

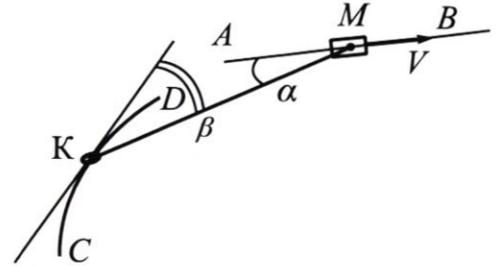
Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-04

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влс

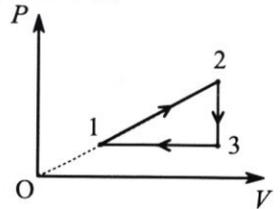
1. Муфту М двигают со скоростью $V = 2$ м/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 0,4$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 4/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



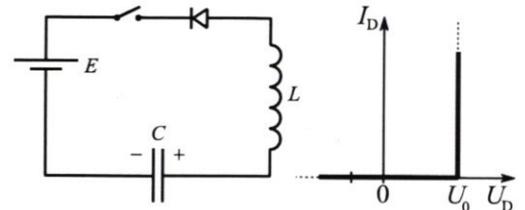
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Напряжение на конденсаторе U . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается на расстоянии $0,2d$ от отрицательно заряженной обкладки.

- 1) Найдите удельный заряд частицы $\gamma = \frac{|q|}{m}$.
- 2) Через какое время T после влета в конденсатор частица вылетит из него?
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

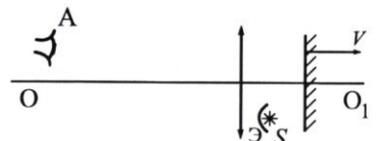
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 10$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 9$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,4$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

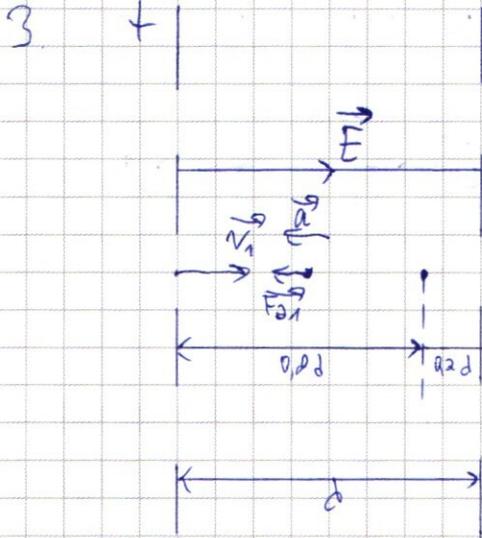


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии $3F/5$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $6F/5$ от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



III. И частица отрицательно заряжена, и старается, то есть сила со стороны э-в поля действуета против скорости, обжидна "лента" частицы попутительно.

III закон Ньютона: $ma = F_{эл}$

$$ma = E \cdot q$$

$$a = E \cdot \gamma = \frac{u \gamma}{d}$$

$$q_1 d = \frac{0 - v_1^2}{-2a}, \quad v_1^2 = 1,6 a d; \quad v_1^2 = 1,6 \cdot \frac{u \gamma}{d} \cdot d = 1,6 u \gamma$$

$$\gamma = \frac{v_1^2}{1,6 u}$$

$$0 = v_1 - at = -\Delta t = \frac{v_1}{a} = \frac{v_1 d}{u \gamma} = \frac{v_1 d}{\frac{v_1^2}{1,6}} = \frac{1,6 d}{v_1}$$

Время обратно - также t (одно расстояние, одно ускорение, γ максимальный радиус γ от v_1 и d)
тогда $T = 2t = \frac{3,2 d}{v_1}$

$\varphi = u$ - потенциал частицы при вылете. Тогда $W_p = \varphi \cdot q = u q$

