

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2020

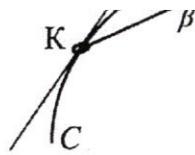
Класс 11

Вариант 11-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без бланка не принимаются.

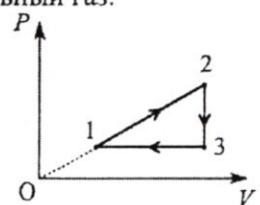
1. Муфту М двигают со скоростью $V = 40$ см/с по горизонтальной нитью, массой $m = 1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,7$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 3/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.

- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.



2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



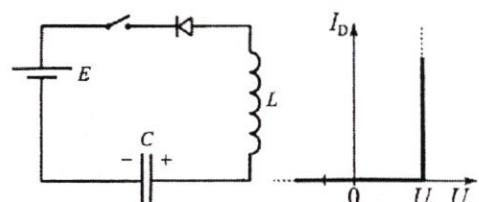
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_0 и останавливается между обкладками на расстоянии $0,2d$ от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите продолжительность T движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение U на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

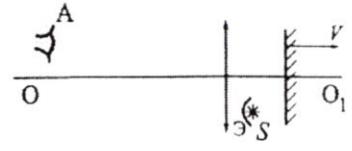
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 3$ В, конденсатор емкостью $C = 20$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 6$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,2$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



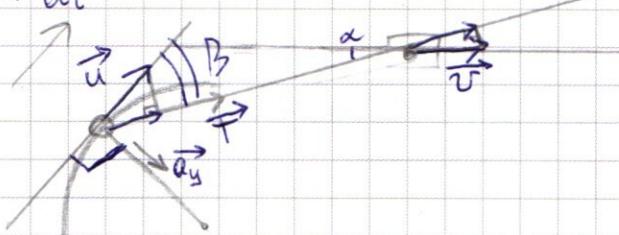
5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси ОО₁ линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси ОО₁ и на расстоянии плоскости $F/3$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси ОО₁. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси ОО₁ движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1.



1) Т.к. трение неравнозначимо,

то в любой момент времени проекции скоростей на обеих

двух могут быть не ось, содержащую сама трещ, должны

быть равны, иначе трещ бы деформировалась (закон 'налогии').

$v \cos \alpha = u \cos \beta$, где u - исходная скорость коняка (перпендикулярно касательной к траектории CD).

$$u = v \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 0,51 \text{ м/с} = 51 \text{ см/с.}$$

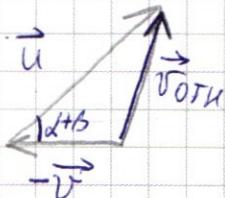
2) По закону сложения скоростей:

$$\vec{v}_{\text{отн}} = \vec{v}_{\text{ст}} + \vec{v}_{\text{отн}}$$

$$\vec{u} = \vec{v} + \vec{v}_{\text{отн}}, \text{ где } \vec{v}_{\text{отн}} - \text{исходная}$$

относительная скорость.

$$\vec{v}_{\text{отн}} = \vec{u} - \vec{v}$$



$$\text{Из т. косинусов: } v_{\text{отн}} = \sqrt{u^2 + v^2 - 2 \cdot u \cdot v \cdot \cos(\alpha + \beta)} =$$

$$= \sqrt{v^2 \frac{\cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} + v^2 + 2v^2 \cdot (\sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \cdot (1 - \cos^2 \beta) - \cos \alpha \cos \beta)} =$$

$$= v \sqrt{\frac{\cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} + 1 + 2(\sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \cdot (1 - \cos^2 \beta) - \cos \alpha \cos \beta)} = \sqrt{5929} \text{ см/с} = 77 \text{ см/с.}$$

3) На коняка действует исходная сила T, также есть центростремительное ускорение \vec{a}_t и тангенциальное \vec{a}_u .

По второму закону Кьютона:

$$ma_u = T \sin \beta$$

(если нет, то
одна перене-
дешевшая
масса
искусств
и
не
интересует).

