

$$\frac{k-1}{2} (3 + 5k) \sim$$

$$2(k-1) \approx 500k + 300$$

$$- \quad \quad \quad = 488k$$

$$2(k-1) \leq 500k + 300$$

$$\underline{2k-2} \leq \underline{500k+300}$$

$$-302 \leq 488k$$



чертёжник

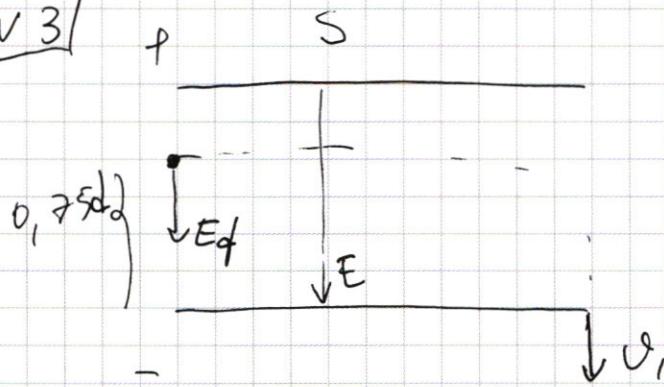


чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

N3



$$\text{Решение: } \frac{Q}{\epsilon_0 S} = U_1 T_1 d$$

1)  $U_1 - ?$   
 2)  $Q - ?$   
 3)  $U_2 - ?$

Решение:

2) По 23 к:  $E_f = \mu_0 \alpha$ , где  $\alpha$  - ускорение в волнах.

$$(1) U_{1,2} \alpha T = E \frac{\pi}{\epsilon_0} T = E Y T, E - \text{напряженность}$$

окружающего конденсатора

•  $\alpha$ - это кинематика:

$$0.75d = \frac{U_1^2}{2\alpha} \quad \text{- убывание рабочей скорости - это}$$

следует из 23 к.

$$\alpha = \frac{U_1^2}{1.5d}$$

$$0.75d = \frac{\alpha T^2}{2} \Rightarrow \left. \begin{aligned} \alpha &= \frac{1.5d}{T^2} \\ \end{aligned} \right\} (2)$$

$$U_2 (1) \wedge (2) \Rightarrow U_2 = \frac{1.5d}{T^2} T = \frac{1.5d}{T} \quad \checkmark$$

$$2) E = \frac{Q}{\epsilon_0 S}, (1) E Y T = U_1 = \frac{1.5d}{T} \Rightarrow$$

 $\alpha$ -заряд конденсатора

$$E = \frac{1.5d}{Y T^2} = \frac{Q}{\epsilon_0 S} \Rightarrow$$

$$Q = \frac{1.5d \epsilon_0 S}{Y T^2} = \frac{1.5d \epsilon_0 S}{Y T^2}$$

3)  $\alpha$  - бесконечно большое расстояние от конденсатора

$$2k - 2 = 5y k + 3y$$

$$2k - 5y k = 3y + 2$$

$$k(2 - 5y) = 3y + 2$$

$$k = \frac{3y + 2}{2 - 5y}$$

$$\begin{array}{r} 3y + 2 \\ 2 - 5y \\ \hline -2 \\ \hline 3y \end{array}$$

40 %

$$\frac{2k-1}{5k+3} = y$$

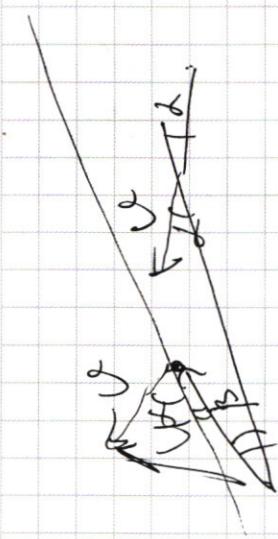
$$\begin{array}{r} 2k-1 \\ 5k+3 \\ \hline 8 \\ \hline 2k+3 \end{array}$$

$$60 \approx \frac{4}{5}k$$

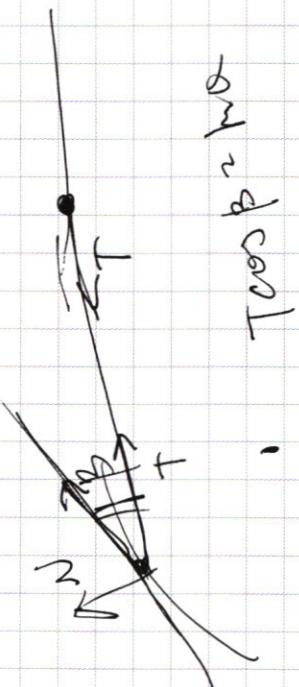
15

$$\frac{2}{5} = \frac{2(k-1)}{5k+3}$$

$$10 \cdot 6 = 10k - 10$$



$$6^2 + 8^2 = 2 \cdot 6 \cdot 8 \cdot 25 \cos(\alpha)$$



$$T \cos \beta = \frac{4}{5}k$$



чертёжник  чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N<sup>4</sup> Дано:

$$C = 40 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}$$

$$U_1 = 5 \text{ В}$$

$$\Sigma = 8 \text{ В}$$

$$L = 0,1 \text{ Гн}$$

$$U_0 = 1 \text{ В}$$

$$1) I - ?$$

$$2) I_m - ?$$

$$3) U_2 - ?$$

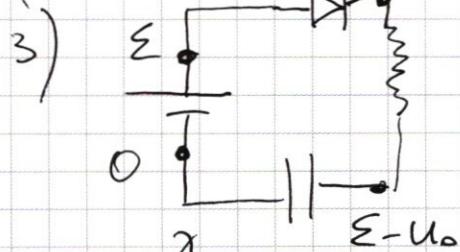
Решение:

1) Сразу после замка ключа напряжение на конденсаторе скачком же-меняется и резко закрывается.

$$2) \text{ по ЗСД: } \frac{U_1}{2} \leq \frac{L I_n^2}{2} \rightarrow$$

$$\Rightarrow I_n = \sqrt{\frac{40 \cdot 10^{-6}}{0,1}} \text{ А} = 0,1 \text{ А}$$

$$(I_m = \sqrt{\frac{C}{L} U_1}) \rightarrow \Sigma - U_0$$



В установившемся  
 режиме

Метр  
 уходит в бесконечность

напряжение на  
 катушке = 0.

$$\begin{aligned} U_2 &= \Sigma - U_0 \\ U_2 &= 8 \text{ В} \end{aligned}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{15}{17} \cdot \frac{4}{5} - \frac{3}{5} \cdot \frac{8}{17} = \frac{3}{17} \left( 4 - \frac{8}{5} \right) =$$

$$= \frac{3}{17} \cdot \frac{12}{5} = \frac{20-8}{360-12}$$

~~2.4 · 15 · 3 · 12 = 120 · 3 · 12~~

~~1  
36  
12  
72  
36  
4320~~

~~1  
36  
12  
172  
36  
4320~~

~~3  
2  
25  
25  
375~~

~~28  
28  
5625  
304  
5929~~

~~4624  
4320  
304~~

~~525  
5625  
304  
304~~

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ  
«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)