

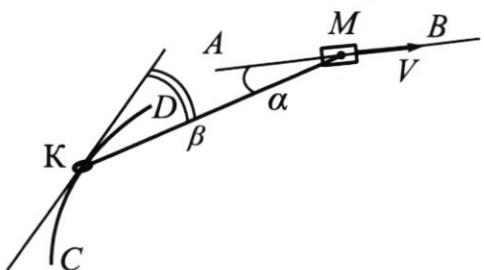
Олимпиада «Физтех» по физике, 11 класс

Вариант 11-03

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не рассматриваются.

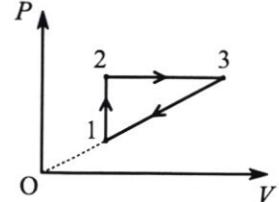
1. Муфту M двигают со скоростью $V = 34$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,3$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 0,53$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/4$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол α ($\cos \alpha = 15/17$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 3/5$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния d между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,3d$ от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со

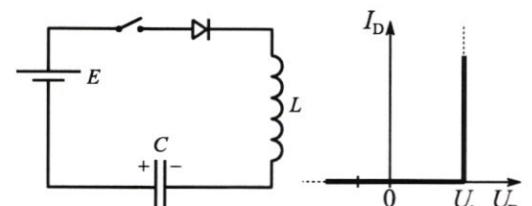
скоростью V_1 . Удельный заряд частицы $\frac{|q|}{m} = \gamma$. *Поле обкладок S.*

- 1) Через какое время T частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?
- 2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

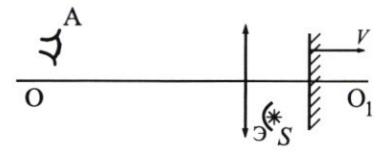
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 2$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси $O\mathcal{O}_1$ линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси $O\mathcal{O}_1$ и на расстоянии $F/4$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси $O\mathcal{O}_1$. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $3F/4$ от линзы.

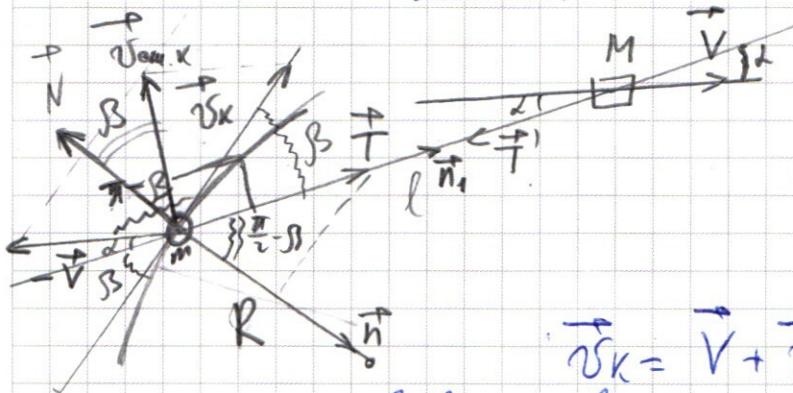
- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель A сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси $O\mathcal{O}_1$ движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано: $V = 34 \text{ м/c}$ $m = 0,3 \text{ кг}$; $R = 0,53 \text{ м}$; $\ell = \frac{5R}{4}$; $\cos\alpha = \frac{15}{17}$; $\cos\beta = \frac{3}{5}$
 $v_K - ?$; $v_{\text{доп.к}} - ?$; $T - ?$

Решение:



Измнж. неравенства \Rightarrow

$$\Rightarrow v_K \cos \beta = \sqrt{v^2 - v_K^2}$$

$$v_K = \frac{\sqrt{v^2 - v_K^2}}{\cos \beta} = \frac{34}{\sqrt{1 - \frac{15^2}{17^2}}} = \frac{34}{\sqrt{1 - \frac{225}{289}}} = \frac{34}{\sqrt{\frac{64}{289}}} = \frac{34}{\frac{8}{17}} =$$

$$= 50 \text{ м/c.}$$

$$v_K = \vec{V} + \vec{v}_{\text{доп.к.}} \Rightarrow v_{\text{доп.к.}} = v_K - \vec{V}$$

