

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2020

Класс 11

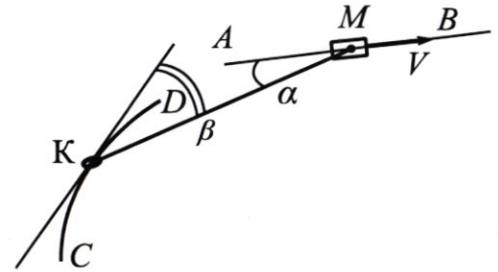
Вариант 11-04

Шифр 6.15

(заполняется секретарём)

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного задания не проверяются.

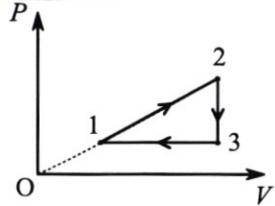
1. Муфту M двигают со скоростью $V = 2$ м/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,4$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 4/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Напряжение на конденсаторе U . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается на расстоянии $0,2d$ от отрицательно заряженной обкладки.

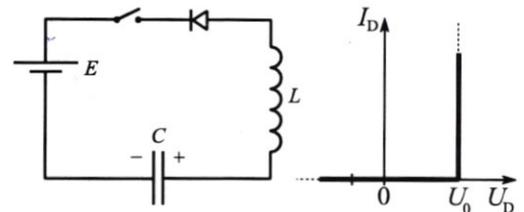
- 1) Найдите удельный заряд частицы $\gamma = \frac{|q|}{m}$.
- 2) Через какое время T после влета в конденсатор частица вылетит из него?
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 10$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 9$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,4$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

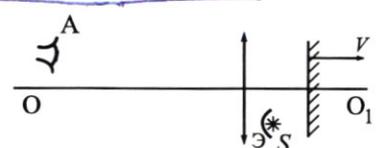
Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



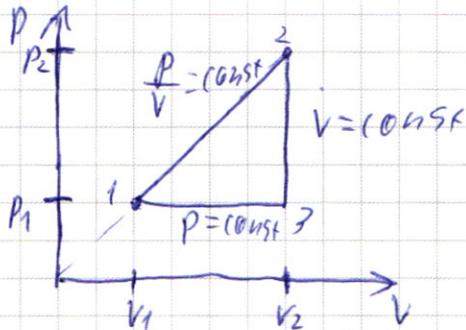
5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии $3F/5$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $6F/5$ от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель A сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 2



Понижение температуры газа происходит на участках 23 и 31. Т.к.

$$2,3: \frac{I}{p} = \text{const} \quad 3,1: \frac{I}{V} = \text{const}$$

т.к. $V = \text{const}$

$$C_{23} dT_{23} = A_{23} + \frac{3}{2} \nu R dT_{23} \Rightarrow C_{23} = \frac{3}{2} R$$

$$C_{31} dT_{31} = A_{31} + \frac{3}{2} \nu R dT_{31}$$

$$A_{31} = \cancel{p_1} (V_3 - V_1) p_1 = \nu R (T_1 - T_3) \Rightarrow \cancel{p_1} C_{31} dT_{31} = \frac{5}{2} \nu R dT_{31}$$

$$C_{31} = \frac{5}{2} R$$

$$1) \frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{3 \cdot 2}{2 \cdot 5} = \frac{3}{5}$$

$$A_{12} = \frac{p_2 + p_1}{2} (V_2 - V_1)$$

$$\frac{p_2}{V_2} = \frac{p_1}{V_1} \quad p_2 = \frac{V_2}{V_1} p_1 \Rightarrow A_{12} = \frac{(V_2^2 - V_1^2) p_1}{2 V_1} = \frac{\nu R T_1}{2} \left(\frac{V_2^2}{V_1^2} - 1 \right)$$

$$\frac{T_2}{V_2^2} = \frac{T_1}{V_1^2} \Rightarrow \frac{V_2^2}{V_1^2} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow A_{12} = \frac{\nu R T_1}{2} \frac{(T_2 - T_1)}{T_1} = \frac{\nu R dT_{12}}{2}$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R dT_{12}$$

$$2) \frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = \frac{\frac{3}{2} \nu R dT_{12}}{\frac{\nu R dT_{12}}{2}} = 3$$

$$Q_{12} = Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12} = \frac{\nu R dT_{12}}{2} + \frac{3}{2} \nu R dT_{12} = 2 \nu R dT_{12}$$

