

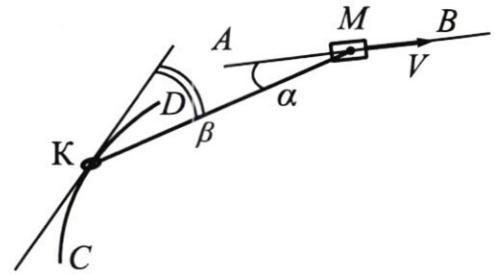
Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-03

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не проверяются.

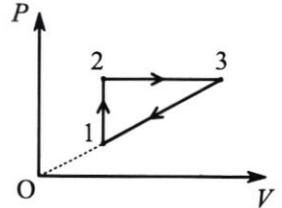
1. Муфту М двигают со скоростью $V = 34$ см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 0,3$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 0,53$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/4$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол α ($\cos \alpha = 15/17$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 3/5$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



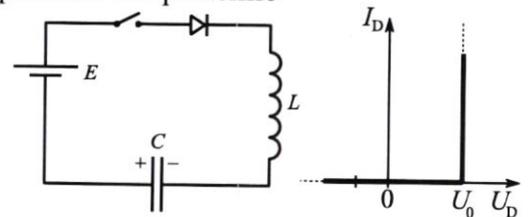
3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния d между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,3d$ от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со скоростью V_1 . Удельный заряд частицы $\frac{|q|}{m} = \gamma$.

Удельный заряд частицы $\frac{|q|}{m} = \gamma$.

- 1) Через какое время T частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?
- 2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

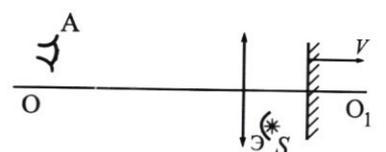
При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 2$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.



- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии плоскости $F/4$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $3F/4$ от линзы.



- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:

$$v = 34 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

$$m = 0,3 \text{ кг}$$

$$R = 0,53 \text{ м}$$

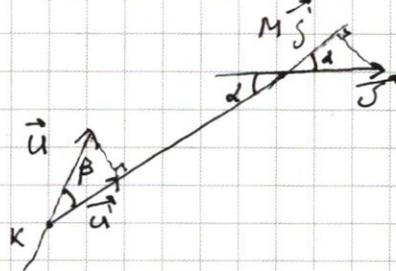
$$l = \frac{5R}{4}$$

$$\cos \alpha = \frac{15}{17}$$

$$\cos \beta = \frac{3}{5}$$

№ 1

Решение:

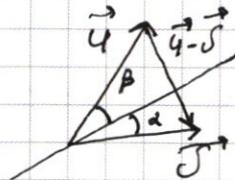


- 1) проекции скоростей колеса и муфта на прямую KM равны, т.к. нить растянута.

$$\vec{u} = \vec{v} \quad u \cdot \cos \beta = v \cdot \cos \alpha \Rightarrow$$

$$\Rightarrow u = \frac{v \cdot \cos \alpha}{\cos \beta} = 50 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

2)



$$|\vec{u} - \vec{v}| = \sqrt{u^2 + v^2 - 2uv \cdot \cos(\alpha + \beta)} \quad \text{по теореме косинусов}$$

$$\Rightarrow |\vec{u} - \vec{v}| = \sqrt{u^2 + v^2 - 2uv \cdot (\cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta)}$$

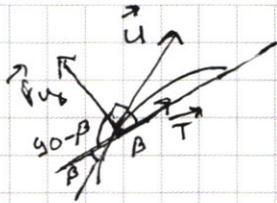
$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{8}{17}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \frac{4}{5}$$

$$\Delta v = \sqrt{\left(34 \frac{\text{см}}{\text{с}}\right)^2 + \left(50 \frac{\text{см}}{\text{с}}\right)^2 - 2 \cdot 34 \frac{\text{см}}{\text{с}} \cdot 50 \frac{\text{см}}{\text{с}} \cdot \left(\frac{15}{17} \cdot \frac{3}{5} - \frac{8}{17} \cdot \frac{4}{5}\right)} =$$

$$= \sqrt{3136 \left(\frac{\text{см}}{\text{с}}\right)^2} = 56 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

