

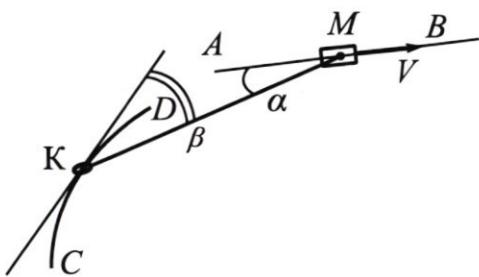
Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-03

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влс

- 1.** Муфту M двигают со скоростью $V = 34$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,3$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 0,53$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/4$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$ с направлением движения муфты и угол $\beta (\cos \beta = 3/5)$ с направлением движения кольца.



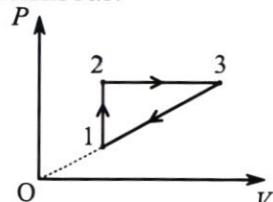
- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

- 2.** Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.

- 2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.

- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



- 3.** Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния d между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,3d$ от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со

скоростью V_1 . Удельный заряд частицы $\frac{|q|}{m} = \gamma$.

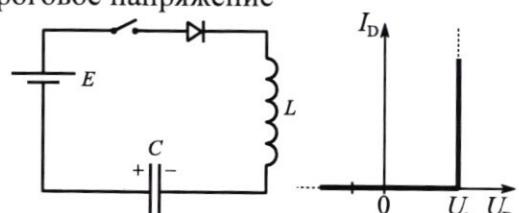
- 1) Через какое время T частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?

- 2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.

- 3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

- 4.** В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 2$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.



- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.

- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.

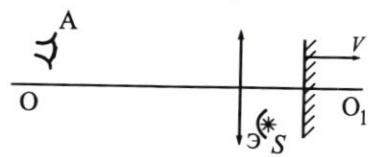
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

- 5.** Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/4$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $3F/4$ от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1.

Дано:

Муарта. - М.

$V = 30$ м/с.

$m = 0,3$ кг (Кильда)

$R = 0,53$

$P = \frac{\pi R}{4}$ (штб)

$\alpha / (\cos \alpha) = \frac{15}{17}$.

$B = \cos \beta = \frac{3}{5}$

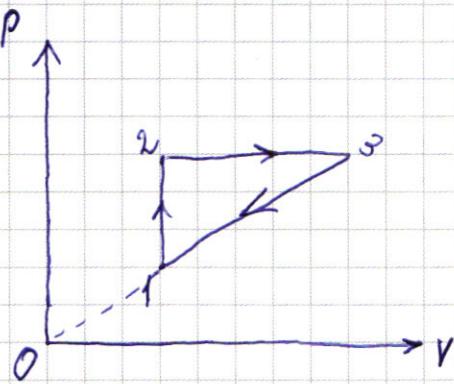
① $V_k = ?$; $V_r = ?$; $F_n = ?(F)$

Нужно:

N2

$$P = kV \text{ (или зависимость)}$$

$$i=3$$



① $PV = JRT$

~~12~~ $V = \text{const}$; $P - \text{увелич}$, $\Rightarrow T - \text{увелич}$

~~23~~ $P = \text{const}$; $V - \text{увелич}$, $\Rightarrow T - \text{увелич}$

~~31~~ $P = \text{уменьш}$, $V - \text{уменьш}$, $\Rightarrow T - \text{уменьш}$.

$$\frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{C_V}{C_P} = \frac{\frac{i}{2} \cdot R}{\frac{1+2}{2} \cdot R} = \frac{\frac{i}{2}}{1+2} = \frac{3}{5}$$

② изобарии - 2/3

$$\frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} - ? \quad \Delta U_{23} = \frac{1}{2} VR_0 T = \frac{3}{2} VR(T_3 - T_2)$$

$$A_{23} \stackrel{\text{изобарии}}{\leq} P_2 A V = P_2 (V_3 - V_2) = VR(T_3 - T_2)$$

