

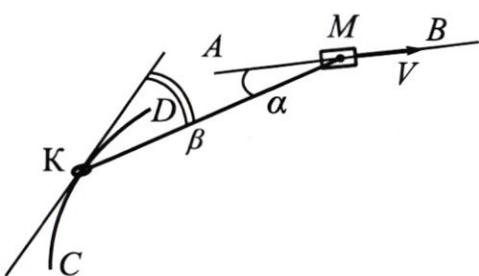
Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-03

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного задания не проверяются.

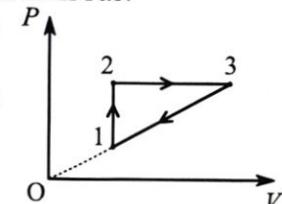
1. Муфту M двигают со скоростью $V = 34$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,3$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 0,53$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/4$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол α ($\cos \alpha = 15/17$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 3/5$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



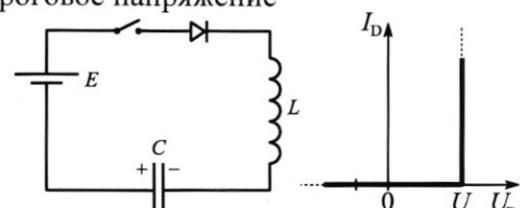
3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния d между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,3d$ от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со скоростью V_1 . Удельный заряд частицы $\frac{|q|}{m} = \gamma$.

- 1) Через какое время T частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?
- 2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

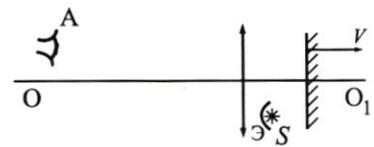
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 2$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/4$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $3F/4$ от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.

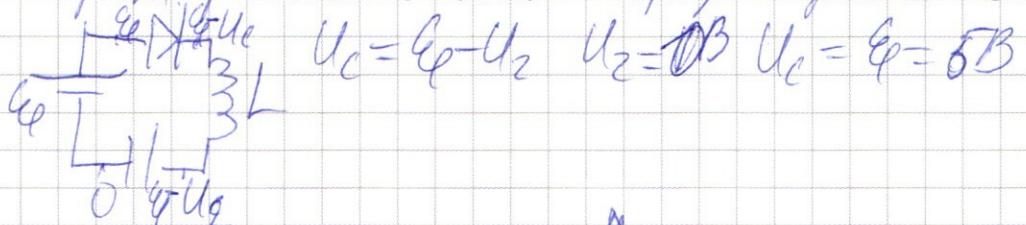


ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

5

$$I_m = \frac{\beta \cdot 6 (40 \cdot 10^{-6} + 40 \cdot 10^{-6} \cdot 6 - 40 \cdot 10^{-6} \cdot 1)}{0,1} = \\ = 40 \cdot 10^{-6} (6 - 1)^2$$

6. Для решения ток через конденсатор $I = 0$



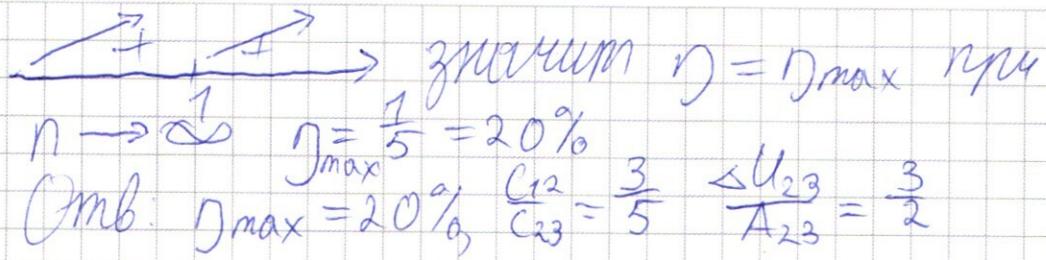
Отв: $U_C = 8V$ $I' = 80 \frac{A}{C}$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2

