

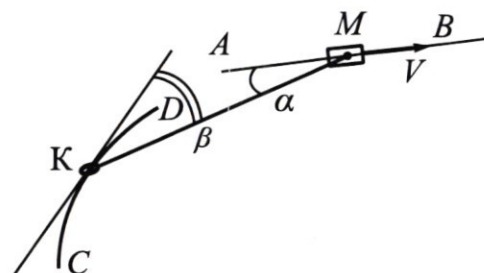
Олимпиада «Физтех» по физике, 11 класс

Вариант 11-03

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложения бланка задания не принимаются.

1. Муфту М двигают со скоростью $V = 34$ см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 0,3$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 0,53$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/4$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол α ($\cos \alpha = 15/17$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 3/5$) с направлением движения кольца.



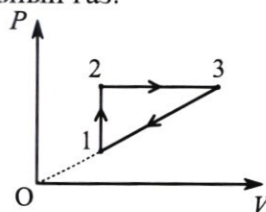
- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.

2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.

3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния d между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,3d$ от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со скоростью V_1 . Удельный заряд частицы $\frac{|q|}{m} = \gamma$.

1) Через какое время T частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?

2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.

3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

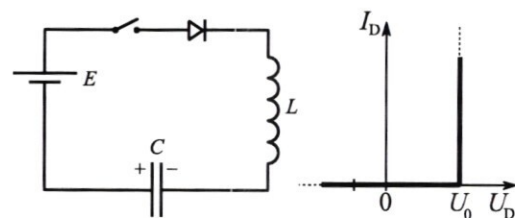
При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 2$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.

2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.

3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

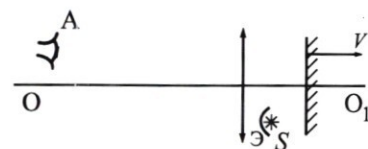


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии плоскости $F/4$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $3F/4$ от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

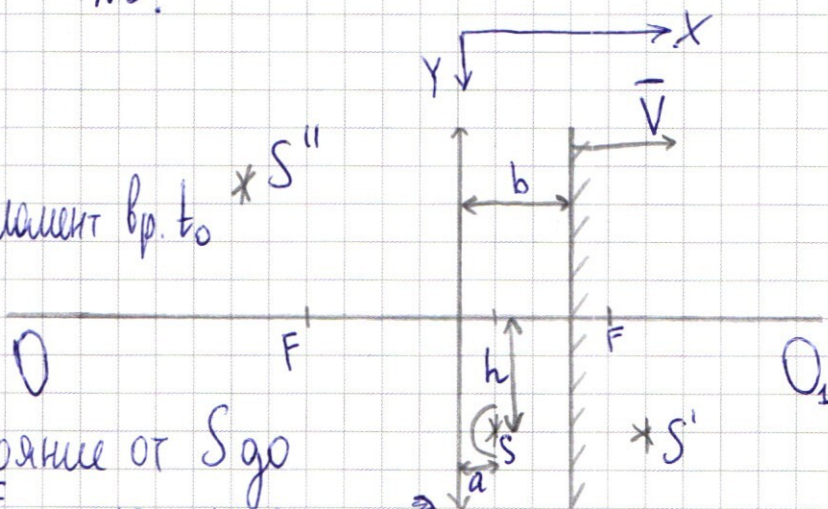
№5.

Дано:

Расс. от линзы до S (источник) $= a = \frac{F}{4}$

Расс. от линзы до зеркала $= b = \frac{3F}{4}$ - в момент вр. t_0

Расс. от OO_1 до $S = h = \frac{3F}{4}$



В момент времени t_0 расстояние от S до зеркала равно $b - a = \frac{F}{2}$, тогда расс. от изображ. в зеркале S' до зеркала также равно $\frac{F}{2}$. Тогда расс. от линзы до S' равно $b + \frac{F}{2} = \frac{5F}{4}$ (т.к. зеркало $\perp OO_1$)

Тогда где изображ. в линзе S'' , где F - расс. от линзы до S'' :

$$\frac{1}{d_0} + \frac{1}{F} = \frac{1}{F} \Rightarrow F = \frac{d_0 F}{d_0 - F} = \frac{5F}{4 - \frac{F}{4}} = 5F \text{ (в мом. вр. } t_0)$$