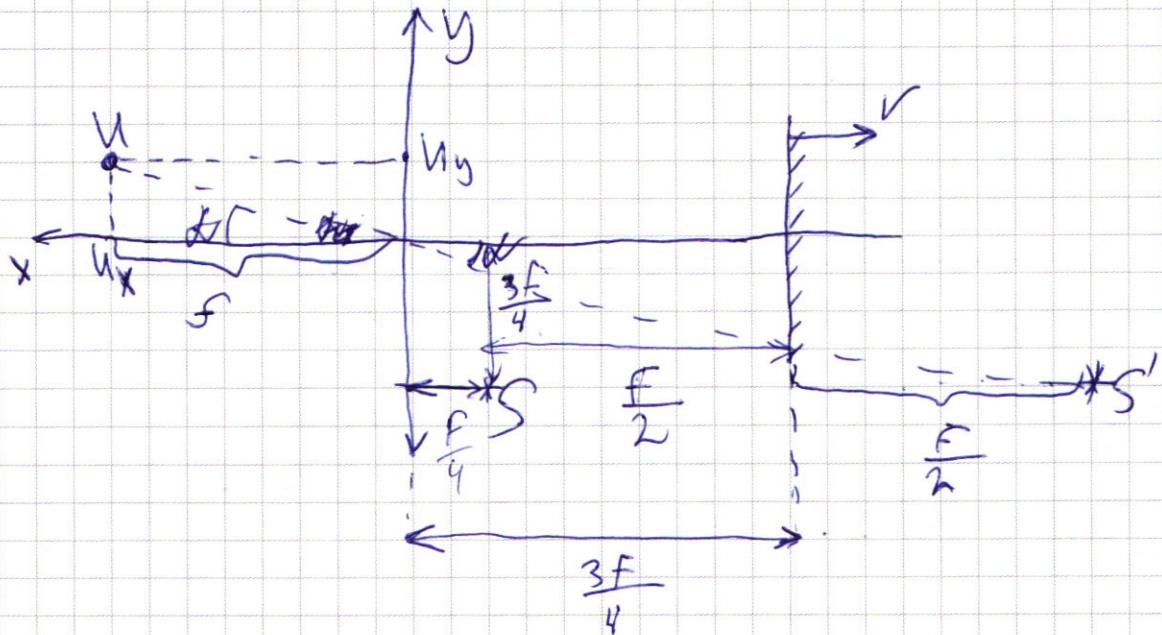
$$\frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} \leq \frac{\frac{3}{2} VR(T_3 - T_2)}{VR(T_3 - T_2)} \leq \frac{3}{2}$$

③ $V_1 = V_2$; $P = kV$; $P_2 = P_3$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{aligned}
 A_{\text{внешне}} &= \frac{(V_3 - V_2) \cdot (P_2 - P_1)}{2} = k \frac{(V_3 - V_2) \cdot (V_3 - V_1)}{2} = \\
 &= k \frac{(V_3 - V_1)^2}{2} \\
 Q_n &\leq Q_{12} + Q_{23}; Q_{12} \leq V C_r (T_2 - T_1) \leq \frac{3}{2} \left(\frac{V R (T_2 - T_1)}{m} \right) = \\
 &\leq \frac{3}{2} (R V_2 - P_1 V_1) = \frac{3}{2} V_1 (P_2 - P_1) = \frac{3}{2} k V_1 (V_3 - V_1) \\
 Q_{23} &\leq V C_p (T_3 - T_2) \leq \frac{5}{2} V R (T_3 - T_2) \leq \frac{5}{2} (P_3 V_3 - P_2 V_2) = \\
 &= \frac{5}{2} k V_3 (V_3 - V_1) \\
 \eta &\leq \frac{A}{Q_n} \leq \frac{k (V_3 - V_1)}{\frac{3}{2} k V_1 (V_3 - V_1) + \frac{5}{2} k V_3 (V_3 - V_1)} \leq \frac{V_3 - V_1}{3 V_1 + 5 V_3} \\
 \eta &= \frac{\frac{V_3}{V_1} - 1}{3 + 5 \frac{V_3}{V_1}} \quad \text{нестр} \frac{V_3}{V_1}, x \geq 0 \\
 \eta &= f(x) \quad f(x) = \frac{x-1}{3+5x} \\
 f'(x) &= \frac{(3+5x)-(x-1)\cdot 5}{(3+5x)^2} \leq \frac{8}{(3+5x)^2} > 0 \\
 &\Rightarrow f''(x) - \text{максимум} \\
 &\text{внешней} \\
 \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) &= \frac{1}{5} \Rightarrow \eta_{\max} = 20\%
 \end{aligned}$$

№5



①.

