

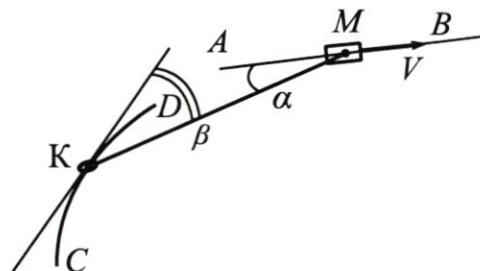
Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-02

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влс

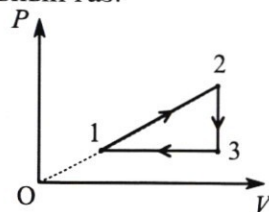
1. Муфту М двигают со скоростью $V = 40$ см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,7$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 3/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



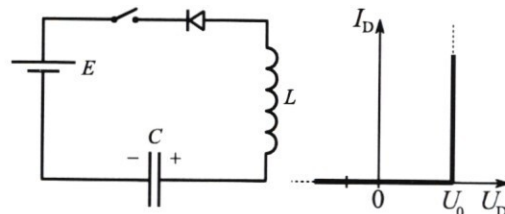
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается между обкладками на расстоянии $0,2d$ от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите продолжительность T движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение U на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 3$ В, конденсатор емкостью $C = 20$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 6$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,2$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

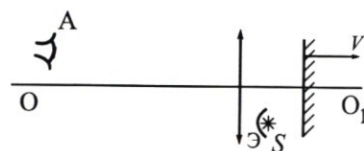


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии плоскости $F/3$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №1.

Из вершины угла троса
на горизонтальной поверхности записали

кинематическую связь:

$$v \cos \alpha = u \cos \beta$$

$$u = v \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$1) \quad u = 40 \frac{\text{см}}{\text{с}} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{17}{8} = 51 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

$$\sin \alpha = \frac{4}{5} \quad \sin \beta = \frac{15}{17}$$

$$\vec{u}_{\text{отн.}} = -\vec{v} + \vec{u}$$

$$u_{\text{отн.}x} = u_x - v_x = 0 \quad (\text{из кинематической связи})$$

$$u_{\text{отн.}y} = u_y + v_y = u \sin \beta + v \sin \alpha = 51 \frac{\text{см}}{\text{с}} \cdot \frac{15}{17} + 40 \frac{\text{см}}{\text{с}} \cdot \frac{4}{5} = 45 \frac{\text{см}}{\text{с}} + 32 \frac{\text{см}}{\text{с}} = 77 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

$$2) \quad u_{\text{отн.}} = \sqrt{u_{\text{отн.}x}^2 + u_{\text{отн.}y}^2} = u_{\text{отн.}y} = 77 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

Запишем 2-й з. Ньютона по нормальной оси кривой кольца:

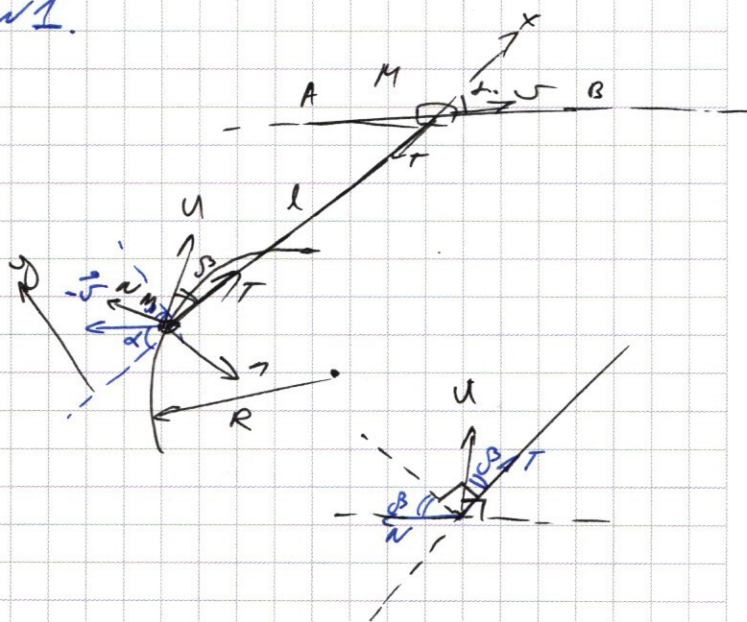
$$m \cdot \frac{u^2}{R} = T \sin \beta - N \Rightarrow N = -\frac{mu^2}{R} + T \sin \beta$$