$$ЗСЭ: \frac{m v_1^2}{2} + W_p = \frac{m v_0^2}{2}$$

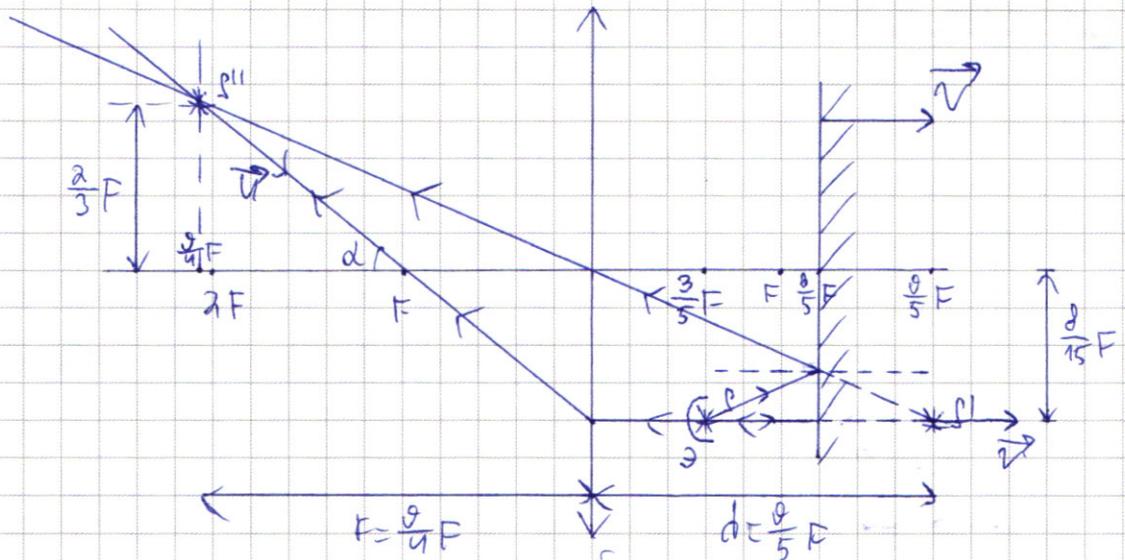
$$m v_1^2 + 2 u q = m v_0^2$$

$$v_1^2 + 2 u \gamma = v_0^2$$

$$v_0 = \sqrt{v_1^2 + 2 u \gamma} = \sqrt{v_1^2 + 2 u \cdot \frac{v_1^2}{1,6 u}} = \sqrt{v_1^2 + \frac{5}{4} v_1^2} = \frac{3}{2} v_1$$

Ответ: $\gamma = \frac{v_1^2}{1,6 u}; \quad T = \frac{3,2 d}{v_1}; \quad v_0 = \frac{3}{2} v_1$

5.



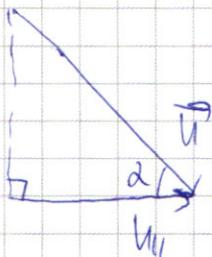
Лучи, исходящие от источника S , будут отражаться от зеркала так, что в зеркале как бы возникнет виртуальный изобразитель S' , которое в свою очередь будет действительным предметом для линзы (т.к. от него исходят реальные лучи)

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{F} \quad (\text{т.к. } d > F, \text{ то искомое изображение } S' \text{ — действительное, поэтому } \dots + \frac{1}{F})$$

$$F = \frac{dF}{d-F} = \frac{\frac{8}{5}F \cdot F}{\frac{8}{5}F - F} = \frac{8}{4}F; \quad \Gamma = \frac{F}{d} = \frac{5}{8}; \quad H = h \cdot \Gamma = \frac{8}{8} \cdot \frac{5}{4}F = \frac{5}{4}F$$

Векторы скорости S' и S'' пересекаться в одной точке на линзе, т.к. лучи от предмета должны упасть в изображение.

$$\text{тогда } \operatorname{tg} \alpha = \frac{\frac{2}{3}F}{\frac{5}{4}F - F} = \frac{2}{5} = \frac{8}{15}; \quad \cos \alpha = \sqrt{\frac{1}{1 + \frac{64}{225}}} = \sqrt{\frac{1}{1 + \frac{64}{225}}} = \sqrt{\frac{225}{289}} = \frac{15}{17}$$



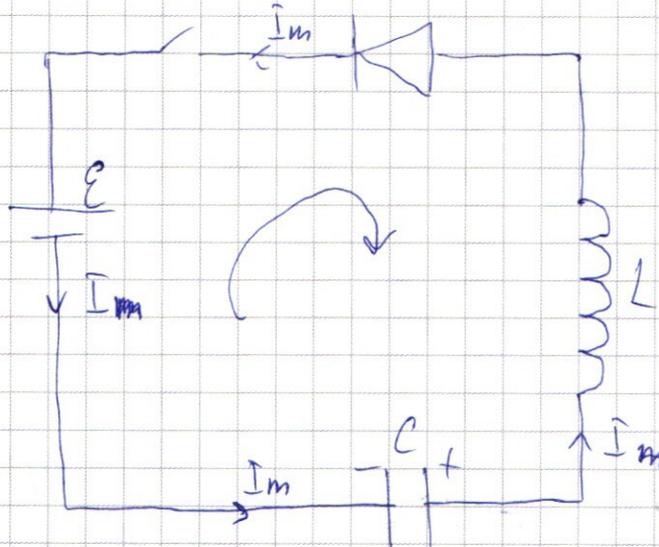
$$\Gamma^2 = \frac{U_{||}}{v}; \quad U_{||} = \Gamma^2 \cdot v = \frac{25}{16}v, \quad U_{||} \text{ — продольная скорость } S''$$