Пусть H - расс. от S'' до OO_1 : Возьмем из S, S' и зеркала

$$\frac{H}{h} = \frac{F}{d} \quad (d)' = V_{S'} = 2V$$

$\vec{V}$, тогда: $V_{S'} = -V$

Т.к. S' - из S в зеркале: $V_{S'} = -V_S = V$

Вернемся в СО, связ с линзой:

$$V_S = V_{S'} + V = 0, V_{S'} = V_S' + V = 2V$$

В неопред. мом. вр.:

$$F = \frac{d \cdot F}{d - F} \Rightarrow F = \frac{d \cdot F}{d - F}$$

$$F' = \frac{2VF(d-F) - dF \cdot 2V}{(d-F)^2} = -\frac{2VF^2}{(d-F)^2} = V_x - \text{скор. } S'' \text{ по оси } X$$

$$H = \frac{hF}{d} \Rightarrow H' = \left(\frac{hF}{d(d-F)} \right)' = \left(\frac{hF}{d-F} \right)' = -\frac{hF}{(d-F)^2} \cdot 2V = V_y - \text{скор. } S'' \text{ по оси } Y$$

Из треугольника скоростей где S'' в мот. вр. t_0 :
 α - угол между V_k (полной скоростью S'') и V_x 1100_k

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{V_y}{V_x} = \frac{h F^2 V_0}{(d-F)^2} \cdot \frac{(d-F)^2}{2 V_0 F^2} = \frac{h}{F} = \frac{3}{4}$$

$$V_k^2 = V_x^2 + V_y^2 = \frac{4 V_0^2 F^4}{(d-F)^4} + \frac{4 V_0^2 h^2 F^2}{(d-F)^4} = \frac{4 V_0^2 F^2 (F^2 + h^2)}{(d-F)^4}$$

$$V_k = \sqrt{\frac{2 V_0 F}{(d-F)^2} \sqrt{F^2 + h^2}} = \frac{2 V_0 F}{F^2} \cdot 16 \sqrt{F^2 + \frac{9 F^2}{16}} = \frac{32 V_0}{F} \cdot F \frac{5}{4} =$$

$$= 40 V_0$$

Ответ: 1) $5F$,
 2) $\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$,
 3) $40 V_0$.

N2.

Пусть p_1, p_2, p_3 - давл. в 1, 2, 3 ~~состояния~~ состояниях соотв.,
 T_1, T_2, T_3 - темп. -||- ΔU_{23} и A_{23} - изменение внутр.
 V_1, V_2, V_3 - давление, -||- жерии и работа газа на 2-3 соотв.

γ - кол-во газа = const, R - газ. постоянн.

C_{12} и C_{23} - молярные теплоемк. в проц. 1-2 и 2-3 соотв.

Q_{12} и Q_{23} - изменение теплогаза -||-

$$p_2 = p_3, V_1 = V_2$$

$$pV = \gamma RT$$

$$Q = \Delta U + A = p \Delta V + \frac{3}{2} \gamma R \Delta T$$

$$dQ = dU + dpV + p dV$$

$$Q_{23} = p_2 (V_3 - V_2) + \frac{3}{2} \gamma R (T_3 - T_2) =$$

$$= \gamma R T_3 - \gamma R T_2 + \frac{3}{2} \gamma R T_3 - \frac{3}{2} \gamma R T_2 = \frac{5}{2} \gamma R (T_3 - T_2)$$

$$Q_{12} = p_1 (V_2 - V_1) + \frac{3}{2} \gamma R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1) = \frac{3}{2} \gamma R (T_2 - T_1)$$

$$C = \frac{dQ}{dT}$$

Повышение температуры газов на участках 1-2 и 2-3

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{\frac{dQ_{12}}{dT_{12}}}{\frac{dQ_{23}}{dT_{12}}} = \frac{dQ_{12} dT_{23}}{dQ_{23} dT_{12}} = \frac{\frac{3}{2} \gamma R (T_2 - T_1) (T_3 - T_2)}{\frac{5}{2} \gamma R (T_3 - T_2) (T_2 - T_1)} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{3}{2} \gamma R (T_3 - T_2)}{p_2 (V_3 - V_2)} = \frac{\frac{3}{2} \gamma R (T_3 - T_2)}{\gamma R (T_3 - T_2)} = \frac{3}{2}$$

$\eta = \frac{A_{\text{ц}}}{Q_H}$, где η - КПД цикла, $A_{\text{ц}}$ - работа за весь цикл, Q_H - теплота, пошл. от нагрев.

