

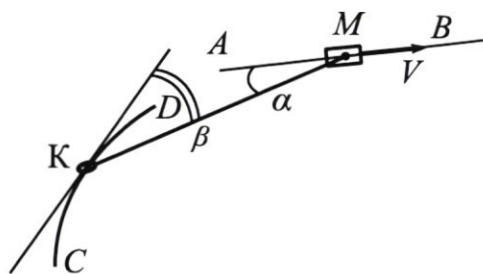
Олимпиада «Физтех» по физике,

Класс 11

Вариант 11-03

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в

1. Муфту M двигают со скоростью $V = 34$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,3$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 0,53$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/4$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$ с направлением движения муфты и угол $\beta (\cos \beta = 3/5)$ с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

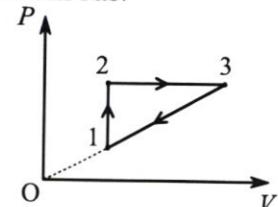
2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.

- 2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.

- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.

3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния d между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,3d$ от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со скоростью V_1 . Удельный заряд частицы $\frac{|q|}{m} = \gamma$.

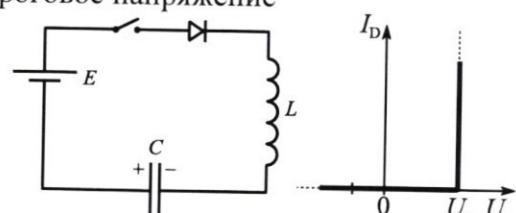


- 1) Через какое время T частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?
- 2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.

- 3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 2$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.



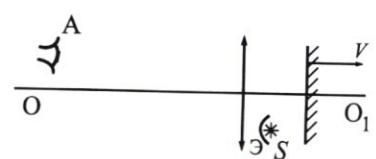
- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси $O\mathcal{O}_1$ линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси $O\mathcal{O}_1$ и на расстоянии $F/4$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси $O\mathcal{O}_1$. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $3F/4$ от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

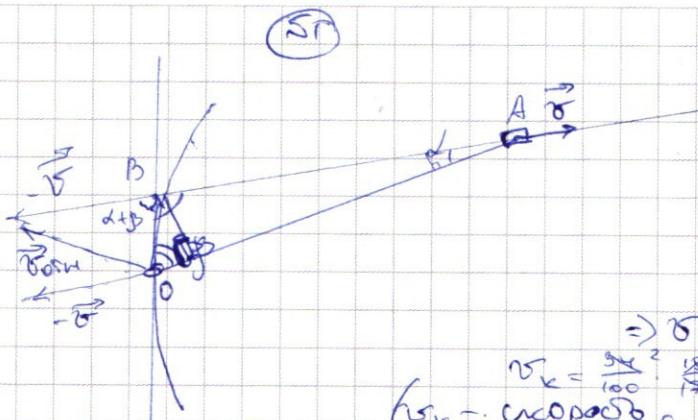
- 2) Под каким углом α к оси $O\mathcal{O}_1$ движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{aligned} v &= 0,34 \text{ м/с} \\ m &= 0,2 \text{ кг} \\ R &= 0,5 \text{ м} \\ L &= 5R/4 \\ \cos\alpha &= \frac{15}{17} \\ \cos\beta &= \frac{3}{5} \\ v_k - ? \\ v_{\text{окн}} - ? \\ T - ? \end{aligned}$$



1) шарик придает на конец скорости $v \cdot \cos\alpha$.
в (1) о шарик имеет такую же скорость будущий сдвиг шарика (переходящий)

$$\Rightarrow v_k = v \cdot \cos\alpha$$

$$v_k = \frac{9\pi^2}{100} \cdot \frac{18\pi}{17} \cdot \frac{3}{5} = 0,5 \text{ м/с}$$

(v_k - скорость кончика в $t=0$)

