

# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2020

Класс 11

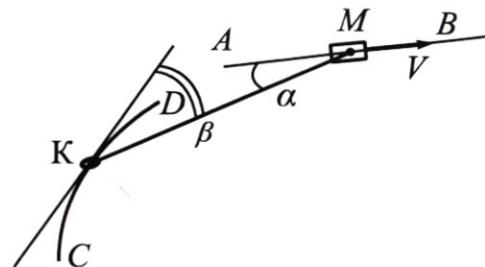
Вариант 11-04

Шифр L.49

(заполняется секретарём)

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного задания не проверяются.

1. Муфту М двигают со скоростью  $V = 2$  м/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой  $m = 0,4$  кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,9$  м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной  $l = 17R/15$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 4/5$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 8/17$ ) с направлением движения кольца.



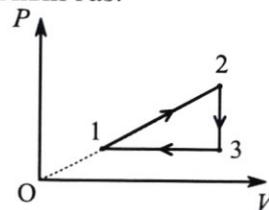
- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.

2) Найти для процесса 1-2 отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.

3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния  $d$  между обкладками. Напряжение на конденсаторе  $U$ . Отрицательно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью  $V_1$  и останавливается на расстоянии  $0,2d$  от отрицательно заряженной обкладки.

1) Найдите удельный заряд частицы  $\gamma = \frac{|q|}{m}$ .

2) Через какое время  $T$  после влета в конденсатор частица вылетит из него?

3) Найдите скорость  $V_0$  частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

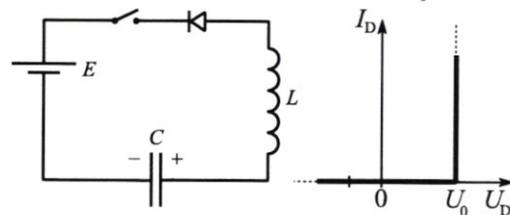
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 6$  В, конденсатор емкостью  $C = 10$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 9$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,4$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В.

Ключ замыкают.

1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.

2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.

3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.

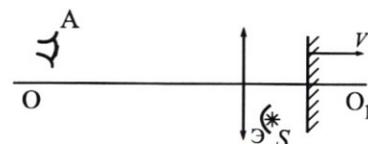


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $8F/15$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии  $3F/5$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $6F/5$  от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

М1СТ 1. ВАРИАНТ 4.

№3.  
Найти:  $\gamma = \frac{|q|}{m} T, V_0$

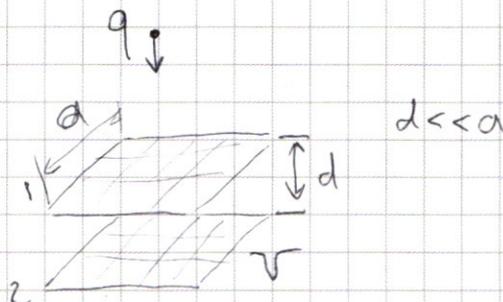
Дано:  
 $d, U, V_0, q < 0$

Решение

1. Внутрь  
конденсатора

$$E = \frac{U}{d}$$

$$E = \frac{U}{d} \text{ (напряженность между обкладками)}$$



2. На частицу в конденсаторе будет действовать сила  $F = +qE$ ,  $F = -|q|E$ , т.е.  $F \uparrow E$   
 $F = ma$ ,  $a = -\frac{|q|}{m} E$

Тогда, чтобы частица остановилась в конденсаторе 1 обкладка должна быть заряжена положительно, 2-ая отрицательно

$$(F \uparrow E, a \downarrow \rightarrow a \uparrow E, \text{ т.к. } a = -\frac{|q|}{m} E \text{ (} a \uparrow E \text{)})$$

то  $E \uparrow a$  }  $E \uparrow V$ , сонаправлены.  
 $a \uparrow V$

3. Т.к. частица остановится на расст  $0,8d$  от отриц. пластины, то она пролетит путь  $0,8d$  (от положит. пластины в сторону отрицательной), электрическое поле конденсатора совершит работу  $A = 0,8dE|q|$ .

Вел имеет т.к. остановится то вел kinetic. энергии перейдет в работу эл. поля (т.к.  $V=0$ ).

