

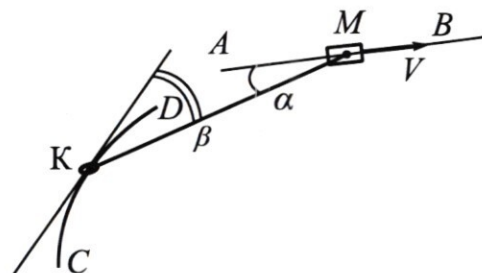
Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 11

Вариант 11-04

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влс

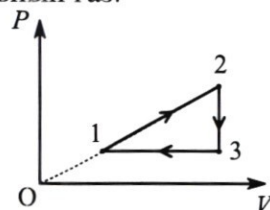
1. Муфту М двигают со скоростью $V = 2$ м/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 0,4$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 4/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Напряжение на конденсаторе U . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается на расстоянии $0,2d$ от отрицательно заряженной обкладки.

- 1) Найдите удельный заряд частицы $\gamma = \frac{|q|}{m}$.

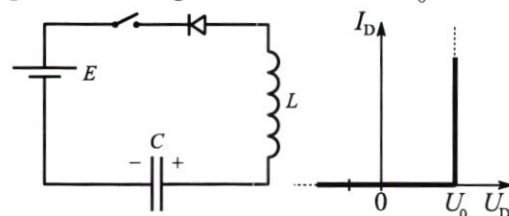
- 2) Через какое время T после влета в конденсатор частица вылетит из него?
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 10$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 9$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,4$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

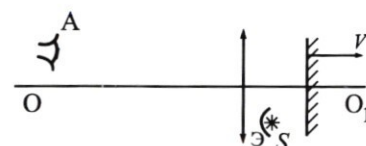


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии $3F/5$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $6F/5$ от линзы.

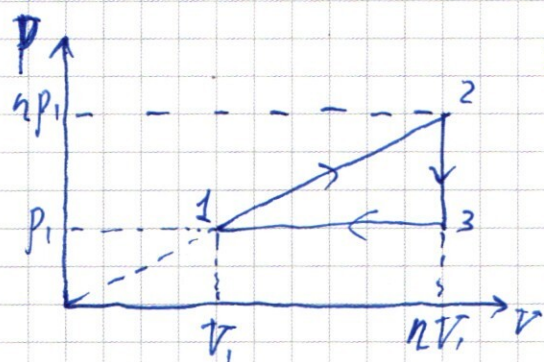
- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



№ 2.
1) Пусть ν - кол-во вещества,
 T_1 - температура газа в
состоянии 1.

$$P_1 V_1 = \nu R T_1, \quad \underbrace{2P_1}_{P_2} \cdot \underbrace{2V_1}_{V_2} = \nu R \cdot \underbrace{2T_1}_{T_2}$$

$$\underbrace{P_1}_{P_3} \cdot \underbrace{V_1}_{V_3} = \nu R \cdot \underbrace{T_1}_{T_3}$$

2-3: $A_{23} = 0$, м.к. $V = \text{const}$, $Q_{23} = C_{23} \cdot \nu \cdot \Delta T_{23} = \Delta U_{23}$.

$$\Delta U_{23} = \frac{3}{2} \nu R \cdot \Delta T_{23} \rightarrow C_{23} \cdot \cancel{\nu \cdot \Delta T_{23}} = \frac{3}{2} \cdot \cancel{\nu \cdot R} \cdot \Delta T_{23} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow C_{23} = \frac{3}{2} R$$

3-1: $A_{31} = P_1 (V_1 - 2V_1) = P_1 V_1 (1 - 2) = \nu R T_1 (1 - 2)$

$$\Delta U_{31} = \frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_3) = \frac{3}{2} \nu R (T_1 - 2T_1) = \frac{3}{2} \nu R T_1 (1 - 2)$$

$$Q_{31} = A_{31} + \Delta U_{31} = C_{31} \cdot \nu \cdot (T_1 - T_3) \rightarrow \frac{5}{2} \cancel{\nu R T_1} (1 - 2) = C_{31} \cdot \cancel{\nu \cdot T_1} (1 - 2) \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow C_{31} = \frac{5}{2} R \rightarrow \frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{1,5 R}{2,5 R} = \boxed{\frac{3}{5} = \frac{C_{23}}{C_{31}}}$$

