

Рег. №: М 11-4Т-0012  
Класс участия: 11  
Место проведения: Чита  
Дата проведения: 22 февраля 2020 г.  
Время начала (местное): 12:00

**ШК**  
(заполняется секретарём)



## Олимпиада школ

по МАТЕМАТИКЕ  
Название предмета

Заключительный этап 2020 г.

### Анкета участника

Данная анкета предъявляется участником вместе с документом, удостоверяющим личность, при входе на олимпиаду. По окончании написания олимпиады анкета обязательно вкладывается в работу. Работа без предоставления анкеты недействительна и не проверяется. Анкета без подписей недействительна.

|                                   |                                                   |                                |                   |                   |
|-----------------------------------|---------------------------------------------------|--------------------------------|-------------------|-------------------|
| <u>ДОЛГИХ</u>                     | <u>АЛЕКСАНДР</u>                                  | <u>АЛЕКСЕЕВИЧ</u>              | <u>16.02.2003</u> | <u>17</u>         |
| Фамилия                           | Имя                                               | Отчество                       | Дата рождения     | Возраст           |
| <u>Россия</u>                     | <u>Забайкальский край</u>                         | <u>Чита</u>                    |                   |                   |
| Страна                            | Регион                                            | Населенный пункт               |                   |                   |
| <u>паспорт</u>                    | <u>7617</u>                                       | <u>929309</u>                  | <u>22.03.2017</u> | <u>750-006</u>    |
| Документ, удостоверяющий личность | Серия                                             | Номер                          | Дата выдачи       | Код подразделения |
| <u>Россия</u>                     | <u>Забайкальский край</u>                         | <u>Чита</u>                    |                   |                   |
| Страна школы                      | Регион школы                                      | Населенный пункт школы         |                   |                   |
| <u>11</u>                         | <u>ПОУ "Забайкальский краевой лицей-интернат"</u> |                                |                   |                   |
| Класс обучения                    | Полное название образовательного учреждения       |                                |                   |                   |
| <u>89960206313</u>                |                                                   | <u>dolgikh.sania@gmail.com</u> |                   |                   |
| Мобильный телефон                 | Доп. телефон                                      | E-mail                         |                   |                   |

### Согласие на обработку персональных данных

Я согласен(-на) на сбор, хранение, использование, распространение (передачу) и публикацию своих персональных данных, а также олимпиадных работ, в том числе в сети "Интернет". Я согласен(-на), что мои персональные данные будут ограничено доступны организаторам олимпиады для решения административных и иных рабочих задач. Я проинформирован(а), что под обработкой персональных данных понимаются действия (операции) с персональными данными в рамках выполнения Федерального закона №152 от 27 июля 2006 г., конфиденциальность персональных данных соблюдается в рамках исполнения Операторами законодательства Российской Федерации. Я согласен(-на) на получение информационных писем от организаторов олимпиады на E-mail, указанный при регистрации.

Я подтверждаю, что все указанные мной данные верны и в указанном виде будут использованы при печати дипломов олимпиад в случае их получения. Я согласен(-на) на передачу данных в государственный информационный ресурс о детях, проявивших выдающиеся способности, созданный во исполнение Постановления Правительства Российской Федерации № 1239 от 17 ноября 2015 г.

Я подтверждаю, что ознакомлен с Положением и Регламентом проведения олимпиады школьников «Физтех», а также с правилами оформления и условиями проверки работы.

«22» февраля 2020 г.

  
Подпись участника олимпиады

Конялёва Юлия Викторовна родитель  
ФИО законного представителя Степень родства

  
Подпись законного представителя

**Анкета без подписи недействительна.  
Анкета обязательно должна быть вложена в работу!**





Бланк задания должен быть вложен в работу.  
Работы без вложенного задания не проверяются.

1. [3 балла] Монету подбрасывают 70 раз (вероятности выпадения орла и решки в каждом броске одинаковы). Пусть  $p$  – вероятность того, что орёл выпадет больше 42 раз, а  $q$  – вероятность того, что орёл выпадет не больше 28 раз. Найдите  $p - q$ .
2. [5 баллов] Решите уравнение  $\frac{\cos 4x}{\cos 3x - \sin 3x} + \frac{\sin 4x}{\cos 3x + \sin 3x} = \sqrt{2}$ .
3. [5 баллов] Решите неравенство  $8\sqrt{\log_2 x} - 7 \cdot 2^{1+\sqrt{4\log_2 x}} + 60 \cdot x\sqrt{\log_x 2} \leq 72$ .
4. [5 баллов] а) Сфера с центром  $O$  касается боковых рёбер  $SA, SB, SC$  пирамиды  $SABC$  в точках  $K, L, M$  соответственно, а также касается её основания  $ABC$ . Через точку сферы, ближайшую к точке  $S$ , проведена плоскость, касающаяся сферы. Площадь сечения пирамиды  $SABC$  этой плоскостью равна 2, а  $\angle KSO = \arccos \frac{\sqrt{7}}{4}$ . Найдите площадь треугольника  $KLM$ .  
б) Пусть дополнительно известно, что  $SO = 9$ , а плоскости  $KLM$  и  $ABC$  параллельны. Найдите объём пирамиды  $SABC$ .
5. [6 баллов] Найдите все значения параметра  $a$ , при которых система

$$\begin{cases} x = |y - \sqrt{a}| + \sqrt{a} - 4, \\ (|x| - 6)^2 + (|y| - 8)^2 = 100 \end{cases}$$

имеет ровно три решения.

