

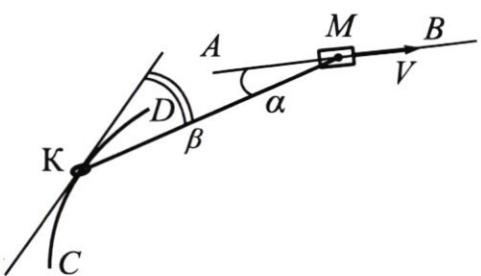
# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 11

## Вариант 11-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложений не принимаются.

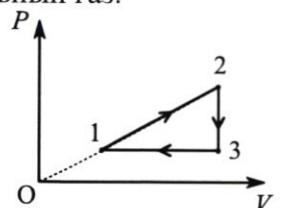
- 1.** Муфту  $M$  двигают со скоростью  $V = 40$  см/с по горизонтальной направляющей  $AB$  (см. рис.). Кольцо  $K$  массой  $m = 1$  кг может двигаться без трения по проволоке  $CD$  в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,7$  м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной  $l = 17R/15$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 3/5$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 8/17$ ) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

- 2.** Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.

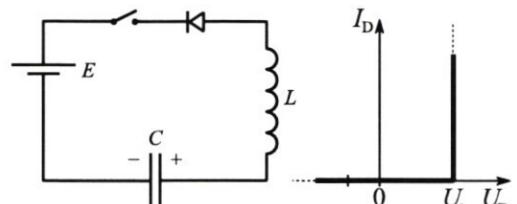


- 3.** Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния  $d$  между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью  $V_1$  и останавливается между обкладками на расстоянии  $0,2d$  от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы  $\frac{q}{m} = \gamma$ .

- 1) Найдите продолжительность  $T$  движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение  $U$  на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость  $V_0$  частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

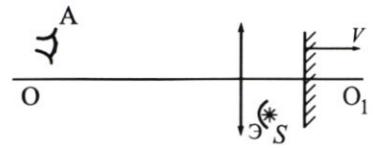
- 4.** В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 3$  В, конденсатор емкостью  $C = 20$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 6$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,2$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В. Ключ замыкают.



- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.

- 5.** Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана  $\mathcal{E}$ , расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $8F/15$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии плоскости  $F/3$  от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $F$  от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2. Демо:

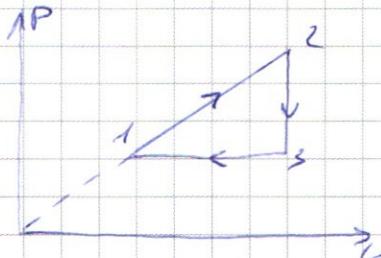
Решение:

зак - однородный  
закон Бар-Индуса

$$1) \frac{C_{23}}{C_{31}} = ?$$

$$2) \frac{Q_{12}}{A_{12}} = ?$$

$$3) \eta_{\text{макс}} = ?$$



1-2:  $P = \alpha V$  - прямая  
изотермическая  
2 - изобр. процес.

2-3: изобара  $\rightarrow V = \text{const}$   
давление падает  $\Rightarrow$

3-1: изобара  $\rightarrow P = \text{const}$   
 $V$  уменьшается  $\Rightarrow T$  падает.

Первое начало термодинамики:

$$Q = A + \Delta U, \quad \Delta U = \frac{c}{2} VR \Delta T - c = 3 \rightarrow \text{зак однородности}$$

А это значение равно площади под кривой,  
сумме со знаком, в оси  $P-U$ .

$$Q = C_v \cdot V \Delta T, \quad C_v - \text{молярная теплоемкость.}$$

Понимание температуры проявляющееся на уравнениях

$$1-3 \text{ и } 3-1 \Rightarrow \text{ищем отношение } \frac{C_{23}}{C_{31}}.$$

$$Q_{23} = A_{23}^o + \frac{3}{2} JR \Delta T_{23} \quad (A=0 - V=\text{const})$$

$$(C_{31} \neq) \Delta T_{23} = \frac{3}{2} JR \Delta T_{23} \rightarrow C_{23} = \frac{3}{2} R$$

$$Q_{31} = p_1 V_1 + \frac{3}{2} JR \Delta T_{31} \quad (A=p_1 V \rightarrow p=\text{const})$$

