

# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2020

Класс 11

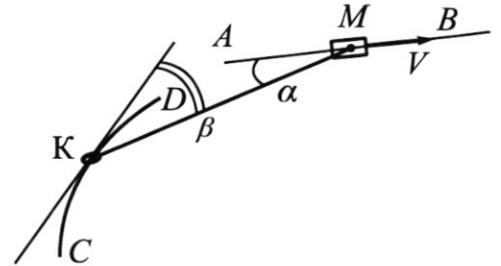
Вариант 11-04

Шифр L.49

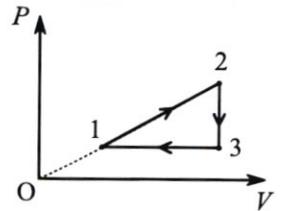
(заполняется секретарем)

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного задания не проверяются.

- 1. Муфту М двигают со скоростью  $V = 2$  м/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой  $m = 0,4$  кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,9$  м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной  $l = 17R/15$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 4/5$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 8/17$ ) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
  - 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
  - 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.
2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.
- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
  - 2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
  - 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



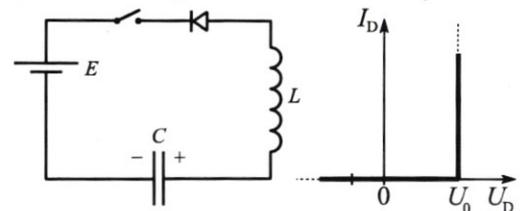
- 3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния  $d$  между обкладками. Напряжение на конденсаторе  $U$ . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью  $V_1$  и останавливается на расстоянии  $0,2d$  от отрицательно заряженной обкладки.

1) Найдите удельный заряд частицы  $\gamma = \frac{|q|}{m}$ .

- 2) Через какое время  $T$  после влета в конденсатор частица вылетит из него?
- 3) Найдите скорость  $V_0$  частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

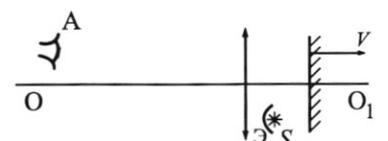
При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

- 4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 6$  В, конденсатор емкостью  $C = 10$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 9$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,4$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В.



- Ключ замыкают.
- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
  - 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
  - 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.

5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $8F/15$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии  $3F/5$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $6F/5$  от линзы.



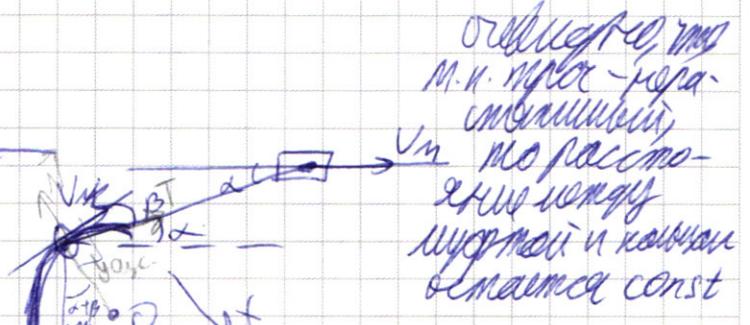
- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



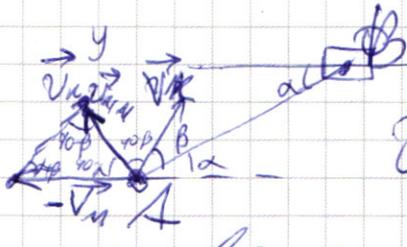
**ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА**

$V = 2 \text{ м/с}$ ;  
 $m = 0,4 \text{ кг}$ ;  
 $R = 1,9 \text{ м}$ ;  
 $L = \frac{27}{16} R$ ;  
 $\cos \alpha = \frac{4}{5}$ ;  
 $\cos \beta = \frac{3}{5}$

Ребята:  
 Рассмотрим  
 $V_m$  - скорость шурты  
 $V_k$  - скорость камня  
 рассмотрим движение каблука с о шурты, в этот момент



скорость, что  
 м.к. при - пере-  
 смещений,  
 то расстояние  
 между шуртой и каблуком  
 остается const



$V_{km} = V_k - V_m$

построим векторно  $V_{km}$ ;

так как  $R$  - точка касания шурты и каблука  
 м.к. в  $т$  - с движется  $R$  - const, а с о шурты  
 $R$  не движется, то  $AR$  с о шурты движется  
 перпендикулярно;  $\Rightarrow V_{km} \perp AR$ ; (тогда скорость

$\angle(V_{km}; V_k) = 90^\circ$ ,  $\angle(V_{km}; -V_m) = 90^\circ - \alpha$ ,  $\angle(V_k; -V_m) = \alpha$

между  $\sin$  для  $\Delta xy$  (соединим  $V_m; V_{km}; V_k$ ):

$$\frac{xy}{\sin(\alpha)} = \frac{xy}{\sin(90-\alpha)} = \frac{xA}{\sin(90-\beta)} \Leftrightarrow \frac{V_k}{\cos \alpha} = \frac{V_m}{\cos \beta}$$

1)  $V_k = \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} V_m = \frac{4 \cdot 17}{5 \cdot 8} \cdot 2 = \frac{17}{5} = 3,4 \text{ м/с}$

2)  $\cos \angle(V_{km}; V_k) = -\cos \alpha \Leftrightarrow \text{интервал}$

11 програм

теорема косинусов  $A \times B$ :

$$AB^2 = A^2 + B^2 - 2AB \cos(\alpha + \beta)$$

$$V_{NM}^2 = V_N^2 + V_M^2 - 2V_N V_M \cos(\alpha + \beta)$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{4}{5} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\frac{25}{289}$$

$$\cos \beta = \frac{15}{17} \Rightarrow \sin \beta = \frac{8}{17}$$

$$\frac{46}{73}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{4 \cdot 8}{5 \cdot 17} - \frac{3 \cdot 15}{5 \cdot 17} = \frac{32 - 45}{5 \cdot 17} = -\frac{13}{5 \cdot 17}$$

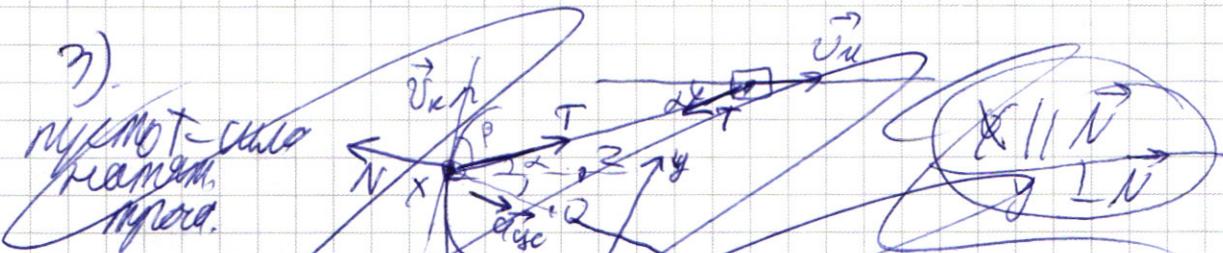
$$V_{NM}^2 = \frac{17^2}{25} + 4 + 2 \cdot \frac{17}{5} \cdot 2 \cdot \frac{13}{5 \cdot 17}$$

$$\frac{17}{1752}$$
  

$$\frac{441}{441}$$

$$V_{NM}^2 = \frac{17^2}{25} + 62 + 100 = \frac{289 + 152}{25} = \frac{441}{25}$$