$A_{\text{ц}} = S_{\Delta 123} = \frac{(V_3 - V_2)(p_2 - p_1)}{2}$ Пусть в 1-2 p увелич. в a раз, а в 2-3 V увелич. в b раз.

$$p_1 V_3 = \frac{\gamma R T_1}{V_1} \cdot V_3 = b \gamma R T_1$$

$$p_2 V_3 = \frac{\gamma R T_2}{V_2} \cdot V_3 = \gamma R T_2 \cdot b = ab \gamma R T_2 = p_3 V_3$$

$$p_1 V_1 = \gamma R T_1 = p_1 V_2$$

$$p_2 V_1 = a \gamma R T_1 = p_2 V_2$$

$$\eta = \frac{A_{\text{ц}}}{Q_H} = \frac{\frac{ab}{2} \gamma R T_1 - \frac{a}{2} \gamma R T_1 - \frac{b}{2} \gamma R T_1 + \frac{\gamma R T_1}{2}}{\frac{3}{2} (\frac{a}{2} \gamma R T_1 - \gamma R T_1) + \frac{5}{2} \gamma R (ab \gamma R T_1 - a \gamma R T_1)} =$$

$$= \frac{ab - a - b + 1}{3(a-1) + 5(ab-a)} = \frac{ab - a - b + 1}{(a-1)(3+5(b-1))} = \frac{(a-1)(b-1)}{5ab - 2a + 3}$$

Ответ: 1) $\frac{3}{5}$,

2) $\frac{3}{2}$.

№4.

В момент времени сразу после замыкания ключа направление тока совпадает со дуоду $\Rightarrow U_d = 0$.

Е. Пусть ток в цепи - I . По II прав. Кирхгофа:

$$\mathcal{E} = \dot{I}L - U_1$$

U_c - напряж. конденс.

$$\dot{I} = \frac{\mathcal{E} + U_1}{L} = 80 \frac{\text{A}}{\text{с}}$$

Т.к. напряж. на конд. установилось, то ток в цепи не течет (иначе $U_c = \mathcal{E} \uparrow \mathcal{E}$ по Зак. сохр. заряда). ~~Конденсатор~~ $\Rightarrow$ диод не пропускает ток $\Rightarrow U_d \rightarrow U_0 < U_0$.

$$\mathcal{E} - U_d = U_c - \mathcal{E} \Rightarrow \text{при } U_c = U_0 + \mathcal{E}$$

$$0 < U_c - \mathcal{E} < U_0$$

$$U_c = U_0 + \mathcal{E} = 7\text{В}$$

Макс. ток будет, когда $U_c = 0$:

$$\begin{aligned} \mathcal{E}q + \frac{CU_1^2}{2} &= \frac{LI^2}{2} \quad \left| \frac{d}{dt} \right. \\ \mathcal{E}I &= LI\dot{I} \\ \mathcal{E} &= L\dot{I} \Rightarrow \dot{I} = \frac{\mathcal{E}}{L} \\ \mathcal{E} &= \dot{I}L \end{aligned}$$

Ответ: 1) $80 \frac{\text{A}}{\text{с}}$, 2) 7В.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3.

