

Олимпиада «Физтех» по физике,

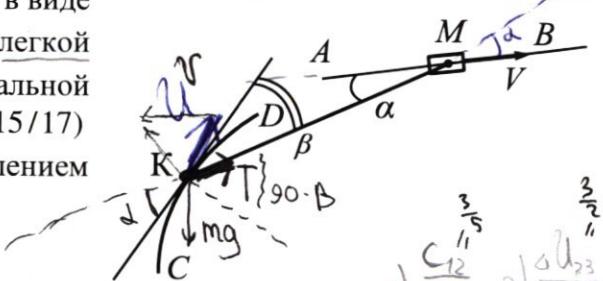
Класс 11

Вариант 11-03

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без 1

1. Муфту M двигают со скоростью $V = 34$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,3$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 0,53$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/4$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$ с направлением движения муфты и угол $\beta (\cos \beta = 3/5)$ с направлением движения кольца.

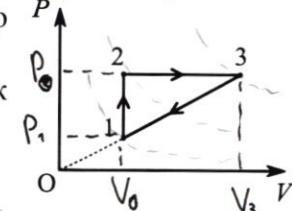
- (1) Найти скорость кольца в этот момент.
- (2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- (3) Найти силу натяжения нити в этот момент.



$$1) \frac{C_{12}}{C_{23}} \quad 2) \frac{\Delta U_{23}}{H_{23}} \\ 3) n_{\text{max}}$$

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- (1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- (2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- (3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния d между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,3d$ от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со скоростью V_1 . Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

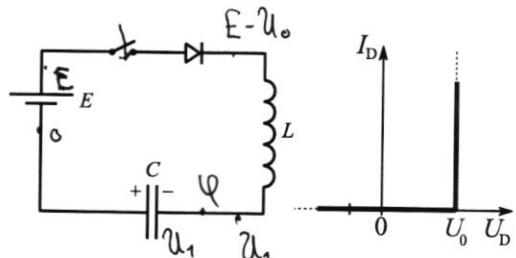
$S = \text{РАНО}$

- (1) Через какое время T частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?
- (2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.
- (3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

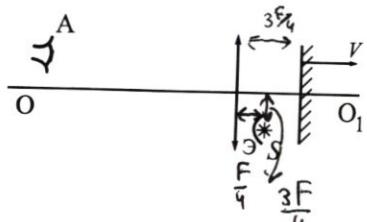
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 2$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- (3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси $O\mathcal{O}_1$ линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси $O\mathcal{O}_1$ и на расстоянии $F/4$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси $O\mathcal{O}_1$. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $3F/4$ от линзы.

- (1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель A сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- (2) Под каким углом α к оси $O\mathcal{O}_1$ движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- (3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 2

Дано:

1-2 → изохора

2-3 → изобара

3-1 → $P = 2V$

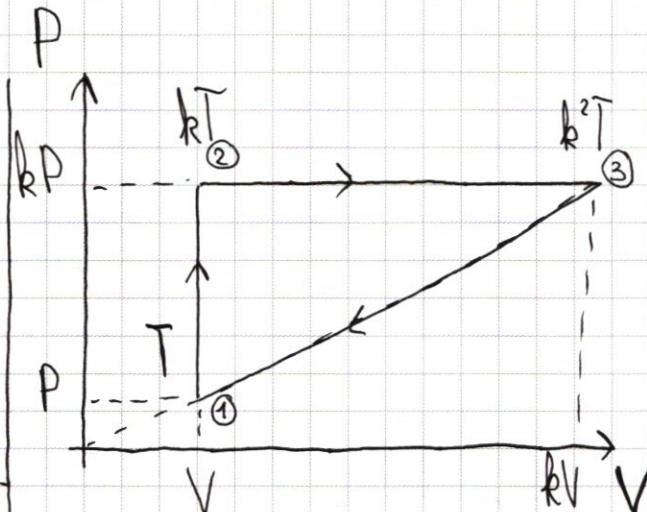
$i = 3$

Найти:

$$1) \frac{C_{12}}{C_{23}} = ?$$

$$2) \frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = ?$$

$$3) \eta_{\max} = ?$$



Пусть P -давление в состоянии 1

T -температура в состоянии 1

V -объем в состоянии 1

k -коэффициент увеличения

объем состояния 3 в сравнении с состоянием 1

$$\left(\frac{V_3}{V_1} \right)$$

C -качество газа

R -газовая постоянная

1) пусть процесс 3-1 можно представить в виде формулы $P = 2V$
тогда 2 - параметр константа (это можно так сделать, т.к. это
прямая, выходящая из начала координат)

Если в состоянии 1 были P'' и V'' , тогда $P = 2V$, а в состоянии 3 было P'''
то приведенной формуле в состоянии 3 давление равно kP''

2) По теореме Менделеева-Капеллона для состояний 1; 2; 3, найдем значение температур

• Состояние 1: $PV = \bar{V}RT$

• Состояние 2: $kPV = \bar{V}RT_2 \Rightarrow T_2 = kT$

• Состояние 3: $kP \cdot kV = \bar{V}RT_3 \Rightarrow T_3 = k^2 T$

3) И.к. $k > 1$ (и.к. объем в состоянии 3 больше чем в 1), то температура растет
в процессе 1-2 и 2-3

