

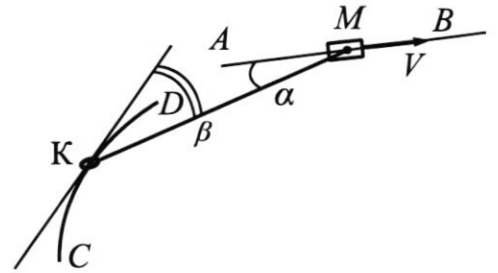
Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-02

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

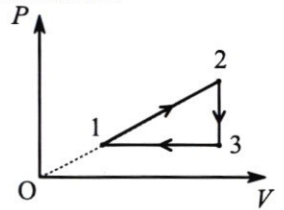
1. Муфту М двигают со скоростью $V = 40$ см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,7$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 3/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



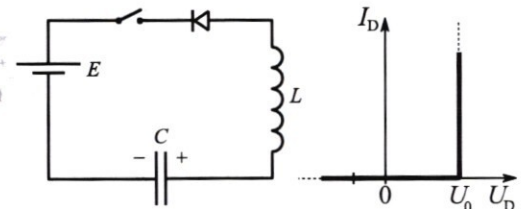
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается между обкладками на расстоянии $0,2d$ от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите продолжительность T движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение U на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

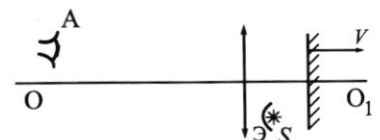
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 3$ В, конденсатор емкостью $C = 20$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 6$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,2$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии плоскости $F/3$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1

Дано:

$$V = 0,4 \text{ м/с}$$

$$m = 1 \text{ кг}$$

$$R = 1,7 \text{ м}$$

$$l = \frac{17R}{15}$$

$$\cos \alpha = \frac{3}{5}$$

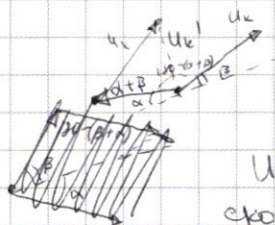
$$\cos \beta = \frac{8}{17}$$

1) U_k - ?

2) U_k' - ?

3) T - ?

рис. 2



Из теоремы косинусов для треугольника скоростей (см. рис. 2):

$$U_k'^2 = U_k^2 + V^2 - 2 \cdot U_k \cdot V \cdot \cos(\alpha + \beta)$$

$$\cos \alpha = \frac{3}{5} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{4}{5}$$

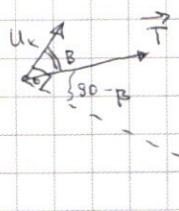
$$\cos \beta = \frac{8}{17} \Rightarrow \sin \beta = \frac{\sqrt{289-64}}{17} = \frac{15}{17}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta =$$

$$= \frac{3}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{4}{5} \cdot \frac{15}{17} = -\frac{60-24}{5 \cdot 17} =$$

$$= -\frac{36}{5 \cdot 17}$$

$$U_k' = \sqrt{40^2 + 51^2 - 2 \cdot 40 \cdot 51 \cdot \frac{36}{5 \cdot 17}} = \sqrt{1600 + 2601 + 1728} = \sqrt{5929} = \sqrt{77^2} = 77 \text{ см/с}$$



Из 2-ого 3-на Ньютона для кольца в проекции на Oy:

$$T_y = m a_y = m \frac{U_k'^2}{R} = T \cdot \cos(90^\circ - \beta) = T \cdot \sin \beta$$

$$T = \frac{m U_k'^2}{\sin \beta \cdot R} = \frac{1 \cdot 77^2 \cdot 10^{-4}}{\frac{15}{17} \cdot 1,7} = 34 \cdot 51 \cdot 10^{-4} = 1734 \cdot 10^{-4} \text{ Н} = 173,4 \text{ мН}$$