2)  $V_{NM} = \frac{21}{5} \text{ км} = 42 \text{ км}$



расширять  $N$  как радиус  $T$  - от центра,  $mg$  - от центра  $\Rightarrow$   $mg \perp N$ ;  $v_n \perp N \Rightarrow v_n \perp mg$

$$mg \perp v_n; \quad v_n \perp N \Rightarrow v_n \perp mg$$

3)  $mg \perp v_n$  - от центра?

$$\angle T \times O = 90 - \beta$$

$$\angle Z \times O = \alpha - 90 + \beta$$

$$\angle O \times y = 90 - \alpha - \beta = 180 - \alpha - \beta$$

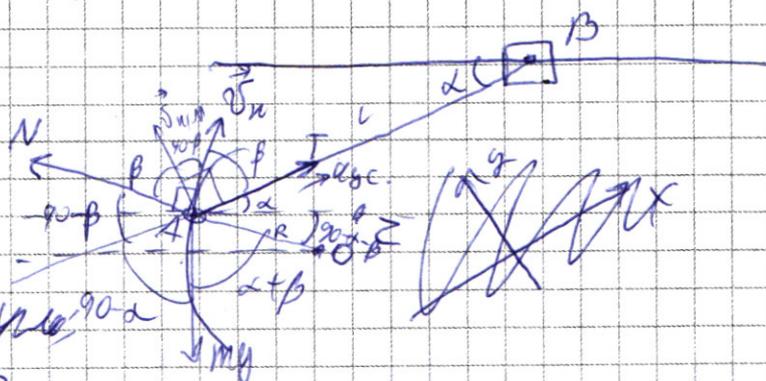
$$\angle (N, v_n) = 90 - \cos \alpha = \alpha + \beta - 90$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

переводим в ИСО дуги: сила тяжести  $T$  соприкасается.



рассл. силы  
написано по  $T, N$ , омыслил по от  $OM \perp OZ$  дуги  
И  $OX \perp OZ$   $T$  Омешли угол.



Омешли угол  $90^\circ - \alpha$

$$v_n \perp \vec{N} \Rightarrow \angle(\vec{v}_n; \vec{N}) = 90^\circ$$

$$\angle(\vec{v}_n; -T) = 180^\circ - 90^\circ - \alpha = 90^\circ - \alpha$$

$$\angle(OA; \vec{mg}) = \alpha + \beta \Rightarrow \angle(\vec{mg}; \vec{MA}) = 90^\circ - \alpha$$

~~И  $OX \perp OZ$   $T$   $mg \sin \alpha - N \sin \beta = mg \cos \alpha$~~

~~$N \cos \beta = mg \cos(\alpha + \beta)$~~

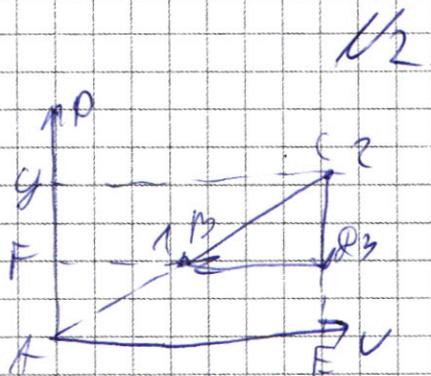
~~$T - mg \sin \alpha = mg \cos(\alpha + \beta) \sin \alpha$~~

~~$mg(\sin \alpha + \cos(\alpha + \beta) \sin \alpha) = \frac{mg}{\cos \beta}$~~

$$T_A = \frac{42}{5} + \frac{18}{2} \cdot \left( \frac{1}{5} \right) + 0,4 \cdot \frac{242}{5^2}$$

$$T = \frac{42}{5} + \frac{21 \cdot 21 \cdot 2 \cdot 18 \cdot 10}{5 \cdot 5^2 \cdot 17 \cdot 19} = \frac{17}{15} \cdot \frac{19}{15} = \frac{42}{5}$$

$$\frac{7}{2} + \frac{3}{5} = \frac{5 \cdot 6 + 7 \cdot 2}{10} = \frac{47}{10}$$



1-2  
 и.к. процесс изотермический:  
 $\mu_{12} \Rightarrow C_{p1} \mu_{12} \sim \nu C_A V_1$   
 $\mu_{12} = \frac{C_B}{C_A}$

попр: градиент  $\mu = p$ ;  $\mu_{12} = \nu$ ;

в точке 2:  $V_2 = \kappa V_1 = \kappa V$   
 $p_2 = \kappa p_1 = \kappa p$

в точке 3:  $p_3 = p_1 = p$  исходная:  $\mu_{12} = T$   
 $V_3 = \kappa V_1 = \kappa V$

для кривых 1, 2 и 3:  $\frac{pV}{T_1} = \frac{\kappa pV}{T_2} = \frac{\kappa pV}{T_3}$

$T_2 = \kappa^2 T_1$ ;  $T_3 = \kappa T_1$

при переходе из состояния 2 в 3 и 3 в 1  
 $C_{2 \rightarrow 3}$ : изохорный  $\Rightarrow C_V = \frac{f}{2} R = \frac{3}{2} R$   
 $C_{3 \rightarrow 1}$ : изобарный  $\Rightarrow C_p = \frac{f+2}{2} R = \frac{5}{2} R$

$\frac{C_{3 \rightarrow 1}}{C_{2 \rightarrow 3}} = \frac{5}{3}$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

И прояснить:  
все не владеем.

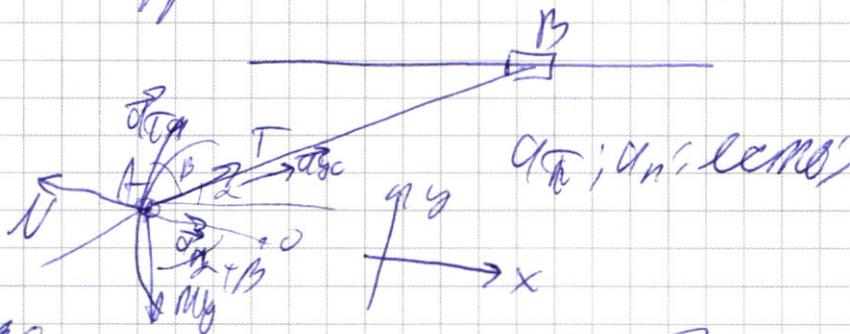
(самый грех)

И з те дя ~~длина~~ калонавта  $\Theta x$ :

$$m g \cos(\alpha + \beta) - N = m \frac{v_k^2}{R} \Rightarrow N = m g \cos(\alpha + \beta) - m \frac{v_k^2}{R}$$

$$N = m g \cos(\alpha + \beta) - \frac{m v_k^2}{R}$$

0 0 шурты:



И з те дя впродани  $\Theta x$ :  $m g \cos(\alpha + \beta) - N = m a_n$

$$v_k^2 = \frac{v_{max}^2}{L}$$

И з те дя ~~длина~~  $\Theta x$

$$m g \cos(\alpha + \beta) - m g \cos(\alpha + \beta) + \frac{m v_k^2}{R} = m \frac{v_k^2}{L}$$

$$\frac{v_k^2}{R} = \frac{v_{max}^2}{L}$$

в пр  $\Theta x$ :

$$T \sin \beta + m g \cos(\alpha + \beta) - N = m a_n$$

$$T \sin \beta + m g \cos(\alpha + \beta) - m g \cos(\alpha + \beta) + \frac{m v_k^2}{R} = m \frac{v_k^2}{L}$$

$$T = \frac{m}{\sin \beta} \left( \frac{v_{max}^2 \cdot 15}{4 \cdot R} - \frac{v_k^2}{R} \right) = \frac{0.4 \cdot 17}{8 \cdot 1.9} \left( \frac{15 \cdot 21^2}{5^2} - \frac{17^2}{5} \right)$$

