

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2020

Класс 11

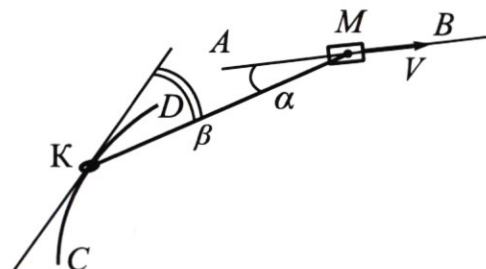
Вариант 11-04

Шифр 3.13

(заполняется секретарём)

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного задания не проверяются.

1. Муфту М двигают со скоростью $V = 2$ м/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 0,4$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 4/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



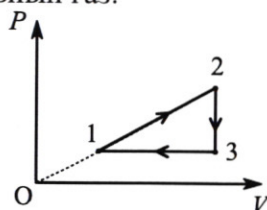
- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.

2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.

3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Напряжение на конденсаторе U . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается на расстоянии $0,2d$ от отрицательно заряженной обкладки.

1) Найдите удельный заряд частицы $\gamma = \frac{|q|}{m}$.

2) Через какое время T после влета в конденсатор частица вылетит из него?

3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

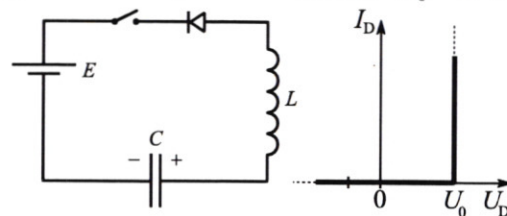
При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 10$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 9$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,4$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.

2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.

3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

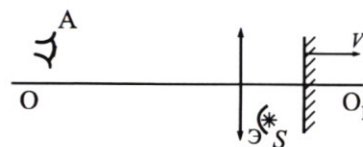


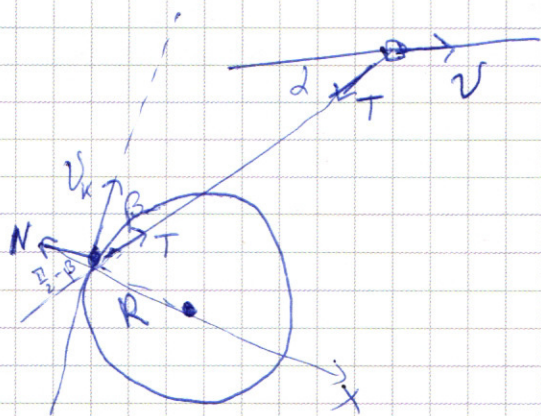
5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии $3F/5$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $6F/5$ от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.





~1.
Дано:

$$V = 2 \frac{m}{c}$$

$$R = 1,9 \mu$$

$$l = \frac{17R}{15}$$

$$\cos \alpha = \frac{4}{5}$$

$$\cos \beta = \frac{8}{17}$$

$$m = 0,4 \mu$$

$$V_k = ?$$

$$V_{km} = ?$$

$$T = ?$$

Решение:

П.ч. К движ-ся Шварцшайль
катящ. троса, трос камины;
его длина постоянна $\Rightarrow$ проекции
 V и V_k на ось вдоль троса
равны (м.к. расст. = const)

$$V \cos \alpha = V_k \cos \beta$$

$$V_k = V \cdot \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 2 \cdot \frac{4 \cdot 17}{5 \cdot 8} = 3,4 \frac{m}{c}$$

$\vec{V}_{km}$ - скорость К отн. М. Тогда $\vec{V}_{km} = \vec{V}_k - \vec{V}_m$

Знаю, что угол $\angle(\vec{V}_k, \vec{V}_m) = \alpha + \beta$

$$\text{Тогда } V_{km} = \sqrt{V_k^2 + V_m^2 - 2V_k V_m \cos(\alpha + \beta)}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{17}{5}\right)^2 + 2^2 - 2 \cdot \frac{17}{5} \cdot 2 \cdot \left(\frac{4}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{17}\right)}$$