6. [5 баллов] а) Две параллельные прямые  $\ell_1$  и  $\ell_2$  касаются окружности  $\omega_1$  с центром  $O_1$  в точках  $A$  и  $B$  соответственно. Окружность  $\omega_2$  с центром  $O_2$  касается прямой  $\ell_1$  в точке  $D$ , пересекает прямую  $\ell_2$  в точках  $B$  и  $E$ , а также вторично пересекает окружность  $\omega_1$  в точке  $C$  (при этом точка  $O_2$  лежит между прямыми  $\ell_1$  и  $\ell_2$ ). Известно, что отношение площади четырёхугольника  $BO_1CO_2$  к площади треугольника  $O_2BE$  равно 3. Найдите отношение радиусов окружностей  $\omega_2$  и  $\omega_1$ .  
б) Найдите эти радиусы, если дополнительно известно, что  $BD = 3$ .
7. [6 баллов] Найдите количество пар целых чисел  $(x; y)$ , удовлетворяющих системе неравенств

$$\begin{cases} y \geq 80 + x - 7^{80}, \\ y \leq \log_7 x. \end{cases}$$

Ответ должен быть представлен в виде алгебраической суммы не более трёх слагаемых.



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

- ① Выражение "орёл выпадёт не больше 28 раз" эквивалентно выражению "решка выпадёт не меньше 42 раз", а оно в свою очередь эквивалентно "решка выпадёт больше 42 раз или 42 (ровно) раз".  $q = p' + k(p' - 42; k = 42)$

Т.к. шансы равны и выражения симметричны, выпадение орла  $> 42$  раз = вып. решки  $> 42$  раз ( $p' = p$ ).

Тогда  $p - q = p - p - k = -k$ .

$k$  - выпадение орла (решки) в  $\frac{42}{70}$  случаях.

Кол-во способов выбрать 42 орла из 70 =  $C_{70}^{42} =$   
 $= \frac{70!}{42! \cdot 28!}$ ; Тогда  $k = \frac{70}{C_{70}^{42}} = \frac{42! \cdot 28!}{69!}$

Ответ:  $-\frac{42! \cdot 28!}{69!}$ .

①  $\frac{\cos 4x}{\cos 3x - \sin 3x} + \frac{\sin 4x}{\cos 3x + \sin 3x} = \sqrt{2}$

Сразу скажем, что

$$\begin{cases} \cos 3x \neq \sin 3x \\ \cos 3x \neq -\sin 3x \end{cases} (*)$$

$$\frac{\cos 4x \cdot \cos 3x + \cos 4x \cdot \sin 3x + \sin 4x \cdot \cos 3x - \sin 4x \cdot \sin 3x}{\cos^2 3x - \sin^2 3x} = \sqrt{2}$$

$$\frac{(\cos 4x \cdot \cos 3x - \sin 4x \cdot \sin 3x) + (\sin 4x \cdot \cos 3x + \sin 3x \cdot \cos 4x)}{(\cos^2 3x - \sin^2 3x)} = \sqrt{2}$$

при выборе ответа.

$$\frac{\cos 7x + \sin 7x}{\cos 6x} = \sqrt{2} \quad \left( -\frac{\cos 6x}{\sqrt{2}} \text{ вышесл.}, \text{ что он не } 0 \right)$$

$$\left( \frac{\sqrt{2}}{2} \cos 7x + \frac{\sqrt{2}}{2} \sin 7x \right) = \cos 6x$$

$$\sin(7x + \frac{\pi}{4}) = \cos 6x$$

$$\text{Пусть } \alpha = 6,5x + \frac{\pi}{8}; \beta = 0,5x + \frac{\pi}{8};$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \cos(\alpha - \beta)$$

$$\sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$\sin \alpha (\cos \beta - \sin \beta) - \cos \alpha (\cos \beta - \sin \beta) = 0$$

$$(\sin \alpha - \cos \alpha)(\sin \beta - \cos \beta) = 0$$

$$\begin{cases} \sin \alpha = \cos \alpha; \\ \sin \beta = \cos \beta; \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \operatorname{tg} \alpha = 1; \\ \operatorname{tg} \beta = 1; \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha = \frac{\pi}{4} + \pi k_1; \\ \beta = \frac{\pi}{4} + \pi k_2; \end{cases} k_1, k_2 \in \mathbb{Z}.$$

$$\begin{cases} 6,5x = \frac{\pi}{8} + \pi k_1; \\ 0,5x = \frac{\pi}{8} + \pi k_2; \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{52} + \frac{\pi k_1}{6,5}; & (1) \\ x = \frac{\pi}{4} + 2\pi k_2; & (2) \end{cases}$$

