

Олимпиада «Физтех» по физике, 1

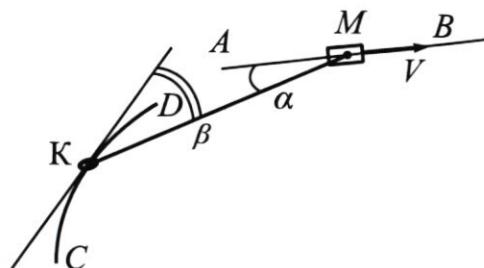
Класс 11

Вариант 11-01

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

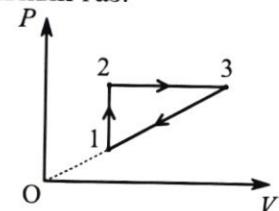
1. Муфту M двигают со скоростью $V = 68$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/3$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$ с направлением движения муфты и угол $\beta (\cos \beta = 4/5)$ с направлением движения кольца.

- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.



2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



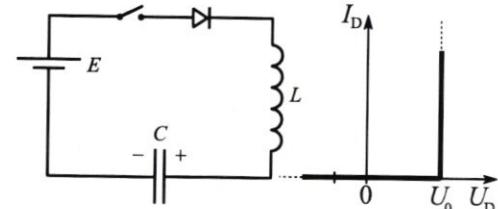
3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью S , расстояние между обкладками d ($d \ll \sqrt{S}$). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,25d$ от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время T вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите скорость V_1 частицы при вылете из конденсатора.
- 2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

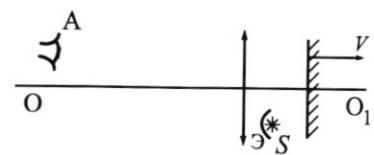
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 9$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 5$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



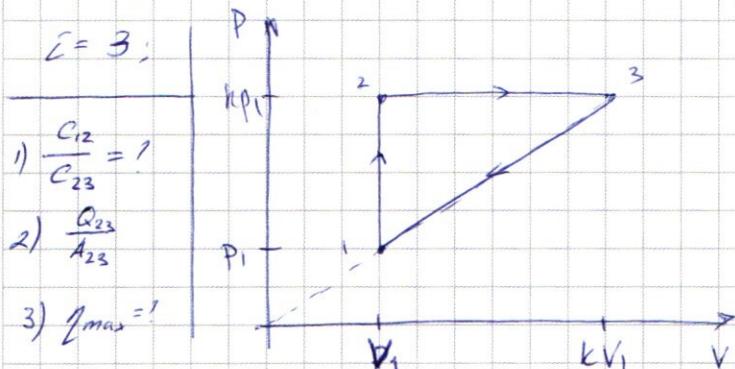
5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/2$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 2.



Решение

1) Т.к. в участке 1-3 охолаждающая поверхность имеет температуру T_3 , то давление в конечном состоянии 3 - kP_1 , тогда в начальном 3 - kV_1 .

2) По уравнению состояния идеального газа:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{k P_1 V_1}{T_2} \Rightarrow T_2 = k T_1; \quad \frac{k P_1 V_1}{T_2} = \frac{k P_1 k V_1}{T_3} \Rightarrow T_3 = k^2 T_1 \quad |T_3 = k^2 T_1|$$

3) По уравнению Менделеева-Капилейrona: $P_1 V_1 = P_2 V_2$

4) По первому началу термодинамики для процессов:

$$1-2: \quad Q_{12} = A_{12} + \alpha U_{12} \Rightarrow Q_{12} = \frac{3}{2} VR_0 \Delta T_{12}; \quad Q_{12} = C_{12} k T_2 \Rightarrow C_{12} = \frac{3}{2} R$$

$$2-3: \quad Q_{23} = A_{23} + \alpha U_{23} = k P_1 (k V_1 - V_1) + \frac{3}{2} VR_0 T_{23} = k^2 P_1 V_1 - k P_1 V_1 + \frac{3}{2} VR_0 T_{23} = \frac{5}{2} VR_0 T_{23}$$

$$Q_{23} = C_{23} V_0 T_{23}; \quad C_{23} V_0 T_{23} = \frac{5}{2} VR_0 T_{23} \Rightarrow C_{23} = \frac{5}{2} R.$$

$$3-1: \quad Q_{31} = A_{31} + \alpha U_{31}; \quad Q_{31} = \frac{1}{2} (P_1 + k P_1) (k V_1 - V_1) + \frac{3}{2} VR_0 T_{13} = \\ = \frac{1}{2} (k P_1 V_1 - P_1 V_1 + k^2 P_1 V_1 - k P_1 V_1) + \frac{3}{2} VR_0 T_{13} = \frac{1}{2} P_1 V_1 (k^2 - 1) + \frac{3}{2} VR_0 T_{13} = 2 VR_0 T_{13}$$

$$5) \quad \frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{\frac{3}{2} R}{\frac{5}{2} R} = \frac{3}{5} = \underline{0,6}$$

