

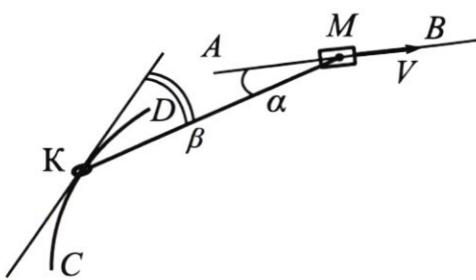
# Олимпиада «Физтех» по физике, 1

Класс 11

## Вариант 11-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

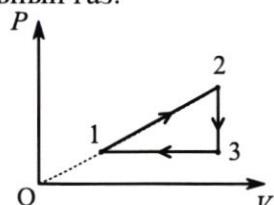
1. Муфту  $M$  двигают со скоростью  $V = 40$  см/с по горизонтальной направляющей  $AB$  (см. рис.). Кольцо  $K$  массой  $m = 1$  кг может двигаться без трения по проволоке  $CD$  в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,7$  м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной  $l = 17R/15$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 3/5$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 8/17$ ) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Термовая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



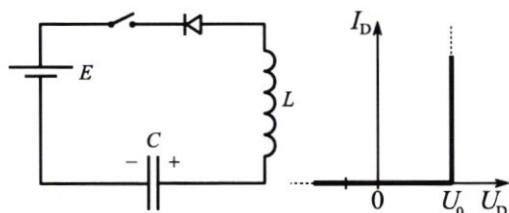
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния  $d$  между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью  $V_1$  и останавливается между обкладками на расстоянии  $0,2d$  от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы  $\frac{q}{m} = \gamma$ .

- 1) Найдите продолжительность  $T$  движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение  $U$  на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость  $V_0$  частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

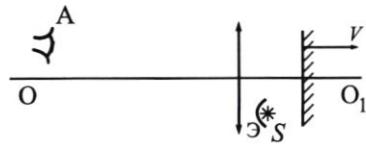
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 3$  В, конденсатор емкостью  $C = 20$  мкФ заржен до напряжения  $U_1 = 6$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,2$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана  $\mathcal{E}$ , расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $8F/15$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии плоскости  $F/3$  от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $F$  от линзы.

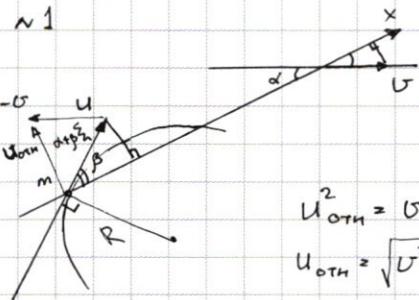
- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

~1



Ox:

$$U \cos \alpha = U \cos \beta$$

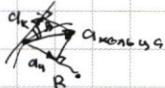
$$U = U \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 40 \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{17}{8} = 51 \text{ cm/s}$$

$$U_{\text{отн}}^2 = U^2 + U^2 - 2UU \cos(\alpha + \beta)$$

$$U_{\text{отн}} = \sqrt{U^2 + U^2 \left( \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \right)^2 - 2U^2 \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \cdot (\cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta)} = 40 \cdot \sqrt{1 + \frac{51}{40} \left( \frac{51}{40} - 2 \cdot \frac{51}{40} \cdot \frac{3 \cdot 17}{8 \cdot 8} \right)} \\ = 40 \sqrt{1 + \frac{51}{40} \left( \frac{51}{40} + \frac{24 \cdot 3}{17 \cdot 5} \right)} = 40 \sqrt{1 + \frac{51}{40} \cdot \frac{51^2 + 12^2 \cdot 20}{40 \cdot 51}} = 40 \sqrt{1 + \frac{5481}{1600}} = \sqrt{7081} \text{ cm/s}$$

$$\vec{a}_{\text{колоц}} = \vec{a}_y + \vec{a}_k$$

$$a_y = \frac{U^2}{R} = a_{\text{колоц}} \cdot \sin \beta$$



$$a_{\text{колоц}} = \frac{U^2}{R \sin \beta}$$

$$T = ma = \frac{m U^2}{R \sin \beta} = \frac{1 \cdot 51^2}{170 \cdot \sqrt{1 - \left( \frac{8}{17} \right)^2}} = \frac{g \cdot 17^2}{170 \cdot \frac{18}{17}} = \frac{3 \cdot 17^2}{50} = \frac{1734}{100} = 17,34 \text{ N}$$

