

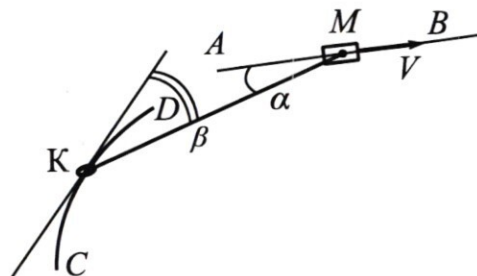
Олимпиада «Физтех» по физике, фс

Вариант 11-01

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влож

1. Муфту М двигают со скоростью $V = 68$ см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 0,1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/3$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол α ($\cos \alpha = 15/17$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 4/5$) с направлением движения кольца.



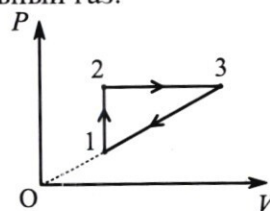
- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.

2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.

3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью S , расстояние между обкладками d ($d \ll \sqrt{S}$). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,25d$ от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время T вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы

$$\frac{q}{m} = \gamma.$$

1) Найдите скорость V_1 частицы при вылете из конденсатора.

2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.

3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

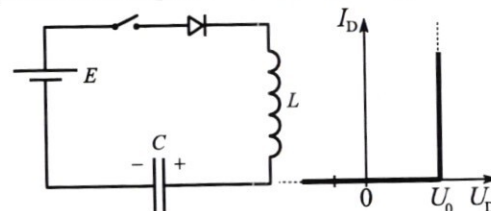
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 9$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 5$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

Ключ замыкают.

1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.

2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.

3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

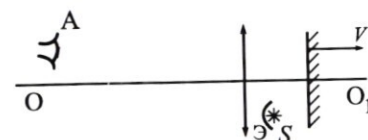


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/2$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 2

$p_1 V_1 = R T_1$
 $p_2 V_1 = K T_2$
 $p_3 V_1 = R T_3$
 $\frac{p_1}{V_1} = \frac{p_3}{V_3} \Rightarrow p_1 V_3 = p_3 V_1 \Rightarrow \frac{V_1}{V_3} = \frac{p_1}{p_3}$
 $\frac{C_p}{C_v} = \frac{5}{3} \approx 1,67$
 $p_1 = 2 p_3 \Rightarrow p_3 = \frac{p_1}{2}$

$T_3 > T_2 > T_1$
 $Q_{12} = C_v (T_2 - T_1)$
 $Q_{23} = C_p (T_3 - T_2)$
 $Q_{31} = C_v (T_1 - T_3) + \frac{(p_1 + p_3)(V_1 - V_3)}{2}$

$\frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{C_v (T_3 - T_2)}{p_3 (V_3 - V_1)} + 1 = \frac{3}{2} \frac{p_3 (V_3 - V_1)}{p_3 (V_3 - V_1)} + 1 = \frac{5}{2} = 2,5$

$\eta = \frac{A_{23} + A_{31}}{Q_{12} + Q_{23}} = 1 + \frac{Q_{31}}{Q_{12} + Q_{23}} = 1 + \frac{C_v (T_1 - T_3) + \frac{(p_1 + p_3)(V_1 - V_3)}{2}}{C_v (T_2 - T_1) + C_p (T_3 - T_2)}$

$= 1 - \frac{p_3 V_3 - p_1 V_1 + \frac{1}{3} (p_3 V_3 - p_1 V_1)}{\frac{5}{3} p_3 (V_3 - V_1) + \frac{2}{3} p_3 V_1 - p_1 V_1 + \frac{5}{3} p_3 V_3} = 1 - \frac{4}{9} \frac{p_3 V_3 - p_1 V_1}{-\frac{2}{3} p_3 V_1 - p_1 V_1 + \frac{5}{3} p_3 V_3}$

$= 1 - \frac{4}{9} \frac{p_3 - \frac{p_1^2}{p_3}}{\frac{5}{9} p_3 - \frac{2}{3} p_1 - \frac{p_1^2}{p_3}} = 1 + 4 \frac{\frac{p_1^2}{p_3} - p_3}{5 p_3 - 2 p_1 - 3 \frac{p_1^2}{p_3}} = 1 + 4 \frac{p_1^2 - p_3^2}{5 p_3^2 - 2 p_1 p_3 - 3 p_1^2}$