$$6) \quad \frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{5}{2} VR_0 T_{23}}{k P_1 (k V_1 - V_1)} = \frac{\frac{5}{2} VR_0 T_{23}}{k^2 P_1 V_1 - k P_1 V_1} = \frac{5}{2} = \underline{2,5}$$

$$7) \quad \eta_{max} = \frac{Q_{12} + Q_{23} - Q_{31}}{Q_{12} + Q_{23}} = \frac{\frac{3}{2} VR_0 T_{12} + \frac{5}{2} VR_0 T_{23} - 2 VR_0 T_{13}}{\frac{3}{2} VR_0 T_{12} + \frac{5}{2} VR_0 T_{23}} = \frac{\frac{3}{2} VR_0 T_1 + \frac{5}{2} VR_0 T_1 - 2 VR_0 T_1 (k+1)}{\frac{3}{2} VR_0 T_1 + \frac{5}{2} VR_0 T_1} =$$

$$\frac{3+5k-4k-4}{3+5k} = \frac{k-1}{3+5k}; \quad 3\eta + 5\eta k = k-1 \Rightarrow k-5\eta k = 3\eta + 1 \Rightarrow k(1-5\eta) = 3\eta + 1$$

$$k = \frac{3\eta + 1}{1-5\eta}.$$

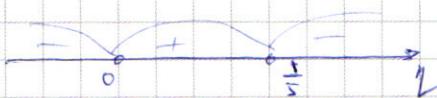


8. Найдем максимальное значение k .
Согласно условию $k > 1$; $k = \frac{3\eta + 1}{1 - 5\eta}$

$$\frac{3\eta + 1}{1 - 5\eta} > 1 \Rightarrow \frac{3\eta + 1 - 1 + 5\eta}{1 - 5\eta} > 0 \quad \frac{8\eta}{1 - 5\eta} > 0 \quad \text{Найдем корни:}$$

$$8\eta = 0 \quad \text{или} \quad 5\eta = 1.$$

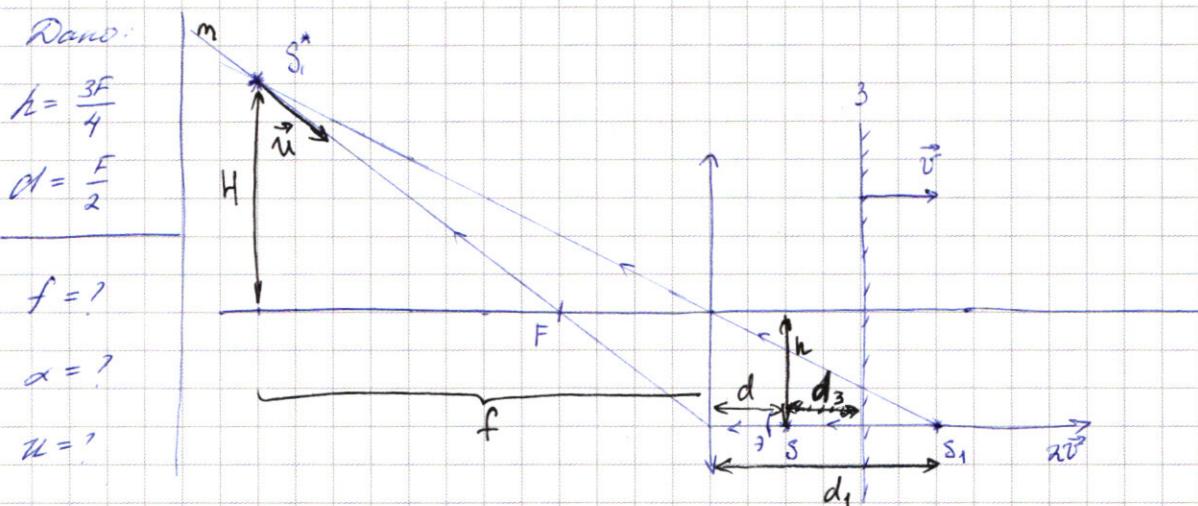
$$\eta = 0 \quad \eta = \frac{1}{5}$$



$$\eta \in (0; \frac{1}{5}). \quad \eta_{\max} = 20\%$$

- Ответ:
- 1) 0,6
 - 2) 2,5
 - 3) 20 %

Задача 5.



Решение

1) $d_1 = d + 2d_3 = \frac{3F}{2}$; Но горизонтальное расстояние:

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d_1} + \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{F} = \frac{2}{3F} + \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{1}{3F} \Rightarrow f = 3F$$

2) Установление в яркале движение со скоростью $2\bar{v}$; это можно сделать, если виртуальное сопоставить яркало на $X \Rightarrow S_1$ движется со $2\bar{v}$. За то же время, он. скорость в 2 раза большее скорости яркала.