- 3) на колесо действует центробежная сила и сила натяжения нити



$$\vec{F}_y + \vec{T} = 0$$

$$\frac{m \cdot g}{2} \cdot \frac{m \cdot g}{R} \cdot \cos(90 - \beta) = T$$

$$T = \frac{0,3 \text{ кг} \cdot (0,5 \frac{\text{м}}{\text{с}})^2}{0,53 \text{ м}} \cdot \frac{4}{5} = 0,011 \text{ Н}$$

Ответ: 1) $50 \frac{\text{см}}{\text{с}}$; 2) $56 \frac{\text{см}}{\text{с}}$; 3) $T = 0,011 \text{ Н}$

и 2

1) найти повышение температуры при сжатии на участке 12 и 23, при $\frac{PV}{T} = \text{const}$

найти кол-во тепла на этих участках

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \nu R \cdot \Delta T_{12}$$

$$Q_{23} = \frac{3}{2} \nu R \Delta T_{23} + P \cdot \Delta V_{23}$$

$$\text{из } PV = \nu RT \Rightarrow P \cdot \Delta V_{23} = \nu R \Delta T_{23}, \text{ тогда}$$

$$C_{12} = \frac{3}{2} \nu R; \quad C_{23} = \frac{5}{2} \nu R$$

$$\frac{C_{23}}{C_{12}} = \frac{5}{3} \approx 1,7$$

$$2) \quad Q_{23} = \frac{3}{2} \nu \Delta U + A'$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T_{23}$$

$$A' = \nu P \Delta V_{23} = \nu R \Delta T_{23} \quad \rightarrow (\text{из 1-ого пункта})$$

$$\frac{\Delta U}{A'} = \frac{\frac{3}{2} \nu R \Delta T_{23}}{\nu R \Delta T_{23}} = 1,5$$

$$3) \quad \eta = \frac{A'}{Q}$$

рассмотрим процесс 31 и определим КПД

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$Q = \delta q + A' = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1) + \frac{1}{2} (P_1 + P_3) (V_3 - V_1); \text{ как известно, что}$$

$$P_1 \cdot \kappa = P_3 \text{ и } V_1 \cdot \kappa = V_3, \text{ тогда } \Delta U = \frac{3}{2} \cdot (1 - \kappa^2) \cdot P_3 \cdot V_3$$

$$A' = \frac{1}{2} (1 - \kappa^2) P_3 \cdot V_3 \Rightarrow \eta_{31} = \frac{\frac{1}{2} (1 - \kappa^2) P_3 V_3}{\frac{3}{2} (1 - \kappa^2) P_3 V_3 + \frac{1}{2} (1 - \kappa^2) P_3 V_3} = 0,25$$

$$\text{при этом в процессе } 1 \rightarrow 2 \quad \eta_{12} = 0, \text{ а } 2 \rightarrow 3 \quad \eta_{23} = \frac{\nu R \Delta T}{\frac{3}{2} \nu R \Delta T} = 0,4 \Rightarrow \eta_{23} > \eta_{31}$$

Ответ: 1) 0,7; 2) 0,5; 3) 0,40%

~ 3

Дано:

$$r_1 = 0,3d$$

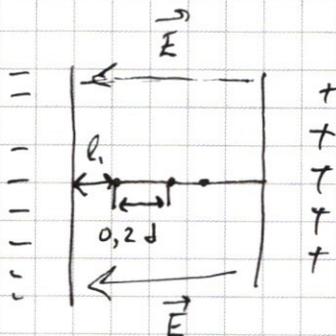
d

$$\frac{|q|}{m} = \gamma$$

V_1

$$V_2 = 0$$

Решение:



1) Т.к. радиус обкладок $\gg d$, то E однородно и $E = \sigma / \epsilon_0$

$$E = \frac{F}{q}; F = ma \Rightarrow a = \frac{Eq}{m} = E \gamma$$

Т.к. заряд отрицательный, то частица будет двигаться к положительной заряженной обкладке конденсатора.

$$s = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2a} \Rightarrow \frac{v_1^2}{2a} = 0,7d \Rightarrow a = \frac{v_1^2}{2 \cdot 0,7d} = \frac{v_1^2}{1,4d}$$

0: где средняя обкладка конд. пластина гольена
 пролететь расстояние $0,5d - 0,3d = 0,2d$, тогда
 $s = \frac{aT^2}{2}$; $0,2d = \frac{T^2}{2} \frac{v_1^2}{1,4056d} \Rightarrow T = \sqrt{\frac{0,56d^2}{v_1^2}} = \frac{d}{v_1} \cdot \sqrt{0,56}$