4) Процесс 1-2 - изохорный, \Rightarrow работа в нем $A_{12} = 0$

$$1) U = \frac{U_{\text{const}}}{\cos \beta} = 34 \frac{\text{cm}}{\text{c}} \cdot \frac{\frac{15}{2}}{\frac{3}{5}} = 34 \cdot \frac{15 \cdot 5}{14 \cdot 3} = 25 \cdot 2 = 50$$

$$\frac{U^2}{\cos^2 \alpha} = U^2 \left(1 + \frac{\cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} \right) = \left(\frac{\cos^2 \beta + \cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} \right) U^2$$

$$U_{\text{max}}^2 = U^2 + U^2 - 2U^2 \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} (\cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta) = U^2 \left(\frac{\cos^2 \beta + \cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} \right) - 2U^2 \cos^2 \alpha - 2U^2$$

$$U^2 + U^2 \cdot \frac{\cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} - 2U^2$$

$$U^2 \left(1 + \frac{25^2}{17^2} - 2 \frac{15^2}{17^2} + 2 \frac{\frac{8}{17} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{15}{14}}{\frac{3}{5}} \right)$$

$$15^2 = \frac{15}{\frac{15}{75}}$$

$$\frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{\frac{15}{14}}{\frac{3}{5}} = \frac{15 \cdot 5}{17 \cdot 3} = \frac{25}{17}$$

$$\frac{8 \cdot 4 \cdot 15 \cdot 5}{17^2 \cdot 3 \cdot 3}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - \frac{15^2}{17^2}} = \frac{8}{17}$$

$$\frac{64 \cdot 5}{289} = \frac{320}{289}$$

$$17^2 = \frac{17}{\frac{17}{119}}$$

$$\frac{17}{\frac{289}{289}} = \frac{225}{450}$$

$$\cos \alpha \cdot \sin \beta = \frac{4}{5}$$

-130

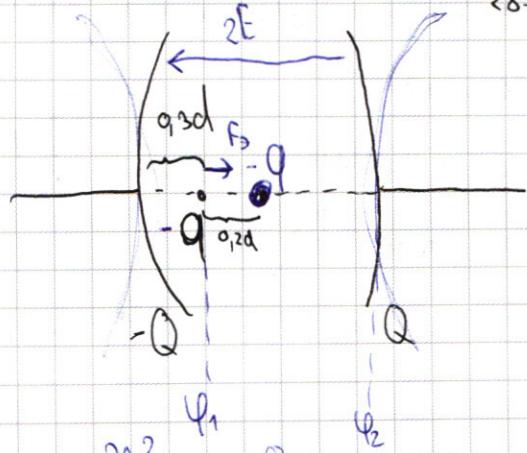
$$\textcircled{2} \quad U^2 \left(1 + \frac{625 - 450 + 320}{289} \right) = U^2 \left(1 + \frac{625 - 130}{289} \right) = U^2 \left(\frac{289 + 485}{289} \right) = 25^2 = \frac{25}{\frac{125}{50}}$$

$$\frac{625}{625} = \frac{130}{485}$$

$$\frac{485}{289} = \frac{17}{724}$$

$$\begin{array}{r} 774 \\ 387 \\ 129 \\ 43 \end{array} \begin{array}{r} |2 \\ |3 \\ |3 \\ |43 \end{array} \begin{array}{r} 2 \\ 3 \\ 3 \\ 43 \\ \hline 145 \end{array}$$

$$\sqrt{80} \approx 9$$



$$F_3 = Eq$$

$$E = \frac{Q}{S \epsilon_0}$$

$$\frac{1}{2} Q E q_1$$

$$m \ddot{U}_1^2 - q \dot{U}_2^2 = m \ddot{U}_2^2 - q \dot{U}_1^2$$

$$\frac{m \ddot{U}_1^2}{2} - q \dot{U}_2^2 = \frac{m \ddot{U}_2^2}{2} - q \dot{U}_1^2$$

$$\frac{m \ddot{U}_1^2}{2} - q(\dot{U}_2 - \dot{U}_1) = \text{const}$$

$$\frac{m \ddot{U}_1^2}{2} + q \dot{U}_1^2 = 0$$

$$ma + 2qE = 0$$

$$\Rightarrow a = \text{const} \Rightarrow a = \frac{2qE}{m}$$

$$-Q \dot{U}_1 = \frac{m \ddot{U}_1^2}{2} - q \dot{U}_2$$

$$\frac{m \ddot{U}_1^2}{2} - q \dot{U}_1 = -q(U_1 - U_2) = qE \Delta U = q \frac{Q}{2 \epsilon_0 S} \cdot 0,7d$$

$$Q = \frac{m}{q} \frac{U_1^2}{2} \cdot \frac{2 \epsilon_0}{0,7d}$$

$$\frac{U_1^2}{2d} \cdot \frac{2 \epsilon_0}{0,7d} = \frac{U_1^2}{2d}$$

$$0,7d = \frac{a t^2}{2}$$

$$\frac{7}{16} \cdot \frac{10}{7^2} = \frac{5}{7}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

(продолжение 2 задачи 2)

$$\eta = \frac{k-1}{3+5k} = \frac{\frac{1}{5}(5k+3) - \frac{3}{5} - 1}{3+5k} = \frac{1}{5} - \frac{8}{25k+15}$$

Чем меньше $\frac{8}{25k+15}$, тем больше η . Если $\frac{8}{25k+15} \downarrow$, то $k \uparrow$, при очень большом k $\frac{8}{25k+15} \rightarrow 0 \Rightarrow \text{значит } \eta_{\max} \approx \frac{1}{5}$

Ответ: 1) $\frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{3}{5} = 0,6$

2) $\frac{\Delta U_{23}}{U_{23}} = \frac{3}{2} = 1,5$

3) $\eta_{\max} = \frac{1}{5}$

Задача 3

Дано:

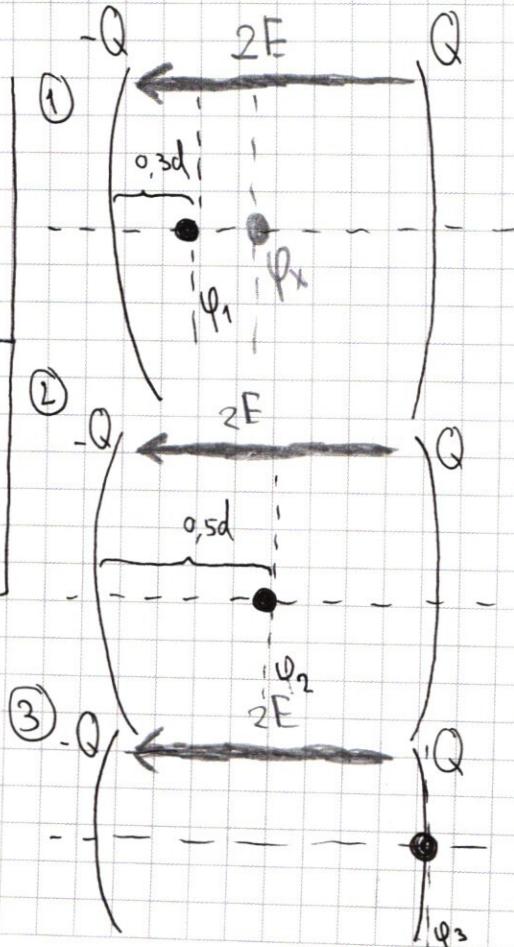
$$U_1; \gamma = \frac{191}{m}$$

$$0,3d; d$$

1) $T = ?$

2) $Q = ?$

3) $U_2 = ?$



Пусть E - напряженность электрического поля, создаваемого единой обкладкой конденсатора, тогда $E = \frac{Q}{2d}$, где 2 - константа, которая зависит от параметра обкладок (величины поверхности)

Между обкладками конденсатора будет всегда однородное maximum поле, равное $2E$ и направлено как на рисунке

~~заряд отрицательной обкладки~~
~~заряд положительной обкладки~~

Пусть Q_{12} - теплота в процессе 1-2, выделяющаяся (продолжение 1 задачи)
 Q_{23} - теплота в процессе 2-3, выделяющаяся
 Q_{31} - теплота в процессе 3-1, выделяющаяся

A_{12} - работа в процессе 1-2 газа

A_{23} - работа в процессе 2-3 газа

A_{31} - работа в процессе 3-1 газа

ΔU_{ij} - изменение внутренней энергии газа в процессе $i-j$, где $i \neq j$

C_{ij} - изотермическая теплоемкость в процессе $i-j$, где $i \neq j$

$$Q_{12} = \Delta U_{12} = \frac{3}{2}VR(kT - T) \quad \left\{ \Rightarrow C_{12} = \frac{3}{2}R \right.$$

$$\text{или } Q_{12} = C_{12}V(kT - T)$$

$$5) A_{23} = kP(kV - V) = k^2PV - kPV = VR(k^2T - kT)$$

$$\Delta U_{23} = \frac{3}{2}VR(k^2T - kT)$$

$$Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23}$$

$$Q_{23} = C_{23}V(k^2T - kT)$$

$$6) \frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{\frac{3}{2}R}{\frac{5}{2}R} = 0,6$$

$$7) \frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{3}{2}VR(k^2T - kT)}{VR(k^2T - kT)} = \frac{3}{2} = 1,5$$

8) пусть A_{Σ} - суммарная работа в цикле

Q_H - сумма теплот в процессах нагревания (или где выделяющаяся теплота конденсатора)

$$\eta_{**} = \frac{A_{\Sigma}}{Q_H}$$

$\eta = \frac{A_{\Sigma}}{kT_0 D}$ цикла

$$A_{\Sigma} = \int_{123} (изображь графика 1-2-3) = \frac{1}{2}(k-1)V(k-1)P = \frac{1}{2}VRT(k-1)^2$$

$$Q_H = Q_{12} + Q_{23} = \frac{3}{2}VR(k-1)T + \frac{5}{2}VRk(k-1)T = \frac{1}{2}VRT(k-1)(3+5k)$$

$$\text{Значит } \eta_{**} = \frac{\frac{1}{2}VRT(k-1)^2}{\frac{1}{2}VRT(k-1)(3+5k)} = \frac{k-1}{3+5k}$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

φ_1 - потенциал в положении, когда частица находится на расстоянии $0,3d$ "ом - Q " (продолжение 1 задачи 3)

φ_2 - потенциал в положении, когда частица находится на расстоянии $0,5d$ "ом - Q "

φ_3 - потенциал в положении, когда частица находится на расстоянии d "ом - Q "

Рассмотрим производный момент, когда частица сдвигнулась на x и имеем соотношение φ

φ_x - потенциал в положении, когда частица находится на расстоянии $0,3d+x$ "ом - Q "
(запишем закон сохранения энергии от начала до сдвига x)

$$\frac{m\dot{x}^2}{2} - |q|(\varphi_x - \varphi_1) = \text{const}$$

$$m\ddot{x}x - |q|(\varphi_x - \varphi_1) = 2E_x$$

$$m\ddot{x}x - |q| \cdot 2E \dot{x} = 0$$

$$ma - |q|2E = 0$$

зде a - ускорение частицы

$$\Rightarrow a = \frac{2E|q|}{m} = 2E\gamma \quad \text{- значит ускорение постоянно}$$

Значит движение равнотускоренное

Запишем закон сохранения энергии для начала и сдвига частицы на $0,7d$

(то есть для (1) и (3) рисунка)

$$-|q|\cdot\varphi_1 = \frac{m\dot{x}_1^2}{2} - |q|\cdot\varphi_3 \Rightarrow \frac{m\dot{x}_1^2}{2} = 2E \cdot 0,7d|q| \Rightarrow \frac{m\dot{x}_1^2}{2} = \frac{|Q|}{2} \cdot 0,7d|q| \Rightarrow$$

$$\varphi_3 - \varphi_1 = 2E \cdot 0,7d$$

$$\Rightarrow Q = \frac{md\dot{x}_1^2}{|q|d} \cdot \frac{5}{7} \quad \text{запись}$$

$$= \frac{d\dot{x}_1^2}{8d} \cdot \frac{5}{7}$$

$$2E = \frac{Q}{2} = \frac{5}{7} \frac{\dot{x}_1^2}{8d}$$

Когда частица будет на одинаковых расстояниях от обеих точек? Тогда она пройдет расстояние $0,2d$ (пункт (2))