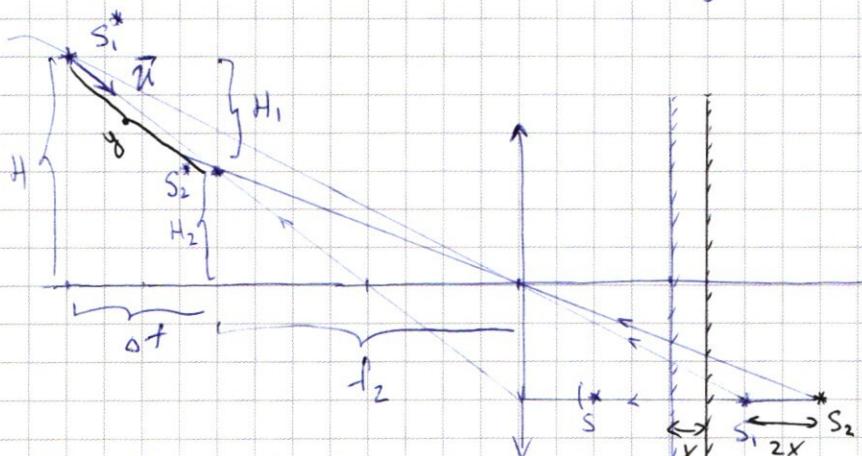
3). Т.к. при движении яркала S_1 сдвигается на один горизонтальный промежуток, S_1^* будет лежать на прямой, проходящей через фокусное расстояние линз, на рис. отображенной m . Скорость \bar{H} вак-ме направлена вдоль m вправо, т.к. при увеличении d_1 f будет уменьшаться.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$1) \frac{H}{h} = \frac{f}{d_1} = \frac{\frac{3F}{2}}{\frac{3F}{2}} = 2. \quad H = 2h = \frac{2 \cdot 3F}{4} = \frac{3F}{2}$$

$$2) \alpha = \frac{H}{F-F} = \operatorname{tg} \alpha, \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{\frac{3F}{2}}{\frac{3F-F}{2}} = \frac{\frac{3F}{2}}{\frac{2F}{2}} = \frac{\frac{3}{2}}{1}$$

3) Рука зажима сжимается вправо на x за время t , когда подвижное звено сжимается на y вправо на m .
По формуле толстой штанги:



$$\begin{aligned} \frac{1}{F} &= \frac{1}{d_1 + 2x} + \frac{1}{f_2} \\ \frac{1}{f_2} &= \frac{1}{F} - \frac{1}{\frac{3F}{2} + 2x} = \frac{1}{F} - \frac{2}{3F + 4x} \\ \frac{1}{f_2} &= \frac{3F + 4x - 2F}{F(3F + 4x)} = \frac{F + 4x}{F(3F + 4x)} \\ f_2 &= \frac{F(3F + 4x)}{F + 4x} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{H_2}{h} &= \frac{f_2}{\frac{3F}{2} + 2x} \Rightarrow \frac{H_2 - H_1}{h} = \frac{2f_2}{3F + 4x} \\ &\Rightarrow \frac{\frac{3F}{2} - H_1}{\frac{3F}{4}} = \frac{2F(3F + 4x)}{3F + 4x} \Rightarrow \frac{6F - 4H_1}{3F} = \frac{2F}{F + 4x} \end{aligned}$$

$$(6F - 4H_1)/(F + 4x) = 6F^2 \Rightarrow 6F^2 + 24Fx - 4H_1(F + 4x) = 6F^2$$

$$4H_1/(F + 4x) = 24Fx \Rightarrow H_1 = \frac{6Fx}{F + 4x}, \quad \Delta f = f_* - f_2 = 3F - F \frac{3F + 4x}{F + 4x} =$$

$$= F \left(\frac{3F + 12x - 3F - 4x}{F + 4x} \right) = F \frac{8x}{F + 4x}$$

$$y^2 = H_1^2 + \Delta f^2 = \frac{36F^2x^2}{(F+4x)^2} + \frac{64F^2x^2}{(F+4x)^2} = \frac{100F^2x^2}{(F+4x)^2} \Rightarrow y = \frac{10Fx}{F+4x}$$

$$\frac{y}{x} = \frac{x}{v} \Rightarrow v = \frac{y}{x} = \frac{10Fx}{(F+4x)x} = \frac{10Fv}{F+4x}$$

Логарифмическое подобие предположим $\Rightarrow H_1 =$

Ответ: 1) $3F$

$$2) \operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$$

$$3) \frac{5}{16} v$$

Задача 1.