11 программа

$$T = \frac{9 \cdot 27}{8 \cdot 24} \cdot \left( \frac{17 \cdot 21^2}{17 \cdot 5^2} - \frac{17^2}{5^2} \right)$$

$$T = \frac{4 \cdot 27}{8 \cdot 19 \cdot 5^2} \cdot \left( \frac{15 \cdot 21^2}{17} - 17^2 \right)$$

до с момента  
на 17;  
и 17 5 17 17;  
и 17 17 17 17

$$T = \frac{m v_{члм}^2}{R} - \frac{m v_k^2}{R}$$

514P

$$T = \frac{m \cdot 15 \cdot 27}{17 R} v_{члм}^2 - \frac{m v_k^2}{R}$$

$\frac{15}{17}$

$$T = \frac{m \cdot 15}{15 R} v_{члм}^2 - \frac{17 m v_k^2}{15 R}$$

$$T = \frac{0,4 \cdot 21^2}{19 \cdot 5^2} - \frac{17 \cdot 0,4 \cdot 17^2}{15 \cdot 19 \cdot 5^2}$$

$$T = \frac{4}{19} \cdot \frac{441}{25} - \frac{17^3 \cdot 4}{15 \cdot 19 \cdot 25}$$

$$T = \frac{1}{19 \cdot 15} \left( 441 \cdot 4 - \frac{17^3 \cdot 4}{25} \right)$$

$$T = \frac{1}{19 \cdot 15 \cdot 25} (44100 - 19662)$$

$$\begin{array}{r} 44100 \\ - 19662 \\ \hline 24438 \end{array}$$

$$T = \frac{24438}{19 \cdot 15 \cdot 25}$$

$$\begin{array}{r} 17^2 = 289 \\ 6 \cdot 6 \\ \times 17 \\ \hline 2023 \\ + 289 \\ \hline 4913 \\ \times 4 \\ \hline 19652 \end{array}$$

Ответ:  $v_k = \frac{17}{5} \text{ м/с} = 3,4 \text{ м/с}$ ;  $v_{члм} = \frac{21}{5} \text{ м/с} = 4,2 \text{ м/с}$

$$T = \frac{m v_{члм}^2}{R} - \frac{m v_k^2}{R} \approx \frac{24438}{15 \cdot 25 \cdot 19} \text{ Н}$$

514P

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

к процессу:

2) для  $n=1-2$ :

Ответ  $A'_{12}$  - мощность при  $n=1-2$  = мощность при  $n=1-2$

$$A'_{12} = \frac{(p + kp)(kV - V)}{2} = \frac{pV(k^2 - 1)}{2}$$

$$\Delta U_{12} = \frac{1}{2} \Delta P \Delta T_{12} = \frac{3}{2} \Delta P (k^2 T - T) = \frac{3}{2} \Delta P T (k^2 - 1) = \frac{3}{2} pV(k^2 - 1)$$

т.к.  $n=1$  и  $n=2$ :  $pV = \Delta P T$

$$\frac{\Delta U_{12}}{A'_{12}} = \frac{\frac{3}{2} pV(k^2 - 1)}{\frac{pV(k^2 - 1)}{2}} = 3 \quad \text{и} \quad \Delta U_{12} = 3 A'_{12}$$

3)  $\eta = \frac{A'}{Q_{нагр}}$

$A' =$  мощность  $n=1-2-3$

$$A' = \frac{(kV - V)(kp - p)}{2} = \frac{pV(k^2 - 1)}{2}$$

Ответ  $Q_{12} = \Delta U_{12} + A'_{12} = 4 A'_{12} = 2 pV(k^2 - 1)$

для  $n=2 \rightarrow 3$  и  $n=1 \rightarrow 2$  температура не меняется ( $\Delta T_{23} = 0$ ,  $\Delta T_{12} = 0$ )

$Q_{12} = Q_{нагр}$

$$\eta = \frac{\frac{pV(k^2 - 1)}{2}}{2 pV(k^2 - 1)} = \frac{1}{4} \cdot \frac{k-1}{k+1} = \frac{1}{4} \left(1 - \frac{2}{k+1}\right)$$

$$\eta = \frac{1}{4} - \frac{1}{2(k+1)} \quad \eta_{\max} = \lim_{k \rightarrow \infty} \eta = \frac{1}{4}$$

Ответ:  $\frac{2-1}{2-3} = \frac{5}{3}$ ;  $\frac{\Delta U_{12}}{A'_{12}} = 3$ ;  $\eta_{\max} = \frac{1}{4} = 0,25 = 25\%$

$$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d}$$

Или, в вакууме  $\epsilon = 1$

$$C = \frac{\epsilon_0 S}{d} \Rightarrow C = \frac{d^2 \epsilon_0}{d}$$

$d$  - толщина диэлектрика  
можно

$$C = \frac{q}{U} = \frac{d^2 \epsilon_0}{d} \Rightarrow q = \frac{U d^2 \epsilon_0}{d}$$

пустого - заряд пластин  
то-есть масса,

кондензатора

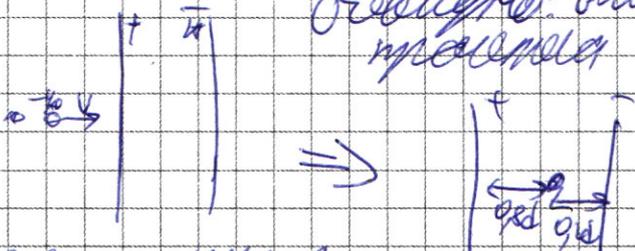
на пластинках заряд  $\infty$  малыми:  $E = \frac{\sigma}{2 \epsilon_0}$

(где  $\sigma$  - поверхностная плотность заряда)

У конденсатора пластины  $\Rightarrow E = \frac{\sigma}{2 \epsilon_0} + \frac{\sigma}{2 \epsilon_0} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$

масса  $m$

объемно: фундаментальная величина  
масса  $m$  + заряд  $q$  + площадь



масса  $m$  и заряд  $q$  пластины

$$\Delta E_{кин} = \Delta E_{пот} = \Delta W_{пол} = -E \cdot \Delta l q_0 = -E \cdot \sigma d q_0$$

$$\Delta E_{кин} = -\frac{m_0 v_1^2}{2} \Leftrightarrow \frac{m_0 v_1^2}{2} = E \cdot \sigma d q_0$$

$$m_0 v_1^2 = 2 \sigma d \cdot \frac{\sigma}{\epsilon_0} d q_0, \quad \sigma = \frac{q}{a^2} = \frac{U d^2 \epsilon_0}{d a^2} = \frac{U \epsilon_0}{d}$$

$$m_0 v_1^2 = 2 \sigma d \cdot q_0 \cdot \frac{U \epsilon_0}{d} \Leftrightarrow \frac{m_0 v_1^2}{2} = \frac{2 \sigma U q_0}{d}$$