$\eta'_{p_1} = 0 = 2 p_3 (5 p_3^2 - 2 p_1 p_3 - 3 p_1^2) + (p_1^2 - p_3^2) (6 p_1 + 2 p_3)$

$10 p_1 p_3^2 - 4 p_1^2 p_3 - 6 p_1^3 + 6 p_1^3 - 6 p_1 p_3^2 + 2 p_1^2 p_3 - 2 p_3^3 = 0$

$4 p_1 p_3^2 - 2 p_1^2 p_3 - 2 p_3^3 = 0 \Rightarrow 2 p_1 p_3 - p_1^2 - p_3^2 = 0$

$(p_1 - p_3)^2 = 0$
 $p_1 = p_3$

№1

Дано:

$$v = 68 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

$$m = 0,1 \text{ кг}$$

$$R = 1,9 \text{ м}$$

$$l = \frac{5}{3} R$$

$$\cos \alpha = \frac{16}{17}$$

$$\cos \beta = \frac{4}{5}$$

$$v_k, v'_k, T - ?$$

П.к. скорость любой точки моты в данный момент времени одинакова, то:

скорость в М вдоль нити $v \cos \alpha$, она же в К,

скорость каньца направлена

вдоль жёсткой нити (движение по окружности):

$$v_k = v \cos \alpha \cos \beta = 48 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

Для нахождения скорости каньца относительно

мупты перейдём в её ИСО:

$\gamma = \alpha + \beta$ из суммы не смежных углов треугольника:

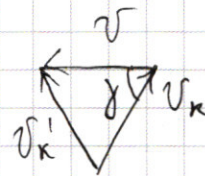
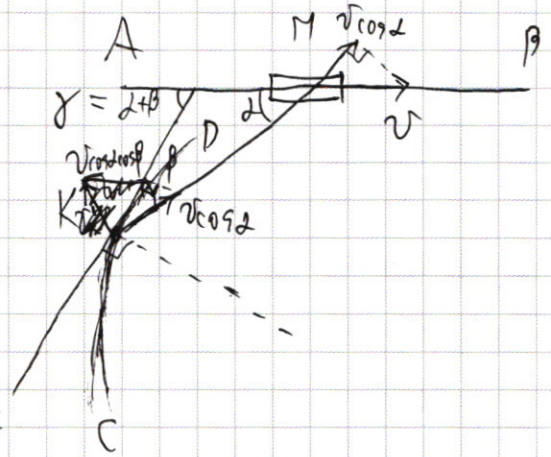
$$v'_k = \sqrt{v^2 + v_k^2 - 2 v v_k \cos(\alpha + \beta)}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta = \frac{36}{85}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{8}{17}; \sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \frac{3}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{8}{17}$$

$$v'_k \approx 64 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$



Ответ: $v_k = 48 \frac{\text{см}}{\text{с}}$; $v'_k \approx 64 \frac{\text{см}}{\text{с}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 2.2

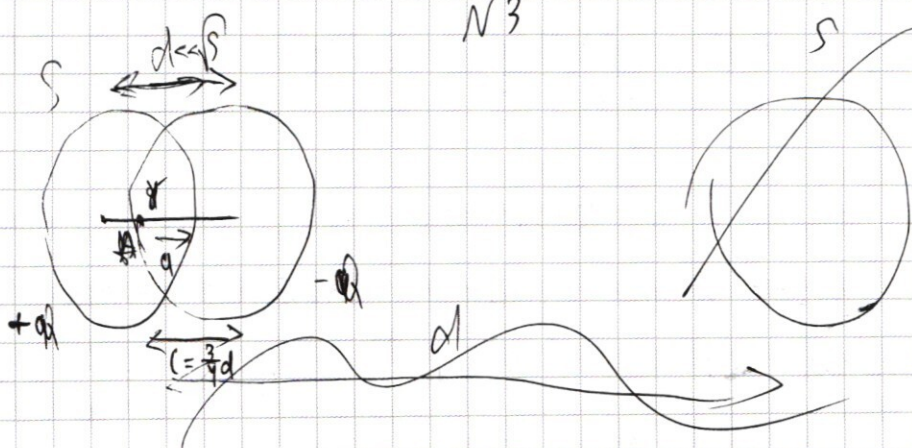
$$p_4 = 0$$

$$\eta_{\max} = 1 - \frac{1}{\gamma} = 20\% = \frac{A_{\max}}{Q_{\max}}$$

$$\eta_{\max} = \frac{A_{\max} - p_3 dV}{Q_{\max} - c_p dT} = \eta_{\max} - \frac{p_3 dV}{Q_{\max} - c_p dT} =$$