$$A_{31} = A_{12} + A_{31} = \frac{\nu R}{2} dT_{12} + \nu R dT_{31}$$

$$\mu = \frac{A_{31}}{Q_{12}} = \frac{\frac{\nu R}{2} dT_{12} + \nu R dT_{31}}{2 \nu R dT_{12}} = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \frac{dT_{31}}{dT_{12}}$$

$$\mu = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \cdot \frac{T_1 - T_3}{T_2 - T_1}$$

$$T_2 = \frac{V_2^2}{V_1^2} T_1$$

$$\frac{T_1}{V_1} = \frac{T_3}{V_2} \Rightarrow T_3 = \frac{V_2}{V_1} T_1$$

$$\Rightarrow \mu = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \frac{T_1 - \frac{V_2}{V_1} T_1}{\frac{V_2^2}{V_1^2} T_1 - T_1} =$$

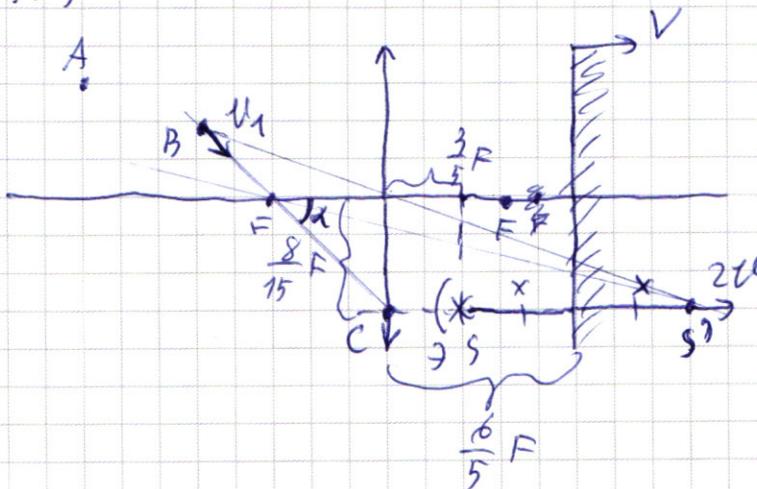
$$= \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \frac{1 - \frac{V_2}{V_1}}{\left(\frac{V_2}{V_1} - 1\right)\left(\frac{V_2}{V_1} + 1\right)} = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \frac{1}{\left(\frac{V_2}{V_1} + 1\right)}$$

μ МАКСИМАЛЬНО КОГДА $\frac{V_2}{V_1}$ МАКСИМАЛЬНО $\Rightarrow V_2 \gg V_1 \Rightarrow$

$$\frac{1}{\frac{V_2}{V_1} + 1} \approx 0 \Rightarrow \mu_{\max} = \frac{1}{4}$$

Ответ: 1) $\frac{C_{\text{пр}}}{C_{\text{гр}}} = \frac{3}{5}$ 2) $\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = 3$ 3) $\mu_{\max} = \frac{1}{4}$

N5



$$x = \frac{6}{5} F - \frac{3}{5} F = \frac{3}{5} F$$

НАБЛЮДАТЕЛЬ СМОЖЕТ УВИДЕТЬ ИЗОБРАЖЕНИЕ S'

$$d = x + \frac{6}{5} F = \frac{9}{5} F$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{d} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 1) \frac{Fd}{d-F} = F = \frac{\frac{9}{5} F^2}{\frac{2}{5} F - \frac{3}{5} F} = \frac{\frac{9}{5} F}{\frac{1}{5}} = \frac{9}{4} F$$

ИЗОБРАЖЕНИЕ БУДЕТ ДВИГАТЬСЯ ПО ОСИ ВС \Rightarrow

$$\Rightarrow 2) \eta_{\text{д}} = \frac{\frac{8}{15} F}{F} = \frac{8}{15}$$

ПЕРЕЙДЕМ В СИСТЕМУ ОТСЧЕТА СВЯЗАННУЮ С ЗЕРКАЛОМ

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



S ДВИЖЕТСЯ СО СКОРОСТЬЮ v
ОТНОСИТЕЛЬНО ЗЕРКАЛА $\Rightarrow S'$
ДВИЖЕТСЯ СО СКОРОСТЬЮ v
ПЕРЕЙДЕМ В СИСТЕМУ ОТСЧЕТА
СВЯЗАННУЮ С ЛИНЗОЙ $\Rightarrow S'$ ДВИЖЕТСЯ

