

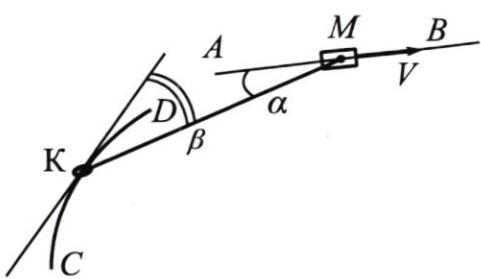
Олимпиада «Физтех» по физике, 1

Класс 11

Вариант 11-04

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не принимаются.

1. Муфту M двигают со скоростью $V = 2 \text{ м/с}$ по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,4 \text{ кг}$ может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9 \text{ м}$. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол $\alpha (\cos \alpha = 4/5)$ с направлением движения муфты и угол $\beta (\cos \beta = 8/17)$ с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.

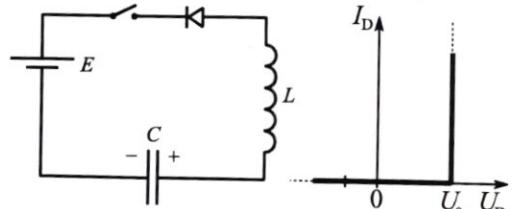
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Напряжение на конденсаторе U . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается на расстоянии $0,2d$ от отрицательно заряженной обкладки.

- 1) Найдите удельный заряд частицы $\gamma = \frac{|q|}{m}$.
- 2) Через какое время T после влета в конденсатор частица вылетит из него?
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

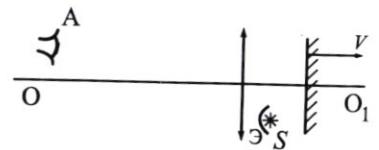
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 6 \text{ В}$, конденсатор емкостью $C = 10 \text{ мкФ}$ заряжен до напряжения $U_1 = 9 \text{ В}$, индуктивность идеальной катушки $L = 0,4 \text{ Гн}$. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1 \text{ В}$. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оptическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси $O\mathcal{O}_1$ линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси $O\mathcal{O}_1$ и на расстоянии $3F/5$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси $O\mathcal{O}_1$. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $6F/5$ от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси $O\mathcal{O}_1$ движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

15.2

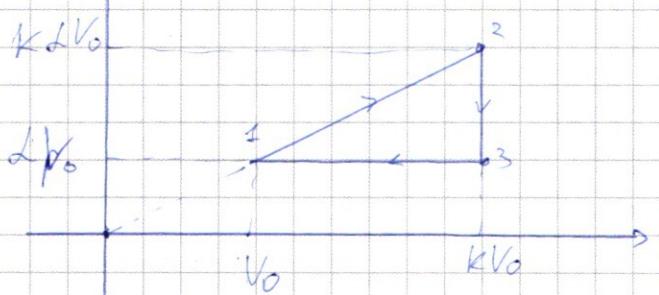
$i=3$. $1-2$: $p=dV$

Решение.

1)

$$\bullet Q_{23} = \alpha U_{23} + A_{23} = \frac{3}{2} (2kV_0^2 - kV_0^2) \\ = \frac{3}{2} kV_0^2 (1-k) < 0 \Rightarrow$$

\Rightarrow в процессе 2-3 температура понижалась.



$$\bullet Q_{31} = \alpha U_{31} + A_{31} = \frac{3}{2} (2V_0^2 - 2kV_0^2) - \\ - 2V_0^2 (k-1) = -\frac{5}{2} 2V_0^2 (k-1) < 0$$

\Rightarrow в процессе 3-1 температура понижалась.

$$\bullet Q_{12} = \alpha U_{12} + A_{12} = \frac{3}{2} (2k^2 V_0^2 - 2V_0^2) + \frac{2V_0 + kV_0}{2} (k-1)V_0 = \\ = 2kV_0^2(k^2-1) > 0 \Rightarrow$$

в процессе 1-2 температура повышалась.

Так же $Q_{23} = C_{23} \Delta(T_3 - T_2) \rightarrow C_{23} = \frac{Q_{23}}{\Delta(T_3 - T_2)} =$

$$= \frac{\frac{3}{2} kV_0^2 (1-k)}{\Delta(T_3 - T_2)} = \frac{\frac{3}{2} \Delta R (T_3 - T_2)}{\Delta(T_3 - T_2)} = \frac{3}{2} R$$

Упр-ие
менеджер
клайнберг
для 2 и 3 $2kV_0^2 = \Delta R T_2$

$$\Rightarrow 2kV_0^2 (1-k) = \Delta R (T_3 - T_2)$$

$Q_{31} = C_{31} \Delta(T_1 - T_3) \rightarrow C_{31} = \frac{Q_{31}}{\Delta(T_1 - T_3)} =$

$$= \frac{\frac{5}{2} 2V_0^2 (1-k)}{\Delta(T_1 - T_3)} = \frac{\frac{5}{2} \Delta R (T_1 - T_3)}{\Delta(T_1 - T_3)} = \frac{5}{2} \Delta R$$

Упр-ие
менеджер
клайнберг
для 1 и 3 $2kV_0^2 = \Delta R T_1$

$$\frac{C_{23}}{C_{31}} = \frac{\frac{3}{2}R}{\frac{5}{2}R} = \frac{3}{5}$$

2) U_2 пульса I) подставив в $\frac{\Delta U_{12}}{U_{12}}$ знае-
река ΔU_{12} и U_{12} :

$$\frac{\Delta U_{12}}{U_{12}} = \frac{\frac{3}{2}L V_0^2 (k^2 - 1)}{\frac{1}{2}L V_0^2 (k^2 - 1)} = 3$$