Теперь вернемся к (8):

$$\pm \operatorname{tg} 3x \neq 1$$

$$\pm 3x \neq \frac{\pi}{4} + \pi k$$

$$\pm x \neq \frac{\pi}{12} + \frac{\pi k}{3}$$

Найдем пересечения с (1) и (2) и вычеркнем их:

$$\begin{cases} x = \frac{\pi}{12} + \frac{\pi k_1}{3}; \\ x = \frac{\pi}{52} + \frac{\pi k_2}{6,5}; \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{12} + \frac{k_1}{3} = \frac{1}{52} + \frac{k_2}{6,5};$$

$$13 + 52k_1 = 3 + 24k_2 \Rightarrow 10 = 24k_2 - 52k_1 \Rightarrow 5 = 12k_2 - 26k_1. \quad k_2 = \frac{10 + 52k_1}{24} =$$

$$\begin{cases} -x = \frac{\pi}{12} + \frac{\pi k_1}{3}; \\ x = \frac{\pi}{52} + \frac{\pi k_2}{6,5}; \end{cases} \Rightarrow -13 + 52k_1 = 3 + 24k_2 \Rightarrow 16 = 24k_2 - 52k_1 \Rightarrow 4 = 3k_2 - 13k_1. \quad k_2 = \frac{-4 + 52k_1}{24} = -\frac{1}{6} + \frac{13k_1}{6} \quad k_2 \notin \mathbb{Z}.$$

$$\begin{cases} x = \frac{\pi}{12} + \frac{\pi k_1}{3}; \\ x = \frac{\pi}{4} + 2\pi k_2; \end{cases} \Rightarrow 1 + 4k_1 = 3 + 24k_2 \Rightarrow 4k_1 = 2 + 24k_2 \Rightarrow 2k_1 = 1 + 12k_2 \quad k_2 \notin \mathbb{Z}.$$

$$\begin{cases} -x = \frac{\pi}{12} + \frac{\pi k_1}{3}; \\ x = \frac{\pi}{4} + 2\pi k_2; \end{cases} \Rightarrow -1 - 4k_1 = 3 + 24k_2 \Rightarrow -4 = 24k_2 + 4k_1 \Rightarrow -1 = 6k_2 + k_1 \quad k_2 \notin \mathbb{Z}.$$

$$\text{Ответ: } x = \frac{\pi}{52} + \frac{\pi k_1}{6,5}; \quad x = \frac{\pi}{4} + 2\pi k_2; \quad k_1, k_2 \in \mathbb{Z}.$$

$$k_1 \neq 2 + 6n_1; \quad k_2 \neq 5 + 6n_2; \quad n_1, n_2 \in \mathbb{Z}.$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

3.  $8^{\sqrt{\log_2 x}} - 7 \cdot 2^{1 + \sqrt{4 \log_2 x}} + 60 \cdot x^{\sqrt{\log_2 x}} \leq 72;$

$$2^{3\sqrt{\log_2 x}} - 14 \cdot 2^{2\sqrt{\log_2 x}} + 60 \cdot x^{\sqrt{\log_2 x}} - 72 \leq 0;$$

0, 1, 3:

$$\begin{cases} x > 0 \\ x \neq 1 \\ \log_{x/2} \geq 0 \\ \log_2 x \geq 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x > 1 \end{cases} \Rightarrow x > 1.$$

Пусть  $t = \sqrt{\log_2 x}$ ,  $t \geq 0$ ;

Тогда  $\sqrt{\log_{x/2}} = \frac{1}{t}$ , при условии, что  $x \neq 2$  (\*).

$$2^{3t} - 14 \cdot 2^{2t} + 60 \cdot x^{\frac{1}{t}} - 72 \leq 0$$

$$t = \sqrt{\log_2 x} \Rightarrow t^2 = \log_2 x \Rightarrow 2^{t^2} = x;$$

$$2^{3t} - 14 \cdot 2^{2t} + 60 \cdot (2^{t^2})^{\frac{1}{t}} - 72 \leq 0;$$

$$2^{3t} - 14 \cdot 2^{2t} + 60 \cdot 2^t - 72 \leq 0;$$

Пусть  $a = 2^t$ ;  $a > 0$ .

$$a^3 - 14a^2 + 60a - 72 \leq 0;$$

$$(a-2)(a-6)^2 \leq 0;$$

$$a \leq 2;$$

$$2^t \leq 2;$$

$$t \leq 1;$$

$\log_2 x \leq 1$ ;  $x \leq 2$ , но из-за (\*)  $x < 2$ .

Теперь отдельно проверим случай, когда  $x=2$ .

$$8^{\sqrt{\log_2 2}} - 7 \cdot 2^{1+\sqrt{\log_2 2}} + 60 \cdot 2^{\sqrt{\log_2 2}} \leq 72$$