3.С.Э :

$$\frac{mV_0^2}{2} = 0,8dE|q| \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} mV_1^2 = 0,5U|q| \\ \gamma = \frac{|q|}{m} = \frac{V_1^2}{0,5U} \end{array}$$

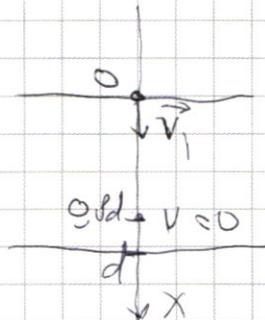
$$Ed = U$$

4. Введем ось X (X прав.)

$$\text{Т.к. } a_x = -\frac{|q|}{m} E = -\gamma E = \text{const, то}$$

$$V_x(t) = V_1 + a_x t, \quad V(t) = V_1 - \gamma E t$$

$$X(t) = X_0 + V_1 t + \frac{a_x t^2}{2}, \quad X(t) = V_1 t - \frac{\gamma E t^2}{2}$$



ЧАСТУГА ВЪЗСТАТ :

$$x(t) = 0, \quad v_1 t - \frac{\gamma E t^2}{2} = 0, \quad t \left( v_1 - \frac{\gamma E t}{2} \right) = 0$$

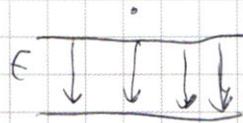
$$\begin{cases} t = 0 & \text{ЧАСТУГА ВЪЗСТАТ} \\ & \text{ВЪХОДИТЕ} \\ E = \frac{2v_1}{\gamma} \end{cases}$$

$$t = T = \frac{2v_1 d}{\gamma v} = \frac{2v_1 d \cdot 1,6 \text{ V}}{v_1^2 v} = \frac{3,2 d}{v_1}$$

3. ВНЕ ПЛАСТИН КОНДЕНСАТОРА НА ЧАСТУГУ НЕ ДЕЙСТВУВАТ НИКАКВЕ СИЛИ:

$$v(t) = \text{const} = v_0$$

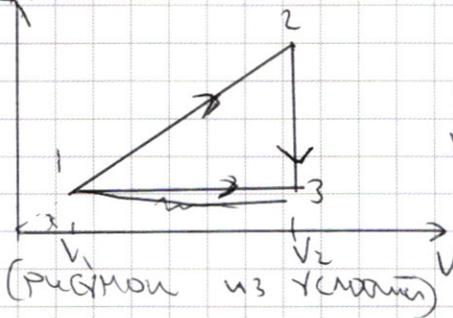
$$v_0 = v_1 - \gamma E T = v_1 - \frac{v_1^2 v}{1,6 v} \cdot \frac{3,2 d}{v_1} = -v_1$$



т.е.  $|v_0| = |v_1|$ , но  $\vec{v}_0 \uparrow \downarrow \vec{v}_1$

Отвѣт: 1)  $\gamma = \frac{1,91}{m} = \frac{v_1^2}{1,6 v}$ , 2)  $T = \frac{3,2 d}{v_1}$ , 3)  $v_0 = -v_1$  ( $|\vec{v}_0| = |\vec{v}_1|$ )

$\frac{N_2}{p}$



1-2:  $pV = \alpha V$   $p(V) = 0$  т.к. продукт  $\gamma R R_3$   $\alpha V^2 = U R T$   $\alpha V^2 = U R T$   $\alpha V^2 = U R T$   $\alpha V^2 = U R T$

$$pV = \alpha V$$

$$p = \alpha$$

$$\alpha V^2 = U R T$$

$$\alpha V_1^2 = U R T_1$$

$$\alpha V_2^2 = U R T_2$$

$$U R (T_2 - T_1) = \alpha (V_2^2 - V_1^2)$$

$$\text{ТОДА } \frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = \frac{\frac{3}{2} \alpha (V_2^2 - V_1^2)}{\alpha (V_2^2 - V_1^2)} = 3 \quad \text{ОТВѢТ НА 2-ОЙ ВОПРОС}$$

$$2-3: v = \text{const}, p \downarrow \rightarrow T \downarrow \left( T = \frac{pV}{UR} \right)$$

