

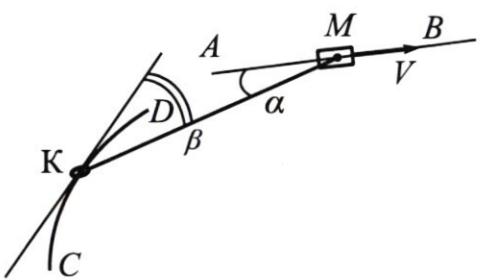
# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 11

## Вариант 11-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не принимаются.

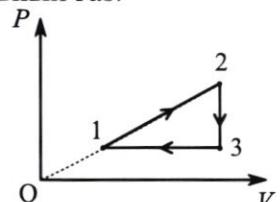
**1.** Муфту  $M$  двигают со скоростью  $V = 40$  см/с по горизонтальной направляющей  $AB$  (см. рис.). Кольцо  $K$  массой  $m = 1$  кг может двигаться без трения по проволоке  $CD$  в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,7$  м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной  $l = 17R/15$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 3/5$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 8/17$ ) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

**2.** Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



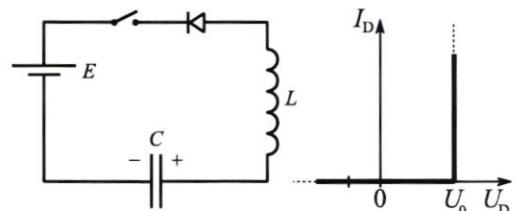
**3.** Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния  $d$  между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью  $V_1$  и останавливается между обкладками на расстоянии  $0,2d$  от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы  $\frac{q}{m} = \gamma$ .

- 1) Найдите продолжительность  $T$  движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение  $U$  на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость  $V_0$  частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

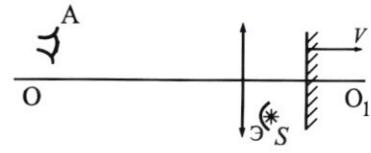
**4.** В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 3$  В, конденсатор емкостью  $C = 20$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 6$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,2$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.



**5.** Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана  $\mathcal{E}$ , расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $8F/15$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии плоскости  $F/3$  от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $F$  от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.





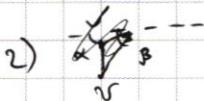
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N=1

$$1) V \cdot \cos \alpha = V \cdot \cos \beta$$

$$V = \frac{V \cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$V = \frac{40 \frac{\text{м}}{\text{s}} \cdot \frac{3}{5}}{\frac{3}{17}} = 51 \frac{\text{м}}{\text{s}}$$



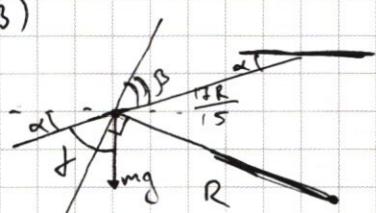
$$V_{\text{ном}} = \sqrt{V^2 + V'^2 - 2VV \cos(\beta - \alpha)} =$$

$$\sin \alpha = \frac{4}{5} \quad \sin \beta = \frac{15}{17} \quad \cos(\beta - \alpha) = \frac{3 \cdot 8}{17 \cdot 5} + \frac{15 \cdot 4}{17 \cdot 5} =$$

$$= \frac{12 \cdot 7}{17 \cdot 5} = \frac{84}{17 \cdot 5}$$

$$V_{\text{ном}} = \sqrt{51^2 + 40^2 - 2 \cdot 51 \cdot 40 \cdot \frac{84}{17 \cdot 5}} = \sqrt{2601 + 1600 - 2012} = \\ = \sqrt{2189} \frac{\text{м}}{\text{s}}$$

3)



$$T = mg \cos \beta$$

$$\beta = 90^\circ - \alpha$$

$$\cos \beta = \frac{4}{5}$$

$$T = 8 \text{ Н}$$

Ответ:  $V = 51 \frac{\text{м}}{\text{s}}$ ,  $V_{\text{ном}} = \sqrt{2189} \frac{\text{м}}{\text{s}}$ ;  $T = 8 \text{ Н}$