Ответ: 1) 51 см/с 2) 77 см/с 3) 173,4 мН

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

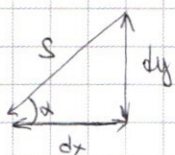
Очевидно, что исходя из рис. 3 ^{и формул} изображение сместится ~~вправо~~ и вниз.

$$dx = A'B' - AB = F \cdot \frac{5F + 6Vdt}{2F + 6Vdt} - 2,5F = F \cdot \frac{5F + 6Vdt - 5F - 15Vdt}{2F + 6Vdt} =$$

$$= -F \cdot \frac{9Vdt}{2F + 6Vdt}$$

$$dy = H'H'_1 - HH_1 = \frac{8F}{15} \cdot \frac{3F}{2F + 6Vdt} - \frac{12F}{15} = \frac{4F}{5} \cdot \frac{2F - 2F - 6Vdt}{2F + 6Vdt} =$$

$$= -\frac{4F}{5} \cdot \frac{6Vdt}{2F + 6Vdt}$$



$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{dy}{dx} = \frac{\frac{4F}{5} \cdot \frac{6Vdt}{2F + 6Vdt}}{F \cdot \frac{9Vdt}{2F + 6Vdt}} = \frac{4 \cdot 6}{5 \cdot 9} = \frac{8}{15}$$

$$\alpha = \operatorname{arctg} \left(\frac{8}{15} \right)$$

$$S^2 = dx^2 + dy^2 = 2V^2 dt^2 \cdot \left(\frac{81}{(2F + 6Vdt)^2} + \frac{16 \cdot 36}{25 \cdot (2F + 6Vdt)^2} \right) =$$

$$= 9F^2 V^2 dt^2 \cdot \left(\frac{225}{25 \cdot 9} + \frac{64}{16 \cdot 4} \right) = 9F^2 V^2 dt^2 \cdot \frac{289}{25 (2F + 6Vdt)^2}$$

$$dt \rightarrow 0 \Rightarrow \frac{6Vdt \ll 2F}{\text{игнорировать}} \Rightarrow S \approx \frac{3F V dt \cdot 17}{5 \cdot 2F} = \frac{51}{10} V dt$$

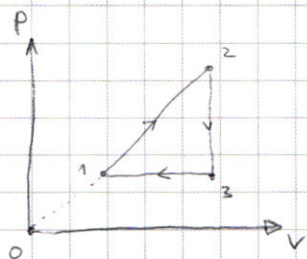
$$V' = \frac{S}{dt} = 5,1V$$

Ответ: 1) $2,5F$

2) $\operatorname{arctg} \left(\frac{8}{15} \right)$

! а взап острый угол.
Если нужен именно тупой, то $\pi - \alpha =$
 $= \pi - \operatorname{arctg} \left(\frac{8}{15} \right)$

3) $5,1V$



1-2: прямая пропорциональность $P(V)$

$$V \uparrow \Rightarrow A > 0$$

$$T \uparrow \Rightarrow \Delta U > 0 \quad \gamma \Rightarrow Q > 0$$

2-3: изохора

$$V = \text{const} \Rightarrow A = 0$$

$$P \downarrow \Rightarrow T \downarrow \Rightarrow \Delta U < 0 \quad \gamma \Rightarrow Q < 0$$

3-1: изобара

$$P = \text{const}$$

$$V \downarrow \Rightarrow A < 0$$

$$T \downarrow \Rightarrow \Delta U < 0 \quad \gamma \Rightarrow Q < 0$$

1. Температура понижается на участках 2-3 и 3-1, изохоре и изобаре соответственно, $\Rightarrow$ нужно найти $\frac{C_{2-3}}{C_{3-1}}$

$$C_{2-3}: Q = A + \Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T = C_{2-3} \nu \Delta T \Rightarrow C_{2-3} = \frac{3}{2} R$$

$$C_{3-1}: Q = A + \Delta U = P \Delta V + \frac{3}{2} \nu R \Delta T = \frac{5}{2} \nu R \Delta T = C_{3-1} \nu \Delta T \Rightarrow$$

$$C_{3-1} = \frac{5}{2} R$$

$$C_{2-3} : C_{3-1} = 3:5$$

2. 1-2: $Q = A + \Delta U =$

$$A = \frac{1}{2} \cdot (2P + \Delta P) \cdot \Delta V = \frac{1}{2} \cdot (P_1 + P_2) \cdot (V_2 - V_1) =$$

$$= \frac{1}{2} (P_1 V_2 + P_2 V_2 - P_1 V_1 - P_2 V_1)$$

Из соотношения прямой пропорциональности,

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{V_1}{V_2} \Rightarrow P_1 V_2 = P_2 V_1 = 0$$