2) будем сдвигать шарик методом горизонтальной проекции. Будет сообщена гор. скорость $-v$
осуждаемые горизонтальные скорости. переход $-v$ из (1) о в (1) B
дано по т. косинусов: $v_{\text{окн}}^2 = v^2 + v_k^2 - 2v \cdot v_k \cos(\alpha + \beta)$

$$\Rightarrow v_{\text{окн}}^2 = 8^2 + 0,5^2 - 2 \cdot 8 \cdot 0,5 (\cos\alpha \cdot \cos\beta - \sin\alpha \cdot \sin\beta)$$

по осн. тригоном. можно выразить:

$$\sin\alpha = \sqrt{1 - \cos^2\alpha} = \sqrt{1 - \frac{15^2}{17^2}} = \frac{8}{17} \quad \text{и} \quad \sin\beta = \sqrt{1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2} = \frac{4}{5}$$

$$\Rightarrow v_{\text{окн}}^2 = \frac{34^2}{100^2} + \frac{50^2}{100^2} - \frac{2 \cdot 34 \cdot 50}{100^2} \left(\frac{15 \cdot 3}{17 \cdot 5} - \frac{8 \cdot 4}{17 \cdot 5} \right) = \frac{4 \cdot 4 \cdot 66}{100^2}$$

$$\Rightarrow v_{\text{окн}} = 0,04\sqrt{66} \text{ м/с}$$

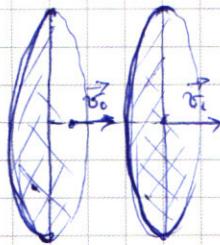
3) можно сдвигать, что (1) о движется по окр. обн. (1) A
окружающим радиусом L

$$\Rightarrow m\ddot{a} = \vec{T} \Rightarrow m \frac{v_{\text{окн}}^2}{L} = T \Rightarrow T = \frac{m v_{\text{окн}}^2}{L}$$

$$T = \frac{3 \cdot (6 \cdot 66 \cdot 100 \cdot 4)}{10 \cdot 100 \cdot 100 \cdot 5 \cdot 53}$$

Ответ: $v_k = 0,5 \text{ м/с}$; $v_{\text{окн}} = 0,04\sqrt{66} \text{ м/с} \approx 0,32 \text{ м/с}$

$$\begin{aligned} C &= 1 \\ R &> d \\ d; 0,3d; S \\ \tau_1 \\ \frac{I_1}{m} = f \\ m \tau_0 = 0 \\ T - ? \\ Q - ? \\ \tau_2 - ? \end{aligned}$$



(53)

1) найдем ускорение гасящего а
б) ищем конденсатор:

$$S = \frac{\tau_1^2 - \tau_0^2}{2a} \quad \text{где } S - \text{пограничное расстояние} \\ S = d - 0,3d = 0,7d$$

$$\Rightarrow 0,7d = \frac{\tau_1^2}{2a} \Rightarrow a = \frac{\tau_1^2}{1,4d} \\ \text{но } S = 0,5d - 0,3d = 0,2d \Rightarrow 0,2d = \frac{a\tau_1^2}{2} \\ \Rightarrow \tau_1^2 = \frac{0,4d}{a} = \frac{0,4}{\frac{\tau_1^2}{1,4d}} \Rightarrow \tau_1 = \frac{\sqrt{14}}{50} \cdot \frac{d}{\tau_1}$$

2) работа силы \rightarrow 1. now равна изменению
кин. энергии now G. o кин. энергии

$$\Rightarrow \frac{m \tau_1^2}{2} = |q| E d \cdot 0,7, \text{ где } E - \text{напряжение между конденсаторами}$$

$$\Rightarrow \frac{m \tau_1^2}{2} = |q| \frac{Q}{C_0 S} \cdot d \cdot 0,7$$

$$\Rightarrow Q = \frac{\tau_1^2 \cdot C_0 S}{2 \cdot 0,7} = \frac{\tau_1^2 C_0 S}{1,4d}$$