3) $\eta = \frac{4\varepsilon}{Q_{12}}$, по определению КПД

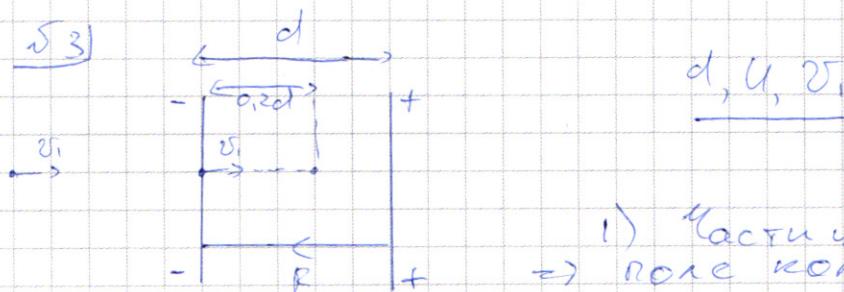
- подсчитан как площадь под
зрачком

$$\eta = \frac{(L V_0 k - L V_0)}{2} \cdot \frac{(k-1)V_0}{2 L V_0^2 (k^2 - 1)} = \frac{L V_0^2 (k-1)^2}{4 L V_0^2 (k^2 - 1)} = \frac{k-1}{4(k+1)}$$

$$\lim_{k \rightarrow \infty} \frac{k-1}{4(k+1)} = \frac{\frac{k-1}{k} \cdot \frac{1}{1+\frac{1}{k}}}{\frac{4k+4}{k} + \frac{4}{1+\frac{1}{k}}} = \frac{1}{4}, \text{ т.е. } \eta_{\max} \approx 25\%$$

Ответ: 1) 0,6 = $\frac{3}{5}$ 2) 3 = $\frac{\Delta U_{12}}{U_{12}}$

3) $\eta_{\max} = 25\%$



1) Частица остакавливается
⇒ поле конденсатора ее
огораживает, и заслонка
бледнеет со стороны ней

• По закону об изменении массы частицы при
движении:

$$0 - \frac{m U_1^2}{2} = E_{0,2d} [q] \Rightarrow \frac{m U_1^2}{2} = E_{0,2d} [q] \approx$$

$$\Rightarrow \frac{|q|}{m} = \frac{U_1^2}{0,4U} = \delta \quad (\text{на частицу действует
только силы со стороны
электрического поля})$$

2) $\frac{U_1 + 0}{2} \cdot t = 0,2d \Rightarrow t = \frac{0,4d}{2U_1}$ $T = 2t$, так как
время горения
изменяется
и происходит
затухание
с постоянной
ускорением

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$T = \frac{0,8d}{25}$$

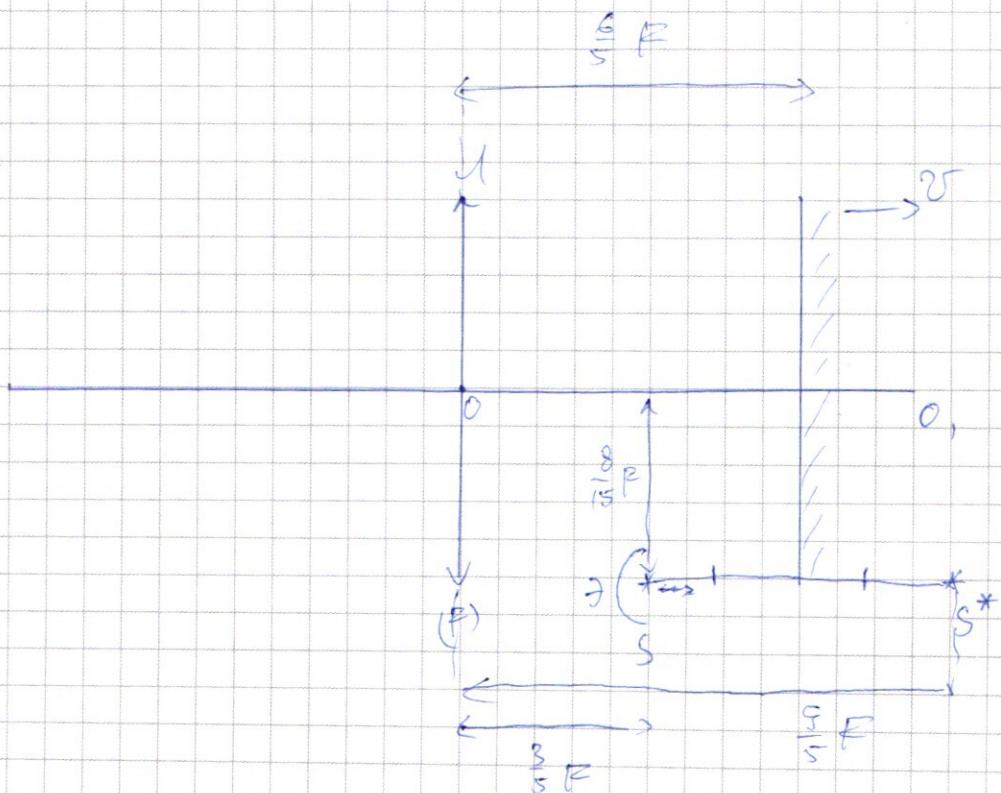
3) В ис. колеса катара, движущееся вправо не движется, а зеркальная часть будет двигаться с одинаковой скоростью, равной скорости катета (благод.)

$$\frac{0 - v_0^2}{-2a} = 0,2d \Rightarrow v_0^2 = 0,4ad \rightarrow T = \frac{v_0^2}{25}$$

с другой стороны $\frac{0 - v_1^2}{-2a} = 0,2d \Rightarrow v_1^2 = 0,4ad$

$$0; \text{бес} i) \delta = \frac{v_1^2}{0,4a}; \quad 2) T = \frac{0,8d}{25}; \quad 3) v_0 = v_1$$

55)



1) Прямоугольник находится на расстоянии $\frac{6}{5}F - \frac{3}{5}P = \frac{3}{5}F$ от зеркала. Он является для него действительным, т. к. от 18 разделено зеркало расходящимся пучком лучей.