2) 1-2: $A_{12} = \frac{P_1 + 2P_1}{2} \cdot (2V_1 - V_1) = P_1 V_1 \cdot \frac{n^2 - 1}{2} = \nu R T_1 \cdot \frac{n^2 - 1}{2}$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (n^2 T_1 - T_1) = \frac{3}{2} \nu R T_1 (n^2 - 1)$$

$$\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = \frac{\frac{3}{2} \nu R T_1 (n^2 - 1)}{\frac{1}{2} \nu R T_1 (n^2 - 1)} = \boxed{3 = \frac{\Delta U_{12}}{A_{12}}}$$

$$3) A_{1231} = \frac{1}{2}(n p_1 - p_1)(n T_1 - T_1) = \frac{1}{2} p_1 T_1 (n-1)^2 = \frac{1}{2} \nu R T_1 (n-1)^2$$

$$Q_{1231} = Q_{12} = \nu R T_1 (n^2 - 1) \cdot \left(\frac{3}{2} + \frac{1}{2}\right) = 2 \nu R T_1 (n^2 - 1)$$

$$\eta = \frac{A_{1231}}{Q_{1231}} = \frac{\frac{1}{2} \nu R T_1 (n-1)^2}{2 \nu R T_1 (n^2 - 1)} = \frac{1}{4} \cdot \frac{(n-1)(n-1)}{(n-1)(n+1)} =$$

$$= \frac{1}{4} \cdot \left(1 - \frac{2}{n+1}\right); \text{ если } n \rightarrow +\infty, \text{ то } \eta \rightarrow \frac{1}{4}$$

~~Вывод~~ Выводим, что $\eta_{\max} = 1/4$.

Ответ: 1) $\frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{3}{5}$; 2) $\frac{4 U_{12}}{A_{12}} = 3$; 3) $\eta_{\max} = 1/4$.

№ 3.

1) Отметим, что за пределами обкладок конденсатора электрические поля, создаваемые зарядами на обкладках, компенсируют друг друга. Это означает, что частица могла оставаться только внутри конденсатора, а её скорость при выходе из конденсатора равна скорости на бесконечно большом расстоянии от него.

$E = U/d$ - напряжённость поля внутри конденсатора.

$$\frac{m v_1^2}{2} = |q| \cdot \frac{U}{d} \cdot (d - 0,2d) \Leftrightarrow \frac{m v_1^2}{2} = 0,8 |q| \cdot U \Leftrightarrow \frac{|q|}{m} = \frac{\frac{v_1^2}{2}}{0,8 U} = \frac{v_1^2}{1,6 U}$$

$$2) m a = E \cdot |q| = \frac{U}{d} |q| \rightarrow a = \frac{U}{d} \cdot \frac{|q|}{m} = \frac{U}{d} \cdot \frac{v_1^2}{1,6 U} = \frac{v_1^2}{1,6 d}$$

$a t_1 = v_1 \Leftrightarrow t_1 = \frac{v_1}{a}$, $t_1 = \frac{1,6 d}{v_1}$ - время от момента начала движения до полной остановки.

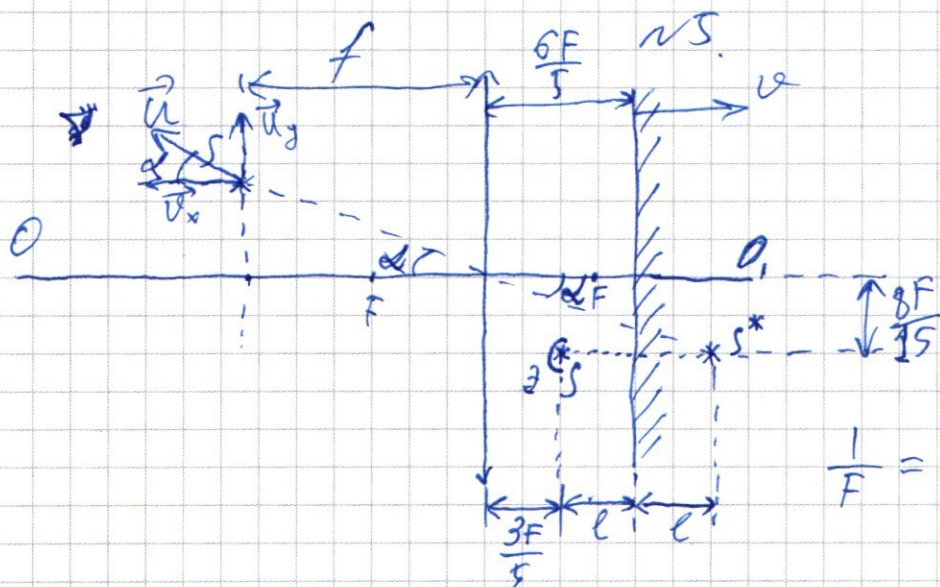
$$\frac{a t_2^2}{2} = 0,8 d \Leftrightarrow t_2 = \sqrt{\frac{1,6 d}{a}} = \sqrt{\frac{2,56 d^2}{v_1^2}} = \frac{1,6 d}{v_1} - \text{время}$$

