

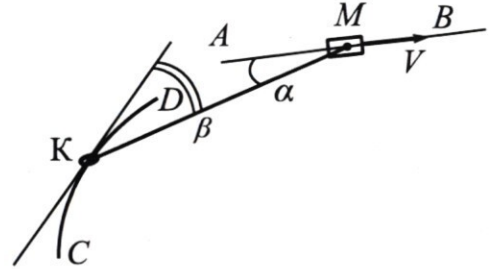
Олимпиада «Физтех» по физике, фс

Класс 11

Вариант 11-04

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влож

1. Муфту М двигают со скоростью $V = 2$ м/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 0,4$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 4/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



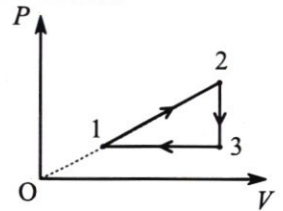
- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.

2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.

3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Напряжение на конденсаторе U . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается на расстоянии $0,2d$ от отрицательно заряженной обкладки.

1) Найдите удельный заряд частицы $\gamma = \frac{|q|}{m}$.

2) Через какое время T после влета в конденсатор частица вылетит из него?

3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

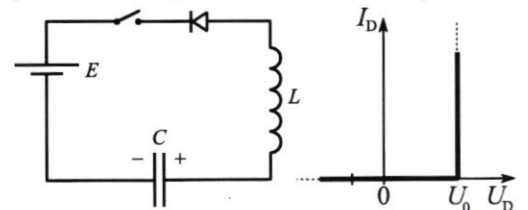
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6$ В, конденсатор емкостью $C = 10$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 9$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,4$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

Ключ замыкают.

1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.

2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.

3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

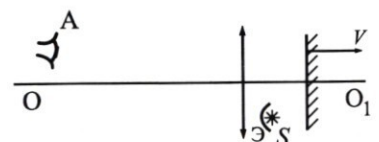


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии $3F/5$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $6F/5$ от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1.

Дано:

$$m = 0,4 \text{ кг}$$

$$v = 2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$R = 1,9 \text{ м}$$

$$\cos \alpha = \frac{4}{5}$$

$$\cos \beta = \frac{8}{17}$$

$$l = \frac{17R}{15}$$

$$v_k - ?$$

$$v_{\text{отн}} - ?$$

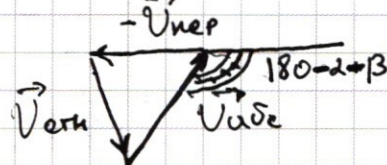
$$T - ?$$

Решение:

поскольку система идеальна, проекции скоростей муфты и колеса должны быть равны, значит:

$$v \cos \alpha = v_k \cos \beta, \quad v_k = v \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{17v}{10}. \quad (1)$$

$$\vec{v}_{\text{отн}} = \vec{v}_{\text{абе}} - \vec{v}_{\text{пер}}$$



где $\vec{v}_{\text{отн}}$ — искомая относительная скорость

$\vec{v}_{\text{абе}}$ — скорость колеса относительно проволоки

$\vec{v}_{\text{пер}}$ — скорость муфты.

$$v_{\text{абе}}^2 = v_k^2$$

$$v_{\text{пер}} = v$$

по теореме косинусов:

$$v_{\text{отн}}^2 = v_{\text{пер}}^2 + v_{\text{абе}}^2 - 2 v_{\text{пер}} v_{\text{абе}} \cos(\alpha + \beta)$$

$$v_{\text{отн}}^2 = v^2 + v_k^2 - 2vv_k \cos(\alpha + \beta)$$

$$v_{\text{отн}}^2 = v^2 + \frac{289}{100} v^2 + \frac{13}{25} v^2$$

$$v_{\text{отн}}^2 = \frac{441}{100} v^2$$

$$v_{\text{отн}} = \frac{21}{10} v \quad (2)$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{3}{5}$$