$$d = \frac{3F}{4} + \frac{F}{2} = \frac{5}{4} \cdot F$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} \cdot \frac{1}{f} = \frac{4}{5F} \cdot \frac{1}{f} \Rightarrow$$

$$\underline{f = SF}$$

$$\textcircled{2} \quad \tan \alpha = \frac{u_y}{u_x} = \frac{h}{F} ; h = \frac{3F}{4}$$

$$\underline{\tan \alpha = \frac{3}{4}}$$

$$\textcircled{3} \quad \Gamma^2 = \frac{U \cos \alpha}{V}$$

$$\Gamma \cdot \frac{F}{d} = \frac{SF}{\frac{5}{4}F} = 4$$

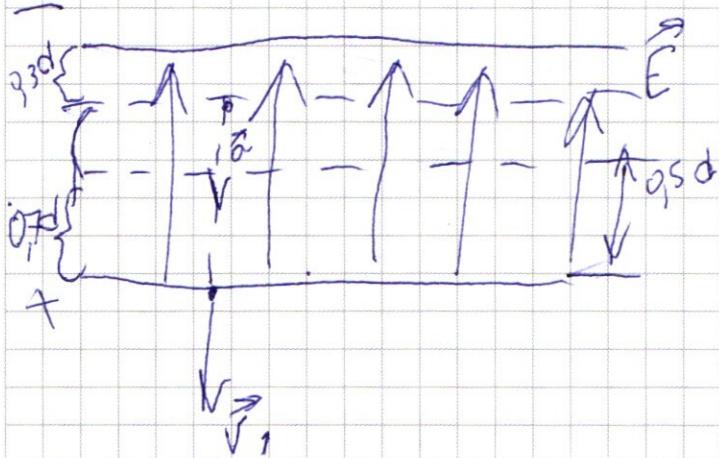
$$U = \frac{\Gamma^2 V}{\cos \alpha}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{1 + \tan^2 \alpha} = \sqrt{1 + \left(\frac{3}{4}\right)^2} = \frac{5}{4}$$

$$\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{4}{5} ; U = \frac{4 \cdot V}{\frac{4}{5}} = 20V$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N3



$$① 2\alpha S, V_1^2 - 0$$

$$2\alpha \cdot 0.7d = V_1$$

$$\alpha = \frac{V_1^2}{1.4d} = \frac{5V_1^2}{7d}$$

$$0.2d = \frac{\alpha T^2}{2}$$

$$T = \sqrt{\frac{0.2d}{\alpha}} = \sqrt{\frac{0.2d \cdot 7d}{5V_1^2}} =$$

$$= \frac{d}{V_1} \cdot \sqrt{\frac{2.8}{5}} = \frac{d}{V_1} \cdot \sqrt{0.56} \quad \#$$

$$② \alpha = \frac{s}{T} = \frac{V_1^2}{d}$$

$$\alpha = \frac{F}{m} = \frac{|q|E}{m} = jE$$

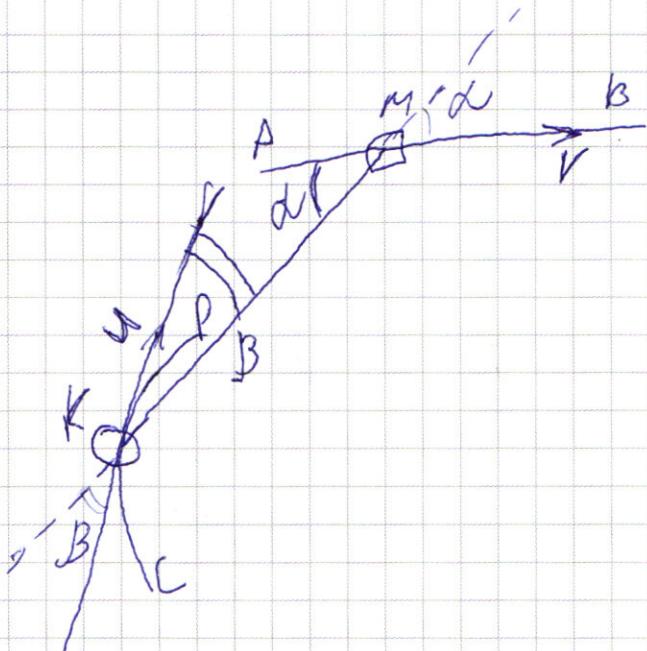
$$E = \frac{6}{\epsilon_0}$$

$$\frac{5V_1^2}{7d} = \frac{6}{\epsilon_0}, 6 = \frac{Q}{S}$$

$$6 = \frac{5\epsilon_0 V_1^2}{7d} ; Q = \frac{5V_1^2 \epsilon_0}{7d} S ; S = \pi R^2$$

$$③ V_2 = V_1; \text{ все конденсаторы } E = 0 \Rightarrow f = 0 = \beta V_{\text{const}}$$