$\Downarrow$

$$A = \frac{1}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1) = \frac{1}{2} \nu R \Delta T \quad \gamma \Rightarrow Q = 2 \nu R \Delta T$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$$

$$\frac{Q}{A} = \frac{2 \nu R \Delta T}{\frac{1}{2} \nu R \Delta T} = 4$$

3. ~~Пусто~~

~~Более точную оценку, чем $\eta < 100\%$ получить невозможно без оценки возможных значений P, V .
Решаем это.~~

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Пусть $\frac{p_2}{p_1} = \frac{V_2}{V_1} = n$; Тогда $\frac{T_2}{T_1} = n^2$.

По формуле Карно для ~~каждого цикла~~ $\eta_{\max} = \frac{T_2 - T_1}{T_2} = 1 - \frac{1}{n^2}$,
при $n \rightarrow \infty$ $\frac{1}{n^2} \rightarrow 0 \Rightarrow \eta_{\max} < 1$

Для этого цикла верно: $\eta = \frac{A}{Q}$; Q подается только на
процессе 1-2: $Q = Q_{1-2}$

$$A = \frac{1}{2}(p_2 - p_1)(V_2 - V_1)$$

$$\eta = \frac{A}{Q} = \frac{\frac{1}{2}(p_2 - p_1)(V_2 - V_1)}{2VR(T_2 - T_1)} = \frac{1}{4} \cdot \frac{p_2 V_2 - p_1 V_2 - p_2 V_1 + p_1 V_1}{p_2 V_2 - p_1 V_1} =$$

$$= \frac{1}{4} \cdot \frac{p_1 V_1 \left(\frac{p_2 V_2}{p_1 V_1} - \frac{V_2}{V_1} - \frac{p_2}{p_1} + 1 \right)}{p_1 V_1 \left(\frac{p_2 V_2}{p_1 V_1} - 1 \right)} = \frac{1}{4} \cdot \frac{(n^2 - 2n + 1)}{n^2 - 1} =$$

$$= \frac{1}{4} \cdot \frac{(n-1)^2}{(n-1)(n+1)} = \frac{1}{4} \cdot \frac{n-1}{n+1} = \frac{1}{4} \cdot \left(1 - \frac{2}{n+1} \right)$$

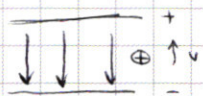
$$n \rightarrow \infty \Rightarrow \frac{2}{n+1} \rightarrow 0 \Rightarrow \eta_{\max} = 25\%$$

Ответ: 1) 3:5
2) 4
3) 25%

↓
 V_1
 $Q, 2d$
 $\frac{q}{m} = \gamma$
1) $T = ?$
2) $V = ?$
3) $V_0 = ?$

N3
1) Поле между обкладками можно считать однородным.
Тогда: ① $F = \text{const} \Rightarrow a = \text{const}$, движение равно-
② Это поле противодействует ^{медленнее} положительно
заряженной частице, а не разгоняет её,
(т.к. частица останавливается) $\Rightarrow$ частица

влетает со стороны отрицательно заряженной обкладки, пролетает $d - 0,2d = 0,8d$ и останавливается



