

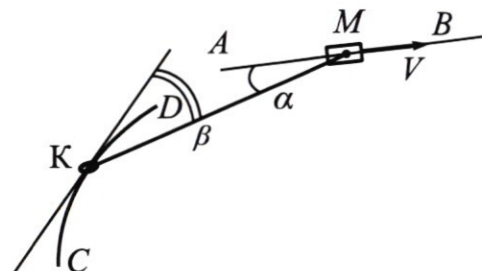
Олимпиада «Физтех» по физике, 2011 г.

Класс 11

Вариант 11-04

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложения бланка не принимаются.

1. Муфту M двигают со скоростью $V = 2$ м/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,4$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 4/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



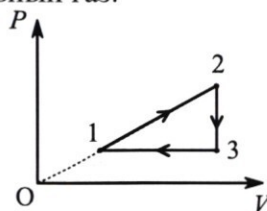
- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.

2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.

3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Напряжение на конденсаторе U . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается на расстоянии $0,2d$ от отрицательно заряженной обкладки.

1) Найдите удельный заряд частицы $\gamma = \frac{|q|}{m}$.

2) Через какое время T после влета в конденсатор частица вылетит из него?

3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

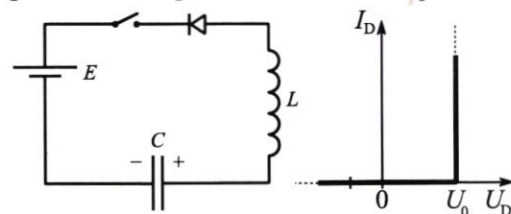
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 10$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 9$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,4$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

Ключ замыкают.

1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.

2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.

3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

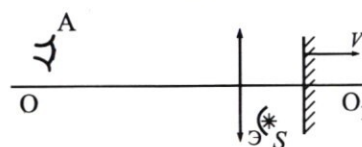


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана $\mathcal{E}$, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии $3F/5$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $6F/5$ от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель A сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

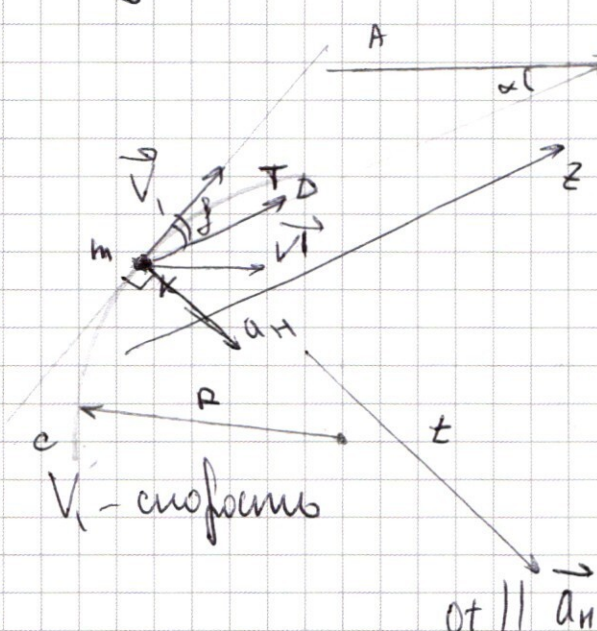
2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 1.



1) Условие неразрывности -
мощности течения:

$$\begin{aligned} \text{от: } V_2 &= V_1 \cdot z \\ V \cos \alpha &= V_1 \cos \beta \\ V_1 &= V \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \\ V_1 &= \frac{4}{8} \cdot \frac{17}{14} V = \frac{4 \cdot 17}{8 \cdot 14} V = \\ &= \frac{17}{10} V = 1,7 \cdot 2 = 3,4 \text{ м/с} \\ V_1 &= 3,4 \text{ м/с} \end{aligned}$$

2) $V_{\text{отн}}$ - скорость течения относительно берега.
Относительный вектор $\vec{V}'$ от т. К, $\vec{V}' = \vec{V}$
 $\vec{V}' \parallel \vec{V} \Rightarrow \angle MK \vec{V}' = \angle MK \vec{V} = \alpha \Rightarrow \vec{V}' \vec{V}_1 =$

$$= \vec{V}_1 \cdot \vec{V} = \alpha + \beta$$

$$V_{\text{отн}} = \vec{V}_1 - \vec{V}$$

$$(\vec{V}_{\text{отн}})^2 = (\vec{V}_1 - \vec{V})^2 = (\vec{V}_1)^2 - 2\vec{V}_1 \cdot \vec{V} + (\vec{V})^2 = V_1^2 + V^2 - 2V_1 V \cos(\alpha + \beta)$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{V_1^2 + V^2 - V_{\text{отн}}^2}{2V_1 V}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \sqrt{1 - \frac{225}{289}} = \frac{15}{17}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{4}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{17} = \frac{32 - 45}{85} = -\frac{13}{85}$$