от момента полной остановки до выхода из конденсатора; $T = t_1 + t_2 = \frac{3,2 d}{v_1} = T$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$3) v_0 = at_2 = \frac{v_1^2}{1,6d} \cdot \frac{1,6d}{v_1} = \boxed{v_1 = v_0}$$

Problem: 1) $j = \frac{v_1^2}{1,6U}$; 2) $T = \frac{3,2d}{v_1}$; 3) $v_0 = v_1$.



$$1) e = \frac{6F}{5} - \frac{3F}{5} = \frac{3F}{5}$$

S' и есть изображение источника в системе.

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{0,6F + 2l} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{1,8F} + \frac{1}{f} \Leftrightarrow f = \frac{1,8F \cdot F}{0,8F} = \boxed{\frac{9F}{4} = f}$$

$$2) \operatorname{tg} \alpha = \frac{\frac{8F}{15}}{\frac{3F}{5} + 2e} = \frac{\frac{8A}{15}}{\frac{9A}{5}} = \frac{8 \cdot 5}{15 \cdot 9} = \boxed{\frac{8}{27} = \operatorname{tg} \alpha}$$

3) $r = \frac{f}{\frac{3f}{5} + 2l} = \frac{\frac{9f}{4}}{\frac{9f}{5}} = \frac{5}{4} = r$; $\vec{u} = \vec{u}_x + \vec{u}_y$; $v_{s*} = 20$.

$$u_x = r^2 v_{s*} = \frac{25}{16} \cdot 20, \quad u_y = r v_{s*} = \frac{5}{4} \cdot 20; \quad u = \sqrt{u_x^2 + u_y^2}$$

$$u = \sqrt{r^4 v_*^2 + r^2 v^2} = r v_* \sqrt{r^2 + 1} = \frac{5}{4} \cdot 2.0 \cdot \frac{\sqrt{25+16}}{4} =$$

$$= 20 \cdot \frac{5 \sqrt{41}}{\cancel{10} 8} = 12.5$$

Antwort: 1) $f = \frac{9F}{4}$; 2) $\alpha = \frac{8}{27}$; 3) $u = \frac{5\sqrt{34}}{8} v$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Поскольку расстояние между муфтой и концы невелико, то по окр-ти с центром в точке O' они движутся с одинаковой угловой скоростью

$$\omega_1 = \frac{u}{r} = \frac{v \cdot \cos(\beta - \alpha)}{r}, \text{ откуда } u = v \cdot \cos(\beta - \alpha) =$$

$$= 2 \cdot (\cos \alpha \cdot \cos \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta) \text{ м/с} = 2 \cdot \left(\frac{4}{5} \cdot \frac{8}{17} + \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{17} \right) \text{ м/с}$$

$$= 2 \cdot \frac{32 + 45}{85} \text{ м/с} = \frac{154}{85} \text{ м/с} \approx \boxed{1,8 \text{ м/с} = u}$$