N1



$$V_s = 34 \text{ м/с}$$

$$m_{SO} = 3 \text{ кг.}$$

$$R_s = 0,53 \mu\Omega$$

$$L = \frac{5R}{4}$$

$$\cos \alpha = \frac{15}{17}$$

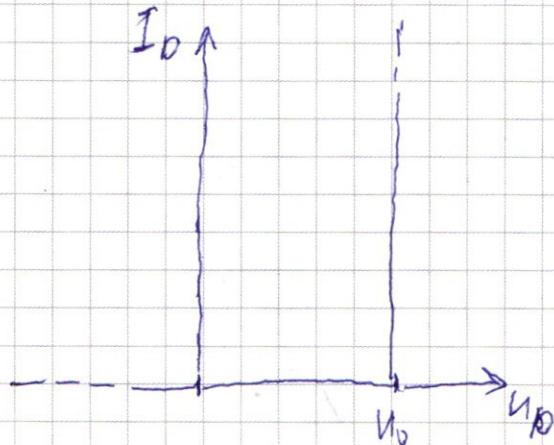
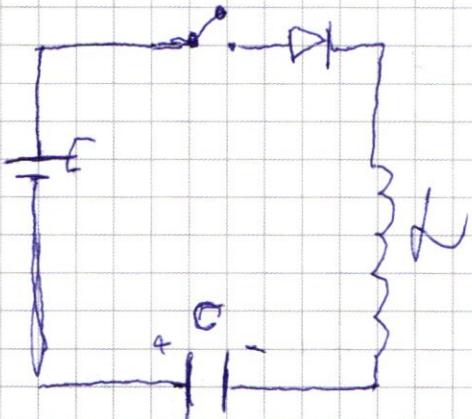
$$\cos \beta = \frac{3}{5}$$

① ~~И~~ $\cos \beta = \cos \alpha \cdot \gamma$, $\gamma = \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \cdot V_s = \frac{15}{17} \cdot \frac{5}{3} \cdot V_s$
 $= \frac{25}{17} V_s = \frac{25}{17} \cdot 34 \approx 50 \text{ м/с}$

②

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№4



$$\textcircled{1} \quad E = L \frac{dI}{dt} + U_0 - U_1$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{E + U_1 - U_0}{L} = \frac{6 + 2 - 1}{0,1} = 70 \text{ A/C}$$

$$\textcircled{2} \quad \left. \frac{dI}{dt} \right|_{I=I_{\max}} = 0 \Rightarrow E = U_0 - U_1; \quad U_1 - \text{напряжение конденсатора.}$$

$$U = U_0 - E = 1 - 6 = -5 \text{ В}$$

$$\textcircled{3} \quad W_{\text{кин}} = \frac{LI_{\max}^2}{2} + \frac{CU^2}{2}$$

$$W_{\text{кин}} = \frac{CU^2}{2}$$

$$\Delta W = qE - qU_0 \quad q = C(U_1 - U) = 40 \cdot 10^{-6} \cdot (2 + 5) = 2,80 \cdot 10^{-4} \text{ кулоны}$$

$$q(E - U_0) = 2,8 \cdot 10^{-4} (C-1) \leq 1,4 \cdot 10^{-3} \text{ Дж.}$$

~~$$W_{\text{ макс}} + q(E - U_0) \leq 1,48 \cdot 10^{-3} \text{ Дж} \Rightarrow W_{\text{ макс}} = W_{\text{ макс}}$$~~

$$L \frac{I^2}{2} \leq W_{\text{ макс}} - \frac{CU^2}{2} \Rightarrow \left(1,48 \cdot 10^{-3} - \frac{40 \cdot 10^{-4} \cdot (-5)^2}{2} \right) \leq 9,8 \cdot 10^{-4} \text{ Дж}$$

$$I_{\text{ макс}} \leq \sqrt{2 \cdot W_{\text{ макс}} / L}$$

$$I_{\text{ макс}} \leq \sqrt{\frac{2 \cdot (W_{\text{ макс}} - \frac{CU^2}{2})}{L}} \leq \sqrt{\frac{2 \cdot 9,8 \cdot 10^{-4}}{9,7}} = 0,14 \text{ А}$$

③ $I_2 = 0$

$$q = C(U_1 - U_2)$$

$$q(E - qU_0) = \frac{CU_2^2}{2} - \frac{CU_1^2}{2}$$

$$q(E - U_0) = \frac{C}{2} (U_2 - U_1) \cdot (U_2 + U_1)$$

$$C(U_2 - U_1) \cdot (E - U_0) = \frac{C}{2} (U_2 - U_1) \cdot (U_2 + U_1)$$

$$-2(E - U_0) \leq U_2 + U_1$$

$$-2E + 2U_0 \leq U_2 + U_1$$

$$U_2 \leq -2E + 2U_0 - U_1 \leq (-2 \cdot 6 + 2 \cdot 1 - 2) \leq -12 \text{ В}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1.

