

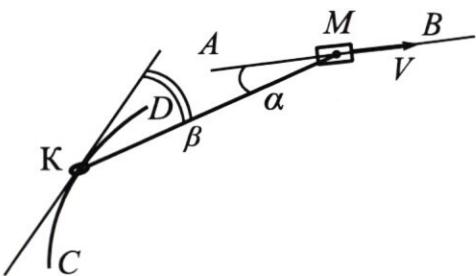
# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 11

## Вариант 11-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложения не проверяются.

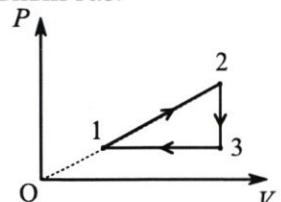
1. Муфту  $M$  двигают со скоростью  $V = 40$  см/с по горизонтальной направляющей  $AB$  (см. рис.). Кольцо  $K$  массой  $m = 1$  кг может двигаться без трения по проволоке  $CD$  в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,7$  м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной  $l = 17R/15$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 3/5$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 8/17$ ) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Термовая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



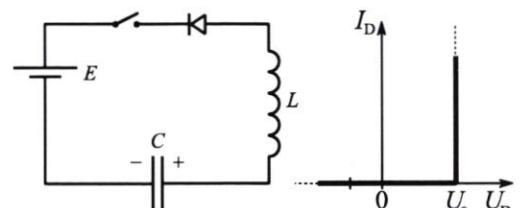
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния  $d$  между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью  $V_1$  и останавливается между обкладками на расстоянии  $0,2d$  от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы  $\frac{q}{m} = \gamma$ .

- 1) Найдите продолжительность  $T$  движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение  $U$  на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость  $V_0$  частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

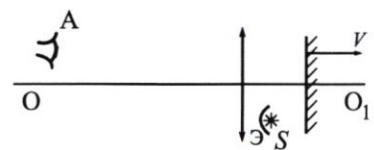
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 3$  В, конденсатор емкостью  $C = 20$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 6$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,2$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси ОО<sub>1</sub> линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $8F/15$  от оси ОО<sub>1</sub> и на расстоянии плоскости  $F/3$  от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси ОО<sub>1</sub>. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $F$  от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси ОО<sub>1</sub> движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



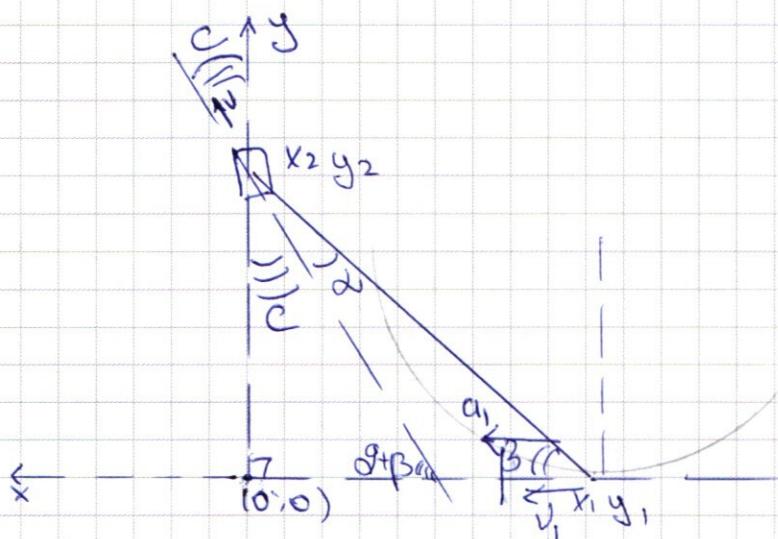


## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 1

Заданы система координат (бисектриса) имея, что движется вдоль направления движения конца,

а ось  $y$  - под углом  $90^\circ - \beta$  к направлению движения конца.



Найти:

$$c = 90 - \alpha - \beta$$

$$\dot{x}_1 = v_1 \quad x_1 + l \cos(\beta) = -l \cos(\beta)$$

$$\dot{y}_1 = 0 \quad y_1 = 0$$

$$\dot{x}_2 = v_1 \sin(c) \quad x_2 = 0$$

$$\dot{y}_2 = v_1 \cos(c) \quad y_2 = l \sin(\beta)$$

Чтобы убедиться в правильности полученных результатов:

$$e^2 = (x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2$$

$$(e^2)'_t = 2(x_2 - x_1)(\dot{x}_2 - \dot{x}_1) + 2(y_2 - y_1)(\dot{y}_2 - \dot{y}_1) = 0$$

$$2(v_1 \sin(c) - v_1) (+l \cos(\beta)) + 2(l \sin(\beta)) (v_1 \cos(c)) = 0$$

$$\begin{aligned} a) \quad v_1 &= (\sin(c) - \cos(c) \tan(\beta)) v = (\cos(\alpha + \beta) + \sin(\alpha + \beta) \cdot \tan(\beta)) v = \\ &= \frac{3}{40} \cdot 40 = 51 \text{ см/с.} \end{aligned}$$