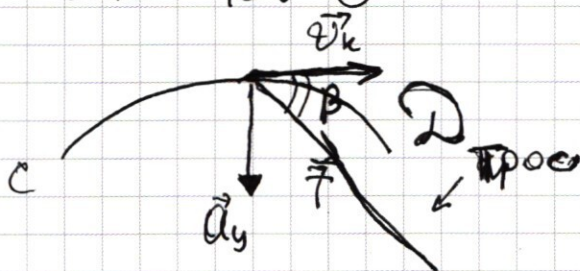
$$\sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \frac{15}{17}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta = -\frac{13}{85}$$

$$T \cdot \sin \beta = a_y \cdot m \quad a_y = \frac{v_k^2}{R}$$

$$T = \frac{v_k^2 m}{\sin \beta R} = \frac{v^2 \cos^2 \alpha m}{\cos^2 \beta \sin \beta R}$$

$$T = \frac{2,89}{285} \cdot 272 \approx 2,7 \text{ Н}$$

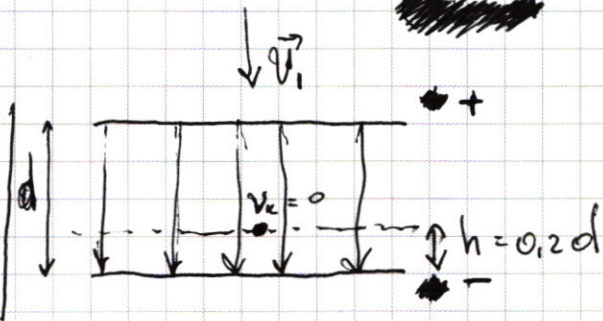


- Ответ: (1) $v_k = 1,7v = 3,4 \frac{\text{м}}{\text{с}}$
(2) $v_{\text{отн}} = 2,1v = 4,2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$
(3) $T = \frac{v^2 \cos^2 \alpha m}{\cos^2 \beta \cdot \sin \beta R} \approx 2,7 \text{ Н}$

N3

Дано:

d
 U
 $h = 0,2d$
 $v_1, v_k = 0$



$E \cdot d = U$

$E = \frac{U}{d}$

по II Закону Ньютона

$\sum F_y: ma = F_k$

$F_k = Eq$

$a = \frac{v_1^2 - v_k^2}{2(d-h)} = \frac{v_1^2}{2(d-h)}$

$= \frac{v_1^2}{1,6d}$

$\frac{|q|}{m} = \frac{a}{E} = \frac{v_1^2 d}{2(d-h)U}$

$= \frac{v_1^2}{1,6U} \quad (1)$

② $\Delta v = a T_1 \quad \Delta v = v_1 - v_k = v_1$

T_1 - время до остановки частицы.

$T_1 = T$ (известно из кинематики)

$T = \frac{v_1}{a} = \frac{1,6d}{v}$

$v_0 = v_1$ т.к. ~~на~~ на момент вылета из конденсатора частица имеет постоянную скорость (известно из кинематики), а вне конденсатора поле отсутствует, значит, скорость изменяться не будет.

Ответ: ~~1) $\delta = \frac{v_1^2}{1,6d}$~~ ① $\delta = \frac{v_1^2}{1,6d}$

② $T = \frac{1,6d}{v}$

③ $v_0 = v_1$

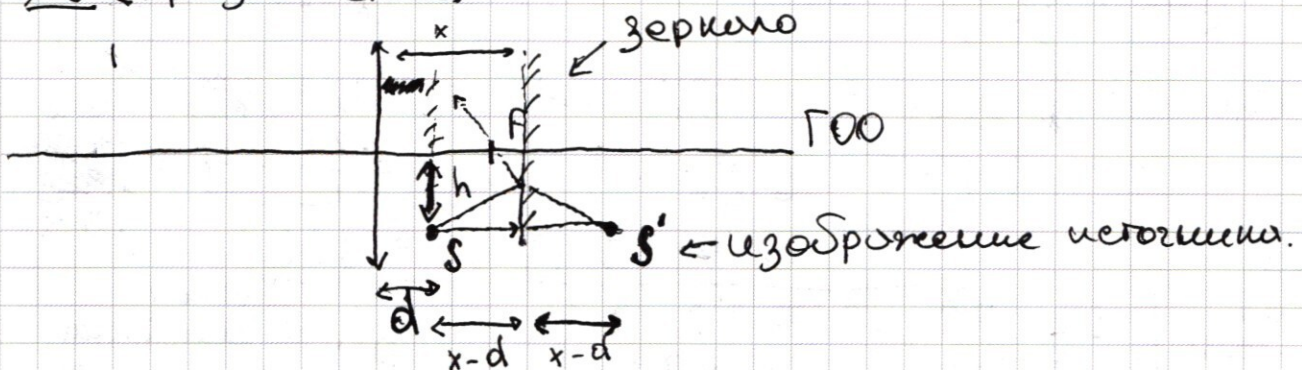
N5

Дано:

$h = \frac{8F}{15}$
 $d = \frac{3F}{5}$
 $x = \frac{6F}{5} \quad f-?$
 $v \quad d-?$
 $v_k-?$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5 (продолжение)

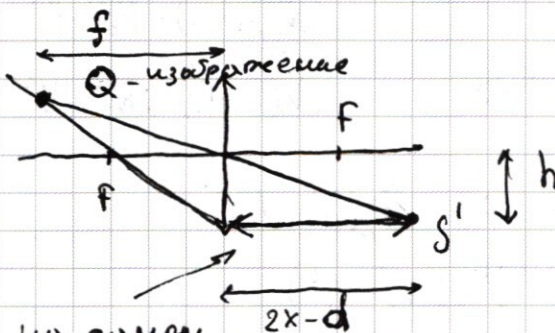


~~Можно считать, что источник находится в данной~~
~~мгнута~~

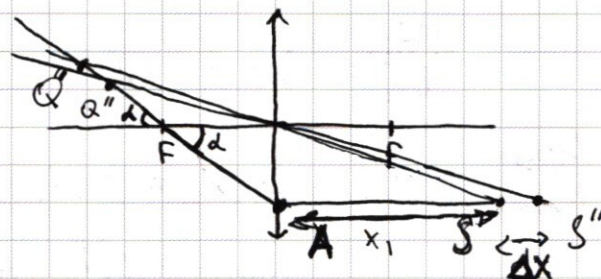
источником является отражение S' источника S . S' движется со скоростью v в ту же сторону, что и зеркало. для указанного момента времени запишем формулу тонкой линзы:

$$\frac{1}{2x-d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F} \quad f = \frac{g}{u} F \quad (1)$$

На основании вышеказанного перерисуем рисунок:



по схеме
где этот луч до линзы не
попадает, но для удобства
построения изображения
лучи будет.



рассмотрим малые переме-
щения источника и изображения.
Заметим, что изображение перешло
из точки Q' в Q'' , при этом
 Q' и Q'' лежат на $FA \Rightarrow$
скорость изображения ~~составляет~~
параллельна $AF \Rightarrow \alpha$ - искомый
угол.

$$\tan \alpha = \frac{h}{F} = \frac{8}{15}; \quad \cos \alpha = \frac{15}{17}$$

покажем, что скорость изображения $v_{ux} = \Gamma^2 v$ при сближении
 точек Δx изображение сближается ~~бесконечно~~ к:

$$f_1 - f_2 \approx \frac{1}{f_1} + \frac{1}{x_1} = \frac{1}{F}, \quad \frac{1}{f_2} + \frac{1}{x_2 \rightarrow 0} = \frac{1}{F},$$

$$f_1 - f_2 = \frac{f^2 \Delta x}{(x_1 + \Delta x - F)(x_1 - F)} \quad \text{при } \Delta x \rightarrow 0 \quad f_1 - f_2 = \frac{f^2 \Delta x}{(x_1 - F)^2} = \Gamma^2 v$$

$$\text{где } \Gamma = \frac{f}{2x - d} \quad \frac{v_{ux}}{v_u} = \cos \alpha \Rightarrow v_u = \frac{v_{ux}}{\cos \alpha} = \frac{v \Gamma^2}{\cos \alpha}$$

$\sqrt{2}$

Дано

1-2: $P = \text{const}$
 2-3: $V = \text{const}$
 3-1: $P = \text{const}$
 $i = 3$

1-2: $P \uparrow, V \uparrow \Rightarrow T \uparrow$
 2-3: $P \downarrow, V = \text{const} \Rightarrow T \downarrow$
 3-1: $P = \text{const}, V \downarrow \Rightarrow T \downarrow$

