

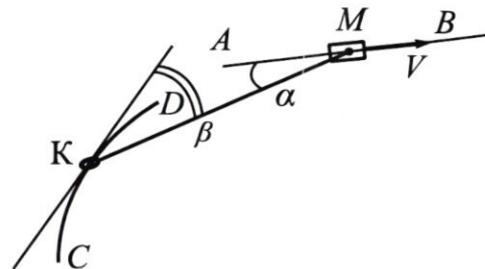
# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

## Вариант 11-03

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вло

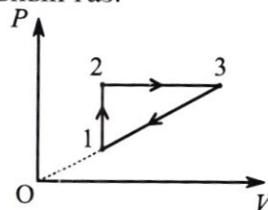
1. Муфту М двигают со скоростью  $V = 34$  см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой  $m = 0,3$  кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом  $R = 0,53$  м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной  $l = 5R/4$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 15/17$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 3/5$ ) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.

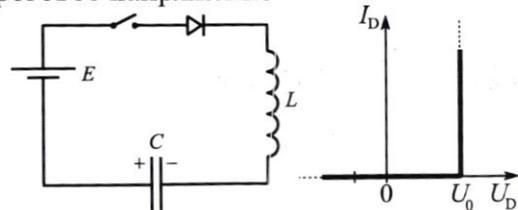


3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния  $d$  между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии  $0,3d$  от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со скоростью  $V_1$ . Удельный заряд частицы  $\frac{|q|}{m} = \gamma$ .

- 1) Через какое время  $T$  частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?
- 2) Найдите величину  $Q$  заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью  $V_2$  будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

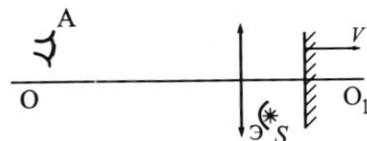
При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 6$  В, конденсатор емкостью  $C = 40$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 2$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,1$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В. Ключ замыкают.



- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.

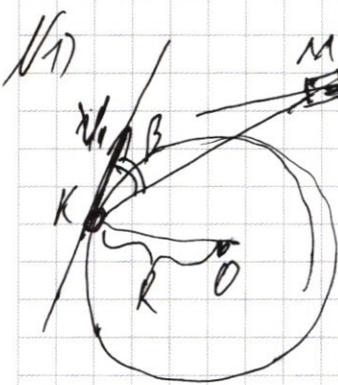
5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $3F/4$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии плоскости  $F/4$  от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $3F/4$  от линзы.



- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Кальмар движется по касательной к окружности, и в точке  $C$   
 • т.к. митя не пробивает, то  
 проекции скорости Кальмара и  
 муравья на поверхность, т.е.

$$V \cos \alpha = V_1 \cos \beta, \text{ где } V_1 - \text{ скорость Кальмара} \Rightarrow$$

$$V_1 = V \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = V \frac{5 \cdot 5}{17 \cdot 4} = \frac{25}{17} V$$

$$V_1 = \frac{25}{17} \cdot 34 = 50 \text{ см/с}$$

По 3-му сложения скоростей:

$\vec{V}_{\text{кал}} = \vec{V}_{\text{ошн}} + \vec{V}_{\text{кал}}$ , где  $V_{\text{кал}}$  - СК Кальмар от земли  
 $V_{\text{ошн}}$  - скорость Кальма муравья (в со муравья)  
 $V_{\text{кал}}$  - скорость Кальмара

$$\Rightarrow \vec{V}_{\text{ошн}} = \vec{V}_{\text{кал}} - \vec{V} \Rightarrow V_{\text{ошн}} = V_1 - V$$

по Th cos:  $V_{\text{ошн}}^2 = V^2 + V_1^2 - 2VV_1 \cos(\alpha + \beta) =$

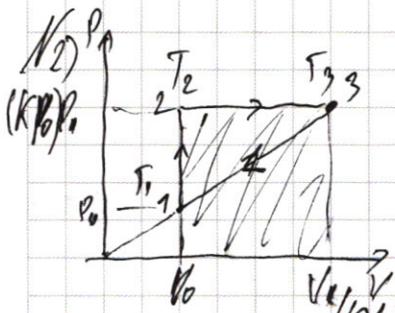
$$= V^2 + \left(\frac{25}{17}\right)^2 V^2 - 2 \cdot \frac{25}{17} V^2 \cdot \frac{13}{5 \cdot 17} = V^2 \frac{1}{17^2} (25^2 - 50 \cdot 2 \cdot 25 \cdot 13)$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta = \frac{15}{17} \cdot \frac{3}{5} - \frac{4 \cdot 8}{5 \cdot 17} = \frac{13}{5 \cdot 17} \Rightarrow \sin(\alpha + \beta) = \frac{84}{85}$$