$$= \eta_{\max} - \frac{p_3 dV}{c_p (T_3 - dT)} = \eta_{\max} - \frac{p_3 dV}{\frac{c_p}{\gamma} (p_3 V_3 - p_3 dV)} = \eta_{\max} - \frac{2}{\gamma} \frac{dV}{V_3 - dV}$$

№ 3



$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

$$u = \gamma E$$

$$l = \frac{q T^2}{2} \Rightarrow a = \frac{2l}{T^2} = \gamma \frac{Q}{S \epsilon_0} \Rightarrow Q = \frac{3 d S \epsilon_0}{2 T^2 \gamma}$$

$$v_1 = a T = \frac{2l}{T} = \frac{3d}{2T}$$

$$\frac{m v_2^2}{2} = l q E$$

$$v_2^2 = 2l \frac{2l}{T^2} = \frac{9d^2}{4T^2} = \frac{3d}{2T} = v_1$$

Дано:

$i=3$

$$\frac{C_{23}}{C_{12}}, \frac{Q_{23}}{A_{23}}, \eta_{\max} - ?$$

N2

Очевидно, что:

$$T_3 > T_2 > T_1$$

Для одного моля:

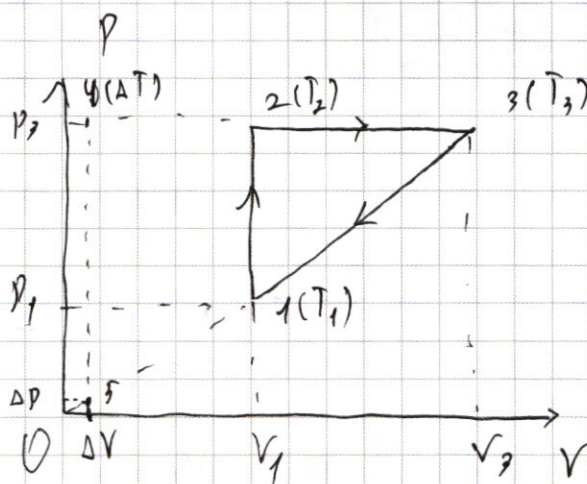
$$p_1 V_1 = R T_1$$

$$p_2 V_2 = R T_2$$

$$p_3 V_3 = R T_3$$

$$C_V = \frac{3}{2} R$$

$$C_P = \frac{5}{2} R$$



$$Q_{12} = C_V (T_2 - T_1)$$

$$Q_{23} = C_P (T_3 - T_2)$$

$$Q_{31} = C_V (T_1 - T_3) + \frac{1}{2} (p_1 + p_3) (V_1 - V_3)$$

$$\frac{C_{23}}{C_{12}} = \frac{C_P}{C_V} = \frac{5}{3} \approx 1,67$$

$$\frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{C_V (T_3 - T_2)}{p_2 (V_3 - V_1)} + 1 = \frac{3}{2} \frac{p_2 (V_3 - V_1)}{p_2 (V_3 - V_1)} + 1 = 2,5$$

~~Задача~~ Закрепим точку 3 и допустим, что максимальная КПД достигается, когда точка 1 уйдет в начало координат (преждевременно броска к нему), обозначим этот КПД $\eta_{\max} = \frac{A_{\max}}{Q_{\max}}$, где $A_{\max}$ и $Q_{\max}$ — работа и подводимое тепло соотв. в этом цикле.