Задача 1 (тригонометрия)

$$V_{\text{отн}} = \sqrt{V^2 + V_1^2 - 2V \cdot V_1 \cos(\alpha + \beta)} = \sqrt{4 + 11,56 + 2 \cdot 3,4 \cdot 2 \cdot \frac{13}{85}} =$$

$$= \sqrt{15,56 + \frac{2 \cdot 17 \cdot 13 \cdot 4}{10 \cdot 17 \cdot 5}} = \sqrt{15,56 + \frac{1024}{50}} = \sqrt{15,56 + \frac{2048}{100}} =$$

$$= \sqrt{17,8 + 17,64} = 4,2 \text{ м/с}$$

3) 2-й закон Ньютона для шара:

$$m \vec{a} = \vec{T}$$

$$\text{От: } m a_t = T_t$$

$$m a_n = T \cos(90 - \beta) = T \sin \beta$$

$$a_n = \frac{V_1^2}{R}$$

$$m \frac{V_1^2}{R} = T \sin \beta$$

$$T = \frac{m V_1^2}{R \sin \beta} = \frac{0,4 \cdot 3,4^2}{1,9 \cdot \frac{15}{17}} = \frac{0,4 \cdot \frac{17^2}{10^2} \cdot 4 \cdot 17 \cdot 2}{1,9 \cdot 15} =$$

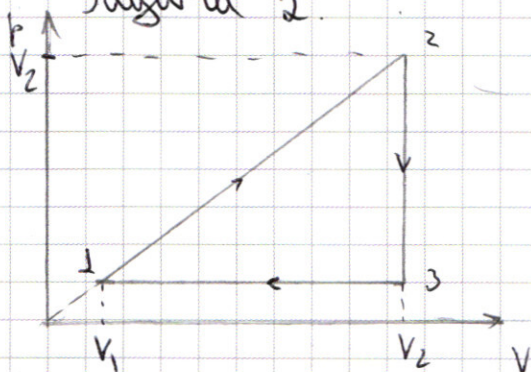
$$= \frac{0,4 \cdot 17^3 \cdot 4}{19 \cdot 15 \cdot 10} = 2,7 \text{ Н}$$

Ответ: 1) 3,4 м/с

2) 4,2 м/с

3) 2,7 Н

Задача 2.



1) температура газа постоянна на участках 2-3 и 3-1

Закон Клайперона - Менделеева

$$pV = \nu RT$$

$$(pV)' = (\nu RT)'$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 2 (процесс изотермический)

$$dpV + dVp = \nu R dT$$

На участке $Q = A + \Delta U$

$$A = \int p dV$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$$

$$dQ = dA + dU$$

$$dA = p dV$$

$$dU = \frac{3}{2} \nu R dT = \frac{3}{2} (dpV + dVp)$$

$$C = \frac{dQ}{dT} = \frac{p dV + \frac{3}{2} dpV + \frac{3}{2} dVp}{dT} = \frac{\frac{5}{2} dVp + \frac{3}{2} dpV}{dT}$$

$$C = \frac{\frac{5}{2} dVp + \frac{3}{2} dpV}{dpV + dVp} = R$$

На участке 2-3:

$$V = \text{const} \Rightarrow dV = 0 \Rightarrow C_{2-3} = \frac{\frac{3}{2} dpV}{dpV} R = \frac{3}{2} R$$

На участке 3-1:

$$p = \text{const} \Rightarrow dp = 0 \Rightarrow C_{3-1} = \frac{\frac{5}{2} dVp}{dVp} = \frac{5}{2} R$$

$$\frac{C_{2-3}}{C_{3-1}} = \frac{\frac{3}{2} R}{\frac{5}{2} R} = \frac{3}{5}$$

2) На участке 1-2 $\frac{p}{V} = \text{const} = \alpha$

Задача 2 (программирование)

$$\frac{dp}{dV} = \frac{p}{V} = \alpha$$

$A = \int_{V_1}^{V_2} p dV$, где S — площадь под графиком 1-2

$$A = \int_{V_1}^{V_2} p dV = \int_{V_1}^{V_2} V p dV$$

$$A = \left(\frac{p_1 + p_2}{2} \right) \cdot (V_2 - V_1)$$

$$\frac{p_1}{V_1} = \frac{p_2}{V_2} = \alpha$$

$$\frac{p_2}{p_1} = \frac{V_2}{V_1} = \beta \Rightarrow p_2 = p_1 \beta; V_2 = V_1 \beta$$