$$= V^2 \frac{25}{17^2} (25 - 2 \cdot \frac{25 \cdot 13}{5}) = V^2 \left( 1 + \frac{25}{17^2} - \frac{2 \cdot 25 \cdot 13}{17 \cdot 5} \right) = V^2 \left( 1 + \frac{5}{17^2} (5 \cdot 25 - 2 \cdot 13) \right) = V^2 \left( 1 + \frac{5 \cdot 99}{17^2} \right)$$

$$= V^2 \frac{789}{17^2} \Rightarrow V_{\text{ошн}} = \frac{V}{17} 28 = \frac{28}{17} V \quad V_{\text{ошн}} = \frac{28}{17} \cdot 34 = 56 \text{ см/с}$$

Радиусы, действ на кальцо  
 $23 \text{ мВ}$  со земли  $23 \text{ м}$  на ось  $(V_1)$  в со земли:  
 •  $T \sin \beta$  - Продол на ступ 7



В процессе 1-2 процесс изохора газ  $\Delta U > 0$   
 $Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12} = \Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$   $\rightarrow C_{12} = \frac{3}{2} R = C_v$

С группой Европы  $Q_{12} = C_{12} \nu \Delta T$

В процессе 2-3 изобарный процесс  $\Delta U > 0$ ;  $\Delta T > 0$ :

$Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_2) + \nu R (T_3 - T_2) = \frac{5}{2} \nu R \Delta T \Rightarrow C_{23} = \frac{5}{2} R = C_p$   
 $A_{23} = p_2 (V_3 - V_2) = p_3 V_3 - p_2 V_2 = \nu R T_3 - \nu R T_2 = \nu R (T_3 - T_2)$

В процессе 3-1 газ Менделеев-Клапейрон  
 сжимается и давл. уменьш.  $\Rightarrow \Delta T < 0$

отношение теплоемкостей при расу газа равно

1)  $\frac{C_{23}}{C_{12}} = \frac{5}{3}$

2) В изоб. процессе (2-3)  $\frac{\Delta U}{A_{23}} = \frac{\frac{3}{2} \nu R \Delta T}{\nu R \Delta T} = \frac{3}{2}$

3) Пусть  $\Delta T_1 = T_2 - T_1$   $\Delta T_2 = T_3 - T_2$   $\Delta T_3 = T_1 - T_3$

$V_1 = \kappa V_0$ , тогда  $p_1 = \kappa p_0$

Работа газа в процессе 3-1:  $A_{31} = -S_{12} \nu V_0$

$S_{12} \nu V_0 = \frac{1}{2} (p_0 + p_1) (V_1 - V_0) = \frac{1}{2} (p_1 V_1 - p_0 V_0 + p_1 V_0 + p_0 V_1) = \frac{1}{2} (p_1 V_1 - p_0 V_0) = \frac{1}{2} \nu R (T_3 - T_1)$

$A_{31} = -\frac{1}{2} \nu R (T_3 - T_1)$

Впр-ссе  $\kappa p_0 V_0 = \kappa p_0 V_0$  процесс 3-1 не зависит  $\Rightarrow$

$\eta = \frac{\sum A}{Q_{in}} = \frac{A_{12} + A_{23} + A_{31}}{Q_{12} + Q_{23}} = \frac{0 + \nu R (T_3 - T_2) - \frac{1}{2} \nu R (T_3 - T_1)}{\frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) + \frac{5}{2} \nu R (T_3 - T_2)} = \frac{T_3 - T_2 + \frac{1}{2} (T_3 - T_2) - \frac{1}{2} (T_2 - T_1)}{\frac{3}{2} (T_2 - T_1) + \frac{5}{2} (T_3 - T_2)}$

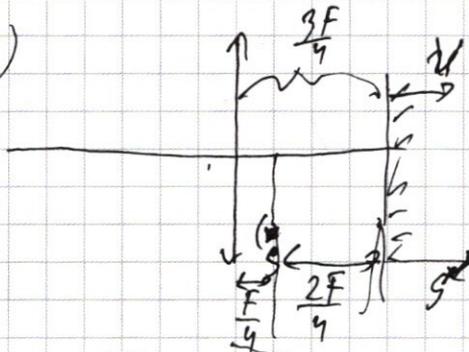
$= \frac{\frac{1}{2} (T_3 - T_2) - \frac{1}{2} (T_2 - T_1)}{\frac{3}{2} (T_2 - T_1) + \frac{5}{2} (T_3 - T_2)}$