3) после выхода из конденсатора гасящая
протоионная волна будет иметь меньшую, т.к.
новый конденсатор очень мал и
не будет снимать зарядов при дампе гасящего
ускорения $\Rightarrow \tau_2 = \tau_1$

$$\text{Ответ: } T = \frac{\sqrt{14}}{50} \frac{d}{\tau_1} \approx 0,08 \frac{d}{\tau_1}; Q = \frac{\tau_1^2 C_0 S}{1,4d}; \tau_2 = \tau_1$$

(54)

$$V = 0 \\ E = 6B \\ C = 40 \cdot 10^{-6} F$$

$$U_1 = 2B \\ L = 0,1 \Omega \\ I_0 = 1A$$

$$I' - ?$$

$$I_0 - ?$$

$$U_2 - ?$$

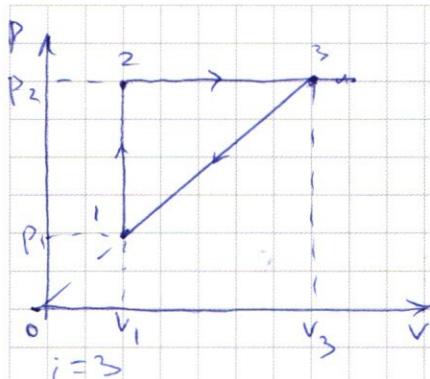


1) в цепи конденсаторов не
будет, т.к. после перехода из
конденсатора в GIC изменится
направление и следов
перефазы GIC пропущены.

Чтобы следующий пропуск, т.к., разное сопротивление
следует напрежение между 1)A и 1)B
должно быть равно то, т.к. в катушке
воздуха E_A, C между собой, преобразуя E
 $\Rightarrow E - \frac{E}{2} = U_0$, где $|I'| = LI'$
 $\Rightarrow E - LI' = U_0 \Rightarrow I' = \frac{E - U_0}{L} = \frac{6 - 1}{0,1} = 50 A/k$.

$$\text{Ответ: } I' = 50 A/k$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



(52)

Введен обозначение согласно
графику.

1) 1-2 (изохор. процесс) $\Rightarrow A=0$

I 3-й Гермодинамика:

$\Delta U = Q$, 3-й закон Г. $\frac{P}{T} = \text{const}$

$T \propto P$, $T \uparrow$, $Q > 0$ и $T \uparrow$

$\Rightarrow \frac{3}{2} \partial R \Delta T = k_{12} \partial T$, k_{12} - конс. теплоемкость

$\Rightarrow k_{12} = \frac{3}{2} R \Rightarrow Q > 0$ - давление уменьшается

2-3 (изобар. проц.) по 3-му Гей-Люссака: $\frac{V}{T} = \text{const}$; $V \uparrow \Rightarrow T \uparrow$

I 3-й Гермодинамика: $\Delta U = Q + A$

$\Rightarrow \frac{3}{2} \partial R \Delta T = k_{23} \partial T - P_A V$ по 3-му Менделеева-Клапейрона:

$d(PV) = d(\partial R T) \Rightarrow P_A V = \partial R \Delta T \Rightarrow \frac{3}{2} \partial R \Delta T = k_{23} \partial T - \partial R \Delta T \Rightarrow k_{23} = \frac{5}{2} R \Rightarrow Q > 0$

3-1 по обединению из газовому 3-му: $\frac{PV}{T} = \text{const}$.
 $P \downarrow, V \downarrow \Rightarrow T \downarrow \Rightarrow$ основ. начальных температурой $n = \frac{k_{12}}{k_{23}}$
 $\Rightarrow n = \frac{3R}{2} \cdot \frac{2}{5R} = 0,6$ $\Rightarrow Q_{31} < 0$