2) $F = \frac{2k|q_1 \cdot q_2}{d^2}$ $E = \frac{F}{q}$; $F = ma \Rightarrow E = \frac{ma}{q} = \frac{a}{\gamma}$

$F = \frac{2k|q_1 \cdot Q}{d^2} \Rightarrow Q = \frac{F \cdot d^2}{2k|q_1|} = \frac{ma \cdot d^2}{2k|q_1|} = \frac{a \cdot d^2}{2k\gamma}$

и 3) 1-ая нуклеа $a = \frac{v_1^2}{1,4d}$

$Q = \frac{v_1^2 \cdot d}{2,8k\gamma}$

3) запишем закон сохранения энергии:

$\frac{mv_2^2}{2} = \frac{mv_1^2}{2} + W$, где $W \rightarrow \infty \Rightarrow v_2 = \infty$

$W \rightarrow \infty$ т.к. поле конденсатора всегда будет совершать работу $\Rightarrow v_2 = \infty$

Ответ: 1) $\frac{d}{v_1} \cdot \sqrt{0,56}$ 2) $\frac{v_1^2 \cdot d}{2,8k \cdot \gamma}$ 3) ∞

и 4

Дано:

$E = 6В$

$C = 40 \mu F$

$U_1 = 2В$

$L = 0,1 Гн$

$U_0 = 1В$

Решение:

1) $L \dot{I} = U \Rightarrow \dot{I} = \frac{U}{L}$, где $U = E - U_1 - U_0$
 $\dot{I} = \frac{6В - 1В - 2В}{0,1 Гн} = 30 \frac{А}{с}$

2) Конденсатор в начале разрядится, а потом зарядится

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

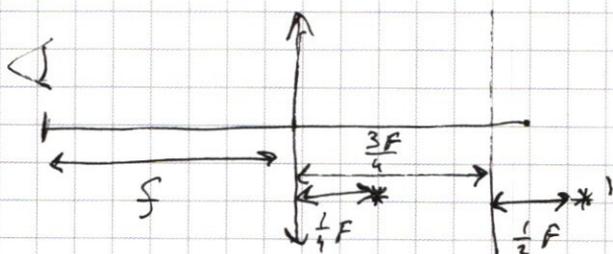
Ответ: 1) $30 \frac{A}{C}$

№ 5

Дано:

$$h_i = \frac{3}{4} F$$

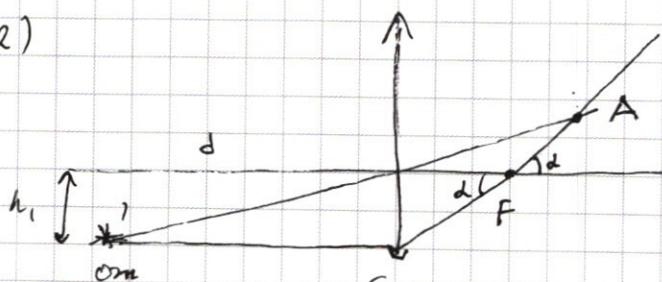
Решение:



$$1) \quad \frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{F \cdot d}{d - F}, \text{ где } d = \frac{3}{4} F + \frac{1}{2} F = \frac{5}{4} F$$

$$f = \frac{F \cdot \frac{5}{4} F}{\frac{5}{4} F - F} = 5F$$

2)



перерисуем

при удалении ~~объекта~~ от зеркала от центра
* будет ^{дальше} дальше от центра от центра, при этом
на бесконечности * будет в фокусе линзы \Rightarrow

\Rightarrow изображение движется к точке Фокуса, значит угол α будет искомым $\alpha = \arctg \frac{h_1}{F} = \arctg \frac{3}{4}$

3) при смещении зеркала на $20 \cdot 0,5$; изображение ^{в зеркале} смещается на $20 \cdot 0,5$

Ответ 1) $5F$ 2) $\arctg \frac{3}{4}$ 3)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Handwritten solutions for vector problems on a grid background.