$pV = VR$  - ур-е Менделеева - Канделяброва.

$$C_{31} V \Delta T_{31} = VR \Delta T_{31} + \frac{3}{2} JR \Delta T_{31} \rightarrow C_{31} = \frac{5}{2} R$$

$$\frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{\frac{3}{2} R}{\frac{5}{2} R} = \frac{3}{5}.$$

$$Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12} \rightarrow \frac{Q_{12}}{A_{12}} = \frac{A_{12} + \Delta U_{12}}{A_{12}} = 1 + \frac{\Delta U_{12}}{A_{12}}$$

$$A_{12} = \frac{p_1 + p_2}{2} \cdot (V_2 - V_1) \text{ при } p = d(V)$$

$$A_{12} = \frac{\alpha(V_2^2 - V_1^2)}{2} \quad \Delta A_{12} = \frac{3}{2} \alpha (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (\rho_2 V_2 - \rho_1 V_1) = \frac{3}{2} \alpha (V_2^2 - V_1^2)$$

$$\frac{Q_{12}}{A_{12}} = 1 + \frac{\frac{3}{2} \alpha (V_2^2 - V_1^2)}{\frac{3}{2} \alpha (V_2^2 - V_1^2)} = 4$$

$$\eta = \frac{A_{\text{sum}}}{Q_{\text{sum}}}$$

$$A_{\text{sum}} = A_{12} + A_{31}$$

$$Q_{\text{sum}} = Q_{12} = A_{12} + \Delta A_{12}$$

$$A_{31} = p_1 (V_1 - V_3) = p_1 (V_1 - V_2) = \alpha V_1^2 - \alpha V_1 V_2$$

$$V_3 = V_2$$

$$A_{\text{sum}} = \frac{\alpha}{2} (V_2^2 - V_1^2) + \alpha (V_1^2 - V_1 V_2) = \frac{\alpha V_2^2 - \alpha V_1^2 + 2 \alpha V_1^2 - 2 \alpha V_1 V_2}{2} = \\ = \frac{\alpha V_2^2 - 2 \alpha V_1 V_2 + \alpha V_1^2}{2} = \frac{\alpha (V_2 - V_1)^2}{2}$$

$$\eta = \frac{\frac{\alpha (V_2 - V_1)^2}{2}}{\frac{\alpha (V_2^2 - V_1^2)}{2} + \frac{3}{2} \alpha (V_2^2 - V_1^2)} = \frac{\frac{1}{2} (V_2 - V_1)^2}{\frac{5}{2} \alpha (V_2 - V_1) (V_2 + V_1)} = \frac{1}{9} \cdot \frac{V_2 - V_1}{V_2 + V_1} =$$

$$= \frac{1}{9} \left( \frac{V_2 + V_1 - 2V_1}{V_2 + V_1} \right) = \frac{1}{9} \left( 1 - \frac{2V_1}{V_2 + V_1} \right) = \frac{1}{9} - \frac{1}{9} \frac{2V_1}{V_2 + V_1}$$

$\eta$  - будем меняться, пока не  $\frac{1}{9} \frac{2V_1}{V_2 + V_1}$  будем меняться  $\Rightarrow \eta \rightarrow \frac{1}{9} \Rightarrow \eta_{\max} = 0,25$

Ответ: 1)  $\frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{3}{5}$ ; 2)  $\frac{Q_{12}}{A_{12}} = 4$ ; 3)  $\eta_{\max} = 0,25$ .