Также в ИСО шурты кольца убывает по окружности радиуса R.

$$\frac{m u_{\text{отн.}}^2}{e} = T - N \sin \beta$$

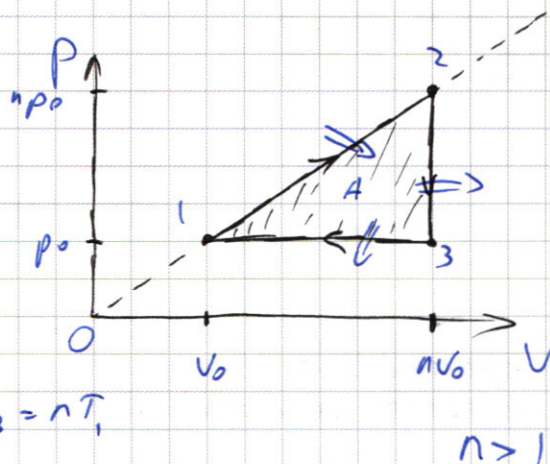
$$\frac{m u_{\text{отн.}}^2}{e} = T + \frac{mu^2}{R} \sin \beta - T \sin^2 \beta$$

$$T = \frac{m(u_{\text{отн.}}^2 + \frac{u^2}{R} \sin \beta)}{1 - \sin^2 \beta} = \frac{1 \text{ кг} \cdot \left(\frac{(77 \frac{\text{см}}{\text{с}})^2}{0.17 \text{ м}} + \frac{(51 \frac{\text{см}}{\text{с}})^2}{1.7 \text{ м}} \cdot \frac{15}{17} \right)}{1 - \frac{225}{289}} = 0.185 \text{ Н}$$



Задача №2.

Сотношения между величинами на графике получены из условия.



$$T_1 = \frac{p_0 V_0}{OR}$$

$$T_2 = \frac{n^2 p_0 V_0}{OR}$$

$$T_3 = n \frac{p_0 V_0}{OR}$$

$$\Rightarrow T_2 = n^2 T_1, \quad T_3 = n T_1$$

$$n > 1$$

$$\Delta U_{12} > 0; \quad \Delta U_{23} < 0; \quad \Delta U_{31} < 0$$

т.о. надо найти отношение теплоёмкостей в процессах 13 и 23.

$$C_{23} = \nu C_V = \frac{3}{2} OR$$

$$C_{31} = \nu C_p = \frac{5}{2} OR.$$

$$1) \frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{\frac{3}{2} OR}{\frac{5}{2} OR} = \boxed{0.6}$$

Уравнение состояния идеального газа:

$$pV = \nu RT \Rightarrow p dV + \nu R dT = \nu R dT$$

$$\text{В процессе 1-2 } \frac{dp}{p} = -\frac{1}{n} \frac{dV}{V} \Rightarrow p dV = -\frac{1}{n} p V \frac{dV}{V}$$

$$2p dV = \nu R dT$$

1-е начало термодинамики:

$$\delta Q = \delta A + dU \Rightarrow \delta Q = p dV + \frac{3}{2} \nu R dT = p dV + \frac{3}{2} \cdot 2p dV = 4p dV = 4\delta A.$$

$$2) \frac{\delta Q}{\delta A} = \frac{Q_{12}}{A_{12}} = 4$$

Работа пропорциональна площади внутри графика и может быть найдена как:

$$A = \frac{(n-1)^2}{2} p_0 V_0.$$

$$Q_{12} = 4A_{12} = 4 \cdot \frac{1}{2} \cdot (n+1)p_0 \cdot (n-1)V_0 = 2(n+1)(n-1)p_0 V_0.$$

см. продолжение на с.3.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 12 (продолжение).