С $2v$ ОТНОСИТЕЛЬНО ЛИНЗЫ ПРОДОЛЬНОЕ УВЕЛИЧЕНИЕ $= \Gamma^2$

$$v_1 \cos \alpha = \Gamma^2 \cdot 2v$$

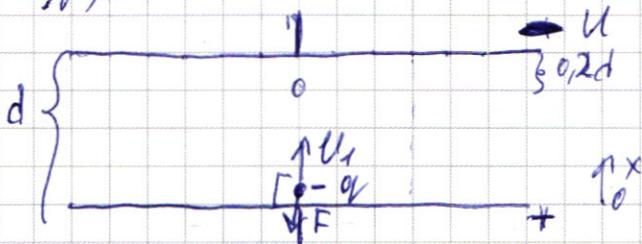
$$\Gamma = \frac{f}{d} = \frac{9}{\frac{9}{5}} = \frac{5}{4}$$

$$\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{8}{15}\right)^2}} = \frac{15}{\sqrt{225 + 64}} = \frac{15}{\sqrt{289}}$$

$$3) v_1 = \frac{2\Gamma^2 \cdot v}{\cos \alpha} = \frac{2 \cdot \frac{25}{16} \cdot \sqrt{289} \cdot v}{15} = \frac{5}{24} \cdot \sqrt{289} \cdot v$$

ОТВЕТ: 1) $f = \frac{9}{4} E$ 2) $t_{\text{пол}} = \frac{8}{15}$ 3) $v_1 = \frac{5}{24} \cdot \sqrt{289} \cdot v = \frac{5 \cdot 17}{24} v$

№3



ПОЛЕ В КОМПЕНСАТОРЕ:

$$E = \frac{U}{d}$$

НА ЧАСТИЦУ ДЕЙСТВУЕТ СИЛА

$$F = q \cdot E \text{ со стороны поля}$$

ЗАМИШЕМ II ЗН ПО ОСИ OX:

$$q \cdot E = ma = q \frac{U}{d} \Rightarrow a = \frac{q}{m} \cdot \frac{U}{d} = \gamma \cdot \frac{U}{d}$$

ЗАМИШЕМ УРАВНЕНИЯ ДВИЖЕНИЯ ЧАСТИЦЫ ПО ОСИ OX

$$v = v_1 - at_1 = 0 \text{ т.к. частица ОСТАВОВАЛАСЬ} \Rightarrow t_1 = \frac{v_1}{a}$$

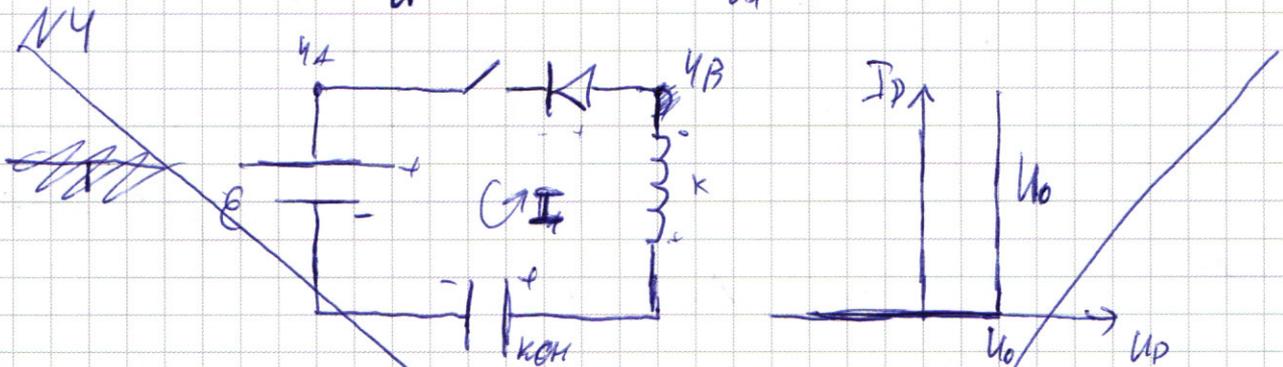
$$d - 0,2d = v_1 t_1 = \frac{v_1 a t_1^2}{2} = \frac{v_1^2}{2a} = 0,8d = \frac{v_1^2 \cdot d}{2\gamma U} \Rightarrow \frac{10}{16} \frac{v_1^2}{U} = \gamma = \frac{5}{8} \frac{v_1^2}{U}$$