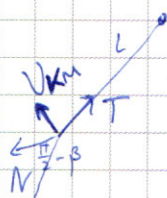
$$= \sqrt{\frac{289 + 100}{25} - \frac{17 \cdot 4}{5} \left(\frac{32 - 45}{5 \cdot 17}\right)} = \sqrt{\frac{389 + 4 \cdot 13}{25}} = \sqrt{\frac{441}{25}} = 4,2 \frac{m}{c}$$

К движется по окр. радиуса R под действием сил реакц. протонов N и силы T.

$$\text{П.з. Протона (ок): } m a_z = T \sin \beta - N; m \frac{V_k^2}{R} = \frac{15}{17} T - N$$

В О.О., связ. с М, К движ-ся по окр. радиуса L со скор V_{km}

$$m a_z = T - N \sin \beta; m \cdot \frac{V_{km}^2}{L} = T - \frac{15}{17} N$$



~~Подставим $V_{km} = 4,2$ и $L = \frac{17}{15} R$ в (2) и (1) и получим:~~

$$m \left(\frac{V_k^2}{R} - \frac{V_{km}^2}{R} \right) = \left(\frac{15}{17} - \frac{17}{15} \right) T. \quad T = \frac{m}{R} \cdot (V_k^2 - V_{km}^2) \cdot \frac{17 \cdot 15}{64} =$$

$$= \frac{0,4}{1,9} \left(\frac{441}{25} - \frac{289}{25} \right) \cdot \frac{17 \cdot 15}{64} = \frac{17 \cdot 3 \cdot 152^2}{16 \cdot 19 \cdot 5} = 5,1 \text{ Н}$$

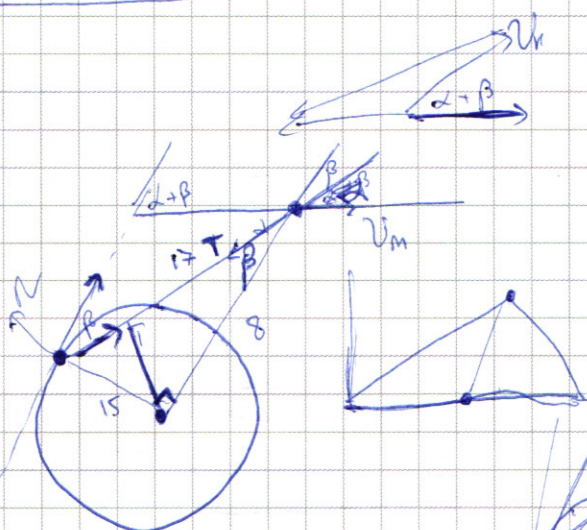
Ответ: $3,4 \frac{m}{c}$; $4,2 \frac{m}{c}$; $5,1 \text{ Н}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\eta_e = 1 - \frac{\frac{3}{2}\alpha + \frac{5}{2}}{(\frac{3}{2} + \frac{1}{2})(\alpha + 1)}$$

~1.

$$V \cos \alpha = V_k \cos \beta$$



$$\vec{V}_{km} = \vec{V}_k - \vec{V}_m$$

$$(3-1) \cdot \frac{3}{2} U =$$

$$= p_1 V_1 - 2 p_1 V_1 =$$

$$= p_1 V_1 (1 - 2)$$

$$A = p_1 V_1 (1 - \alpha)$$

$$Q_{23} = \frac{3}{2} p_1 V_1 \alpha (1 - \alpha)$$

$$Q_{31} = p_1 V_1 (1 - \alpha) \left(\frac{3}{2} + \frac{1}{2} \right)$$

$$\frac{C_p}{C_v} = \gamma = \frac{5}{3}$$

~2.