2) $\frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{3}{2} \partial R \Delta T}{P_A V}$; где $P_A V = \partial R \Delta T \Rightarrow \frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{3}{2} \partial R \Delta T}{\partial R \Delta T} = \frac{3}{2} = 1,5$

3) по опред. КПД: $\eta = \frac{A}{A+Q}$ (A - работа газа в процессе)
(A максимально, т.к.
ондется, что никаких теплопотерь)
 $A \neq A_{23} + A_{31}$ A - площадь под графиком

$$\Rightarrow A = \frac{1}{2} (V_3 - V_1) (P_2 - P_1) = \frac{1}{2} (P_2 V_3 - P_2 V_1 - P_1 V_3 + P_1 V_1) = \frac{1}{2} \alpha$$

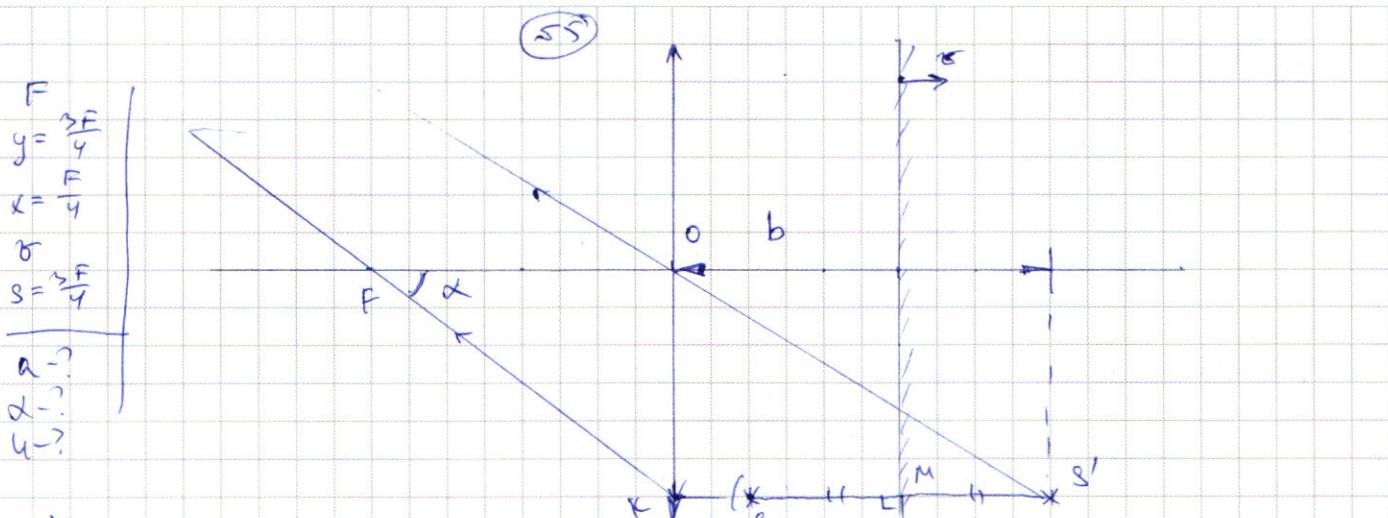
$$Q_{31} = \Delta U_{31} - A_{31} \quad (\text{где } \Delta U_{31} = \frac{3}{2} \partial R \Delta T \text{ и } A_{31} = \partial R \Delta T)$$

$$\Rightarrow Q_{31} = k_{31} \partial T = (\frac{5}{2} - 1) \partial R \Delta T \Rightarrow k_{31} = \frac{1}{2} R$$

$$\Rightarrow Q_{31} = \frac{1}{2} \partial R \Delta T = \frac{1}{2} (P_2 - P_1)(V_3 - V_1) = \frac{1}{2} (P_2 V_3 - P_2 V_1 - P_1 V_3 + P_1 V_1) = \frac{1}{2} \alpha$$

$$\Rightarrow \eta = \frac{\frac{1}{2} \alpha}{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) \alpha} = 0,5 = 50\%$$

Ответ: $n = 0,6$; $\frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = 1,5$; $\eta = 50\%$.