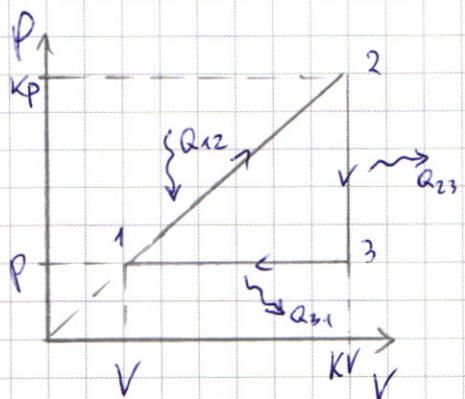
$$a_y = \frac{u^2}{R}, \sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \frac{15}{17}.$$

$$T = \frac{mu^2}{R \cdot \sin \beta} = 0,1734 \text{ K} = 173,4 \text{ мк.}$$

Ответ: 1) 51 м/с, 2) 77 м/с, 3) 0,1734 0,17 К.

N2

Т.К. на участке 1-2 PV, T_0 , работа



не ведется никаких переносных, введен лишь коэффициент изотермичности K .

1) Покажите Понижение температуры газа происходит на участках 2-3 и 3-1.

Процесс 2-3 — изохорический, ТО $C_{23} = \frac{3}{2} R$; процесс

3-1 — изобарический, ТО $C_{31} = \frac{5}{2} R$. Тогда искаженное

$$\text{отношение: } \frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{3}{5} = 0,6.$$

2) по закону Герцигинации: $Q_{12} = A_{12} + sU_{12}$.

Работа газа на участке 1-2: $A_{12} = \frac{1}{2} (k_p + p) \cdot (KV - V) = \frac{1}{2} PV(k^2 - 1)$.

Изменение внутренней энергии: $sU_{12} = \frac{3}{2} PR(T_2 - T_1) = \frac{3}{2} PV(k^2 - 1)$

3) (Внешнее изменение $T_2 - T_1$ касается уравнения состояния газа при

горяч 1, 2, 3: $pV = PRT_1$, $k^2 pV = PRT_2$, $KpV = PRT_3$.)

Тогда темп: $Q_{12} = 2PV(k^2 - 1)$.

И искаженное отношение: $\frac{Q_{12}}{A_{12}} = 4$.

$$3) КПД цикла: \eta = \frac{Q_{12} - |Q_{23}| - |Q_{31}|}{Q_{12}}$$

$$|Q_{12}| = 2PV(k^2 - 1)$$

$$|Q_{23}| = \frac{3}{2} PV(k - 1)$$

$$|Q_{31}| = \frac{5}{2} PV(k - 1)$$

$$\text{Получаем } \eta = \frac{4(k+1) - 3k - 5}{4(k+1)} = \frac{k-1}{4(k+1)}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

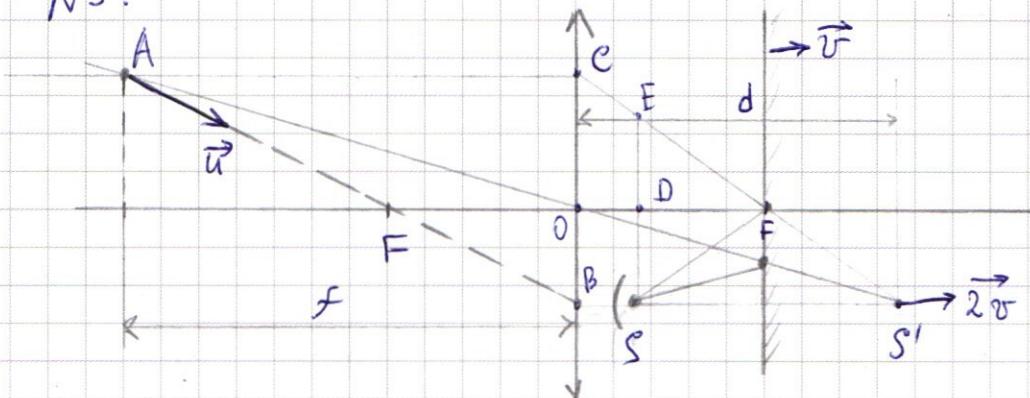
Чтобы найти γ_{\max} , возьмем производную и приравняем ее к нулю:

$$\gamma' = \frac{1}{4} \cdot \frac{1 \cdot (k+1) - 1 \cdot (k-1)}{(k+1)^2} = \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{(k+1)^2} = \frac{1}{2(k+1)^2}$$

Полученное выражение никогда не обращается в нуль, поэтому у функции $\gamma(k)$ нет экстремумов, то есть нет ни максимального, ни максимального значения. Поэтому чем больше k , тем больше γ .