~~№ 1~~ Дано:

$$V = 34 \text{ см/с}$$

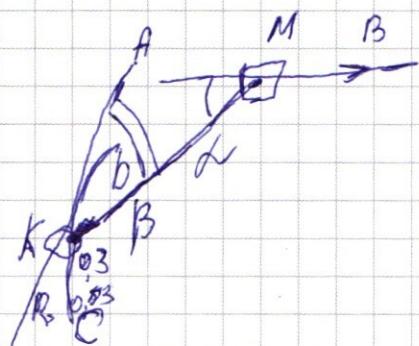
$$\cos \alpha = 15/17$$

$$n = 0,3 \text{ кр.}$$

$$\cos \beta = 3/5$$

$$R = 0,5 \text{ м.}$$

$$\rho = 5R/4$$



~~найдите~~

$$\cos \beta =$$

~~известно~~ $\alpha = 55^\circ$; $\gamma = 32^\circ$; $\delta = 35^\circ$;

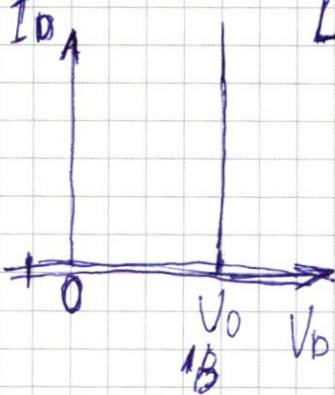
$$\Rightarrow \beta = 180^\circ - 55^\circ - 32^\circ - 35^\circ = 38^\circ$$

N1.

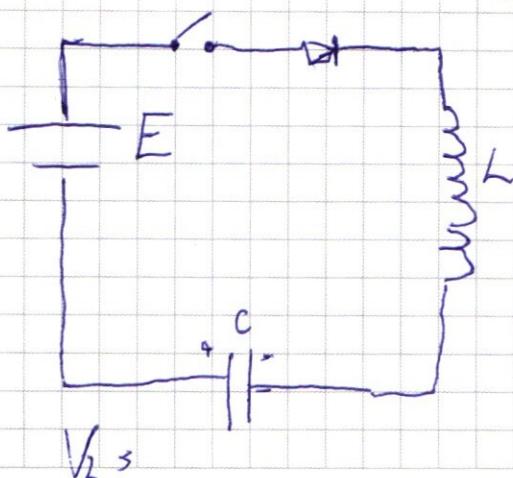
$$I_0, L = 0,1 \text{ Гн.}, C = 40 \mu\text{ФФ.}$$

$$V_1 = 2B; E = 3B$$

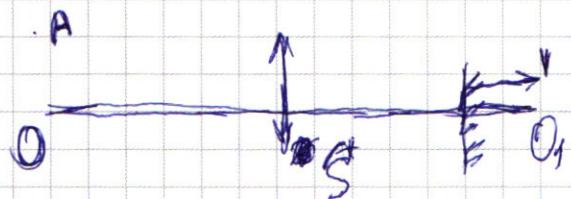
~~найдите~~



$$\textcircled{1} \rightarrow V_E = ?$$

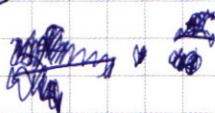


~~A~~

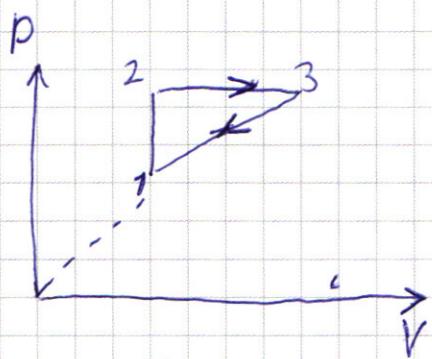


~~Номер~~
~~номер~~

~~5~~



N2.



~~1~~

~~2~~

~~3~~

~~номер~~

~~1~~ ~~2~~