Problem 1: $2 \cdot 10^2 \rightarrow \rightarrow 5 \cdot 10$ $f = \frac{d \cdot F}{d - F}$ $d = \frac{4}{4}$

Problem 2: $\Delta \cos \alpha = 4 \cos \beta$

Problem 3: $\Delta \cos \alpha + 2 \cos \beta$
 $10 \frac{\sqrt{3}}{2} + 10 \frac{\sqrt{2}}{2}$
 $\frac{11}{f + F} = \cos \alpha$
 $F = \frac{6}{5}$

Problem 4: $x = \sqrt{y^2} - 2 \sqrt{y} \cdot \cos \alpha$

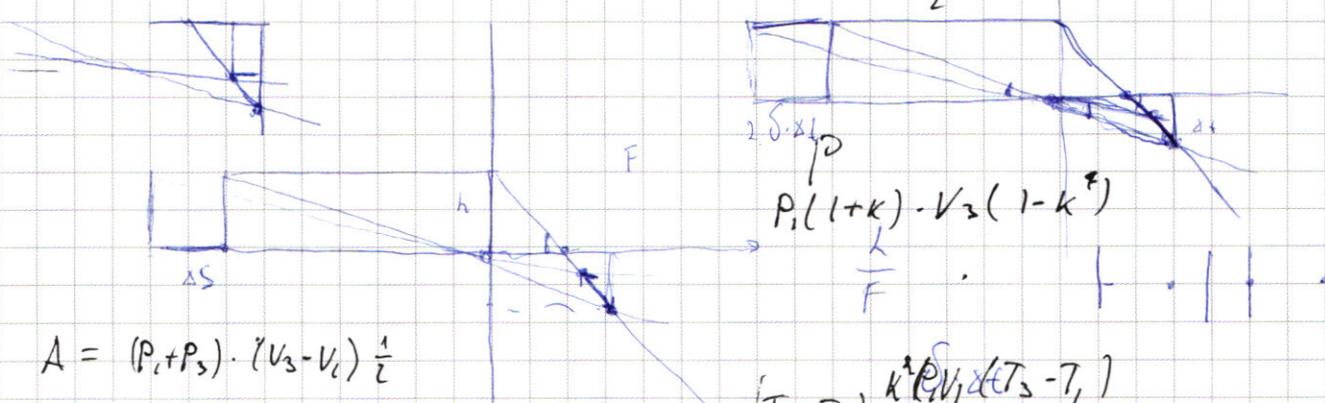
Problem 5: $\frac{m u^2}{R}$

Problem 6: $\cos \alpha + \cos \beta = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$
 $\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 10 + 5 \right)$
 $5(1 + \sqrt{3})$
 $\frac{15 \cdot 3}{5 \cdot 12} - \frac{8 \cdot 4}{5 \cdot 12}$
 $1 - \frac{225}{13}$
 $\frac{13}{5 \cdot 13}$
 $\sin \alpha = \frac{8}{12}$
 $\sin \beta = \frac{4}{5}$

Problem 7: $1 - \frac{285}{225}$
 $\frac{17}{17} - \frac{45}{32}$
 $\frac{17}{285}$

$L \cdot \gamma = \epsilon$ $n_1 = n_2 = n$

$\frac{5}{2} \Delta R (T_3 - T_1)$



$A = (P_1 + P_3) \cdot (V_3 - V_1) \cdot \frac{1}{2}$

$Q = \Delta Q =$

$T_3 = \frac{P_3 \cdot V_3}{\Delta R} \cdot \frac{k}{F}$

$\frac{A}{Q}$

$\frac{(d + \delta \Delta t) \cdot F}{(d + \delta \Delta t) - F} \cdot \frac{k^2 \cdot 1}{\Delta R}$

$\frac{\Delta R \Delta T}{\frac{5}{2}}$

$\sqrt{1 + \frac{4g}{3}}$
 $\frac{2}{5} \Delta t$

$T_1 = \frac{P_1 \cdot V_1}{\Delta R}$

$\frac{P_1}{V_1} = \frac{P_3}{V_3}$

$S_1 = \frac{7}{5} F$

$d_1 = \frac{7}{4} F$

$h_1 = \frac{3}{4} F$

$H_1 = 1 F$

$PV = \Delta R T$

T_3

$k^2 P_3 V_3 - P_3 V_3$
 $1 - k^2$
 $P_1 V_1 (k^2 - 1) \cdot \frac{1}{2}$

$\frac{P_1 V_3}{V_1}$

$k^2 P_1 V_1$

k^2

$T_3 - T_1 = \frac{3}{8} (k^2 - 1) P_1 V_1$

$P_1 k = P_3$

$\frac{1}{S} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d}$

$H_1 = 1 F$
 $S_1 = \frac{7}{5} F$

$\frac{3}{2} k^2 P_1 V_1 + P_1 (1+k) \cdot V_1 (k-1) \cdot \frac{1}{2} = \frac{d \cdot F}{d-F}$