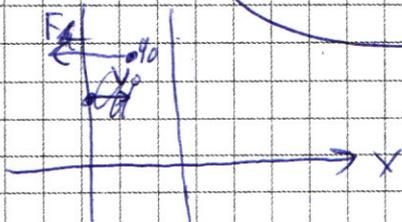
$$\gamma = \frac{v_1^2}{2 \sigma U}$$

Из закона Ньютона

$$F_A = E q_0 = m_0 a$$

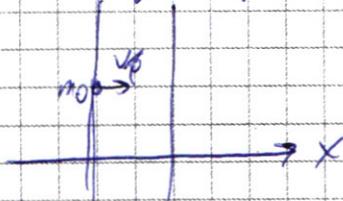
$$a = E \gamma$$

2)



### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

погда фронт <sup>и т.п. фронт</sup> точки электр. поля движется вправо



$$U(t) = U_0 - \alpha t = U_0 - E \gamma t$$

$t=0$ : максимум

$t_1$ : максимум отстает:  $U(t_1) = 0 \Rightarrow U_0 = E \gamma t_1$

$$L_1 = \frac{v_1}{E \gamma} = \frac{\epsilon_0 v_1 \cdot 364}{\sigma \cdot v_1^2} = \frac{\epsilon_0 \cdot 364}{\sigma v_1}$$

$$t_1 = \frac{\epsilon_0 \cdot 364 d}{v_1 \cdot \mu \epsilon_0} = \frac{364 d}{v_1}$$

Обсуждая, то расстояние от центра фронта увеличивается по мере движения фронта, как и все остальные параметры (как в случае сжатия) (т.е. скорость фронта увеличивается по мере движения)

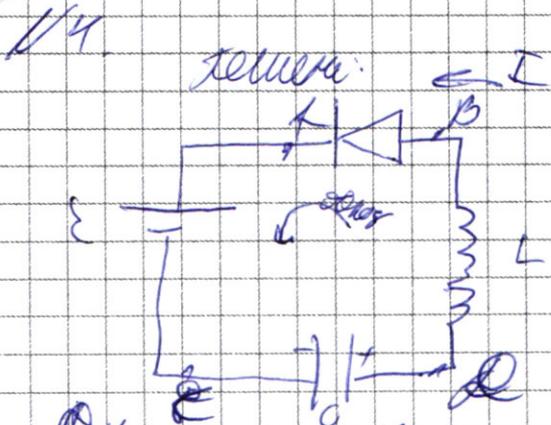
$$\text{значит, } T = 2t_1 = \frac{728 d}{v_1}$$

Обсуждая, то, как видно из формулы, расстояние увеличивается по мере движения фронта, как и все остальные параметры (как в случае сжатия) (т.е. скорость фронта увеличивается по мере движения)

Обсуждая, то, т.е. скорость фронта увеличивается по мере движения (как в случае сжатия) (т.е. скорость фронта увеличивается по мере движения)

Откуда:  $\gamma = \frac{V_1^2}{16U_1}$  <sup>многозначности</sup>  $T = \frac{32d}{V_1}$ ,  $V_0 = V_1$ .

$C = 10 \text{ мкФ} = 10^{-5} \text{ Ф}$   
 $U_1 = 9 \text{ В}$   
 $E = 6 \text{ В}$   
 $L = 0,4 \text{ Гн}$   
 $U_0 = 1 \text{ В}$



После замыкания  
 конденсатора  
 $q_0 = CU$

Вспомогательное  
 строение конденсатора;

Очевидно, что если  $\varphi_m - \varphi_A < U_0$ , то конденсатор зарядится и так как будет зарядиться → нужна доработка разрывов в шланге

Из 1 метода: ток в  $B \rightarrow A$   
 Пусть вначале ток  $I$ :

Из 2-го метода:  $-E = -U_C + LI'$   $U_C$

то 1-ый метод: в момент замыкания конденсатора не заряжен ( $q=0$ )

$U_1 - E = LI'$   $I' = \frac{U_1 - E}{L}$

$I = \frac{9 - 6}{0,4} = \frac{3}{0,4} = \frac{3 \cdot 10}{4} = \frac{3 \cdot 6}{2} = 7,5 \text{ А/с}$

2) конденсатор не сможет полностью зарядиться (ограничится); конденсатор не зарядится

Из 2-го метода:  $-E = -U_C + LI' + \varphi_B - \varphi_A$

$U_C = E + LI' + \varphi_B - \varphi_A$

Пусть в шланге ток  $I$ ; конденсатор не зарядится

$I = 0 \Rightarrow U_C = 0$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

*учитывая*

~~Из курса~~ тогда:  $C = \frac{q_1}{U_c}$   $q_1 = C U_c$  *статический заряд конденсатора*

*используем равенство*

$A_{\text{вект}} = -\int_{q_1}^{q_2} E \leq 0$  *(против себя самих)*

$W_1 = \frac{C U^2}{2}$   $W_2 = \frac{C U_c^2}{2} + \frac{L I^2}{2}$

$W_1 + A_{\text{вект}} = W_2 \Leftrightarrow (q_1 - q_2) E = \frac{C}{2} (U_c^2 - U^2) + \frac{L I^2}{2}$

$U E = q_1 = C U_c$

$q_2 = C U$

$\frac{C}{2} (C U_c - C U) E = C (U_c^2 - U^2) + L I^2$

$2 E (U_c - U) = (U_c^2 - U^2) + \frac{L}{C} I^2$

$I^2 = \frac{C}{L} \left( (U_c^2 - U^2) - 2 E (U_c - U) \right)$

*Объясню, когда флюид замыкается и протекать, тогда на конденсаторе перестанут накапливаться  $\Rightarrow I = 0$   $U_c = 0$*

$\Rightarrow I = 0$ , *Из курса этого курса:  $(U_c = 0$ ,*

$-E = -U_c + U_0 \Leftrightarrow U_c = E + U_0 = b + 1 = 7 \text{ В!}$

*напряжения конденсатора установившееся,*

*тогда,  $7 \leq U_c \leq 9$*

$I^2 = \frac{C}{L} \cdot (81 - U_c^2 - 42(9 - U_c))$

$I^2 = \frac{C}{L} \cdot (-U_c^2 + 12U_c - 27)$   $I_{\text{max}} \Rightarrow U_c = \frac{-12}{2 \cdot (-1)} = 6$

$U_c \neq 6$  *обратно и должно*

в 4 проделаем

$$I^2 = \frac{C}{L} (-U_c^2 + 12U_c - 27)$$

↑ график

$$\frac{12}{2 \cdot 1} = 6$$

мл: по графику видно  
max max будет, когда

$U_c = 7$  (один из вариантов)

$$I_{max}^2 = \frac{C}{L} (-49 + 84 - 27) = \frac{8C}{L}$$

$$\frac{12}{2 \cdot 1} = 6$$

$$\frac{84}{-27} = -2.6$$

$$I_{max} = 8 \cdot \frac{10^{-8}}{4 \cdot 10^{-1}} = 2 \cdot 10^{-4}$$

0.0002 A

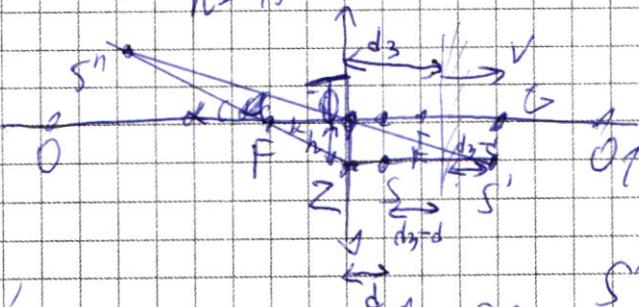
$$I_{max} = \frac{\sqrt{2}}{100} \approx 0,014142 \text{ A}$$