$$8 - 56 + 120 - 72 \leq 0$$

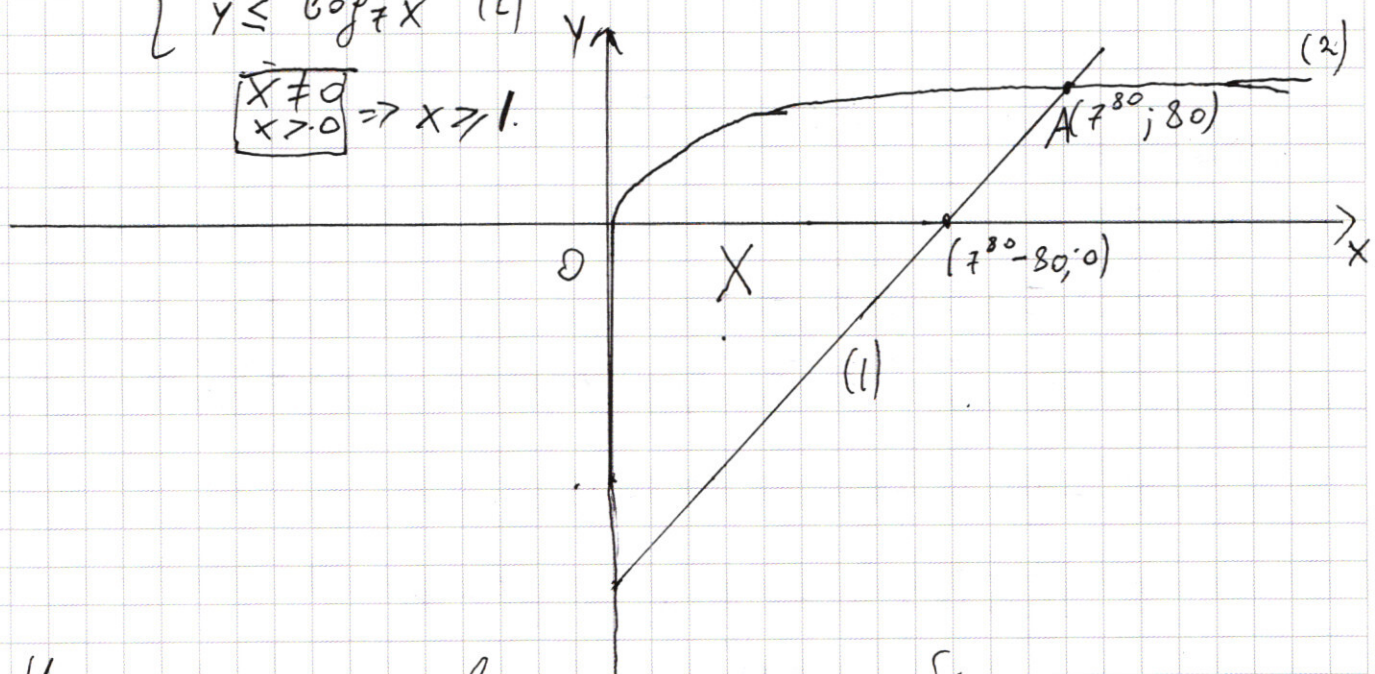
$0 \leq 0$ . Верно, значит  $x=2$  — корень.

Ответ:  $x \in (1; 2]$ .

7. 
$$\begin{cases} y \geq 80 + x - 7^{80} & (1) \\ y \leq \log_7 x & (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \neq 0 \\ x > 0 \end{cases} \Rightarrow x \geq 1.$$

Нарисуем (схематично) графики.  
Заметим, что они пересекаются в  $(7^{80}; 80)$



Итак, задача сводится к тому, чтобы найти точки с целочисленными координатами в зоне X (исходя из неравенств), если нет пересечения графиков равных т. А.

Пусть:  $y_1 = 80 + x - 7^{80}$ ;  $(y_1)' = 1$ ;  $y_2 = \log_7 x$ ;  $(y_2)' = \frac{1}{x \cdot \ln 7}$ ; Заметим, что при  $x > 7^{80}$   $(y_1)' > (y_2)'$

(т.к.  $(y_2)'$  — гипербола, которая всегда убывает, а  $(y_1)'$  — константа).

Значит,  $y_1$  будет расти намного быстрее  $y_2$  всегда при  $x > 7^{80}$   
 $\Rightarrow$  А — единственная точка пересечения, при  $x \geq 1$ .

Чтобы посчитать кол-во целочисленных точек, мы будем перебирать все целоч. X, и для них искать соотв. целоч. Y.

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Замечу, что можно отдельно посчитать так же точки над и под осью  $Ox$ . Пусть  $\varphi_n(x)$  - число решений при фикс.  $x$  над осью.  $\varphi_n(x)$  - под.

Для начала над осью:

$$\begin{aligned} \varphi_n(1) &= 7^{80} - 81 \\ \varphi_n(2) &= 7^{80} - 8^2 \\ &\dots \\ \varphi_n(7^{80} - 80) &= 0 \end{aligned} \Rightarrow \varphi_n(1) + \dots + \varphi_n(7^{80} - 80) = \frac{7^{80} - 81}{2} \cdot (7^{80} - 80)$$

$$\varphi_n(7^{80} - 80) = 0$$

Теперь посчитаем над осью:

$$\varphi_n(1) = 0$$

$$\varphi_n(2) = 0$$

$$\dots$$

$$\varphi_n(6) = 0$$

$$\varphi_n(7) = 1$$

$$\varphi_n(8) = 1$$

$$\dots$$

$$\varphi_n(79) = 1$$

$$\varphi_n(80) = 2$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$S(\varphi_n)$  - сумма всех  $\varphi_n$ .