$$pV = \nu RT$$

$$(2-3): Q = \Delta U + A$$

$$Q = \Delta U = \frac{3}{2} \Delta(pV) =$$

$$= \frac{3}{2} 2 V_1 (1 - \alpha) p_1$$

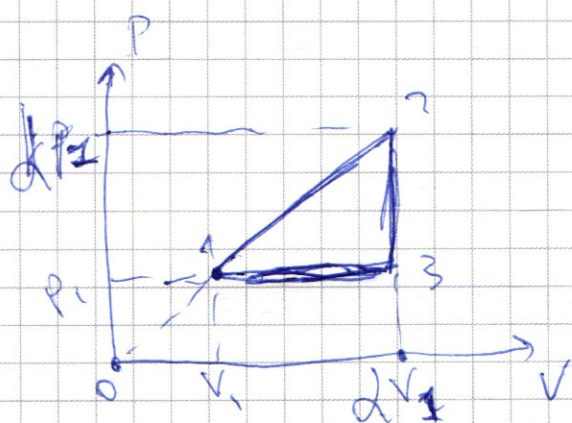
$$(1-2): Q = \Delta U + A$$

$$A = \frac{2-1}{2} p_1 \cdot (\alpha - 1) V_1 = \frac{\alpha - 1}{2} p_1 V_1$$

$$\Delta U = \left(\frac{3}{2} + 1 \right) p_1 V_1 \frac{3}{2}$$

$$Q_{12} = p_1 V_1 (\alpha^2 - 1) \left(\frac{3}{2} + \frac{1}{2} \right)$$

$$Q_{02} = \Delta U$$



$$\begin{array}{r} 441 \\ - 289 \\ \hline 152 \end{array}$$

22.

$$pV = \nu RT$$

Решим задачу, что $T \downarrow$ на (2-3) и (3-1)
и $T \uparrow$ на (1-2)

$i = 3$ — 3 степени свободы

$$\frac{C_p}{C_v} = \gamma = \frac{i+2}{i} = \frac{5}{3} \text{ — отношение}$$

мол. теплоемк. на (3-1) и (2-3).

$$(1-2): Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12}$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \Delta(pV)_{12} = \frac{3}{2} pV(\lambda^2 - 1)$$

$$A_{12} = \left(\int p dV \right)_{12} = \frac{\lambda+1}{2} \cdot p \cdot (\lambda-1) \cdot V = \frac{\lambda^2-1}{2} \cdot pV$$

$$\text{тогда } \frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = 3.$$

$$Q_{12} = 2pV(\lambda^2 - 1)$$

$$(2-3): Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23}. \quad \Delta U_{23} = \frac{3}{2} pV \cdot \lambda (1-\lambda) \quad A_{23} = 0 \quad \Rightarrow Q_{23} = \frac{3}{2} pV \lambda (1-\lambda)$$

$$(3-1): Q_{31} = \Delta U_{31} + A_{31}. \quad \Delta U_{31} = \frac{3}{2} pV (1-\lambda) \quad A_{31} = p \cdot (1-\lambda) V \quad \Rightarrow Q_{31} = pV (1-\lambda) \left(\frac{3}{2} + 1 \right)$$

$$\eta = 1 - \frac{|Q_{\text{отг}}|}{Q_{\text{подг}}} = 1 - \frac{|Q_{23} + Q_{31}|}{Q_{12}} = 1 - \frac{pV(\lambda-1) \left(\frac{3}{2}\lambda + \frac{5}{2} \right)}{pV(\lambda-1)(\lambda+1) \cdot 2} =$$

$$= 1 - \frac{3\lambda + 5}{4\lambda + 4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{2(\lambda+1)}. \quad \frac{d\eta}{d\lambda} = \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{1}{(\lambda+1)^2} \right) < 0$$

По смыслу, $\lambda > 1$ тогда $\eta = \eta_{\text{max}}$ при $\lambda \rightarrow 1+$

$$\eta_{\text{max}} = \lim_{\lambda \rightarrow 1+} \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{2(\lambda+1)} \right) = \frac{1}{2}.$$

$$\text{Ответ: } \frac{5}{3}; 3; \frac{1}{2}.$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Top left diagram: A circle of radius R with a point on its circumference. A vector v_k is tangent to the circle at this point. A line segment of length L connects the center to the point. A vector v is shown at an angle α to the horizontal.

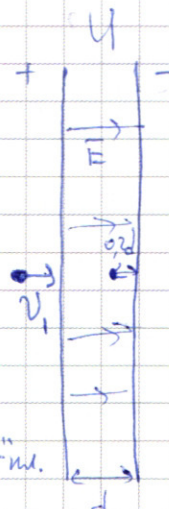
Top right diagram: A diagram showing a circle and a point, with lines connecting them to a common point on a horizontal line.

Bottom left diagram: A diagram of a parallel plate capacitor with plates of length a and separation d . A voltage U is applied. A charge q is shown. Formulas: $E = \frac{U}{d}$, $F = Eq$, $\alpha = E\sigma$.