В силу симметрии

$$2) T = 2t_1 = 2 \frac{U_1}{\omega} = 2 \frac{U_1 d}{\pi U} = 2 \frac{U_1 d}{\pi} \cdot \frac{8\pi}{5 U_1^2} = \frac{16 d}{5 U_1}$$

Поскольку поле вне обкладок конденсатора нет $\Rightarrow V_0 = U_1$

ОТВЕТ: 1) $\delta = \frac{\pi}{8} \frac{U_1^2}{U}$ 2) $T = \frac{16 d}{5 U_1} = 3,2 \frac{d}{U_1}$ 3) $U_0 = U_1$



Воспользуемся методом контурных токов и правилом Кирхгофа

~~$$E - U_{кон} - U_1 + U_0 = 0 \quad U_A - E + U_{кон} - U_k = U_B$$~~

~~$$U_A - U_B = E + U_k = U_{кон} = E + \frac{dI}{dt} L - U_{кон}$$~~

Сразу после замыкания ключа тока в цепи нет \Rightarrow

~~$$\Rightarrow U_A - U_B = 0 \Rightarrow E - U_1 = -\frac{dI}{dt} L \quad 1) \left| \frac{dI}{dt} \right| = \frac{|U_1 - E|}{L} = \frac{|U_B|}{0,4} =$$

~~$$= \frac{3 \cdot 10}{4} = \frac{15}{2} = 7,5 \frac{A}{c}$$~~~~

когда ток максимальный $\frac{dI}{dt} = 0 \Rightarrow E = U_{кон} + U_0$

запишем ЗСЭ для момента с I_{max}

~~$$\frac{LI_{max}^2}{2} + \frac{CE^2}{2} - \frac{CU_1^2}{2} = (CE - CU)E \Rightarrow LI_{max}^2 = 2(CE - CU)E - CE^2 + CU_1^2 =$$~~

~~$$= 2CE^2 - 2CU_1E - CE^2 + CU_1^2 = CE^2 - 2CU_1E + CU_1^2 = C(E - U_1)^2 =$$~~

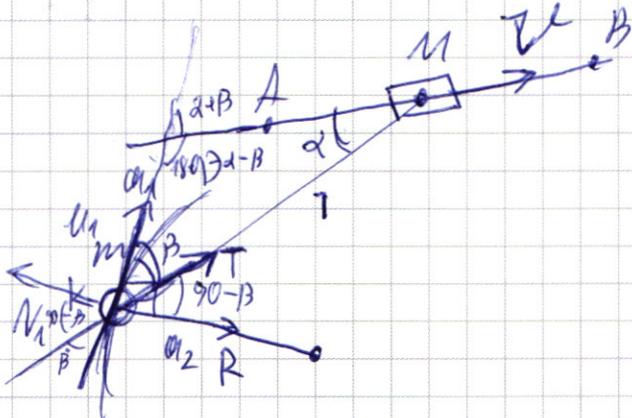
~~$$= C(E - U_1)^2 \quad I_{max}^2 = \frac{C}{L} (E - U_1)^2 \quad 2) I_{max} = \sqrt{\frac{C}{L}} (E - U_1) = \sqrt{\frac{10 \cdot 10^{-9}}{0,4}} \cdot 6 =$$~~

запишем ЗСЭ для установившегося режима

Продолжение на стр №6 $I_{max} = \sqrt{\frac{10 \cdot 10^{-9}}{0,4}} \cdot 6 =$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1



ЗАМЕНИМ ДВИЖЕНИЕ КОЛЬЦА ПО ОКРУЖНОСТИ

$$T \cos \beta = a_1 m \quad (b)$$

$$-N_1 + T \sin \beta = m a_2 = m \frac{v^2}{R} \quad (a)$$

Т.К СИСТЕМА ДВИЖЕТСЯ КАК

ОДНО ЦЕЛОЕ ТО ПРОЕКЦИИ СКОРОСТЕЙ КОЛЬЦА И МХФТЫ НА ОСЬ ТРОСА РАВНЫ

$$v \cos \alpha = v_1 \cos \beta \Rightarrow v_1 = v \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{4}{5} \cdot \frac{14}{8} v = \frac{14}{10} v = 1,4 v \quad (1)$$