$$\delta) V_{\text{омн}} = \sqrt{(x_1 - \dot{x}_2)^2 + (\dot{y}_2 - \dot{y}_1)^2} = \sqrt{\cos^2(\alpha) \cos^2(\beta) + \sin^2(\alpha) \sin^2(\beta)} =$$

$$= \sqrt{\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}} = \sqrt{\frac{\sin(\alpha + \beta)}{\cos \beta}} = \frac{\sqrt{(\sin(\alpha) \cos(\beta) + \cos(\alpha) \sin(\beta))^2}}{\cos \beta} =$$

$$= \frac{61}{40} \cdot 40 = 61 \text{ см/с}$$

б) Дирекционные векторы:

$$(l^2)''_t = 2(x_2 - x_1)(\ddot{x}_2 - \ddot{x}_1) + 2(\dot{x}_2 - \dot{x}_1)(\ddot{x}_2 - \ddot{x}_1) + 2(y_2 - y_1)(\ddot{y}_2 - \ddot{y}_1)$$

$$+ 2(\dot{y}_2 - \dot{y}_1)(\ddot{y}_2 - \ddot{y}_1) = 0$$

$$x_1 = -l \cos \beta \quad y_1 = 0$$

$$x_2 = 0$$

$$\therefore x_1 = a_1$$

$$\therefore x_2 = 0$$

$$\dot{x}_1 = V_1 = 51 \text{ см/с} \quad \ddot{y}_2 = 0$$

$$\dot{x}_2 = V \sin(\alpha)$$

$$\dot{y}_2 = V \cos(\alpha)$$

$$\left. \begin{array}{l} 0 = l \cos^2(\alpha) + (V \sin(\alpha) - V_1)^2 \\ - l \cos \alpha a_1 \\ a_1 = \frac{V^2 \sin^2(\alpha) + (V \cos(\alpha) - V_1)^2}{l \cos \alpha} \end{array} \right\}$$

$$b) T = \frac{a_1 m}{\cos \beta} =$$

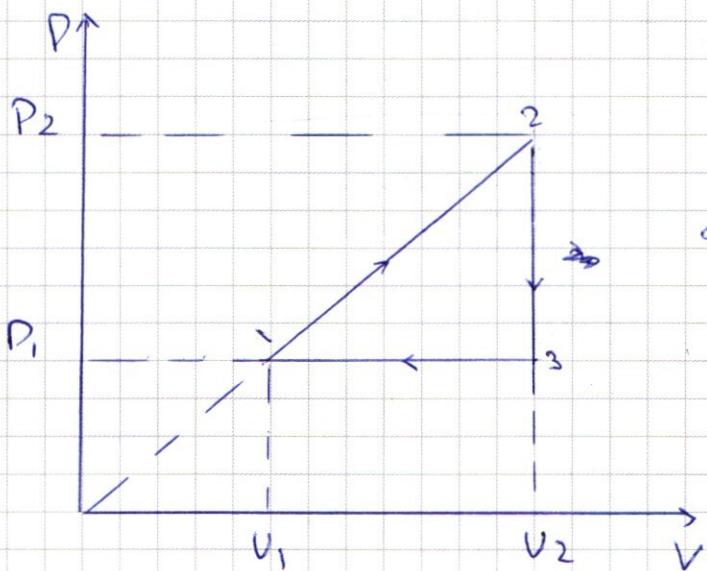
$$= \left( \frac{V^2 \sin^2(\alpha) + (V \cos(\alpha) - V_1)^2}{\frac{17R}{15} \cos^2 \beta} \right) m$$

$$= m \frac{V^2 \sin^2(\alpha) (\tan^2 \beta + 1)}{\frac{17R}{15} \cos^2 \beta} = \frac{m V^2 \sin^2(\alpha) (\tan^2 \beta + 1)}{\cos^4 \beta \frac{17R}{15}}$$

$$= \frac{\frac{61^2}{17^2} l}{\frac{64}{150}} = \frac{61^2}{64} \approx 4 \text{ м} \text{ или } 91,5 \text{ Н}$$

Очевидно: а)  $V_1 = \sqrt{(\cos(\alpha + \beta) + \sin(\alpha + \beta) \cos(\beta))^2} = \sqrt{\cos^2(\alpha + \beta) + \sin^2(\alpha + \beta) \cos^2(\beta)} \approx 91,5 \text{ Н}$  б)  $V_{\text{омн}} = 61 \text{ см/с}$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



№ 2

1. Для рисунка:

$$\frac{P_2}{V_2} = \frac{P_1}{V_1}, P_2 > P_1, V_2 > V_1$$

2. Для цикла № 2

$$T_1 = P_1 V_1$$

$$T_2 = P_2 V_2 \geq P_1 V_1 = T_1 \Rightarrow$$

В цикле № 2 температура повышение.

ра повышение.

В цикле № 3:

$$T_2 = P_2 V_2$$

$T_3 = P_1 V_2 < P_2 V_2 = T_2 \Rightarrow$  понижение температуры.

В цикле № 4:

$T_1 = P_1 V_1 < P_2 V_2 = T_3 \Rightarrow$  понижение температуры.