$$A = \frac{p_1 (\beta + 1)}{2} \cdot V_1 (\beta - 1) = \frac{p_1 V_1}{2} (\beta^2 - 1)$$

$$Q = A + \Delta U$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} p_2 V_2 - \frac{3}{2} p_1 V_1 = \frac{3}{2} p_2 V_2 - \frac{3}{2} p_1 V_1 = \frac{3}{2} p_1 V_1 (\beta^2 - 1)$$

$$Q = \frac{1}{2} p_1 V_1 (\beta^2 - 1) + \frac{3}{2} p_1 V_1 (\beta^2 - 1) = 2 p_1 V_1 (\beta^2 - 1)$$

$$\frac{\Delta U}{A} = \frac{\frac{3}{2} p_1 V_1 (\beta^2 - 1)}{\frac{1}{2} p_1 V_1 (\beta^2 - 1)} = 3$$

3) $k = \frac{A_0}{Q_H}$, где A_0 — работа за цикл, $Q_H = Q_{12}$ (м.к. можно на этом графике T повышается)

$A_0 = A_{12} = A_0$ равно площади под графиком 1-2-3:

$$A_0 = \frac{1}{2} (V_2 - V_1) (p_2 - p_1) = \frac{1}{2} p_1 V_1 (\beta - 1)^2$$

$$k = \frac{\frac{1}{2} p_1 V_1 (\beta - 1)^2}{2 p_1 V_1 (\beta^2 - 1)} = \frac{1}{4} \cdot \frac{(\beta - 1)^2}{\beta + 1}$$

$$k(\beta) = \frac{1}{4} \frac{(\beta - 1)^2}{\beta + 1} \quad \text{и можно, где } k \rightarrow \max \quad k' \rightarrow 0$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 2 (продолжение)

$$k = \frac{1}{4} \frac{(g-1)(g+1) - (g+1)g - 1}{(g+1)^2} = \frac{1}{4} \frac{(g+1)(g-1) - g(g+1) - 1}{(g+1)^2} = \frac{1}{4} \frac{g^2 - 1 - g^2 - g - 1}{(g+1)^2} = \frac{1}{4} \frac{-g-2}{(g+1)^2}$$

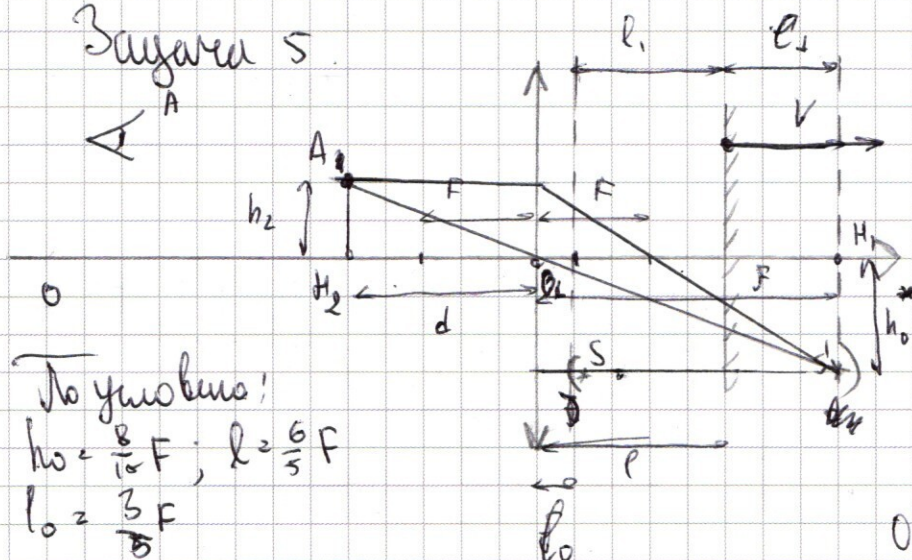
$\lim_{g \rightarrow \infty} k = \frac{1}{4} \lim_{g \rightarrow \infty} \frac{-g-2}{(g+1)^2} = \frac{1}{4} \cdot 0 = 0$
 $\lim_{g \rightarrow 1} k = 0$

$g > 1$
 $k = \frac{1}{4} \frac{(g-1)(g+1) - (g+1)g - 1}{(g+1)^2} = \frac{1}{4} \frac{-g-2}{(g+1)^2}$

Вывод: при $g \rightarrow \infty$ $k \rightarrow \frac{1}{4}$, $k = \frac{1}{4}$ - предельное значение КПД

- Ответ: 1) $\frac{3}{5}$
2) $\frac{3}{5}$
3) $\frac{1}{4}$

Задача 5



По условию:
 $h_0 = \frac{8}{10} F$; $l = \frac{6}{5} F$
 $l_0 = \frac{3}{5} F$

Получили минимальный момент S' , симметричный мин. S относительно h_0 -линии зеркала.