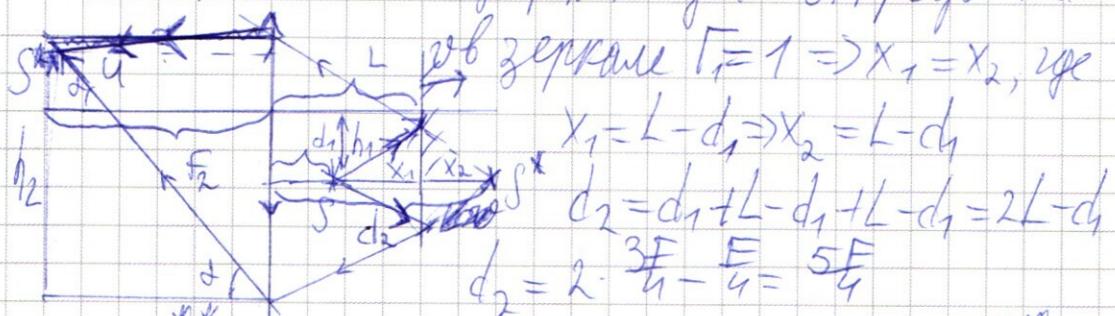


значит $\eta = \eta_{\max}$ при
 $n \rightarrow \infty$ $\eta = \frac{1}{5} = 20\%$
 Отв: $\eta_{\max} = 20\%$, $\frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{3}{5}$ $\frac{U_{23}}{A_{23}} = \frac{3}{2}$

5 Дано:

$$\begin{aligned} F, v \\ h_1 &= \frac{3F}{4} \\ d_1 &= \frac{F}{4} \\ L &= \frac{3F}{4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f_2 - ? \\ \alpha - ? \\ U_{abc} - ? \end{aligned}$$



S^{**} - изображение действ. предмета S^*
 но сд-ко тонкой линзой: $\frac{1}{f_1} = \frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_2} \Rightarrow$

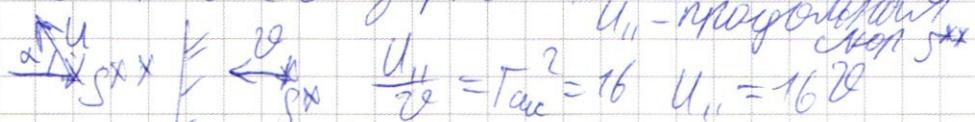
$$f_2 = \frac{F \cdot d_2}{d_2 - F} = \frac{F \cdot \frac{5F}{4}}{\frac{5F}{4} - \frac{F}{4}} = 5F \text{ из зеркалки.}$$

$$h_2 = 2h_1 \cdot \frac{5}{2} = 5h_1 = \frac{15F}{4}$$

$$\text{т.о. } \frac{15F}{4} = \frac{3}{4}$$

$$\Gamma_{\text{акт}} = \Gamma_1 \cdot \Gamma_2 \quad \Gamma_1 = 1 \quad \Gamma_2 = \frac{f_2}{d_2} = \frac{5F}{\frac{5F}{4}} = 4$$

$\Gamma_{\text{акт}} = 4$ б (0 зеркал)



$\frac{U}{S^*} \frac{V}{S^*} = \frac{U}{V} = \Gamma_{\text{акт}}^2 = 16 \quad U_{11} = 16V$ U_{11} - проекция U на S^*

$$U = \frac{U_{11}}{\cos \alpha} = \frac{16V \cdot 5}{4} = 20V$$

Отв по ЗСС! $\frac{V}{U} = \frac{U_{abc}}{U}$ $\Rightarrow U_{abc} = 20V$

$$U_{abc} = 10V$$

Отв: $f_2 = 5F$ $\alpha = \arctg \frac{3}{4}$ $U_{abc} = 10V$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1. Дано.

$$\vartheta = 34 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

$$m = 0,3 \text{ кг}$$

$$R = 0,53 \text{ м}$$

$$l = \frac{5R}{4}$$

$$\cos\alpha = \frac{15}{17}$$

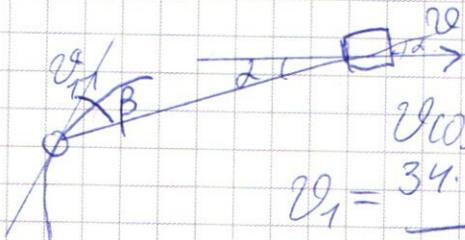
$$\cos\beta = \frac{3}{5}$$

$$\vartheta_1 - ?$$

$$v_{\text{отн}} - ?$$

$$T - ?$$

Решение:



из кин. связей

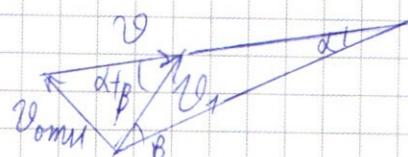
получаем, что:

$$v \cos \alpha = v_1 \cos \beta \Rightarrow v_1 = \frac{v \cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$v_1 = \frac{34 \cdot \frac{15}{17}}{\frac{3}{5}} = 50 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

но з. сложных скоростей:

$$\vec{v}_1 = \vec{v}_{\text{отн}} + \vec{v}$$



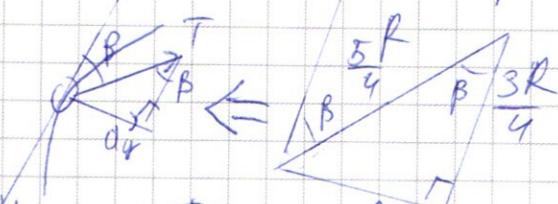
найдем $v_{\text{отн}}$ по косинусов:

$$v_{\text{отн}} = \sqrt{v^2 + v_1^2 - 2vv_1 \cos(\alpha + \beta)}$$

$$v_{\text{отн}} = \sqrt{34^2 + 50^2 - 2 \cdot 34 \cdot 50 \left(\frac{15}{17} \cdot \frac{3}{5} - \frac{8}{17} \cdot \frac{4}{5} \right)}$$

$$v_{\text{отн}} = 56 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

из геометрии:



$$23H, m \omega_1 = T s \sin \beta \cdot R$$

$$T = \frac{m \omega_1^2}{s \sin \beta R} = \frac{0,3 \text{ кг} \cdot (0,5 \frac{\text{с}}{\text{с}})^2}{0,8 \cdot 0,53 \text{ м}} = 0,19 \text{ Н}$$

$$T = 0,19 \text{ Н}$$

$$\text{Ответ: } \vartheta_1 = 50 \frac{\text{см}}{\text{с}} \quad v_{\text{отн}} = 56 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

$$T = 0,19 \text{ Н}$$

2 задача: Решение! 12: $V = \text{const}$ $P \uparrow \Rightarrow T \uparrow$ (н.з. Марка)

$i=3$ $P A_{12} \xrightarrow{2} 3$ 23: $P = \text{const}$ $V \uparrow \Rightarrow T \uparrow$ (н.з. Гей-Люсак)

$C_{12} - ?$ P \uparrow 3 31 - правило пропорц. $P \downarrow, V \downarrow \Rightarrow T \downarrow$
 $C_{23} - ?$ V \uparrow 1 (н.з. Капелюрова) $P V = \text{const}$

$\Delta U_{23} - ?$ 1 шаг. теплоэнергия: V \uparrow 2 $\Delta U_{12} = \Delta U_{12} (A_{12} = 0 \text{ M.K. } V = \text{const})$ $sT_{12} = nT_1^2 - nT_2^2$

$A_{23} - ?$ $Q_{12} = \partial C_{12} \Delta T_{12}$ $\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \partial R \Delta T_{12} \Rightarrow C_{12} = \frac{3}{2} R$

$\eta_{\max} - ?$ $Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23}$ $T_2 = nT_1$ $T_3 = nT_2 = nT_1$

$\Delta U_{23} = \frac{3}{2} \partial R (nT_1^2 - nT_2^2) = \frac{3}{2} \partial R nT_1 (n-1)$

$A_{23} = Pn \cdot (Vn - V) = PVn(n-1) = \partial R T n(n-1)$

$Q_{23} = \frac{3}{2} \partial R T n(n-1) + \partial R T n(n-1) = \frac{5}{2} \partial R T n(n-1)$

$Q_{23} = C_{23} \partial R T n(n-1) \Rightarrow C_{23} = \frac{5}{2} R$

$\frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{\frac{3}{2} R}{\frac{5}{2} R} = \frac{3}{5}; \quad \frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = \frac{\frac{3}{2} \partial R T n(n-1)}{\partial R T n(n-1)} = \frac{3}{2}$