5. Дано: Решение:

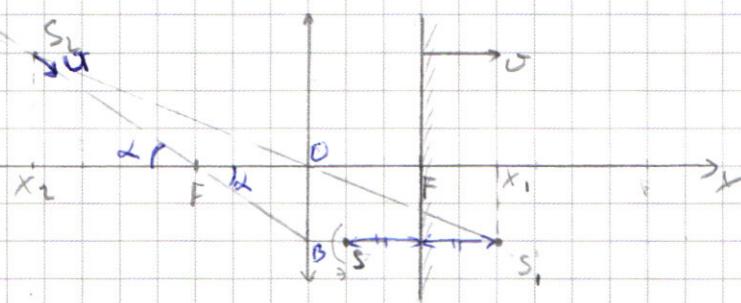
$$F; h = \frac{8}{15} F$$

$$d = \frac{F}{3}$$

$$1) F_1 = ?$$

$$2) \alpha = ?$$

$$3) U = ?$$



т.к. экран расположены так, что свет отраженных от зеркал может попасть на экран только если отраженный от зеркала  $\Rightarrow$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

5.  $\Rightarrow$  мы будем строить изображение  $S_1$  изображения  $S$  источника  $S$  в зеркале. т.к.  $S$  находится от зеркала на расстоянии  $F$ , то от зеркала - на  $\frac{2F}{3} \Rightarrow S_1$  - изображение источника в зеркале - находится от зеркала на расстоянии  $-F + \frac{2F}{3} = \frac{5F}{3} = d_1$

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{F} = \frac{1}{f} \rightarrow f - \text{на зеркало}$$

$$F = \frac{d \cdot F}{d - F} \Rightarrow f = \frac{d_1 \cdot F}{d_1 - F} \quad (\text{т.к. мы ищем изображение } S_1)$$

$$f = \frac{\frac{5F}{3} \cdot F}{\frac{5F}{3} - F} = \frac{\frac{5F^2}{3}}{\frac{2F}{3}} = \frac{5}{2} F$$

т.к.  $S_1$  лежит ~~вдоль оси~~ на  $OO'$ , (потому что лежит в зеркале), то  $S_2$  будем звать ~~боком~~ углом, проходящим через  $F$ , в сторону зеркала  $\Rightarrow$  угол  $\angle$  - это угол падения этого угла к  $OO'$ . Угол  $\angle$  можно выразить из прошлого.  $\Delta FOA$ , где  $FO = F$   $OB = h \Rightarrow \tg \angle = \frac{h}{F} = \frac{2F}{F} = \frac{2}{15}$

$$\angle = \arctg \frac{8}{15}.$$

скорость  $v$  можно разложить на продольную и поперечную составляющую:  $v_x$ , тогда

$$\frac{v_x}{v_{x2}} = u$$



если  $x_1$  - это координата  $S_1$  на оси  $OA$ , а  $x_2$  -  $S_2$ , то

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{f}{x_1} + \frac{f}{x_2} \right) = \frac{d(f)}{dt} \Rightarrow -\frac{f}{x_1^2} \cdot v_x - \left( -\frac{f}{x_2^2} \right) v_x = 0 \Rightarrow \frac{v_x}{x_2^2} = \frac{v_x}{x_1^2}$$

$$\frac{U_x}{\sigma_x} = \left(\frac{x_2}{x_1}\right)^2 = r^2 \quad R = \frac{F_i}{d_i} =$$

$U_x = \left(\frac{F_i}{d_i}\right)^2 \cdot \sigma_x$ , man нужно дать со спросом  $\sigma$  вдоль  $00'$   
 $\sigma_x = 0$

$$U_x = \left(\frac{F_i}{d_i}\right)^2 \cdot 0 \rightarrow U = \frac{\left(\frac{F_i}{d_i}\right)^2 \cdot 0}{\cos \alpha} =$$

$$\operatorname{tg} \alpha + 1 = \frac{1}{\cos \alpha} \rightarrow \cos \alpha = \sqrt{\frac{1}{\operatorname{tg}^2 \alpha + 1}} \Rightarrow U = \left(\frac{F_i}{d_i}\right)^2 \cdot 0 \cdot \sqrt{\operatorname{tg}^2 \alpha + 1} =$$

$$= \left(\frac{\frac{5}{2}F}{\frac{5}{3}F}\right)^2 \cdot 0 \cdot \sqrt{\frac{64}{225} + 1} = \frac{9}{4} \cdot 0 \cdot \sqrt{\frac{289}{225}} = \frac{81}{4} \cdot 0 \cdot \frac{17}{15} = \frac{51}{20} \cdot 0 = 2,55 \text{ V}$$

Ответ: 1)  $F_i = \frac{5}{2} F$ ; 2)  $\alpha = \arctg \frac{8}{15}$ ; 3)  $U = 2,55 \text{ V}$ .