УГОЛ МЕЖДУ v_1 И v РАВЕН $\alpha + \beta \Rightarrow$

$$\Rightarrow v_{\text{ком}}^2 = v_1^2 + v^2 - 2 v v_1 \cos(\alpha + \beta) = (1,4 v)^2 + v^2 - 2 \cdot 1,4 v \cdot v \cdot \cos(\alpha + \beta)$$

$$= \left(\frac{4}{5} \cdot \frac{8}{14} - \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{14} \right) v^2 = v^2 \left(\left(\frac{14}{10} \right)^2 + 1 - 2 \cdot 1,4 \cdot \frac{1}{5 \cdot 14} (32 - 45) \right) =$$

$$= v^2 \left(\left(\frac{14}{10} \right)^2 + 1 + 2 \cdot \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{5} \cdot 13 \right) = \frac{441}{100} v^2 \Rightarrow (2) v_{\text{ком}} = 2,1 v = 4,2 \text{ м/с}$$

~~$a_1^2 + a_2^2 = 0$ Т.К СИСТЕМА ДВИЖЕТСЯ КАК ОДНО ЦЕЛОЕ~~

~~$$T = N_1 \cos(90 - \beta) \Rightarrow T = N_1 \sin \beta$$~~

~~$$N_1 = T \sin \beta - m \frac{v^2}{R} \Rightarrow T = T \sin^2 \beta - m \frac{v^2}{R} \sin \beta \Rightarrow$$~~

~~$$\Rightarrow T \cos \beta = m \frac{v^2}{R} \sin \beta$$~~

ЗАМИЩЕМ ПЗМ ДЛЯ КОЛЬЦА ПО ОСИ ТРОСА

$$m(a_1 \cos \beta + a_2 \sin \beta) = T - N_1 \sin \beta \quad (c)$$

ПРОДОЛЖЕНИЕ НА СТР N6

~~14~~

$$\frac{CU_2^2}{2} - \frac{CU_1^2}{2} = (CU_2 - CU_1)E \Rightarrow CU_2^2 - CU_1^2 = 2CU_2E - 2CU_1E$$

$$(U_2 - U_1)(U_2 + U_1) = (U_2 - U_1)E \Rightarrow U_2 + U_1 = E$$

$$U_2 = E - U_1 = 3B - 3B = 0$$

$$3) |U_2| = 3B$$

ОТВЕТ: ~~U₂ = 3B~~ 1) $\frac{dI}{dt} = 12,5 \frac{A}{C}$ 2) $I_{max} = 2,5 \cdot 10 A$

~~U₂ = 3B~~

N1

U3 (a)

$$N_1 = T \sin \beta - m \frac{U^2}{R} \quad (b)$$

U3 (b) (d) U (c) =>

$$\Rightarrow m \left(\frac{T \cos^2 \beta}{m} + \frac{m U^2}{R} \sin \beta \right) = T - T \sin \beta + m \frac{U^2}{R}$$

$$T \cos^2 \beta + \frac{m U^2}{R} \sin \beta - m \frac{U^2}{R} = T - T \sin \beta \Rightarrow$$

$$T - T \sin^2 \beta + \frac{m U^2}{R} (\sin \beta - 1) = T - T \sin \beta \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{m U^2}{R} (\sin \beta - 1) = T \sin \beta (\sin \beta - 1) \Rightarrow T = \frac{m U^2}{R \sin \beta} = \frac{4 \cdot 2^2 \cdot 10,14}{19 \cdot 10 \cdot 15} =$$

$$= \frac{160,14}{15 \cdot 19} H$$

ОТВЕТ: 1) $U_1 = 3,4 \text{ м/с}$ 2) $U_{конт} = 4,2 \text{ м/с}$ 3) $T \approx 0,96 H$