$\eta = \frac{Q_n - Q_x}{Q_n} \quad Q_n = Q_{12} + Q_{23}$

$Q_n = \frac{3}{2} \partial R T n(n-1) + \frac{5}{2} \partial R T n(n-1)$

$Q_n = \frac{1}{2} \partial R T (5n^2 - 2n - 3)$

$Q_x = -Q_{31} = Q_{13} \quad Q_{13} = \Delta U_{13} + A_{13}$

$A_{13} = \left(\frac{P_1 - P_3}{2} \right) \cdot (Vn - V) = \frac{PV}{2} (n^2 - 1) = \frac{\partial R T}{2} (n^2 - 1)$

$\Delta U_{13} = \frac{3}{2} \partial R T (n^2 - 1)$

$Q_{13} = \frac{3}{2} \partial R T (n^2 - 1) + \frac{\partial R T}{2} (n^2 - 1) = 2 \partial R T \cdot (n^2 - 1)$

$\eta = \frac{\frac{\partial R T}{2} (5n^2 - 2n - 3) - 2 \partial R T (n^2 - 1)}{\frac{\partial R T}{2} (5n^2 - 2n - 3)}$

$f(n) = \frac{n^2 - 2n + 1}{5n^2 - 2n - 3} \quad f(n) = \frac{n^2 - 2n + 1}{5n^2 - 2n - 3}$

$f'(n) = \frac{(5n^2 - 2n - 3) - (n^2 - 2n + 1)(10n - 2)}{(5n^2 - 2n - 3)^2}$

$f'(n) = \frac{8(n-1)^2}{(5n^2 - 2n - 3)^2}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\lambda N = \text{const}$ $P \uparrow \Rightarrow T \uparrow$ $23 - P = \text{const}$ $V \uparrow \Rightarrow T \uparrow$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \partial R \delta T = \partial C \delta T \Rightarrow C = \frac{3}{2} R$$

$$Q_{23} = \frac{5}{2} \partial R \delta T' = \partial C' \delta T' \Rightarrow C' = \frac{5}{2} R$$

$$2) \frac{U}{A} = \frac{3}{2} \quad 3) \eta = \frac{Q_H}{Q_H + Q_{\text{ст}}} =$$

$$\text{если } Q_x = Q_{31} = Q_{13} = \frac{P + P_2}{2} V(n-1) = P V(n^2-1) + \frac{3}{2} P V(n^2-1)$$

$$= 2 P V(n^2-1) \quad \eta = \frac{Q_H - Q_x}{Q_H}$$

$$Q_H = \frac{1}{2} P V(n-1) + \frac{5}{2} P n q V(n-1) = 4 P V(n^2-1) \quad n \rightarrow \infty$$

$$P V \left(5n^2 - 5n + 3n - 3 \right) = P V \left(5n^2 - 2n - 3 \right)$$

$$\eta = \frac{P V \left(5n^2 - 5n + 3n - 3 \right)}{2 \cdot \frac{1}{2} \left(5n^2 - 2n - 3 \right)} = \frac{n^2 - 2n + 1}{5n^2 - 2n - 3} \approx \frac{1}{5}$$

1



$$U \cos \alpha = U_1 \cos \beta$$

$$U_1 = \frac{U \cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{34 \cdot \frac{15}{17}}{\frac{12}{5}} = 50 \text{ кВ}$$



$$45-32 \quad U_{\text{alpha}} = \sqrt{U_1^2 + U_2^2 - 2 U_1 U_2 \cos(\alpha + \beta)}$$

$$\frac{10}{17} \cdot \frac{3}{5} - \frac{17}{5} \cdot \frac{4}{17} \quad U_{\text{alpha}} = \sqrt{34^2 + 50^2 - 2 \cdot 34 \cdot 50 \cdot \frac{13}{17}} = \frac{13}{85}$$

$$\frac{13}{85} \text{ кВ} \quad U_{\text{alpha}} = \sqrt{34^2 + 50^2 - 520} = \sqrt{190 + 1156} =$$

$$(30+4)^2 = 900 + 240 + 16 = 1156 \quad 2500 - 520 = 2400 - 1156 = \sqrt{1344} = 36.6$$

$$36^2 = 100 + 360 - 36 = 1296 \quad = 1284$$

$$\sqrt{1980^2 + \frac{1986}{100}} = \sqrt{3136} = (50+4)^2 = 2500 + 400 + 16 \\ = 56^2 = (50+6)^2 = 2500 + 600 - 36$$