Скалярно векторы в квадрате: $v_{\text{доп.к.}}^2 = v_K^2 + V^2 - 2(v_K \cdot \vec{V})$

$$v_{\text{доп.к.}} = \sqrt{v_K^2 + V^2 - 2 \cdot v_K \cdot V \cdot \cos(\pi - \beta + \alpha)} = \sqrt{v_K^2 + V^2 - 2 v_K V \cos(\beta - \alpha)}$$

$$\cos(\beta - \alpha) = \cos \beta \cos \alpha + \sin \beta \sin \alpha, \quad \sin \alpha = \sqrt{1 - \frac{225}{289}} = \frac{8}{17};$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5} \Rightarrow \cos(\beta - \alpha) = \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{17} + \frac{8}{17} \cdot \frac{4}{5} = \\ = \frac{1}{5 \cdot 17} (45 + 32) = \frac{77}{5 \cdot 17}.$$

$$v_{\text{доп.к.}} = \sqrt{50^2 + 34^2 + 2 \cdot 50 \cdot 34 \cdot \frac{77}{8 \cdot 17}} \text{ м/c} = \sqrt{6736} \text{ м/c} \approx 82 \text{ м/c}$$

Дел. калькул.: $T \sin \beta - N = \frac{m v_K^2}{R}$ В системе отсчета

движущей P скорость калькулятора (относительная) перпендикулярна каси, иначе будем тело криволинейное движение, что неизвестно и неизвестно какое движение с ускорением.

$$\text{н.т. } T - N \sin \beta = \frac{m v_{\text{доп.к.}}^2}{R}$$

$$T - \left(T \sin \beta - \frac{m v_k^2}{R} \right) \sin \beta = \frac{m v_{\text{окн}}^2}{l}$$

$$T - T \sin^2 \beta + \frac{m v_k^2 \sin \beta}{R} = \frac{m v_{\text{окн}}^2}{l}$$

$$T \cos^2 \beta = m \left(\frac{v_{\text{окн}}^2}{l} - \frac{v_k^2}{R} \right)$$

$$T = \frac{m}{\cos^2 \beta} \left(\frac{v_{\text{окн}}^2}{l} - \frac{v_k^2}{R} \right) = \frac{0.325}{9} \left(\frac{82^2 \cdot 10^4}{5R} - \frac{50^2 \cdot 10^4}{R} \right) \text{Н} =$$

$$= \frac{25}{10} \cdot \frac{25}{53} \cdot \frac{100}{53} \left(\frac{82 \cdot 82 \cdot 4}{5 \cdot 10^4} - \frac{50 \cdot 50}{10^4} \right) \text{Н} = \frac{250}{3 \cdot 53 \cdot 10^4} \cdot \frac{1632 \cdot 10^2}{53^2} \text{Н}.$$

$$\cdot \left(\frac{82^2 \cdot 4}{5} - \frac{2500}{1} \right) = \frac{25}{3 \cdot 53 \cdot 10^3} \cdot 2879 \text{ Н} \approx \frac{25 \cdot 53}{3 \cdot 10^3} \text{ Н} = \frac{450}{1000} \text{ Н} =$$

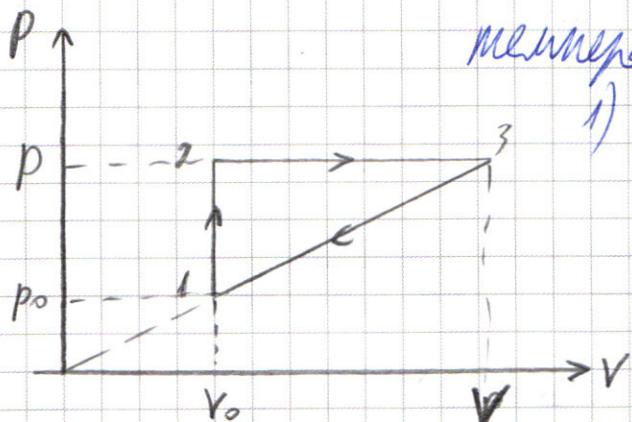
$$= 0.45 \text{ Н}$$

Очевидно $v_k = \frac{\sqrt{\cos \beta}}{\cos \beta} = 50 \text{ м/с}; v_{\text{окн}} = 82 \text{ м/с};$

$$T = 0.45 \text{ Н.}$$

$$Q_{\text{демо}} = 3 \cdot \frac{C_{12}h}{C_{23}h} - ? \quad \frac{S_{U_{23}}}{A_{23}} - ? \quad \eta_{\text{макс}} - ?$$