Дано:

$$V = 68 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

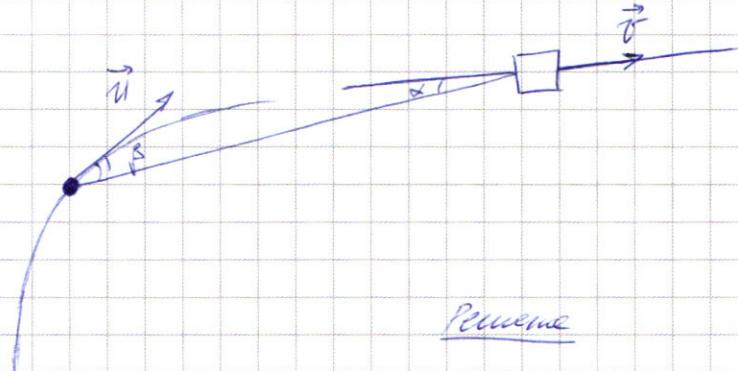
$$m = 0,1 \text{ кг}$$

$$R = 1,9 \text{ м}$$

$$l = \frac{5R}{3}$$

$$\cos\alpha = \frac{15}{17}$$

$$\cos\beta = \frac{4}{5}$$



Решение

1) Т.к. система в конусе движется勻速но, проекции на координатные оси направления некот. равны нулю, тогда

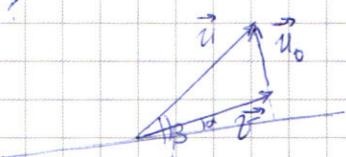
$$T \cos\alpha = m l \cos\beta \Rightarrow Tl = T \frac{\cos\alpha}{\cos\beta} = \frac{68 \frac{\text{см}}{\text{с}} \cdot 15 \cdot 5}{17 \cdot 4} = 75 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

1) $T = ?$

2) $U_0 = ?$

3) $F = ?$

2) $\vec{U} = \vec{U}_0 + \vec{V} \Rightarrow \vec{U}_0 = \vec{U} - \vec{V}$ по закону суперпозиции



$$U_0 = U \sin\alpha - T \sin\beta; \quad \sin\beta = \frac{3}{5}; \quad \sin\alpha = \frac{8}{17}$$

$$U_0 = 75 \frac{\text{см}}{\text{с}} \cdot \frac{3}{5} - 68 \frac{\text{см}}{\text{с}} \cdot \frac{8}{17} = 45 \cdot 3 - 4 \cdot 8 = 45 - 32 = 13 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

3) U_0 в II четверти постоянна следит, что $T \sin\beta = ma$

$$T \sin\beta = m \frac{U^2}{R} \Rightarrow T = \frac{m U^2}{R \sin\beta} = \frac{0,1 \cdot 0,75^2}{1,9 \cdot \frac{3}{5}} = \frac{5 \cdot 0,75 \cdot 0,75}{19 \cdot 3} = \frac{9375}{190000} = \frac{15}{304} \text{ Н}$$

Ответ: 1) $75 \frac{\text{см}}{\text{с}}$

2) $13 \frac{\text{см}}{\text{с}}$

3) $\frac{15}{304} \text{ Н}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 3.

Дано:

$$S_i T_i d \frac{q}{m} = j$$

$$1) V_1 = ?$$

$$2) Q = ?$$

$$3) V_2 = ?$$

$$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d} \Rightarrow U = \frac{\epsilon \epsilon_0 S Q}{d}, \quad E = \frac{\epsilon \epsilon_0 S Q}{d^2}$$

$$V_1 = \frac{\epsilon \epsilon_0 S Q T_f}{d^2}$$

$$2) \frac{d^2 Q}{dt} = \frac{m V_i^2}{2}$$

$$\frac{d^2 Q}{dt} = V_i^2 \Rightarrow V_i^2 = \sqrt{\frac{2 k Q f}{d}}$$

Решение

$$1) Eq = F, \quad F = ma$$

$$a = \frac{V_i - V_0}{T} = \frac{V_i}{T}$$

$$F = m \frac{V_i}{T}$$

$$Eq = m \frac{V_i}{T} \Rightarrow ej = \frac{V_i}{T}$$

$$E = \frac{U}{d}, \quad l = \frac{Q}{U} \Rightarrow U = l Q$$

Движение частицы по горизонтали будет гармоничным с периодом $2T$.

Задача 4.

Дано:

$$\mathcal{E} = 9B; U_1 = 5B$$

$$C = 40 \mu F; L = 0,1 \text{ H}$$

$$U_0 = 18$$

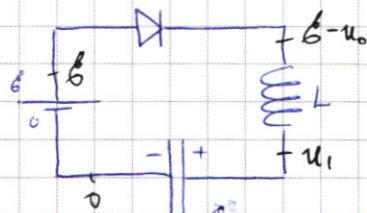
$$1) I'(0) = ?$$

$$2) I_{\max} = ?$$

$$3) U_2 \neq ?$$

Решение

1) рассмотрим цепь непосредственно после замыкания ключа K. Поставим потенциалы. Ток через нагрузку не проходит, напряжение на конденсаторе не изменяется и подстроено собственный током \Rightarrow



$$U_0(0) = 0; \quad U_C(0) = \frac{1}{2} C U_1^2$$

$$\mathcal{E} - U_1 = L \frac{dI(0)}{dt} \Rightarrow \mathcal{E} - U_1 = L I'(0)$$

$$\Rightarrow I'(0) = \frac{\mathcal{E} - U_1, U_0}{L} = \frac{9B - 5B}{0,1 \text{ H}} = \frac{40}{0,1} = 400 \frac{A}{C}$$