$$U = \frac{U_{||}}{\cos \alpha} = \frac{\frac{25}{16}v}{\frac{15}{17}} = \frac{25 \cdot 17 \cdot v}{16 \cdot 15} = \frac{85}{48}v$$

$$\text{Ответ: } F = \frac{8}{4}F; \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{8}{15}; \quad U = \frac{85}{48}v$$

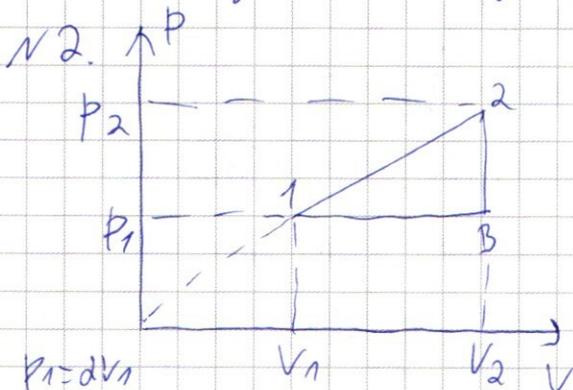
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

21.
 $\mathcal{E} = 6\text{В}$
 $U_1 = 9\text{В}$
 $L = 0,4\text{Гн}$
 $U_0 = 1\text{В}$



Макс. ток будет
в первый момент
после замыкания.
 По правилу Кирхгофа:
 $\mathcal{E} = -U_0 - U_L + U_1$
 $\Rightarrow U_L = U_1 - U_0 - \mathcal{E} = 2\text{В}$
 $U_L = L \frac{\Delta I}{\Delta t}$
 $\frac{\Delta I}{\Delta t} = \frac{U_L}{L} = \frac{2}{0,4} = 5 \frac{\text{А}}{\text{с}}$

Если бы не было диода, то после замыкания конденсатор начал бы разряжаться против источника ($U_1 > \mathcal{E}$), т.к. такое направление совпадает с направлением в диоде, но ток так и не возник. В установившемся режиме ток через конденсатор, а значит и в цепи не течет, а напряжение на катушке постоянное.



1) $\downarrow T$ - на 23 и 31
 $\frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{C_V}{C_P} = \frac{\frac{3}{2}R}{\frac{5}{2}R} = \frac{3}{5}$

2) $A_{12} = \frac{1}{2} p_2 v_2 - \frac{1}{2} p_1 v_1 = \frac{1}{2} \nu R (T_2 - T_1)$
 $\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1)$
 $\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = 3$

$p_1 v_2 = p_2 v_1$ $Q_{12} = Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12} = 2 \nu R (T_2 - T_1)$

3) ~~...~~ $A = \int_{123} \delta W = \frac{1}{2} (v_2 - v_1) (p_2 - p_1) = \frac{1}{2} (p_2 v_2 - 2 p_1 v_2 + p_1 v_1) \ominus$

на

$$\ominus \frac{1}{2} (VK T_2 - 2VK T_3 + VK T_1) = \frac{1}{2} VK (T_2 + T_1 - 2T_3)$$

$$\eta = \frac{A}{Q_n} = \frac{\frac{1}{2} VK (T_2 + T_1 - 2T_3)}{2VK (T_2 - T_1)} = \frac{T_2 + T_1 - 2T_3}{2(T_2 - T_1)} = \frac{T_2 - T_1 - (2T_3 - 2T_1)}{2(T_2 - T_1)} =$$