Изображение S^* проекция S будет расположено вдоль симметрично относительно зеркала и, а значит, на расстоянии $\frac{6}{5}R + \left(\frac{6}{5}R - \frac{3}{5}R\right) = \frac{9}{5}R$ от него.

Скорость S относительно зеркала равна v и направлена к зеркалу, а значит S^* имеет такую же скорость, но противоположно направленную.

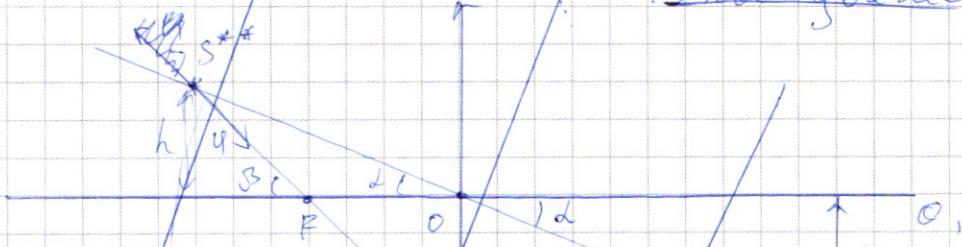
Изображение S^* относительно зеркала движется предметом для собирающей линзы, т.к. расположение за фокусом, а значит фокальная линза f :

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{F} = \frac{5}{9F} + \frac{1}{f} = \frac{14}{9F} \Rightarrow f = \frac{9}{14}F$$

2)

В С.О. зеркала

~~Не обращать внимание на зеркальное изображение~~
Учесть движение



$$\tan \beta = \frac{h}{\frac{8}{15}F}, \quad \tan \alpha = \frac{\frac{8}{15}F}{\frac{9}{5}F} = \frac{8}{27} = \frac{4h}{9F} \Rightarrow h = \frac{2}{3}F$$

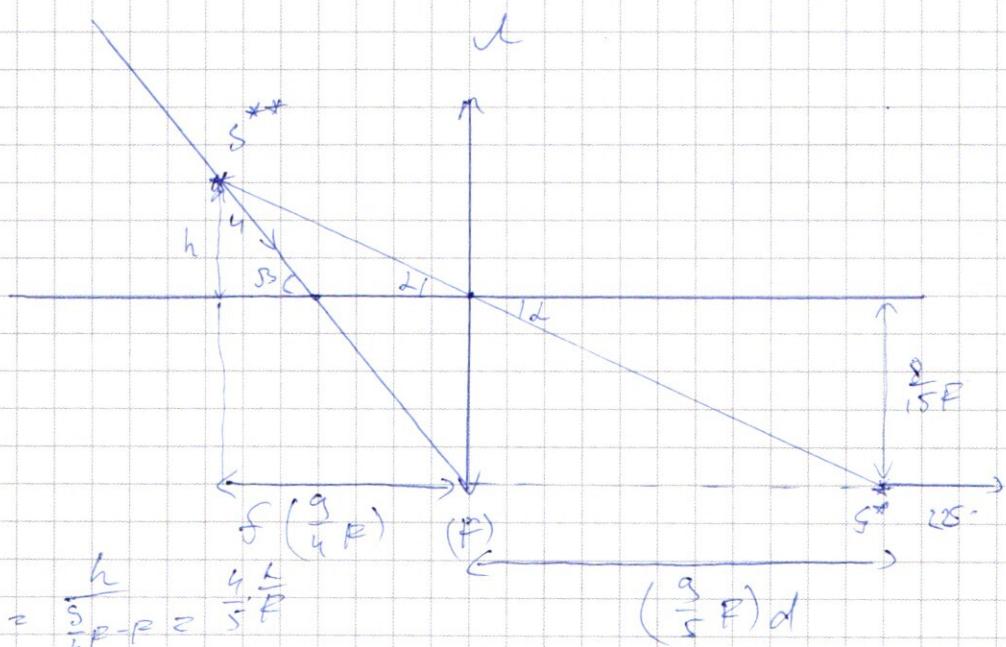
$$\tan \beta = \frac{8}{15} \Rightarrow \beta = \arctan \frac{8}{15}$$

Пересадим из с.о. зеркала в с.о. земли тогда S^* будет иметь скорость v_{25} направлена вправо

$\frac{20}{5} \text{ м/c}$
 $\frac{20}{25} \text{ м/c}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2) В с. о. земли.



$$\tan \beta = \frac{h}{\frac{9}{4}R - R} = \frac{4h}{5R}$$

$$\tan \alpha = \frac{\frac{8}{15}R}{\frac{9}{4}R} = \frac{8}{27} = \frac{4h}{9R} \Rightarrow \frac{h}{R} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow \tan \beta = \frac{8}{15}$$

$$\beta = \arctan \frac{8}{15}$$

3) Направление полета продолженного в бесконечность со временем меняется. Скорость s^{**} и s^* неизменяется на 1.