Ответ: 1) 0,6; 2) ч.; 3) нет такого значения.

N5.



1) Для нахождения точки A' построим изображение источника S в зеркале s' . Отсюда проведем два луча: через центр линзы и через её фокус. Получим точку A' . Но формула тонкой линзы: $\frac{1}{F} = \frac{1}{f} + \frac{1}{d}$, где f -исковое расстояние, $d = F + (F - \frac{F}{3}) = \frac{5}{3}F$. — расстояние до источника (вернее, до s'). Отсюда $F = \frac{5}{2}F$.

2) Найдем скорость s' : она равна $2v$, направлена от зеркала.

Скорость изображения (v_A) направлена по тонкую линии в направлении к линзе (в этом можно убедиться, сделав построение для точки S' , когда она немного сдвигается вправо). Скорость \vec{v} направлена в т. B , т.к. т. B лежит на прямой, содержащей скорость $\vec{2v}$.

(но известному признаку 'если предмет находится "ближе", то его изображение ~~также~~ находится в этом же месте'). Тогда

$\angle CAB = \alpha$ — искомый.

$$\Delta FED \sim \Delta FCO, ED = DS = \frac{8F}{15}, FD = F - \frac{F}{3} = \frac{2F}{3}, \text{ то}$$

$$CO = \frac{4F}{5}.$$

$$CB = \frac{4}{3}F.$$

$$\text{Из } \Delta ABC: \operatorname{tg} \alpha = \frac{CB}{AC} = \frac{CB}{F} = \frac{8}{15}.$$

$$3) \text{ Наиболее} \text{ удачное} \Gamma = \frac{F}{d} = \frac{3}{2}. \quad \cos 0^\circ$$

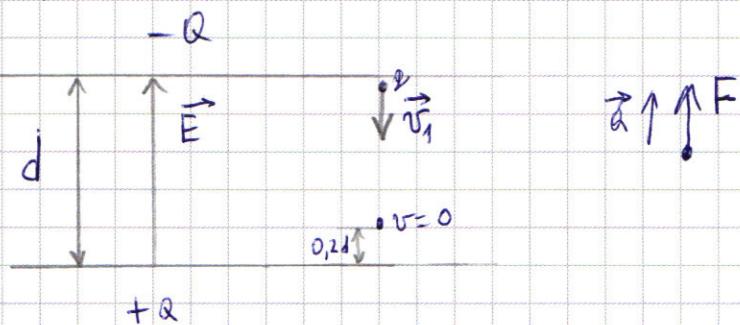
По известной формуле $u \cdot \cos \alpha = 2v \cdot \Gamma^2$, где

$$\cos \alpha = \frac{15}{17}, \quad \Gamma = \frac{3}{2}.$$

$$u = \frac{2v \cdot \Gamma^2}{\cos \alpha} = \frac{153}{30}v = 5,1v.$$

Ответ: 1) $\frac{5}{2}F$, 2) $\operatorname{tg} \alpha = \frac{8}{15}$; 3) $5,1v$.

N 3.



На частицу в конденсаторе действует электрическая сила F , направленная к отрицательно заряженной пластине. Она сообщает частице ускорение a , направление гутто не. Чем $-za$ это явление называют "торнадо".

1) По формулам кинематики: $v_1 = a \cdot T$, $2 \cdot a \cdot (d - 0,2d) = v_1^2$

$$T = \frac{v_1}{Q} = \frac{v_1}{a} = \frac{1,6d}{v_1} = \frac{8d}{5v_1}.$$

$$Q = \frac{v_1^2}{1,6d}.$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2) По закону сохранения энергии работа по перемещению заряда, совершенная полем, равна изменившему энергию самой частицы:

$$\frac{mv_1^2}{2} = U \cdot q$$

Отсюда $U = \frac{mv_1^2}{2q} = \frac{v_1^2}{2\gamma}$.