Омбем: 1) 51 cm/s

~~2)~~   $\sqrt{7081} \text{ cm/s}$

3) 17,34 N

~2

$$1-2: \frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2} \quad Q_{12} = A + \Delta U = \frac{1}{2} (V_2 - V_1)(P_2 + P_1) + \frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{12} = \frac{P_2 V_2 + V_2 P_1 - V_1 P_2 - P_1 V_1}{2} + \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1) = \\ = 2(P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$V \uparrow \Rightarrow A > 0$$

$$T \downarrow \Rightarrow \Delta U > 0$$

$$Q_{12} = Q_h$$

$$\frac{Q_{12}}{A_{12}} = \frac{2(P_2 V_2 - P_1 V_1)}{\frac{1}{2}(P_2 V_2 - P_1 V_1)} = 4$$

$$2-3: V = \text{const} \quad A = 0 \quad P \downarrow \Rightarrow T \downarrow \Rightarrow \Delta U < 0$$

$$Q_{23} = \frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{23} = \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$P_3 V_3 = \sqrt{R} T_3$$

$$P_1 V_2 = \sqrt{R} T_3$$

$$C_{23} = \frac{Q_{23}}{\sqrt{\Delta T_{23}}} = \frac{\frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{23}}{\sqrt{\Delta T_{23}}} = \frac{3}{2} R$$

$$3-1: P = \text{const}$$

$$Q_{31} = A + \Delta U = P_1 \Delta V_{12} + \frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{31} = \sqrt{R} \Delta T_{31} \cdot \frac{5}{2} = \frac{5}{2} (P_1 V_1 - P_1 V_2)$$

$$V \downarrow \Rightarrow A < 0$$

$$T \downarrow \Rightarrow \Delta U < 0$$

$$C_{31} = \frac{Q_{31}}{\sqrt{\Delta T_{31}}} = \frac{\frac{5}{2} \sqrt{R} \Delta T_{31}}{\sqrt{\Delta T_{31}}} = \frac{5}{2} R$$

$$\eta = 1 + \frac{Q_x}{Q_h} = 1 + \frac{Q_{23} + Q_{13}}{Q_{12}} = 1 + \frac{\frac{3}{2}(P_2 V_2 - P_1 V_1) + \frac{5}{2}(P_1 V_1 - P_1 V_2)}{2(P_2 V_2 - P_1 V_1)} = 1 + \frac{5P_1 V_1 - 3P_2 V_2 - 2P_1 V_2}{4(P_2 V_2 - P_1 V_1)} =$$

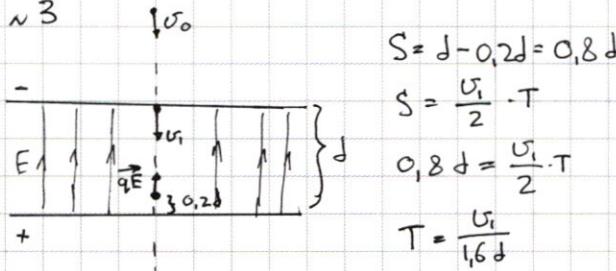
$$= 1 + \frac{-5(P_2 V_2 - P_1 V_1) + 2(P_2 V_2 - P_1 V_1)}{4(P_2 V_2 - P_1 V_1)} = 1 + \frac{5}{4} + \frac{P_2 V_2 - P_1 V_2}{2(P_2 V_2 - P_1 V_1)} = -\frac{1}{4} + \frac{P_1 V_2 (P_2 V_2 - P_1 V_1)}{2(P_2 V_2 - P_1 V_1)(P_1 V_2 + P_1 V_1)} = -\frac{1}{4} + \frac{1}{2 + 2 \frac{V_1}{V_2}} = -\frac{1}{4} + \frac{3}{5} = 0,35$$