$$\sin \beta = \frac{3}{5} \quad \cos \beta = \frac{4}{5}$$

$$N \cos \beta = mg \quad N \sin \beta = f$$

$$N = mg / \cos \beta$$

$$f = N \sin \beta = mg \tan \beta$$

$$f = \mu N = \mu mg / \cos \beta$$

$$mg \cos \beta = N \cos \beta - f \cos \beta = N \cos \beta - \mu N \cos \beta = N \cos \beta (1 - \mu)$$

$$mg \cos \beta = N \cos \beta (1 - \mu) = N \cos \beta (1 - \frac{\mu}{\tan \beta}) = N \cos \beta (1 - \frac{\mu \cos \beta}{\sin \beta}) = N \cos \beta (1 - \frac{\mu \cos \beta}{3}) = N \cos \beta (1 - \frac{4}{3}) = N \cos \beta (-\frac{1}{3})$$

$$mg = N \cos \beta (-\frac{1}{3})$$

$$mg = T \cos \beta (-\frac{1}{3})$$

$$T \cos \beta = mg / (-\frac{1}{3}) = mg \cdot 3$$

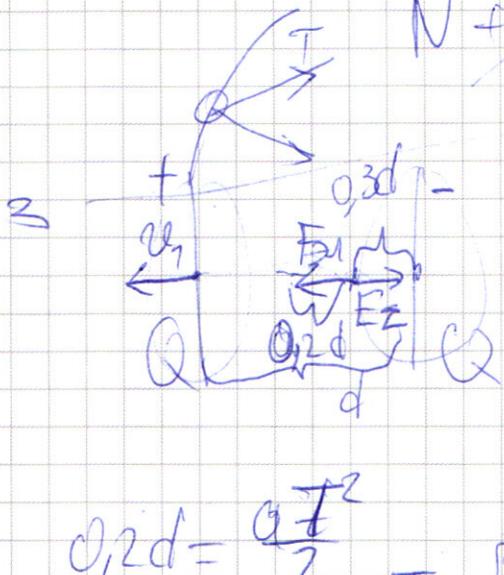
$$T = mg \cdot 3 / \cos \beta = mg \cdot 3 / \frac{4}{5} = \frac{15}{4} mg$$

$$N + T \sin \beta + mg \cos(2\beta - 90^\circ) = ma_x$$

$$T \cos \beta = mg \sin(2\beta - 90^\circ)$$

$$mg = \frac{T \cos \beta}{\sin(2\beta - 90^\circ)} = \frac{T \cos \beta}{-\cos 2\beta} = \frac{T \cos \beta}{-2 \cos^2 \beta + 1}$$

$$N + T \sin \beta + T \cos \beta - g(2\beta - 90^\circ) = ma_x$$



$$ma = qE_z \quad m$$

$$E_z = \frac{Q}{\epsilon_0 d}$$

$$m v_1^2 / d = q E_z / \epsilon_0 d$$

$$E_z = \frac{m v_1^2}{1.4d^2} \quad d = \frac{v_1^2}{2a}$$

$$E_z = \frac{5v_1^2}{78} \quad a = \frac{m g}{7.4d} = \frac{m v_1^2}{14d^2}$$

$$E_z = \frac{mg}{19} = \frac{m v_1^2}{14d^2}$$

$$T = \frac{2d}{5a}$$

$$T = \sqrt{\frac{2d}{5} \cdot \frac{5}{78} \cdot \frac{1}{19}} = \frac{1}{v_1} \sqrt{\frac{2d}{78}}$$