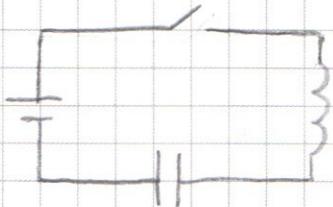
3) На бесконечно большом расстоянии от конденсатора потенциал поля конденсатора равен нулю.

По закону сохранения энергии: $\frac{mv_1^2}{2} = \frac{mv_0^2}{2}$, $v_0 = v_1$.

(т.к. мы не учитываем искривление поля конденсатора у его краев, то на частицу, находящуюся близко конденсатора, но не внутри него, поле конденсатора не действует).

Ответ: 1) $\frac{8d}{5v_1}$; 2) $\frac{v_1^2}{2\gamma}$; 3) v_1 .

НУ.



3) В установившемся режиме ток в цепи равен нулю.

Тогда работа источника A по перемещению заряда равна изменению энергии конденсатора: $A = \Delta W_c$.

$$A = \epsilon \cdot q = \epsilon \cdot C(U_1 - U_2),$$

$$\Delta W_c = \frac{\epsilon}{2}(U_1^2 - U_2^2).$$

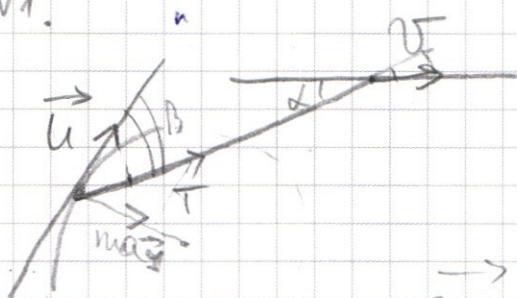
Отсюда $U_2 = 2\epsilon - U_1 = 0$.

Чому После замикання коло ток буде течь тільки між двома контактами і не відстанію, т.к. на другому участку цепі діє діагональний пропускник току тільки в одному напрямленні (у зворотному напрямленні пропускання не буде).
[діагональний пропускник]

Овіт: 3) Ⓛ.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1.



и по 3-м шагам

$$U \cos \beta = V \cos \alpha$$

$$U = \frac{V \cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{0,4 \cdot 3 \cdot 17}{5 \cdot 8} = \frac{1 \cdot 3 \cdot 17}{25 \cdot 4}$$

$$= \frac{3 \cdot 17}{100} = 0,51 \text{ м/c}$$

$$V_K = V_m + V_{am}$$

$$\begin{array}{r} 17 \\ \times 3042 \\ \hline 51 \\ 51 \\ \hline 51 \end{array}$$

$$V_{am} = V_K - V_m$$

$$\begin{array}{r} 51 \\ \times 04 \\ \hline 225 \\ 255 \end{array}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta = \cos \alpha (\cos \beta - \sqrt{(1-\cos^2 \alpha)(1-\cos^2 \beta)}) =$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1-\cos^2 \alpha} = \frac{4}{5}$$

$$50+35=85 \quad 2601$$

$$\sin \beta = \sqrt{1-\cos^2 \beta} = \frac{\sqrt{64}}{\sqrt{17}} = \frac{8}{\sqrt{17}}$$

$$48.$$

$$36.$$

$$= \frac{3}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{4}{5} \cdot \frac{8}{17} = \frac{3 \cdot 8 - 4 \cdot 15}{5 \cdot 17} = \frac{24 - 60}{85} = \frac{-36}{85} \cdot \frac{288}{144}$$

$$\cancel{0} \quad 51^2 + 40^2 + 2 \cdot 51 \cdot 40 \cdot \frac{36}{51 \cdot 40} = 51^2 + 40^2 + 2 \cdot 3 \cdot 8 \cdot 36 = 1728 + 1600 + 1728 \quad \frac{2601}{1600}$$