Омбем: 1)  $C_{23} = \frac{3}{2} R$ ;  $C_{31} = \frac{5}{2} R$

2) 4

3) 35%

~3



$qE = ma$

$a = \frac{q}{m} E = \gamma E$

$S = \frac{U_1^2}{2a}; 0,8d = \frac{U_1^2}{2\gamma E}$

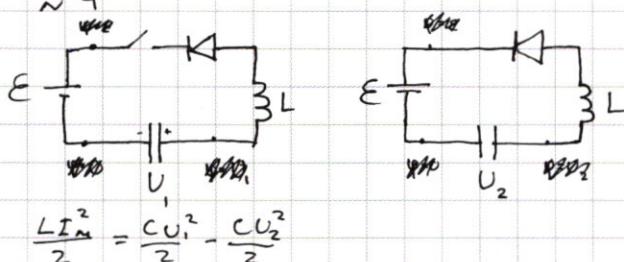
$E = \frac{U_1^2}{1,6d}$

$U = Ed = \frac{U_1^2}{1,6d} \cdot \gamma = \frac{U_1^2}{1,6\gamma}$

Вне конденсатора нет поля, значит до этого, как частица влетела в него нее ничего не действовало, значит  $U_0 = U_1$ .

- Ответ:
- 1)  $T = \frac{U_1}{1,6d}$
  - 2)  $U = \frac{U_1^2}{1,6\gamma}$
  - 3)  $U_0 = U_1$

~4



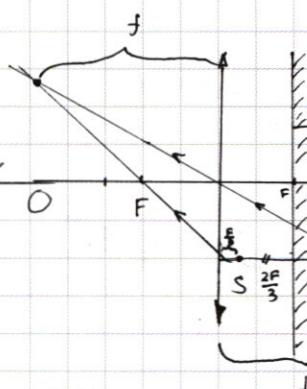
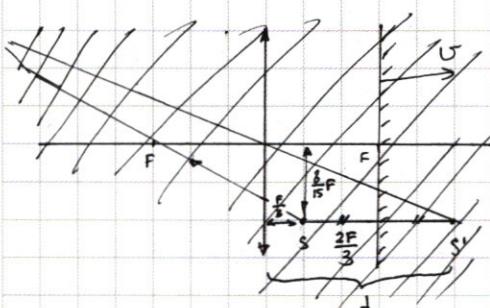
$|E_s| = |L \frac{\Delta I}{\Delta t}|$ 
 $E_s = \text{[REDACTED]}$ 
 $L \cdot \frac{\Delta I}{\Delta t} = U_1 - U_0$ 
 $\frac{\Delta I}{\Delta t} = \frac{U_1 - U_0}{L} = \frac{6-1}{0,2} = \frac{5}{0,2} = 25 \frac{A}{c}$

$E - U_2 = U_0$ 
 $U_2 = E - U_0 = 36 - 1 = 2 B$

$I_m = \sqrt{\frac{C}{L}(U_1^2 - U_2^2)} = \sqrt{\frac{20 \cdot 10^{-6}}{0,2} \cdot (36 - 4)} = 10^{-2} \cdot 4\sqrt{3} = 0,04\sqrt{3} A$

- Ответ:
- 1)  $25 \frac{A}{c}$
  - 2)  $2 B$
  - 3)  $0,04\sqrt{3} A$

~5



$\frac{1}{F} = \frac{1}{f} + \frac{1}{f}$ 
 $f = F + \frac{2F}{3} = \frac{5}{3} F$