Площа изображения от мин. S и S' совпадают

$A_2 H_2 \parallel A_1 H_1 \Rightarrow \Delta A_2 H_2 O_1 \sim \Delta O_1 H_1 A_1$ A_2 - изображение

Задача 5 (прогнозирование)

Формулы метода Ланге:

$$F = \frac{1}{d} \cdot \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{d} = \frac{1}{F} - \frac{1}{f} = \frac{f - F}{Ff}$$

$$d = \frac{Ff}{f - F}$$

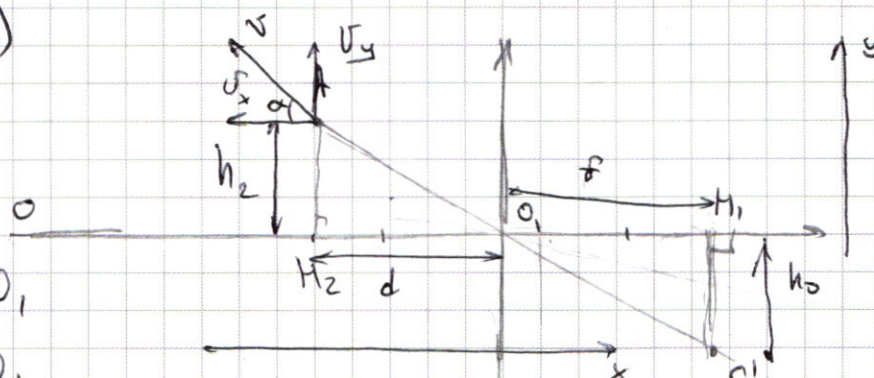
$$f = l_1 + l_2 + l_0$$

$$l = l_1 + l_0$$

$$f = 2l - l_0 = \frac{12}{8}F - \frac{3}{5}F = \frac{9}{5}F$$

$$d = \frac{F \cdot \frac{9}{5}F}{\frac{9}{5}F - F} = \frac{F^2}{\frac{4}{5}F} = \frac{5}{4}F$$

~~Ответ:~~ 2)



$$AH_2 \perp OO_1$$

$$S'H_1 \perp OO_1$$

$$AH_2 \parallel S'H_1 \Rightarrow \triangle AH_2O_1 \sim \triangle O_1H_1S' \Rightarrow \frac{AH_2}{H_2O_1} = \frac{O_1S'}{O_1H_1} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{h_2}{d} = \frac{h_0}{f}$$

$$h_2 = d \frac{h_0}{f}$$

$$v_x = d' = \left(\frac{Ff}{f-F} \right)' = \left(\frac{F(2l-l_0)}{2l-l_0-F} \right)' = F \cdot \frac{(2l-l_0)'(2l-l_0-F) - F(2l-l_0-F)'(2l-l_0)}{(2l-l_0-F)^2}$$

$$= F \cdot \frac{2l'(2l-l_0-F) - 2l+2l_0}{(2l-l_0-F)^2} = -F \cdot \frac{2V \cdot F}{(2l-l_0-F)^2} = -F^2 \frac{2V}{\left(\frac{12}{5}F - \frac{3}{5}F - F\right)^2} = -F^2 \frac{2V}{\frac{16}{25}F^2} =$$

$$= -\frac{25}{8}V$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 5 (продолжение)

$v_x < 0 \Rightarrow v_x$ направлена в отрицательную сторону, немее мы предположили

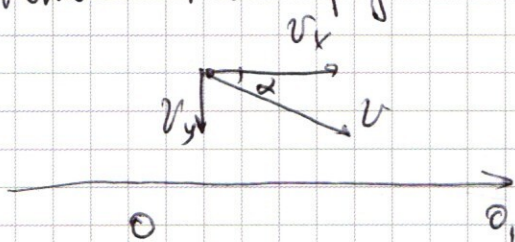
$$v_y = h_2'$$

$$h_2' = d \frac{h_0}{f} = \frac{d h_0}{f} = \frac{f h_0}{f - F} = \frac{F h_0}{f - F} = \frac{F h_0}{2l - l_0 - F}$$

$$h_2' = \frac{(F h_0)' (2l - l_0 - F) - (2l - l_0 - F)' F h_0}{(2l - l_0 - F)^2} = - \frac{(2l - l_0 - F)' F h_0}{(2l - l_0 - F)^2}$$

$$= - \frac{F h_0 2V}{\left(\frac{12}{8}F - \frac{3}{8}F - F\right)^2} = - \frac{F \cdot \frac{8}{15}F \cdot 2V}{\frac{16}{25}F^2} = - \frac{25}{15}V = - \frac{5}{3}V$$