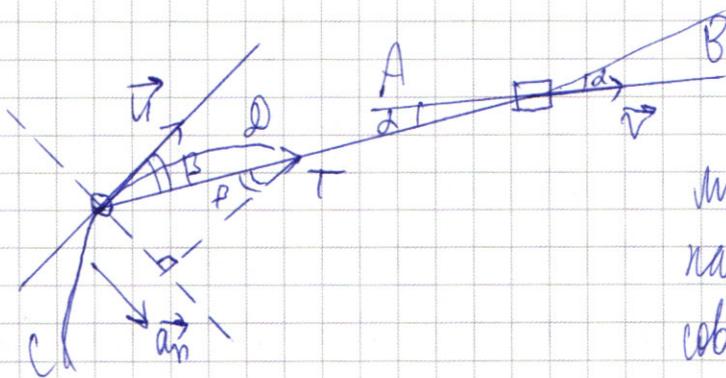
$$= \frac{1}{2} - \frac{2(T_3 - T_1)}{2(T_2 - T_1)} = \frac{1}{2} - \frac{T_3 - T_1}{T_2 - T_1}$$

$\eta \rightarrow \max$, when $\frac{T_3 - T_1}{T_2 - T_1} \rightarrow 0$ это возможно при $T_2 \gg T_3$.

$$\eta_{\max} = \frac{1}{2}$$

Ответ: $\frac{C_{23}}{C_{21}} = \frac{3}{5}$; $\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = 3$; $\eta_{\max} = 50\%$.

1.



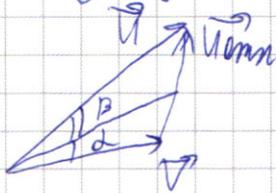
Медиа при не разрывном
процессе сохранения
импульса и кинетиче на
направлении прела дашт
совпадать: $u \cos \beta = v \cos \alpha \Rightarrow$

$$\Rightarrow u = v \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = v \frac{4 \cdot 17}{5 \cdot 82} = \frac{17}{10} v = 1,7v$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \frac{64}{289}} = \frac{15}{17}$$

По 2-й системе скоростей Талмера: $\vec{u} = \vec{u}_{\text{отн}} + \vec{v} = 3,4 \frac{m}{c}$



$$u_{\text{отн}}^2 = u^2 + v^2 - 2uv \cos(\alpha + \beta)$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta = \frac{32}{85} - \frac{45}{25} = -\frac{13}{25}$$

$$u_{\text{отн}}^2 = 3,89v^2 - 3,4v^2 \cdot (-\frac{13}{25}) = 3,89v^2 + \frac{34 \cdot 13}{25} v^2 =$$

$$= \frac{389}{100} v^2 + \frac{52}{100} v^2 = \frac{441}{100} v^2; u_{\text{отн}} = \frac{21}{10} v = 2,1v = 4,2 \frac{m}{c}$$

II 3-я система: $m_{\text{отн}} = T \sin \beta$; $T = \frac{mu^2}{R \sin \beta} = \frac{0,4 \cdot 17^2 \cdot 4}{1,9 \cdot \frac{15}{17}} =$
 $= \frac{16 \cdot 17^3}{1,9 \cdot 15} = \frac{17^3 \cdot 16}{1,9 \cdot 15} \text{ Н}$

Ответ: $u = 3,4 \frac{m}{c}$; $u_{\text{отн}} = 4,2 \frac{m}{c}$; $T = \frac{16 \cdot 17^3}{1,5 \cdot 1,9} \text{ Н}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

4. пр-по Кирхгофа: $\mathcal{E} = U_2 = 6 \text{ В}$.