$\frac{1}{f} = \frac{f-F}{fF}$

$f = \frac{fF}{f-F} = \frac{\frac{5}{3}F^2}{\frac{5}{3}F-F} = \frac{\frac{5}{3}F}{\frac{2}{3}} = \frac{5}{2} F$

Т.к. зеркало перпендикулярно оси, оно и его склонение  
безразличны

Если в след. момент времени зеркало сдвинется на  $\Delta x$ , то изображение сдвинется на  $2\Delta x$  за то же время

$U = \frac{\Delta x}{\Delta t} : U_{43} = \frac{2\Delta x}{\Delta t} = 2U$

Т.к. зеркало в процессе движения остается перпендикулярно к. опт. оси, изображение движется только ~~параллельно~~ к. опт. оси, а значит  $U_{23} = 0$ ,  $U_{43} = 0$

Ответ:

- 1)  $\frac{5}{2} F$

- 2)  $\cos \alpha = 0$

- 3)  $2U$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

~1

$$O_x: U_x = U \cos \alpha \quad U_x = U_x \quad U = \frac{U \cos \alpha}{\cos \beta} =$$

$$U_x = U \cos \beta \quad U \cos \alpha = U \cos \beta$$

$$= \frac{40 \cdot 3 \cdot 12}{8 \cdot 8} = 51 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

$$U_{\text{orth}}^2 = U^2 + U^2 - 2U \cdot U \cos(\alpha + \beta) = U^2 + U^2 \left( \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \right)^2 - 2 \frac{U^2 \cos \alpha}{\cos \beta} \cos(\alpha + \beta) =$$

$$= U^2 \left( 1 + \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \left( \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} - 2 \cos(\alpha + \beta) \right) \right) = U^2 \left( 1 + \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \frac{\cos \alpha - 2 \cos \alpha \cos \beta + 2 \sin \alpha \sin \beta}{\cos \beta} \right)$$

$$U_{\text{orth}} = U \sqrt{ }$$

~2

$$P_1 V_2 = P_2 V_1$$

$$1-2: \frac{P_1}{P_2} = \frac{P_2}{V_2}$$

$$Q = A + \Delta U = \frac{V_2 - V_1}{2} (P_2 + P_1) + \frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T = \frac{1}{2} (\Delta V) \cdot (P_1 + P_2) + \frac{3}{2} (\Delta p V)$$

$$2-3: V = \text{const} \quad A = 0 \quad C_{23} = \frac{Q_{23}}{\Delta T_{23}} = \frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{23} = \frac{3}{2} R$$

$$P \downarrow \Rightarrow T \downarrow \quad Q_{23} = \Delta U = \frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{23} = \frac{3}{2} V_2 (P_1 - P_2)$$

$$C_D = \frac{Q}{\Delta T} \quad P_1 V_1 = \sqrt{R} T_1 \quad 3-1: p = \text{const} \quad C_{31} = \frac{Q_{31}}{\Delta T_{31}} = \frac{\sqrt{R} \Delta T_{31} \cdot \frac{5}{2}}{\Delta T_{31}} = \frac{5}{2} R$$

$$P_2 V_2 = \sqrt{R} T_2 \quad V \downarrow \Rightarrow T \downarrow \quad Q_{31} = A + \Delta U = p \Delta V + \frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T_{31} = \sqrt{R} \Delta T_{31} \left( 1 + \frac{3}{2} \right) = \frac{5}{2} P_1 (V_1 - V_2)$$

$$2 = \frac{A}{Q_{12}} = \frac{Q_{12} - Q_{23} - Q_{31}}{Q_{12}} = 1 - \frac{Q_{23} + Q_{31}}{Q_{12}} = 1 - \frac{\frac{3}{2} V_2 (P_1 - P_2)}{\frac{5}{2} P_1 (V_1 - V_2)} = 1 - \frac{3}{5} \cdot \frac{(P_1 V_2 - P_2 V_1)}{(P_1 V_1 - P_2 V_2)} = 1 - \frac{3}{5} \cdot \frac{T_3 - T_2}{T_1 - T_3}$$