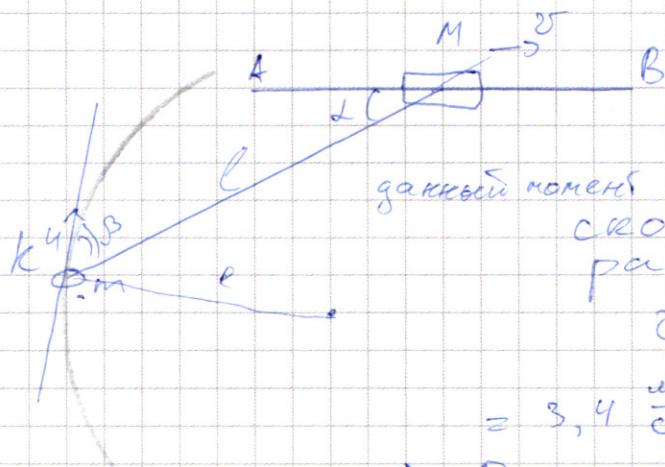
$$\frac{f}{d} = R \geq \frac{\frac{9}{4}R}{\frac{9}{5}R} = \frac{5}{4} \quad | \cos \beta = \frac{15}{17}$$

$$u = \frac{28 \cdot \frac{25}{16}}{\frac{15}{17}} = \frac{850}{24}$$

$$\text{Ответ: 1)} f = \frac{9}{4}R \quad 2) \arctan \beta = \frac{8}{15} \quad 3) u = \frac{850}{24}$$

5U

v, m, R, ℓ, β, L



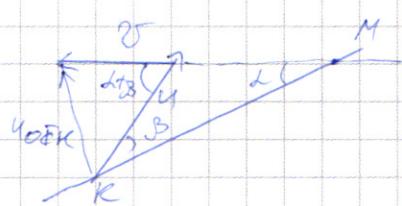
Решение.

1) Если считать трос в данный момент не стянутым, то проекции скорости на него будут равны нулю. Т.е.

$$v \cos \beta = u \cos \beta = 0$$

$$= 3,4 \frac{m}{s}$$

2) Переходим в с.о. мгноты, т.к.



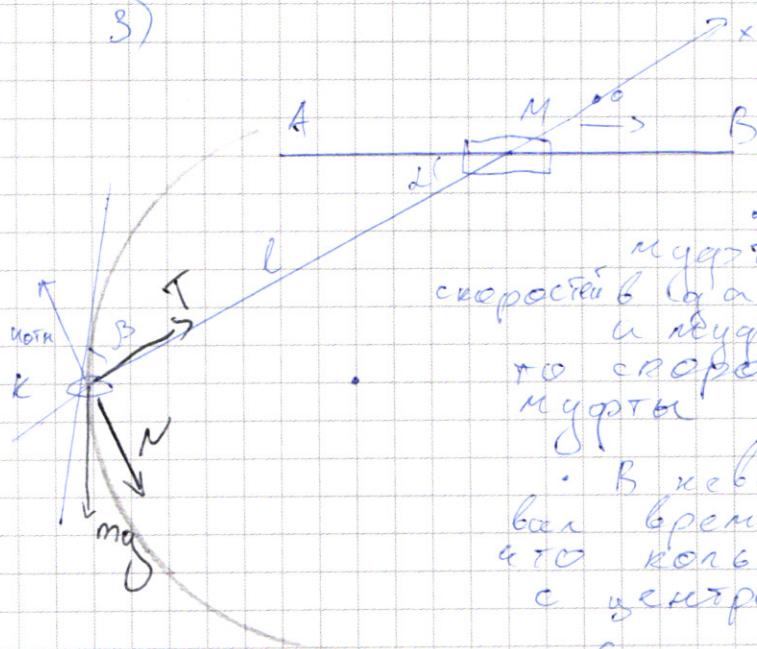
$$\text{Чотн} = \sqrt{v^2 + u^2 - 2vu \cos(\ell + \beta)}$$

по ТН косинусов.

$$\cos(\ell + \beta) = \cos \ell \cdot \cos \beta - \sin \ell \cdot \sin \beta = -\frac{13}{85}$$

$$\text{Чотн} = 4,2 \frac{m}{s}$$

3)



• Переходим в с.о. мгноты, т.к. проекции скоростей в данной системе не меняются, и поэтому на них рабочие и мгноты будут одинаковы. Т.к. в с.о. мгноты будет чотн = 1 км.

• В первом приближении можно считать, что вращение кабеля происходит вокруг центра масс B, т.к. вращение происходит вокруг центра масс B, т.к. вращение происходит вокруг центра масс B, т.к. вращение происходит вокруг центра масс B.

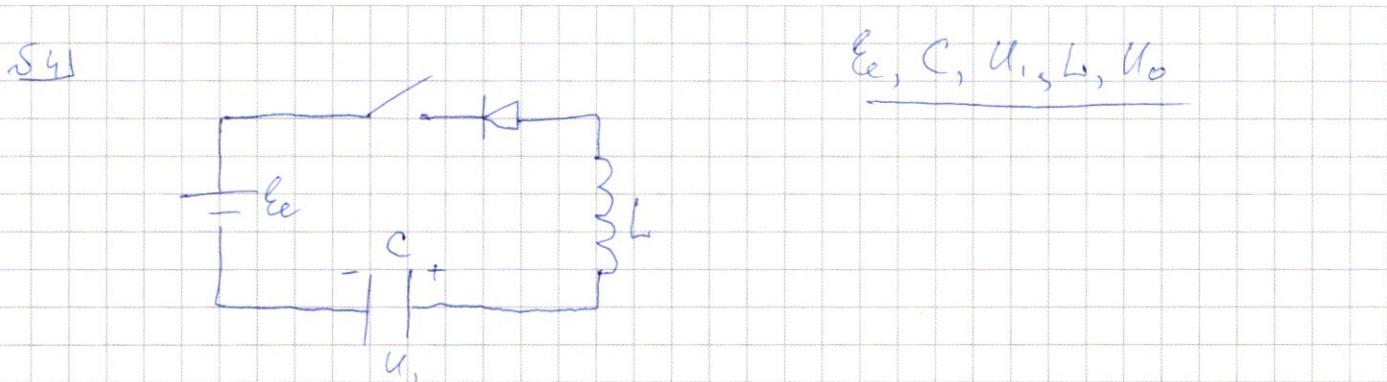
• Сила T реакции в данном случае будет направлена против скорости.