$Q = C_{v,3} \Delta T$  (МОЛЕКУЛА ТЕПЛОЕМКОСТ РАКНА ЧИСЛОМО ОРМОДНОМО ПО РЪВНОМО К ГАЗУ ТЕМОТИ К ТЕМПЕРАТУРЕ, НА КОТОРУЮ ГАЗ НАТРЕПЕ / ОХЛАДИТЕ / ОРАЗМИТЕ ТЕМПЕРАТУРА)

$$\left. \begin{aligned} Q_{2,3} &= A_{2,3} + \Delta U_{2,3} \\ v &= \text{const} \rightarrow A_{2,3} = 0 \end{aligned} \right\} Q_{2,3} = \Delta U_{2,3} = \frac{3}{2} UR \Delta T = C_{v,3} \Delta T = \frac{3}{2} (\alpha V_1 V_2 - \alpha V_2^2)$$

$$3-1: p = \text{const}, v \downarrow \rightarrow T \downarrow \left( T = \frac{pV}{UR} \right) \quad \text{СМ МЕСТ } N/2.$$

$$Q_{31} = A_{31} + \Delta U_{31} = p_1 (V_1 - V_2) + \frac{3}{2} UR (T_1 - T_3) = C_{v,3} \Delta T_3$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Лист 2.

№2.

$$P_1 = \alpha V_1$$

$$VRT_1 = P_1 V_1 = \alpha V_1^2, \quad T_1 = \frac{\alpha V_1^2}{VR}$$

$$VRT_3 = P_1 V_2 = \alpha V_1 V_2, \quad T_3 = \frac{\alpha V_1 V_2}{VR} = \frac{\alpha V_1 (V_1 - V_2)}{VR}$$

$$Q_{3,1} = \alpha V_1 (V_1 - V_2) + \frac{3}{2} (\cancel{\alpha V_1^2} - \alpha V_1 V_2) = \alpha \left( \frac{5}{2} V_1 - V_1 V_2 \right)$$

$$= \alpha (V_1 - V_2) \left( V_1 + \frac{3}{2} V_1 \right) = \frac{5}{2} V_1 \alpha (V_1 - V_2) = C_{V3,1} \Delta T_{3,1} = C_{V3,1} \frac{\alpha V_1 (V_1 - V_2)}{VR}$$

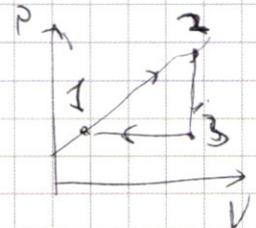
$$\frac{5}{2} V_1 \alpha (V_1 - V_2) = C_{V3,1} \frac{\alpha V_1 (V_1 - V_2)}{VR}, \quad C_{V3,1} = VR \cdot \frac{5}{2}$$

$$Q_{2,3} = \frac{3}{2} \alpha V_2 (V_1 - V_2) = C_{V2,3} (T_3 - T_2) = C_{V2,3} \left( \frac{\alpha V_2}{VR} (V_1 - V_2) \right)$$

$$C_{V2,3} = \frac{3}{2} VR$$

$$\frac{C_{V3,1}}{C_{V2,3}} = \frac{5 \cdot 2}{2 \cdot 3} = \frac{5}{3} - \text{ОТВЕТ НА 1-й ВОПРОС. / или } \frac{C_{V2,3}}{C_{V3,1}} = \frac{3}{5}$$

3) Какими изобразимого на рис в условии, т.е. процессам 1-2, 2-3, 3-1.



1-2:  $A > 0, \Delta U > 0, Q_{12} > 0$

2-3:  $A = 0, \Delta U < 0, Q_{23} < 0$

3-1:  $A < 0, \Delta U < 0, Q_{13} < 0$

Тогда  $\eta = \frac{A_{123}}{Q^+} = \frac{A_{12} + A_{31}}{Q_{12}} = \frac{\frac{\alpha}{2} (V_2^2 - V_1^2) + \alpha V_1 (V_1 - V_2)}{\frac{3}{2} \alpha (V_2^2 - V_1^2) + \frac{\alpha}{2} (V_2^2 - V_1^2)}$

$$= \frac{1 + \frac{V_1}{V_1 + V_2}}{3 + 1} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4 \left( 1 + \frac{V_2}{V_1} \right)}$$

см. отв. сторону.

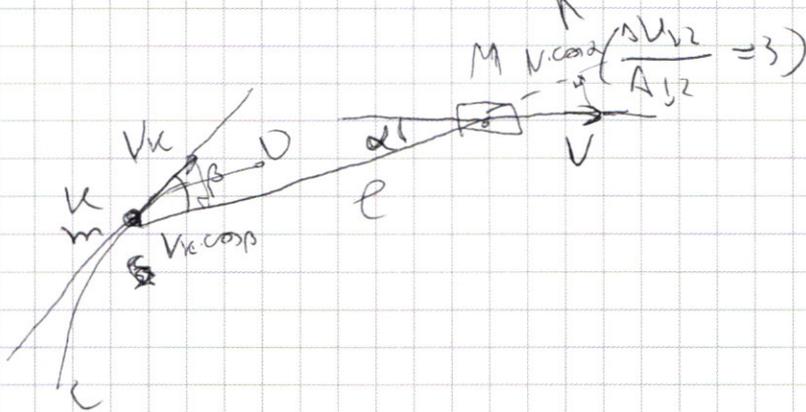
Угол КПД у нас будет максимальным если  $V_2 \gg V_1$ , тогда.