$U_2 = 7 \text{ В}$

ответ:  $I' = 7,5 \text{ А/с}$ ;  $I_{max} = \frac{\sqrt{2}}{100} \approx 0,014142 \text{ А}$ ;

$U_2 = 7 \text{ В}$

$d_1 = \frac{6F}{5}$      $d = \frac{2F}{5}$   
 $h = \frac{4F}{15}$



пусть  $d_1$  - расстояние от центра зеркала  $h$ : расстояние от  $O_1$   $d$ : расстояние от  $S$  до  $O_1$  тогда:

$S'$  - точка зрения  $S$  зеркала,  $S'$  - точка зрения от центра зеркала,  $S'G \perp O_1O_2$ ,  $G \in O_1O_2$ , очевидно:  $S'G \parallel$  ширине зеркала

$SS' = 2(d_1 - d) \Rightarrow$  расстояние от  $S$  до центра =  $2d_1 - d$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 5 вариант.

полюс прохода через шлицу шара  $\cos S'$  одинаков  
 ~~$f$~~   $p(0, \text{шлица}) = 2d_3 \cdot d_1 = \frac{12F}{5} - \frac{3F}{5} = \frac{9F}{5}$

по формуле параллельных шлиц

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{2d_3 d} + \frac{1}{f}$$

$f: \text{шар}$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{\frac{12F}{5} - \frac{3F}{5}} + \frac{1}{f} = \frac{1}{\frac{9F}{5}} + \frac{1}{f} = \frac{5}{9F} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{4}{9F}$$

$$\Rightarrow f = \frac{9F}{4}$$

сечение  $G', S'$ : шар  $G$  и  $S'$  в шлице

~~шар~~  $T$ : опт. центр шлица

~~шар~~  $G' S' T \sim O G S' T$  шарик:  $f(S', \text{шлица})$

2) шарик построит шар  $S'$  в шлице.  $f(G', \text{шлица})$

2.1) проведем плоскость  $S'Z$ : шар расположенная

шарик. Будет ли эта плоскость  $S'$  будет перпендикулярна по шлице;  $(S'Z)$ ;

$Z$  - угол между шаром и  $OO_1$ ;  $Z = \angle GTS'$  (формула в-ки)

мощь:  $f_{\text{ш}} = f \frac{G}{G'}$  (из прямо  $GTS'$ )

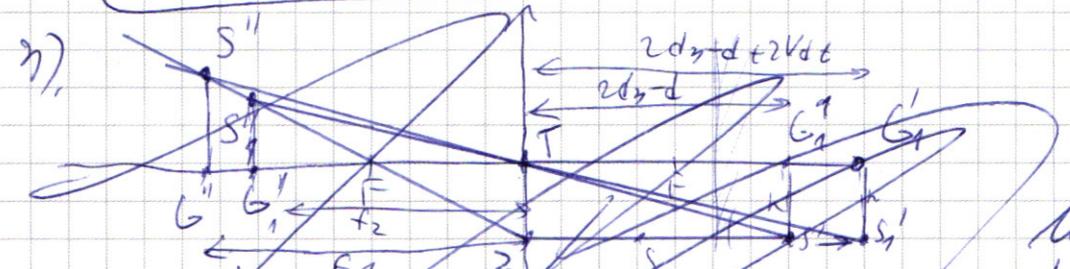
$$f_{\text{ш}} = \frac{h}{2d_3 d} = \frac{8F \cdot 5}{18 \cdot 9F} = \frac{8}{27}$$

2.1) проведем плоскость  $S'Z$ :  $S'Z \perp (OO_1)$ ;  $Z \in \text{шлица}$   
 $U_3 Z$  через  $F$ : еще 1 плоскость (левый шарик)

в пространстве.

Можно увидеть, что  $S''$  будет иметь раз  $ZF'$   
 от м.м. проекции  $S'$  на  $TF'$  на  $TF'$  и  $TF'$  и  $TF'$  по  
 направлению  $TF'$   $\Rightarrow$  точка  $ZF'$  находится  
 $ZF'$ ;  $\angle \alpha$ : угол наклона  $TF'$  и  $TF'$ ;  
 $\tan \alpha = \frac{ZF'}{TF'}$ ;  $\tan \alpha = \frac{ZF'}{TF'} = \frac{h}{F}$

$\tan \alpha = \frac{ZF'}{TF'} = \frac{8}{16} = \frac{1}{2}$



мы все  $\Rightarrow S''$   $\Rightarrow$   $TF'$   $\Rightarrow$   $ZF'$ ;  $\tan \alpha = \frac{ZF'}{TF'} = \frac{h}{F}$

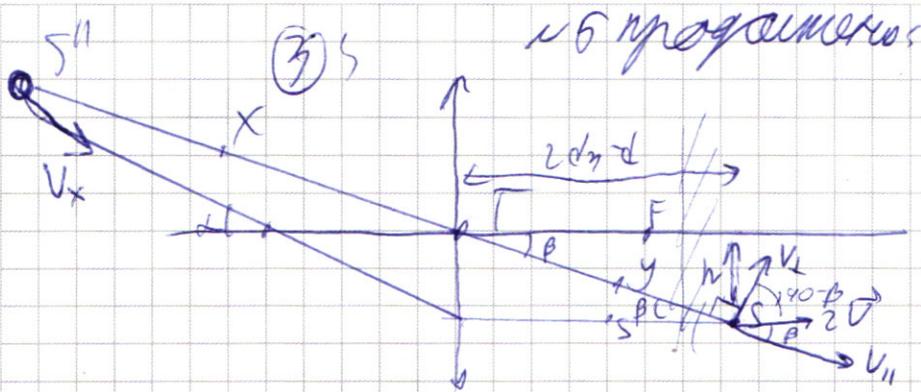
из  $TF'$   $\Rightarrow$   $ZF'$   $\Rightarrow$   $ZF'$   $\Rightarrow$   $ZF'$   
 то  $TF'$   $\Rightarrow$   $ZF'$   $\Rightarrow$   $ZF'$   
 $S''G'' \perp TF'$ ;  $S'G' \perp TF'$   
 $S''G'' \perp TF'$ ;  $S'G' \perp TF'$

тогда, очевидно  $\triangle TF'G' \sim \triangle S'G'Z$   
 $\triangle TF'G' \sim \triangle S'G'Z$ ;  $\frac{TF'}{G'Z} = \frac{TF'}{G'Z}$

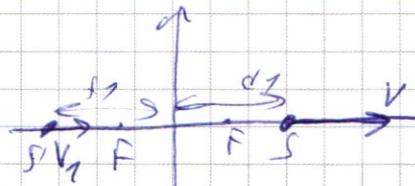
$\frac{1}{F} = \frac{1}{f_2} + \frac{1}{2d_1+d+2Vdt}$   $\Rightarrow f_2 = \frac{F(2d_1+d+2Vdt)}{2d_1+d+2Vdt-F}$

$S''S' = \sqrt{G''G_1^2 + (S''G'' - S'G_1)^2}$   $G''G_1 = f_2 \cdot f_1$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