Bottom right diagram: A graph of a function $y = \frac{1}{2(x+1)}$. A point is marked on the curve. A small diagram of a rectangle is also present.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

вз.



Дано:

Решение:

U, d, v_1

Вдоль оси симметрии

γ - ?

напряженность поля конд. $E = \frac{U}{d}$

T - ?

от "+" и "-" пласт.

v_0 - ?

На пластинку действует $\vec{F} = q\vec{E}$ ($\vec{F} \uparrow \vec{E}$),

т.е. влечет в "+" пл.

$$F = q \frac{U}{d}; \quad F = ma.$$

тогда

$$a = \frac{qU}{md} = \text{const}; \quad \gamma = \frac{ad}{v_1}$$

По формулам кинематики:

$$0,8d = \frac{v_1^2}{2a}; \quad a = \frac{v_1^2}{1,6d}$$

$$\text{тогда } \gamma = \frac{v_1^2}{1,6U}$$

В силу обратимости мех. дви-ия, пластинка придет в состояние до вылета столько же, сколько от вылета до остановки

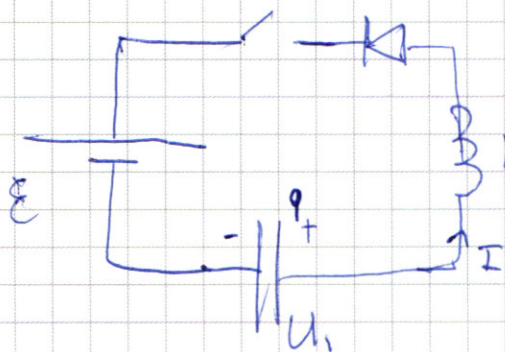
$$\text{тогда } T = 2 \cdot \frac{v_1}{a} = 2 \cdot \frac{v_1}{\frac{v_1^2}{1,6d}} = \frac{3,2d}{v_1}$$

Так как конд. не создаёт поля вне себя, $v_0 = v_1$

(в силу симм., поле левой и правой одн. конд.-ся вне конд. и склад-ся внутри конд.)

$$\text{Ответ: } \frac{v_1^2}{1,6U}; \quad \frac{3,2d}{v_1}; \quad v_1.$$

м.



1) $I = 0$

U_0

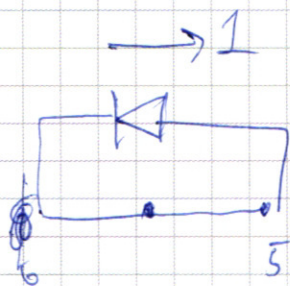
2) $I = I_{max}$

3) $\frac{q}{C} - L \ddot{q} - U_0 - E = 0$

$\ddot{q} + \frac{1}{LC} q = E + U_0$

$q = q_m \cos \omega t + E + U_0$

$\ddot{q} = -\omega^2 q_m \cos \omega t + E + U_0$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано: $\varepsilon = 6 \text{ В}$
 $C = 10 \text{ мкФ}$
 $U_1 = 9 \text{ В}$
 $L = 0,4 \text{ Гн}$
 $U_0 = 1 \text{ В}$

Решение:

Врозу после замы-
 кания ключа на
 диоде токнет U_0 ,
 т.к. иначе ток будет
 оставаться 0, и со вре-
 менем начнется физич. характе-
 ристики системы не будут отличаться от нач. поворота.

м.о. если $U_D \neq U_0$, то $I_D = I = 0 \Rightarrow \vec{I} = 0 \Rightarrow \varepsilon_{i(L)} = 0 \Rightarrow$
 $\Rightarrow \varepsilon - U_1 + U_D = 0 \Rightarrow U_D = U_0$, то невозможно
 по 1-му закону Кирхгофа

Поэтому в нач. момент $U_D = U_0$.

Поэтому, по 2-му закону Кирхгофа, $-\varepsilon + U_1 + \varepsilon_i - U_0 = 0$
 заменим, что U_c не меняется мгновенно
 тогда $\varepsilon_i = \varepsilon + U_0 - U_1 = 6 + 1 - 9 = -2 \text{ В} \Rightarrow \vec{I} = -\frac{\varepsilon_i}{L} = \frac{2}{0,4} = 5 \text{ А}$

Рассмотрим момент, когда ток максимальен. Пусть U_c - напряжение на конденсаторе.