М.к. движение равноускоренное, то верно:

$$0,2d = \frac{aT^2}{2} \Rightarrow T = \sqrt{\frac{2d}{5a}} = \sqrt{\frac{2d}{5 \cdot 2E\gamma}} = \sqrt{\frac{2}{5} \frac{d}{\frac{5}{7} \frac{U_1^2}{d}}} = \sqrt{\frac{14}{25} \frac{d^2}{U_1^2}} = \frac{d}{5U_1} \sqrt{\frac{14}{25}}$$

(продолжение 2 задачи 3)

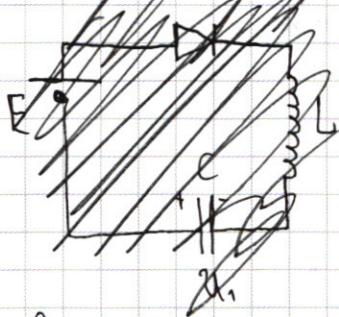
$d = \epsilon_0 S$, где S -площадь поверхности обкладок конденсатора

$$\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12}$$

$$Q = \frac{89}{14} \cdot 10^{-12} S U_1^2 / 8d$$

2) ~~заряд и~~

~~Заслонки не имеют, когда они толко защищают \Rightarrow ток на конденсаторе не меняется \Rightarrow в дальнейшем ток не меняется~~



Следует от конденсатора напряженность поля равна 0 (м.к. на обкладках конденсатора однородны по заряду, то разложенный) $\Rightarrow U_2 = U_1$

Ответ:

$$1) T = \frac{d}{5U_1} \sqrt{14}$$

$$2) Q = \frac{89}{14} \cdot 10^{-12} \frac{S U_1^2}{8d}$$

$$3) U_2 = U_1$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 5

$$\frac{3F}{4}, \frac{F}{4}, \frac{3F}{4}$$

v

$$1) f = ?$$

$$2) d = ?$$

$$3) \theta = ?$$

S - источник света

S^* - его изображение в зеркале

S^{**} - его изображение в зеркале

Его изображение (S^*) будет находиться на расстоянии $2KS$, т.к. ~~зеркало в зеркале~~

расстояние от предмета до зеркала и до зеркала от изображения равно

$\frac{F}{4} + \frac{F}{2} + \frac{f}{2} > F \Rightarrow$ Изображение S^{**} будет находиться по другую сторону от

мины относительно S

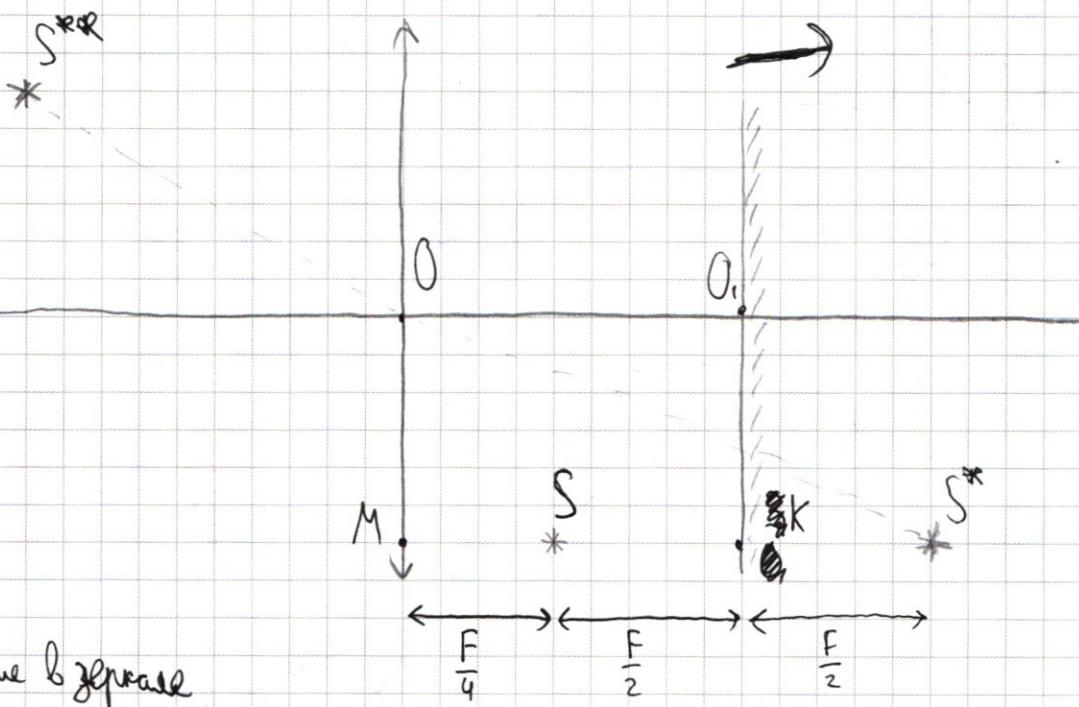
$$d = \frac{F}{4} + \frac{F}{2} + \frac{F}{2} = \frac{5}{4}F$$