Демонстрация на участках 1-2 и 2-3



Межциклическая расчетом.

$$1) 1-2; Q_{12} = \frac{i}{2} JR(T_2 - T_1)$$

$$2-3; Q_{23} = p(V - V_0) + \frac{i}{2} JR(T_3 - T_2)$$

$$\frac{C_{12}h}{C_{23}h} = \frac{\frac{i}{2} JR(T_2 - T_1)}{\frac{i}{2} JR(T_3 - T_2)} = \frac{p(V - V_0) + \frac{i}{2} JR(T_3 - T_2)}{JR(T_3 - T_2)} = \textcircled{1}$$

$$pV = JR T_3; pV_0 = JR T_2$$

$$p(V - V_0) = JR(T_3 - T_2)$$

$$= \textcircled{1} = \frac{\frac{i}{2} JR}{JR(T_3 - T_2) + \frac{i}{2} JR(T_3 - T_2)} = \frac{\frac{i}{2}}{2+i} = \frac{3}{5}$$

$$2) \frac{S_{U_{23}}}{A_{23}} = \frac{\frac{i}{2} JR(T_3 - T_2)}{p(V - V_0)} = \frac{\frac{i}{2} JR(T_3 - T_2)}{JR(T_3 - T_2)} = \frac{i}{2} = \frac{3}{2}$$

$$3) \eta = \frac{Q_{\text{демо}}}{Q_{\text{окн}}} = \frac{A_{\text{уши}}}{Q_{\text{окн}}} = \frac{\frac{1}{2} JR(T_3 - T_2)(V - V_0)}{\frac{1}{2} JR(T_3 - T_2) + JR(T_3 - T_2) + \frac{1}{2} JR(T_3 - T_2)} = \textcircled{1}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$A_{\text{цикл}} = \frac{1}{2} (pV - p_0V - pV_0 + p_0V_0)$$

Учитывая правило умножения чисел на 1-3.

$$\frac{p_0}{p} = \frac{V_0}{V} \Rightarrow pV_0 = p_0V \Rightarrow p = \frac{p_0V}{V_0}$$

$$\frac{1}{2} (pV - 2p_0V + p_0V_0)$$

$$\eta = \frac{\frac{1}{2} (pV_0 - p_0V_0) + pV - pV_0 + \frac{1}{2} (pV - pV_0)}{=}$$

$$= \frac{pV - 2p_0V + p_0V_0}{-3p_0V_0 + 2pV - 2pV_0 + 3pV} = \frac{pV - 2p_0V + p_0V_0}{5pV - 3p_0V_0 - 2pV_0} =$$

$$= \frac{p_0 \frac{V}{V_0} \cdot V - 2p_0V + p_0V_0}{5 \frac{p_0V}{V_0} \cdot V - 3p_0V_0 - 2 \frac{p_0V}{V_0} V_0} = \frac{\frac{V}{V_0} - 2 + \frac{V_0}{V}}{5 \frac{V}{V_0} - 3 \frac{V_0}{V} - 2}$$

ищем $\gamma = \frac{V}{V_0}$, тогда $\eta = \frac{\gamma - 2 + \frac{1}{\gamma}}{5\gamma - \frac{3}{\gamma} - 2} =$

$$= \frac{\gamma^2 - 2\gamma + 1}{5\gamma^2 - 2\gamma - 3} = \eta(\gamma)$$

$$\eta'(\gamma) = \frac{(2\gamma - 1)(5\gamma^2 - 2\gamma - 3) - (\gamma^2 - 2\gamma + 1) \cdot (10\gamma - 3)}{(5\gamma^2 - 2\gamma - 3)^2} = 0$$