$h_2' = v_y < 0 \Rightarrow v_y$ направлена в отрицательную сторону, немее мы предположили.



$$\vec{v} \wedge \vec{v}_x = \vec{v} \wedge \vec{v}_x = \alpha$$

$$\tan \alpha = \frac{|v_y|}{|v_x|} = \frac{\frac{5}{3}}{\frac{25}{8}}$$

$$= \frac{5 \cdot 8}{3 \cdot 25} = \frac{8}{15}$$

$$3) \vec{v} = \vec{v}_x + \vec{v}_y$$

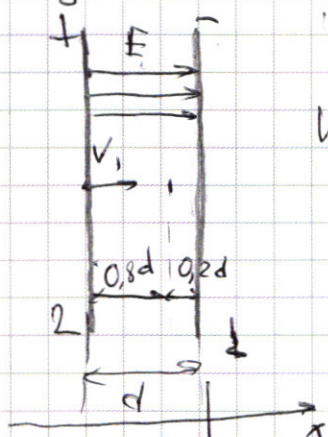
$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{\left(\frac{25}{8}\right)^2 + \left(\frac{5}{3}\right)^2} = \sqrt{\frac{625}{64} + \frac{25}{9}}$$

$$= \frac{1}{24}V \sqrt{625 \cdot 9 + 25 \cdot 64} = \frac{5}{24}V \sqrt{25 \cdot 9 + 64} = \frac{5}{24}V \sqrt{225 + 64} = \frac{5}{24}V$$

$$= \sqrt{289} = \frac{5 \cdot 17}{24}V = \frac{85}{24}V$$

Ответ: 1) $\frac{5}{3}F$
2) $\tan \alpha = \frac{8}{15}$
3) $\frac{85}{24}V$

Задача 3



Обозначим величину поля между конденсатором как E :

$$dE = U$$

$$E = \frac{U}{d}$$

2-й закон Ньютона для заряженной сферы

конденсатора:

$$ma = F_k = qE$$

$$\text{ок: } ma_x = F_{kx} = qE_x$$

$$-ma = qE = -|q|E = -|q|\frac{U}{d} \Rightarrow a = \text{const} = \frac{|q|}{m} \frac{U}{d}$$

Уравнение прямолинейного равноускоренного движения

для заряда:

$$0,8d = \cancel{at} V_1 + \frac{at^2}{2}$$

$$\cancel{V_1} = \cancel{at} V_1 = at$$

$$t = \frac{V_1}{a}$$

$$0,8d = \frac{V_1}{a} - \frac{a V_1^2}{2a^2} = \frac{V_1^2}{2a}$$

$$a = \frac{V_1^2}{1,6d} = \frac{|q|}{m} \frac{U}{d} = \gamma \frac{U}{d}$$

$$\gamma = \frac{V_1^2}{1,6U}$$

2) $T = 2t$ (м.к. ширина сферы ~~равно~~ равномерно замедляется, а затем ~~ширина~~ равно ~~ширине~~ ускорения.

$$T = 2 \frac{V_1}{a} = 2 \frac{V_1}{\gamma \frac{U}{d}} = 2 \frac{V_1 d}{\gamma U} = 2 \frac{V_1 d}{\frac{V_1^2}{1,6U} U} = \frac{3,2 V_1 d}{V_1^2} = \frac{3,2 d}{V_1}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 3 (продолжение)

$$3) \Delta W_k + \Delta \varphi = W_{k2} - W_{k1} + \varphi_2 - \varphi_1 = 0 \quad (3сэ)$$

в мом. времени 1, когда частица была неподвижна

$W_{k1} = 0$, $\varphi_1 = 0,2d \cdot E_1 + 0,8d \cdot E_2$, где E_1 - поле, создаваемое
минусом 1, E_2 - минусом 2.

$$E_1 = \frac{\sigma_1}{\epsilon_0} = \frac{-q_0}{\epsilon_0 S}, \quad q_0 - \text{заряд на обкладке},$$

$$E_2 = \frac{\sigma_2}{\epsilon_0} = \frac{q_0}{\epsilon_0 S}, \quad S - \text{площадь обкладки}$$

$$\varphi_1 = -0,2d \frac{q_0}{\epsilon_0 S} + 0,8d \frac{q_0}{\epsilon_0 S} = 0,6d \frac{q_0}{\epsilon_0 S}$$

$$q_0 = CV$$

$$C = \frac{S}{d \epsilon_0}$$

$$q_0 = \frac{S}{d \epsilon_0} V$$

$$\varphi_1 = 0,6d \frac{SV}{d \epsilon_0 \epsilon_0 S} = 0,6 \frac{V}{\epsilon_0^2}$$