4. Дано: Решение:

$$C = 3B$$

$$C = 20 \mu \text{F}$$

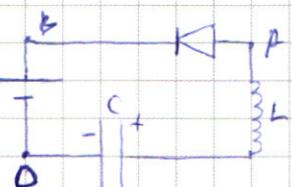
$$U_1 = 6 \text{ B}$$

$$L = 0,2 \text{ H}$$

$$\frac{U_0 = 1 \text{ B}}{1) \frac{dI}{dt} - ?}$$

$$2) I_{max} - ?$$

$$3) U_2 - ?$$



Запись 2-ое правило

Изменение для индукции.

$$U_1 - U_q = U_1 \rightarrow \text{сумма поле изменяется}$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{U_1 - U_q}{L} = \frac{6 \text{ B} - 5 \text{ B}}{0,2 \text{ H}} = \frac{30 \text{ A}}{0,2 \text{ H}} = 15 \frac{\text{A}}{\text{C}}$$

$$2) U_q + L \frac{dI}{dt} = U_1 - \text{для правил изменения}$$

$$\text{при } I_{max} \quad \frac{dI}{dt} = 0 \Rightarrow U_q = U_1$$

$$3) \Delta q: \Delta U = \Delta W_C + \Delta W_L$$

$$\Delta q \cdot U_q = \frac{C U_q^2}{2} - \frac{C U_1^2}{2} + \frac{L I_{max}^2}{2} - 0$$

$$\Delta q \cdot U_q = -(C U_1 - C U_q), \quad \text{где } C U_1 - \text{ начальное заряд на}$$

изменяется

$$C U_q^2 - C U_1 U_q = \frac{C U_1^2}{2} - \frac{C U_1^2}{2} + \frac{L I_{max}^2}{2}$$

$$\frac{C U_q^2}{2} + \frac{C U_1^2}{2} - C U_1 U_q = \frac{L I_{max}^2}{2}$$

$$C U_q^2 - 2 C U_1 U_q + C U_1^2 = L I_{max}^2$$

$$C (U_q - U_1)^2 = L I_{max}^2 \rightarrow I_{max} = \sqrt{\frac{C}{L} \cdot (U_1 - U_q)} = \sqrt{\frac{0,1 \cdot 10^{-6}}{0,2} \cdot (6 - 5)} \text{ A} =$$

$$= 3 \cdot 10^{-7} \text{ A} = 0,03 \text{ A}$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

ч. Уменьшившееся напряжение  $\Rightarrow$  ток в цепи не может  $\Rightarrow U_0 \leq U_0 \Rightarrow U_0 = \varphi_A - \varphi_B$

$\varphi_A$  - это потенциал на правой обкладке конденсатора

$$\varphi_B = \psi \rightarrow U_0 = \varphi_A - \psi \Rightarrow \varphi_A = U_0 + \psi$$

$$\varphi_A - \varphi_B = U_2 \quad \varphi_B = 0 \Rightarrow U_L = U_0 + \psi = 1B + 3B = 4B.$$

т.к.  $U_2 > \psi \Rightarrow$  ток в шине не достигнет своего верхнего максимума  $\Rightarrow$  макс. заряд конденсатора

$$dq, \psi = \frac{C U_2^2}{2} - \frac{C U_1^2}{2} + \frac{L I^2}{2} = 0$$

$$(C U_2 - C U_1) \psi = \frac{L}{2} (U_2^2 - U_1^2) + \frac{L I^2}{2}$$

$$2C(CU_2 - CU_1)\psi - C(CU_2 - CU_1)(CU_2 + CU_1) = L I^2$$

$$dq = (CU_2 - CU_1)$$

потр. нач. заряд  
заряд нач. конденсатора

$$I = \sqrt{\frac{C(CU_2 - CU_1)}{2(CU_2 - CU_1 + CU_2 + CU_1)}} = \sqrt{\frac{20 \cdot 10^{-9}}{0,2 \Omega} \cdot (4B - 6B)(23B - 4B - 6B)} =$$

$$= \sqrt{10^4 \cdot 8} \quad A = 2\sqrt{2} \cdot 10^2 A = 0,08\sqrt{2} A \Rightarrow \text{макс. значение тока, поморе момента больше достигнуто} \Rightarrow I_{max} = I = 0,08\sqrt{2} A$$