2) рассмотрим цепь в установившемся состоянии.
Ток через конденсатор не проходит, напряжение на нагрузке неизв. Поставим потенциал

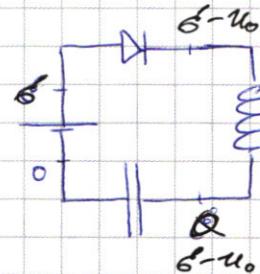
$$U_2 = \mathcal{E} - U_0 = 8B$$

$$3) I_{\max} = I_0;$$

$$\frac{L I_m^2}{2} = \frac{C U_m^2}{2}; \quad U_m = U_2 \Rightarrow L I_m^2 = C U_2^2$$

$$I_m = U_2 \sqrt{\frac{C}{L}} = 8B \cdot \sqrt{\frac{40 \mu F}{0,1 \text{ H}}} = 0,8 \sqrt{\frac{0,04}{0,1}} =$$

$$\approx 0,73 \cdot 8 \sqrt{\frac{90}{10000}} = 8 \cdot 2 \cdot \frac{1}{10} \sqrt{10} = 1,6 \sqrt{10}; \quad 160 \text{ A. } 0,16 \text{ A}$$

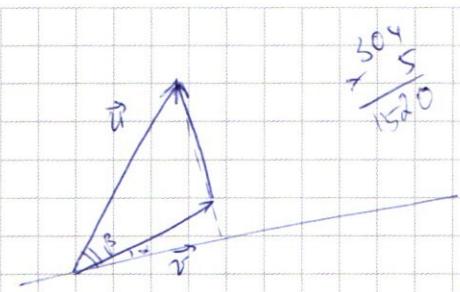


Ответ: 1) $30 \frac{A}{C}$

2) $1,6 \sqrt{10} \text{ A. } 160 \text{ A. } 0,16 \text{ A.}$

3) $8B$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$U^2 = U_0^2 + U_1^2 \quad 2U_0U_1$$

$$U_0 = U \sin \beta - T$$

$$\frac{9375}{190000} = \frac{1875}{38000} = \frac{375}{7600}$$

$$= \frac{75}{1520} = \frac{15}{304}$$

$$E = \frac{\kappa Q}{d^2}$$

$$E = \frac{kQ}{r^2}; \quad \kappa Q = k \quad R_{ne} = \Gamma_n \cdot A^2$$

$$H \cdot M = k \cdot A^2$$

$$h = \frac{\kappa Z \cdot M^2}{A^2 c^2} =$$

$\begin{array}{r} 19 \\ \times 15 \\ \hline 225 \\ - 225 \\ \hline 0 \end{array}$
 $\begin{array}{r} 19 \\ \times 15 \\ \hline 285 \\ - 19 \\ \hline 95 \\ \times 19 \\ \hline 1875 \\ - 1875 \\ \hline 0 \end{array}$
 $\begin{array}{r} 19 \\ \times 45 \\ \hline 95 \\ - 65 \\ \hline 30 \\ \times 19 \\ \hline 1875 \\ - 1875 \\ \hline 0 \end{array}$
 $\begin{array}{r} 19 \\ \times 85 \\ \hline 95 \\ - 95 \\ \hline 0 \end{array}$
 $\begin{array}{r} 19 \\ \times 152 \\ \hline 1805 \\ - 147 \\ \hline 33 \\ \times 19 \\ \hline 1805 \\ - 1805 \\ \hline 0 \end{array}$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$1-2-3+1: Q_{\Sigma} = A_{\Sigma}$$

+Q

$$\cancel{A_{\Sigma}} = \frac{1}{2} \cdot (kV_1 - V_1) (kp_1 - p_1)$$

$\rightarrow 280^{\circ}$

-
 \vec{V}_1

$$\frac{3}{2} \sqrt{R} T_1 (k-1) + \frac{5}{2} \sqrt{R} k T_1 (k-1) - 2 \sqrt{R} T_1 (k^2 - 1)$$

$$= \frac{3}{2} p_1 V_1 (k-1) + \frac{5}{2} k p_1 V_1 (k-1) 2 p_1 V_1 / (k^2 - 1)$$

Дано:

$$f = \frac{q}{m}, T$$

$$U = \frac{\frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{12} + \frac{5}{2} \sqrt{R} \Delta T_{22} - 2 \sqrt{R} \Delta T_{13}}{\frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{12} + \frac{5}{2} \sqrt{R} \Delta T_{23}} = \frac{\frac{3}{2} \sqrt{R} (kT_1 - T_1) + \frac{5}{2} \sqrt{R} (k^2 T_1 - kT_1) - 2 \sqrt{R} (k^2 T_1 - T_1)}{\frac{3}{2} \sqrt{R} (kT_1 - T_1) + \frac{5}{2} \sqrt{R} (k^2 T_1 + kT_1)}$$