$(T_3 - T_1) = (T_3 - T_2 + T_2 - T_1)$

продолжение на стр 8  
 Ответ:  $\frac{C_{23}}{C_{12}} = \frac{5}{3}$  ;  $\frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = \frac{3}{2}$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5)



Изотопики  $S$  яв-ся действ ител  
для зеркала и рах-ся от него  
на рах-и  $\frac{3F}{4} - \frac{F}{4} = \frac{2F}{4}$ , изобразител  
 $S'$  будет справа от линзы на

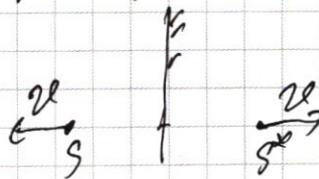
рах-и  $\frac{2F}{2}$  от границы зеркала.

теперь  $S''$  яв-ся действ ител для линзы; рах-ся  
на рах-и  $d = \frac{2F}{4} + \frac{3F}{4} = \frac{5F}{4}$  от линзы. По ф. тонкой линзы

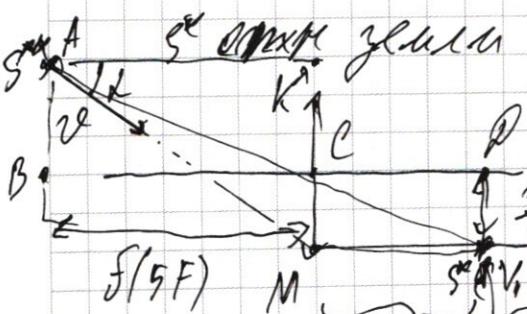
$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}; \text{ где } f - \text{рах-и от линзы } S'' \text{ до линзы}$$

$$f = \frac{dF}{d-F}; \quad f = \frac{\frac{5F}{4} \cdot F}{\frac{5F}{4} - F} = \frac{5F^2}{4 \cdot \frac{1}{4}F} = 5F \quad \text{ответ: } f = 5F$$

Перейдем в КСО зеркала: в ней  $S$  яв-ся соек  
от зеркала  $\Rightarrow S'$  яв-ся вправо со с-и



Перейдя обратно в со з-и  
получаем  $v_1 = 2v$ , где  $v_1$  - скорость

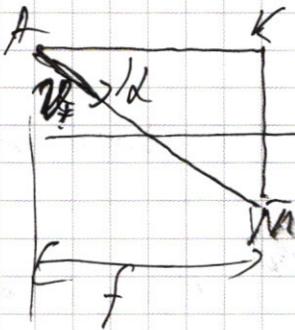


луч, прошедши 1-3 центр линзы,  
не преломляется, а продольные  
скорости ил-  $S$  и фокус сохр-так,  
чтобы пересечься в зеркале

введем точки  $A, B, C, D, E$  (на риске) и т.  $K, M$   
т.к. луч  $EC$  не преломл,  $\Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle EDC \Rightarrow \frac{AB}{ED} = \frac{BC}{CD}$  (на ~~одном~~  
объекте)

$$\Rightarrow AB = \frac{BC}{CD} \cdot ED = \frac{F}{d} \cdot ED = \frac{5 \cdot 4}{5} \cdot \frac{3F}{4} = 3F$$

$$ED = \frac{3F}{4} \text{ по усн}$$



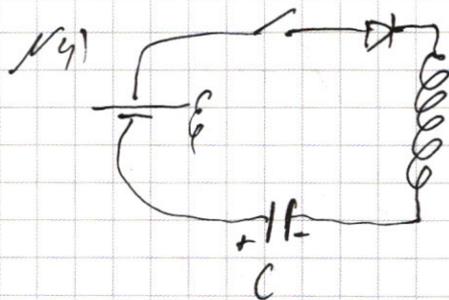
$$AB + DE = \frac{12F}{4} + \frac{3F}{4} = \frac{15F}{4}$$

$$\text{tg} \alpha = \frac{KM}{AK} = \frac{15F}{4 \cdot 5F} = \frac{3}{4}$$

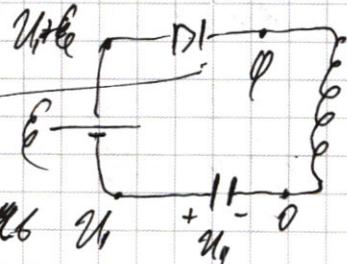
Продольная скорость илм и излуч сегом как  $\Gamma^2$ , где  $\Gamma = \frac{f}{d}$  - коэффициент увеличения  $\Rightarrow \Gamma = \frac{f}{d} = 4$

$$U \cos \alpha = U_0 = 8 \Rightarrow \frac{U \cos \alpha}{\cos \alpha} = \Gamma^2 U_0 = \frac{16 \cdot 2V}{\frac{4}{5}} = 8V \cdot 5 = 40V$$

$$\text{Ответ: } f = 5F; \text{tg} \alpha = \frac{3}{4}; U = 40V$$



1) Сразу после включения заряд на конденсаторе скачком не появляется  $\Rightarrow$  напря на двух конд не изм