По II зак. Н:

$$ma = E|q| \quad (t_n - \text{время вылета из конденг.})$$

$$a = \frac{E}{\gamma} E \gamma$$

$$V_1 = V_0 + at_n = E \gamma t_n \Rightarrow E = \frac{V_1}{\gamma t_n}$$

$$d - 0,3d = \frac{at_n^2}{2}$$

$$0,7d = \frac{E \gamma t_n^2}{2} = \frac{V_1 t}{2}$$

$$t_n^2 = 1,4d / V_1 \Rightarrow \frac{1,4d}{V_1}$$

$$E = \frac{V_1}{\gamma t_n} = \frac{V_1^2}{1,4d \gamma} = \frac{q}{\epsilon_0 S}$$

$$q = \frac{V_1^2 \epsilon_0 S}{1,4d \gamma}$$

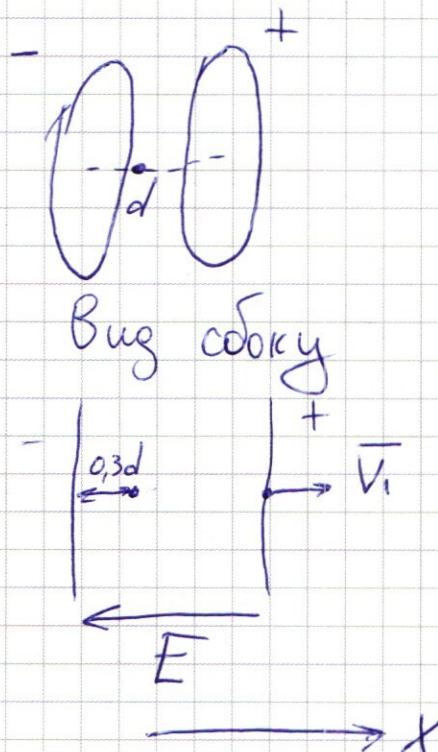
Вне конденсатора $E=0 \Rightarrow ma=0 \Rightarrow$ скорость не изменяется $\Rightarrow V_2 = V_1$

Ответ: 1)

$$0,5d - 0,3d = \frac{at^2}{2} = \frac{E \gamma t^2}{2}$$

$$0,1d = E \gamma t^2 = \frac{V_1^2}{1,4d} \cdot t^2 \Rightarrow$$

$$t = \sqrt{\frac{0,14d^2}{V_1^2}} = \frac{d}{V_1} \sqrt{0,14}$$



$$0,7d = \frac{E\gamma t_n^2}{2}$$

$$V_1 = E\gamma t_n$$

$$V_1^2 = E^2 \gamma^2 t_n^2$$

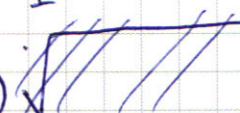
$$\frac{0,7d}{V_1^2} = \frac{1}{2E\gamma}$$

$$E = \frac{V_1}{1,4d\gamma}$$

$$0,5d - 0,3d = 0,2d = \frac{at^2}{2}$$

$$t = T \quad t = \sqrt{\frac{0,4d}{a}} = \sqrt{\frac{0,4d}{E\gamma}} = \sqrt{\frac{0,4d \cdot 1,4d}{E^2 V_1^2}} = \frac{d}{V_1} \sqrt{0,56}$$

Вне конд. $E=0 \rightarrow ma=0 \Rightarrow v_{нл}$ меняется $\Rightarrow V_2 = V_1$

Ответ: 1)  $\frac{d}{V_1} \sqrt{0,56}$

2) $\frac{V_1^2 \epsilon_0 S}{2,8d\gamma}$

3) V_1

Для кольца по II з.н. $\vec{m}\vec{a} = \vec{N} + \vec{T}$
 $\vec{m}\vec{a} = T \cos \beta$
 $N = \sin \beta T$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Handwritten solution on graph paper for a physics problem involving thin lenses.

Diagram 1 (Top Left): Shows two thin lenses, \$S''\$ and \$S'\$, separated by distance \$d\$. An object \$F\$ is placed at distance \$d_1\$ from \$S''\$. The image \$F'\$ is formed at distance \$d_2\$ from \$S'\$. The focal length of \$S'\$ is \$F\$. The distance between the lenses is \$d\$. The image \$F'\$ is at distance \$2F\$ from \$S'\$.

Diagram 2 (Middle): Shows the same setup with \$S''\$ and \$S'\$, but with the object \$F\$ at distance \$F\$ from \$S''\$. The image \$F'\$ is at distance \$2F\$ from \$S'\$.