$V_1 = ?$

$$= \frac{\frac{3}{2} \sqrt{R} T_1 (k-1) + \frac{5}{2} \sqrt{R} k T_1 (k-1) - 2 \sqrt{R} T_1 (k^2 - 1)}{\frac{3}{2} \sqrt{R} T_1 (k-1) + \frac{5}{2} \sqrt{R} T_1 (k-1)}$$

$Q = ?$

$$= \frac{\frac{3}{2} \sqrt{R} T_1 + \frac{5}{2} \sqrt{R} k T_1 - 2 \sqrt{R} T_1 (k+1)}{\frac{3}{2} \sqrt{R} T_1 + \frac{5}{2} \sqrt{R} k T_1}$$

$$\frac{k-1}{3+5k} = 100 \\ 3+5k = 300+500k \\ k-1 = 301 = 0 \\ 499k = 301 \\ k < 0$$

$$= \frac{3+5k-4k-4}{3+5k} = \frac{k-1}{3+5k}$$

$$\frac{\frac{3+5k}{2} - 2k - 2}{\frac{3+5k}{2}} = \frac{\frac{3+5k}{2} - 2k - 2}{3+5k} \\ 3+5k - 2k - 2 = 0 \\ -1+k = 0$$

$$k - k = 0 \\ k = 1$$

$$n = 4 + 60 = 64$$

$$5k^2 - 2k - 3 = 0 \\ 5k^2 - 2k - 3 = 0$$

$$k = \frac{2 \pm 8}{10}$$

$$k = \frac{10}{10} = 1$$

$$k = -\frac{4}{10} \\ \frac{3}{2} + \frac{5}{2} k - 2(k+1) = 0 \\ 3+5k-4k-4=0 \\ k+1=0,4$$

$$\frac{3}{2} p_1 V_1 (k-1) + \frac{5}{2} k p_1 V_1 (k-1) - 2 p_1 V_1 (k^2 - 1) = \frac{1}{2} p_1 V_1 (k-1)$$

$$3+5k-4k-4=k-1$$

$$\frac{3}{2} + \frac{5}{2} k - 2(k+1) = \frac{1}{2}(k-1)$$

$$\frac{3}{2} + 5k - 4(k+1) = k-1$$

Задача:

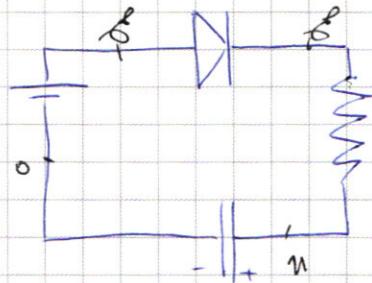
$$G = 96$$

$$C = 40 \text{ мкФ}$$

$$U_1 = 5 \text{ В}$$

$$L = 0.1 \text{ ГН}$$

$$n_0 = 18$$



$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d_1} + \frac{1}{f} \quad \frac{1}{f_1} = \frac{3-2}{3F} = \frac{1}{3F}$$

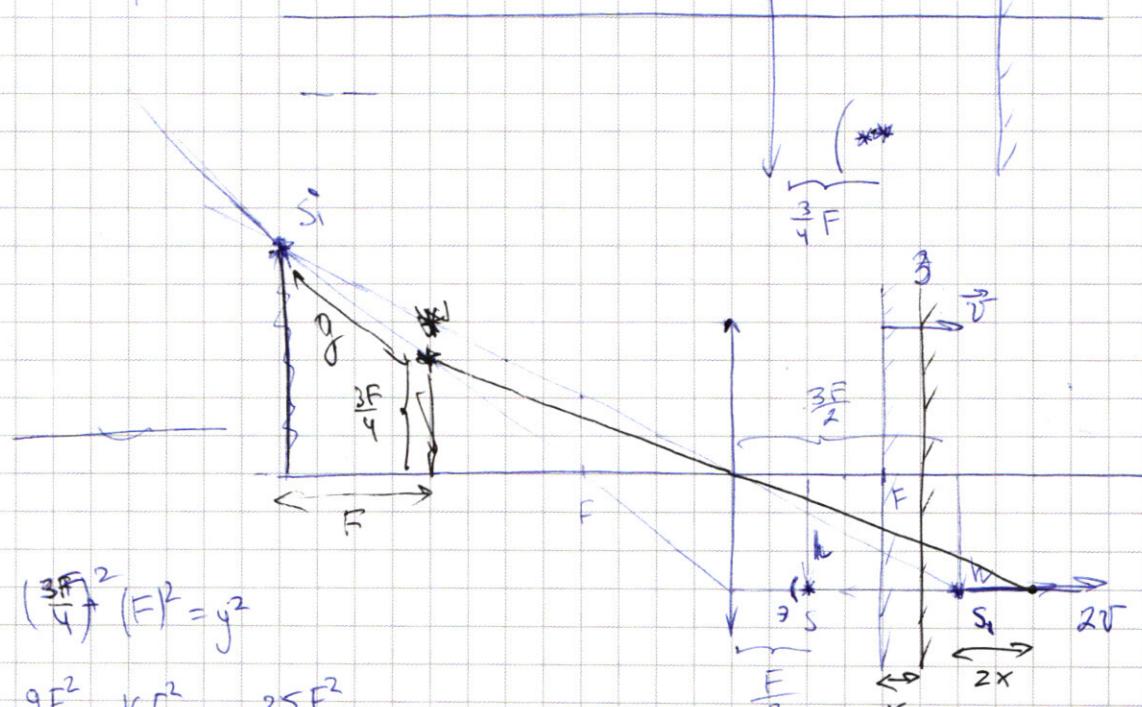
$$\frac{1}{F} = \frac{2}{3F} + \frac{1}{f_1} \Rightarrow f_1 = 3F$$