в мом. времени 2 $W_{k2} = \frac{mV_0^2}{2}$, $\varphi_2 = 0$

$$\frac{mV_0^2}{2} - 0 + 0 - 0,6 \frac{V}{\epsilon_0^2} = 0$$

$$V_0 = \sqrt{1,2 \frac{V}{m \epsilon_0^2}}$$

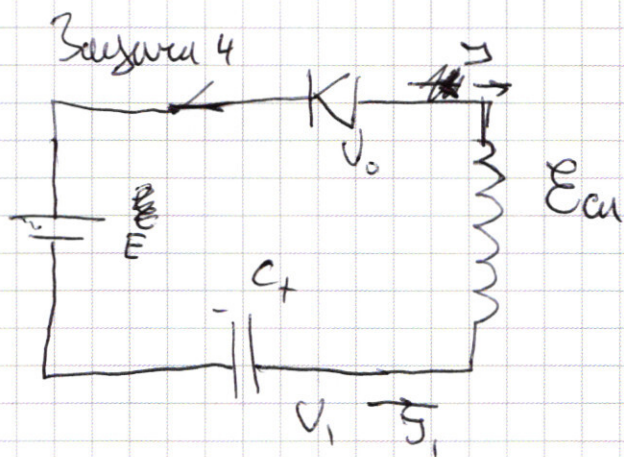
$$V_0 = \sqrt{1,2 \frac{V}{m \epsilon_0^2}}$$

Ответ: 1) $\frac{V_1^2}{1,6V}$

2) $\frac{3,2d}{V_1}$

3) $\sqrt{1,2 \frac{V}{m \epsilon_0^2}}$

3) $\sqrt{1,2 \frac{V}{m \epsilon_0^2}}$



Знаюк для начала
уравн:

$$E + E_{cu} = U_0 + U_C$$

$$E_{cu} = -L \frac{dI}{dt}$$

$$E - L \frac{dI}{dt} = U_0 + U_C$$

$$L \frac{dI}{dt} = E - U_0 - U_C$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{E - U_0 - U_C}{L} = I'$$

$$I' = \frac{6 - 1 - 0}{0,4} = -\frac{4}{0,4} = -10 \text{ A/c}$$

$I' < 0 \Rightarrow$ ток I направлен в другую сторону,
значит мы предположили, тогда I - отрицательное направление,
 ~~$I = 10 \text{ A/c}$~~ $I' = 10 \text{ A/c}$

Ответ: 1) ~~$I' = 10 \text{ A/c}$~~
2) 10 A/c

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$Q = \frac{3}{2} JRT$
 $2) C = \frac{Q}{J\Delta T}$
 $C = \frac{dQ}{dT\Delta V}$

$Q = A + \Delta U$
 $\Delta U = \frac{3}{2} JRT = \frac{3}{2} (P_1 V_1 + P_2 V_2)$ $V = \text{const}$
 $Q = dVp + \frac{3}{2} dpV$
 $Q = dVp + \frac{3}{2} dpV = \frac{5}{2} dpV = \frac{5}{2} JRp dT$
 $C_p Q = \frac{5}{2} JRp dT$ $C = \frac{Q}{dT} = \frac{5}{2} R$
 $\frac{C_v}{C_p} = \frac{3}{5}$
 $\frac{dp}{dV} = k$ $dp = k dV$
 $A = \frac{1}{2} (P_1 V_2 - P_1 V_1 + P_2 V_2 - P_2 V_1)$
 $dp = k dV$
 $V = \frac{P}{k}$
 $\frac{dp}{dV} = \frac{dp}{P/k} = k$
 $Q = A + \Delta U = dVp + \frac{3}{2} (dVp + dpV) = \frac{5}{2} dVp + \frac{3}{2} dpV =$
 $= \frac{5}{2} dVp + \frac{3}{2} k dV V = dV (\frac{5}{2} p + \frac{3}{2} k V) = 4 dV p$
 $\frac{A}{\Delta U} = \frac{dVp}{\frac{3}{2} JRp dT} = \frac{dVp}{\frac{3}{2} (dVp + dpV)} = \frac{dVp}{3 dVp} = \frac{1}{3}$
 Ответ: 1) $\frac{5}{2}$ 2) $\frac{1}{3}$

$$A = \frac{(p_1 + p_2)(V_2 - V_1)}{2}$$

$$Q_H = A + \Delta U = p_1 V_1$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T =$$