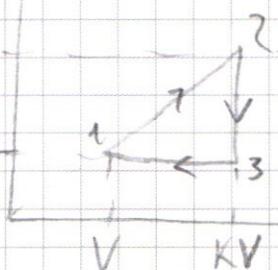
$$2601$$

$$= 2601 + 1600 + 1728 = 5929$$

$$5929$$

P_p

KP



$$1) \frac{C_{23}}{C_{31}} = ?$$

$$\begin{array}{r} 76 \\ 76 \\ \hline 77 \\ 77 \end{array}$$

$$\frac{50}{50} = 2500$$

$$2) \frac{Q_{12}}{A_{12}} = ?$$

$$\begin{array}{r} 456 \\ 532 \\ \hline 539 \end{array}$$

$$25..$$

$$3) \frac{V}{V_{исх}} = ?$$

$$\begin{array}{r} 592 \\ 577 \\ 592 \\ \hline 562 \end{array}$$

$$50..$$

$$1) Q_{23} = C_{23}(T_2 - T_3)$$

$$kPv = \frac{k^2}{P} R T_2$$

$$\frac{PV}{T_2 - T_1} = \frac{PV(k^2 - 1)}{kR}$$

$$Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12} = \frac{1}{2} (p + kp) \cdot V(k-1) + \frac{3}{2} PR(T_2 - T_1) \quad T_2 - T_3 = \frac{KPR(k-1)}{HR}$$

$$= \frac{1}{2} PV(k^2 - 1) + \frac{3}{2} PV(k^2 - 1) = 2PV(k^2 - 1)$$

$$kPv(k-1) = PR(T_2 - T_3)$$

$$y = \frac{A}{Q} = \frac{A_{12} - A_{31}}{Q_{12} - Q_{23}} = \frac{\frac{1}{2}V(k-1) \cdot p}{\frac{Q_{12} - Q_{23}}{1 - 2pV(k^2-1)}}$$

$$Q_{23} = \Delta A_{23} = \frac{3}{2}DR(T_2 - T_3) = \frac{3}{2}kPV(k-1).$$

$$|Q_{31}| = A_{31} + \Delta A_{31} = DV(k-1) + \frac{3}{2}PR(T_3 - T_1) - pV(k-1) + \frac{3}{2}pV(k-1) = \frac{5}{2}pV(k-1)$$

$$y = \frac{Q_{12} - Q_{23} - Q_{31}}{Q_{12}} = \frac{Q_{12} - Q_{23} - Q_{31}}{Q_{12}} = \frac{2pV(k^2-1) - \frac{3}{2}kPV(k-1) - \frac{5}{2}pV(k-1)}{2pV(k^2-1)} =$$

$$= \frac{2(k^2-1) - \frac{3}{2}k(k-1) - \frac{5}{2}(k-1)}{2pV(k-1)(k+1)} = \frac{2(k+1) - \frac{3}{2}k - \frac{5}{2}}{2(k+1)} = \frac{4(k+1) - 3k - 5}{4(k+1)}.$$

$$= \frac{4k+4-3k-5}{4(k+1)} = \frac{k-1}{4(k+1)} \quad \frac{9}{4} \frac{k+1-k+1}{(k+1)^2} \frac{1}{2} \frac{2}{(k+1)^2} \frac{2}{2(k+1)^2}$$

$$\frac{2(k^2-1) - \frac{3}{2}k(k-1) - \frac{5}{2}(k-1)}{2(k^2-1)} = \frac{4(k-1)(k+1) - 3k(k-1) - 5(k-1)}{4(k-1)(k+1)} =$$

$$= \frac{4(k+1) - 3k - 5}{4(k+1)} = \frac{4k+4-3k-5}{4(k+1)} = \frac{k-1}{4(k+1)}$$

$$y' = \frac{1}{4} \cdot \frac{1(k+1) - 1(k-1)}{(k+1)^2} = \frac{1}{4} \frac{k+1-k+1}{(k+1)^2} = D \frac{1}{2(k+1)^2}.$$