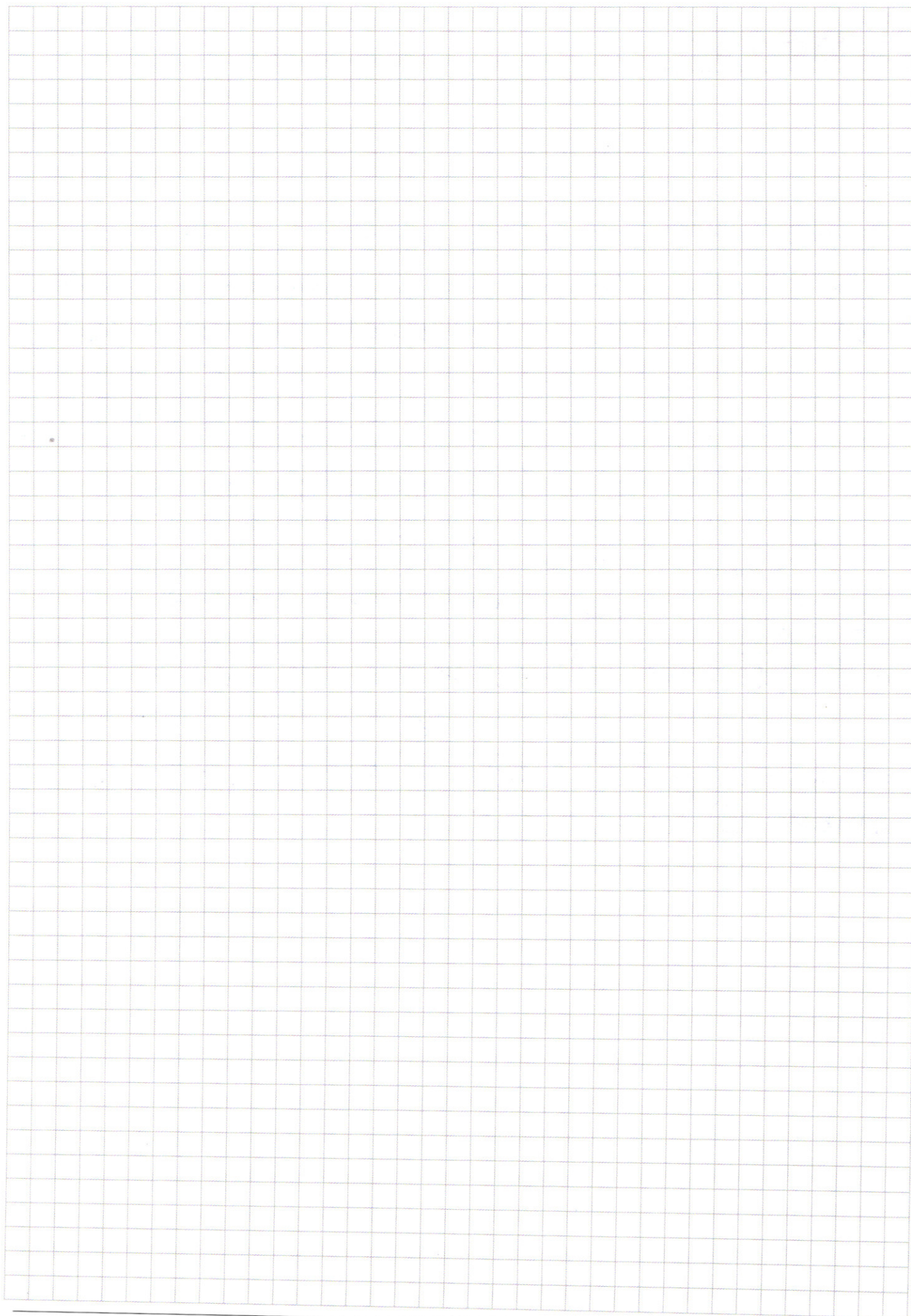
$$\vec{u}_{\text{отн}} = \vec{u} - \vec{v}$$

$$u_{\text{отн}} = \sqrt{u^2 + v^2 - 2uv \cdot \cos(\alpha + \beta)} =$$

$$= \sqrt{v^2(1 + \cos^2(\beta - \alpha)) - 2v^2 \cdot \underbrace{\cos(\alpha + \beta)}_{-\frac{13}{85}} \cdot \underbrace{\cos(\beta - \alpha)}_{\frac{77}{85}}} =$$

$$= v \sqrt{1 + \cos^2(\beta - \alpha) - 2 \cdot \cos(\beta + \alpha) \cdot \cos(\beta - \alpha)} \neq v \dots$$

Ответ: 1) $u = 1,8 \text{ м/с}$.



☐ черновик ☐ чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Возвращение обратно: $\frac{a t_2^2}{2} = \frac{1,6}{2} d \rightarrow \frac{v_1^2}{1,6d} \cdot t_2^2 = 1,6d$

$$v_1^2 t_2^2 = 2,56 d^2 \Leftrightarrow t_2 = \frac{1,6d}{v_1} \rightarrow T = t_1 + t_2 = \frac{3,2d}{v_1}$$

$$\frac{m v_0^2}{2} = 0,8 q U = \frac{m v_1^2}{2} \rightarrow v_0 = v_1$$

Подозрительно просто получается.

1) $\frac{\Delta I}{\Delta t}$, 2) $I_{\max} = I_1$, 3) $U_2 - ?$; $\mathcal{E} = 6\text{ В}$, $C = 10 \mu\text{ Ф}$,

$U_1 = 9\text{ В}$, $L = 0,4\text{ Гн}$, $U_0 = 1\text{ В}$ - порог. напря. диода

$$1) U_1 - (U_0 + \mathcal{E}) = L \cdot \frac{\Delta I}{\Delta t} \Leftrightarrow \frac{\Delta I}{\Delta t} = \frac{U_1 - (U_0 + \mathcal{E})}{L} =$$

$$= \frac{9\text{ В} - 6\text{ В} - 1\text{ В}}{0,4\text{ Гн}} = 5 \frac{\text{А} \cdot \text{Ом}}{\text{В} \cdot \text{с}} = \boxed{5 \frac{\text{А}}{\text{с}} = \frac{\Delta I}{\Delta t}}$$

ДУМАЮ,
ЧТО ПРАВ.