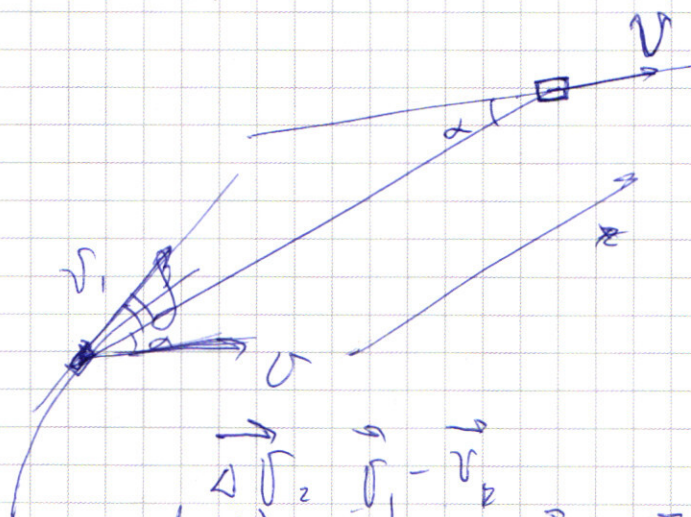
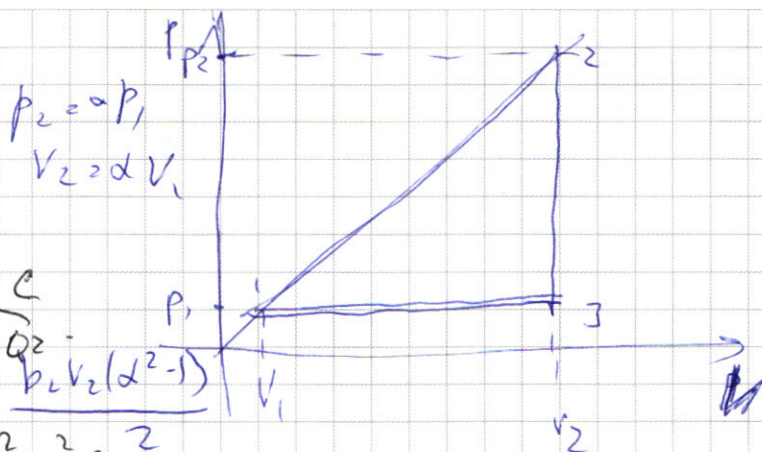
$$= \frac{3}{2} p_2 V_2 - \frac{3}{2} p_1 V_1$$

$$A = \frac{V_2 p_2 (1 + \alpha)(\alpha - 1)}{2} = \frac{p_2 V_2 (\alpha^2 - 1)}{2}$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} p_2 V_2 (\alpha^2 - 1)$$

$$Q_H = \frac{1}{2} p_2 V_2 (\alpha^2 - 1) + \frac{3}{2} p_2 V_2 (\alpha^2 - 1) = 2 p_2 V_2 (\alpha^2 - 1)$$

$$k = \frac{\frac{1}{2} p_2 V_2 (\alpha^2 - 1)}{2 p_2 V_2 (\alpha^2 - 1)} = \frac{1}{4}$$



$$(\Delta \vec{v})^2 = \vec{v}_1^2 - 2\vec{v}_1 \vec{v}_2 \cos(\alpha + \beta) + \vec{v}_2^2$$

$$\Delta v = \sqrt{v_1^2 + v_2^2 - 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}$$

$$= \sqrt{v_1^2 + v_2^2 - 2v_1 v_2 (\cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta)}$$

$$= \sqrt{3.4^2 + 2^2 - 2 \cdot 3.4 \cdot 2 \cdot \left(\frac{4 \cdot 8}{5 \cdot 17} - \frac{3 \cdot 15}{5 \cdot 17} \right)} = 1.17$$

Условие перес.:
02: $U_2 = v_{1z}$

$$v \cos \alpha = v_1 \cos \beta$$

$$v_1 = v \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 2 \cdot \frac{4}{8} = 1$$

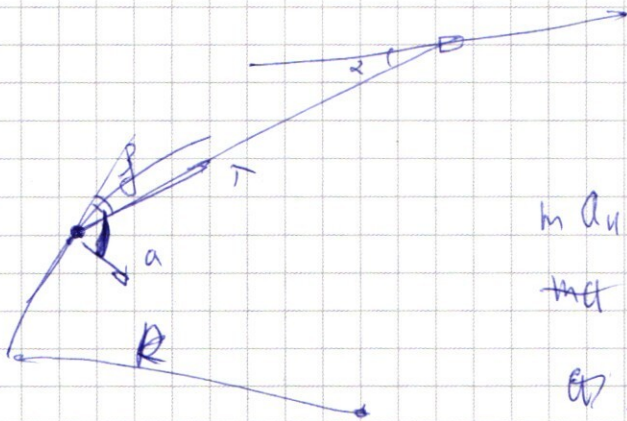
$$= 2 \cdot \frac{4 \cdot 17}{28 \cdot 5} = 3.4 \text{ м/с}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} =$$

$$= \sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \frac{14}{289}} = \frac{15}{17}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