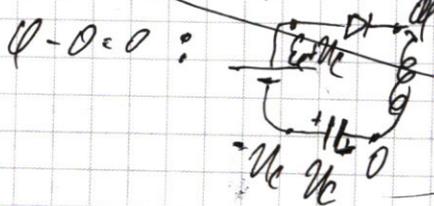
все методы ~~нельзя~~ потенциалов

так как перед  $U_1$

$$U_1 + E - Q = U_0 \Rightarrow Q = U_1 + E - U_0 = 2 + 6 - 1 = 7B$$

$$Q - 0 = U_L = LI', \text{ где } U_L - \text{напря на катушке, } I' - \text{скорость возр тока} \Rightarrow I' = \frac{U_L}{L} = \frac{Q - 0}{LI} = \frac{7B}{0,15H} = 70 \frac{A}{c}$$

~~В момент в цепи максимален, когда  $U_L = LI' = 0$ , т.е~~



$$E + U_C - Q = U_0 \Rightarrow Q = E + U_C - U_0 = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow U_C = U_0 - E = 1 - 6 = -5B, \text{ ма } \text{Вср } 5$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

и.е. конденсатор заряжен  $-1 \mu\text{C}$

$$U_0 = 5 \text{ В}$$

Запишем з-м сохр энергии

$A_{\text{д}} = \Delta W_c + \Delta W_L + Q$ , где  $A_{\text{д}}$  - работа, сох. батареей

$\Delta W_c$  - изм э-м энергии

$\Delta W_L$  - изм магн энергии

$Q$  - выд тепло

$A_{\text{д}} = \epsilon \cdot q_0$  расч левую обкладку конденсатора:

Было  $+C U_0$   
стало  $-C U_0$   $\rightarrow$  изменилось  $C(U_1 + U_0) = \epsilon q_0$

$Q = U_0 \cdot q_0$  тепло на диоде

$$\Delta W_c = \frac{C U_0^2}{2} - \frac{C U_1^2}{2} \quad \Delta W_L = \frac{L I_m^2}{2} = 0$$

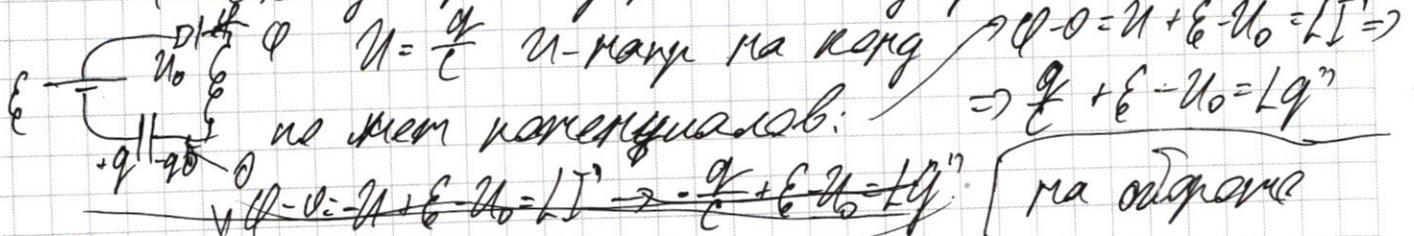
$$\epsilon C(U_1 + U_0) = \frac{C U_0^2}{2} - \frac{C U_1^2}{2} + U_0 C(U_1 + U_0) + \frac{L I_m^2}{2} = 0$$

$$\frac{L I_m^2}{2} = C(U_1 + U_0)(\epsilon - U_0) + \frac{C U_1^2}{2} - \frac{C U_0^2}{2} = C(U_1 + U_0)(\epsilon - U_0 + \frac{1}{2}(U_1 - U_0)) = C(U_1 + U_0)(\epsilon - U_0 + \frac{1}{2}(U_1 - U_0))$$

$$I_m^2 = \frac{2}{L} C(U_1 + U_0)(\epsilon - U_0 + \frac{1}{2}(U_1 - U_0)) = \frac{2}{L} C(2+5)(6-1 + \frac{1}{2}(2-5)) = \frac{2}{L} C(7 \cdot \frac{7}{2})$$

$$I_m^2 = \frac{2 \cdot 40 \cdot 10^{-6}}{10^{-6}} \cdot \frac{49}{2} = \frac{49 \cdot 4}{10^4} \Rightarrow I_m = \frac{7 \cdot 2}{100} = 0,14 \text{ А}$$