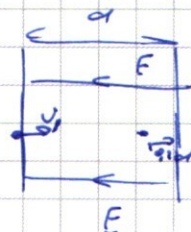
$$\mu = \frac{A}{Q_{12}} = \frac{\frac{1}{2}(n-1)^2 \rho_0 v_0}{2(n-1)(n+1) \rho_0 v_0} = \frac{1}{4} \frac{(n-1)}{(n+1)} = \frac{1}{4} \left(1 - \frac{2}{n+1}\right)$$

3) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{4} \left(1 - \frac{2}{n+1}\right) \right) = \left(\frac{1}{4} \right) \quad \mu_{\max} = \frac{1}{4}.$

Задача 13.

$F = qE$, т.к. $q = \text{const}$ и $E = \text{const}$, а также $m = \text{const}$; то

$$a = \frac{dv}{dt} = \text{const}.$$



$$a \cdot T = v_1$$

$$0,8d = v_1 T - \frac{aT^2}{2} = \frac{v_1 T}{2}$$

1) $T = 1,6 \frac{d}{v_1}$

$$a = \frac{v_1^2}{1,6d}$$

$$m \cdot \frac{v_1^2}{1,6d} = qE$$

$Ed = U \rightarrow$ по определению U . $E = \frac{U}{d}$.

$$\frac{mv_1^2}{1,6} = qU.$$

2) $U = \frac{v_1^2}{1,68}$

$$E = \frac{U}{d} = \frac{v_1^2}{1,68d} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

для ~~нахождения~~ ^{малого} участка площади справедливо

$$dE_x = \frac{\sigma dS}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

где dS - элемент укл, по которому ^{вышло}
 σ - поверхностная плотность ^{уточн.}
 зарядов

$$dE_x = \frac{\sigma dS}{4\pi\epsilon_0 r^2} \rightarrow \text{з. Купола.}$$

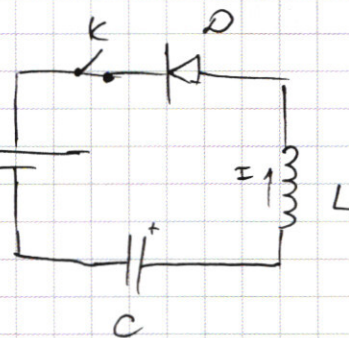
Задача 4.

Запишем 2-е правило Кирхгофа

в контуре на начальный момент: $\mathcal{E}$

$$U_1 - U_0 - \mathcal{E} = L \dot{I}$$

$$\dot{I} = \frac{U_1 - U_0 - \mathcal{E}}{L} = \frac{2B}{0,2 \text{ Гн}} = 10 \frac{\text{А}}{\text{с.}}$$



q - заряд на конденсаторе.

Если ток максимален, то $\dot{I} = 0$, следовательно:

$$U_3 - U_0 - \mathcal{E} = 0, \text{ где } U_3 - \text{текущее напр. на конденсаторе.}$$

$$U_3 = U_0 + \mathcal{E}.$$

Запишем Закон сохранения энергии для начального состояния

и пока пока:

$$\frac{CU_1^2}{2} = \underbrace{(\mathcal{E} + U_0) \cdot C(U_1 - U_3)}_{\text{«работа» источника с диодом}} + \frac{CU_3^2}{2} + \frac{LI_m^2}{2}, \text{ где } I_m - \text{исполн. макс. ток.}$$

$$I_m = \sqrt{\frac{C}{L}} \sqrt{U_1^2 - U_3^2 - 2U_0(U_1 - U_3)} = \sqrt{\frac{C}{L}} \cdot (U_1 - U_3) = \sqrt{\frac{20 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}}{0,2 \text{ Гн}}} (6B - 4B) =$$

$$2) I_m = 100 \cdot 10^{-3} \cdot \sqrt{\frac{1}{20}} \cdot 2B = 0,2 \text{ А}$$

До изменения направления тока диод ведёт себя как источник. В дальнейшем $\mathcal{E} + U_0 = U_3$ будет всегда отрицательна или U_3 .

2-е Кирхгофа будем в случайный момент:

$$\frac{q}{C} - U_3 = L \dot{I} = -L \dot{q}$$

$$L \ddot{q} + \frac{(q - U_3 C)}{C} = 0 \rightarrow \text{уравнение колебаний со смещённым положением равновесия.}$$

$$q = C \cdot (U_3 + \Delta U \cos(\omega t)) \quad \varphi_0 = 0$$

$$U = U_3 + \Delta U \cos \omega t \quad \text{в начальный момент:}$$

$$U_1 = U_3 + \Delta U \quad \text{в момент, когда ток должен начать течь обратно, см. продолжение на с. 5.}$$

Система замкнётся диодом и напряжение на конденсаторе ...