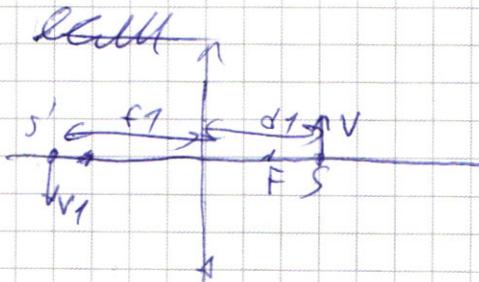
представим, что предмет движется по  $\Gamma \infty$  линии; и наоборот по  $\Gamma \infty$  по  $\Delta \infty$



Можно вывести:  $V_{\perp} = \Gamma^2 V$   
(из формулы ЗФТ(Ш))

где  $\Gamma$  - коэффициент

$$\Gamma = \frac{f}{d_1}$$



если же предмет  $\Gamma \infty$

то  $V_{\perp} = \Gamma V$  (очевидно)

и наоборот,  $\perp \Gamma \infty$  (или  $\Gamma \infty$ )

Вместо этого:  $\Gamma \infty$  - предмет  $x, y$  - предмет  $z$

$\Gamma, s', s''$ ; разделим  $2V$  по  $z$  световой скорости:

$\perp u \parallel \text{или}$

Можно найти  $\Gamma$  и  $\Gamma^2$  или наоборот

$$V_{\perp \text{ макс}} = V_{\perp} \cdot \Gamma$$

$$V_{\parallel \text{ макс}} = V_{\parallel} - \Gamma^2$$

$$\Gamma = \frac{f}{2d_1 d_2} = \frac{9 \cdot \frac{F}{4}}{\frac{9}{8} F}$$

$$\Gamma = \frac{\frac{9F}{4}}{2d_1 d_2} = \frac{f}{2d_1 d_2} = \frac{\frac{9F}{4}}{\frac{9}{8} F} = \frac{5}{4}$$

в программе;

Отметим угол  $\varphi$ ;

$$\text{погда: } \tan \varphi = \frac{h}{2d} = \frac{\frac{8F}{16}}{\frac{9F}{5}} = \frac{8 \cdot 5}{9 \cdot 16} = \frac{8}{27}$$

$$\cos^2 \varphi + 1 = \frac{1}{\cos^2 \varphi} \cdot \frac{8^2}{27^2} + 1 = \frac{1}{\cos^2 \varphi} \Rightarrow \cos^2 \varphi = \frac{27^2}{8^2 + 27^2}$$

$$\begin{array}{r} 27 \\ \times 27 \\ \hline 189 \\ + 54 \\ \hline 729 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 729 \\ + 64 \\ \hline 793 \end{array}$$

$$\cos \varphi = \frac{729}{793}$$

$$\cos \varphi = \sqrt{\frac{729}{793}}$$

$$U_{II} = 2V \sqrt{\frac{729}{793}}$$

$$V_+ = 2V \cdot \frac{8}{\sqrt{793}}$$

$$\sin \varphi = \sqrt{\frac{793 - 729}{793}} = \frac{8}{\sqrt{793}}$$

$$\frac{25}{16} \cdot U_{II \text{ макс}} = \frac{20}{8} V \sqrt{\frac{729}{793}}$$

$$V_{\pm \text{ макс}} = \frac{20V}{\sqrt{793}}$$

$$\Rightarrow V_{\text{ макс}} = V \sqrt{\frac{75^2 \cdot 729 + 20^2}{8^2 \cdot 793}}$$

$$26^2 = 676$$

$$\begin{array}{r} 79 \\ \times 79 \\ \hline 711 \\ + 711 \\ \hline 6281 \\ + 6281 \\ \hline 4975 \\ + 4975 \\ \hline 455625 \end{array}$$

$$V_{\text{ макс}} = \frac{V}{\sqrt{793}} \cdot \sqrt{\frac{26^2 \cdot 729 + 20^2}{8^2}}$$

$$\begin{array}{r} 400 \\ \times 64 \\ \hline 25600 \\ + 400 \\ \hline 40064 \\ \times 25600 \\ \hline 481225 \end{array}$$

$$\frac{481225}{793} = 606.84$$

$$\begin{array}{r} 46245 \\ 19249 \end{array} \Big| 5$$

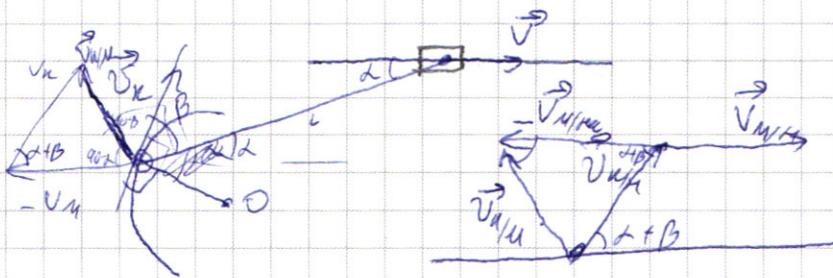
$$\begin{array}{r} 481225 \Big| 5 \\ \hline 46245 \\ \hline 31 \\ \hline 30 \\ \hline 12 \\ \hline 10 \\ \hline 22 \\ \hline 20 \\ \hline 25 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 793 \\ \times 3 \\ \hline 2279 \end{array}$$

$$V = \frac{15V}{5} \sqrt{\frac{19249}{793}}$$

$$\text{Ответ: } f = \frac{9}{4} F; \tan \alpha = \frac{8}{15}; U = 5V \sqrt{\frac{19249}{793}} \approx 66V$$

$$2) \vec{V}_{\text{к/шарик}} = \vec{V}_{\text{к/нас}} + \vec{V}_{\text{машина/шарик}} = \vec{V}_{\text{нас}} - \vec{V}_{\text{шарик/нас}}$$



	cos	sin
$\alpha$	$\frac{4}{5}$	$\frac{3}{5}$
$\beta$	$\frac{8}{17}$	$\frac{15}{17}$

$$V_m = 2$$

$$V_k = \frac{17}{5}$$

$$V_{\text{шарик/к}} \perp \vec{l}$$

$$V_{\text{шк}}^2 = V_k^2 + V_m^2 - 2V_k V_m \cos(\alpha + \beta)$$

$$V_{\text{шк}}^2 = \frac{17^2}{25} + 4 - 2 \cdot \frac{17}{5} \cdot 2 \cdot \left( \frac{4}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{17} \right)$$

$$V_{\text{шк}}^2 = \frac{17^2}{25} + 4 - \frac{4 \cdot 7 \cdot 32}{5 \cdot 5} + \frac{4 \cdot 17 \cdot 3}{5 \cdot 5}$$

$$V_{\text{шк}}^2 = \frac{17^2}{25} + 4 - \frac{128}{25} + \frac{12}{5} = \frac{161}{25} + 4 + \frac{12}{5} = \frac{161}{25} + \frac{32}{5}$$

289

$$\begin{array}{r} 289 \\ -128 \\ \hline 161 \\ +100 \\ \hline 261 \end{array}$$

10'

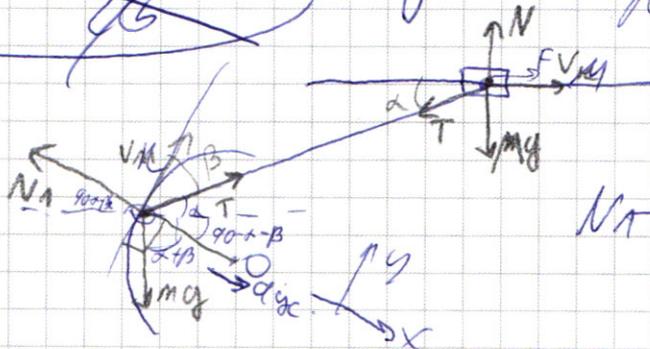
$$\frac{161}{25} + \frac{160}{5} = \frac{321}{25}$$

$$\begin{array}{r} 321 \\ 107 \\ \hline \end{array}$$

$$V_{\text{шк}} = \frac{\sqrt{321}}{5} = \frac{17}{5}$$

шарик по-прежнему  
в центре шарика

3) T?