$$\begin{aligned} S(\varphi_n) &= \varphi_n(1) + \dots + \varphi_n(7^{80} - 80) = (7^1 - 7^0) \cdot 0 + (7^2 - 7^1) \cdot 1 + \dots + \\ &\quad + (7^{79} - 7^{78}) \cdot 78 + (7^{80} - 7^{79} - 80) \cdot 79 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_1(\varphi_n) &= 7^1 \cdot 0 - 7^1 \cdot 1 + 7^2 \cdot 1 - 7^2 \cdot 2 + 7^3 \cdot 2 - 7^3 \cdot 3 + \dots + 7^{78} \cdot 77 - 7^{78} \cdot 78 + \\ &\quad + 7^{79} \cdot 78 + 7^{80} - 7^{79} - 80 \cdot 79 = -1(7^1 + 7^2 + \dots + 7^{78}) + 7^{80} - 7^{79} - 80 \cdot 79 = \\ &= 7^{80} - (7^1 + 7^2 + \dots + 7^{78}) - 80 \cdot 79 \end{aligned}$$

$$\varphi_n(7^{80} - 79) = 79$$

$$\varphi_n(7^{80} - 78) = 78$$

$$\dots$$

$$\varphi_n(7^{80} - 1) = 1$$

$$\varphi_n(7^{80}) = 1$$

$$S_2(\varphi_n) = 79 + 78 + \dots + 1 + 1 = \frac{80}{2} \cdot 79 + 1 = 40 \cdot 79 + 1$$

$$S_0(\varphi_n) = S_1 + S_2 = 7^{80} - (7^{78} + 7^{77} + \dots + 7^1) - 40 \cdot 79 + 1$$

Также надо не забыть точки на оси  $Ox$ , там  $7^{80}$ .

Значит всего искомым точек:

$$\text{Ans} = \frac{7^{80} - 81}{2} \cdot (7^{80} - 80) + 7^{80} - 80 + 7^{80} - 90.79 + 1 +$$

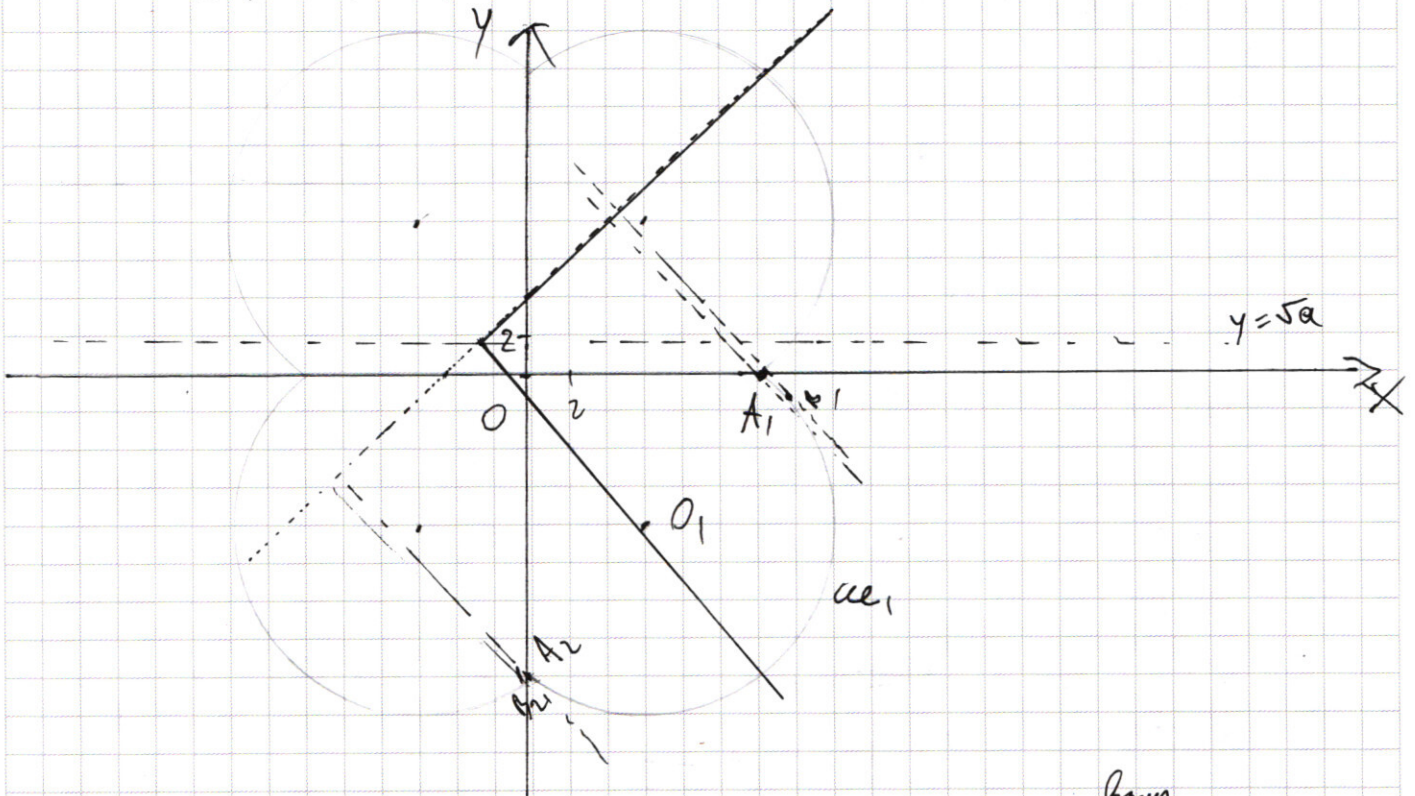
$$+ (-1) \cdot (7^{75} + 7^{73} + \dots + 7^1) = \frac{7^{160}}{2} - \left[ \frac{472}{6} \cdot 7^{80} \right] - 6439; \text{ где}$$

[x] - округление числа вниз.