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 14 (продолжение)

... и напряжение на конденсаторе установится в противофазе:

$$U_2 = U_3 - \Delta U = U_3 - (U_1 - U_2) = U_3 - U_1 = 2\text{В}$$

$$U_1 = 6\text{В} \quad U_3 = 4\text{В} \Rightarrow \Delta U = 2\text{В}$$

3) Ответ: $U_2 = 3\text{В}$

Задача 15.

$$d = \frac{8}{15}F; \quad l = \frac{1}{3}F; \quad x_0 = F;$$

геометрические и оптические
соотношения:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \quad (\text{ф-ла тонкой линзы})$$

$$\frac{h}{b} = \frac{d}{a} \quad (\text{подобие тр-иов})$$

$$a = l + 2(x - l) = \boxed{2x - l} \quad (\text{расстояние до изображения в зеркале})$$

$$b = \frac{Fa}{a - F}$$

$$a_0 = 2F - F/3 = \frac{5}{3}F. \quad b_0 = \frac{\frac{5}{3}F^2}{\frac{5}{3}F - F} = \frac{5}{2}F.$$

$$1) h_0 = d_0 \cdot \frac{b_0}{a_0} = \frac{8}{15}F \cdot \frac{\frac{5}{2}F}{\frac{5}{3}F} = 0.8F \quad h = d \cdot \frac{b}{a} = \frac{Fd}{a - F}$$

$$db = \frac{F}{a - F} da + \frac{Fa}{(a - F)^2} da = \frac{F(a - F + a)}{(a - F)^2} da = \frac{F(2a - F)}{(a - F)^2} da$$

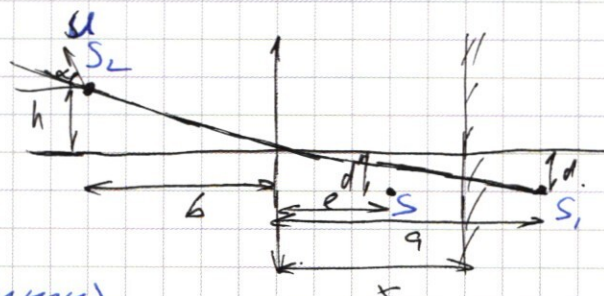
$$dh = \frac{Fd}{(a - F)^2} da$$

$$2) \tan \alpha = \frac{dh}{db} = \frac{d}{(2a - F)} = \frac{\frac{8}{15}F}{\frac{10}{3}F - F} = \frac{\frac{8}{15}}{\frac{7}{3}} = \frac{8}{35}$$

$$\frac{dx}{dt} = v \Rightarrow \frac{da}{dt} = 2v$$

$$u = \sqrt{\left(\frac{dh}{dt}\right)^2 + \left(\frac{db}{dt}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{Fd \cdot 2v}{(a - F)^2}\right)^2 + \left(\frac{F(2a - F) \cdot 2v}{(a - F)^2}\right)^2} = \frac{2Fv}{(a - F)^2} \cdot \sqrt{d^2 + (2a - F)^2}$$

см. продолжение на с. 6.



Задача 15 (продолжение)

$$U = \frac{2Fv}{(a-F)^2} \cdot \sqrt{d^2 + (2a-F)^2} = 25 \cdot \frac{F}{(2/3 F)^2} \cdot \sqrt{\left(\frac{8}{15} F\right)^2 + \left(\frac{2}{3} F\right)^2} =$$
$$= 25 \cdot \frac{9^2}{25} \cdot \frac{1}{3} \sqrt{\frac{64}{25} + 49} = \frac{6}{125} \sqrt{1289} \text{ м}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$U = U \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{40}{\frac{4}{5}} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{17}{8} = 51 \text{ см/с.}$$

$$\sin \alpha = 4/5$$

$$\sin \beta = 15/17$$

$$17^2 = 170 + 49 + 70 = 289$$

$$\frac{289 - 64}{289} = \frac{225}{289}$$

$$U_5 = U \sin \beta + 5 \sin \alpha =$$

$$= 51 \cdot \frac{15}{17} + 40 \cdot \frac{4}{5} =$$

$$= 45 + 32 = 77 \text{ см/с.}$$

$$T \sin \beta = m a_n$$

$$T \sin \beta = m \frac{U^2}{R}$$

$$T = \frac{m U^2}{\sin \beta R} = \frac{1 \cdot 51^2}{\frac{15}{17} \cdot 1.7} = \frac{10 \cdot 51^2}{15} =$$