$$2 \text{ ЗН на оси: } T - mg \sin \ell = \frac{mv^2}{R} = 2$$

$$\Rightarrow T = mg \sin \ell + \frac{mv^2}{R} = \frac{12}{5} + \frac{6 \cdot 17,64}{17,19} \approx 5,5 \text{ Н.}$$

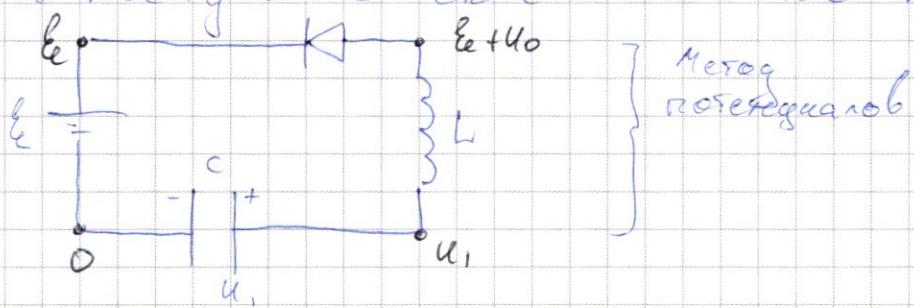
Ответ: 1) $u = 3,4 \frac{m}{s}$ 2) $\text{чотн} = 4,2 \frac{m}{s}$ 3) $T = 5,5 \text{ Н}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Решение.

1) После (сразу) замыкания ключа на параллельном включении конденсаторе и ток в катушке сразу сквозь нее начинается.

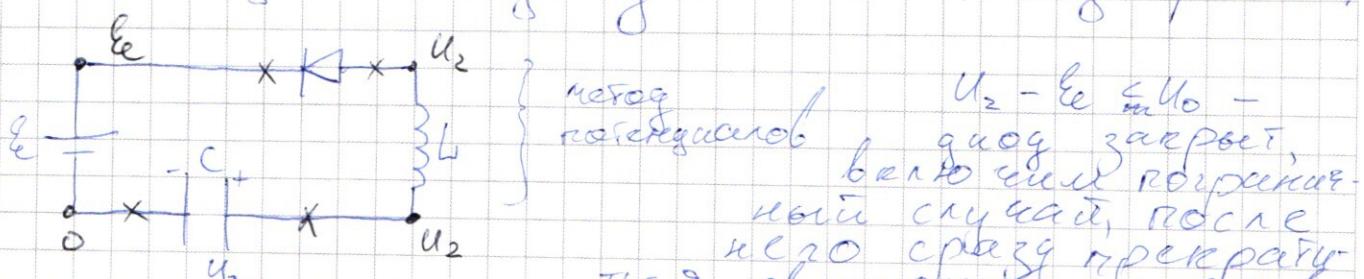


$$LI' = U_1 \Rightarrow I' = \frac{U_1}{L}; \quad I(0) = \frac{U_{1(0)}}{L} = \frac{U_1 - E_e - U_o}{L}$$

$\approx 5 \text{ A}$

2) Максимальный ток течет в цепи, когда $I' = 0$.

Потому что рассмотрели тут - стационарное состояние состоящее из цепи, после замыкания ключа. Оно достигается, когда разность постепенных фазоров становиться равной фазором.



3) Максимальный ток, когда $I' = 0$.

Рассмотрим схему перед устремляющимися! До этого момента

$I > 0$, поэтому I_{max} в этот момент

3С2: $E(U_1 - U_2) = \frac{U_1^2}{2} - \frac{U_2^2}{2} + \frac{L I_{max}^2}{2}$

$$6 \cdot 10 \cdot 10^{-6} \cdot 2 = \frac{10 \cdot 10^6 \cdot 49}{2} - \frac{10 \cdot 10^6 \cdot 81}{2} + 0,2 \cdot I_{max}^2$$

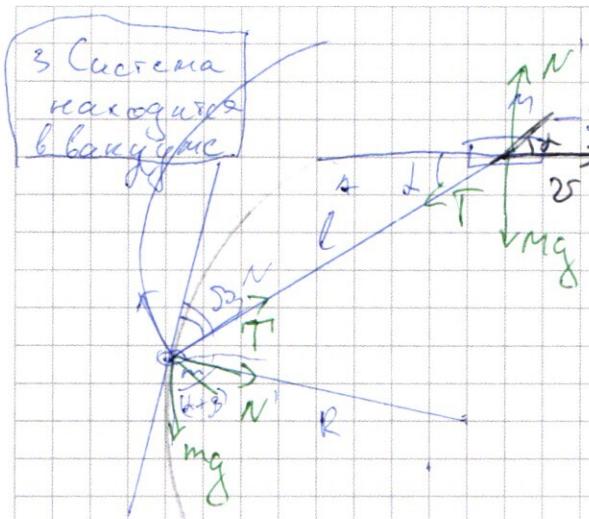
$$120 = 245 - 405 + 2 \cdot 10^5 \cdot I_{max}^2$$