т.к. если ток, $U_D = U_0$. т.к. $I = I_{\text{max}}$, $\vec{I} = 0 \Rightarrow \varepsilon_{i(L)} = 0$.

Тогда $U_c - U_0 - \varepsilon = 0$. $U_c = U_0 + \varepsilon = 1 + 6 = 7 \text{ В}$.

Понимая, что тепловых потерь в цепи нет, запишем ЗСЭ:
 $W_{C(0)} + A_{\text{ист}} + W_{L(0)} = W_C + W_L$. Примем $W_C = \frac{CU_c^2}{2}$; $W_L = \frac{LI^2}{2}$

$A_{ист} = \mathcal{E} \cdot q$, где q - заряд, прошедш. ^{от + к -} через ист., м.е. заряд, прошедший на правую пластину конден.

$\Delta q = q - q_0$, где q - заряд конден. сейчас
 q_0 - заряд конден. сначала

$$q = C U_c; \quad q_0 = C U_1; \quad \Delta q = C(U_c - U_1)$$

$$A_{ист} = \mathcal{E} C (U_c - U_1)$$

Мощность $\frac{L I_{max}^2}{2} = \frac{C U_1^2}{2} - \frac{C U_c^2}{2} + \mathcal{E} C (U_c - U_1) =$

$$= \frac{C(U_1 - U_c)(U_1 + U_c - 2\mathcal{E})}{2}$$

Мощность $I_{max} = \sqrt{\frac{C}{L} (U_1 - U_c)(U_1 + U_c - 2\mathcal{E})} = \sqrt{\frac{10^{-5}}{2} \cdot \frac{(9-7)(9+7-2 \cdot 6)}{2 \cdot 4}} =$

$$= \frac{\sqrt{2}}{100} \approx 0,014 \text{ A} = 14 \text{ мА.}$$

~~Когда конденсатор полностью заряжен, ток $I=0$~~
~~и конденсатор не работает, тогда $I=0$~~

Запишем 2 пр. Кирхгофа для цепи, пока есть ток:

$$U_c + \mathcal{E}_i - U_0 - \mathcal{E} = 0; \quad \frac{q}{C} - L \dot{I} = \mathcal{E} + U_0$$

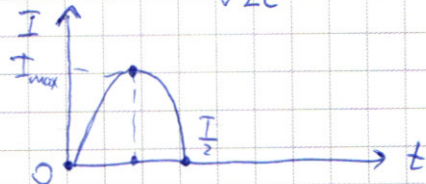
q - заряд на прав. обкл. конден. Тогда I - скорость его убывания,
 м.е. $I = -\dot{q}$; $\dot{I} = -\ddot{q}$

Тогда $\ddot{q} + \frac{1}{LC} q = \frac{\mathcal{E} + U_0}{L}$

Тогда q изм-ся по гарм. закону: $q = q_m \cos \omega t + \frac{\mathcal{E} + U_0}{L}$, где
 q_m - амплитуда; $\omega = \text{уг. част.} = \sqrt{\frac{1}{LC}}$

$$\dot{q} = -q_m \omega \sin \omega t$$

$$I = -\dot{q} = \omega q_m \sin \omega t$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Поэтому, что победы продолжается до того пока
она станет 0 (м.е. назад не пойдет). Это поновина пери-
ода победаний. $I = I_{\max}$ через $\frac{1}{T}$ победаний

В аналогич. разряде, $S_{\text{лог}} \text{ разрядов}$ го $\frac{I}{4} = S_{\text{лог}} \text{ р. ст. } \frac{I}{4} \text{ го } \frac{I}{2}$.

Прим. $S_{\text{изг. эр.}} = \int_{t_1}^{t_2} I dt = \dots$ где $I = I_{\text{max}}$ с рабоч. см.

Умно створено НАЕ, споро ко го $I = I_{max}$

Daraus $(u_1 - u_2)C = (u_1 - u_c)C \Rightarrow 9 - 7 = 28 \Rightarrow u_2 = 56$.