N=2

$$1) \frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{Q_{23}(T_2 - T_1)}{Q_{13}(T_2 - T_3)}$$

$$Q_{23} = \frac{3}{2} \bar{V} R (T_3 - T_2) \quad P \uparrow$$

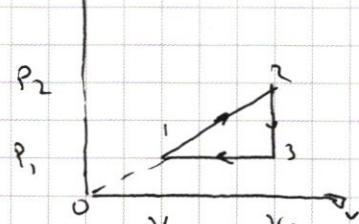
$$Q_{31} = \frac{5}{2} \bar{V} R (T_3 - T_1)$$

$$\frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{3}{5}$$

$$2) \frac{Q_n}{A_n} = \frac{P_1}{V_1} \quad \frac{Q_n}{A_n} = \frac{P_2}{V_2}$$

$$\frac{3}{2} \bar{V} R (T_2 - T_1) + \frac{5}{2} \bar{V} R (T_2 - T_1) = \\ = \frac{3}{2} \bar{V} R (T_2 - T_1) + \frac{P_1 + P_2}{2} (V_2 - V_1) = \\ = \frac{P_1 + P_2}{2} (V_2 - V_1)$$

$$= \frac{3 \bar{V} R (\alpha^2 - 1) T_1}{P_1 V_1 (\alpha^2 - 1)} + 1 = 4$$



$$\frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2} \quad P_2 = \alpha P_1 \\ \frac{P_1}{P_2} = \frac{V_2}{V_1} \quad V_2 = \alpha V_1$$

$$P_1 V_1 = \bar{V} R T_1$$

$$P_2 V_2 = \bar{V} R T_2$$

$$T_2 = \alpha T_1$$

$$T_3 = \alpha T_1$$

$$3) \eta = \frac{A}{\alpha} = \frac{\frac{1}{2}(\alpha-1)^2 PV}{\frac{4}{2} PV (\alpha^2 - 1)} = \frac{\alpha-1}{2(\alpha+1)} \quad \text{при } \alpha \rightarrow \infty \quad \eta = \frac{1}{2}$$

Ответ: 1)  $\frac{3}{5}$ ; 2) 4; 3)  $\frac{1}{2}$

н: 3

2) ~~откат~~

~~откат~~

~~откат~~

S - площадь сечения колеса.

$$\frac{kqQ}{(0,2d)^2} - k \frac{qQ}{(0,3d)^2} = mg$$

$$\alpha = \frac{0,64d^2g}{15k_f}$$

$$= \frac{C}{2}$$

$$U = \frac{0,64d^2g}{15Ck_f}$$

$$E_z/U = \frac{kg}{R^2}$$

$$U = \frac{kqQ}{(0,2d)^2}$$

$$C = \frac{EE_0S}{d}$$

$$U = \frac{0,64d^3g}{15EE_0Sk_f}$$

~~4) F(R) = \frac{kqQ}{R^2} \cdot \frac{mg}{0,2mg}~~

$$= \frac{kqQ}{4d} - 0,2mg$$

0,8d

$$\int_{d}^{0,8d} F(R) dR = - \frac{kqQ}{0,8d} + \frac{kqQ}{0,2d} = 0,2mg$$

$$V_i = at = \frac{Ft}{m}$$

рад,  $\sqrt{2}t$

~~V, F~~

$$\therefore \left( \frac{kqQ}{4d} - 0,2gd \right) = V_i, \quad t = \frac{V_i}{kg/0,19gd}$$

~~уравнение~~ ~~уравнение~~

~~2)  $F(x) = kqQ \left( \frac{1}{d-x^2} + \frac{1}{x^2} \right) - mg$~~

1)

~~1~~

Ответ:

$$U = \frac{0,64d^3g}{15EE_0Sk_f}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$N=4$

$$1) \quad U = LI' \quad I' = \frac{U}{L} \quad u = u_1 - \varepsilon - u_0$$

$$I' = 10 \frac{A}{c}$$

$$2) \quad \frac{LI'^2}{2} = \frac{C(u_1 - \varepsilon - u_0)^2}{2} \quad I_{max} = (u_1 - \varepsilon - u_0) \sqrt{\frac{C}{L}} \quad I_{max} = 0,2 \text{ mA}$$

$$3) \quad U_2 = \varepsilon + u_0 = 4V \quad (\text{так перестанем менять})$$

Однако:  $I' = 10 \frac{A}{c}$ ;  $I_{max} = 0,2 \text{ mA}$ ;  $U_2 = 4V$

$N=5$

$$1) \quad s' \text{ на расст} : \frac{SF}{3} \text{ от линзы скрыва}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \quad f = \frac{Fd}{d-F} \quad f = \frac{\frac{5}{2}F}{\frac{5}{3}} = \frac{5}{2}F \text{ - сбоя}$$

$$2) \quad F = \frac{H}{h} = \frac{f}{d} \quad \frac{H}{f} = \frac{h}{d} \quad h = \text{const} \quad d = \frac{5}{3}F + 2Vt \text{ (мк. изобр)}$$

$$H_b = \frac{f \cdot h}{d} = \frac{\frac{5}{2} \cdot \frac{2}{15}F}{\frac{5}{3}} = \frac{4}{5}F$$

$$F = \frac{3}{2}$$

$$f_1 = \frac{\frac{5}{2}F + 2Vdt}{\frac{5}{3}} = \frac{5}{2}F + 3Vdt$$

$$d_1 = \frac{5}{3}F + 2Vdt$$

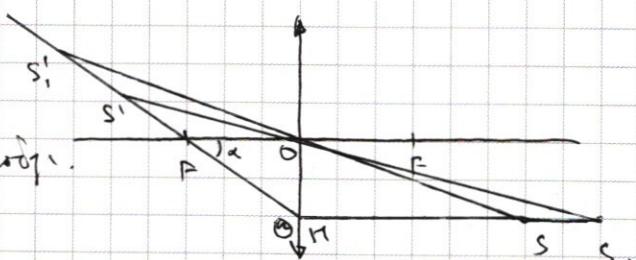
$$H_1 = \frac{(\frac{5}{2}F + 3Vdt) \frac{9}{15}F}{\frac{5}{3}F + 2Vdt}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{H_1 - H}{f_1 - f} =$$