Теперь сдвинем жиком эту точку (в точку 5): $2 \rightarrow 4$. Новое КТД:

$$\eta'_{\max} = \frac{A_{\max} - \Delta A}{Q_{\max} - \Delta Q}; \quad \Delta A \approx p_2 \Delta V$$

$$\Delta Q = \frac{C_V}{R} \frac{\Delta P}{\Delta T} \Delta V$$

$$C_V \left(\frac{\Delta P \Delta V}{R} - 0 \right) + C_P (\Delta T - 0) \approx C_P \Delta T$$

$$R \Delta T = p_2 \Delta V, \text{ тогда:}$$

$$\eta'_{\max} = \frac{A_{\max} - p_2 \Delta V}{Q_{\max} - \frac{5}{2} p_2 \Delta V}$$

$$\text{Ответ: } \frac{C_{23}}{C_{12}} \approx 1,67; \quad \frac{Q_{23}}{A_{23}} = 2,5$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 4

$$E - U_1 > U_1 \Rightarrow \mathcal{E}_i = L \dot{I} = E - U_1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \dot{I} = \frac{E - U_1}{L} = \frac{9 - 5}{0,1} \frac{\text{В}}{\text{Г}} = 40 \frac{\text{В}}{\text{Г}}$$

$$Eq = \frac{L I^2}{2} + \frac{C}{2} (U_2^2 - U_1^2)$$

$$q = C(U_2 - U_1)$$

$$L I^2 = 2 E C (U_2 - U_1) - C (U_2^2 - U_1^2)$$

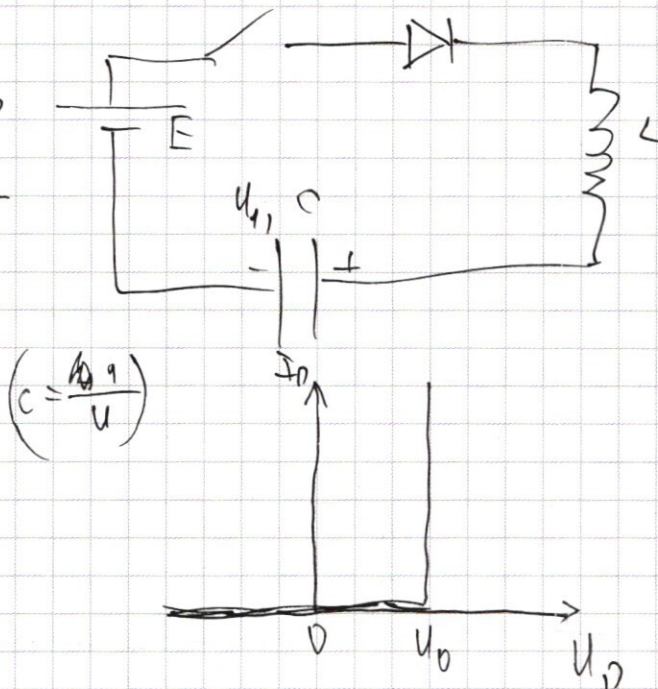
$$I^2 = \frac{C}{L} (U_2 - U_1) (E - U_2 - U_1)$$

$$I^2|_{U_2=0} = 0 = E - U_2 - U_1 - U_2 + U_1 = E - 2U_2 \Rightarrow U_2 = \frac{E}{2}$$

$$I = \sqrt{\frac{C}{L} \left(\frac{E}{2} - U_1 \right)^2} = \left(\frac{E}{2} - U_1 \right) \sqrt{\frac{C}{L}} = \left(\frac{9}{2} - 5 \right) \sqrt{\frac{4 \cdot 10^{-5}}{0,1}} \text{ А}$$

$$= 0,5 \cdot 0,002 \text{ А} = 0,001 \text{ А} = 1 \text{ мА}$$

$$U_2' = E - U_0 = 4 \text{ В}$$



N 3

Дано:
 $S, d, T, \gamma = \frac{q}{m}$
 $V_1, Q, V_2 = ?$

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

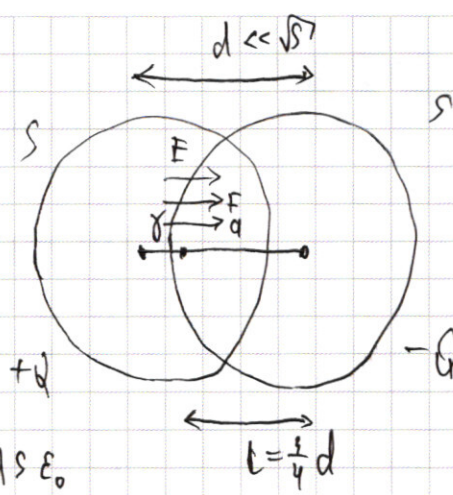
$$\sigma = \frac{Q}{S}$$

по 2-у з. Ньютона:

$$ma = qE \Rightarrow a = \gamma E$$

$$l = \frac{aT^2}{2} \Rightarrow a = \frac{2l}{T^2} = \gamma \frac{Q}{S\epsilon_0} \Rightarrow Q = \frac{3dS\epsilon_0}{2T^2\gamma}$$

$$V_1 = aT = \frac{2l}{T} = \frac{3d}{2T}$$



П.к. $d \ll \sqrt{S}$, то уже сразу после вылета частицы из конденсатора можно считать что поле не будет на нее действовать (если там не будет)