Answer: $5 \frac{\text{A}}{\text{C}}$; 14 m A ; 5 B .

Dano: VI

$$H = \frac{8}{15} J$$

$$l = \frac{3}{5} J$$

$$L = \frac{6}{5} J$$

$f - ?$

$$(\vec{v}_1, 0, 0) = ?$$

ψ-?

Reversen:

Лучи, исходящие от
зеркала идут, как будто
вышли из S' , симм. S отн. зеркала

Этот S го можно $L + (L - L) = \frac{6+6-3}{5} F = \frac{9}{5} F = d$

Курса гэсэн гүйцэтг. нөхцөлн. үзвэр. б (-) X төл рэсөн.

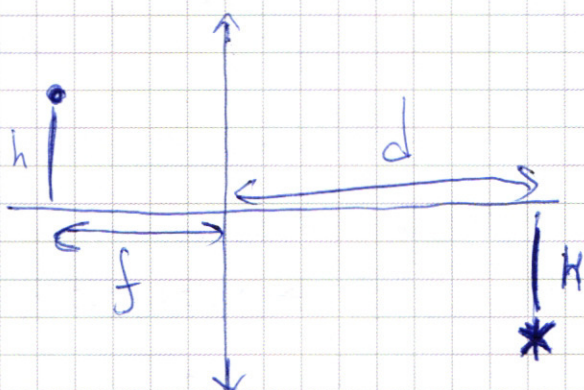
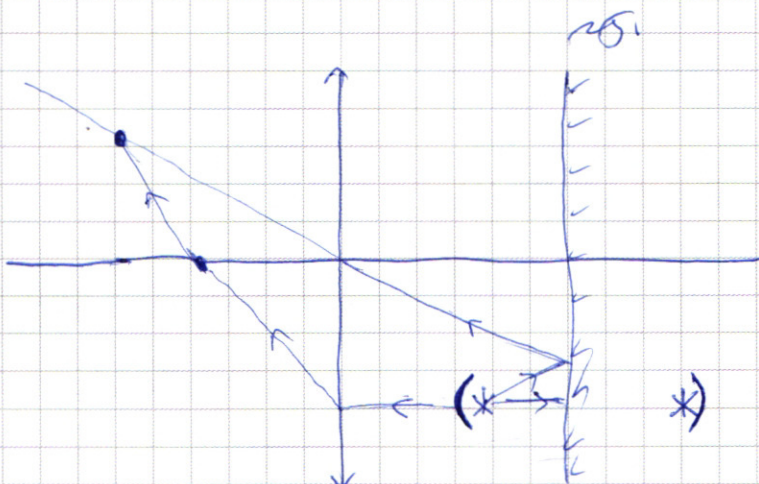
$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F}; \quad f = \frac{dF}{d-F} = \frac{\frac{9}{5}}{\frac{2-5}{5}} \cdot F = \frac{9}{4} F = \frac{3}{4} d.$$

Увеличение массы $\Gamma = \frac{b}{H} = \frac{f}{d} = \frac{5}{4} \Rightarrow h = \frac{5}{4} H = \frac{8}{15} \cdot \frac{5}{4} = \frac{2}{3} F$

~~В~~ S' находится второе зернышко от S , тем зернышко $\Rightarrow S'$ дв-ся со скоростью 225.

4. Попробуйте, подставив выражения в формулу $\frac{d}{dt} \left(\frac{F}{1-F} \right) = \frac{d(F \cdot (1-F))}{(1-F)^2} = \frac{d(F \cdot (1-F))}{(1-F)^2} =$

и т.д. Сформулируйте утверждение о монотонности



$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$f = \frac{dF}{d-F}$$

$$f = \frac{2/5 F}{5/8} = \frac{2}{5} F \quad d = \frac{9}{5} f$$

$$f = \frac{5}{4} d$$

$$h = \frac{5}{4} H = \frac{2}{3} F$$

$$\frac{df}{dt} = \frac{2F(d-F) - (5d)F}{(d-F)^2} = \frac{2F(d-2F)}{(d-F)^2}$$

$$\sqrt{\frac{1875 + 1600}{64 \cdot 3}} = \sqrt{\frac{3475}{64 \cdot 3}}$$

$$\begin{array}{r} 3475 \overline{)192} \\ \underline{192} 12,9 \\ -555 \\ \underline{-384} \\ 171 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3,6 \\ \times 3,6 \\ \hline 216 \\ 108 \\ \hline 1296 \end{array}$$

$$= 2V \cdot \frac{f}{d-f} = 2V \cdot \frac{\frac{16}{25} f}{\frac{16}{25} f - f} = -\frac{25}{8} V$$

$$V_{iy} = \frac{dh}{dt} = \left(H \cdot \frac{f}{d} \right)' = H \cdot \frac{f'}{d-f} = -H \cdot \frac{1}{d-f}$$