$$280 = 2 \cdot 10^5 I_{max}^2$$

$$I_{max}^2 = \frac{280}{10^5} \frac{140}{10^5} = 14 \cdot 10^{-4} A.$$

Ответ: 1) $I = 5 \left(\frac{A}{c} \right)$ 2) $14 \cdot 10^{-4} A$ 3) $U_2 = 78 V$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$v, m, R, \alpha, \beta, F_x$

$$4 + 3,4^2 + 2 \cdot \frac{13}{25} \cdot 2 \cdot 3,4$$

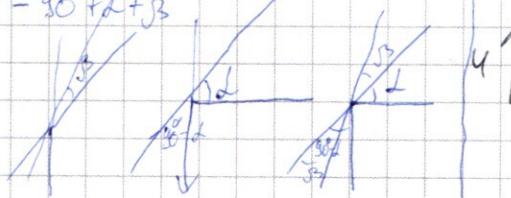
$$\frac{42}{81+83}$$

$$1225 - 69$$

23H: $N + T \sin \beta + mg \sin(\alpha + \beta) = m \frac{v^2}{R}$

3)

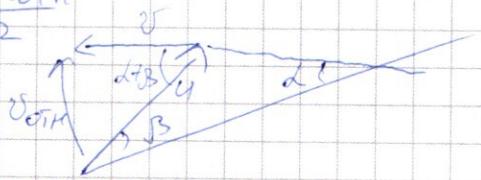
$$30^\circ - 30^\circ + \alpha + \beta$$



2)

$$T + N - mg \sin \alpha = \frac{mv^2}{R}$$

$$T \cos \beta$$



$$1) v \cos \alpha \cos \beta =$$

$$\Rightarrow u = \frac{25 \cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{2 \cdot \frac{4}{5} \cdot 17}{8} =$$

$$= 3,4 \text{ м/с}$$

$$\frac{8}{17} \rightarrow \frac{15}{17}$$

$$\frac{4}{5} \rightarrow \frac{3}{5}$$

$$34^2 =$$

$$\frac{8}{17} \cdot \frac{4}{5} - \frac{3}{5} \cdot \frac{15}{17}$$

$$\frac{32 - 45}{85} = \frac{-13}{85}$$

$$v_{\text{окн}} = \sqrt{v^2 + u^2 - 2vu \cos(\alpha + \beta)}$$

$$v_{\text{окн}} = \sqrt{v^2 + \frac{v^2 \cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} - 2 \frac{v^2 \cos \alpha}{\cos \beta} (\cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta)}$$

$$v_{\text{окн}} = 25 \sqrt{1 + \frac{\cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} - 2 \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} (\cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta)}$$

(4,2)

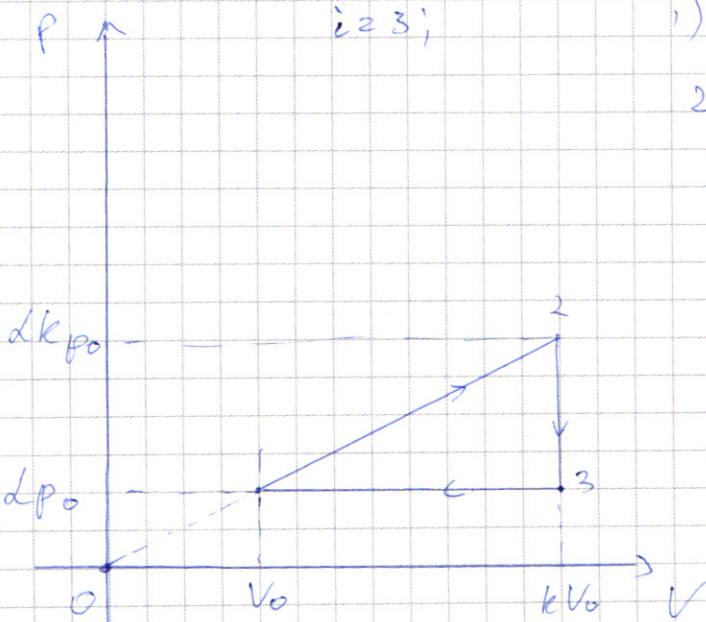
$$3) 1) N + T \sin \beta + mg \cos(\alpha + \beta) = \frac{mv^2}{R}$$

$$T \cos \beta = mg \frac{\sin(\alpha + \beta)}{\cos \beta}$$

$$2) T \cos \beta - mg \sin(\alpha + \beta) = ma$$

3)

ω₂



$$1) \frac{C_{23}}{C_{13}}$$

$$2) \frac{\Delta U_{12}}{A_{12}}$$

$$3) \eta_{\max} = ?$$

$$1) Q_{23} = \Delta U_{23} + \frac{A_{23}}{2} = \frac{3}{2} \Delta R(T_3 - T_2)$$

$$Q_{31} = \Delta U_{31} + A_{31} = \frac{3}{2} \Delta R(T_1 - T_3) + \frac{d_{p0}(k-1)V_0}{2}$$

$$k d_{p0} V_0 - d_{p0} V_0$$

$$= \frac{3}{2} \Delta R(T_1 - T_3)$$

$$Q_{23} = C_{23} \Delta R(T_3 - T_2) \rightarrow C_{23} = \frac{\frac{3}{2} \Delta R(T_3 - T_2)}{\Delta R(T_3 - T_2)}$$

$$= \frac{3}{2} R$$

$$Q_{31} = C_{31}$$

$$2) \frac{\frac{3}{2} (d_{kpo} k V_0 - d_{p0} V_0)}{\left(\frac{d_{p0} k V_0}{2} + \frac{d_{p0} k V_0}{2} \right) \cdot (k+1) V_0}$$

$$\frac{\frac{3}{2} (d_{kpo} k V_0 - d_{p0} V_0)}{\left(\frac{d_{p0} k V_0}{2} + \frac{d_{p0} k V_0}{2} \right) \cdot (k+1) V_0}$$