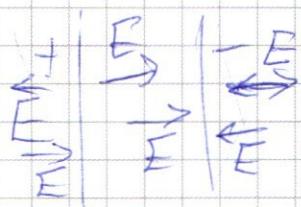
$$Q = \frac{C_0 S}{d} v_1^2$$

$$Q = \frac{C_0 S \cdot 5v_1^2}{78}$$

$$U = \frac{5v_1^2 d}{78}$$

$$F_{zu} = E_z Q$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



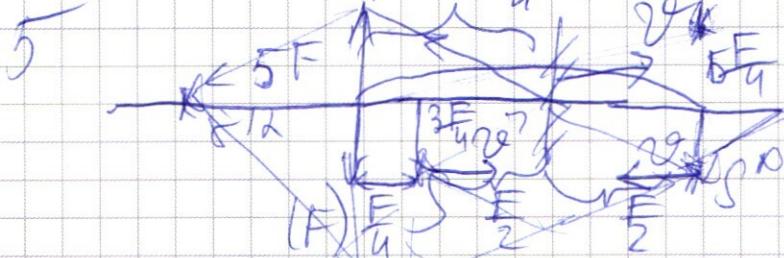
$$I' = 0 \quad U_L = 0$$

$$I = \frac{U_L}{L} = \frac{E_1 + U_L}{L} = \frac{8}{L} = 80 \text{ A}$$

$$I = CU' = I_m \quad I' = 0 \Rightarrow U_L = 0$$

$$I_m = CU' \quad U' = 0 \quad U_2 = E_2 = U_0$$

$$\frac{1}{F} = \frac{4}{5F} - \frac{1}{5} \frac{15}{8} = 0.1875$$



$$f = 5F$$

$$5F \cdot t_{yd} = \frac{5}{2} F$$

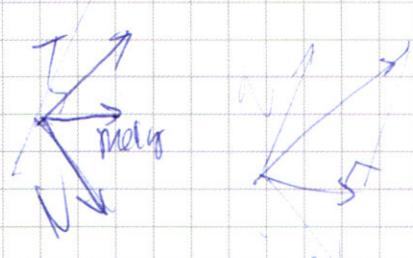
$$t_{yd} = \frac{5}{2} F = 10$$

$$5F \cdot t_{yd} = \frac{3}{4} F$$

$$t_{yd} = \frac{3}{4} F = 7.5$$

$$5F \cdot t_{yd} = \frac{3}{8} F$$

$$t_{yd} = \frac{3}{8} F = 3.75$$



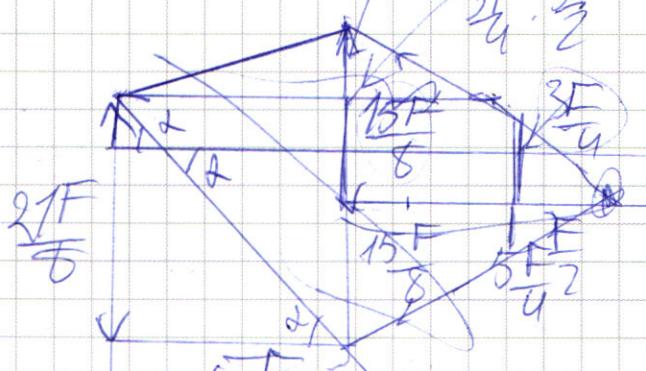
$$E_s = \frac{6}{2\epsilon_0}$$

$$f(n) = \frac{(n-2)(5n^2 - 2n - 3)}{(5n^2 - 2n - 3)^2} - \frac{(n^2 - 2n + 1)(10n - 2)}{10n^3 - 10n^2 - 4n^2 + 4n - 6n + 6} - (10n^3 - 20n^2 + 10n - 2n^2 + 4n - 2) =$$

$$(6 - 2\epsilon_0)^2 = \frac{8n^2 - 16n - 8}{(5n^2 - 2n - 3)^2} = 8(n-1)^2$$

$$\frac{15F}{8} - \frac{3F}{4}, \frac{3F}{2}, \frac{19F}{8} - \frac{3F}{4}$$

$$\frac{8F}{2}, \frac{19F}{4}, \frac{19F}{4}$$



$$\frac{15F}{8} + \frac{3F}{4} = \frac{21F}{8}$$

$$tyd = \frac{21}{85} = \frac{21}{90}$$

$$F$$

$$\vec{U} = \vec{U}_{abc} \quad \vec{V} = \vec{U}_{abc} - \vec{U}$$

$$\vec{W} = \vec{U} + \vec{V}$$

$$\vec{U}_1, \vec{U}_2, \vec{U}_3$$

$$G_{DCP} = \frac{L^2 I_m}{2} + \frac{C U^2}{2} \quad U_c = U_0$$

$$CU = I_c = C(U - U_0)$$

$$G_{DCP} =$$