из перв. линзы, что изобр.

будет зерн. булы МЛ

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{OH}{F} = \frac{8}{15}$$



$$3) d = \frac{5}{3} F + 2Vdt$$

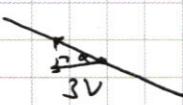
$$f = \frac{5}{2} F + \frac{3V}{2} dt$$

— скорость будет 0.

$$V = \frac{3V}{\cos \alpha}$$

$$\omega > \alpha = \frac{HF}{OP} = \frac{OF}{HF} = \frac{15}{17}$$

$$HF = \sqrt{\frac{64}{225} + 1} = \frac{17}{15}$$



$$\omega = \frac{17}{5} V$$

$$\text{Ответ: } \frac{5}{2} F ; \arctg \frac{8}{15} ; \frac{17}{5} V$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$PV = \gamma R T$$

$$Q = (CMV) \cdot \Delta t$$

$$[I] = U \quad I' = \frac{U}{L}$$

$$\frac{L^2}{2} + \frac{CU^2}{2} = \frac{CM^2}{2}$$

$$\frac{kqQ}{R^2} (\frac{1}{0,04} + \frac{1}{0,64})$$

$$\frac{1}{2}(\alpha - 1)(\alpha - 1) PV$$

$$PV(\alpha - 1)$$

$$E = Ud$$

$$E = \frac{kq}{R^2}$$

$$F = QE$$

$$F = \frac{kqQ}{R^2}$$

$$d = \frac{11}{3} F$$

$$f = \frac{11}{2} F$$

$$\frac{11}{2} F \quad H =$$

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ:  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

$$Q = cm \cdot \Delta t \quad m = M \cdot \rho$$

$$\frac{c_m}{C_m} = \frac{Q_{23}(T_2 - T_3)}{Q_{13}(T_3 - T_1)}$$

$$\gamma = \frac{A}{Q} = 1 - \frac{Q}{Q_r}$$

$$Q = A \cdot \alpha \cdot U$$

$$\alpha U = \frac{2}{3} \gamma R \cdot T = 0$$

$$\begin{array}{r} 84 \\ 48 \\ 652 \\ \hline 136 \\ \hline 2012 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 47 \\ 47 \\ \hline 329 \\ 188 \\ \hline 2200 \end{array}$$

$$y = \frac{17}{964 d^2}$$

$$\frac{235}{2601}$$

$$5x = -8,5$$

$$\frac{1}{2} PV (\alpha^2 - 2\alpha + 1)$$

$$\frac{1}{2} PV (\alpha^2 - 1\alpha + 1 - 2 + 2\alpha) =$$

$$= \frac{1}{2} PV (\alpha^2 + 1)$$

$$\alpha + 1 + \alpha + 1 = 2$$

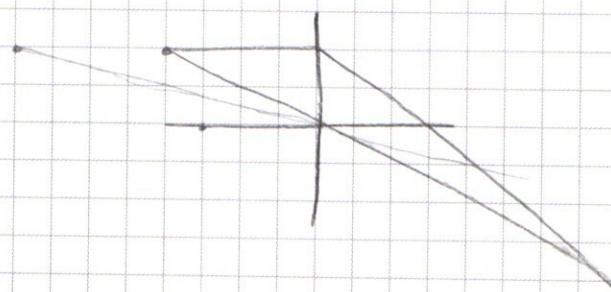
$$\frac{1}{6} \quad \frac{1}{4}$$

$$\sqrt{2 \cdot 10^{-8}} = 10^{-4} \text{ A} = 0,3 \text{ mA}$$

$$\int \dots = \frac{kqQ}{0,8d} + \frac{q = C \cdot U}{kqQ} = \frac{1,3 kqQ}{0,8d} = \frac{120 \cdot 10^{-6} \text{ K} \cdot U}{0,8d}$$

$$\frac{kq}{0,8d} d^2 g$$

$$kq \cdot d \cdot g$$



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ**

**«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»**

## **ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА**

черновик       чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №     
(Нумеровать только чистовики)

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ  
«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

A large rectangular grid of squares, approximately 20 columns by 30 rows, designed for handwritten work.

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)