~3

$\alpha_y:$

$$qF = ma \quad a = \frac{q}{m} E = qE$$

$$S = \frac{d}{2} - 0,2d = 0,3d$$

$$A_{12} = \frac{1}{2} (V_2 - V_1) (P_2 + P_1) =$$

$$= P_2 V_2 + V_2 P_1 - V_1 P_2 - P_1 V_1$$

$$= \frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{2}$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \sqrt{R} \Delta T \cdot \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$Q_{12} = \frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{2} + \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1) =$$

$$= 2(P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

~4

$$E = 38 \quad C = 20 \mu F \quad L = 0,2 \text{ H} \quad U_0 = 16 \text{ V} \quad U_1 = U_0 \quad U_2 = U_0$$

$$E_c = U_1 - U_0 \quad E_s = U_2 - U_0 \quad U_1 - E_s = U_0 \quad U_2 - E_s = U_0$$

$$U_1 = E - U_1 = (L \cdot I) \quad U_2 = E - U_2 = (C \cdot I)$$

$$U_1 = \frac{E - U_1}{L} \quad U_2 = \frac{E - U_2}{C}$$

$$U_1 = \frac{E - U_1}{L} = \frac{E}{L} - \frac{U_1}{L} \quad U_2 = \frac{E - U_2}{C} = \frac{E}{C} - \frac{U_2}{C}$$

$$U_1 = \frac{E}{L} - \frac{U_1}{L} \quad U_2 = \frac{E}{C} - \frac{U_2}{C}$$

$$U_1 = \frac{E}{L} \cdot \frac{L}{1 + \frac{L}{C}} = \frac{E}{L} \cdot \frac{1}{1 + \frac{C}{L}} \quad U_2 = \frac{E}{C} \cdot \frac{C}{1 + \frac{C}{L}} = \frac{E}{C} \cdot \frac{1}{1 + \frac{L}{C}}$$

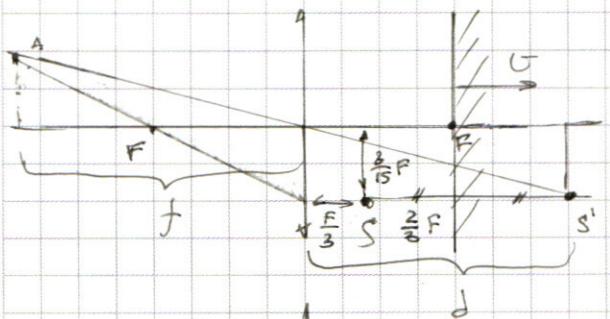
$$U_1 = \frac{E}{L} \cdot \frac{1}{1 + \frac{C}{L}} = \frac{E}{L} \cdot \frac{1}{1 + \frac{1}{0,2}} = \frac{E}{L} \cdot \frac{1}{1 + 5} = \frac{E}{L} \cdot \frac{1}{6} = \frac{38}{0,2} \cdot \frac{1}{6} = 15 \frac{\text{A}}{\text{C}}$$

$$U_2 = \frac{E}{C} \cdot \frac{1}{1 + \frac{L}{C}} = \frac{E}{C} \cdot \frac{1}{1 + \frac{0,2}{0,2}} = \frac{E}{C} \cdot \frac{1}{1 + 1} = \frac{E}{C} \cdot \frac{1}{2} = \frac{38}{0,2} \cdot \frac{1}{2} = 19 \text{ V}$$

$$I_m = \sqrt{\frac{C}{L} \cdot (U_1^2 - U_2^2)} = \sqrt{\frac{20 \cdot 10^{-6}}{0,2} \cdot (15^2 - 19^2)} = \sqrt{10^{-4} \cdot 16 \cdot 2} = 0,04 \sqrt{2} \text{ A}$$

$$E_s = U_0 = L \frac{\Delta I}{\Delta T} \quad \frac{1}{0,2} = \frac{\Delta I}{\Delta T} = 5$$