$$y = \frac{Q_{12} + Q_{23} - Q_{31}}{Q_{12}} \quad Q_{23} = \Delta A_{23} = \frac{3}{2}DR_pV(k-1)$$

$$Q_{12} = 2pV(k^2-1)$$

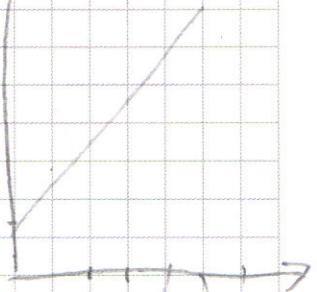
$$y = \frac{2(k^2-1) - \frac{3}{2}k(k-1) - \frac{5}{2}(k-1)}{2(k^2-1)} = \frac{4(k+1) - 3k - 5}{4(k+1)} =$$

$$k=5 \quad y = \frac{4}{4 \cdot 6} = \frac{1}{6} \quad k=4 \quad \frac{3}{4 \cdot 5} = \frac{3}{20}.$$

$$k=1 \quad y=0 \quad k=1,5 \quad \frac{0,5}{4 \cdot 2,5} = \frac{1}{20} = \frac{1}{20}.$$

~~100% - 30%~~

$$\frac{15-1}{4 \cdot 16} = \frac{14}{2 \cdot 16} = \frac{7}{32} = \frac{1}{5}$$

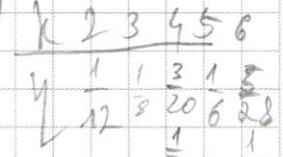


$$Q_{31} = \Delta A_{31} + \Delta A_{31} = \frac{3}{2}PV(k-1) + DV(k-1) =$$

$$= \frac{5}{2}pV(k-1)$$

$$= \frac{4k+4-3k-5}{2} = \frac{k-1}{2}$$

$$= \frac{4(k+1) - 3k - 5}{4(k+1)} = \frac{k-1}{4(k+1)}$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N4

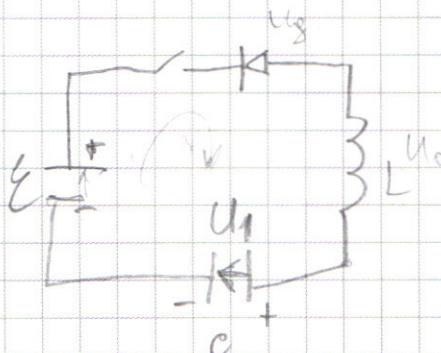
$$E = 3B$$

$$C = 20 \mu F$$

$$U_1 = 6B$$

$$L = 0,2 \text{ H}$$

$$U_0 = 1B.$$



$$E = -U_0 + U_L + U_C$$

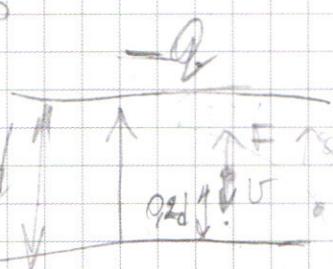
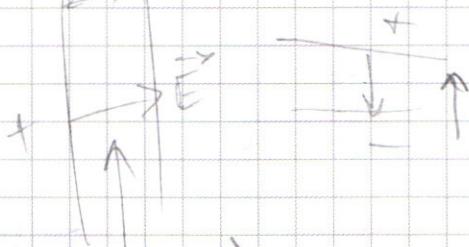
$$\frac{CEI^2}{2} = \frac{CU_C^2}{2} + \frac{LI^2}{2}$$