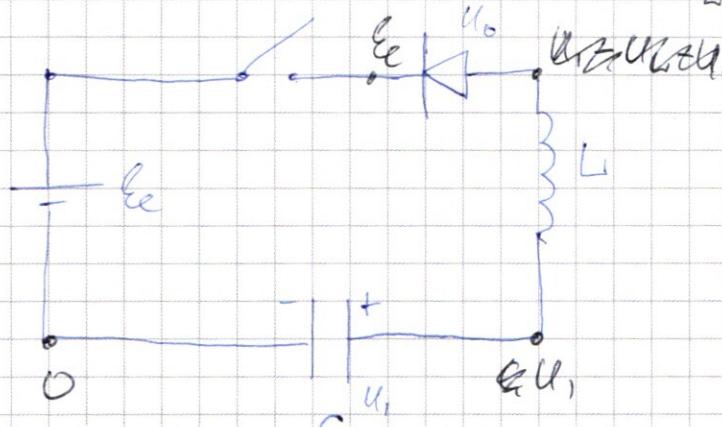
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

E_e, C, U_1, L, U_0

$$mg \cdot s \cdot h(\alpha + \beta) + T \cos \beta = \frac{69,4}{2} \cos \beta \frac{1764,02}{17,5}$$

$$E + U_0 \\ U_1 - U_L$$

$$\frac{276}{5} + 782,4 \cdot 1,02,8$$



$$I = ?$$

$$I = E / R$$

$$U = L I^2 \quad I = \frac{U}{R}$$

$$\frac{U}{L} = I'$$

$$I = \frac{\partial U}{\partial t}$$

$$E_e - U_0 + U_1$$

$$T = ?$$

$$I' = ?$$

$$U_1 - U_0 - E_e \geq U_0$$

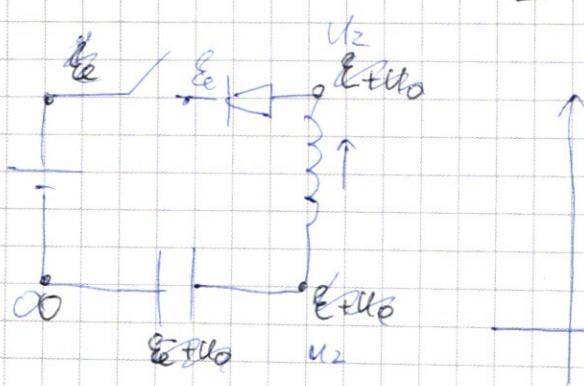
$$U_1 - U_0 - E_e \geq U_0$$



$$80^\circ \cdot 2$$

$$1) \frac{U_1 - E_e - U_0}{L} = 5 \left[\frac{A}{c} \right]$$

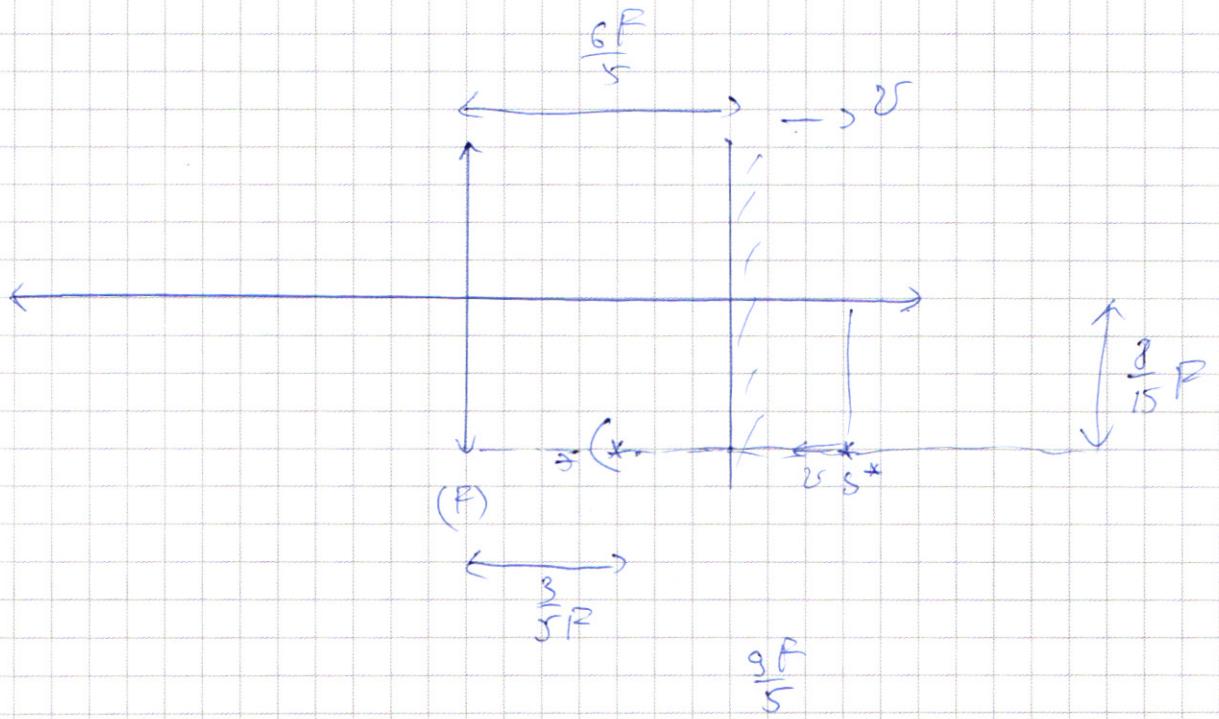
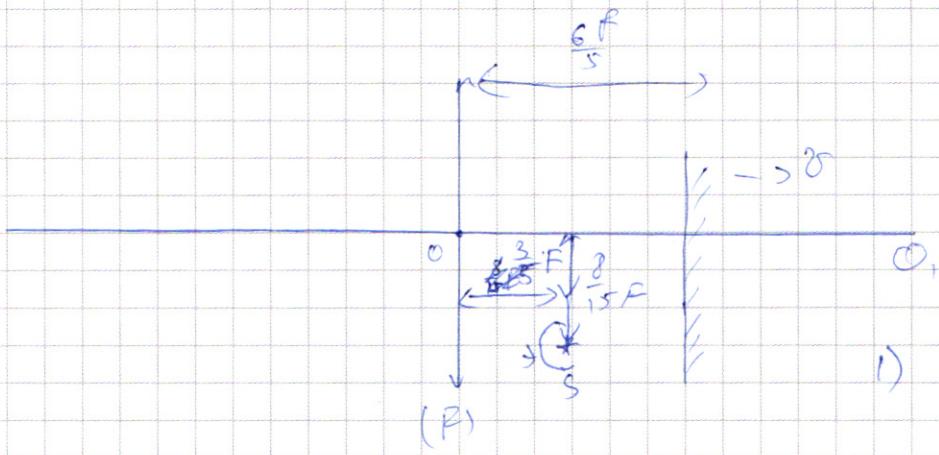
2)