~~$$5\gamma^3 - 2\gamma^2 - 3\gamma - 5\gamma^2 + 2\gamma + 3 = 5\gamma^3 + 10\gamma^2 - 5\gamma + \gamma^2 - 2\gamma + 1 = 0$$~~

~~$$4\gamma^2 - 8\gamma + 4 = 0$$~~

~~$$\gamma^2 - 2\gamma + 1 = 0 \quad D = 4 - 4 \cdot 1 \cdot 1 = 0$$~~

$\gamma = 1$ - Погрешность максимальна

~~$$\eta_{\max} = \frac{1 - 2 + 1}{5 - 2 - 3} =$$~~

$$\eta(\gamma) = \frac{(\gamma - 1)^2}{5(\gamma - 1)(\gamma + \frac{3}{5})} = \frac{\gamma - 1}{5(\gamma + \frac{3}{5})}$$

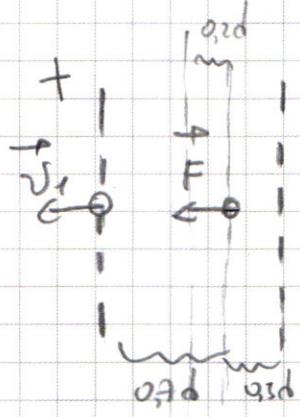
$$\eta' = \left(\frac{\delta - 1}{5(\delta + \frac{3}{5})} \right)' = \frac{1}{5} \cdot \frac{\delta + \frac{3}{5} - (\delta - 1) \cdot 1}{(\delta + \frac{3}{5})^2} = \frac{1}{5} \cdot \frac{\delta + \frac{3}{5} - \delta + 1}{(\delta + \frac{3}{5})^2} > 0$$

акт 2 условия $\begin{cases} \delta > 0 \\ 0 < \frac{\delta - 1}{5(\delta + \frac{3}{5})} < 1 \end{cases} \Rightarrow \delta > 1.$

$\eta_{\max}(\delta) = \lim_{\delta \rightarrow +\infty} \frac{\delta - 1}{5(\delta + \frac{3}{5})} = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1 - \frac{1}{n}}{5(1 + \frac{3}{5n})} = \frac{1}{5} \cdot \text{Однозначн}(1) \frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{3}{5} 2) \frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = \frac{3}{2}$

3) $\eta_{\max} = \frac{1}{5}$

Дано d, $\delta = \frac{|q|}{m}$, v_1 , T-?; ω -?; v_2 -?



Решение

$$2E_1 S = \frac{Q}{\epsilon_0} \Rightarrow E_1 = \frac{Q}{2\epsilon_0 S} ; E = 2E_1 = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$$

$$F_k = m a$$

$$\frac{Qg}{\epsilon_0 S} = m a \quad 0,7d = \frac{v_1^2}{2g} \Rightarrow a = \frac{v_1^2}{1,4d}$$

$$0,2d = \frac{aT^2}{2} = \frac{v_1^2}{1,4d} \cdot \frac{T^2}{2}$$

$$0,56d^2 = v_1^2 T^2 \Rightarrow T = \frac{d}{v_1} \sqrt{0,56} \approx 0,75 \frac{d}{v_1}$$

$$\frac{Qg}{\epsilon_0 S} = \frac{mv_1^2}{1,4d} ; \frac{Q\delta}{\epsilon_0 S} = \frac{v_1^2}{1,4d} \Rightarrow \delta = \frac{\epsilon_0 S v_1^2}{1,4d \delta}$$

~~$\partial Q = 2 \int E dR = \frac{Q}{\epsilon_0 S} dR = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$~~

Задача После того, как замена концептуала на неё никак не влияет на величину, значит импульс сохраняется $v_2 = v_1$