Diagram 3 (Bottom): Shows the same setup with \$S''\$ and \$S'\$, but with the object \$F\$ at distance \$2F\$ from \$S''\$. The image \$F'\$ is at distance \$2F\$ from \$S'\$.

Calculations:

For Diagram 1:

$$d_1 = \frac{F}{4}$$

$$d_2 = a + (a - d_1) = 2a - d_1 = \frac{5}{4}F$$

$$\frac{1}{d_2} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$F = \frac{d_2 F}{d_2 - F} = \frac{(2a - d_1) F}{2a - d_1 - F} = \frac{5 F^2}{4 \cdot \frac{2F}{4}} = \frac{5 F}{2}$$

$$\frac{H}{h} = \frac{F}{d}$$

$$H = \frac{Fh}{d} = \frac{dFh}{(d-F)d} = \frac{Fh}{d-F}$$

$$F = \frac{dF}{d-F}$$

$$F' = \frac{2VF \cdot (d-F) - dF \cdot 2V}{(d-F)^2} = \frac{-2VF^2}{(d-F)^2} = V_y$$

$$\frac{H}{h} = \frac{Fh}{d} = \frac{5F \cdot 3F \cdot 4}{2 \cdot 4 \cdot 8F} = \frac{3F}{4} = \frac{5F \cdot 3F \cdot 4}{4 \cdot 8F} = 3F$$

$$d_2 = \frac{5}{4}F$$

$$\frac{1}{d_2} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$F = \frac{d_2 F}{d_2 - F} = \frac{\frac{5}{4}F \cdot F}{\frac{5}{4}F - F} = 5F$$

$$d = 2F$$

$$F = \frac{2F}{F} = 2F$$

$$H = \frac{3F \cdot 2F}{4 \cdot 2F} = \frac{3F}{2}$$

$$H' = -Fh \frac{1}{(d-F)^2} \cdot (d-F)' = \frac{-Fh}{(d-F)^2} \cdot 2V = \frac{-F \cdot 3F}{4(d-F)^2} \cdot 2V = \frac{-3F^2}{4(d-F)^2} \cdot 2V = -V_y$$

$$\tan \alpha = \frac{V_y}{V_x} = \frac{2VF^2}{(d-F)^2} \cdot \frac{4(d-F)^2}{3F^2 \cdot 2V} = \frac{4}{3}$$

$$V = \sqrt{V_x^2 + V_y^2} = \sqrt{\frac{4V^2 F^4}{(d-F)^4} + \frac{9 F^4 V^2}{4 (d-F)^4}} = \frac{5VF^2}{2(d-F)^2}$$

$$d_2 = \frac{5F}{4} \quad F = \frac{dF}{d-F} = \frac{5F^2}{4 \cdot \frac{1}{4}F} = 5F$$

$$H = \frac{hF}{d} = \frac{3F \cdot 5F}{4 \cdot 5F} = 3F$$

$$f' = \left(\frac{dF}{d-F} \right)' = \frac{2VF(d-F) - dF \cdot 2V}{(d-F)^2} = -\frac{2VF^2}{(d-F)^2} = -\frac{2VF^2}{F^2} = -32V$$

$$H' = \left(\frac{hF}{d} \right)' = \left(\frac{h \cdot dF}{d(d-F)} \right)' = \left(\frac{hF}{d-F} \right)' = \frac{-hF}{(d-F)^2} \cdot 2V = \frac{-3F}{16} \cdot 2V = V_x$$

$$= -\frac{3hF \cdot 16}{F^2} \cdot 2V = -\frac{3F \cdot 4 \cdot 2V}{F \cdot 4} = -6FV = -36V = V_y$$

$$\Gamma = \frac{F}{d} = 4 \quad d = \frac{5F}{4} \quad F = 5F \quad H = 3F$$

$$f' = \left(\frac{dF}{d-F} \right)' = -\frac{2VF^2}{(d-F)^2} = -\frac{2VF^2}{F^2} \cdot 16 = -32V$$

$$V_x = 2VF^2 = 32V$$

$$V_y = 2VF = 8V$$

$$H' = \left(\frac{hF}{d} \right)' = \left(h \cdot \frac{dF}{(d-F)d} \right)' = -hF \frac{1}{(d-F)^2} \cdot 2V = -\frac{3F \cdot 3F}{4} \cdot \frac{16}{F^2} \cdot 2V = -16V$$