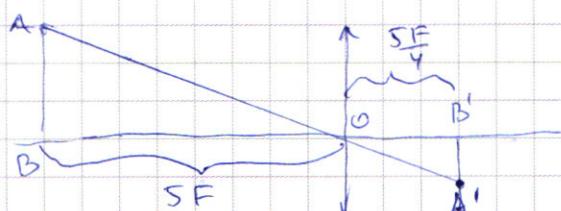
1) по правилу супротивные $(-)$ S в зеркале.
 S' будет мало гибкий на расстоянии $b = \frac{5}{4}F$ от зеркала
 иначе \Rightarrow по г-де точкой иначе.

$\frac{1}{F} = + \frac{1}{b} + \frac{1}{a}$; т.к. из условия обраимости
 этого вида лучей следует, что источник и изображение
 имеют одинаковую величину
 $\Rightarrow \frac{1}{a} = \frac{1}{F} - \frac{1}{b} = \frac{1}{F} - \frac{4}{5F} = \frac{1}{5F} \Rightarrow a = 5F$

2) при движ-и изображения под F_k не меняется
 сколько лишь меняется, а под $S'0$ меняется \Rightarrow 1) пересек.
 движущиеся лучи пересекаются вправо по пути F_k
 \Rightarrow скорость изображения и точек. $\Rightarrow F_{k\text{ко}}$

$$\operatorname{tg} \alpha \approx \operatorname{tg} \alpha' = \frac{3F}{4F} = 0,75 \Rightarrow \alpha = \operatorname{arctg} 0,75$$

3) у нас есть 2 подобных треугольника.



\Rightarrow когда увеличение Гравен:

$$\Gamma = \frac{B'0}{BO} = \frac{SF}{\frac{SF}{4}} = 4 \quad (\text{без учета})$$