Для цикла:

$$A_{12} = \int_{V_1}^{V_2} \left( \frac{P_1}{V_1} \right) V dV = \left( \frac{P_1}{V_1} \right) \left( \frac{V^2}{2} \right) \Big|_{V_1}^{V_2} = \left( \frac{P_1}{V_1} \right) \left( \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} \right)$$

$$Q_{12} = \left( \frac{P_1}{V_1} \right) \left( \frac{V_2^2 - V_1^2}{2} \right) + \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1) = \frac{(V_2 - V_1)(P_1 + P_2)}{2} + \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$A_{23} = 0$$

$$Q_{23} = \frac{3}{2} D_2 (P_1 - P_2) < 0$$

н2

$$A_{31} = P_1 (V_1 - V_2)$$

$$Q_{31} = \frac{5}{2} D_1 P_1 (V_1 - V_2) < 0.$$

$$\text{а)} \frac{1}{\lambda} = \left( \frac{C_{23}}{C_{31}} \right) = \frac{\frac{\Delta T_{23}}{Q_{23}}}{\frac{\Delta T_{31}}{Q_{31}}} = \frac{\frac{V_2 (P_1 - P_2)}{\frac{3}{2} D_2 (P_1 - P_2)}}{\frac{P_1 (V_1 - V_2)}{\frac{5}{2} D_1 (V_1 - V_2)}} = \\ = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{2}{5}} = \frac{5}{3}, \quad \lambda = \frac{3}{5} = 0.6$$

$$\text{в)} \gamma = \frac{Q_{12}}{A_{12}} = \frac{(V_2 - V_1)(P_1 + P_2)}{\frac{3}{2}} + \frac{3}{2} (D_2 V_2 - D_1 V_1) = \\ = \frac{(V_2 - V_1)(P_1 + P_2)}{(V_2 - V_1)(P_1 + P_2)} = \\ = \frac{\left( \frac{P_1}{V_1} \right) (V_2^2 - V_1^2) + 3(V_2^2 \frac{2P_1}{V_1} - P_1 V_1)}{\left( \frac{P_1}{V_1} \right) (V_2^2 - V_1^2)} = \frac{(V_2^2 - V_1^2) + 3(V_2^2 - V_1^2)}{V_2^2 - V_1^2} =$$

= 4

$$\text{г)} \eta = \frac{A_{12} + A_{23} + A_{31}}{Q_{23}} = \frac{\left( \frac{P_1}{V_1} \right) \frac{(V_2^2 - V_1^2)}{2} + P_1 (V_1 - V_2)}{\left( \frac{P_1}{V_1} \right) \frac{(V_2^2 - V_1^2)}{2} + \frac{3}{2} (D_2 V_2^2 - D_1 V_1)} = \\ = \frac{(V_2^2 - V_1^2) + 2(V_1^2 - V_2 V_1)}{4(V_2^2 - V_1^2)}$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Пусть  $\frac{U_L}{U_1} = n$ , тогда  $n \neq 1$

№2

$$\eta = \frac{(n^2 - 1) + 2(1-n)}{4n^2 - 4} = \frac{(n-1)^2}{4(n-1)(n+1)} = \frac{(n-1)}{4(n+1)} \leq \frac{1}{4}$$

В пределе при  $n \rightarrow +\infty$   $\eta = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n-1}{4(n+1)} = \frac{1}{4}$

Решение: а)  $\frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{0,6}{5,0} \approx 0,12$ ; б)  $\frac{C_{12}}{A_{12}} = 4$ ; в)  $\eta_{\max} = \frac{1}{4}$ .

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

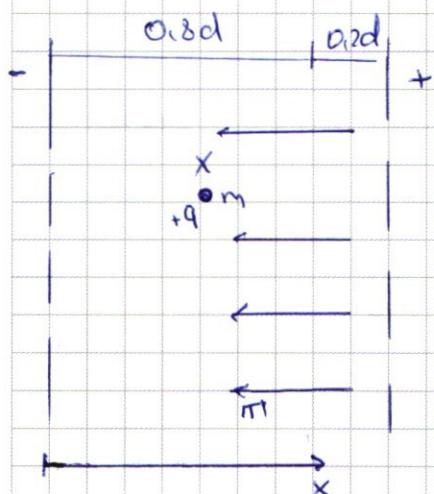
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Dано:

$$V_1 = 0,2d$$

$$d$$

$$\frac{q}{m} = \gamma$$



№3  
По условию наше вспомогательное  
однородное, тогда напряж.  $E = \frac{U}{d}$ , где  
 $U$  - заряд конденсатора. Такие конденсаторы  
имеют <sup>из</sup> создаваемое рабочее поле.  
Запишем уравнение движения грузин  
Воздух играет небольшое сопротивление  
и мы можем пренебречь им. Тогда движение  
х параллельно движению грузин.