$\sqrt{2}$.

$$p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$k p_1 V_1 = \nu R k T_1$$

$$h^2 p_1 V_1 = \nu R h^2 T_1$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \nu R \Delta T = \frac{3}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1)$$

$$Q_{23} = p_2 V_{23} + \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_2) = \nu R T_3 - \nu R T_2 + \frac{3}{2} \nu R T_3 - \frac{3}{2} \nu R T_2 =$$

$$= \frac{5}{2} (\nu R T_3 - \nu R T_2)$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} (\nu R T_2 - \nu R T_1)$$

$$\eta = \frac{Q_{12}}{Q_{23}} = \frac{T_2 - T_1}{T_3 - T_2} \Rightarrow \eta = \frac{1}{2} \cdot (p_2 - p_1) \cdot \frac{1}{2} (V_3 - V_2) (p_2 - p_1) =$$

$$p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$p_2 V_1 = \nu R T_2$$

$$p_2 V_2 = \nu R T_3$$

$$C = dQ = \nu C dT$$

$$C_{12} = \frac{\frac{dQ_{12}}{dT_{12}}}{\frac{dQ_{23}}{dT_{23}}} =$$

$$= \frac{dQ_{12} dT_{23}}{dQ_{23} dT_{12}} =$$

$$= \frac{\frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) (T_3 - T_2)}{\frac{5}{2} \nu R (T_3 - T_2) (T_2 - T_1)} = \left(\frac{3}{5} \right)$$

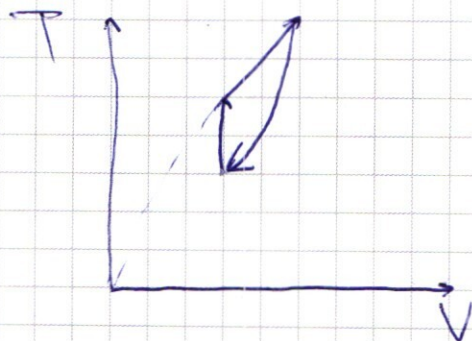
$$= \frac{\frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1)}{\nu R (T_3 - T_2)} = \left(\frac{3}{2} \right)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{aligned}
 &= \cancel{2RT_3} - \cancel{p_2 V_3} - \cancel{RT_2} + \cancel{2RT_1} \quad Q_k - Q_x = \\
 &= A_{12} + \Delta U_{12} + A_{23} + \Delta U_{23} - Q_{31} = \frac{3}{2} 2R(T_2 - T_1) + 2R(T_3 - T_2) + \frac{3}{2} 2R(T_3 - T_2) - Q_{31} = \\
 &= \cancel{A_{31}} = \cancel{p_2 V_3} - \cancel{p_1 V_1} - (V_3 - V_1) \cdot \frac{p_1 + p_3}{2} = \frac{\cancel{V_1}(V_1 - V_3)(p_1 + p_3)}{2} = \\
 &= 0,5(2RT_1 - V_3 p_1 + 2RT_2 - 2RT_3) = 0,5 2R(T_1 + T_2 - T_3) - V_3 p_1 \cdot 0,5
 \end{aligned}$$

$$\eta = \frac{T_H - T_K}{T_H} = \frac{T_2 - T_1 + T_3 - T_2 - T_1 + T_3}{T_2 - T_1 + T_3 - T_2} = \frac{2(T_3 - T_1)}{T_3 - T_1} = 1$$

$$\begin{aligned}
 T_1 &= \frac{pV}{\gamma R} \quad T_2 = \frac{k p V}{\gamma R} \\
 T_3 &= \frac{k p V}{\gamma R} \\
 T_K &= \frac{pV}{\gamma R}
 \end{aligned}$$