$$q = CU, I = \dot{q}$$

$$\text{By Kirchhoff's law: } E = -U_0 + U_L + U_C$$

according

$$d$$



$$F = nqA$$

$$T = \alpha T$$

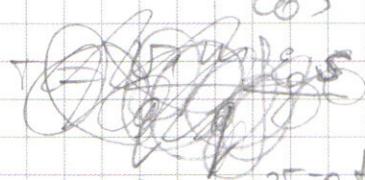
$$F = m \frac{v^2}{r}$$

$$F = E \cdot q$$

$$E \cdot q = \frac{F}{m}$$

$$U = \frac{kq}{r} \quad W = \frac{kq^2}{r} = C \cdot q$$

$$E = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$$



$$0,8d = \frac{\alpha t^2}{2}$$

$$t = \sqrt{\frac{1.6d}{\alpha}}$$

$$0,8d = \frac{vt}{2}$$

$$t = \frac{v}{a}$$

$$0,8d = \frac{at^2}{2}$$

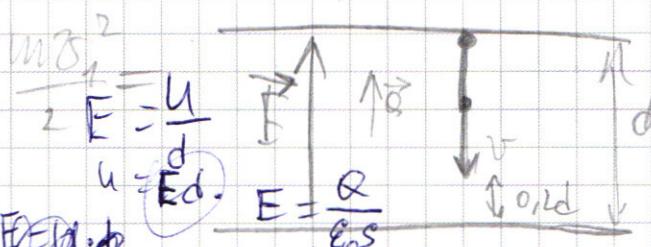
$$2 \cdot \frac{151}{T} \cdot 0,8d =$$

$$\frac{1,6d}{T} = v_1$$

$$1,6d = v_1 t$$

$$\frac{v_1}{T_1^2} \cdot 1,6d = \frac{1,6d}{T_1}$$

$$\frac{16}{100} = \frac{8}{5}$$



$$E = \frac{Q}{\epsilon_0 d}$$

$$U = E d = \frac{Q d}{\epsilon_0 S}$$

$$\frac{mv_1^2}{2} = \frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 d^2}$$

$$F = mv_1$$

$$Q = m \cdot \frac{v_1^2}{16d}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$q = I_{\text{ep}} \Delta E. A \cdot q = \frac{C}{2} \Delta E. I_{\text{ep}} = \frac{1}{2}$$

$$\Delta W = \Delta W_L + \Delta W_C$$

$$\Delta W_C = \frac{C}{2}$$

$$W = \frac{1}{2} Q - k_2$$

$$\Delta W_L = \frac{L}{2} (U_1 + U_2)$$

$$W = E \cdot \frac{d}{2}$$

$$q = C(U_1 - E) = \frac{m v_0^2}{2}$$

$$W = E \cdot d$$

$$E = U_d$$

$$E = U_g + U_L + U_C$$

$$E \cdot d = C$$

$$\frac{C U_1^2}{2} = \frac{C U_2^2}{2} + Q$$

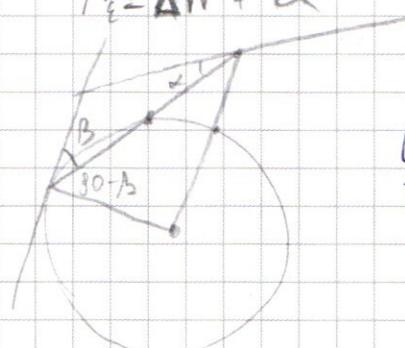
$$W = U_g \cdot d = C \cdot q$$

$$S = \pi R^2 \cos \omega t$$

$$A_E = E q = E \cdot C(U_1 - U_2)$$

$$A_i = \Delta W + Q$$

$$\Delta W_L = 0, \Delta W_C = \frac{C}{2} (U_1^2 - U_2^2)$$



$$\frac{C U_1^2}{2} = \frac{C U_2^2}{2} + L T_{U_1}$$

$$E \cdot C \cdot (U_1 - U_2) = \frac{1}{2} (U_1 + U_2) (U_1 - U_2)$$

$$2 \varepsilon = U_1 + U_2$$

$$-2 \varepsilon C$$

$$C \cdot C \cdot (U_2 - U_1) = \frac{1}{2} (U_1 - U_2) (U_1 + U_2)$$

$$-2 \varepsilon (U_2 - U_1) = U_1 - U_2 (U_1 + U_2)$$

$$-2 \varepsilon = U_1 + U_2$$

$$U_2 = -2 \varepsilon - U_1 = 12 \text{ В}$$

$$C \cdot C \cdot (U_2 - U_1) = \frac{C}{2} (U_1^2 - U_2^2)$$



чертёжник

чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №

(Нумеровать только чистовики)



чертовик



чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)