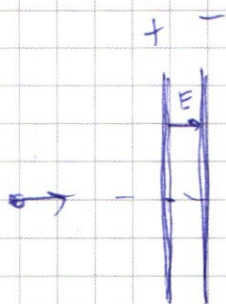


$$m a_n = T \cos(90^\circ - \beta) = T \sin \beta$$

$$a_n = \frac{v_1^2}{R}$$

$$\frac{v_1^2}{R} = \frac{T}{m} \sin \beta$$

$$T = \frac{v_1^2 m}{R \sin \beta}$$



$$U = Ed \quad E = \frac{U}{d}$$



$$ma = |q| \cdot E$$

$$f = \frac{|q|}{m} = \frac{a}{E} = \frac{ad}{U}$$

$$\frac{at^2}{2} = 0,8d$$

$$at = v_1$$

$$t = \frac{v_1}{a}$$

$$\frac{at^2}{2} = \frac{a v_1^2}{2 a^2}$$

$$\frac{v_1^2}{2a} = 0,8d$$

$$\frac{v_1^2}{1,6} = ad$$

$$t^2 = 1,6 \frac{d}{a} \quad t = \sqrt{1,6 \frac{d}{a}}$$

$$d = \frac{v_1^2}{1,6U}$$

2

$$a = \frac{v_1^2}{1,6d} \quad t = \sqrt{1,6 \frac{1,6d^2}{v_1^2}} = \frac{1,6d}{v_1}$$

$$\frac{d}{a} = \frac{v_1^2}{1,6d^2} \quad \frac{d}{a} = \frac{1,6d^2}{v_1^2}$$

$$\mathcal{E} = \frac{dJ}{dt} = \mathcal{E}_{\text{em}}$$

$$\begin{array}{r} 4913 \\ \times 0,4 \\ \hline 1965,2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 289 \\ \times 17 \\ \hline 4913 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17 \\ \times 17 \\ \hline 289 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 34 \\ \times 3,4 \\ \hline 102 \\ 1156 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3,8 \\ \times 3,8 \\ \hline 304 \\ 114 \end{array}$$

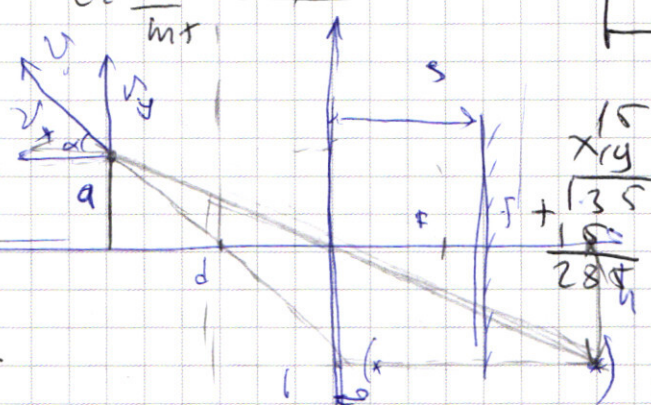
$$cmz = Q$$

$$c = \frac{Q}{mr}$$

$$\begin{array}{r} 4,2 \\ \times 4,2 \\ \hline 08,4 \\ 16,8 \end{array}$$

$$= 17,64$$

$$1965,2$$



$$\begin{array}{r} 1965,2 \times 4913 \\ \hline 7860,8 \end{array}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{289}$$

$$\begin{array}{r} 1965,2 \times 2850 \\ \hline 5595000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2850 \\ \times 19 \\ \hline 5400 \end{array}$$

$$f = f_0 + 2s - f_0$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{2s - f_0}$$

$$\frac{1}{d} = \frac{1}{F} - \frac{1}{2s - f_0} = \frac{2s - f_0 - F}{F(2s - f_0)}$$

$$\frac{d}{F} = \frac{a}{h} \quad a = h \frac{d}{F} = h \frac{d}{2s - f_0}$$

$$\begin{array}{r} 78608 \times 2850 \\ \hline 22395200 \end{array}$$

$$d = \frac{1858F(2s - f_0)}{2s - f_0 - F}$$

$$V_{x=d} = F \cdot \frac{(2s - f_0)(2s - f_0 - F) - (2s - f_0 - F)(2s - f_0)}{(2s - f_0 - F)^2} =$$

$$\frac{285(2s - f_0 - F) - 20(2s - f_0) \cdot (2s - f_0)20/1 - F}{(2s - f_0 - F)^2} = - \frac{20FA}{(2s - f_0 - F)^2}$$