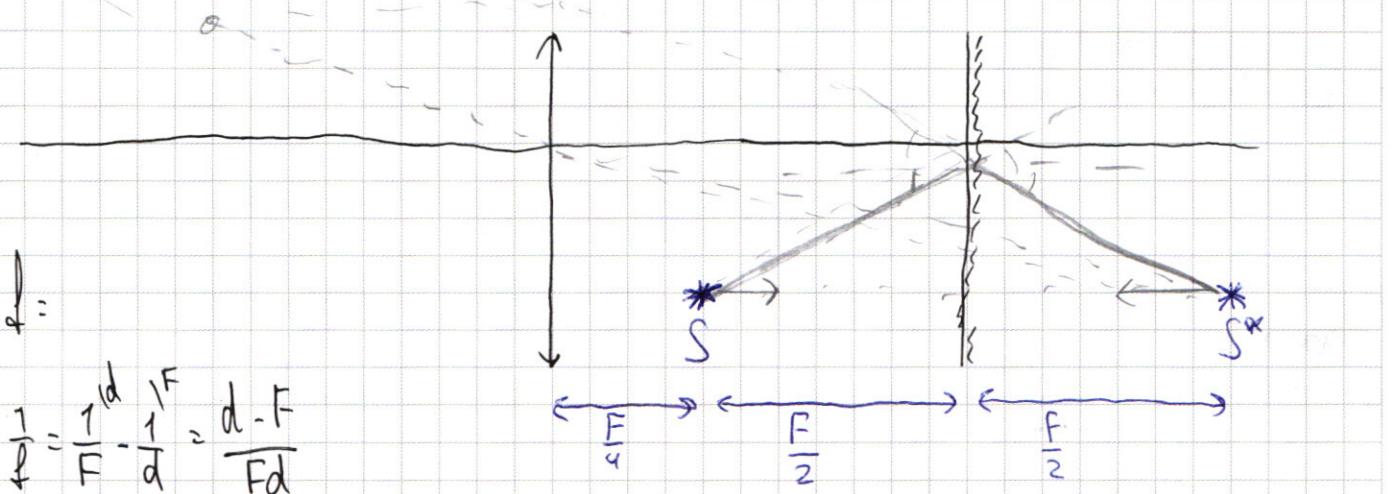
f - расстояние от S^{**} до мины

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{Fd}{d-F} = \frac{\frac{5}{4}F^2}{\frac{1}{4}F} = 5F$$

~~закон~~

Перейдем в систему отсчета ~~закон~~ зеркала





$$\frac{1}{f} = \frac{1/d}{F} - \frac{1/F}{d} = \frac{d-F}{Fd}$$

$$\frac{d}{f} = \frac{Fd}{d-F}$$

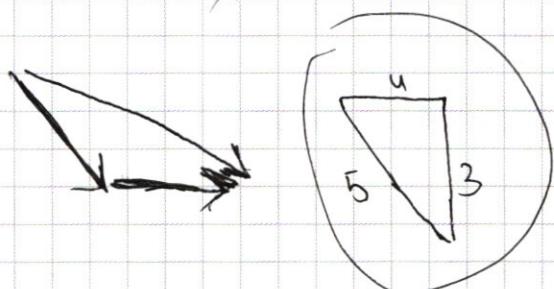
~~$d+f$~~

$$d+f = 5F + \frac{5}{4}F$$

$$d=2F$$

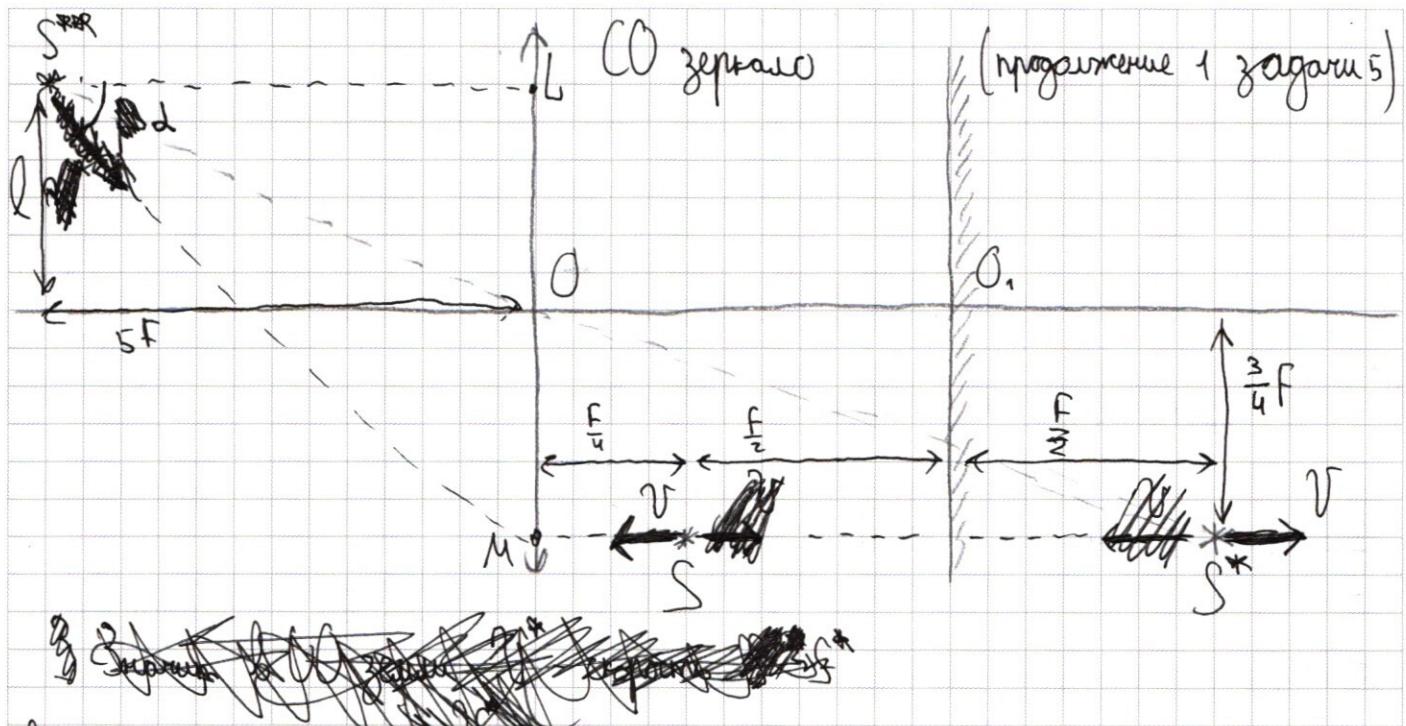
$$8,9 = \frac{89}{10}$$

$$\frac{5F}{\frac{8}{4}F} \cdot \frac{3}{4}F = l$$



$$() e$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



ℓ - pacemaker \int^{**} go OQ_1

$$\frac{5F}{\frac{5}{4}F} = \frac{l}{\frac{3}{4}F} \Rightarrow l = 3F$$

~~41~~ 41

$$\tan \theta = \frac{l + \frac{3}{4}F}{5F} = \frac{\frac{12+3}{4}F}{5F} = \frac{3}{4}$$