Ответ: 1)  $\frac{dI}{dt} = 15 \frac{A}{s}$ ; 2)  $I_{max} = 0,02 \cdot \sqrt{2} A$ ; 3)  $U_2 = 4B$ .

3. Дано: | Решение:

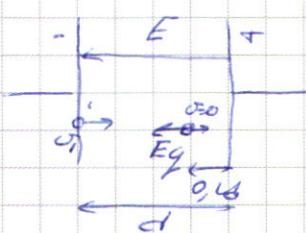
$$d, 0,2d$$

$$\frac{O_1}{1T} = \frac{q}{m}$$

$$U_1 - ?$$

$$310_0 - ?$$

$$S = \frac{O_1^2 - O_0^2}{2a} \rightarrow S = \frac{-O_0^2}{2a} \rightarrow \text{затемнение освещенности} \rightarrow \text{высоковольтная линия.}$$



$$S = d - 0,1d = 0,8d$$

$$a = \frac{O_1^2}{1,6d}$$

$$V = V_0 - at \rightarrow V_1 = aT \rightarrow T = \frac{V_1}{a}$$

$\vec{F} = Eq \rightarrow$  сила Кулона действует на заряд в направлении.

$$Eq = ma \rightarrow E = \frac{a}{q} = \frac{O_1^2}{1,6dq}$$

$$U = E_+ d = \frac{E}{2} d = \frac{O_1^2}{1,6dq} \cdot \frac{d}{2} = \frac{O_1^2}{3,2dq}$$

$E_+ = \frac{E}{2}$  (нале сущест. обе машины)

$$3CD: \frac{m O_0^2}{2} = \frac{E}{2} q \cdot 0,8d + \frac{E}{2} q \cdot 0,2d$$

$$\frac{m O_0^2}{2} = \frac{Eqd}{2}$$

$$O_0 = \sqrt{Eqd}$$

$$\text{Отвим: } T = \frac{1,6d}{O_1}, \quad U = \frac{O_1^2}{3,2dq}, \quad O_0 = \sqrt{Eqd}.$$

1. Дано:

$$V = 40 \text{ км/c}$$

$$M = 1 \text{ кг}$$

$$R = 1,7 \text{ м}$$

$$l = \frac{17}{13} R$$

$$\omega_0 = \frac{3}{5}$$

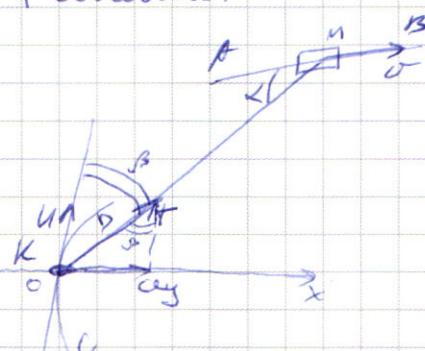
$$\cos \beta = \frac{8}{17}$$

$$1) U - ?$$

$$2) U_{\text{ном}} - ?$$

$$3) T - ?$$

Решение:



Муфта и шайба,

свободно пролетят, изогнувшись  $\Rightarrow$  проекции

их движутся по прямой.