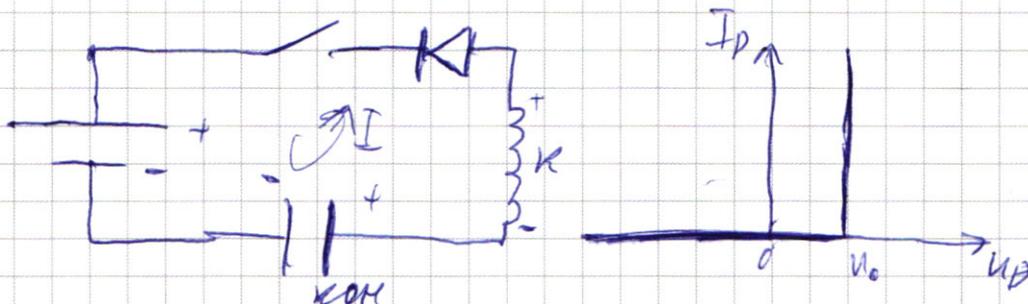
~~14~~

3C) cI_{max}

$$\frac{LI_{max}^2}{2} + \frac{C(E-U_0)^2}{2} - \frac{CU_1^2}{2} = (C(E-U_0) - CU_1)E \Rightarrow LI_{max}^2 =$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

ИЧ



Воспользуемся методом контурных токов и правилом Кирхгофа

$$U_{\text{кон}} - \frac{dI}{dt}L - \varepsilon = 0$$

Сразу после замыкания ключа:

$$\frac{dI}{dt}L = U_{\text{кон}} - \varepsilon \Rightarrow \frac{dI}{dt} = \frac{U_{\text{кон}} - \varepsilon}{L} = \frac{9 - 6}{0,4} = \frac{3}{4} \cdot 10 = \frac{15}{2} = 7,5 \frac{\text{A}}{\text{с}}$$

Когда ток максимальный $\frac{dI}{dt} = 0 \Rightarrow U_{\text{кон}} - \varepsilon = 0$

$$U_{\text{кон}} = \varepsilon$$

Заменим ЗСЭ для момента с I_{max}

$$\frac{LI_{\text{max}}^2}{2} + \frac{C\varepsilon^2}{2} - \frac{CU_2^2}{2} = (C\varepsilon - CU_1)\varepsilon \Rightarrow I_{\text{max}}^2 = \frac{C}{L}(\varepsilon - U_1)^2$$

$$I_{\text{max}} = \sqrt{\frac{C}{L}(\varepsilon - U_1)^2} = \sqrt{\frac{10 \cdot 10^{-3}}{0,4}(-3)^2} = \frac{3}{2} \sqrt{10^{-2}} \text{ A}$$

В установленном режиме

~~Уравнение~~

$$\frac{CU_2^2}{2} - \frac{CU_1^2}{2} = C\varepsilon(\varepsilon - U_1)$$

$$EI_{\max}^2 = 2CU_1E - 2CE^2 - CE^2 + CU_1^2 - CU_1^2 + 2(U_1E - 3CE^2)$$

$$LI_{\max}^2 = 2CE^2 - CE^2 - 2CU_1E + CU_1^2 = C(E - U_1)^2$$

$$I_{\max} = \sqrt{\frac{C}{L}} (E - U_1) = \frac{3}{2} \cdot \sqrt{10^{-2}} \text{ A}$$

В УСТАНОВИВШЕМСЯ РЕЖИМЕ ~~Е-U_{конт}~~ ~~U_{конт}~~ ~~U_{конт}~~

$$\frac{CU_2^2}{2} = \frac{CU_1^2}{2} = CE(U_2 - U_1) = \frac{C}{2}(U_2 - U_1)(U_2 + U_1)$$

$$U_2 + U_1 = E$$

$$U_2 = E - U_1 = -3\text{В}$$

Ответ: 1) $\frac{dI}{dt} = 1,5 \frac{\text{A}}{\text{с}}$ 2) $I_{\max} = 1,5 \cdot \sqrt{10^{-2}} \cdot 10^{-3} \frac{\text{A}}{\text{с}}$ 3) $|U_2| = 3\text{В}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

dy

$$pV = \gamma RT \quad p = \frac{\gamma RT}{V}$$

$$\frac{p}{V} = k \quad \frac{\gamma RT}{V^2} = k$$

$$p_1 = \frac{\gamma RT_1}{V_1}$$

$$p_3 = \frac{\gamma RT_3}{V_3}$$

$$C_p = p_1 V_3 - p_1 V_1 + V_3 p_3 + p_3 V_1$$

$$\frac{2+i}{2} i R dt$$

ЭФ.