ЗСЭ для момента после замыкания и установившегося

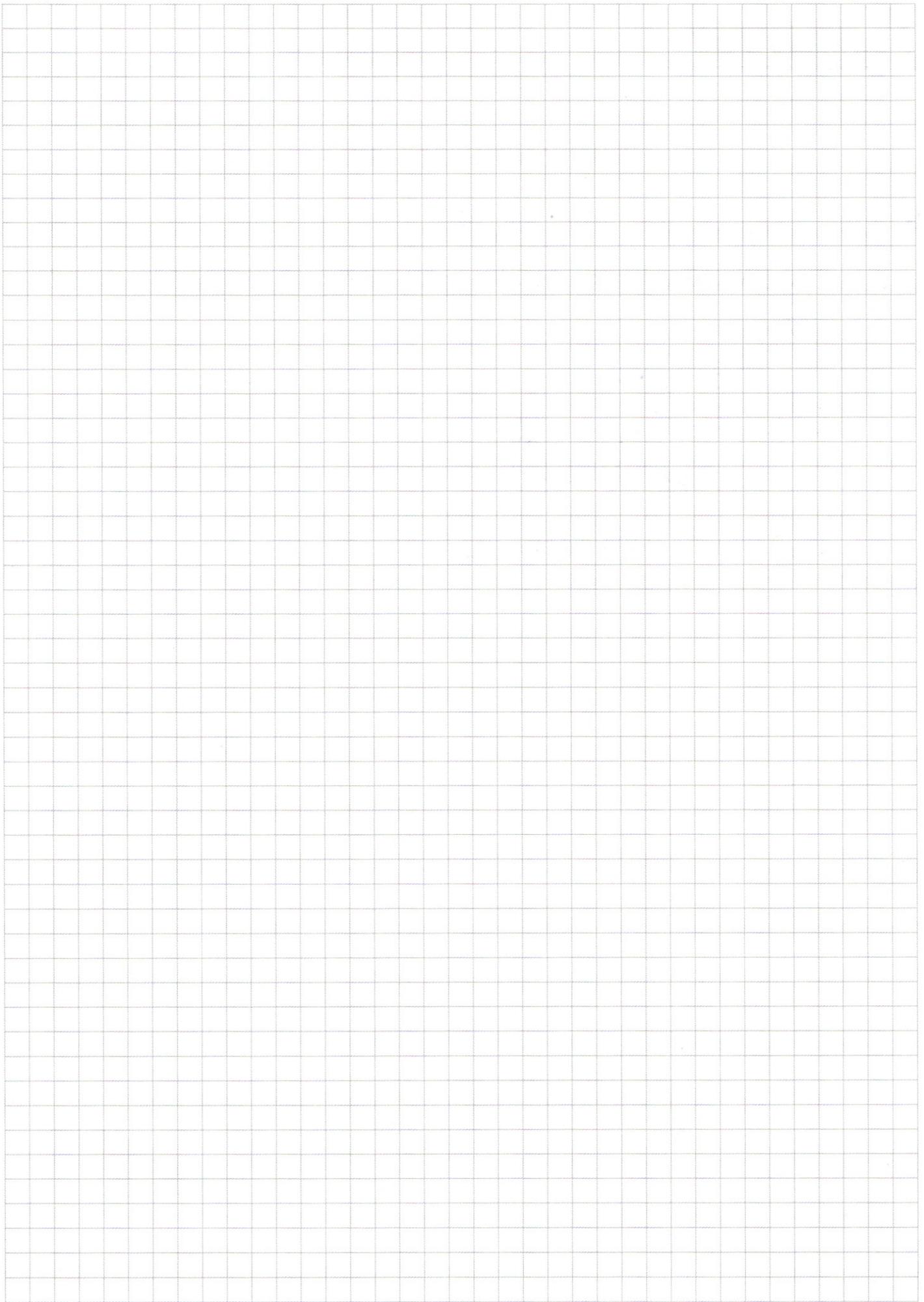
режима:

$$\frac{LI_m^2}{2} + \frac{CU_1^2}{2} = \frac{CU_2^2}{2} - A_{\text{вст}}$$

$$LI_m^2 = CU_2^2 - CU_1^2 \quad A_{\text{вст}} = \frac{q^2}{2C}$$

$$\Delta q = C(U_2 - U_1)$$

$$LI_m^2 + CU_1^2 = CU_2^2 + Cq(U_1 - U_2)$$



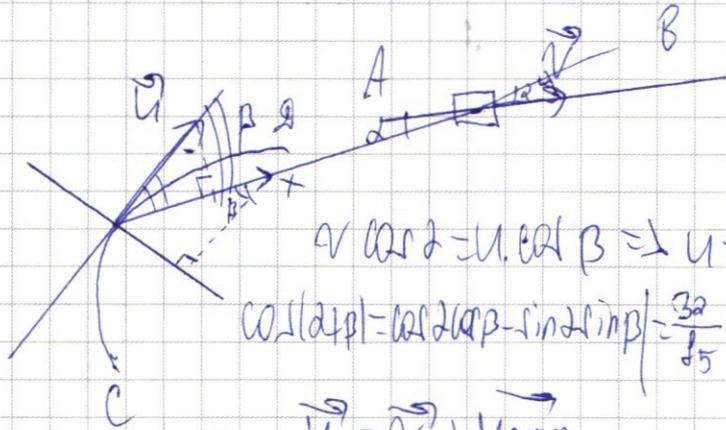
черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

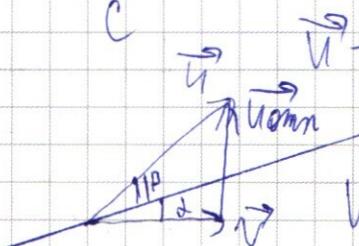
$v = 2 \frac{m}{c}$
 $m = 0,4 \text{ кг}$
 $R = 1,9 \text{ м}$
 $l = \frac{12R}{15}$
 $\cos \alpha = \frac{4}{5}$
 $\cos \beta = \frac{3}{17}$