не совсем
уверен. потому

$$V_{ix} = \text{Скорость углового X от центра равна } \frac{df}{dt} = \frac{df}{dd} \cdot \frac{dd}{dt} =$$

$$= 2V \cdot \frac{df}{dd} = 2V \cdot \frac{d}{dd} \left(\frac{df}{d-f} \right) = 2V \cdot \frac{f(d-f) - df}{(d-f)^2} = 2V \cdot \frac{-f^2}{(d-f)^2} =$$

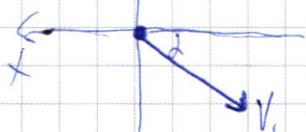
$$= -2V \cdot \frac{f^2}{\frac{16}{25} f^2} = -\frac{25}{8} V$$

$$V_{iy} = \frac{dh}{dt} = \frac{d}{dt} \left(H \cdot \frac{f}{d} \right) = H \cdot \frac{d}{dt} \left(\frac{f}{d-f} \right) = 2V \cdot H \cdot f \cdot \left(-\frac{1}{(d-f)^2} \right) =$$

$$= -2V \cdot \frac{8}{15} f^2 \cdot \frac{1}{\frac{16}{25} f^2} = -\frac{5}{3} V$$

Вектор 2-ух между $\vec{V}_i$ - скоростью углоб. X

тогда $\operatorname{tg} \alpha = \left| \frac{V_{iy}}{V_{ix}} \right| = \frac{5}{3} \cdot \frac{8}{25} = \frac{8}{15}$; $\alpha = \operatorname{arctg} \frac{8}{15}$.



$$V_i = \sqrt{V_{ix}^2 + V_{iy}^2} = V \cdot \sqrt{\frac{625 \cdot 3 + 25 \cdot 64}{64 \cdot 3}} \approx 4,1 V$$

Ответ: $\frac{9}{4} f$; $\operatorname{arctg} \frac{8}{15}$; ~~6,1~~ 4,1 V.

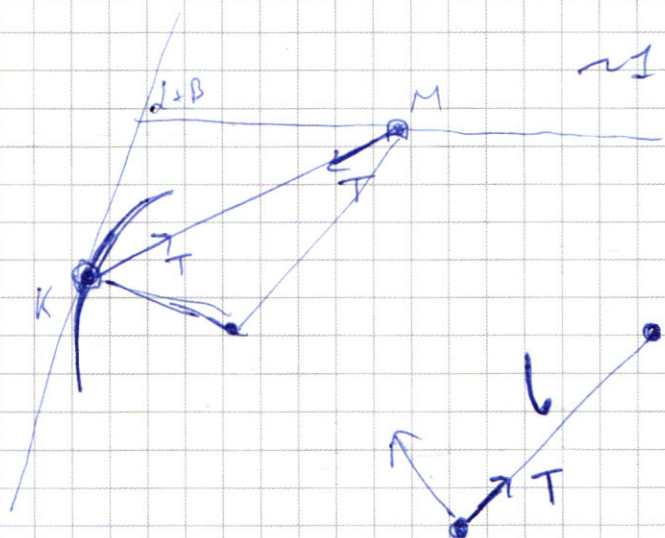
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\sim 3.$

$$I = qE$$

$$F \cdot 0,8d = \frac{mv^2}{2}$$

$$a \cdot 0,8d = \frac{v^2}{2}$$



$$\begin{array}{r} 3975 \overline{) 192} \\ - 192 \\ \hline 1555 \\ - 1394 \\ \hline 111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 83 \\ \times 192 \\ \hline 1576 \\ 1576 \\ \hline 1576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 192 \\ \times 192 \\ \hline 1344 \end{array}$$