№ 5



$$d = F + \frac{2}{3}F = F(1 + \frac{2}{3}) = \frac{5}{3}F$$

$$h' = \frac{h}{f} F$$

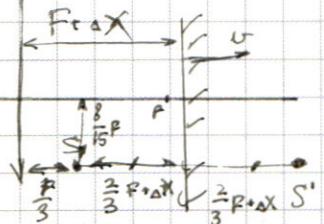
$$\frac{1}{P} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{F} = -\frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d} = \frac{d - F}{Fd}$$

$$t = \frac{(F+d)^{-1}}{Fd}$$

$$f = \frac{Rd}{d-F} = \frac{F \cdot \frac{5}{3}F}{\frac{5}{3}F - F} = \frac{5}{3} \cdot \frac{F^2}{\frac{2}{3}F} = \frac{5}{2}F$$



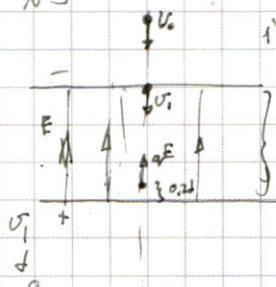
$U \gg OO_1$  и зеркало  $\perp OO_1$ , значит угол  $OO_1$   $\approx U$  изобр. - рабен  $U$

расст. от  $S$  до  $S'$  удваивается на  $20x$

$$\frac{\Delta x}{\Delta t} = U \quad U = \frac{2\Delta x}{\Delta t} = 2U$$

$$f = \frac{Fd}{P+G} = \frac{\frac{5}{3}F^2}{\frac{8}{3}F} = \frac{5}{8}F$$

№ 3



$$1) S = \alpha \cdot 0,2d = 0,8d$$

$$3) qE = ma$$

$$a = \frac{qE}{m} = \gamma E$$

$$S = \frac{U_1^2}{2a} \Rightarrow \frac{U_1^2}{2\gamma E}$$

$$0,8d = \frac{U_1^2}{2\gamma E}$$

$$E = \frac{U_1^2}{1,6d}$$

$$2) S = \frac{U_1 \cdot \alpha}{2} \cdot T$$

$$0,8d = \frac{U_1}{2} T$$

$$T = \frac{U_1}{1,6d}$$

б?

Т.к. вне конденсатора нет напряжения, то

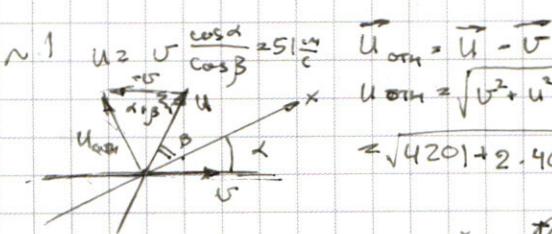
$$U_0 = U_1$$

225.

$$(17-8)(8+8) \cdot 9 \cdot 25 \sqrt{\frac{289-64}{289}} \cdot \frac{15}{17}$$

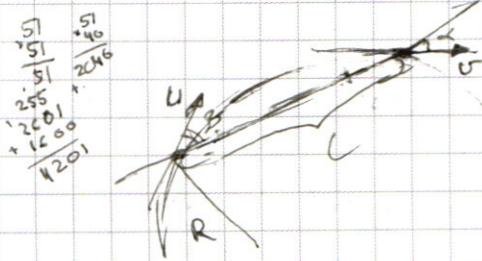
$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{3}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{4}{5} \cdot \frac{15}{17} = \frac{24}{85} - \frac{12}{17}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{12}{17} \left( \frac{3}{5} - 1 \right) \\ &= \frac{12}{17} \cdot \left( -\frac{3}{5} \right) \\ &= -\frac{36}{85} \end{aligned}$$



$$\text{для } K: a_{uk} = \frac{U^2}{R} \quad \vec{F} = m \vec{a} = m(\vec{a}_u + \vec{a}_k)$$