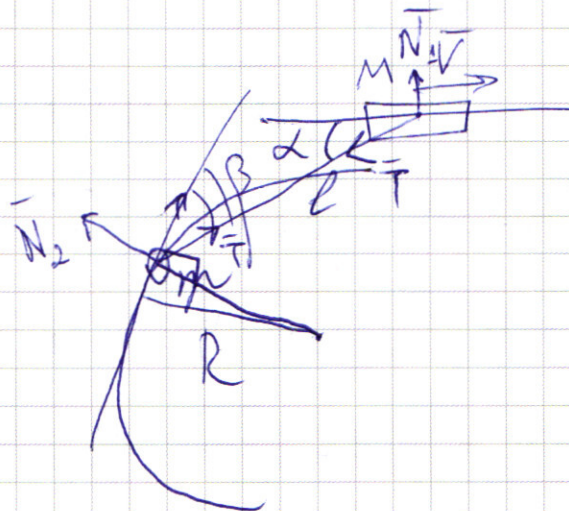
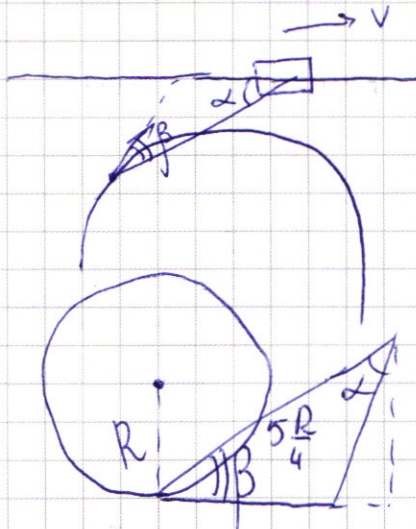
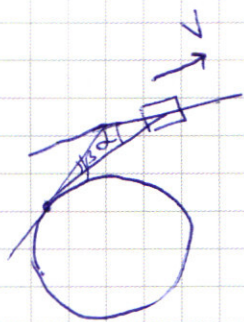
$$\begin{aligned}
 \mathcal{E} &= -U_c + \dot{I}L + U_d \quad \text{нч.} \\
 U_d &= IR_d
 \end{aligned}$$

$$\mathcal{E}_{si} = - \frac{d\Phi}{dt} = - \frac{L dI}{dt} = - L \dot{I}$$

$$\begin{aligned}
 \mathcal{E}_{si} + \frac{q}{C} &= \dot{I}L \\
 \frac{C U_1^2}{2} + q\mathcal{E} &= \frac{L I^2}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 U_2 \\
 \frac{q^2}{2C} &= \frac{2qI}{2C}
 \end{aligned}$$

№1.



$$90 - \beta = \alpha$$

$$y_m = (\alpha + \beta) x_m$$

$$x^2 + y^2 = R^2$$

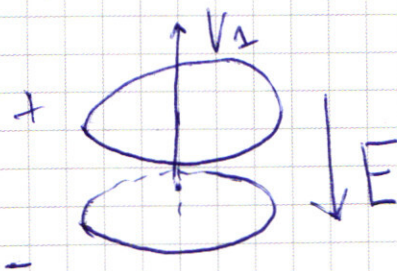
$$y_m x_m = \frac{5R}{4} \sin \beta$$

$$(x - x_m)^2 + (y - y_m)^2 = l^2$$

$$x_m y_m = \frac{5R}{4} \cos \beta$$

$$V_k = \sqrt{x_m'^2 + (y_m')^2}$$

$$= \sqrt{(x_m')^2 + (\alpha + \beta)(x_m')^2} = x_m' \sqrt{1 + \alpha + \beta} = v_m \sqrt{1 + \alpha + \beta}$$



$$\frac{q}{m} = \gamma$$

$$ma = Eq$$

$$a = \gamma E$$

$$0.7d = \frac{at^2}{2} = \frac{\gamma E}{2} t^2$$

$$q = \frac{A_{\infty=0}}{q} = \frac{Eq \cdot l}{\gamma} \quad V_1 = \gamma E l \quad q = El \quad E =$$

$$q = UC$$

$$U = Ed$$

$$E = \frac{U}{d} = \frac{q}{Cd} = \frac{q}{\epsilon_0 S}$$

$$C = \frac{\epsilon_0 S}{d} = \frac{q}{U}$$