2) Ток в цепи будет максимальным в тот момент, когда $I'(t) = 0$, т. е. $U_L = 0$

$$\frac{C U_1^2}{2} = \frac{L I_1^2}{2} \Leftrightarrow I_1 = U_1 \sqrt{\frac{C}{L}} = 9\text{ В} \cdot \sqrt{\frac{10 \mu\text{ Ф}}{0,4\text{ Гн}}} =$$

$$= 9 \cdot 4,5 \cdot 10^{-2} \text{ А} = 4,5 \text{ мА}$$

ВРАД Л И * НЕ ПР. 2).

$$2) \tan \alpha = \frac{\frac{8}{15}}{\frac{9}{5}} = \frac{40}{135} = \frac{8}{27} = \tan \alpha$$

$$U_{s*} = 2\text{ В}$$

$$3) u_x = r^2 v = \left(\frac{9}{5} \right)^2 U_{s*} = \frac{25}{16} \cdot 2\text{ В}$$

ПОХОДИТ ЛИ
НА ПРАВДУ?

$$u_y = r U_{s*} = \frac{5}{4} U_{s*} ; u = \sqrt{u_x^2 + u_y^2}$$

$$u = \sqrt{\left(\frac{25}{16} \right)^2 + \left(\frac{5}{4} \right)^2} = \sqrt{\frac{25+20}{4}} = \frac{3\sqrt{5}}{2} \text{ В}$$

$$U = \sqrt{T^2 v_{s*}^2 + T^4 v_{s*}^2} = T v_{s*} \sqrt{T^2 + 1} = \frac{5}{4} \cdot v_{s*} \sqrt{\frac{25}{16} + 1} =$$

$$= \frac{5 v_{s*}}{4} \cdot \frac{\sqrt{41}}{4} = \frac{5 \sqrt{41}}{16} v \quad \text{ВРОДЯ КАК ПОКАЖЕ НА ПРАВИЛЫ.}$$

14. 1) $\frac{4I}{\Delta t}$, 2) $I_{\max} = I_1$, 3) $U_2 = ?$; $\mathcal{E} = 6 \text{ В}$, $C = 10^{-5} \text{ Ф}$,

$U_1 = 9 \text{ В}$, $L = 0,4 \text{ Гн}$, $U_0 = 1 \text{ В}$.

1) $U_1 - \mathcal{E} - U_0 = L \cdot \frac{\Delta I}{\Delta t} \Leftrightarrow \frac{\Delta I}{\Delta t} = \frac{U_1 - \mathcal{E} - U_0}{L} =$

$= \frac{9 \text{ В} - 6 \text{ В} - 1 \text{ В}}{0,4 \text{ Гн}} = 5 \frac{\text{А}}{\text{с}} = \frac{\Delta I}{\Delta t}$

$\sqrt{2} = 1,4142 \dots$
 $2\sqrt{2} = 2,8284 \dots$

2) $U_2 = 0 \Rightarrow U_C = \mathcal{E} + U_0$

$\frac{C}{2} (U_1^2 - U_C^2) = \frac{L I_1^2}{2} \Leftrightarrow I_1 = \sqrt{\frac{C}{L} (U_1^2 - U_C^2)} =$

$= \sqrt{\frac{C}{L} (U_1^2 - (\mathcal{E} + U_0)^2)} = I_1 = \sqrt{\frac{10^{-5} \cdot 10^{-4}}{4 \cdot 10^{-4}} \cdot \frac{8}{32}} \text{ А} =$

$= 10^{-2} \cdot 2\sqrt{2} \text{ А} \approx 2,83 \cdot 10^{-2} \text{ А} = I_1$ НЕ УБЕДЕН.

3) # Возможно может $U_2 = U_0$, тогда такая чрез весь конт., LC-цепь окажется обходившей от источника ЭДС. НЕ Т. ОСТ.

1) u , 2) $u_{\text{откл}}$, 3) $T = ?$; $v = 2 \text{ м/с}$, $m = 0,4 \text{ кг}$,
 $R = 1,9 \text{ м}$, $\ell = \frac{17R}{15}$, $\cos \alpha = 0,8$, $\cos \beta = 8/17$.

$\sin \alpha = 0,6$, $\sin \beta = 15/17$.