закон
 Клапейрона
 $m.k. \quad \frac{PV}{T} = \text{const.}$

Ответ: ① $\frac{9}{15} F$
 ② $\tan \alpha = \frac{8}{15}$ ③ $v_u \approx 3,3 \frac{M}{c}$

$\eta = ?$

$\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = ?$

$\eta_{\text{max}} = ?$

$$\Rightarrow \eta = \frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{C_V}{C_P} = \frac{\frac{i}{2} R}{\frac{i+2}{2} R} = \frac{i}{i+2} = \frac{3}{5} \quad ①$$

$$A_{12} = \frac{P_1 + P_2}{2} (V_2 - V_1) - \text{площадь под графиком 1-2}$$

$$A_{12} = \frac{2(V_1 + V_2)(V_2 - V_1)}{2} = \frac{1}{2} (V_2^2 - V_1^2)$$

$$\Delta U_{12} = \frac{i}{2} \nu R (T_2 - T_1)$$

$$\Delta U_{12} = \frac{i}{2} 2 (V_2^2 - V_1^2)$$

$$\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = i = 3 \quad ②$$

уравнение
 Менделеева -
 Клапейрона

$$P_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$P_2 V_2 = \nu R T_2$$

$$\nu R (T_2 - T_1) = P_2 V_2 - P_1 V_1$$

$$\nu R (T_2 - T_1) = 2(P_2^2 V_2^2 - P_1^2 V_1^2)$$

$$\eta = \frac{A_{\text{раб}}}{Q_{\text{нар}}}$$

$$A_{\text{раб}} = \frac{1}{2} (V_2 - V_1) (P_2 - P_1) = \frac{1}{2} (V_2 - V_1)^2$$

$$Q_{\text{нар}} = \Delta U_{12} + A_{12} = \frac{i+1}{2} 2 (V_2^2 - V_1^2)$$

$$\eta = \frac{\frac{1}{2} (V_2 - V_1)^2}{\frac{(i+1) 2 (V_2^2 - V_1^2)}{2}} = \frac{V_2 - V_1}{(i+1) (V_2 + V_1)}$$

$$\eta_{\text{max}} = \lim_{V_2 \rightarrow \infty} \frac{1}{i+1} \frac{V_2 - V_1}{V_2 + V_1} = \frac{1}{i+1} = \frac{1}{4} \quad ③$$

Ответ: ① $\eta = \frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{C_V}{C_P} = \frac{3}{5}$ ③ $\eta_{\text{max}} = \frac{1}{4}$
 ② $\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = i$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N4

Дано:

$$E = 6 \text{ В}$$

$$U_0 = 1 \text{ В}$$

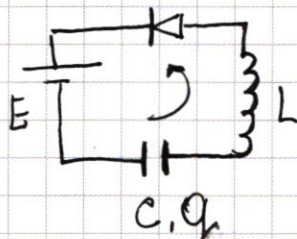
$$U_1 = 9 \text{ В}$$

$$C = 10 \text{ нФ}$$

$$I(0) = ?$$

$$I_{\text{max}} = ?$$

$$U = ?$$



Выберем направление обхода и
выведем ур-ние колебаний
заряда на конденсаторе.

$$\frac{q}{C} + L \frac{dI}{dt} + U_0 - E = 0$$

$$\frac{q}{C} + L \ddot{q} + U_0 - E = 0$$

$\ddot{q}$ - вторая
производная
заряда по
времени.

сделаем замену: $\ddot{Q} = \ddot{q}$

$$Q = (E - U_0)C - q$$

$$\frac{Q}{CL} + \ddot{Q} = 0 \Rightarrow Q(t) = Q_0 \cos(\omega t + \varphi_0)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

$$\Rightarrow \varphi_0 = 0$$

$$Q_0 = Q(0) = (E - U_0)C - q_0$$

$$\dot{I} = \dot{Q} = -\omega^2 Q_0 \cos(\omega t + \varphi_0) \quad U_1 + (E - U_0)C$$

$$\ddot{Q}(0) = \frac{(E + U_0)C + U_1}{LC} = \frac{-E + U_0}{L} + \frac{U_1}{LC} = 22477,5 \frac{\text{кВ}}{\text{с}^2} \text{ ①}$$

$$\ddot{Q}_{\text{max}} = Q_0 \omega = \frac{Q_0}{\sqrt{LC}} = \frac{U_1}{\sqrt{LC}} + (E - U_0) \sqrt{\frac{C}{L}} = 450,005 \text{ А} \text{ ②}$$

При установившемся равновесии ток не течет.