~~b (f) ziemie nepatriga la vyspavim~~ \rightarrow ~~zmeni~~

~~11-11-1974~~

$$\sin \alpha = \sin \beta$$

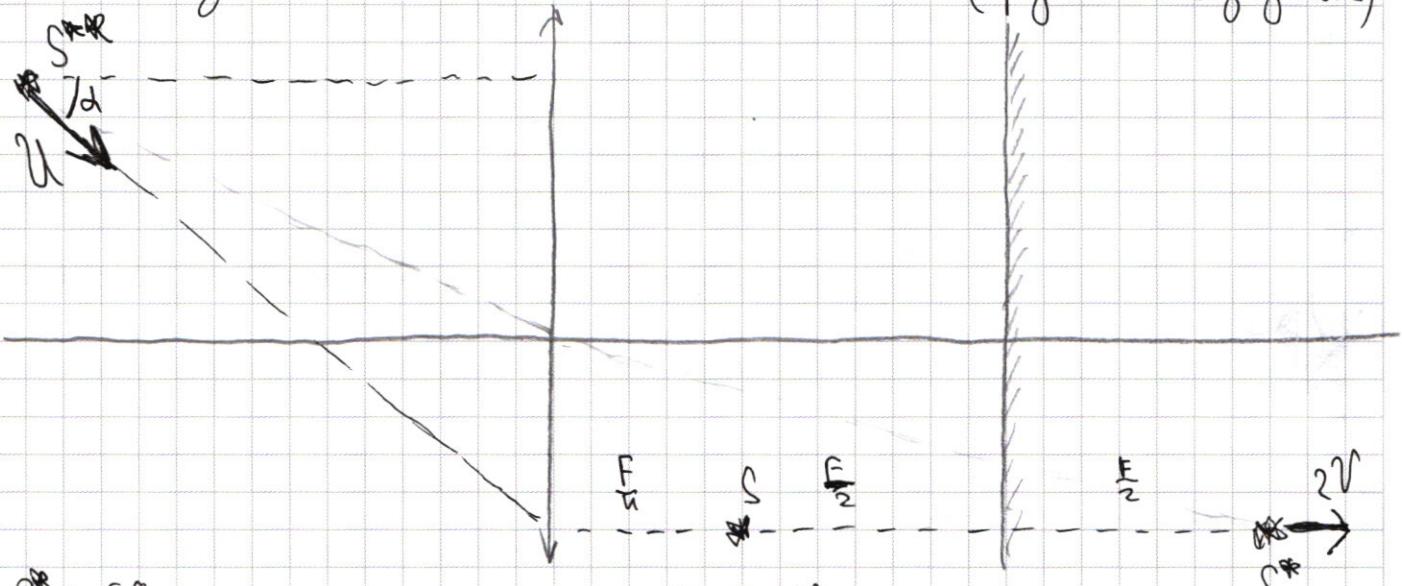
A hand-drawn diagram on lined paper showing a complex network of intersecting lines forming a dense web-like structure. A small arrow points from the bottom left towards the center of the web.

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №7
(Нумеровать только чистовики)

B CO земли

(продолжение к задаче 5)



S* в CO земли через имеет скорость $U+V=2V$

$$\frac{U \cdot \cos\alpha}{2V} = \frac{\left(\frac{F}{d}\right)^2}{d} = 4^2 = 16 \Rightarrow U \cdot \cos\alpha = 32V$$

$$\cos\alpha = \frac{U}{5}$$

$$\Rightarrow U = \frac{32V \cdot 5}{4} = \frac{32V}{\cos\alpha} = 8 \cdot 5V = 40V$$

Ответ: 1) $F = 5F$

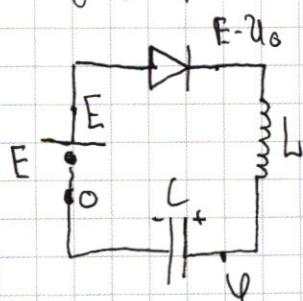
2) $\tan\alpha = \frac{3}{4}$

3) $U = 40V$

Задача 6

в прямомом положении

Рассмотрим чисто, когда по нему можем ~~закон сохранения тока~~ \Rightarrow напряжение на диоде равно U_0 .



Чисто погаснуло

~~тогда по закону сохранения тока~~
ток на катушке, напряжение на конденсаторе сквозь не меняется

Начальное положение (сразу после запирания диода) ток на катушке не меняется конденсатор заряжен до CU_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Причины по которым сохраняется энергия

$$\frac{C U_1^2}{2} = A_{\text{ст}} + \frac{C \varphi^2}{2} + \frac{L I^2}{2}$$

$$\alpha \varphi < E$$

Аст - работа совершающая источником

$$A_{\text{ст}} = E \cdot C^2 (U_1 + \varphi)^2$$

~~Значит~~
$$\frac{C U_1^2}{2} = E C^2 (U_1 + \varphi)^2 + \frac{C \varphi^2}{2} + \frac{L I^2}{2}$$