$\cos \alpha + \cos \beta + \cos(\alpha + \beta) = 0$; найдем $\sin \alpha \sin \beta$.

$\int_1^2 4x^2 dx = 4 \cdot \frac{x^3}{3} \Big|_1^2 = \frac{4}{3} (8 - 1) = \frac{28}{3}$

$y^2 - xy - 2x^2 + 8x - 4y = 0 \Leftrightarrow (y - 2x)(y + x) - 4(y - 2x) = 0$
 $(y - 2x)(y + x - 4) = 0$ ВТОРАЯ ЗАДАЧА...

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

настройка 3-1 - из воздуха, 2-3 - из воздуха,
1-2 - $p \sim V$; 1) c_{23}/c_{31} , 2) $\Delta U_{12}/A_{12}$, 3) $\eta_{\max}$ - ?

1) 2-3: $A_{23} = 0$, $Q_{23} = \Delta U_{23}$, $\Delta U_{23} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_3)$
 $p_1 V_1 = \nu R T_1$, $\frac{p_1}{p_2} \cdot \frac{n V_1}{V_2} = \nu R \cdot \frac{n^2 T_1}{T_2}$, $\frac{p_1}{p_2} \cdot \frac{n V_1}{V_3} = \nu R \cdot \frac{n T_1}{T_3}$

$$\Delta U_{23} = \frac{3}{2} \nu R (-n^2 T_1 + n T_1) = \frac{3}{2} \nu R n T_1 (1 - n) = \Delta U_{23}$$

3-1: $A_{31} = c_{23} \nu (n T_1 - n^2 T_1) = \frac{3}{2} \nu R n T_1 (1 - n)$

$$c_{23} \cdot \nu (1 - n) = \frac{3}{2} \nu R (1 - n) \rightarrow c_{23} = \frac{3}{2} R$$

3-1: $A_{31} = p_1 (V_1 - n V_1)$, $\Delta U_{31} = \frac{3}{2} \nu R (T_1 - n T_1)$

$$A_{31} = \nu R (T_1 - n T_1) = \nu R T_1 (1 - n)$$

$$c_{31} \cdot \nu (1 - n) = \frac{5}{2} \nu R (1 - n) \rightarrow c_{31} = \frac{5}{2} R$$

$$c_{23}/c_{31} = \frac{\frac{3}{2} R}{\frac{5}{2} R} = \frac{3}{5} = c_{23}/c_{31} - 1$$

2) 1-2: $A_{12} = \frac{p_1 + n p_1}{2} (n V_1 - V_1)$, $\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (n^2 T_1 - T_1)$

$$A_{12} = p_1 V_1 \frac{n^2 - 1}{2} = \nu R T_1 \cdot \frac{n^2 - 1}{2}$$

$$Q_{12} = \nu R T_1 \left(\frac{n^2 - 1}{2} + \frac{3(n^2 - 1)}{2} \right) = 2 \nu R T_1 (n^2 - 1)$$

$$\frac{\Delta U_{12}}{Q_{12}} = \frac{\frac{3}{2} \nu R T_1 (n^2 - 1)}{2 \nu R T_1 (n^2 - 1)} = \frac{3}{4} = \frac{\Delta U_{12}}{Q_{12}} \text{ HE TO } - 2)$$

3) $A_{1231} = \frac{1}{2} (n p_1 - p_1) (n V_1 - V_1) = \frac{1}{2} p_1 V_1 (n - 1)^2 = \frac{1}{2} \nu R T_1 (n - 1)^2$