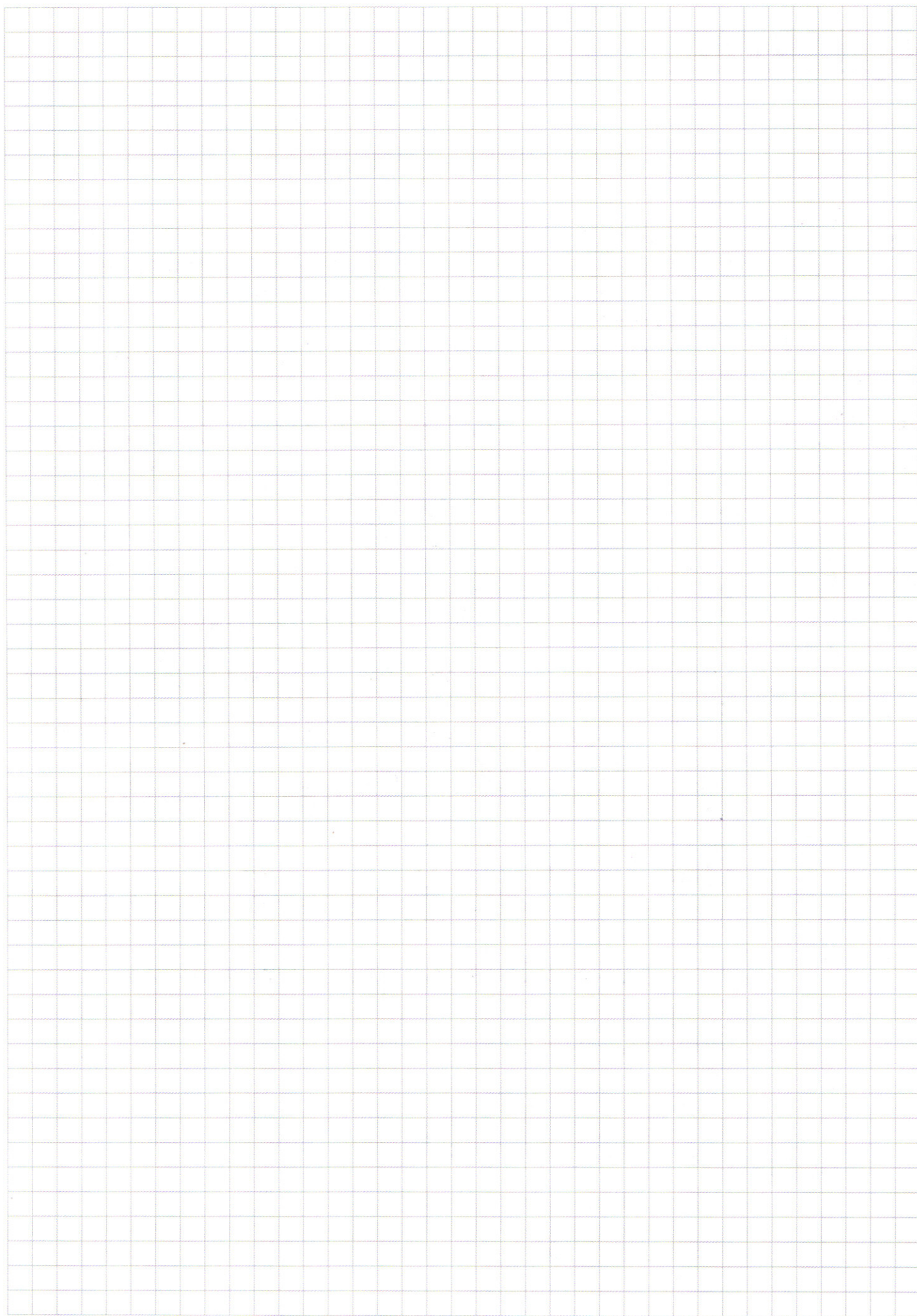
$$\Rightarrow U + U_0 - E = 0$$

$$U = E - U_0 = 5 \text{ В.}$$

Ответ: ① $I(0) = 22477,5 \frac{\text{кВ}}{\text{с}^2}$

② $I_{\text{max}} = 450,005 \text{ А}$

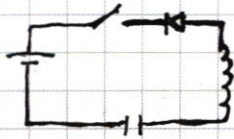
③ $U = 5 \text{ В}$



☒ черновик ☐ чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\frac{q}{C} + L\ddot{q} - E = 0$$

$$Q = q - C(E + U_0)$$

$$\frac{Q}{CL} + \ddot{Q} = 0$$

$$Q(0) = q - C(E + U_0)$$

$$Q = A \cos(\omega t + \varphi_0)$$

$$C(U - E + U_0)$$

$$Q(0) = -A \sin(\varphi_0)$$

$$Q(0) = Q_0 \cos(\omega t + \varphi_0)$$

$$\dot{Q} = Q_0 \frac{1}{\sqrt{LC}} = A$$

$$\frac{2,89 \cdot 4 \cdot 0,4 \cdot 17}{1,9 \cdot 15}$$

$$\frac{2,89 \cdot 16 \cdot 17}{285}$$

$$285$$

$$\frac{289}{285} \cdot 285 = 1,014$$

$$\frac{400}{285} = 1,404$$

$$\frac{285}{1140}$$

$$272 \cdot 1,014$$

$$\sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$1 - \frac{64}{289}$$

$$1 - \frac{64}{289}$$

$$\frac{19}{15} = 1,26$$

$$\frac{16}{17} = 0,94$$

$$\frac{17}{12} = 1,41$$

$$\frac{12}{200} = 0,06$$

$$Q = (U - E)C - q$$

$$9 \cdot 10^{-2}$$