- 1) $u = ?$
- 2) $u_{\text{ком}}$ - ?
- 3) $T = ?$



$\sin \alpha = \frac{3}{5}$
 $\cos \sin \beta = \frac{15}{17}$
 $\frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 2 \cdot \frac{4 \cdot 12}{5 \cdot 17} = \dots$

$v \cos \alpha = u \cos \beta \Rightarrow u = v \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}$
 $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta = \frac{32}{25} - \frac{12}{25} = \frac{20}{25} = \frac{4}{5}$



$u_{\text{ком}}^2 = u^2 + v^2 - 2uv \cos(\alpha + \beta)$
 $u_{\text{ком}}^2 = \frac{216}{25} + 4 - \frac{2 \cdot 2 \cdot 4}{5} \cdot \frac{4}{5} = \dots$

$T \sin \beta = m \frac{u^2}{R}$
 $T = \frac{m u^2}{R \sin \beta} = \frac{0,4 \cdot \frac{216}{25}}{1,9 \cdot \frac{15}{17}} = \dots$

$|v \cos \alpha - u \cos \beta| = \Delta x$

$$\begin{array}{r} 329 \\ + 52 \\ \hline 441 \\ \times 21 \\ \hline 21 \\ \hline 42 \\ \hline 441 \end{array}$$

$\frac{T_2 + T_1 - 2T_3}{2(T_2 - T_1)}$
 $\frac{T_2 - T_1 + 2T_1 - 2T_3}{2(T_2 - T_1)} = \frac{1}{2} + \frac{T_1 - T_3}{T_2 - T_1}$

~~$\Delta x =$~~
 $k = \frac{E_0}{\rho_0}$

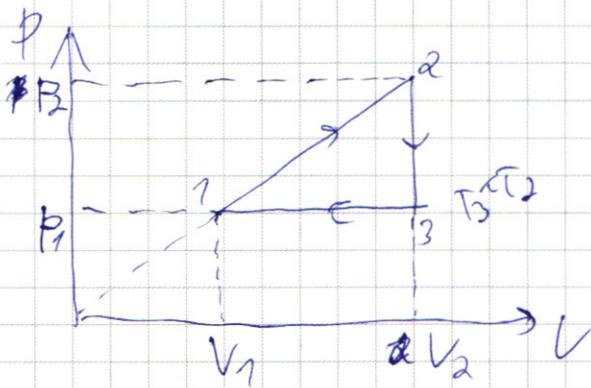
а.

$c = 3$

1) $\frac{C_{p3}}{C_{p1}} = ?$

2) $\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = ?$

3) $\eta_{max} = ?$



$$\frac{pV}{T} = \text{const}$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1)$$

$$A_{12} = \frac{p_1 + p_2}{2} (2V_2 - V_1)$$

$$A_{12} = \frac{p_1 + p_2}{2} (V_2 - V_1) =$$

$$= \frac{1}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1) =$$

$$= \frac{\nu R T_2 - \nu R T_1}{2} = \frac{1}{2} \nu R (T_2 - T_1)$$

$$\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = 3$$

$$\eta = \frac{A}{Q_{12}} = \frac{\frac{1}{2} \cdot (V_2 - V_1) (p_2 - p_1)}{2 \nu R (T_2 - T_1)}$$

$$(p_2 - p_1)(V_2 - V_1) = p_2 V_2 - p_2 V_1 - p_1 V_2 + p_1 V_1 =$$

$$= \nu R T_2 + \nu R T_1 - 2 p_1 V_2 =$$

$$= \nu R (T_2 + T_1 - 2 T_3)$$

$$p_1 = 2 p_2$$

$$p_2 = 2 p_1$$

$$\frac{p_1}{p_2} = \frac{V_1}{V_2}$$

$$p_1 V_2 = p_2 V_1$$

$$\eta = \frac{\frac{1}{2} \nu R (T_2 + T_1 - 2 T_3)}{2 \nu R (T_2 - T_1)} =$$

$$= \frac{T_2 + T_1 - 2 T_3}{4 (T_2 - T_1)}$$

~~$$\eta = 1 - \frac{Q_{23} + Q_{31}}{Q_{12}} = 1 - \frac{\nu R (1.5 T_2 + 1.5 T_1 - 1.5 T_3 + T_2)}{2 \nu R (T_2 - T_1)} = 1 - \frac{\nu R (2.5 T_2 + 1.5 T_1 - 1.5 T_3)}{2 \nu R (T_2 - T_1)}$$~~