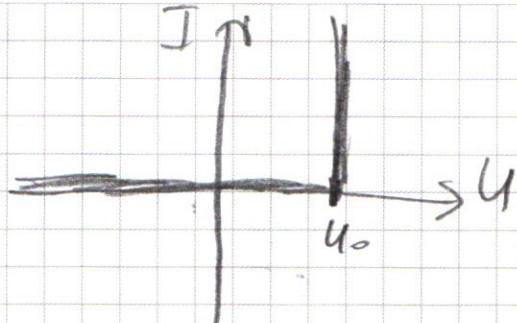
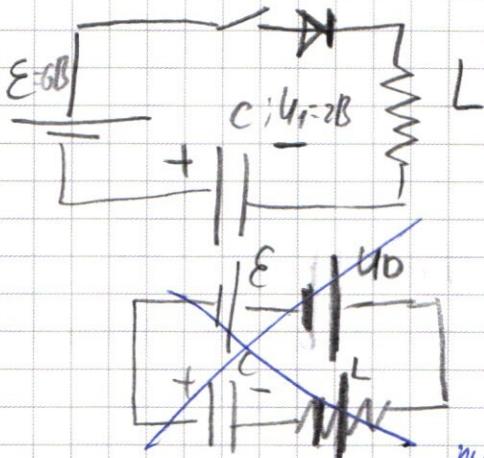
$$\text{Однозначн } T = 0,75 \frac{d}{v_1} ; Q = \frac{\epsilon_0 S v_1^2}{1,4d \delta} ; v_2 = v_1$$

N4

Дано $E = GB$, $C = 40 \text{ мкФ}$; $U_1 = 2B$; $L = 0,1 \text{ ГН}$; $U_0 = 18$
 $I(0)?$; $I_{\max}?$; $U_{c2}?$

Решение

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Для колебаний катушки времена
полу в учебнике нет.

$$E_{\text{дем}} + E_i = U_1 + U_0$$

$$-E + L \frac{dU_1}{dt} + U_1 + U_0 = 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{dU_1}{dt} = \frac{E - U_1 - U_0}{L} = \frac{16 - 2 - 11B}{0.1 \text{ Гн}} = \frac{3}{0.1 \text{ Гн}} = 30 \frac{\text{В}}{\text{Гн}}$$

Наибольшее поле достигнутое при условии что конденса-
тор разогрет. $Q = C U_1$.

$$\frac{C U_1^2}{2} + E C U_1 = Q C U_1 = \frac{U_1^2}{2} \quad (\text{следует из теоремы о работе внешних сил})$$

$$I_{\text{max}} = \sqrt{\frac{2 C U_1 (E - U_0)}{L}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 40 \cdot 10^{-8} \cdot 2 \cdot 7}{0.1}} \quad A = \sqrt{16 \cdot 7 \cdot 10^{-4}} \quad A = 4 \cdot 10^{-2} \text{ А}$$

$$\approx 2 \cdot 10^{-2} \text{ А} = 0.1 \text{ А}$$

Но не то, как можно видеть колебание
колебаний не могут быть замечены.
~~Согласованное~~ ~~заряд~~

$$I_{\text{max}} = \sqrt{\frac{2}{L} \left(C U_1 (E - U_0) + \frac{(U_1)^2}{2} \right)} = \sqrt{20 \left(2 \cdot 5 + \frac{4}{2} \right) \cdot 40 \cdot 10^{-6} \text{ А}} =$$

$$= \sqrt{20 \cdot 12 \cdot 40 \cdot 10^{-6}} \text{ А} = 4 \cdot 10^{-2} \sqrt{6} = 8 \cdot 10^{-2} \text{ А} = 80 \text{ мА} \approx 100 \text{ мА.}$$

$$-\frac{CU_1^2}{2} + \frac{CU_2^2}{2} = E\Delta q = U_{0\Delta q} \quad (\text{из закона сохранения энергии})$$

$\Delta q = C(U_2 - U_1)$

$\Delta q = q_2 - q_1 = C(U_2 - U_1)$ - изменение заряда.