$$0,55$$

$$\frac{4}{5} \cdot \frac{8}{17} - \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{12} = \frac{1}{5 \cdot 17} (32 - 45) = -\frac{13}{5 \cdot 17}$$

$$\frac{10}{10} = 1$$

$$2 \cdot \frac{17}{10} \cdot \frac{13}{5 \cdot 17} = \frac{13}{25}$$

$$\frac{6}{0,4} = 15$$

$$12,5$$

$$\frac{88}{120} = 0,73$$

$$\frac{25}{225} = 0,11$$

$$\frac{25}{225} = 0,11$$

$$\frac{25}{225} = 0,11$$

$$\frac{25}{225} = 0,11$$

$$\frac{25}{225} = 0,11$$

$$\frac{25}{225} = 0,11$$

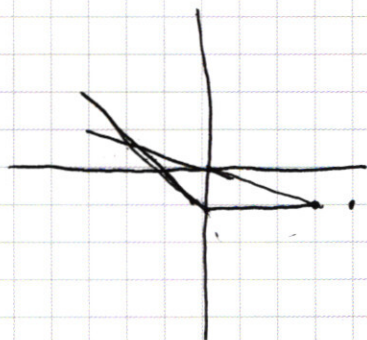
$$\frac{25}{225} = 0,11$$

$$225000 - \frac{225}{125} = 224775$$

$$225 \cdot 10^3$$

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{10 \cdot 10^{-6}} = 10^5$$

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{10 \cdot 10^{-6}} = 10^5$$



$$\frac{1}{x} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$f_1 = \frac{x f}{x - f}$$

$$f_2 = \frac{(x + \Delta x) F}{x + \Delta x - F}$$

$$f_1 - f_2 = \frac{x f}{x - f} - \frac{(x + \Delta x) F}{x + \Delta x - F}$$

$$\frac{x f (x + \Delta x - F) - (x + \Delta x - F) (x - f) F}{(x + \Delta x - F) (x - f)}$$