Когда ток будет максимальным? Когда $\frac{C U_1^2}{2} - E C^2 (U_1 + \varphi)^2 - \frac{C \varphi^2}{2} = \cancel{\frac{L I^2}{2}}$ будем максимум

$$\cancel{\frac{C U_1^2}{2} - E \varphi^2 - 2 E C^2 (U_1 + \varphi)^2 = L I^2}$$

$$C(U_1 + \varphi)(U_1 - \varphi - 2 E C(U_1 + \varphi)) = L I^2$$

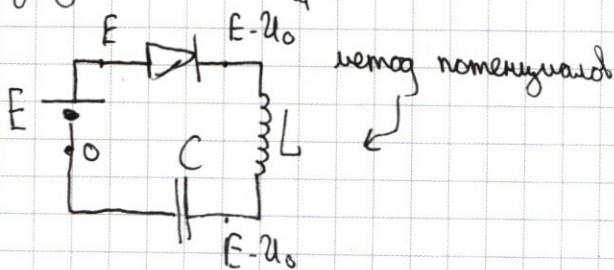
$$C(U_1 + \varphi)(U_1 - \varphi - 2 E C) = L I^2$$

Возможен производный от любой стороны

~~$$(U_1 - 2 E C) - \varphi - 2 E C = U_1 - U_1 - 2 E C -$$~~

В установившемся состоянии напряжение на катушке равно "0", ток через конденсатор не течет. Когда ток перестанет течь? Когда напряжение на

$$E - U_0 \leq U_0$$



чтобы поменяться

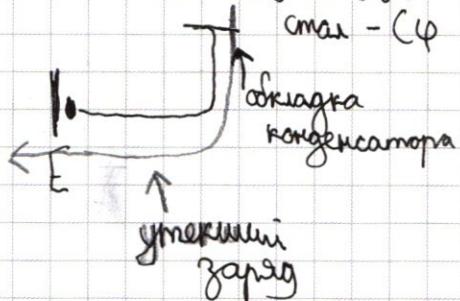
$$\text{Значит } U_2 = E - U_0 = 5V$$

$$\text{Ответ: 3) } U_2 = E - U_0 = 5V$$

(продолжение 1 задачи 4)

без C.U.

стол - Cφ



Задача 1 (продолжение)

по II закону Ньютона

$$T \cdot \sin \beta = m \frac{U^2}{R} \Rightarrow T = \frac{m U^2}{R \sin \beta} = \frac{m U^2 \cdot \cos^2 \alpha}{\sin \beta \cdot R \cdot \cos^2 \beta} = \frac{m U^2}{R \cdot \sin \beta} = \frac{0,3 \cdot 0,05^2}{0,53} = \frac{7,5}{53} =$$

Однако: 1) $U = \frac{U \cos \alpha}{\cos \beta} = 50 \frac{\text{cm}}{\text{c}}$

2) $U_{\text{ном}} = 54 \frac{\text{cm}}{\text{c}}$

3) $T = 0,6 \text{ H} = \frac{m U^2 \cdot \cos^2 \alpha}{R \cdot \sin \beta} = \frac{m U^2}{R \cdot \sin \beta}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 1

Дано:

$$U = 34 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$m = 0,3 \text{ кг}$$

$$R = 0,53 \text{ м}$$

$$l = \frac{5R}{4}$$

$$\cos \alpha = \frac{15}{17}$$

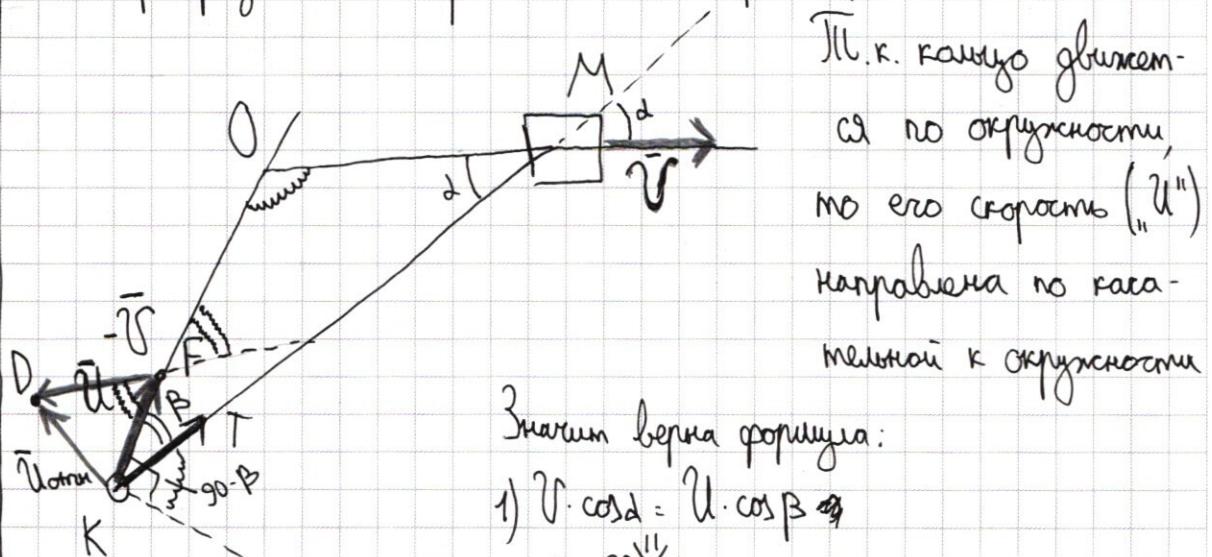
$$\cos \beta = \frac{3}{5}$$

1) $U = ?$

2) $U_{\text{отн}} = ?$

3) $T = ?$

П.к. нить нерастяжима, то проекции скорости нити на ось направлена по тангенсу длины быть равны, т.к. шаре при различных скоростях нить норовит.