$$-\frac{CU_1^2}{2} + \frac{CU_2^2}{2} = E(U_2 - U_0)(U_2 - U_1)$$

$$-U_1^2 + U_2^2 = 2(EU_2 - U_0U_2 - EU_1 + U_0U_1)$$

$$U_2^2 - 2U_2(E - U_0) = U_1^2 + 2EU_1 - 2U_0U_1 = 0$$

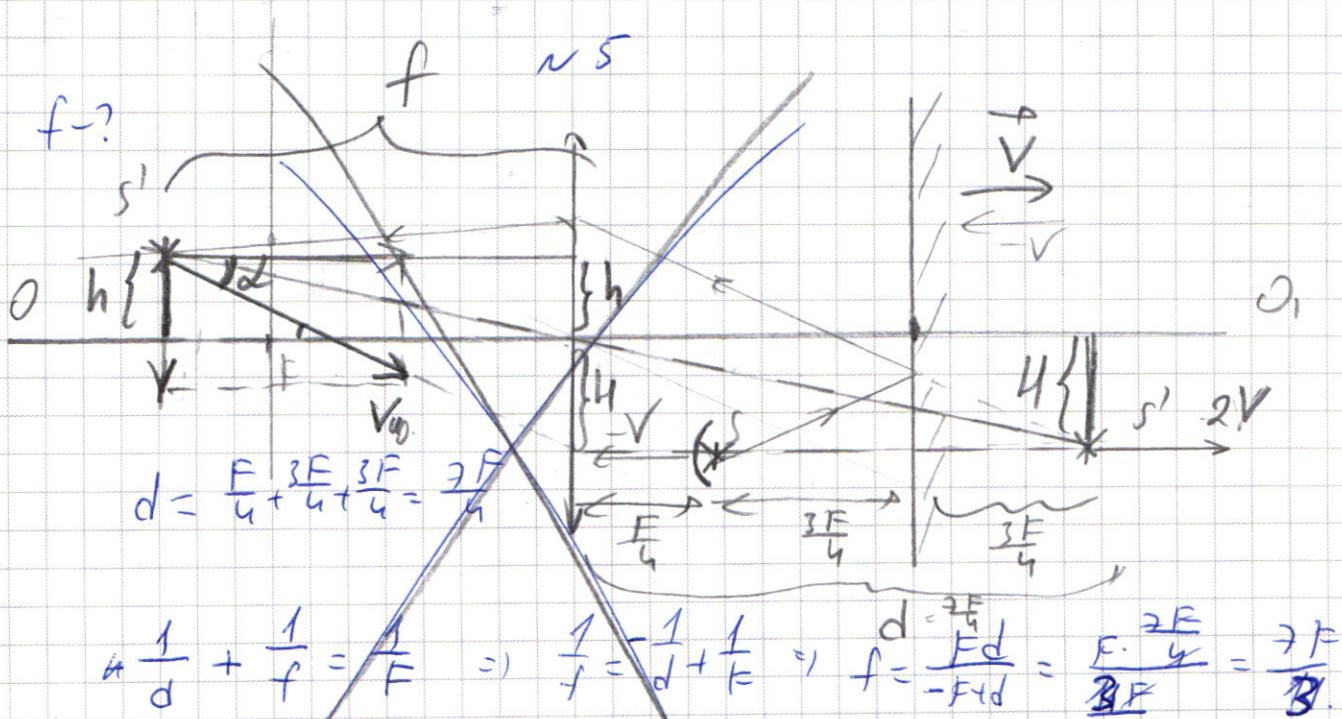
$$U_2^2 - 10U_2 + 16 = 0$$

$$D = 100 - 4 \cdot 1 \cdot 16 = 36$$

$$U_2 = \frac{10 \pm 6}{2} = 8 \text{ В}, 2 \text{ В}$$

Ответ: 1) $I(0) = 30 \frac{A}{V_H}$; 2) $I_{\max} \approx 100 \text{ mA}$ 3) $U_2 = 8 \text{ В}$

Случай, когда $U_C = 2 \text{ В}$ -
изменение момента
времени.



$$d = \frac{F}{4} + \frac{3F}{4} + \frac{3F}{4} = \frac{7F}{4}$$

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{1}{d} + \frac{1}{F} \Rightarrow f = \frac{Fd}{F-d} = \frac{F \cdot \frac{2F}{4}}{\frac{3F}{4}} = \frac{2F}{3}$$

(Момент замедления зарядов на движущийся со скоростью v вправо источник) ~~движения отстоящий источник~~ ~~движения~~ ~~отстоящий~~ ~~источник~~

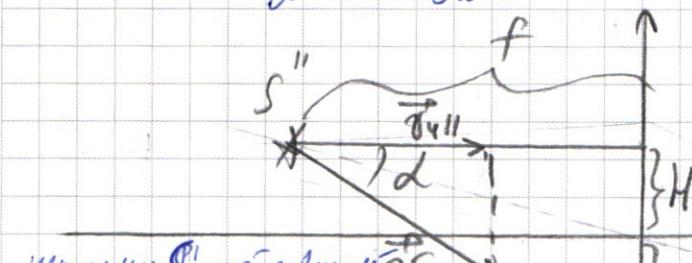
Либо пишем, что они проходят в тонце на лице.

$$fsl = \frac{h+H}{f}; \quad \frac{h}{H} = \frac{d}{f} \Rightarrow f = \frac{Md}{h}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

f ? α ? U_{u1} ?