Тогда: $V_2 = V_1$

Ответ: $V_1 = \frac{3d}{2T}$; $Q = \frac{3dS\epsilon_0}{2T^2\gamma}$; $V_2 = V_1 = \frac{3d}{2T}$

N 4

Дано:
 $E = 9B$
 $C = 40 \mu F$
 $U_1 = 5B$
 $L = 1,1 \text{ мГн}$
 $U_0 = 1B$

$I_0, I_{max}, U_2 = ?$

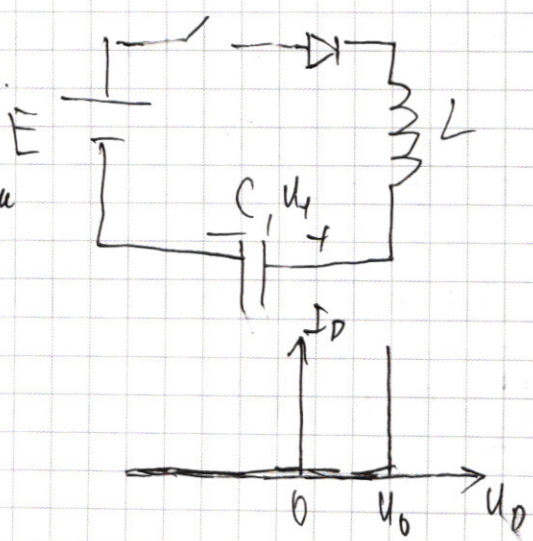
$E - U_1 = 4B > 1B = U_0 \Rightarrow$
 после замыкания так будет.

~~По закону Ома~~
 По закону для участка цепи
 после замыкания:

$$\mathcal{E}_i + E - U_1 = 0$$

$$\mathcal{E}_i = -L \dot{I}_0$$

$$\dot{I}_0 = \frac{E - U_1}{L} = 40 \frac{B}{C}$$



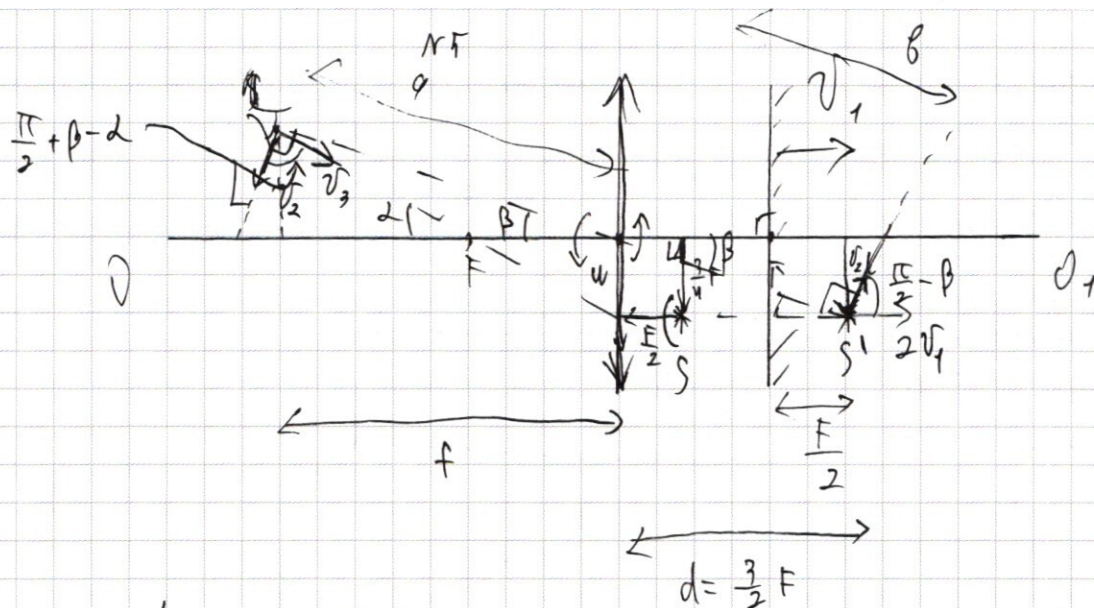
Для некоторого момента по 3е з:

$$Eq = \frac{L I^2}{2} + \frac{C}{2} (U_2'^2 - U_1^2)$$

$$q = C(U_2' - U_1)$$

$$I^2 = \frac{C}{L} (U_2' - U_1)(E - U_2 - U_1)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} \Rightarrow f = \frac{dF}{d-F} = 3F$$

$$tg \alpha = \frac{L}{f - F} \textcircled{5}; \quad \frac{L}{f} = \frac{d}{d} \Rightarrow L = 3 \cdot \frac{2}{4} F = \frac{3}{2} F$$

$$\textcircled{D} \frac{3}{4}$$

$$V_1 = V_2 \cos\left(\frac{\pi}{2} + \theta - \alpha\right) = V_2 \sin(\alpha - \theta)$$

$$\tan \beta = \frac{1}{2} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$y = \frac{\cos^2 \theta}{1 - \cos^2 \theta} \Rightarrow \cos^2 \theta = \frac{y}{y+1} \Rightarrow \cos \theta = \frac{2}{\sqrt{y+1}}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \frac{4}{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$v_2 = 2v_1 \cos\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right) = 2v_1 \sin\beta = \frac{2}{\sqrt{5}} v_1$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \sin \beta \cos \alpha =$$
$$= \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{\sqrt{5}} - \frac{1}{\sqrt{5}} \cdot \frac{4}{5} = \frac{2}{5\sqrt{5}}$$

$$\frac{9}{16} = \frac{\sin^2 2}{1 - \sin^2 2} \Rightarrow \sin 2 = \sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5}$$

$$v_3 = \frac{2}{3\sqrt{3}} \cdot \frac{2}{\sqrt{3}} v_1 = \frac{4}{27} v_1$$

$$(I^2)'_{u_2} = 0 = E - u_2 - u_1 - u_2 + u_1 = E - 2u_2 \Rightarrow u_2 = \frac{E}{2}$$

Потенциалы:

$$I_{\max} = \sqrt{\frac{C}{L} \left(\frac{E}{2} - u_1 \right)^2} = \left| \frac{E}{2} - u_1 \right| \sqrt{\frac{C}{L}} = 1 \text{ мА}$$

Когда суммарное ЭДС спустится до U_0 конденсаторов, ток перестанет течь (уменьшится) $\Rightarrow$ появится E ; и тогда снова будет пробит. ~~Значит~~ Значит напряжение установится так, что:

$$u_2 = E - U_0 = 4 \text{ В}$$

$$\text{Ответ: } i_0 = 40 \frac{\text{А}}{\text{с}}; I_{\max} = 1 \text{ мА}; U_2 = 4 \text{ В.}$$

Дано:

$$l = \frac{3}{4} F, v_1, F$$

$$f, d, v_3, !$$

Искно, что u_2 изобраз. в зеркале движ. со скор $2v$ и

но график для точ. маш. $d = \frac{3}{2} F$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f} + \frac{1}{d} \Rightarrow f = \frac{dF}{d-F} = 3F$$

луч AB будет от. на месте $\Rightarrow f$

$\Rightarrow S_2$ будет движ. вдоль него

$$\tan \alpha = \frac{L}{f+F} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{L}{F} = \frac{L}{d} \Rightarrow L = \frac{3}{2} F$$

A S' - ~~двиг.~~ вращ. отн. центрами. $\Rightarrow$

$$\Rightarrow v_2 = 2v \cos\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right) = 2v \sin \beta$$

$$v_3 = v_2' \cos\left(\frac{\pi}{2} + \beta - \alpha\right) = v_2' \sin(\alpha - \beta)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$v_k = 68 \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{4}{5} \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 48 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