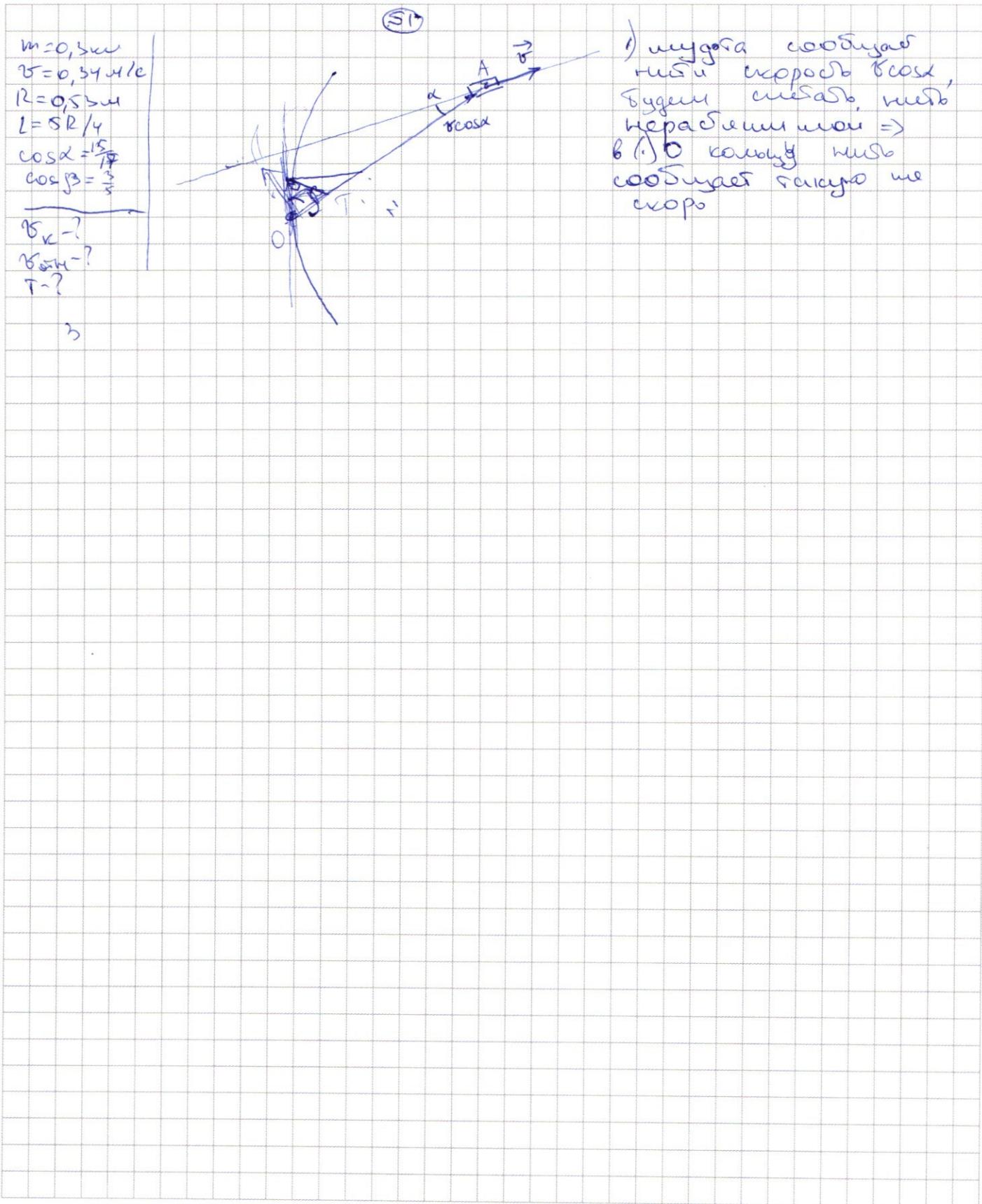
скорость S' будет равна
 25 , т.к. при движ-и зеркала
 сам увеличивается на $\Gamma + 1 = 8$

меньшее скорости изображение и источника
 создает соответствующее: $\frac{u_x}{u_y} = \Gamma^2 \Rightarrow u_x = \Gamma^2 \cdot u_y = 2\Gamma^2 \cdot 25$