По закону Кулона:

② Из закона сохранения  
массы:

$$\begin{aligned} x' &= qE \\ x &= \frac{qE}{m} \end{aligned}$$

$$\frac{mv_1^2}{2} = q\left(\frac{0.8d}{d}\right)$$

$$\dot{x} = V_1 - \frac{qE}{m}t = V_1 - \frac{qE}{m}t$$

$$U = \frac{mv_1^2}{q} \cdot \frac{5}{8} = V_1 \left( \frac{5}{8} \right)$$

$$E = \frac{U}{d} = \frac{V_1 \left( \frac{5}{8} \right)}{d} \left( \frac{5}{8} \right)$$

③ Из первого уравнения находим  $t$ :

$$V_1 - \frac{qE}{m}t = 0 \Rightarrow V_1 - \frac{q \cdot \frac{V_1 \left( \frac{5}{8} \right)}{d} \left( \frac{5}{8} \right)}{m} t = 0$$

$$V_1 \neq 0$$

$$1 - \frac{V_1}{8} \frac{t}{d} = 0$$

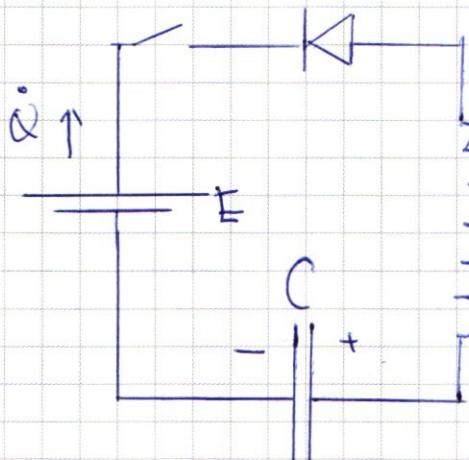
$$d = V_1 \frac{5}{8} t$$

$$t = \frac{8d}{5V_1}$$

б) Причем изображаемые линии означают идеализированные, то  
создаваемые или возможные движущиеся части равнодействующей.  
постоянную скорость заменяют на бесконечное расстояние и  
вместо этого время заменяют изображением единица  
и равна  $V_1$ .

Ответ: а)  $T = \frac{8d}{5V_1}$  б)  $U = \left(\frac{5}{8}\right) \frac{V_1}{y}^2$  в)  $V_0 = V_1$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



№ 4

В пружине имеется заряд  $Q_0 = 2 \cdot 10^{-6} \text{库}$ .  
Напряжение источника  $E = 3 \text{ В}$ .  
Индуктивность катушки  $L = 0,2 \text{ Гн}$ .  
Направление тока в катушке  $i_0 = +1 \text{ А}$ .

Приложенное к катушке напряжение будет меняться гармонически. Далее смещения уменьшаются и кончатся синусоидой. Ток же не будет. В некоторый момент времени ток в катушке равен нулю. по 2-ому правилу楞次定律:

$$E = \frac{BQ}{C} + L\ddot{Q} - U_0$$

$$\ddot{Q} + \frac{Q}{CL} = \frac{E + U_0}{L}$$

$$Q = A \sin(\omega t + \phi) + C(E + U_0), \quad \omega = \sqrt{\frac{1}{CL}}$$

~~Направление тока  
для построения~~

из начальных условий:

$$Q(0) = -U_0 C$$

$$\dot{Q}(0) = 0 \Rightarrow Q = -A \cos(\omega t) + C(E + U_0)$$

$$A + C(E + U_0) = +U_0 C$$

$$A = (+U_0 - E - U_0 C) C$$

$$\dot{Q} = C \omega (+U_0 - E - U_0 C) \sin(\omega t) = + \frac{(+U_0 - E - U_0 C)}{L} \frac{C}{L} \sin(\omega t)$$

д) Влияние активного при соединении при пассивной разрядке конденсатора, то есть при  $Q=0$ .  $\Rightarrow |\dot{Q}| = \omega C(E + U_1 + U_D)$

$$= \sqrt{\frac{C}{L}} \left( \frac{U_1 - E - U_D}{E + U_1 + U_D} \right) = \sqrt{\frac{20 \cdot 10^{-6}}{0.2}} \cdot (6 - 1 - 3) = 2 \sqrt{10^4} = 200 \text{ А}$$

$$= 0.02 \text{ А}$$

$$\dot{Q}_{(+)}) = 4\omega^2 \cos(\omega t) - \frac{C(U_1 - E - U_D)}{LC} \cos(\omega t)$$

$$a)|\dot{Q}(0)| = \frac{U_1 - E - U_D}{L} = \frac{2}{0.2} = 10 \text{ А/с.} = 10 \text{ кА/с}^2$$

Так в это время мы предположим гармонического колебания:

$$U_{D\delta} = -E - \frac{C}{L} \dot{Q} - L \ddot{Q}$$

$$E + 2U_D = -A \cos(\omega t) - A\omega^2 \cos(\omega t) + E + U_D$$

$$(U_1 - E - U_D) \cos(\omega t) + E + 2U_D + \frac{(U_1 - E - U_D) \cos \omega t}{B}$$



$$\dot{Q}_{(+)} > 0$$

$$\dot{Q}_{(+)} = \sqrt{\frac{C}{L}} (U_1 - E - U_D) \sin(\omega t) > 0, \text{ при } t = \pi - \text{ максимум.}$$

$$A \omega \sin(\omega \pi) = 0$$

$$\cos(\omega \pi) = 1$$

$$Q = -A \cos(\omega \pi) + C(E + U_D) = (U_1 - E - U_D) + C(E + U_D)$$

$$= C(2(E + U_D) - U_1) \approx$$

$$U_2 = Q = (2(E + U_D) - U_1) = 2B$$

$$\text{Чтобы } \omega |\dot{Q}(0)| = \frac{U_1 - E - U_D}{L} = 10 \text{ кА/с}^2 \Rightarrow |\dot{Q}_{max}| = \sqrt{\frac{C}{L}} (U_1 - E - U_D) = 0.02 \text{ А}$$

$$\text{также } B) U_2 = (2(E + U_D) - U_1) = 2B.$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N5