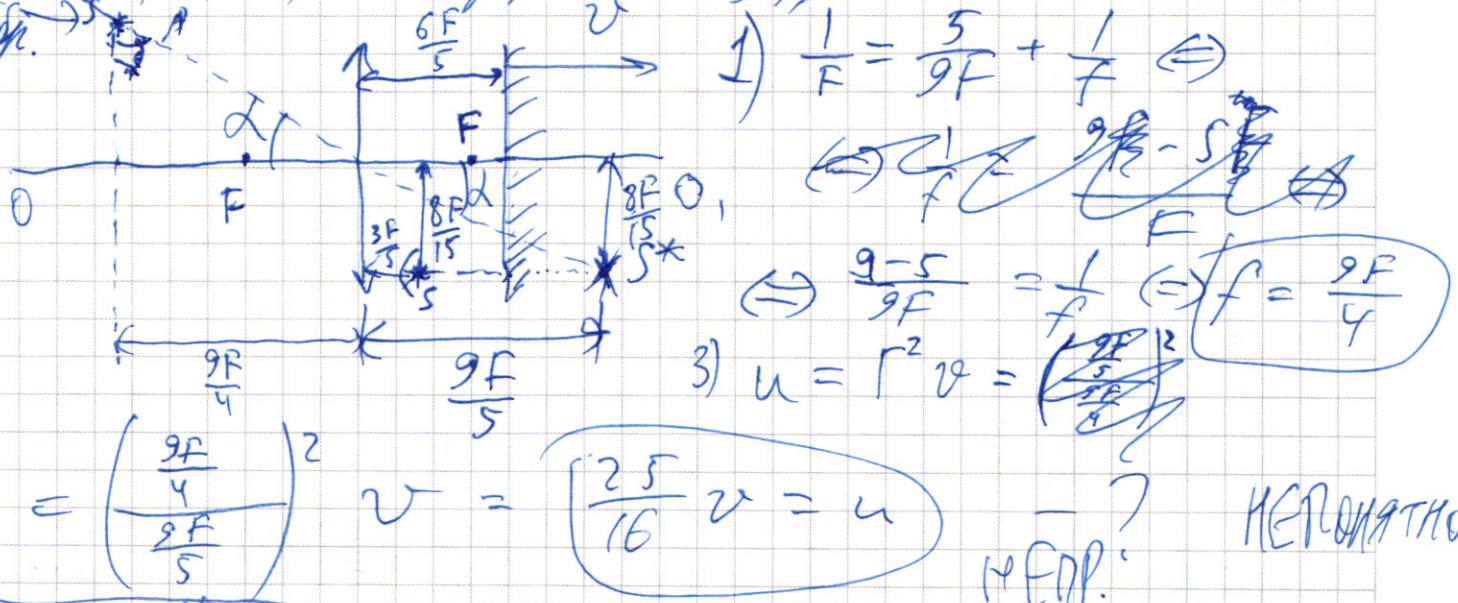
$Q_{1231} = Q_{12}$, т.к. из нашего менинга
исходит в аргументе 1-2.

$$\eta = \frac{A_{1231}}{Q_{1231}} = \frac{\frac{1}{2} \Delta R T_1 (n-1)^2}{\frac{1}{2} \Delta R T_1 (n^2-1)} = \frac{(n-1)^2}{2(n^2-1)} = \frac{(n-1)(n-1)}{2(n-1)(n+1)} =$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{n-1}{n+1} = \frac{1}{2} \left(1 - \frac{2}{n+1} \right)$$

Если $n \rightarrow +\infty$, то $\eta \rightarrow \frac{1}{4}$
 $\eta_{\max} = \frac{1}{4}$ — 3)

1) u , 2) d , 3) $U_{\text{зв}} = u - ?$; F , $\frac{8F}{15}$, $\frac{3F}{5}$, $\frac{6F}{5}$, u .



1) $j = \frac{191}{m}$, 2) T , 3) $v_0 - ?$; d , U , v , 0 , $2d$.

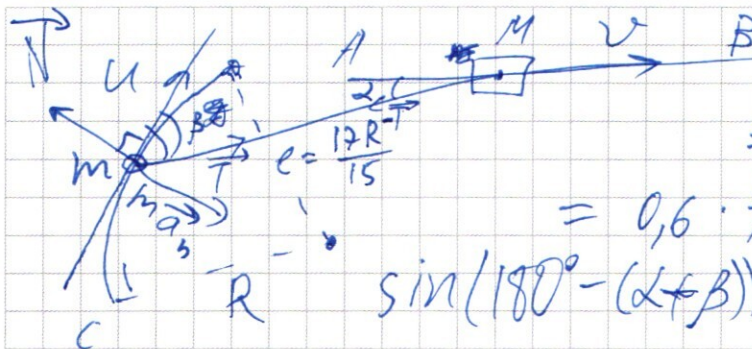
$$1) \frac{m v_1^2}{2} = 191 \frac{U}{d} \cdot 0,8 \Leftrightarrow \frac{m v_1^2}{2} = 152,8 \frac{U}{d} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \frac{m v_1^2}{1,6} = 191 \cdot U \Leftrightarrow \frac{191}{m} = \frac{v_1^2}{1,6 \cdot U} = j$$

$$2) m a = \frac{U}{d} 191 \Leftrightarrow a = \frac{U}{d} \cdot \frac{191}{m} = \frac{U}{d} \cdot \frac{v_1^2}{1,6 \cdot U} = \frac{v_1^2}{1,6 d} = a$$

Остановки: $a t_1 = v_1 \rightarrow \frac{v_1^2}{1,6 d} \cdot t_1 = v_1 \Rightarrow \frac{v_1}{1,6 d} t_1 = 1 \Rightarrow t_1 = \frac{1,6 d}{v_1}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