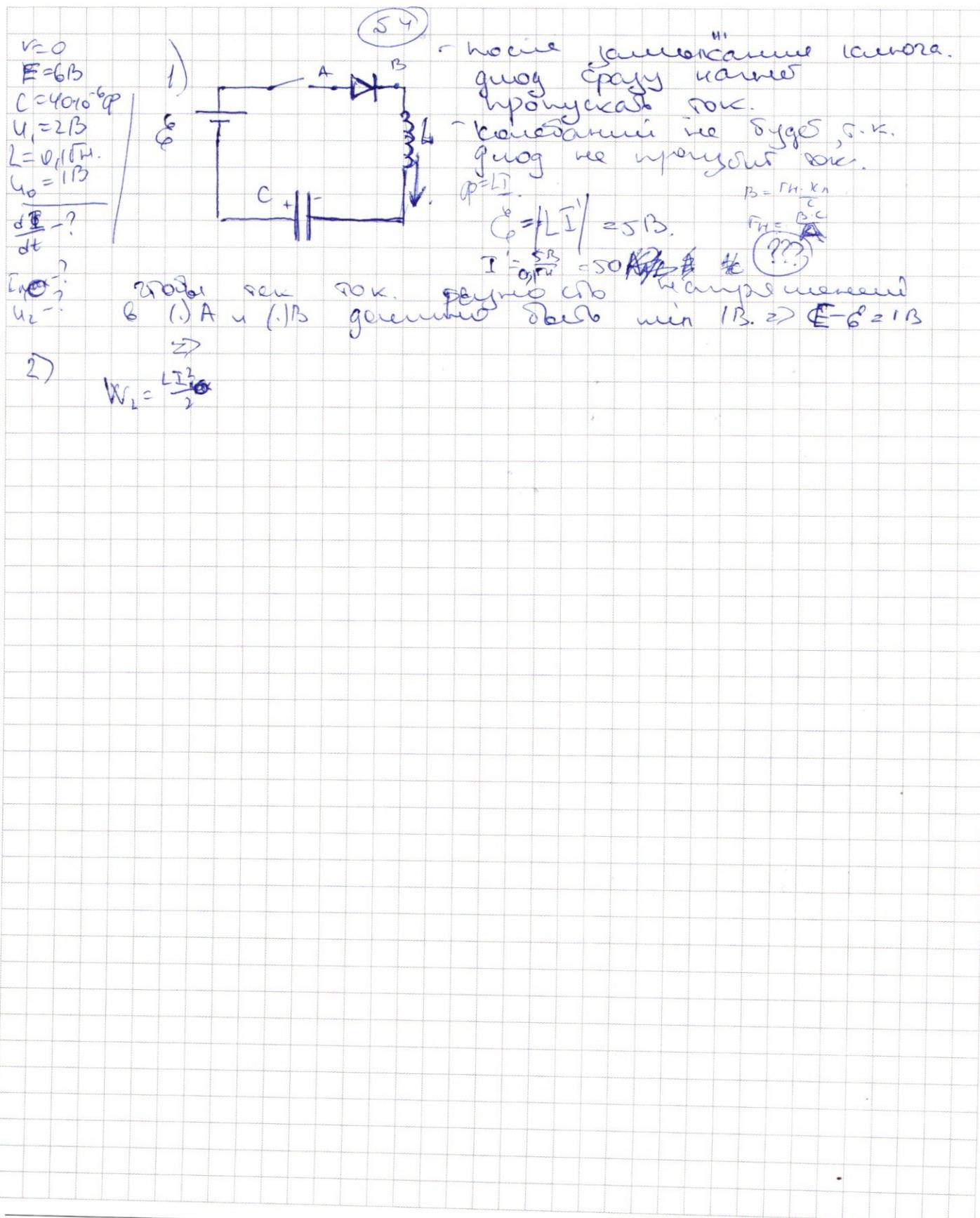
$$\Rightarrow u_x = 320 \Rightarrow u = \frac{u_x}{\cos \alpha} = \frac{320}{\cos(\operatorname{arctg} 0,75)}$$

Ответ: $a = 5F$; $\alpha = \operatorname{arctg} \frac{3}{4}$; $u = 320 \cdot \frac{1}{\cos(\operatorname{arctg} 0,75)}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$F = \frac{1}{d} + \frac{1}{c}$$

$$Y \frac{1}{m} = \frac{1}{a} + \frac{1}{sm}$$

$$\frac{1}{a} = \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{3} \right)m = \frac{7}{12}m \quad \frac{4}{20} = \frac{1}{5}m$$

$$\frac{9}{20}$$

$$F' = -\frac{1}{a} - \frac{1}{d}$$

$$\frac{1}{4m} = -\frac{1}{a} = \frac{1}{5m}$$

$$a = \frac{20}{9}m = 2\frac{2}{9}m$$

$$\begin{array}{c}
 \text{Diagram showing vectors } \vec{u}_x, \vec{v}, \text{ and } \vec{w} \\
 \text{with } \vec{u}_x = \frac{\vec{v}}{2} + \frac{\vec{w}}{2} \\
 \text{and } \vec{u} = \frac{\vec{v}}{2} - \frac{\vec{w}}{2}
 \end{array}$$

fat?