$$a_k =$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\eta = 1 - \frac{Q_X}{Q_H} = 1 - \frac{Q_{23} + Q_{13}}{Q_{12}} = 1 - \frac{\frac{3}{2}(V_2 p_1 - V_1 p_2)}{Q_{12}} = 1 - \frac{3}{5} \cdot \frac{T_3 - T_2}{T_1 - T_3} = 1 - \frac{3}{5} \cdot \frac{P_2}{P_1}$$

$$P_1 V_1 = \gamma R T_1$$

$$P_2 V_2 = \gamma R T_2$$

$$P_1 V_2 = P_2 V_1$$

$$(P_1 V_1)^2 / (P_2 V_2)^2 = T_1^2 / T_2^2$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{P_1 V_1}{P_2 V_2}$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{P_1 V_1}{P_2 V_2}$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \left( \frac{P_1}{P_2} \right)^2$$

$$\frac{T_3}{T_2} = \frac{T_1 T_2}{T_1 T_2} = 1$$

$$T_3 = \frac{(P_1)}{(P_2)} T_2$$

$$T_1 = \left( \frac{P_1}{P_2} \right)^2 T_2$$

$$T_3 = \frac{(P_1)}{(P_2)} T_2$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$\eta = 1 - \frac{Q_X}{Q_H}$$

$$1-2: \frac{P_1}{P_2} = \frac{V_1}{V_2} \quad Q = Q_H = 2(P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$2-3: V = \text{const} \quad A = 0 \quad Q = \frac{3}{2}(P_1 V_2 - P_2 V_1)$$

$$3-1: P = \text{const} \quad Q = \frac{5}{8}(P_1 V_1 - P_2 V_2)$$

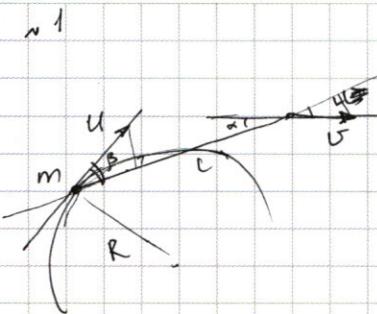
$$\frac{Q_X}{Q_H} = \frac{5P_1 V_1 - 3P_2 V_2 - 2P_1 V_2}{P_2 V_2 - P_1 V_1} = \frac{1}{4} \cdot \frac{-5(P_2 V_2 - P_1 V_1) + 2P_2 V_2 - 2P_1 V_2}{(P_2 V_2 - P_1 V_1)} =$$

$$= \frac{1}{4} \cdot (-5) \cdot 2$$

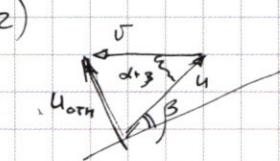
$$\frac{3}{2}$$

$$3P_1 V_1 - 3P_2 V_2 + 5P_1 V_2 - 5P_2 V_1 = \frac{\sqrt{R}}{2} (3T_3 - 3T_2 + 5T_1 - 5T_3) = \frac{\sqrt{R}}{2} (5T_1 - 3T_2 - 2T_3)$$

$$(P_1 V_2)^2 = (\sqrt{R})^2 T_1 T_2$$



$$1) u \cos \alpha = u \cos \beta \\ u = v \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 40 \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{17}{8} = 51 \text{ cm/s}$$



$$u_{\text{norm}} = \sqrt{u_x^2 + u_y^2 - 2uv \cos(\alpha + \beta)} =$$

$$= 40 \cdot \sqrt{1 + \left(\frac{3}{5} \cdot \frac{17}{8}\right)^2 - 2 \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{17}{8} \cdot \left(\frac{3}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{4}{5} \cdot \frac{15}{17}\right)} =$$

$$= 40 \sqrt{1 + \frac{51}{40} \left(\frac{51}{40} - 2 \cdot \frac{12}{17} \left(\frac{2}{5} - 1\right)\right)} =$$