1. Чудрение в зеркале

нечет в зеркале будем  
использовать метод

зеркала, тогда  $S'$  -

- чудрение в зеркале

$$SS' = d \cdot \frac{2}{3} F =$$

$$= \frac{4}{3} F.$$

2. Расстояние  $D$  - между  $S'$  и чудрением линзы,  $D = SS' + \frac{1}{3} F$

$$= \frac{5}{3} F, d - \text{расстояние между линзой и чудрением } S'$$

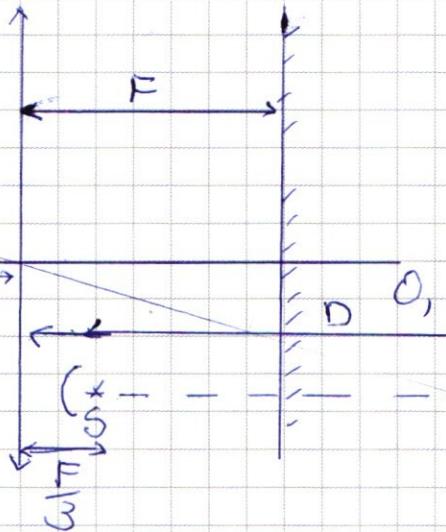
$S'$  в зеркале, тогда  $S''$  - новое чудрение, по правилу симметрии:

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{D} = \frac{1}{F}$$

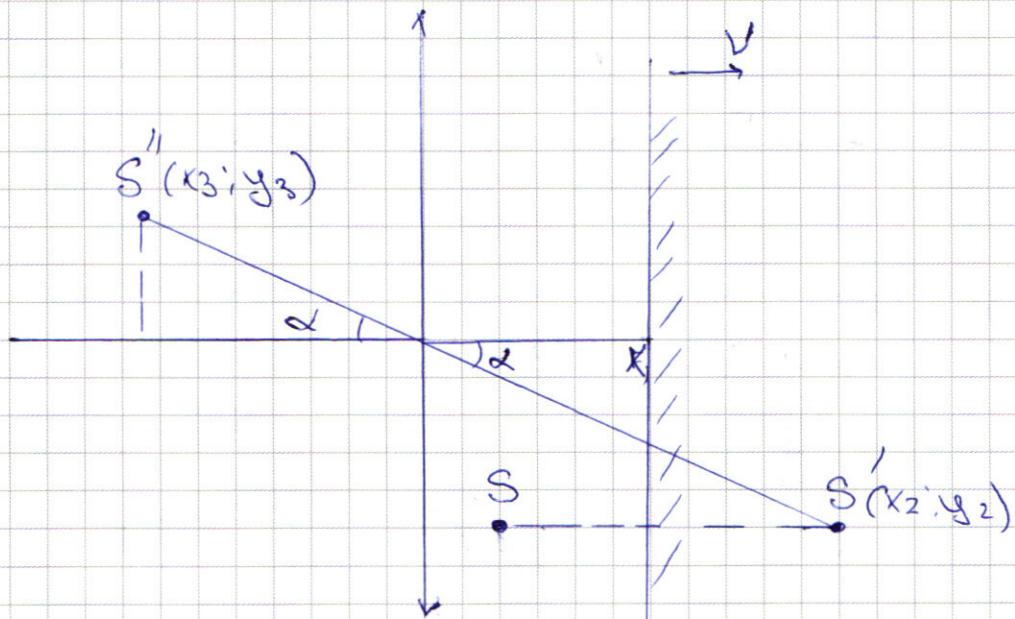
$$\frac{1}{d} + \frac{3}{5} F = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{d} = \frac{2}{5} F$$

$$a) d = \underline{\underline{\frac{5}{2} F}}$$



8) Заданы начальные координаты в системе отсчета, движущейся с постоянной скоростью  $v$ . Найдите координаты  $x_1, S'(x_2; y_2), S''(x_3; y_3)$ , где  $S'$ - изображение  $S$  в земле,  $S''$ - изображение  $S'$  в земле.