Расч схему при зар на конденсаторе:



$$\Rightarrow q'' + \frac{1}{LC}q = \frac{\mathcal{E} - U_0}{L} \quad \omega^2 = \frac{1}{LC}$$

$$\mathcal{W} q_0 = \frac{\mathcal{E} - U_0}{L}$$

$$q_0 = (\mathcal{E} - U_0)C$$

где  $q_0$  — заряд конденсатора

$$q(t) = A \cos \omega t + B \sin \omega t + q_0$$

$$I(0) = 0 \rightarrow q'(0) = 0 \Rightarrow A = 0 \quad B = 0$$

$$q(t) = B \sin \omega t + (\mathcal{E} - U_0)C$$

$$q(0) = CU_1 = B + (\mathcal{E} - U_0)C \rightarrow B = C(U_1 - \mathcal{E} + U_0)$$

$$q(t) = C(U_1 - \mathcal{E} + U_0) \sin \omega t + C(\mathcal{E} - U_0)$$

За все время произойдет пол колебания, и конденсатор зарядится, за это время ток успеет стать равным нулю.

$$I_{\max} = q'(t) = \omega C(U_1 - \mathcal{E} + U_0) = \sqrt{\frac{100}{L}}(U_1 - \mathcal{E} + U_0) = \sqrt{\frac{100 \cdot 10^{-6}}{10^{-6}}}(2 - 6 + 1) = -\frac{6}{100} = -0,06 \text{ A}$$

$$q(t) = A \cos \omega t + q_0$$

$$q(0) = CU_1 = A + (\mathcal{E} - U_0)C \rightarrow A = C(U_1 + U_0 - \mathcal{E})$$

$$q(t) = C(U_1 + U_0 - \mathcal{E}) \cos \omega t + (\mathcal{E} - U_0)C$$

$$I(t) = q'(t) = -\sqrt{\frac{C}{L}}(U_1 + U_0 - \mathcal{E}) \sin \omega t$$

$$I_{\max} = -\sqrt{\frac{C}{L}}(U_1 + U_0 - \mathcal{E}) = \sqrt{\frac{100 \cdot 10^{-6}}{10^{-6}}}(1 + 2 - 6) = \frac{6}{100} = 0,06 \text{ A}$$

$$U_2 = U\left(\frac{T}{2}\right) = \frac{q\left(\frac{T}{2}\right)}{C} = \frac{C(U_1 + U_0 - \mathcal{E}) \cos\left(\frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{2}\right) + (\mathcal{E} - U_0)C}{C} = \mathcal{E} - U_0 - U_1 + \mathcal{E} - U_0 =$$

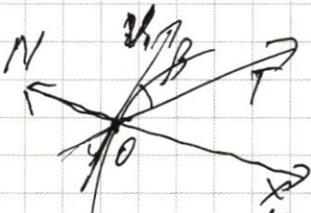
$= 2\mathcal{E} - 2U_0 - U_1 = 2 \cdot 12 - 2 \cdot 1 - 2 = 8 \text{ В}$  (здесь  $T$  — период колебаний, за весь процесс пройдет пол колебания, и конденсатор зарядится)

$$\text{Ответ: } I(0) = 70 \frac{\mu\text{A}}{\text{с}}; \quad I_{\max} = 0,06 \text{ A}; \quad U_2 = 8 \text{ В}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

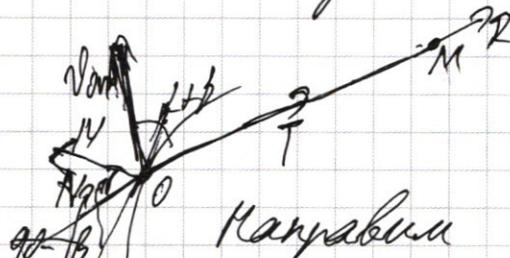
V1) (продолжение)

Расси силы действовавшие на висю:  
земли



2-й закон Ньютона на ось  
OX:  $T \sin \beta - N = m a_{yc} = m \frac{V_1^2}{R}$   
дв-ся по окруж. радиуса  
 $OX \perp V_0$