$$p_1 \frac{T_1}{V_1} = \frac{T_3}{V_2}$$

$$\frac{T_1}{V_1^2} = \frac{T_2}{V_2^2}$$

$$T_3 = \frac{V_2}{V_1} T_1 \quad T_1 = T_2 \frac{V_1^2}{V_2^2}$$

$$T_3 = \frac{V_1}{V_2} T_1 = T_2 \frac{V_1}{V_2} = \frac{p_2}{p_1} T_3$$

$$\frac{T_1}{V_1} = \frac{T_3}{V_2}$$

$$\frac{V_2 T_1}{V_1} = T_3$$

$$T_2 = \frac{V_2^2}{V_1^2} T_1$$

$$\frac{1}{25} \cdot 21 + 1 + \frac{289}{4 \cdot 25}$$

$$21 \cdot 4 = 84$$

$$\sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{5}{8} \cdot \frac{5}{5} = \frac{1 \cdot 5}{2 \cdot 4}$$

$$\frac{5}{2} \cdot \frac{5}{4}$$

$$\frac{5}{10} = \frac{5}{4} = \frac{625}{1000}$$

$$\frac{5}{8} = \frac{25}{40} - \frac{1 \cdot 25}{2 \cdot 20}$$

$$\frac{125}{100} = \frac{1}{2}$$

$$125 \cdot 0$$

$$\frac{443}{100}$$

$$11$$

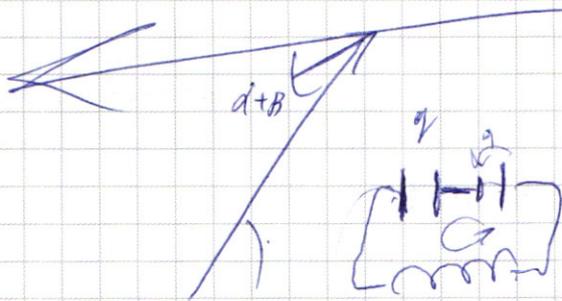
$$184$$

$$+ 289$$

$$473$$

$$\frac{45 - 24}{21} =$$

$$21 \cdot 4 = 84$$



$$U_A = \frac{dI}{dt} L \leftarrow U_{KOH} + E = U_B$$

$$U_A - U_B$$

$$\begin{array}{r} 25 \\ \times 14 \\ \hline 119 \\ 170 \\ \hline 289 \end{array}$$

$$-(U_A - U_B) = U_0$$

$$E - U_{KOH} \leq U_0$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \cdot \sqrt{1 - \cos^2 \beta}$$

$$1 - \cos^2 \alpha = 1 - \frac{16}{25} = \left(\frac{3}{5}\right)^2 \quad U_{KOH}$$

$$1 - \frac{64}{142}$$

$$-\Delta q E \leq U_0$$

$$\frac{15}{14} \cdot \frac{3}{5} = \frac{11}{5} \cdot \frac{8}{14} = \frac{1}{5 \cdot 14}$$

$$\frac{14^2}{100} + \frac{100}{100} + \frac{1}{25} \cdot 13 = \frac{52}{100} + \frac{100}{100} + \frac{289}{100}$$

$$16 \cdot 14$$

$$(16 - 1) / (20 - 1)$$

$$\begin{array}{r} 289 \\ + 52 \\ \hline 341 \end{array}$$

$$U_A - U_B$$

$$U_A - E + U_{KOH} = U_0$$

$$U_A - U_B - E - U_{KOH}$$

$$U_A < E$$

$$E - U_A < U_0$$

$$1 - \left(\frac{8}{14}\right)^2$$

$$\frac{15}{14} \times 114$$

$$U_A + U_0 \leq E$$

$$E - U_0$$

$$\times 114$$

$$\times 14$$

$$\times 2$$

$$34$$

$$\frac{16}{15} \cdot \frac{14}{19}$$

$$1740$$

$$\frac{14}{20} =$$

$$\frac{18}{20} > \frac{14}{19}$$

$$\frac{100}{19}$$

$$380$$

$$\frac{(19-3)}{19} \cdot \frac{15+2}{15}$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{16}{5} \cdot \frac{14}{19}$$

$$(20 - 1) / 218$$

$$\frac{100}{19} \cdot 14 \cdot \frac{19}{100} \cdot \frac{1}{19} \left(1 - \frac{3}{19}\right) \left(1 + \frac{2}{15}\right)$$

$$\begin{array}{r} 19 \\ \times 9 \\ \hline 181 \end{array}$$

$$\times 32$$

$$\frac{9}{10} > \frac{14}{19}$$

$$\frac{96}{10}$$