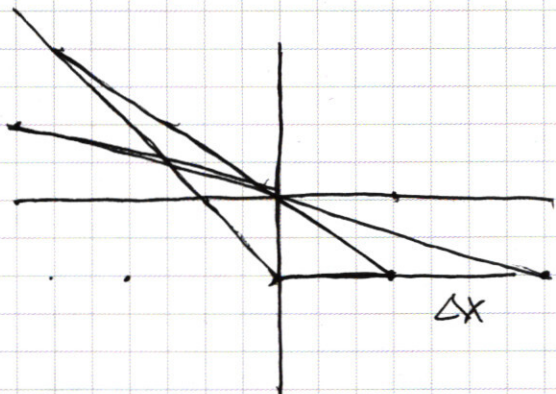
$$x^2 f + x \Delta x f - x f^2 - x^2 f - x \Delta x f + x f^2 + F^2 \Delta x$$

$$\frac{f}{x} = \frac{x f}{(x - f) x}$$

$$\frac{F^2 \Delta x}{(x - f)^2} = f^2 \Delta x$$



$$\sqrt{1 + v^2} = v \sqrt{1 + \frac{1}{v^2}}$$



$$1 + \frac{h^2}{F^2} = \sqrt{\frac{F^2 + h^2}{F^2}}$$

$$\frac{1}{\cos \alpha} = \sqrt{1 + \frac{8^2}{15^2}} = \frac{17}{15}$$

$$\frac{u}{v} = \cos \alpha$$

$$v = \frac{u}{\cos \alpha}$$

$$\frac{v r^2}{\cos \alpha}$$

$$r = \frac{u}{v} = \frac{u}{\frac{u}{\cos \alpha}} = \cos \alpha$$

$$\frac{5}{4} \sqrt{1 + \frac{25}{16}} = \frac{30}{16}$$

$$\frac{5}{16} \sqrt{41}$$

$$\frac{25}{16} \cdot \frac{17}{15} = \frac{5}{3}$$

$$\begin{array}{r} 225 \\ + 64 \\ \hline 289 \\ \sqrt{} \\ 25 \\ \hline 16 \\ \hline 41 \end{array}$$

$$2\sqrt{10}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

12 $P \uparrow V \uparrow T \uparrow$
23 $P \downarrow V = c T \downarrow$
31 $P = c \nu \downarrow T \downarrow$

$$\frac{i+2}{2} = \frac{i+2}{2}$$

$$\eta = 1 - \frac{Q_x}{Q_H} = \frac{A_T}{Q_H}$$

$$i+1 \frac{(V_2 - V_1)^2}{V_2^2 - V_1^2} = \frac{V_2 - V_1}{V_2 + V_1} = 1 - \frac{2V_1}{V_1 + V_2}$$

$$\eta = 1 - \frac{A(V_2 - V_1) \left(\frac{i}{2} V_2 + \frac{i+2}{2} V_1 \right)}{\frac{i+1}{2} (V_2^2 - V_1^2)}$$

$$\frac{\frac{i}{2} V_2 + \frac{i+2}{2} V_1}{\frac{i+1}{2} V_2 + V_1}$$

$$= 1 - \frac{2V_1}{V_1 + V_2}$$

$$\frac{C_p}{C_p} = \frac{i}{2} : \frac{i+2}{2} = \frac{i}{i+2}$$

$$dQ = dA + du = \dots$$

$$\frac{dV_1 + dV_2}{2} \frac{dV}{d(V_2^2 - V_1^2)}$$

$$\frac{i}{2} d(V_2^2 - V_1^2)$$

$$\frac{i}{2} d(V_2^2 - V_1^2) = \frac{i+1}{2} d(V_2^2 - V_1^2) \frac{i+1}{2} J R dT$$