$$N \cos(90 - \alpha - \beta)$$

$$Ox: mg \cos(\alpha + \beta) - N_1 + T \sin \beta = m \frac{V_k^2}{R}$$

$$Oy: T \cos \beta - mg \sin(\alpha + \beta) = 0 \rightarrow T = \frac{m g \sin(\alpha + \beta)}{\cos \beta}$$

$$T = 0,4 \cdot 10 \cdot \left( \frac{3}{5} \cdot \frac{8}{17} + \frac{4}{5} \cdot \frac{15}{17} \right) 17 = \frac{4 \left( \frac{24}{5} + \frac{60}{5} \right)}{2} = \frac{84}{10} = 8,4 \text{ Н}$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

11.

1)  $v$  конца? по формулам, проецируем на ось  $x$ ; в с.о. верхней точки

$\cos \alpha = \frac{4}{5}$      $\sin \alpha = \frac{3}{5}$   
 $\cos \beta = \frac{8}{17}$      $\sin \beta = \frac{15}{17}$

$1 - \frac{64}{225} = \frac{161}{225}$

$L_0(0; 0)$      $R_0(L \cos \alpha; L \sin \alpha)$   
 через  $t$ :  
 $L_1(v_k \cos(\alpha + \beta) dt; v_k \sin(\alpha + \beta) dt)$      $R_1(L \cos \alpha + v dt; L \sin \alpha)$

$L^2 = (L \cos \alpha + v dt - v_k \cos(\alpha + \beta) dt)^2 + (L \sin \alpha - v_k \sin(\alpha + \beta) dt)^2$

$L^2 =$  в с.о. верхней точки

$v_k = \frac{17}{6}$

$v_k = \frac{\cos \alpha v_{cm}}{\cos \beta} = \frac{4 \cdot 17}{17 \cdot 5} = \frac{4}{5} \cdot 17 = \frac{68}{5}$

3)  $p_{max}$ ?

$$A' = \frac{(kV_1 - V_1) \cdot (kP_1 - P_1)}{c} = \frac{P_1 V_1}{c} \cdot (k-1)^2$$

$$Q_{12} = \Delta U_{12} + A'_{12} = 2P_1 V_1 (k^2 - 1)$$

$$Q_{23} < 0 \quad (Q_{23} = c v \Delta T < 0 : \Delta T < 0)$$

Амплитуда:  $Q_{41} < 0$

$$(k > 1)$$

$$\eta = \frac{\frac{P_1 V_1}{c} (k^2 - 1)^2}{2 P_1 V_1 (k^2 - 1)} = \frac{1}{4} \cdot \frac{k+1 \cdot 2}{k+1} = \frac{1}{4} \left( 1 - \frac{2}{k+1} \right)$$

$$\text{при } \eta = \frac{1}{4} - \frac{1}{2(k+1)} \quad k \rightarrow \infty \quad \eta = \frac{1}{4}$$

$$\text{Максимум } \eta_{max} = \frac{1}{4}$$

$d$ -интервал;

$$\frac{U}{\eta}$$

$$S = \alpha^2 \quad \epsilon = 1$$

$$C = \frac{S \epsilon \epsilon_0}{d}$$

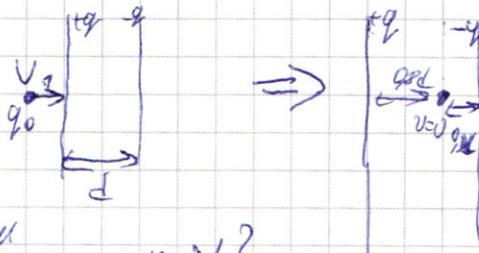
$$q = \frac{S \epsilon_0 U}{d}$$

$$C = \frac{S \epsilon_0}{d} = \frac{q}{U}$$

Сумма, то есть не-выручка конденсатора?

или конденсатор?

И т. о. см.: конденсатор; нет - (весь заряд выт...



непроникн. диэлектрик

$$1) \text{ ЗЭД: } E_{\text{пол}} = \frac{m_0 v_0^2}{2}$$

$$E_{\text{пол}} E_{\text{ст}} = 0;$$

$$\Delta E_{\text{мех}} = A_{\text{век.}}$$

$$E_{\text{м-м}} = \frac{q^2}{2 \epsilon \epsilon_0}$$

$$E \cdot L$$

плотность:

$$\sigma = \frac{q}{\alpha^2}$$

$$E_{\text{полн}} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{q}{\alpha^2 \epsilon_0}$$

$$A_{\text{век.}} = \int \epsilon_0 \sigma^2 d \cdot q_0 = \alpha d q_0 \cdot \frac{q}{\alpha^2 \epsilon_0}$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$T_2 > T_1$       $u_2$       $\frac{pV}{T} = \nu R$       $f = \nu$

$k > 1$      1)  $\nu$  мм колес м-сек :  $\downarrow T$  колес

прямая пропор-ция

$y = kx$

1-2:     ①:  $\frac{p_1 V_1}{T_1} = \nu R$      ②:  $\frac{k^2 p_1 V_1}{T_2} = \nu R$      ③:  $\frac{k p_1 V_1}{T_3} = \nu R$

① → ②:  $\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{k^2 p_1 V_1}{T_2} \Leftrightarrow \frac{T_2}{T_1} = k^2 \Rightarrow T_2 > T_1$

② → ③:  $\frac{k^2 p_1 V_1}{T_2} = \frac{k p_1 V_1}{T_3} \Leftrightarrow \frac{T_2}{T_3} = k \Rightarrow T_2 > T_3 \Rightarrow T_2 > T_1$

---

1-2:  $T \uparrow$ ;  
2-3:  $T \uparrow$ ; 3-1:  $T \downarrow$  уменьш  
2-3: изохорный:  $C_{23} = \frac{f}{2} R = \frac{3}{2} R$   
3-1: изохорный:  $C_{31} = \frac{f+2}{2} R = \frac{5}{2} R$

④  $\frac{C_{31}}{C_{23}} = \frac{5}{3}$

⑤ ① → ③:  $\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}}?$       $Q_{12} = \Delta U_{12} + A'_{12}$       $\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (kT - T)$   
 $\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R p_1 (k^2 - 1)$

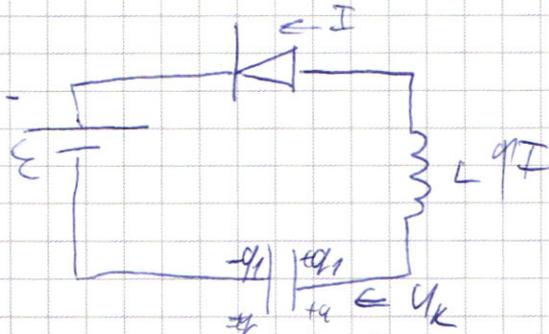
$A'_{12} = \frac{p_1 V_1}{2} (k+1)(k-1) = \frac{p_1 V_1}{2} (k^2 - 1)$       $A'_{12} = \frac{(p_1 + k p_1)(k V_1 - V_1)}{2}$