⑤  $\begin{cases} x = |y - \sqrt{a}| + \sqrt{a} - 4 & (1) \end{cases}$

$\begin{cases} (|x| - 6)^2 + (|y| - 8)^2 = 100 & (2) \end{cases}$

Начертан (2):



Заметим, что (1) - это прямая, отраженная <sup>вниз</sup> относительно  
и о прямой  $y = \sqrt{a}$ ; прямая  $y = x + 4$ .

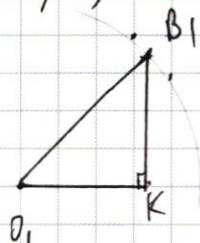
З решения системы имеет лишь тогда, когда прямая

$x = -y + 2\sqrt{a} - 4$  имеет 2 пересечения с  $cc_1$  (кр.).

Это тогда, когда она проходит через  $A_1$  и выше и при  
этом не проходит через  $B_1$  и ниже, либо проходит через  
 $A_2$  и ниже и не пр. через  $B_2$  и выше. Заметим, что она  
не может проходить через  $A_2$  и ниже, т. к.  $\sqrt{a} \geq 0$ .  
Значит, остается лишь проверить  $A_1$  и  $B_1$ .

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$A_1(12; 0)$$



$$O_1 B_1 = 10$$

$$O_1 K = B_1 K \Rightarrow O_1 K = 5\sqrt{2}; B_1 K = 5\sqrt{2}.$$

$$B_1(5\sqrt{2} + 6; 5\sqrt{2} + 8).$$

Подставим  $A_1$ :

$$12 = 2\sqrt{a} - 4 \Rightarrow \sqrt{a} = 8 \Rightarrow a = 64$$

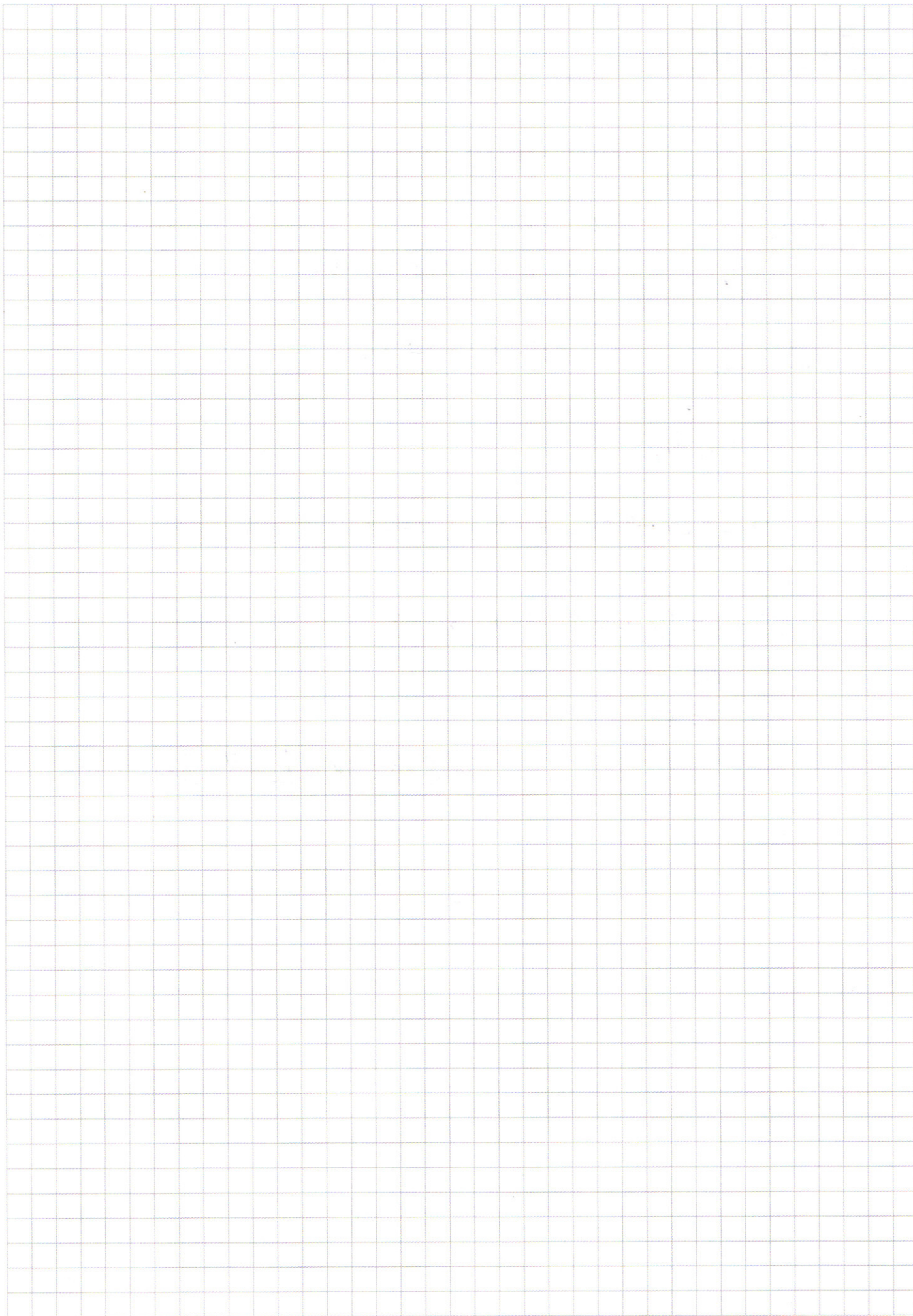
$(B_1)$ :