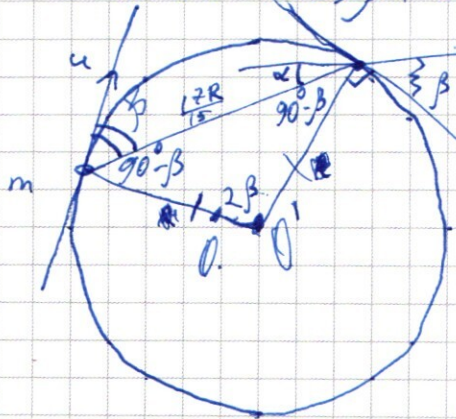


$$\cos \alpha = 4/5, \cos \beta = 8/17$$

$$\begin{aligned} \cos(180^\circ - (\alpha + \beta)) &= \\ &= -(\cos \alpha \cdot \cos \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta) = \\ &= 0,6 \cdot \frac{15}{17} - \frac{8}{17} \cdot 0,8 = \frac{36}{17} = \frac{13}{85} \end{aligned}$$

$$\sin(180^\circ - (\alpha + \beta)) = \sin(\alpha + \beta) =$$

$$= \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta = 0,6 \cdot \frac{8}{17} + 0,8 \cdot \frac{15}{17} = \frac{16,8}{17} = \frac{84}{85}$$



ЧЕТО
БЫЛ
У = V

$$\cos(\beta - \alpha) = \cos \beta \cdot \cos \alpha + \sin \beta \cdot \sin \alpha =$$

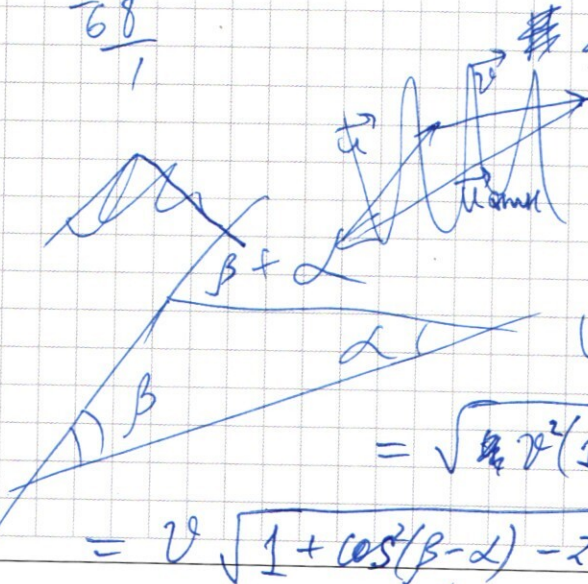
$$= \frac{32}{85} + \frac{15}{17} \cdot \frac{3}{5} = \frac{77}{85}$$

$$u = 2 \cdot \frac{77}{85} \approx 1,8$$

$$\begin{array}{r} 154 \\ - 85 \\ \hline 69 \\ - 68 \\ \hline 1 \end{array}$$

$$u = \frac{154}{85} \approx 1,8$$

ЛУЧШЕ ХОТЯ ЧТО-ТО НАПИСАТЬ,
ЧЕМ ОСТАВИТЬ БЕЗ ВНИМАНИЯ
СЛАБО ВЕРИТСЯ



$$\begin{aligned} u_{\text{отн}} &= \sqrt{u^2 + v^2 - 2uv \cos(\alpha + \beta)} = \\ &= \sqrt{v^2(1 + \cos^2(\beta - \alpha)) - 2v^2 \cos(\alpha + \beta) \cdot \cos(\beta - \alpha)} = \\ &= v \sqrt{1 + \cos^2(\beta - \alpha) - 2 \cos(\beta - \alpha) \cdot \cos(\beta + \alpha)} \end{aligned}$$

$$\sqrt{1 + \cos(\beta - \alpha) \cdot (-\cos(\beta - \alpha) - 2\cos(\beta + \alpha))} =$$

$$= \sqrt{1 + \frac{77}{85} \left(\frac{77}{85} + \frac{26}{85} \right)}$$

ПЛОХО,

$$\sum_{i=0}^{n-1} 8^{4i} = \frac{8^{4n} - 1}{8^4 - 1}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{8}{17} \cdot \frac{4}{5} - \frac{15 \cdot 3}{17 \cdot 5} = -\frac{13}{85}$$

ВРЯД ЛИ УСЛЕТЮ ДО ЧЕГО-ЛИБО ДОДУМАТЬСЯ...