Висю шурты



Направим ось OZ  
вдоль OM, тогда  
2-й закон Ньютона  
кольца дв-ся по окруж. радиуса  
со скор  $V_{омн} = V_{ом} \cdot \sin(\alpha + \beta)$

$$\Rightarrow \begin{cases} T \sin \beta - N = m \frac{V_1^2}{R} \\ T - N \sin \beta = m \frac{V_{омн}^2 \cdot \sin^2(\alpha + \beta)}{R} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} N = T \sin \beta - m \frac{V_1^2}{R} \\ N = \frac{5}{4} \left( T - \frac{m V_{омн}^2 \cdot \sin^2(\alpha + \beta)}{R} \right) \end{cases}$$

$$N = T \frac{4}{5} - m \frac{V_1^2}{R} = \frac{5}{4} T - \frac{5 m V_{омн}^2 \cdot \sin^2(\alpha + \beta)}{4 R} \Rightarrow$$

$$\frac{9}{20} T = \frac{5 m V_{омн}^2 \cdot \sin^2(\alpha + \beta)}{4 R} - m \frac{V_1^2}{R} = \frac{m}{R} \left( V_{омн}^2 \cdot \frac{84}{85} - V_1^2 \right)$$

$$T = \frac{20 m}{9 R} \left( V_{омн}^2 \cdot \frac{84}{85} - V_1^2 \right) \approx \frac{20}{9} \frac{m}{R} (V_{омн}^2 - V_1^2) = \frac{20 \cdot 0,3}{9 \cdot 0,53} (56 - 50)(56 + 50) =$$

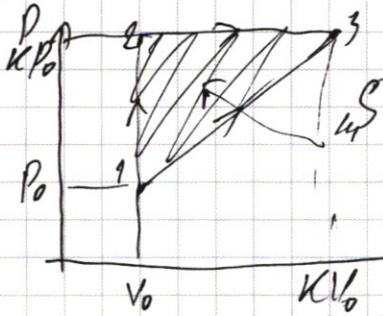
$$= \frac{20 \cdot 0,3}{9 \cdot 0,53} \cdot 8 \cdot (55 \cdot 2) = 80 \text{ Н} \quad T = \frac{20 \cdot 0,3}{9 \cdot 0,53} (0,56 - 0,5)(0,56 + 0,5) = 0,08 \text{ М}$$

(Ответ:  $V_1 = 50 \text{ м/с}$   $V_{омн} = 56 \text{ м/с}$   $T \approx 0,08 \text{ М}$ )

№9) (продолжение)

$$K \leftarrow KOP$$

$$V_1 = KV_0, P_1 = KP_0 \quad K - \text{коэффициент}$$



$$\eta = \frac{A_{23}}{Q_{12}} = \frac{A_{23}}{Q_{12}} = \frac{5}{2} = \frac{1 P_0 V_0 (K-1)^2}{2}$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \gg K(T_2 - T_1) = \frac{3}{2} P_0 V_0 (K-1)$$

$$A_{23} = \frac{5}{2} \gg K(T_3 - T_2) = \frac{5}{2} P_0 V_0 (K-1) \cdot K$$

$$\eta = \frac{P_0 V_0 (K-1)^2}{2 \left( \frac{3}{2} P_0 V_0 (K-1) + \frac{5}{2} P_0 V_0 K (K-1) \right)} = \frac{(K-1)^2}{3(K-1) + 5K(K-1)} = \frac{(K-1)^2}{(K-1)(3+5K)} = \frac{K-1}{3+5K}$$

$$\eta = \frac{K-1}{3+5K} = \frac{K-1}{3+5K} = \text{надо найти максимум}$$

$$= \frac{K-1}{3+5K} \quad \text{разделим числ и знамен на } K:$$

$$\eta = \frac{1 - \frac{1}{K}}{\frac{3}{K} + 5} \quad \text{при } K \uparrow \text{ числ увелич-ся, а знамен уменьш-ся } \Rightarrow$$

$$\eta = \frac{1 - \frac{1}{K}}{\frac{3}{K} + 5} \leq \frac{1 - 0}{0 + 5} = \frac{1}{5} = 20\%$$

Ответ:  $\frac{C_{23}}{C_{12}} = \frac{5}{2}$  ;  $\frac{V_{23}}{V_{12}} = \frac{3}{2}$  ;  $\eta \leq 20\%$