$$Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) + \frac{1}{2} \nu R (T_2 - T_1) = 2 \nu R (T_2 - T_1)$$

$$Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_2)$$

$$Q_{31} = \Delta U_{31} + A_{31} = \frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_3) + \nu R (T_1 - T_3) = \nu R (\frac{3}{2} T_3 - \frac{3}{2} T_1 + T_1 - T_3) = \nu R (\frac{1}{2} T_3 - \frac{1}{2} T_1)$$

$$|Q_{23} + Q_{31}| = \nu R (\frac{3}{2} T_3 - \frac{3}{2} T_2 + \frac{1}{2} T_3 - \frac{1}{2} T_1) = \frac{1}{2} \nu R (2 T_3 - 3 T_2 + T_1)$$

$$\eta = 1 - \frac{\nu R (2 T_3 - 3 T_2 + T_1)}{2 \nu R (T_2 - T_1)} = 1 - \frac{2 T_3 - 3 T_2 + T_1}{2 T_2 - 2 T_1} = 1 - \frac{0.5 T_2 - 1.5 T_1 + 2 T_3}{2 T_2 - 2 T_1}$$

$$Q_{31} = \frac{1}{2} \nu R (T_3 - T_1); |Q_{23} + Q_{31}| = \frac{1}{2} \nu R (T_3 - T_1) + \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_3) = \frac{1}{2} \nu R (T_3 - T_1 + 3 T_2 - 3 T_3) =$$

$$1 - \frac{\nu R}{2 \nu R (T_2 - T_1)} = 1 - \frac{3 T_2 - T_1 - 2 T_3}{4 (T_2 - T_1)} = 1 - \frac{\nu R (3 T_2 - T_1 - 2 T_3)}{4 \nu R (T_2 - T_1)} = 1 - \frac{\nu R (3 T_2 - T_1 - 2 T_3)}{4 \nu R (T_2 - T_1)}$$

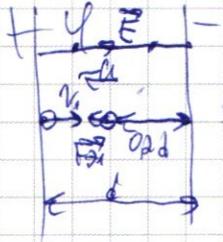
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

9. d, U, V_1, ρ, ad

1) $\gamma = \frac{ka}{m}$

2) $T = ?$

3) $v_0 = ?$



$ma = F_{ЭП}$

$ma = E \cdot q; a = \frac{U}{d} \cdot \gamma$

$E = \frac{U}{d}$

$0 - v_1^2 = \frac{v_1^2}{2a}$

$0 = v_1 - at_1; t_1 = \frac{v_1}{a}$

$T = t_1 + t_2$

$0,8d = \frac{at_2^2}{2}; at_2^2 = 1,6d$

$t_2 = \sqrt{\frac{1,6d}{a}} = \sqrt{\frac{1,6d \cdot 1,6}{v_1^2}} = \frac{1,6d}{v_1}$

$T = t_1 + t_2 = \frac{3ad}{v_1}$

$-U \cdot q + \frac{mv_1^2}{2} = \frac{mv_0^2}{2} \cdot 2; m$

$W_p = q \cdot U = U \cdot q$

$2U\gamma + mv_1^2 = mv_0^2$

$v_0^2 = (1,6U\gamma)^2 + 2U\gamma = 2,56U^2\gamma^2 + 2U\gamma = \frac{1,6Ud}{v_1} (2,56 \cdot \frac{1,6Ud}{v_1} + 2) =$

$= \frac{4,6Ud}{v_1} (\frac{2,56 \cdot 1,6Ud + 2v_1}{v_1}) = \frac{(2,56^2 U^2 d^2 + 8,2Ud)}{v_1^2}$

$E = U_2 = 8V$

$U_L = L \frac{\Delta I}{\Delta t}; \frac{\Delta I}{\Delta t} = \frac{U_L}{L}$

$E = -U_0 + U_L + U_1$

$8 = -U_0 + U_2 + U$

$-3 = -U_0 + U_L$

$U_L = 3U_0 = 2V$

$\frac{\Delta I}{\Delta t} = \frac{U_L}{L} = \frac{2}{0,4} = \frac{1}{0,2} = 5 \frac{A}{C}$