$$V_x^2 = V_x^2 \sin^2(\alpha + \beta) + (V_x \cos(\alpha + \beta) - V)^2 \in$$

$$\sin 2 = 1 - \frac{15^2}{17^2} = \frac{289 - 225}{17} = \frac{8}{17}$$

$$\sin \theta = \sqrt{1 - \frac{42^2}{5^2}} = \frac{\sqrt{25 - 161}}{5} = \frac{3}{5}$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha = \frac{8}{17} \cdot \frac{4}{5} + \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{17} = \frac{32 + 45}{85} = \frac{77}{85}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cos\beta - \sin\alpha \sin\beta = \frac{15}{17} \cdot \frac{4}{5} - \frac{8}{17} \cdot \frac{3}{5} = \frac{60 - 24}{85} = \frac{36}{85}$$

$$\textcircled{E} \quad 48^2 \frac{77^2}{85^2} + \left(48 \frac{36}{85} - 68\right)^2 \frac{(\frac{cm}{c})^2}{c} = \frac{48^2 \cdot 77^2}{85^2} + \frac{(48 \cdot 36 - 68 \cdot 85)^2}{85^2} \left(\frac{cm}{c}\right)^2$$

$$v'_R = \frac{\sqrt{48^2 \cdot 77^2 + (48 \cdot 36 - 68 \cdot 85)^2}}{85} = \frac{4}{85} \cdot \sqrt{122 \cdot 77^2 + (12 \cdot 36 - 17 \cdot 85)^2} \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

$$= \frac{4}{85} \sqrt{144 \cdot (4900 + 980 + 49) + (432 - 1449)^2} \frac{\text{cm}}{s}$$

$$v_k^{12} = v^2 + v_k^2 - 2v v_k \cos(2 + \rho) = 68^2 + 48^2 - 2 \cdot 68 \cdot 48 \cdot \frac{36}{85} \left(\frac{\text{km}}{\text{h}}\right)^2$$

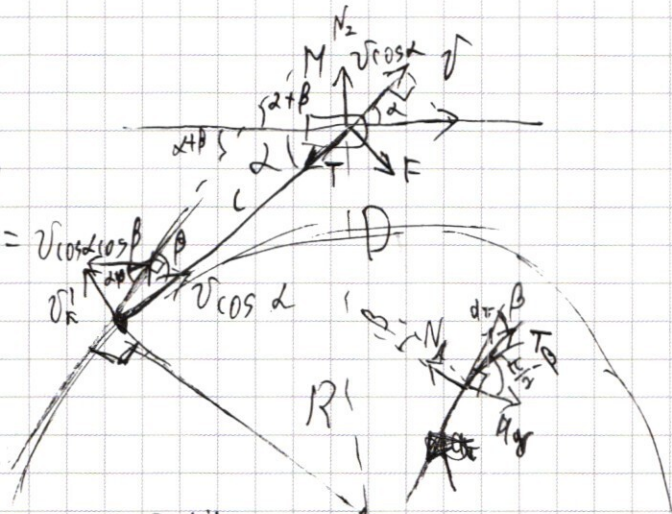
$$v_K' = 4 \sqrt{17^2 + 12^2 - 2 \cdot 17 \cdot 12 \cdot \frac{36}{85}} \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 4 \sqrt{289 + 144 - \frac{24 \cdot 96}{5}} \frac{\text{cm}}{\text{s}} =$$

$$= 4 \sqrt{433 - \frac{864}{5}} \frac{\text{cm}}{c} = 4 \sqrt{433 - 172,8} \frac{\text{cm}}{c} = 4 \sqrt{260,2} \frac{\text{cm}}{c} \approx 4 \cdot 16 \frac{\text{cm}}{c} = 64 \frac{\text{cm}}{c}$$

$$N \sin \beta = T$$

$$m a_r = T \sin \beta - N$$

$$m \frac{v_k^2}{R} = T \left(\sin \beta - \frac{1}{\sin \beta} \right) \Rightarrow T = \frac{m v_k^2}{R \left(\sin \beta - \frac{1}{\sin \beta} \right)} = \frac{0,1 \cdot 48^2}{1,9 \cdot \left(\frac{3}{5} - \frac{5}{3} \right)} \text{ N} = \frac{48^2 \cdot 15}{19 \cdot 16} \text{ N} = - \frac{12^2 \cdot 15}{19} \text{ N}$$



$$D^2 = R^2 + B^2 - 2RB \cos(4-10)$$

$$\sin \alpha = \frac{3}{5}; \cos \alpha = \frac{4}{5}; \sin \beta = \frac{1}{\sqrt{5}}; \cos \beta = \frac{2}{\sqrt{5}}; \tan \beta = \frac{1}{2}$$