$$\eta_{\max} = 20\%$$



$$p_0 v_0 = RT_1$$

$$K p_0 v_0 = RT_2$$

$$K^2 p_0 v_0 = RT_3$$

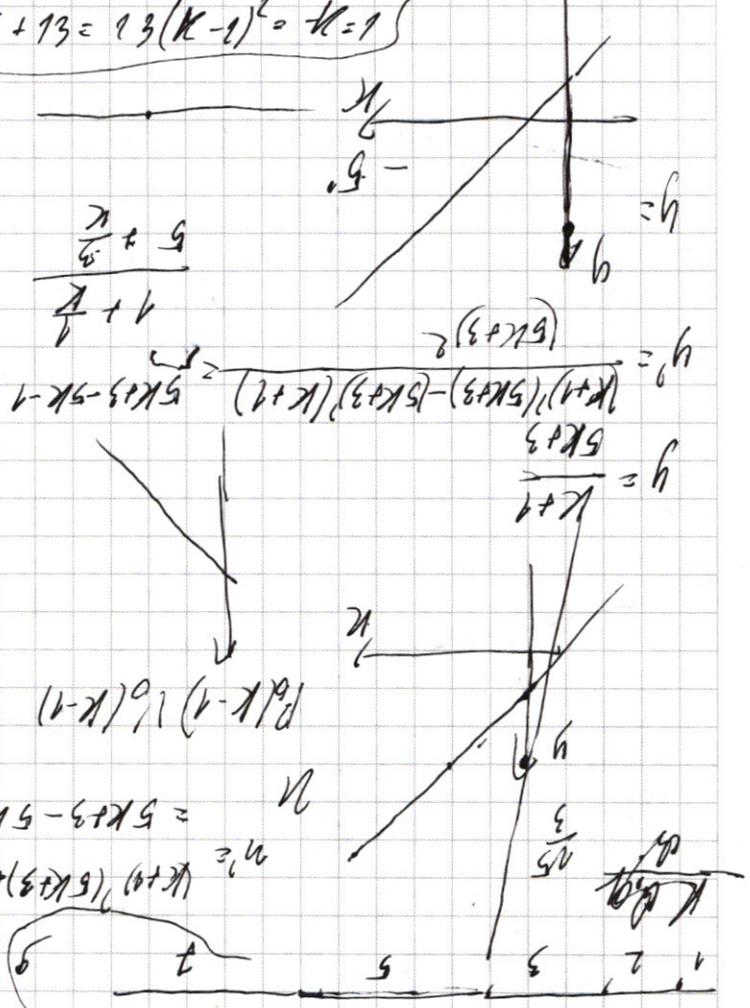
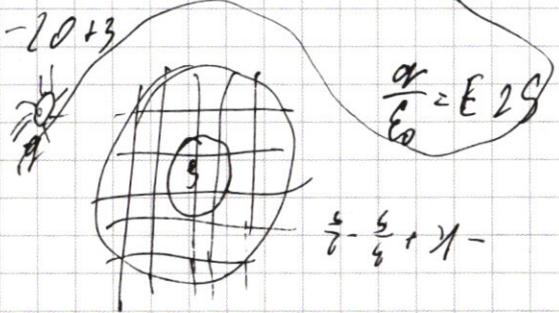
$$n = \frac{Ad}{dH} = \frac{(K p_0 - p_0)(K v_0 - v_0)}{2(\frac{3}{2}(K p_0 v_0 - p_0 v_0) + \frac{5}{2}(K^2 p_0 v_0 - K p_0 v_0))} =$$

$$n = \frac{K^2 p_0 v_0 - 2K p_0 v_0 + p_0 v_0}{3K p_0 v_0 - 3 + 5K^2 p_0 v_0 - 5} = \frac{K^2 - 2K + 1}{5K^2 + 3K - 8} = \frac{(K-1)^2}{5K^2 + 3K - 8}$$

$$d_{n2} = \frac{3}{2}(K p_0 v_0 - p_0 v_0) \quad n^2 = \frac{5(K-1)^2 (K^2 - 2K + 1)^2 (5K^2 + 3K - 8) - (5K^2 + 3K - 8)^2 (K-2K+1)}{(2K-2)(5K^2 + 3K - 8) - (10K+3)(K^2 - 2K+1)}$$

$$= \frac{5(K^2 - 2K + 1)^2 (5K^2 + 3K - 8) - (5K^2 + 3K - 8)^2 (K-2K+1)}{20K^3 - 4K^2 - 22K + 16 - 10K^3 + 12K^2 - 4K - 3}$$

$$= \frac{-16K - 6}{-10K^3 - 12K^2 + 4K + 3} = \frac{13K^2 - 26K + 13}{13(K-1)^2} = K-1$$



$$n = \frac{2(\frac{3}{2}(K p_0 v_0 - p_0 v_0) + \frac{5}{2}(K^2 p_0 v_0 - K p_0 v_0))}{K^2 - 2K + 1} = \frac{3K - 3 + 5K^2 - 5K}{K^2 - 2K + 1} = \frac{5K^2 - 2K - 2}{K^2 - 2K + 1}$$

$$= \frac{5(K-1)(K+\frac{2}{5})}{(K-1)(K+1)} = \frac{5(K+\frac{2}{5})}{K+1}$$

$$= \frac{5K + 2}{K+1} = 5 - \frac{3}{K+1}$$

$$n^2 = \frac{2(\frac{3}{2}(K p_0 v_0 - p_0 v_0) + \frac{5}{2}(K^2 p_0 v_0 - K p_0 v_0))}{K^2 - 2K + 1} = \frac{3K - 3 + 5K^2 - 5K}{K^2 - 2K + 1} = \frac{5K^2 - 2K - 2}{K^2 - 2K + 1}$$