4. $E = 63$

$C = 10 \mu F$

$U_1 = 9V$

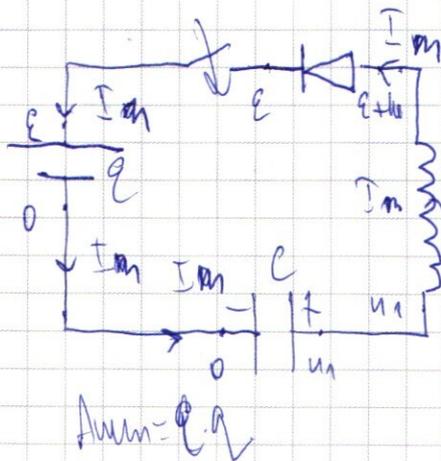
$L = 0,4 \mu H$

$U_0 = 1V$

1) $\frac{\Delta I}{\Delta t} = ?$

2) $I_m = ?$

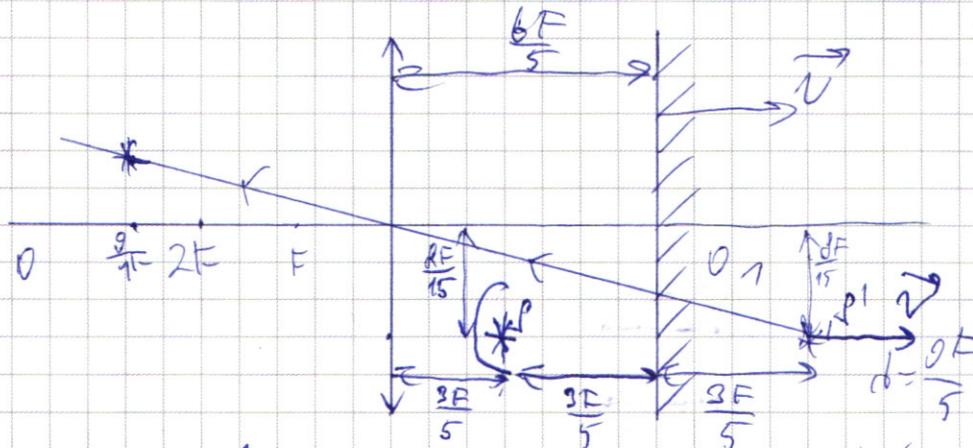
3) $U_2 = ?$



$q = CU$
 $I \Delta t = C \Delta U$
 $I = C \frac{\Delta U}{\Delta t}$

$q = CU$
 $I =$

5. F,
 1) P-1
 2) d-1
 3) u-1



$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \quad \frac{dF}{dF} = \frac{1}{f}; \quad f = \frac{dF}{d-f} = \frac{\frac{2}{5}F}{\frac{4}{5}F} = \frac{2}{4}F$$

$$\Pi^2 = \frac{4}{N} \cdot u = F^2 \cdot \frac{25}{16} \cdot \frac{1}{N}$$

$$\Pi = \frac{f}{d} = \frac{\frac{2}{5}F}{\frac{2}{5}F} = \frac{2 \cdot 5}{4 \cdot 2} = \frac{5}{4}$$

$$M = \Pi \cdot h = \frac{5}{4} \cdot \frac{2}{5}F = \frac{2}{4}F$$

$$F = 5X$$

$$\frac{F}{4} = \frac{5X}{4}$$

$$u_{II} = \Pi^2 \cdot \frac{25}{16} \cdot \frac{1}{N}$$

$$\cos \alpha = \frac{u_{II}}{4}$$

$$u = \frac{u_{II}}{\cos \alpha} = \frac{\frac{25}{16} \cdot \frac{1}{N}}{\frac{15}{17}} = \frac{25 \cdot 17}{16 \cdot 15} = \frac{25 \cdot 17}{240}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{2/5 F}{5/4 F} = \frac{2 \cdot 4}{5 \cdot 5} = \frac{2}{15}$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\operatorname{tg}^2 \alpha + 1 = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{\frac{1}{1 + \frac{64}{225}}}$$

$$= \sqrt{\frac{225}{225 + 64}} = \frac{15}{17}$$

$$F = \sqrt{\frac{4}{9} + \frac{25}{16}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 16 + 25 \cdot 9}{9 \cdot 16}} = \frac{17}{12}$$

$$\cos \alpha = \frac{5/4 F}{12/17} = \frac{5 \cdot 17}{4 \cdot 12} = \frac{15}{17}$$

$$\frac{64}{225} + \frac{225}{289}$$