$$\frac{3^2 \cdot 17^2 \cdot 10^2}{8 \cdot 5} = 17^2 \cdot 6 = 1734 \text{ м.}$$

$$T_1 = \frac{p_0 V_0}{\alpha R}$$

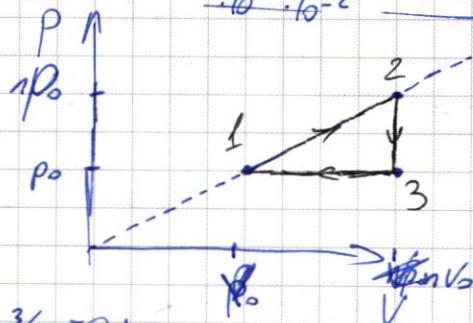
$$T_2 = \frac{n^2 p_0 V_0}{\alpha R}$$

$$T_3 = \frac{n p_0 V_0}{\alpha R}$$

$$1 \rightarrow 2 \quad T \uparrow$$

$$2 \rightarrow 3 \quad T \downarrow$$

$$3 \rightarrow 1 \quad T \downarrow$$



$$C_{(2 \rightarrow 3)} = \gamma C_V = 3/2 \gamma R$$

$$C_{(3 \rightarrow 1)} = \gamma C_p = 5/2 \gamma R$$

$$\Rightarrow \frac{C_{2 \rightarrow 3}}{C_{3 \rightarrow 1}} = 3/5 = 0.6$$

$$1 \rightarrow 2 \quad pV = \alpha R T$$

$$dA = p dV$$

$$p dV + dp V = \alpha R dT$$

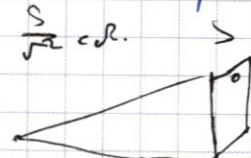
$$dU = \gamma C_V dT$$

$$dR = \frac{ds}{r}$$

$$\frac{3}{2} \alpha R dT + p dV = \delta Q$$

$$3 p dV + p dV = \delta Q$$

$$3 dA + dA = \delta Q \Rightarrow dA = \frac{1}{4} \delta Q \Rightarrow \frac{Q}{A} = 4$$



$$A = \frac{1}{2}(n-1)^2 p_0 V_0$$

$$Q_{12} = 4 A_{12} = 4 \cdot \frac{(1+1)}{2} p_0 \cdot (n-1) V_0$$

$$\mu = \frac{\frac{1}{2}(n-1)^2 p_0 V_0}{2(n+1) p_0 V_0 (n-1)} = \frac{1}{4} \frac{(n-1)}{(n+1)}$$

$$\alpha T = \sqrt{1}$$

$$0.8d = \frac{\alpha T^2}{2} = \frac{T \sqrt{1}}{2}$$

$$1.6d = T \sqrt{1}$$

$$T = \frac{1.6d}{\sqrt{1}}$$

$$ma = \frac{qU}{d}$$

$$m \frac{v_1^2}{1.6d} = \frac{qU}{d}$$

$$Ed = U$$

$$E = \frac{U}{d}$$

$$F = \frac{qU}{d}$$

$$U_1^2 = 1.6kV$$

$$U = \frac{U_1^2}{1.68}$$

$$0.8d =$$



$$F = \text{const} = qE$$

$$a = \frac{U_1}{T} = \frac{U_1 \sqrt{1}}{1.6d} = \frac{U_1^2}{1.6d}$$

$$\frac{3328}{32} \bigg| \frac{4}{12} \quad \frac{832}{12}$$

$$-832 \bigg| \frac{2}{416}$$

$$832 \div 2 = 208$$

$$52$$

$$208$$

$$52$$

$$13$$

$$U_d - E = LI$$

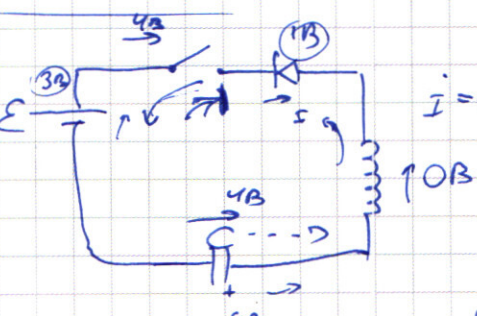
$$i = \frac{U_d - E}{L} = \frac{3B}{0.2H} = \frac{10}{0.2} \frac{A}{C}$$