① find  $S'$ :  $y_2 = \frac{8}{15}F$  по условию.

$$x_2 = \alpha x + \frac{1}{3}F \quad \alpha(x - \frac{1}{3}F) + \frac{1}{3}F = \alpha x - \frac{1}{3}F$$

② по правилу линейного изображения получим  $S''$ :  $\frac{1}{x_3} + \frac{1}{x_2} = \frac{1}{F}$   
из подобия треугольников:

$$\frac{y_3}{x_3} = \frac{y_2}{x_2}, \text{ из полученного уравнения:}$$

$$x_3 = \frac{F(2x_1 - \frac{1}{3}F)}{\alpha x_1 - \frac{4}{3}F}$$

$$x_3 = \frac{(\alpha F x_1)(2x_1 - \frac{4}{3}F) - F(2x_1 - \frac{1}{3}F)(2\dot{x}_1)}{(\alpha x_1 - \frac{4}{3}F)^2}$$

, из условия  $\dot{x}_1(0) = v, x_1(0) = F, x_3 = \frac{5}{\alpha}F$ ,

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$③ \dot{x}_3(0) = \frac{(2FV)(2F - \frac{4}{3}F) - F(2F - \frac{1}{3}F)(2V)}{(2F - \frac{4}{3}F)^2} = \text{N5}$$

$$= V \left( \frac{\frac{4}{3} - \frac{10}{3}}{\frac{4}{9}} \right) = -\frac{g}{\alpha} V$$

$$④ y_3 = \left( \frac{x_3}{x_2} \right) \left( \frac{8}{15} F \right) = \left( \frac{8}{15} F \right) \left( \frac{x_3}{2x_1 - \frac{1}{3}F} \right)$$

$$\dot{y}_3 = \frac{x_3(2x_1 - \frac{1}{3}F) - x_3 \cdot 2\dot{x}_1}{(2x_1 - \frac{1}{3}F)^2} \left( \frac{8}{15} F \right)$$

учиновник. нн

$$\dot{x}_1(0) = V$$

$$x_3(0) = \frac{5}{2} F$$

$$\dot{x}_3(0) = -\frac{g}{\alpha} F$$

$$⑤ \ddot{y}_3(0) = \frac{\left( -\frac{g}{\alpha} V \right) (2F - \frac{1}{3}F) - \frac{5}{2} F^2 V}{(2F - \frac{1}{3}F)^2} \left( \frac{15}{8} F \right) =$$

$$= \frac{\left( -\frac{g}{\alpha} \right) \left( \frac{5}{3} \right) - 5 \cdot \left( \frac{8}{15} \right) V}{\left( \frac{5}{3} \right)^2} V = -\frac{12}{5} V$$

$$\delta) \operatorname{tg} \alpha = \frac{|\dot{y}_3|}{|\dot{x}_3|} = \left( \frac{\frac{12}{5} V}{\frac{g}{\alpha} F} \right) = \frac{8}{15}$$

$$6) V_3 = \sqrt{\dot{x}_3^2 + \dot{y}_3^2} = V \sqrt{\frac{81}{4} + \frac{144}{25}} = \sqrt{\frac{2601}{100}} V = \frac{51}{10} V = 5,1 V$$

Ответ: а)  $d = \frac{5}{2} F \delta$  б)  $\alpha = \arctg \left( \frac{8}{15} \right)$  в)  $V_3 = 5,1 V$

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\textcircled{3} \quad \ddot{x}_3(0) = \frac{(2FV)(2F - \frac{4}{3}F) - F(2F - \frac{1}{3}F)(0)V}{(2F - \frac{4}{3}F)^2} = V \left( \frac{\frac{4}{3} \cdot \frac{10}{3}}{\frac{4}{3}} \right) = \overset{N5}{=} \frac{-3}{4}V = -\frac{9}{2}V$$

$$\textcircled{4} \quad y_3 = \left( \frac{x_3}{x_2} \right) \left( \frac{8}{15}F \right) = \left( \frac{x_3}{2x_1 - \frac{1}{3}F} \right) \left( \frac{8}{15}F \right)$$

$$\dot{y}_3 = \frac{\dot{x}_3(2x_1 - \frac{1}{3}F) - x_3(2\dot{x}_1)}{(2x_1 - \frac{1}{3}F)^2} \left( \frac{8}{15}F \right), \text{ умноженное на}$$

$$\dot{x}_3(0) = -\frac{9}{2}V$$

$$\dot{x}_1(0) = V$$

$$x_3(0) = \frac{5}{2}F$$

$$x_1(0) = F$$

$$\textcircled{5} \quad \dot{y}_3 = \frac{\left( -\frac{9}{2}V \right) \left( 2F - \frac{1}{3}F \right) - \left( \frac{5}{2}F \right) (2V)}{\left( 2F - \frac{1}{3}F \right)^2} \left( \frac{8}{15}F \right) = -\frac{15}{8}W$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{|y_3|}{|\dot{x}_3|} = \left( \frac{\frac{15}{8}W}{\frac{9}{2}V} \right) = \frac{5}{2} = 2,5$$

$$\alpha = \arctg \left( \frac{5}{2} \right)$$

$$V_B = \sqrt{\dot{x}_3^2 + \dot{y}_3^2} = V \left( \sqrt{\left( -\frac{9}{2}V \right)^2 + \left( \frac{15}{8}W \right)^2} \right)$$

$$\sin(\alpha) = \frac{61}{85}$$

$$160 + u_5 \cdot \frac{\pi}{2}$$

$$V_{\text{max}} =$$

$$V_1 = (\sin(c) + \cos(c)) + i(\cos(c) + \sin(c))$$

$$(c^2)^t = 0 = 2(x_2 - x_1)(x_2^{\circ} - x_1^{\circ}) + 2(y_2 - y_1)(y_2^{\circ} - y_1^{\circ})$$

$$c^2 = (x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin(\alpha)\cos(\beta) + \sin(\beta)\cos(\alpha) =$$