N 5.



Из условия S' -дифракции S_u (то есть нормально распространяется вправо)

Демонстрируем

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{H}$$

$$f = \frac{Fd}{d-H} = \frac{SF}{\frac{SF}{4}-H} = SF$$

$$tsd = \frac{h+H}{f}; \quad \frac{H}{h} = \frac{f}{d} \Rightarrow H = \frac{hf}{d}; \quad h = \frac{3F}{4}$$

$$H = \frac{\frac{3F}{4} \cdot \frac{5F}{4}}{\frac{5F}{4}} = 3F$$

$$tsd = \frac{\frac{3F}{4} + \frac{3F}{4}}{3F} = \frac{\frac{3F}{4}}{\frac{3F}{4}} = \frac{3}{4}$$

$$\text{здесь боковая путь сокращен: } \Gamma^2 = \frac{U_{u11}}{2V} = \left(\frac{f}{d}\right)^2 = \left(\frac{SF}{\frac{5F}{4}}\right)^2 =$$

$$= 16 \Rightarrow U_{u11} = 2V \cdot 16 = 32V$$

$$U_u \cos \alpha = U_{u1} \Rightarrow U_u = \frac{U_{u1}}{\cos \alpha} = \frac{32V}{\frac{3}{4}} \cdot 5 = 40V$$

$$\frac{1}{\cos^2 \alpha} = 1 + tsd^2 = 1 + \frac{9}{16} = \frac{25}{16} \Rightarrow \cos \alpha = \frac{4}{5}$$

Ответы 1) $f = SF$ 2) $tsd = \frac{3}{4}$ 3) $U_u = 40V$.

~~(Все боковые пути сокращены вдвое в результате дифракции в отверстии)~~
P.S. В ~~исходном CO~~ ~~записано еще~~ $U_u = 2V$

V Волна приходит изображение и зеркальное изображение на зеркале.

2V

Скорость изображения в зеркале d — радиус зеркального изображения

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\left\{ \begin{array}{l} \delta > 0 \\ \frac{\delta-1}{5(\delta+\frac{3}{5})} - 1 < 0 \Rightarrow \frac{\delta-1-5\delta-3}{5(\delta+\frac{3}{5})} < 0 \Rightarrow \frac{-4\delta-4}{\delta+\frac{3}{5}} < 0 \Rightarrow \frac{4\delta+4}{\delta+\frac{3}{5}} > 0 \end{array} \right.$$

$$\textcircled{1} \quad \delta \in (0, +\infty) \Rightarrow \textcircled{2} \quad \delta \in (1, +\infty) \quad \delta \in (1, +\infty)$$

$$\lim_{\delta \rightarrow +\infty} \left(\frac{\delta-1}{5(\delta+\frac{3}{5})} \right) = \frac{1 - \frac{1}{\infty}}{5(1 + \frac{3}{5\infty})} = \frac{1}{5}$$

$$E + E_i = U_0 - \frac{q}{C}$$

$$E dq = L I dt + U_0 dq + \frac{q dq}{C} \quad !: dt$$

$$EI = LI + U_0 I + \frac{qI}{C}$$

$$E dq = U_0 dq + \frac{LI_{max}}{2} - \frac{C U_1^2}{2}$$

$$\frac{LI_{max}}{2} = E C U_1 - U_0 C U_1 + \frac{C U_1^2}{2}$$

$$\sqrt{2 \cdot 12 \cdot 4 \cdot 10^6} = \sqrt{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 10^4} = 4 \cdot 10^2 \sqrt{6}$$

$$E \approx q =$$



черновик чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)