Из уравнения равнозамедл. движения

$$0 = V_1 - aT, \text{ где } a - \text{модуль ускорения частицы}$$

$$a = \frac{V_1}{T}$$

$$S = 0,8d = V_1 T - \frac{aT^2}{2} = V_1 T - \frac{V_1 T}{2} = \frac{V_1 T}{2}$$

$$T = \frac{1,6d}{V_1}$$

2) ~~из 1-го з-на~~ из 1) $a = \frac{V_1}{T} = \frac{V_1^2}{1,6d}$

$$F = qE = ma \text{ (из 2-ого з-на Ньютона)}$$

$$a = \frac{V_1^2}{1,6d} = \frac{qE}{m}; E = \frac{U}{d}$$

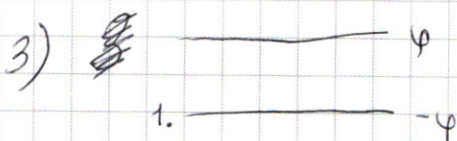
$$\frac{V_1^2}{1,6d} = \gamma \frac{U}{d}$$

$$U = \frac{V_1^2}{1,6\gamma}$$

Аналогично, из 3-го сохранения энергии:

$$\frac{mV_1^2}{2} = qE \cdot 0,8d$$

$$U = \frac{V_1^2}{1,6\gamma} \quad \begin{matrix} \nearrow \\ \text{модуль} \end{matrix}$$



$$\varphi - (-\varphi) = U$$

$$2\varphi = U \rightarrow \varphi = \frac{U}{2}$$

В точке 1. потенциал от "+" пластины $\frac{\varphi}{d}$
от "-" пластины $-\varphi$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

В ∞ потенциал 0 $\Rightarrow U' = \Delta\varphi = \frac{\varphi}{d} - \varphi = 0 = \varphi \cdot \frac{1-d}{d}$

Тогда из 3-го сохранения энергии:

$$\frac{mV_0^2}{2} = qU' + \frac{mV_1^2}{2} \quad | : \frac{m}{2}$$

$$V_0^2 = 2qU' + V_1^2$$

$$V_0^2 = 2 \cdot \varphi \cdot \frac{1-d}{d} + V_1^2$$

$$V_0^2 = U \cdot \frac{1-d}{d} + V_1^2 = \frac{V_1^2}{1,6\gamma} \cdot \frac{1-d}{d} + V_1^2$$

$$V_0 = V_1 \cdot \sqrt{\frac{1-d}{1,6\gamma d} + 1}$$

Ответ: 1) $T = \frac{1,6d}{V_1}$

2) $U = \frac{V_1^2}{1,6\gamma}$

3) $V_0 = V_1 \cdot \sqrt{\frac{1-d}{1,6\gamma d} + 1}$

N4

1) Запишем правило Кирхгофа для
цепи: $\mathcal{E}$ в произвольный
момент времени:

$$\mathcal{E} = -L\dot{I} + U + U_0$$

$$\dot{I} = \frac{\mathcal{E} - U - U_0}{L}$$

По диоду ток течет, т.к. в нач. момент времени напр. $\neq 0$
отсюда для начального момента времени $\dot{I} = \frac{2}{0,2} = 10$

1) $\dot{I} - ?$ Дано:

2) $I_{\max} - ?$ $\mathcal{E} = 3\text{В}$
 $C = 20 \cdot 10^{-6}\text{Ф}$

3) $U_{\text{уст.}} - ?$ $U_1 = 6\text{В}$
 $L = 0,2\text{Гн}$
 $U_0 = 1\text{В}$

2) Если $I_{\max}$, то $\dot{I} = 0$. Тогда из ~~з-на сохранения~~

1) получается, что $U_k = \epsilon$. *

~~Тогда запишем з-н~~

Рассмотрим, какой заряд прошёл через источник. На конденсаторе был заряд $q_0 = C U_0$, а стал $q_1 = C U_k$

$$\Delta q = q_1 - q_0$$

$$\text{Тогда } A_{\text{ист}} = \Delta q \epsilon = C \cdot (U_k - U_0) \cdot \epsilon$$

~~Запишем з-н сохранения энергии:~~

* Однако, у нас есть джо, Если $U_k = \epsilon$,

то ~~так~~ $U_0 = 0$, ток не идёт.