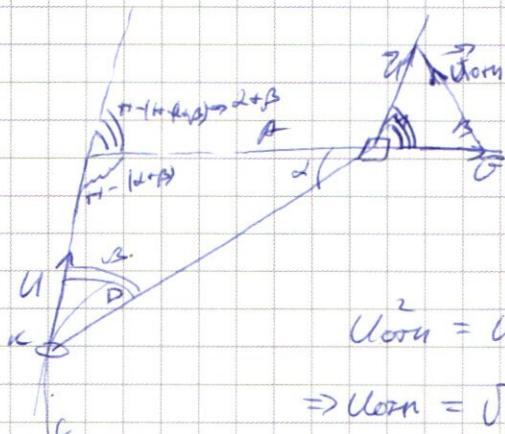
$$V \cos \alpha = U \cos \beta \rightarrow U = V \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 40 \text{ км/c} \cdot \frac{\frac{3}{5}}{\frac{8}{17}} =$$

$$= 48 \text{ км/c} \cdot \frac{3 \cdot 17}{80} = 51 \text{ км/c}$$

$$\vec{U}_{\text{ном}} = \vec{U} - \vec{V}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1.



угол между  $\vec{U}$  и  $\vec{v}$  -  $\alpha + \beta$

по т. закону синусов для

трехугольника имеем:

$$U_{\text{ном}}^2 = U^2 + v^2 - 2UV \cdot \cos(\alpha + \beta)$$

$$U_{\text{ном}}^2 = U^2 + v^2 - 2UV \cdot (\cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta) =$$

$$\Rightarrow U_{\text{ном}} = \sqrt{U^2 + v^2 - 2UV \cdot (\cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta)}$$

$$U_{\text{ном}} = \sqrt{v^2 \left( \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} + 1 \right) - 2v^2 \left( \cos \alpha \cdot \cos \beta - \frac{\cos \alpha \sqrt{1 - \cos^2 \beta}}{\cos \beta} - \frac{\cos \beta \sqrt{1 - \cos^2 \alpha}}{\cos \beta} \right)} =$$

$$= \sqrt{v^2 \left( \frac{\cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} + 1 - 2 \cos \alpha \cdot \cos \beta + \frac{2 \cos \alpha}{\cos \beta} \cdot \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \cdot \sqrt{1 - \cos^2 \beta} \right)} =$$

$$= 40 \text{ rad/s} \sqrt{\frac{9}{25} \cdot \frac{64}{64} + 1 - \frac{18}{25} + \frac{6}{5} \cdot \frac{17}{8} \cdot \sqrt{1 - \frac{9}{25}} \cdot \sqrt{1 - \frac{64}{64}}} =$$

$$= 40 \text{ rad/s} \sqrt{\frac{9}{25} \cdot \frac{64}{64} + \frac{7}{25} + \frac{51}{50} \cdot \frac{17}{8}} =$$

$$= 40 \text{ rad/s} \sqrt{\frac{9}{25} \cdot \frac{64}{64} + \frac{7}{25} + \frac{9}{5}} = 40 \text{ rad/s} \sqrt{\frac{9 \cdot 64 + 64 \cdot 7 + 9 \cdot 4}{25 \cdot 64}} =$$

$$= 1 \text{ rad/s} \sqrt{5929} \text{ rad/s} = 77 \text{ rad/s}$$

на между силы  $T$  в проекции на ось обозначает

центробежимущее ускорение:  $T \sin \beta = m a_y$

$$a_y = \frac{U^2}{R} \quad T = m \frac{U^2}{R \sin \beta} = m \frac{U^2 \cdot \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}}{R \sin \beta}$$

$$T = m \omega L \cdot \frac{\cos \alpha}{R \cos \beta \cdot \sin \beta} = m \omega L \cdot \frac{\cos \alpha}{R \cos \beta \cdot \sqrt{1 - \cos^2 \beta}}$$

$$T = 1 \text{ rad} \cdot 40^2 \text{ rad/s}^2 \cdot 10^{-4} \cdot \frac{\frac{3}{5} \cdot 102}{\frac{7 \cdot 4}{50} \cdot \frac{64}{64} \cdot \sqrt{1 - \frac{64}{64}}} = \frac{18 \cdot 8 \cdot 10^{-2}}{\frac{64 \cdot 4 \cdot 15}{50} \cdot \frac{17}{17}} H = \frac{289}{500} H =$$

$$= 0,578 \text{ N. Ответ: } U = 51 \text{ rad/s; } U_{\text{ном}} = \sqrt{5929} \text{ rad/s; } T = 0,578 \text{ H. } a_y = 77 \text{ rad/s}$$

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