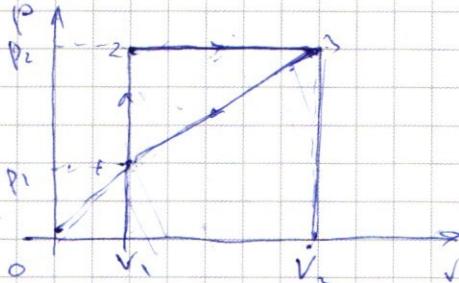
64 66

144 16
g. g.

8

$$\frac{y_1}{28} = \sqrt{2^2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



(52)

1) 1-2 - изохора.

$$\Delta U = Q$$

$$\frac{3}{2} \Delta P \cdot \Delta V = k \Delta R \Delta T$$

$$\frac{3}{2} \Delta R \Delta T = k \Delta R \Delta T$$

$$\frac{PV}{T} = \text{const.}$$

$$\Rightarrow C_p = \frac{3}{2} R \quad \boxed{\frac{3}{2} R = 96}$$

2-3 - изоб.

$$\Delta U = Q - A$$

$$\frac{3}{2} \Delta R \Delta T = k \Delta R \Delta T - \Delta R \Delta T$$

$$\Rightarrow C_p = \frac{5}{2} R$$

$$C_p = \frac{5}{2} R$$

3-1 - изоп.

$$\Delta U = Q + A$$

$$\frac{3}{2} \Delta R \Delta T = k \Delta R \Delta T + \Delta R \Delta T$$

$$A = \frac{1}{2} P_3 V_3 - \frac{1}{2} P_2 V_2$$

$$\Rightarrow C_{si} = \frac{1}{2} R$$

$$2) \frac{\Delta U_{23}}{Q_{23}} = \frac{\frac{3}{2} \Delta R \Delta T}{\Delta R \Delta T} = \frac{3}{2} ? \quad d(\Delta R \Delta T) = d(PV)$$

$$3) \gamma = \frac{A}{Q_{12} + Q_{23}} = \frac{A}{Q_{12} + Q_{23}}$$

1-2 Q+
2-3 Q+
3-1 Q-

$$P_2 V_3 - P_2 V_1 - \frac{1}{2} P_2 V_3 - \frac{1}{2} P_1 V_1$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \Delta R \Delta T_{12} = \frac{3}{2} (P_2 - P_1) V_1$$

$$Q_{23} = \frac{5}{2} \Delta R \Delta T_{23} = \frac{5}{2} P_2 (V_3 - V_1)$$

$$A = \frac{1}{2} (V_3 - V_1) (P_2 - P_1) = \frac{1}{2} (P_2 V_3 - P_2 V_1 - P_1 V_3 + P_1 V_1)$$

$$\Delta R \Delta T_{31} = (P_2 - P_1) (V_3 - V_1) = (P_2 V_3 - P_2 V_1 - P_1 V_3 + P_1 V_1)$$

$$\begin{aligned} \cancel{\frac{3}{2} P_2 V_1 - \frac{3}{2} P_1 V_1 + \frac{5}{2} P_2 V_3 - \frac{5}{2} P_1 V_1 - P_2 V_3 + P_2 V_1 + P_1 V_3 - P_1 V_1} \\ - \cancel{\frac{5}{2} P_1 V_1 + \frac{3}{2} P_2 V_3 + P_1 V_3} = -5 P_1 V_1 + 3 P_2 V_3 + 2 P_1 V_3 \\ - \cancel{\frac{3}{2} P_1 V_1 + \frac{5}{2} P_2 V_3 + P_1 V_1} = -3 P_1 V_1 + 5 P_2 V_3 - 2 P_2 V_1 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \gamma = \frac{A}{A+Q} \Rightarrow \frac{\frac{1}{2} (P_2 V_3 - P_2 V_1 - P_1 V_3 + P_1 V_1)}{\frac{1}{2} Q + Q} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{2}} = \frac{1}{3} = 0,333 \quad \boxed{0,333}$$

1	2	3	4	5
0 0 0	0 0 0	0 0 0	0 0 0	0 0 0