$$\frac{q}{C} = 4B = U'$$

$$q = U'C$$

$$\frac{LI^2}{2} + \frac{q^2}{2C} =$$

$$\frac{LI^2}{2} + \frac{CU'^2}{2} = \frac{CU^2}{2} = C(U_1 - U') \cdot (E + U_0)$$



$$I = 0$$

$$10B$$

$$6 \div 2 = 3$$

$$U_2 = 4B$$

$$E^2 = C \left((U_1^2 - U'^2) - 2(U_1 - U')U' \right)$$

$$\frac{20 \cdot 10^{-6}}{0.2}$$

$$I = \sqrt{\frac{C}{L} \left((U_1^2 - U'^2) - 2(U_1 - U')U' \right)}$$

$$\sqrt{100 \cdot 10^{-6}} = 10 \cdot 10^{-3}$$

$$\sqrt{\frac{C}{L} (U_1^2 + U'^2 - 2U_1 U')} = \sqrt{\frac{C}{L}} (U_1 - U') = 0.01 \cdot (6 - 4) = 0.02 A$$

$$\frac{C}{L} =$$

$$E = \sqrt{\frac{U_1^2}{2} - \frac{U_0^2}{2}} = \frac{U_1 \cdot U_0}{r^2} = \frac{2U_1 U_0}{r}$$

$$dU = Edr = \frac{2U_1 U_0}{r^2} dr \Rightarrow \varphi = 2U_1 U_0 \cdot \ln \frac{r}{r_0}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$a(0) = 2 \cdot F - \frac{1}{3}F = \frac{5}{3}F.$$

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F}.$$

$$\frac{da-F}{daF} = \frac{1}{b}$$

$$b = \frac{aF}{a-F}$$

$$b = \frac{(2x - \frac{1}{3}F)F}{2x - \frac{1}{3}F - F} =$$

$$= \frac{(2x + \frac{1}{3}F)F}{2x - \frac{4}{3}F}$$

$$b(0) = \frac{\frac{5}{3}F \cdot F}{\frac{5}{3}F - F} =$$

$$\frac{\frac{5}{3}F^2}{\frac{2}{3}F} = 2.5F$$

$$h = \frac{b}{a}d = \frac{2.5F}{\frac{5}{3}F} \cdot \frac{8}{15}F = 0.8F.$$

$$h = \frac{b}{a}d$$

$$h = \frac{aFd}{(a-F)a} = \frac{Fd}{a-F}$$

$$h = \frac{Fd}{a-F}$$

$$b = \frac{aF}{a-F}$$

$$\tan \alpha = \frac{dh}{db}$$

$$\tan \alpha = \frac{dh}{db} = \frac{Fd}{(a-F)^2} da : \left(\frac{F(a-F)}{(a-F)^2} da \right) = dh = \frac{Fd}{(a-F)^2} da \quad db =$$

$$= \frac{2a-F}{2a-F}$$

$$\tan \alpha(0) = \frac{\frac{8}{15}F}{2 \cdot \frac{5}{3}F - F} = \frac{8 \cdot 3}{15 \cdot 2} =$$

$$\frac{\frac{10}{3}F - F}{\frac{10}{3}F - F} = \frac{7}{3}$$

$$d\left(\frac{1}{a-F}\right) =$$

$$db = \frac{Fda}{a-F} + \frac{Fa}{(a-F)^2} da =$$

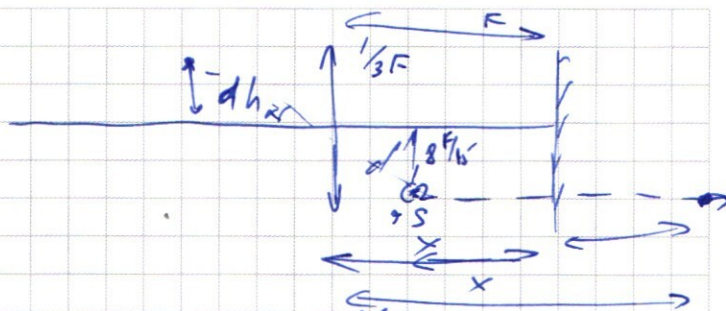
$$= \frac{Fda(a-F+a)}{(a-F)^2} = \frac{F(2a-F)}{(a-F)^2} da.$$