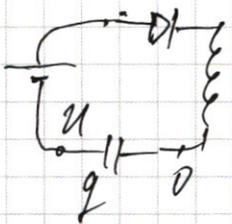
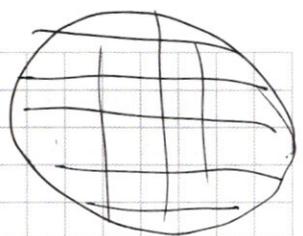
$$= \frac{5(K-1)(K+\frac{2}{5})}{(K-1)(K+1)} = \frac{5(K+\frac{2}{5})}{K+1}$$

$$= \frac{5K + 2}{K+1} = 5 - \frac{3}{K+1}$$

$$3(K-1) + 5K(K-1)$$



$$q = 2u - u = \frac{q}{2}$$



$$u + \epsilon - u_0 = 1I'$$

$$\frac{q}{2} + \epsilon - u_0 = 1q''$$

$$q'' - \frac{1}{10}q = \epsilon - u_0$$

$$\omega^2 = \frac{1}{10}$$

$$(k-1)^2(3+5k) - (3+5k)(k-1) =$$

$$= 3+5k - 5(k-1) =$$

$$= 3+5k - 5k + 5 = 8$$

$$q = \frac{1}{2}$$

$$A \sin \omega t + B \cos \omega t = 0$$

$$\epsilon u_0 - (\epsilon - u_0) =$$

$$A \sin \omega t + B \cos \omega t = 0$$

$$1 u_0 - u_0 + u_0 =$$

$$(2\epsilon - 2u_0 + u_0) =$$

$$1 - 1 - 2u_0 = 8$$

$$F = F_0 q$$

$$F = \frac{q}{\epsilon_0 S}$$

$$F = \frac{1}{2} \cdot \frac{q}{\epsilon_0 S}$$

$$F = \frac{1}{2} \cdot \frac{q \cdot \epsilon_0 \cdot q \cdot d}{\epsilon_0 S} = \frac{q^2}{2}$$

$$F = F \cdot S$$

$$A = \omega^2 \cdot t$$

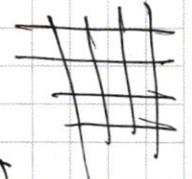
$$\frac{q \cdot S \cdot \omega^2}{\epsilon_0 S} =$$

$$\frac{q \cdot \omega^2}{\epsilon_0} = \frac{q \cdot \frac{1}{10}}{\epsilon_0}$$

$$F \cdot q \cdot d = \frac{m v^2}{2}$$

$$\frac{q}{\epsilon_0} \cdot q \cdot \epsilon_0 \cdot d = \frac{q^2}{2}$$

$$\frac{m v^2}{2}$$



$$5 - \frac{q}{2} = \frac{q}{2}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{q}{2}$$

$$\sqrt{\frac{m}{1000}} = \frac{2}{1000}$$

$$q(t) = -C u_0 = B + (\epsilon - u_0)$$

$$q(t) = A \sin \omega t + B \cos \omega t = 0$$

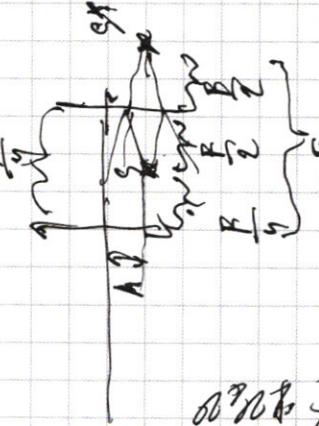
$$-C u_0 = B + (\epsilon - u_0)$$

$$B = C(u_0 + \epsilon - u_0)$$

$$A \sin \omega t + B \cos \omega t = 0$$

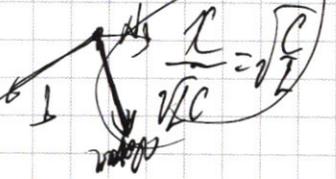
$$B \cos \omega t = 0$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$



$$T \cdot \omega = 2\pi = \frac{2\pi}{10} \cdot 1000$$

$$T \cdot \omega = 2\pi = 6.28$$



$$v = 1$$

$$F \cos \beta = 2q$$