$$\operatorname{tg} = \frac{h}{f} = \frac{3F}{2 \cdot 3F} = \frac{1}{2}$$

3

$$y^2 = \frac{h^2}{2} = \frac{9}{2}$$

5.



$$\left(\frac{3F}{4}\right)^2 + (F)^2 = y^2$$

$$y^2 = \frac{9F^2}{16} + \frac{16F^2}{16} = \frac{25F^2}{16} =$$

$$y = \frac{5\sqrt{F}}{4} = \frac{5x}{16} \quad \frac{y}{u} = \frac{x}{v} \Rightarrow u = \frac{yv}{x} = \frac{5xv}{16x} = \frac{5v}{16}.$$

$$\operatorname{tg} x = \frac{3}{4}; \quad \frac{y^2}{F^2} = \frac{\sin^2}{\cos^2} \Rightarrow \operatorname{tg}^2 = \frac{\sin^2}{1 - \sin^2}$$

$$\operatorname{tg}^2 - \operatorname{tg}^2 \sin^2 = \sin^2$$

$$\operatorname{tg}^2 = \sin^2 (1 + \operatorname{tg}^2) \quad \sin^2 = \frac{\operatorname{tg}^2}{1 + \operatorname{tg}^2} \Rightarrow \sin = \frac{\operatorname{tg}}{\sqrt{1 + \operatorname{tg}^2}} = \frac{3}{\sqrt{1 + \frac{9}{16}}} = \frac{3}{\sqrt{25/16}} = \frac{3}{5}$$

$$= \frac{3}{\sqrt{\frac{25}{16}}} = \frac{3 \cdot 4}{4 \cdot 5} = \frac{3}{5};$$

$$\cos = 1 - \frac{1}{5} = \frac{4}{5} = \frac{2}{\sqrt{5}}$$

$$\sin = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{4}}} = \frac{1}{\sqrt{5/4}} = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{5}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1. Дано:

- $V = 0,68 \frac{\text{м}}{\text{с}}$
- $m = 0,1 \text{ кг}$
- $R = 1,9 \text{ м}$
- $\ell = \frac{5R}{3} = \frac{5 \cdot 1,9}{3} = \frac{95}{17} \text{ м}$
- $\cos \alpha = \frac{15}{17}$
- $\cos \beta = \frac{4}{5}$

2) $\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}_0 \cdot t$ — в. с. сн.

3) $T = ?$

Решение:

1) Т.к. действует и合力 \vec{F} со стороны тела, проекция скорости на направление силы должна быть равной

$$V \cos \alpha = U_0 \cos \beta \Rightarrow U_0 = V \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$U_0 = 0,68 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{5}{4} = \frac{0,68 \cdot 15 \cdot 5}{17 \cdot 4} = \frac{51}{17} = 3 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

2) $\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a} \Rightarrow \vec{v}_0 = \vec{v} - \vec{a}$

3) $v^2 = v_0^2 + a^2 - 2v_0 a \cos(\alpha + \beta)$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin \alpha = \sqrt{\frac{289-225}{289}} = \frac{8}{17}$$

$$\sin \beta = \sqrt{\frac{289-225}{289}} = \frac{4}{5}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{12}{17} - \frac{8}{17} \cdot \frac{3}{5} = \frac{60-24}{17 \cdot 5} = \frac{36}{85}$$

$$v^2 = 75^2 + 68^2 - 2 \cdot 75 \cdot 68 \cdot \frac{36}{85} = 75^2 + 68^2 - 80 \cdot 36 = 20249$$

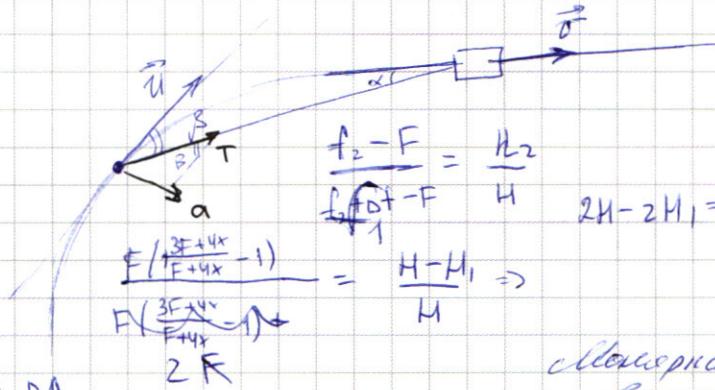
$$v = \sqrt{20249} = 143 \text{ м/с}$$

4) $\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a} \Rightarrow v = v_0 + a t$

$$143 = 3 + \frac{36}{85} t \Rightarrow t = \frac{140}{36} = \frac{35}{9} \text{ с}$$