Тогда возьмём минимально возможной

U_0 и запишем з-н Сохранения энергии.

$$U_k = \epsilon - U_0 \Rightarrow \text{Аист} = C \cdot U_0 \cdot \epsilon$$

$$A_{\text{ист}} = C \cdot (U_1 - \epsilon + U_0) \cdot \epsilon$$

$$W_{k0} = \frac{C U_1^2}{2} \quad W_{k1} = \frac{C (\epsilon - U_0)^2}{2}$$

$$E_{k0} = 0 - \text{энергия катушки 1, т.к. } I_0 = 0 \text{ А}$$

$$E_{k1} = \frac{L I_{\max}^2}{2} \text{ энергия катушки 2}$$

З-н сохранения энергии:

$$W_{k0} + A_{\text{ист}} + 0 = W_{k1} + E_{k1} \quad | : 2$$

$$C U_1^2 + 2C(U_1 - \epsilon + U_0)\epsilon = C(\epsilon - U_0)^2 = L I_{\max}^2$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$I_{\max}^2 = \frac{C \cdot (U_1^2 + 2E(U_1 - E + U_0) - (E - U_0)^2)}{L}$$

$$I_{\max} = \sqrt{\frac{100 \cdot 10^{-6}}{92} \cdot (36 + 2 \cdot 3 \cdot 4 - 4)} = 10^{-2} \cdot \sqrt{56} = 2\sqrt{14} \cdot 10^{-2} \approx 75 \mu A$$

3) $U = \text{const} \Rightarrow q = \text{const} \Rightarrow \dot{q} = I = 0$
 ~~$\dot{U} = 0$~~
 $\dot{I} = 0$
 $\Downarrow$
 $E_k = 0$

~~$U_k = E$~~ ~~$U_0 = 2B$~~ ~~$U_k = E$~~
 $U_k = E - U_0 = 2B$

Ответ: 1) $\dot{I} = 10$

2) $I_{\max} = 75 \mu A$

3) $2B$



☐ черновик ☐ чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № ____
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

5929

$$\begin{array}{r} \times 27 \\ 27 \\ \hline 69 \\ 539 \\ \hline 579 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 23 \\ 23 \\ \hline 69 \\ 539 \\ \hline 579 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 77 \\ 77 \\ \hline 539 \\ 539 \\ \hline 5929 \end{array}$$

$$a = \frac{V_1}{T}$$

$$0,8d = V_1 T - \frac{V_1 \cdot T^2}{2} = V_1 \cdot \frac{T}{2}$$

$$T = \frac{1,6d}{V_1}$$

$$F = qE = ma$$

$$qE = m \cdot \frac{V_1}{T} = m \cdot \frac{V_1^2}{1,6d}$$

$$1,6 qEd = mV_1^2$$

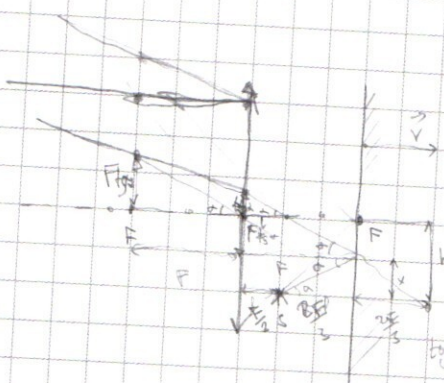
$$1,6 qEd = V_1^2$$

$$U = \frac{V_1^2}{1,6q}$$

$$\frac{m \cdot V_1^2}{2} = q \cdot E \cdot 0,8d$$

$$U = \frac{V_1^2}{1,6q}$$

(N5)



$$x = (F - F \cos \alpha)$$

$$F \sin \alpha - (h - x) = F \sin \alpha - h$$

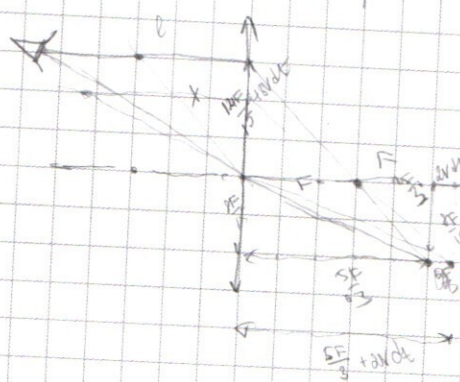
$$F \sin \alpha - F \sin \alpha + h = ?$$