$$\frac{(P_2 - P_1)(V_2 - V_1)}{2} = \frac{d(V_2 - V_1)^2}{2}$$

$$Q_x = \frac{i}{2} J R$$

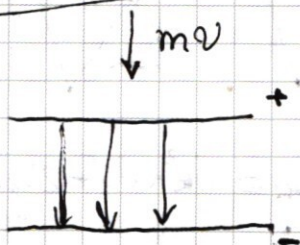
$$Q_x = \frac{i}{2} J R (T_2 - T_3) +$$

$$\frac{i+2}{2} J R (T_3 - T_1)$$

$$\frac{i+2}{2} J R (T_3 - T_1)$$

$$\frac{i}{2} (P_2 - P_1) V_2 + \frac{i+2}{2} P_1 (V_2 - V_1)$$

$$\frac{i}{2} d(V_2 - V_1) V_2 + \frac{i+2}{2} dV_1 (V_2 - V_1)$$



$$U = Ed$$

$$F = ma = Eq = \frac{q}{d} q$$

$$\frac{v_1^2}{2a} = 0,8d$$

$$\frac{q}{m} = \frac{a \cdot d}{U}$$

$$a = \frac{v_1^2}{1,6d}$$

$$\frac{q}{m} = \frac{v_1^2}{1,6U}$$

$$0,8d = \frac{v_1}{2} t$$

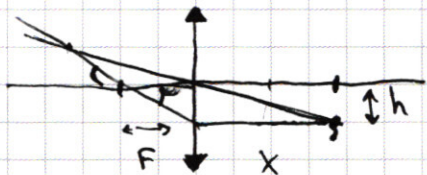
$$t = \frac{1,6d}{v_1}$$

$$v = at$$

$$t = \frac{v}{a} = \frac{1,6d}{v_1}$$

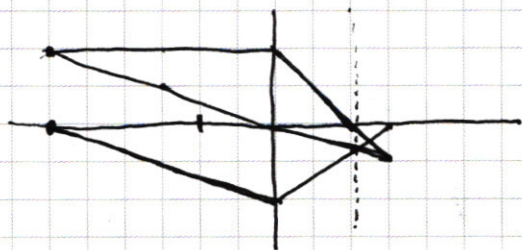
$$v_1$$

$$\frac{4}{5} \frac{12}{82}$$



$$\frac{12F}{5} + \frac{8F}{15} = \frac{36-8}{15} F = \frac{28F}{15}$$

$$\frac{12F}{5} - \frac{2F}{5} - \frac{9F}{5} =$$

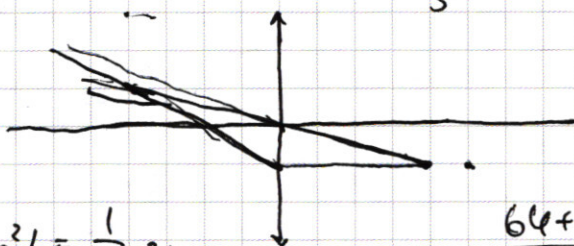


$$\frac{1}{6} + \frac{1}{3} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{d} = \frac{1}{F} - \frac{1}{a}$$

$$F = \frac{Fd}{d-F} = \frac{F \cdot \frac{9F}{5}}{\frac{9F}{5} - F} = \frac{9}{5} \cdot \frac{5}{4} = \frac{9}{4} F$$

$$v = \frac{r^2 v_{or}}{\cos \alpha}$$



$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{h}{F} = \frac{8}{15}$$

$$1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\frac{64+225}{225} = \frac{289}{225} = \frac{17}{15} = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

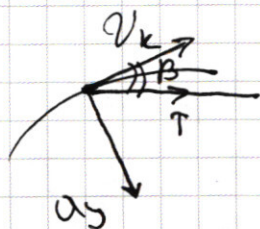
$$v = \frac{r^2}{\cos \alpha} v$$

$$v_k \cos \beta = v_H \cos \alpha$$

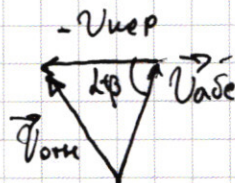
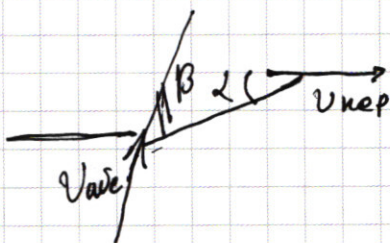
$$v_k = v_H \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$\vec{v}_{a\delta e} = \vec{v}_{orH} + \vec{v}_{up}$$

$$\vec{v}_{orH} = \vec{v}_{a\delta e} - \vec{v}_{up}$$



$$T \sin \beta = \frac{v_k^2}{R}$$



$$v_{orH}^2 = v_k^2 + v_H^2 + 2v_k v_H \cos(\pi - \beta)$$

$$\frac{12}{5} - \frac{3}{5} = \frac{9}{5} \cdot \frac{9}{4}$$