$\frac{\Delta U_{12}}{A'_{12}} = \frac{\frac{3}{2} p_1 V_1 (k^2 - 1)}{\frac{p_1 V_1}{2} (k^2 - 1)} = 3$       $\Delta U_{12} = 3 A'_{12}$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

7СФ:



$$A_{\text{в}} \text{ или } A_{\text{ист}} = - (q_0 - q_1) \varepsilon \quad (\text{прямой ток})$$

$$W_1 = \frac{C U_1^2}{2} \quad W_2 = \frac{C U_2^2}{2} + \frac{L I^2}{2}$$

$$W_1 + A_{\text{ист}} = W_2 \Leftrightarrow A_{\text{ист}} = \frac{C}{2} (U_2^2 - U_1^2) + \frac{L I^2}{2} = \varepsilon (q_1 - q_0)$$

$$\frac{q_1 I^2}{2} = \frac{2 \varepsilon (q_1 - q_0) + (U_1^2 - U_2^2) C}{L}$$

$$I^2 = \frac{2 \varepsilon (q_1 - q_0) + (U_1^2 - U_2^2) C}{L}$$

$$q_1 = C U_1$$

$$U_2 = \frac{q_1}{C}$$

$$I^2 = \frac{2 \varepsilon C (q_1 - q_0)}{L} + \frac{C}{L} \left( \frac{q_1^2}{C^2} - \frac{q_1^2}{C^2} \right) = f(q_1)$$

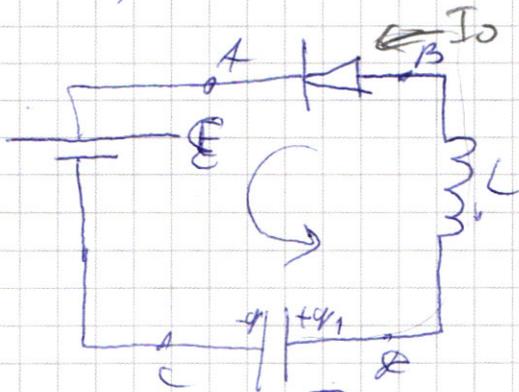
$$f'(q_1) = 0 \Leftrightarrow \frac{2 \varepsilon C}{L} - \frac{2 q_1}{L C} = 0$$

$$\frac{2 q_1}{C} = \frac{2 \varepsilon C}{L}$$

$$2 q_1 = 2 \varepsilon C^2$$

$$q_1 = \varepsilon C^2$$

$\epsilon = 6\text{В}; C = 10^{-6}\text{Ф}; U_1 = 9\text{В}; L = 0,4\text{Гн}; U_2 = 1\text{В};$



группа элементов

$\phi_B - \phi_A = 1\text{В}$

уравнения:  $I = 0, \phi_A - \phi_C = \epsilon;$

$\phi_C - \phi_D = -U_k$

$\phi_D = \phi_B = 0$

$\phi_A - \phi_D = \epsilon - U_k$   
 $\downarrow -1 = \epsilon - U_k$

$\phi_A - \phi_D = 6 - 9 = -3\text{В}$

уравнение  $\phi_A - \phi_D$  ( $U_C = \text{const}$ )

$U_k = \epsilon - 1 = 7$

$\phi_A - \phi_C = \epsilon;$

$\phi_C - \phi_D = -U_k;$

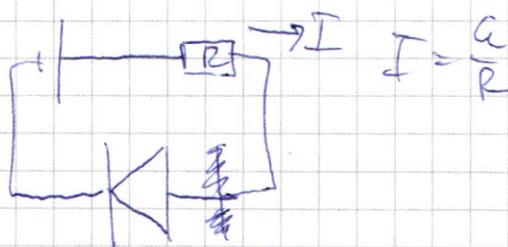
$\phi_D - \phi_B = \pm LI'$

$\phi_B - \phi_A = Z$

$\epsilon_i = -LI'$

$\epsilon - U_k \pm LI' \mp Z = 0$

$Z = \dots$  м.к. посылки  
 от источника



$\pm LI' = U_k - \epsilon$

$\pm I' = \frac{U_k - \epsilon}{L}$

$\pm I' = \frac{9 - 6}{0,4} = \frac{3 \cdot 10^{-6}}{4 \cdot 10^{-2}} = \frac{75}{2}$

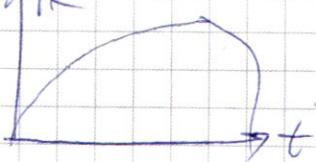
$\pm I' = 7,5 \text{ А/с}$

в устройстве:

$C = \dots$  макс-макс  $\Rightarrow I' = 0;$

$\epsilon - U_k = Z$

2) макс-макс? макс:



$\epsilon = 7\text{В}$

при  $U_k = 7\text{В}$ : макс-макс;  $q_1$ : макс;  $q_2$ : мин.  
 $q_1 = \dots$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

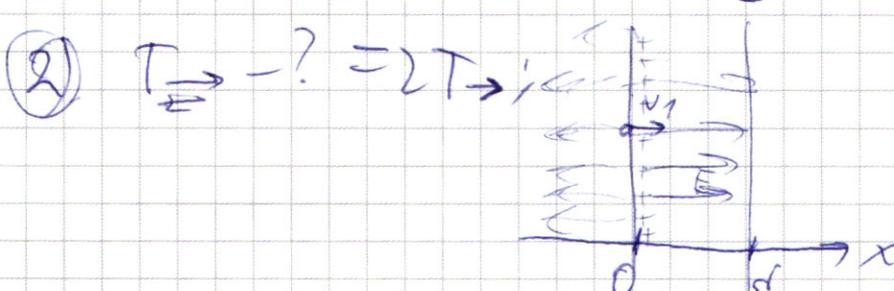
$$A_{\text{всех}} = q \cdot \frac{q_0}{d^2 \epsilon_0} = \frac{m_0 v_1^2}{2}$$

① *применяем  
милл  
для работы*

$$\frac{q_0}{m_0} = \frac{d^2 \epsilon_0 v_1^2}{2 \cdot q \cdot d \cdot q} = \frac{d^2 v_1^2 \epsilon_0}{2 d q}$$

$$q = \frac{d^2 \epsilon_0 U}{d}$$

$$\frac{q_0}{m_0} = \frac{d^2 v_1^2 \epsilon_0 U}{2 d \cdot d^2 \epsilon_0 U} = \frac{v_1^2}{2 d} = \frac{d^2 v_1^2 \epsilon_0}{2 d}$$



$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{q}{d^2 \epsilon_0}$$

$x(t)$

$$F_{\#} = \frac{q_0 q}{d^2 \epsilon} = m_0 a_x \quad \gamma = \frac{d^2 \epsilon a_x}{q}$$

$$a_x = \frac{\gamma q}{d^2 \epsilon}$$

$$x(t) = 0 + v_1 t - \frac{\gamma q}{2 d^2 \epsilon} t^2 = 0 \quad \Rightarrow \quad t = \frac{v_1 d^2 \epsilon}{\gamma q}$$

$$v(t) = v_1 - \frac{\gamma q}{d^2 \epsilon} t = 0 \quad \Rightarrow \quad t = \frac{v_1 d^2 \epsilon}{\gamma q}$$

$$T = \frac{2 v_1 d^2 \epsilon}{\gamma q}$$

~~III)  $F = \dots$~~

3) *из БСЗ:*  $v_0 = v_1$