$$\frac{da}{dt} = 2v$$

$$u = \sqrt{\left(\frac{dh}{dt}\right)^2 + \left(\frac{db}{dt}\right)^2} = \frac{F}{(a-F)^2} \cdot 2v \sqrt{a^2 + (2a-F)^2}$$

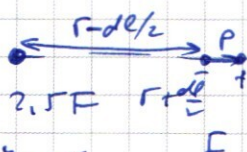
$$\frac{dh}{dt} = \frac{Fd}{(a-F)^2} \cdot 2v$$

$$\frac{db}{dt} = \frac{F(2a-F)}{(a-F)^2} \cdot 2v$$



$$\alpha_1 = x - \frac{1}{3}F.$$

$$a = \alpha_1 + x = 2x - \frac{1}{3}F.$$



$$E = \frac{Kq}{(r-\frac{d}{2})^2} - \frac{Kq}{(r+\frac{d}{2})^2} =$$

У. 0

$$A = \left| \frac{(n-1)^2}{2} p_0 v_0 \right|$$

$$Q_{in} = Q_{12}$$

$$dQ_{12} = dA \cdot dU$$

$$pdv + dpv = \partial R dt$$

$$dv = dp \cdot \frac{v}{p}$$

$$dp = dv \cdot \frac{p}{v}$$

$$2pdv = \partial R dt$$

$$dt = \frac{2pdv}{\partial R}$$

$$dpv = pdv \quad dU \quad \partial A \quad \partial Q$$

$$dU = \frac{3}{2} \partial R dt = \frac{3}{2} 2pdv = 3pdv$$

$$dA = pdv$$

$$\partial Q = 4pdv = 4dA \Rightarrow Q_2 = 4A_2$$

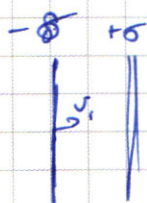
$$A_{12} = \frac{(p_0 + np_0)}{2} \cdot (n-1)v_0 =$$

$$\mu = \frac{A}{Q} = \frac{\frac{1}{2}(n-1)^2 p_0 v_0}{\frac{1}{2}(n-1)(n+1)p_0 v_0} = \frac{n-1}{n+1} \quad \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n-1}{n+1} \right) = 1$$

$$n-1 = n+1-2$$

$$\frac{n+1-2}{n+1} = 1 - \frac{2}{n+1} \downarrow 0.$$

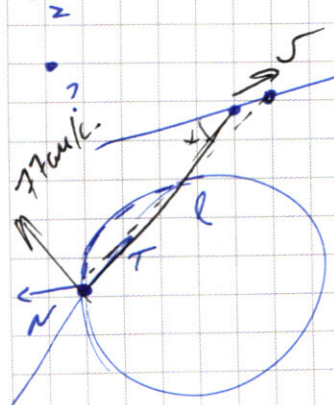
$$Q = \frac{1}{2} \mu \quad \partial = \frac{8}{15} \mu$$



$$d! \quad \frac{205}{2} \times 49 = (7.5)^2$$

$$\frac{1225 + 64}{1289}$$

$$\frac{v_0^2}{2} \quad \frac{mv_0^2}{2}$$



$$\frac{77}{255} \quad \frac{77}{2601}$$

$$\frac{77m/c}{17.15 \cdot R_{12m}}$$



$$\frac{77}{1369} \quad \frac{77}{1369}$$

$$\frac{15}{195} \quad \frac{15}{195}$$

$$\frac{dk}{dt} \quad 1.155 \frac{m/s}{c}$$

$$\frac{10 \cdot 77^2 \cdot 15}{172} - \frac{51^2 \cdot 15 \cdot 10}{172} = 64$$

$$= \frac{150}{64} \cdot (5929 - 2601) = \frac{150}{64} \cdot 3328 = 150 \cdot 13 = 1950$$