$\frac{1}{2}$
 $\frac{1}{4}$

$\frac{(d + 2\delta \Delta t) \cdot F}{d + 2\delta \Delta t - F}$

$\frac{P_1 V_1 (k^2 - 1) \cdot \frac{1}{2}}{\frac{3}{2} P_1 V_1 (\frac{3}{2} k^2 + (k^2 - 1) \cdot \frac{1}{2})} = \frac{S_2}{H_2}$

$d = 2F$
 $S = 2F$

$\frac{1}{6}$

$\Delta S = \sqrt{F}$

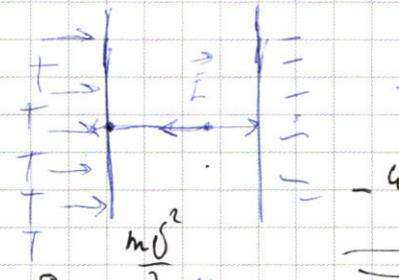
$(2k^2 - \frac{1}{2}) \cdot \frac{3}{4} F = \frac{S_2}{H_2}$

$(2\delta \Delta t F - (\frac{7}{4} F^2 + 2\delta \Delta t F))^2 + (\frac{7}{4} F^2 - (\frac{7}{4} F^2 + 2\delta \Delta t F)) H_2 = \frac{3}{4} F$

$H_2 = \frac{\frac{7}{4} F^2 + 2\delta \Delta t F}{d + 2\delta \Delta t}$
 $\Delta Q =$

$\frac{\frac{1}{2} k^2 - \frac{1}{2}}{2k^2 - \frac{1}{2}}$

$$k \cdot s + \Delta p = E$$



$$\frac{K \cdot Q}{d} = E$$

$$Q_{ind} = \frac{T^2 \cdot V_0^2}{1,2 d} = \frac{q \cdot s}{5 \epsilon_0}$$

$$5 \cdot \frac{5}{14} \cdot \frac{5}{5} \cdot 34^2$$

$$\frac{15}{17} \cdot \frac{Q}{5 \epsilon_0}$$

$$\frac{5}{14} \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{34^2}{5}$$

$$\frac{5}{14} \cdot \frac{45}{17} \cdot 34$$

$$\frac{5 \cdot 15}{17} \cdot 2$$

$$E = \frac{q}{\epsilon_0} = E = \frac{q}{5 \epsilon_0}$$

$$\frac{Q}{\epsilon_0} = E \cdot s = \frac{a T^2}{2}$$

$$T = \sqrt{\frac{2s}{a}}$$

$$Q = \frac{m a}{2 \epsilon_0} = 0,7 d$$

$$\frac{Q}{\epsilon_0} = E$$

$$E = \frac{F}{Q}$$

$$F = m a$$

$$E = \frac{m a}{Q}$$

$$m a = \frac{K Q^2}{d}$$

$$a = \frac{K Q^2}{m d}$$

$$E = \frac{K Q^2}{d^2}$$

$$E \cdot d = \frac{K Q^2}{d}$$

$$F = m a$$

$$E = \frac{m a}{Q}$$

$$m a = \frac{K Q^2}{d}$$

$$a = \frac{K Q^2}{m d}$$

$$E = \frac{K Q^2}{d^2}$$

$$E \cdot d = \frac{K Q^2}{d}$$

$$F = m a$$

$$E = \frac{m a}{Q}$$

$$m a = \frac{K Q^2}{d}$$

$$a = \frac{K Q^2}{m d}$$

$$E = \frac{K Q^2}{d^2}$$

$$E \cdot d = \frac{K Q^2}{d}$$

$$F = \frac{K Q^2}{d^2}$$

$$F = \frac{K Q^2}{d^2}$$

$$Q = \frac{m a d}{K}$$

$$Q = \frac{m a d}{K}$$