$$E_e + U_0$$

$$-mgs \cdot h(\alpha + \beta) + N + T = \frac{mg \cdot 17,5}{2}$$

$$-mgs \cdot h(\alpha + \beta) + N + T = \frac{mg \cdot 17,5}{2}$$



$$i) \frac{1}{R} = \alpha + \frac{f}{F}$$

$$\frac{1}{R} = \frac{5}{9P} + \frac{1}{F}$$

$$\frac{9}{9P} \Rightarrow f = \frac{3}{4}P$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\eta = 1 - \frac{Q_{12}}{Q}$$

$$(2k\rho_0 - \rho_0) \cdot (k-1)V_0 \cdot \frac{1}{2} =$$

$$= 2k^2 \rho_0 (k-1)^2 V_0 \cdot \frac{1}{2} = A$$

$$Q = \cancel{\frac{3}{2} \rho_0} \frac{3}{2} (2k^2 \rho_0 V_0 - k \rho_0 V_0) + \\ + \cancel{k \rho_0 V_0 + \frac{2k^3}{2} \rho_0 V_0} \\ \frac{(2\rho_0 + 2k\rho_0)(k-1)V_0}{2}$$

$$\frac{3}{2} \rho_0 V_0 2(k-1) + \frac{1}{2} 2 \rho_0 V_0 (k^2 - 1) \\ \frac{2(k-1)^2 \rho_0 V_0}{4 \rho_0 V_0 2(k^2 - 1)}$$

$$\lim_{k \rightarrow \infty} \frac{k-1}{4(k+1)} = \frac{\frac{k-1}{k} \cdot \frac{1}{\frac{4(k+1)}{k}}} {\frac{4k+4}{4k+4}} = \frac{1}{4} \quad \frac{1 \cdot 4(k+1) - 4(k-1)}{16(k+1)^2} = 0$$

~~8(k+1) > 0~~

Продолжение заслужено: 25%

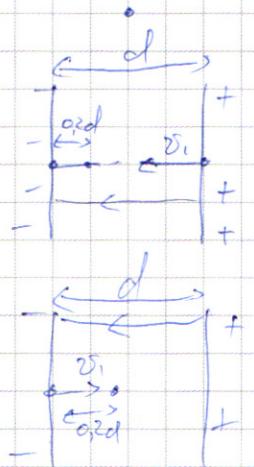
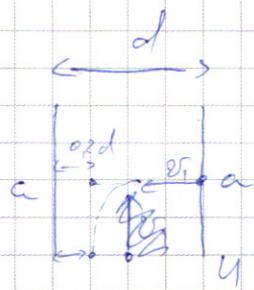
$$\frac{25}{16} \cdot 2$$

$$\frac{25}{8} 8$$

$$\frac{50}{24} \\ \underline{85} \\ 24$$

53)

$a \gg d$, U , $-v_0$, v_1 ,
1) $\gamma = ?$



$$v_+ - v_- = U$$

$$E_q l$$

$$F = E_q l$$

3UM →

$$\frac{m v_1^2}{2} = E_q l$$

$$1) \frac{e}{m} = \frac{v_1^2}{0,4 U}$$

2)

$$m a = E e$$

$$a = \frac{U}{d} \cdot \frac{v_1^2}{2m} = \frac{v_1^2}{2d}$$

$$0,2d = \frac{0 + v_1^2}{2m}$$

$$\frac{v_1^2}{0,4d} = a.$$

$$\frac{v_1 + 0}{2} \cdot t = 0,2d \Rightarrow \frac{0,4d}{v_1} = t$$

$$T = 2t = \frac{0,8d}{v_1}$$

3) $v_1 = 20$