## **ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА**

$$\begin{aligned}
 & \frac{\partial \Phi}{\partial x} = \frac{P_1 - P_2}{U_1 - U_2} \\
 & \frac{\partial \Phi}{\partial y} = \frac{P_2 - P_1}{U_2 - U_1} \\
 & \frac{\partial^2 \Phi}{\partial x^2} = \frac{U_2 - U_1}{U_1 U_2} \left( \frac{P_1}{P_2} + \frac{P_2}{P_1} - 2 \right) \\
 & \frac{\partial^2 \Phi}{\partial y^2} = \frac{U_1 - U_2}{U_1 U_2} \left( \frac{P_1}{P_2} + \frac{P_2}{P_1} - 2 \right) \\
 & \frac{\partial^2 \Phi}{\partial x \partial y} = \frac{U_1 U_2}{U_1 - U_2} \left( \frac{P_1}{P_2} - \frac{P_2}{P_1} \right) \\
 & \text{constant} = \frac{1 + \sqrt{5}}{1 - \sqrt{5}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \text{Уравнение} \\
 & \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + 2 \left( \frac{\partial u}{\partial t} - \frac{\partial u}{\partial x} \right) + 2 \left( 4 - \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} \right) = 0 \\
 & \text{При } x \in [0, 1], t \in [0, T] \\
 & \text{условия: } u(0, t) = 0, u(x, 0) = 0, \frac{\partial u}{\partial t}(x, 0) = 0 \\
 & \text{решение: } u(x, t) = \frac{e^{-t}}{2} \left[ \frac{(6t)^2}{(4t+5)^2} + \left( \frac{6t+5}{4t+5} - 5 \right)^2 \right] \\
 & \text{уравнение: } \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + 2 \left( \frac{\partial u}{\partial t} - \frac{\partial u}{\partial x} \right) + 2 \left( 4 - \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} \right) = 0 \\
 & \text{условия: } u(0, t) = 0, u(x, 0) = 0, \frac{\partial u}{\partial t}(x, 0) = 0 \\
 & \text{решение: } u(x, t) = \frac{e^{-t}}{2} \left[ \frac{(6t)^2}{(4t+5)^2} + \left( \frac{6t+5}{4t+5} - 5 \right)^2 \right]
 \end{aligned}$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{\sin^2(\alpha+\beta)}{\cos^2\beta} = \frac{1}{2} \left[ 1 + \tan^2(\alpha+\beta) \right]$$

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{array}{r} \cancel{1} \\ \times \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9 \\ - 6 \\ \hline 3 \end{array} \quad \begin{array}{r} 6 \\ + 9 \\ \hline 15 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 289 \\ - 64 \\ \hline 225 \end{array} \quad \begin{array}{r} 61 \\ - 10 \\ \hline 51 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 15 \\ + 16 \\ \hline 40 \end{array}$$

$$\sin \beta = \frac{15}{17}$$

$$\sin \alpha = \frac{2\sqrt{5}}{17}$$

$$\begin{array}{r} 17 \\ + 17 \\ \hline 34 \end{array} \quad \begin{array}{r} 17 \\ + 17 \\ \hline 34 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 65 \\ - 50 \\ \hline 15 \end{array} \quad \begin{array}{r} 100 \\ - 50 \\ \hline 50 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6 \\ - 5 \\ \hline 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17 \\ - 15 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17 \\ - 15 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$- (\sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta) \sin \beta -$$

$$(\cos(\alpha+\beta) - \sin(\alpha+\beta) \tan \beta)$$

$$\begin{array}{r} 48 \\ - 35 \\ \hline 13 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17 \\ - 15 \\ \hline 2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 17 \\ - 15 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$(V_{\sin(c)} - V_1) \cos(\beta) = \sin \beta V_{\cos(c)}$$