П.к. каму движется по окружности, то его скорость (U'') направлена по касательной к окружности

Значит верна формула:

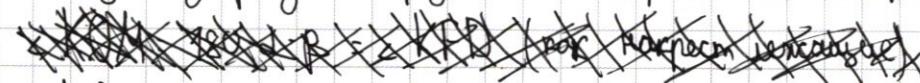
$$1) U \cdot \cos \alpha = U' \cdot \cos \beta$$

$$U = \frac{U' \cos \beta}{\cos \alpha} = 50 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

2) Но формуле сложения скоростей верно:

$$\bar{U} = \bar{U}' + \bar{U}_{\text{отн}} \Rightarrow \bar{U}_{\text{отн}} = \bar{U} - \bar{U}'$$

При этом изобразим треугольник скоростей на картинке



$$\angle MOK = 180 - 2 \cdot \beta$$

$$\angle KFD = 180^\circ - \angle FOM = 2 + \beta \quad (\text{м.к. } OM \parallel DF)$$

При этом по теореме косинусов верно:

$$\begin{aligned} U_{\text{отн}}^2 &= U'^2 + U^2 - 2U \cdot U' \cdot \cos(2 + \beta) \\ \cos(2 + \beta) &= \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta \end{aligned} \Rightarrow U_{\text{отн}}^2 = U'^2 + U^2 \frac{\cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} - 2U^2 \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \left(\cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta \right)$$

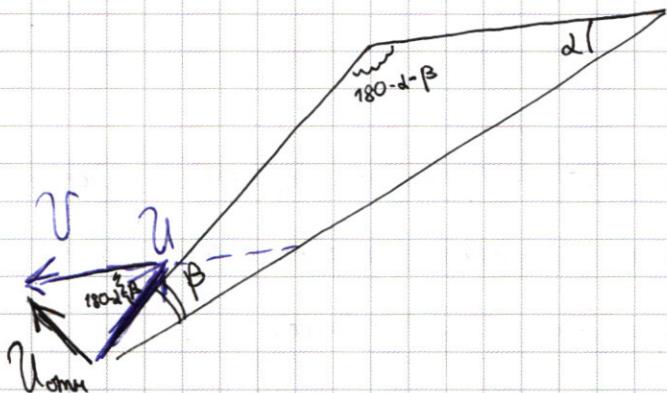
$$\text{Значит } U_{\text{отн}} = U'^2 \cdot \frac{774}{289} = 4 \cdot 774 \frac{\text{м}}{\text{с}} \Rightarrow U_{\text{отн}} = 6 \sqrt{86} \approx 54 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\begin{aligned} \text{Ответ: } 1) U &= \frac{U'}{\cos \alpha} = \\ &= 50 \frac{\text{м}}{\text{с}} \\ 2) U_{\text{отн}} &= 54 \frac{\text{м}}{\text{с}} \end{aligned}$$

$$U \cdot \cos \alpha = U \cdot \cos \beta$$

$$U_{\text{адс}} = U_{\text{внеш}} + U_{\text{внут}}$$

$$U_{\text{внеш}} = U_{\text{адс}} - U_{\text{внут}}$$



$$\frac{k-1}{3+5k} = \frac{\frac{1}{5}(5k+3) - \frac{3}{5} \cdot 1}{3+5k}$$

$$\eta = \left(\frac{k-1}{3+5k} \right)^2 = \frac{1 \cdot (3+5k) - 5 \cdot (k-1)}{(3+5k)^2} = 0$$

$$3+5k - 5k + 5$$

$$\frac{k-1}{3+5k} = \frac{\frac{1}{5}(5k+3) - \frac{3}{5} \cdot 1^5}{3+5k} =$$

$$= \frac{1}{5} - \frac{8}{25k+15}$$

человеческое

$$1 \text{ см} = 100 \text{ м}$$

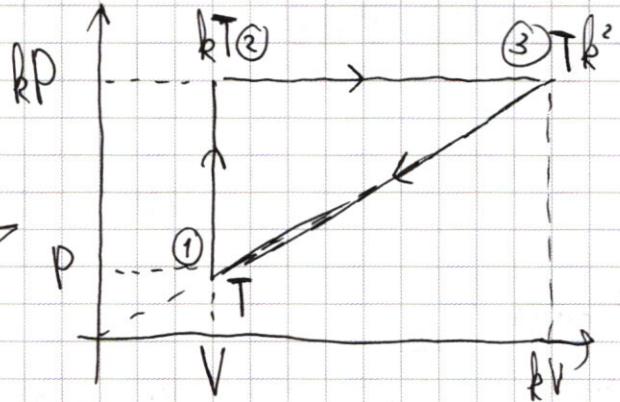
$\frac{8}{25k+15}$ тоже большое $k \bar{T} D$

$$\frac{0,3 \cdot 2500}{0,53} = \frac{250 \cdot 3}{0,53} = \frac{75000}{53} \quad \frac{8}{25k+15} \downarrow, \text{ когда } k \uparrow \text{ и будет стремиться к нулю}$$

$$50 \frac{\text{м}}{\text{с}} = 50 \cdot 0,01 \frac{\text{м}}{\text{с}} = 0,5 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$T = \sqrt{\frac{0,4d}{a}} = \sqrt{\frac{2}{5}}$$

$$\frac{2}{5} \frac{d}{2E} = \frac{2}{5} \cdot \frac{d}{\frac{5U^2}{8d}} = \frac{14}{25}$$



$$kP = 2kV$$

$$P = 2V$$

$$\Delta U_{23} = \frac{3}{2} VR(T_3 - T_2) = \frac{3}{2} VR T k(k-1)$$

$$\Delta U_{23} = kP \cdot V - kP(k-1)V = \cancel{kP(V - (k-1)V)} = VR T k(k-1)$$

$$\frac{\frac{3}{2}}{1} = \frac{3}{2}$$

$$\eta = \frac{A_E}{Q_H} = \frac{\frac{1}{2} VR T (k-1)^2}{\frac{1}{2} VR T (k-1)(3+5k)} = \frac{k-1}{3+5k}$$

$$A_E = \frac{1}{2} \cdot (k-1)V \cdot (k-1)P = \frac{1}{2} VR T (k-1)^2$$

$$Q_H = Q_{12} + Q_{23} = \frac{3}{2} VR (k-1)T + \frac{5}{2} VR k (k-1)T = \underline{\underline{VR T (k-1)}} \cdot \underline{\underline{(3+5k)}}$$