5) $F = m a = 0,1 \cdot \frac{36}{85} = 0,04 \text{ Н}$

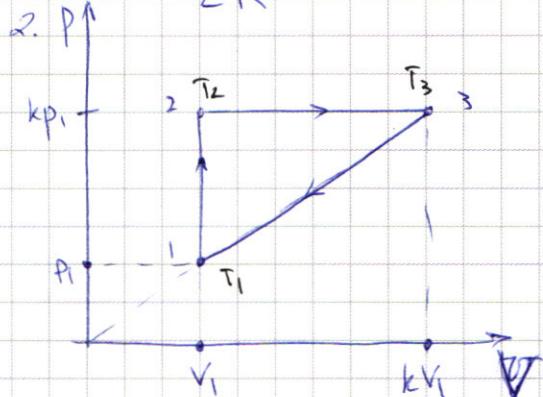
6) $T = F \cdot R = 0,04 \cdot 1,9 = 0,076 \text{ Н}$



$T_{\text{спн},S} = m a$

$T_{\text{спн},S} = m \frac{v^2}{R}$

$2H - 2H_1 = H \left(\frac{3F+4x}{F+4x} - 1 \right) \Rightarrow T = \frac{R_{\text{спн},S}}{R_{\text{спн},S}}$



$1) Q_{12}; C_{12} = ?$

$2) \frac{Q_{23}}{A_{23}} = ?$

$3) \eta_{\max} = ?$

$1-2: Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12} \quad 2H_1 = 3F \left(1 - \frac{1}{2} \left(\frac{3F+4x}{F+4x} - 1 \right) \right)$

$Q_{12} = \Delta U_{12} = \frac{3}{2} PR_0 T_1 = \frac{3}{2} R_0 V_1 \quad H_1 = \frac{3F}{2} \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{3F+4x}{F+4x} \right)$

$\text{или } C_{12} \Delta T_1 = \frac{3}{2} PR_0 T_1 \Rightarrow C_{12} = \frac{3}{2} R$

$2-3: Q_{23} = A_{23} + \Delta U_{23} \quad H_1 = \frac{9F}{4} - \frac{3F}{4} \cdot \frac{3F+4x}{F+4x}$

$Q_{23} = kp_1 \cdot (kV_1 - V_1) + \frac{3}{2} VR_0 T_{23} = k^2 p_1 V_1 - kp_1 V_1 + \frac{3}{2} VR_0 T_{23} = \frac{3}{2} VR_0 T_{23}$

$= k^2 p_1 V_1 = k^2 \cdot PR_0 T_1 - k \cdot PR_0 T_1 + \frac{3}{2} k^2 PR_0 T_1$

$Q_{23} = k^2 p_1 V_1 - kp_1 V_1 + \frac{3}{2} PR_0 T_{23} = PR_0 T_3 - PR_0 T_2 + \frac{3}{2} VR_0 T_{23} = \frac{1}{2} PR_0 T_{23} -$

$C_{23} \sqrt{R_0 \Delta T_{23}} = \frac{5}{2} PR_0 T_{23} \Rightarrow C_{23} = \frac{5}{2} R$

$\eta = \frac{\frac{3}{2} VR_0 T_{12} + \frac{5}{2} VR_0 T_{23}}{\frac{5}{2} PR_0 T_{12} + \frac{5}{2} PR_0 T_{23}}$

$2) \frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{5}{2} PR_0 T_{23}}{PR_0 T_{23}} = \frac{5}{2}$

$3) \eta = \frac{A_{12}}{A_{12} + A_{23}} \cdot 100\% \quad \eta = \frac{Q_H - Q_R}{Q_H} = \frac{Q_{2+3} - Q_3}{Q_{2+3}}$

$3-1: Q_{31} = A_{31} + \Delta U_{31} \Rightarrow \frac{1}{2} (p_1 + kp_1)(kV_1 - V_1) + \frac{3}{2} VR_0 \Delta T_{31} =$

$= \frac{1}{2} (kp_1 V_1 - p_1 V_1 + k^2 p_1 V_1 - kp_1 V_1) + \frac{3}{2} VR_0 T_{13} =$

$= \frac{1}{2} (k^2 p_1 V_1 - p_1 V_1) = \frac{1}{2} PR_0 T_{13} + \frac{3}{2} VR_0 T_{13} = 2 VR_0 T_{13}$

$\frac{6Fx}{F+4x} = \frac{9F}{4} - \frac{3F}{4} \cdot \frac{3F+4x}{F+4x} \Rightarrow \frac{9F}{4} - \frac{9F^2 + 12Fx}{4(F+4x)} = \frac{9F(F+4x) - 9F^2 - 12Fx}{4(F+4x)}$