$$V_{\sin(c)} - V_1 = V_{\cos(c)} \tan(\beta)$$

$$V_1 = V(\sin(c) - \cos(c) \tan(\beta))$$

$$V_{\text{sum}} = \sqrt{(x_2^o - x_1^o)^2 + (y_2^o - y_1^o)^2} =$$

$$= \sqrt{(V \sin(c) - V_1)^2 + V \cos(c)^2}$$

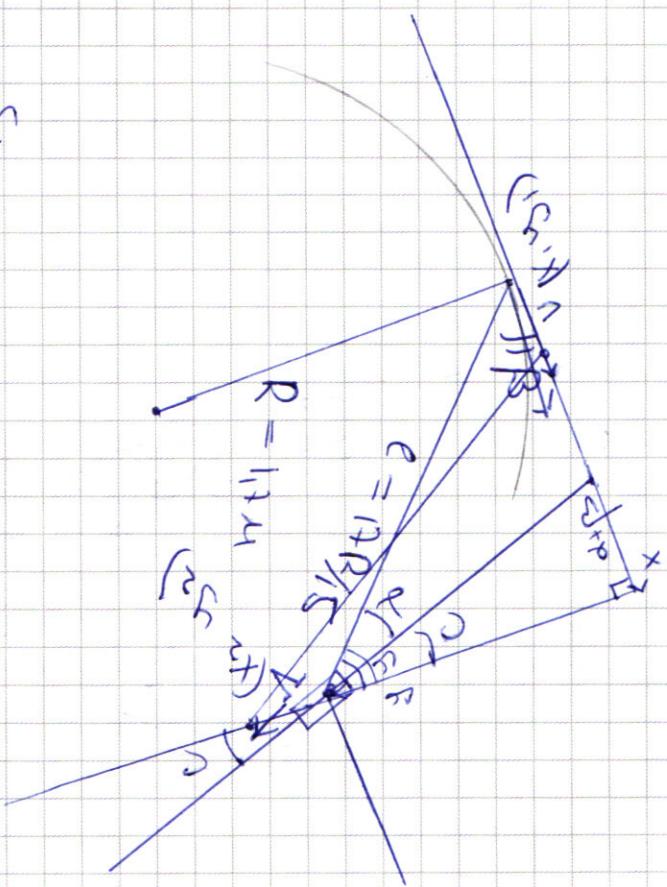
$$= \sqrt{\cos^2(c) \frac{V^2}{\cos^2 \beta} + \cos^2(c)}$$

$$= \sqrt{(\tan^2 \beta + 1) \cos^2(c)} = \sqrt{\frac{\cos c}{\cos^2 \beta}}$$

$$\Delta x^o = c$$

$$\Delta y^o = c$$

$$\Delta r^o = \Delta \phi = c$$



$$= 0 = x_1^o + y_1^o - x_2^o - y_2^o$$

$$= 0 = (x_1^o - x_2^o)(x_1^o - x_2^o) + (y_1^o - y_2^o)(y_1^o - y_2^o)$$

$$-\cos \beta (x_1^o + y_1^o) + (\sin(c) - V_1) (x_1^o - x_2^o) + (y_1^o - y_2^o) (y_1^o - y_2^o) = 0$$

черновик  чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\begin{vmatrix} 1 & -1 \\ \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{vmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2\sqrt{3} \end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{c} \text{для } x_1 \\ \text{для } x_2 \\ \text{для } x_3 \end{array} \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right.$$

$$\left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right.$$

$$\begin{array}{c} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{array} \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} F(2x_1 - \frac{1}{3}\pi) \\ F(2x_2 - \frac{1}{3}\pi) \\ F(2x_3 - \frac{1}{3}\pi) \end{array} \right.$$

$$\frac{\left(-\frac{9}{2}\right)\left(\frac{5}{3}\right) - 5}{\left(\frac{5}{3}\right)^2}$$

$$\left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right.$$

$$\left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right.$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}}$$

$$\left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right.$$

$$\left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right.$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}}$$

$$\left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right. \quad \left| \begin{array}{l} \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_1^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_2^2}{4}} \\ \frac{1}{2}\sqrt{1-\frac{x_3^2}{4}} \end{array} \right.$$

$$0 = \cos(\varphi) (V_{1\sin(\varphi)} - V_1) + (\sin(\varphi)) (V_{1\cos(\varphi)})$$

$$V_1 - V_{1\sin(\varphi)} = 49\beta V_{1\cos(\varphi)}$$

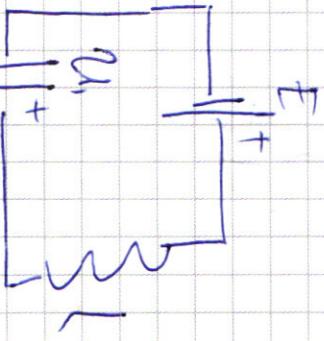
$$V_1 = V(\cos(\varphi)\cos(\varphi) + \sin(\varphi))$$

$\alpha$

$$\alpha = A\cos\omega t + EC$$

$$100 \cdot 10^{-6}$$

$$\frac{dQ}{dt} + Q = E$$



$$10^{-5}$$

$$\frac{1}{X_2} = \frac{1}{F} - \frac{1}{X_1}$$

$$\frac{FX_2}{X_2 - F} =$$

$$= \frac{E(X_1 - \frac{1}{3}F)}{X_1 - \frac{4}{3}F}$$

$$\frac{61}{85}$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{5}\right)$$

$$(x_1 - \frac{1}{3}F)(x_1 - \frac{4}{3}F)$$

$$(x_1 - \frac{4}{3}F)^2$$

$$\frac{(x_1 - \frac{1}{3}F)(x_1 - \frac{4}{3}F) - F(x_1 - \frac{1}{3}F)}{(x_1 - \frac{4}{3}F)^2}$$

$$2(71 \cdot 19 - 9 \cdot 8)$$

$$\frac{2 \cdot 9}{2(19 \cdot 79)}$$