$$5\sqrt{2} + 6 = -5\sqrt{2} - 8 + 2\sqrt{a} - 4$$

$$7\sqrt{a} = 9$$

$$a = 81$$

Ответ:  $a \in [64; 81]$ .



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$8^{\sqrt{\log_2 x}} - 14 \cdot 4^{\sqrt{\log_2 x}} + 60 \cdot x^{\sqrt{\log_2 2}} \leq 72$$

$$x > 0 \quad x \neq 1 \quad \text{---} \quad x > 1$$

$$t = \sqrt{\log_2 x} \quad t^2 = \log_2 x \quad 2^{t^2} = x$$

$$x \geq 2$$

$$8^t - 14 \cdot 4^t + 60 \cdot (2^{t^2})^{\frac{1}{t}} \leq 72$$

$$2^{3t} - 14 \cdot 2^{2t} + 60 \cdot 2^t \leq 72$$

$$8 - 36 + 120 - 72$$

$$a^3 - 14a^2 + 60a - 72 \leq 0$$

$$\begin{array}{r|l} a^3 - 14a^2 + 60a - 72 & a - 2 \\ -a^3 + 2a^2 & \\ \hline -12a^2 + 60a - 72 & \\ -12a^2 + 24a & \\ \hline 36a - 72 & \end{array} \quad \begin{array}{l} a^2 - 12a + 36 \\ (a - 6)^2 \end{array}$$