$$= 40 \sqrt{1 + \frac{51}{40} \cdot \frac{\left(\frac{51}{40} + \frac{24 \cdot 3}{17 \cdot 5}\right)}{1}} = \frac{51}{51} /$$

$$= 40 \sqrt{1 + \frac{51}{40} \cdot \frac{51^2 + 24 \cdot 3 \cdot 40}{40 \cdot 51}} =$$

$$= 40 \sqrt{1 + \frac{51^2 + 12^2 \cdot 20}{40^2}} =$$

$$\frac{255}{2880} \frac{1}{2601}$$

$$\frac{2601}{5481} \frac{100100}{1000000} + \frac{1}{1600}$$

$$< \frac{1}{7081} < \frac{1}{36}$$

$$3) \text{ Acceleration: } \vec{a} = \vec{a}_y + \vec{a}_k$$

$$a_y = \frac{u^2}{R} = a \cdot \sin \beta$$

Calculation

$$a_y = \frac{u^2}{R \cdot \sin \beta}$$

$$T = ma = m \frac{u^2}{R \cdot \sin \beta} = \frac{m \cdot 10^2}{170 \cdot \frac{15}{17}} = \frac{1600 \cdot 17}{170 \cdot 15} = \frac{160}{15} = \frac{32}{3} \text{ N}$$

$$= \frac{1 \cdot 51^2}{170 \cdot \frac{15}{17}} = \frac{9 \cdot 17^2}{150} = \frac{3 \cdot 17^2}{50} = \frac{6 \cdot 17^2}{100} = 17,34 \text{ N}$$

$$\frac{7081}{1000000}$$

$$g$$

$$2p_2 V_2 - 2p_1 V_1 \rightarrow 5p_1 V_1 - 3p_2 V_2 - 2p_1 V_2$$

$$2 = \frac{2(p_2 V_2 - p_1 V_1)}{2(p_2 V_2 - p_1 V_1)}$$

$$-p_2 V_2 + 3p_1 V_1 - 2p_1 V_2 \\ 2(p_2 V_2 - p_1 V_1)$$

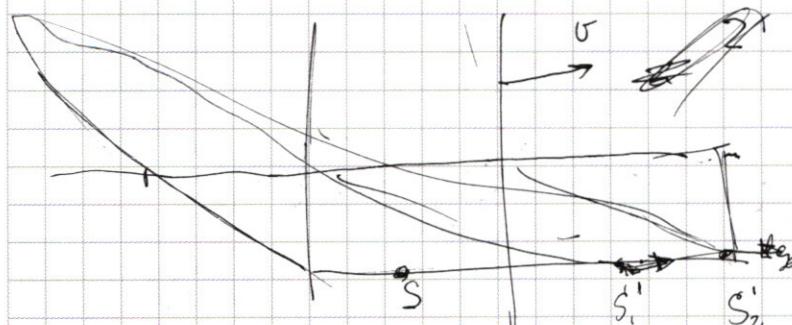
$$\frac{98}{79} \frac{79}{79} \frac{79}{79}$$

$$\frac{53}{62} \frac{62}{41} \frac{89}{89}$$

$$\frac{89}{801} \frac{89}{801}$$

$$\frac{712}{7921} \frac{7921}{7921}$$

$$2 \cdot \frac{R}{3} = \frac{5}{3}$$



$$= \frac{1711}{853} \frac{853}{6241} \frac{89}{89} \frac{89}{801} \frac{712}{7921} \frac{7921}{7921}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{3}{5} - \frac{1}{4} =$$

$$= \frac{12-5}{20}, \frac{7}{20} = \frac{7}{20}$$

$$= 0,35$$

$$\frac{1081}{1081} \frac{1081}{1081}$$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ  
«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

A large grid of squares, approximately 20 columns by 30 rows, intended for students to write their answers.

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ  
«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

[Large grid area for written work, consisting of approximately 20 horizontal rows and 25 vertical columns.]

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)