$$(p_1 + p_2) \cdot (V_2 - V_1) =$$

$$= p_1 V_2 + p_2 V_2 - p_1 V_1 - p_2 V_1$$

$$p_1 V_2 = p_2 V_1$$

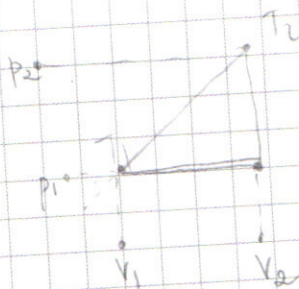
$$\frac{p_1}{p_2} = \frac{V_1}{V_2}$$



$$F \sin \alpha = \frac{5 \cdot 20 \cdot 15}{15 \cdot 15}$$

$$F = 2,5F$$

$$\frac{x}{F} = \frac{8(20F + 15V_1) \cdot 15}{15}$$



$$Q = \frac{1}{2} \nu R (T_2 - T_1)$$

$$A = \frac{1}{2} (V_2 - V_1) (p_2 - p_1)$$

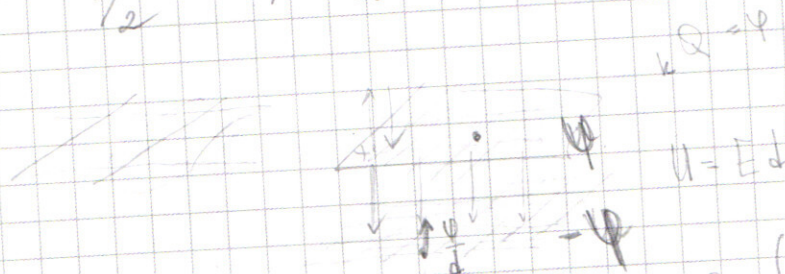
$$\eta = \frac{A}{Q} = \frac{(V_2 - V_1) (p_2 - p_1)}{p_2 V_2 - p_1 V_1} = \frac{p_2 V_2 + p_1 V_1 - p_2 V_1 - p_1 V_2}{p_2 V_2 - p_1 V_1}$$

$$\frac{p_2}{p_1} = \frac{V_2}{V_1} = n$$

$$= \frac{p_1 V_1 \left(\frac{p_2 V_2}{p_1 V_1} + 1 - \left(\frac{p_2}{p_1} - \frac{V_2}{V_1} \right) \right)}{p_1 V_1 \left(\frac{p_2 V_2}{p_1 V_1} - 1 \right)} = \frac{n^2 - 2n + 1}{n^2 - 1}$$

$$= \frac{(n-1)^2}{(n-1)(n+1)} = \frac{n-1}{n+1} = 1 - \frac{2}{n+1}$$

$$\frac{T_2 - T_1}{T_2} = 1 - \frac{1}{n^2}$$



$$\mathcal{E} = -L \dot{I} + U$$

$$\mathcal{E} - U = -L \dot{I}$$

$$\dot{I} = \frac{U - \mathcal{E}}{L} = \frac{3}{0,2} = 15$$

$$U = \mathcal{E}$$

$$\frac{q^2}{2C} = \frac{CU^2}{2}$$

$$q' = C\mathcal{E}$$

$$\Delta Q = C(\mathcal{E} - U)$$

$$\frac{q^2}{2C} + A_{\text{ext}} = \frac{C\mathcal{E}^2}{2} + \frac{L\dot{I}^2}{2}$$

56:

$$3 < \sqrt{14} < 4$$

$$2,76 < 2\sqrt{14} < 8$$

$$\begin{array}{r} \times 7,5 \\ 7,5 \\ \hline 37,5 \\ + 37,5 \\ \hline 52,5 \\ \hline 56,25 \end{array}$$