$$120 - 64 = 56$$

$$(a - 2)(a - 6)^2 \leq 0$$

$$(a - 2) \leq 0$$

$$a \leq 2$$

$$2^t \leq 2$$

$$t \leq 1$$

$$\log_2 t \leq 1 \quad (x \leq 2)$$

$$7^x \cdot (x - 1) - 7^x(x)$$

$$1$$

$$3 \quad (4)$$

$$8 \quad 6 \cdot 7^5$$

$$27$$

$$81$$

$$52.3 = 156$$

$$5 + \frac{26k}{12} = 8 \quad 66$$

$$\begin{cases} y \geq 80 + x - 7^{80} \\ y \leq \log_7 x \end{cases}$$

2 484  
3 7<sup>3</sup>+

$$7^y \leq x$$

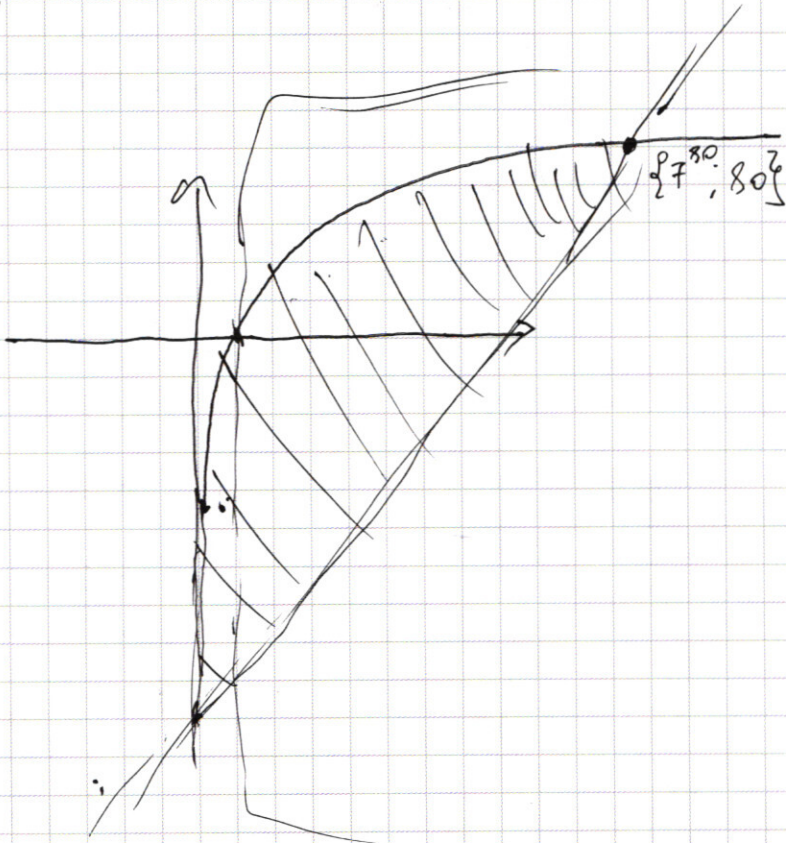
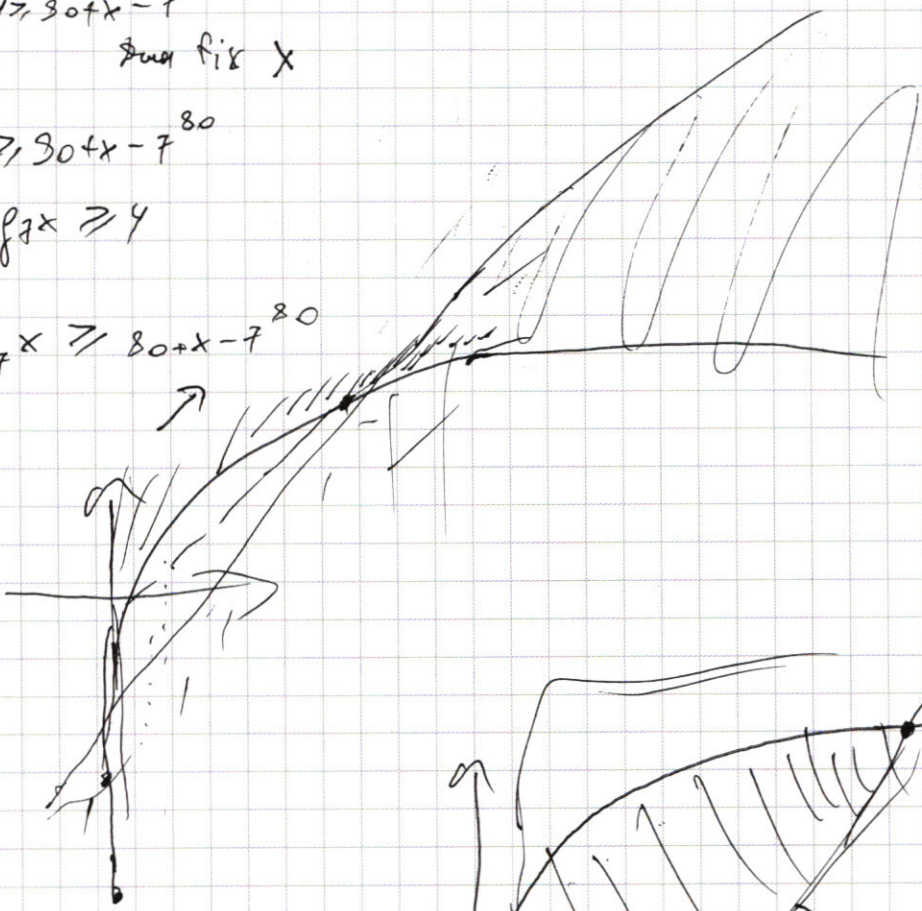
$$x > y$$

$$y \geq 80 + x - 7^{80}$$

fix X

$$\begin{cases} y \geq 80 + x - 7^{80} \\ \log_7 x \geq y \end{cases}$$

$$\log_7 x \geq 80 + x - 7^{80}$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{\cos 4x}{\cos 3x - \sin 3x} + \frac{\sin 4x}{\cos 3x + \sin 3x} = \sqrt{2}$$

$$\frac{\cos 3x \cos 4x + \sin 3x \cos 4x + \cos 3x \sin 4x - \sin 3x \sin 4x}{\cos^2 3x - \sin^2 3x} = \sqrt{2}$$

$$\frac{\cos 7x + \sin 7x}{\cos 6x} = \sqrt{2}$$

$$\text{или } \cos 7x + \sin 7x = \sqrt{2} \cos 6x$$

$$\cos 7x + \sin 7x = \sqrt{2} \cos 6x$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \cos 7x + \frac{\sqrt{2}}{2} \sin 7x = \cos 6x$$

$$\sin(7x + \frac{\pi}{4}) = \cos 6x$$

$$\begin{cases} x = |y - \sqrt{a}| + \sqrt{a} - 4 \\ (|x| - 6)^2 + (|y| - 8)^2 = 100 \end{cases}$$

$$\frac{9}{34} \frac{7}{2}$$

$$343$$

$$\sin(7x + \frac{\pi}{4}) = \cos 6x$$

$$\sin(6.5x + \frac{\pi}{8})$$

$$\sin(6.5x + \frac{\pi}{8}) + \sin(9.5x + \frac{\pi}{8}) = \cos(6.5x + \frac{\pi}{8}) - \cos(9.5x + \frac{\pi}{8}) = 0$$

$$\sin 1 \cdot \cos 2 + \sin 2 \cdot \cos 1 - \cos 2 \cdot \cos 1 - \sin 2 \cdot \sin 1 = 0$$

$$\sin 1 (\cos 2 - \sin 2) = \cos 1 (\cos 2 - \sin 2) \quad |\sin 1 - \cos 1|$$