$$\frac{V_2}{V_1} \gg 1 \rightarrow \frac{1}{1 + \frac{V_2}{V_1}} \rightarrow 0, \text{ т.е.}$$

$$\eta_{\max} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} \cdot (0) = \frac{1}{4}, \text{ ответ на 3-й вопрос}$$

Ответ: 1)  $\frac{C_{D3}}{C_{D33}} = \frac{5}{3}$ , 2) 3, 3)  $\eta = \frac{1}{4}$ .

№1.



$V = 2 \frac{m}{s}$   
 $m = 0.5 \text{ кг}$   
 $R = 0.5 \text{ м}$ ,  $\rho = \frac{17}{15}$   
 $\cos \alpha = \frac{4}{5}$   
 $\cos \beta = \frac{8}{17}$

$V_{k1} \rightarrow, V_{отн} \rightarrow, T \rightarrow$

1) Проекция  $V_k$  на ось  $KM$  должна быть равна проекции

$V$  на ось  $KM$  (т.е.) (значит что прое отбыв жесткий, тогда расстояние между двумя точками прое отбыв, тогда скорости точек в проекции на ось будут равны).

$$V_k \cdot \cos \beta = V \cdot \cos \alpha, V_k = V \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}, V_k = 2 \cdot \frac{4 \cdot 17}{5 \cdot 8} = \frac{17}{5} \left( \frac{m}{s} \right), V_k = 3,4 \left( \frac{m}{s} \right)$$

2) скорость колеса относительно земли:

$$\vec{V}_{отн} = \vec{V}_k + \vec{V}$$

введем оси  $X, Y$ :

$Y \perp X, X \parallel KM$ , тогда

$$V_x + V_{kx} = 0 \text{ (из п.1)}, V_{отнx} = 0$$

$$V_{отнy} = V_{ky} + V_y, V_{отнy} = V_k \cdot \sin \beta + V \cdot \sin \alpha = V \frac{\cos \alpha \cdot \sin \beta}{\cos \beta} +$$

$$V_{отн} = \sqrt{V_{отнx}^2 + V_{отнy}^2} = |V_{отнy}| = V_{отнy}. \text{ (} V_{отнy} > 0 \text{).}$$

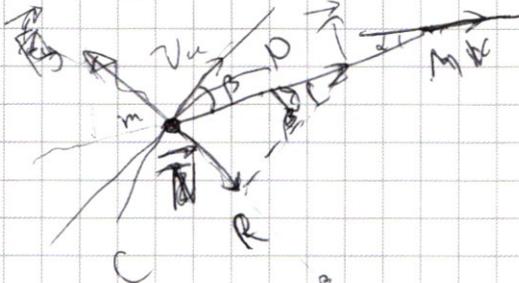
$$V_{отн} = 2 \cdot \frac{4 \cdot 15}{5 \cdot 17} + 2 \cdot \frac{3}{5} = 3 + \frac{6}{5} = \frac{21}{5} \left( \frac{m}{s} \right) = 4,2 \left( \frac{m}{s} \right)$$

$$V_{отн} = \sqrt{21^2} \text{ (} V_{отн} \perp KM \text{).}$$

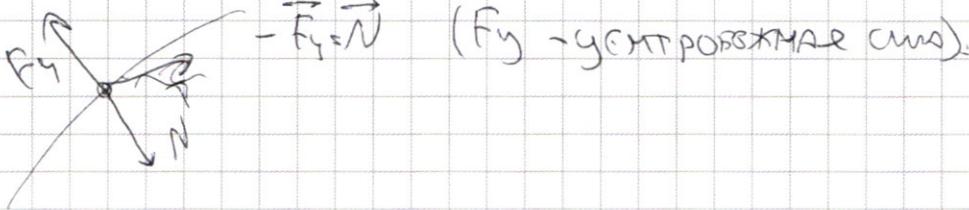
см. лист №3.

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1. МГТЗ.  
3) РАССМОТРИМ силы, действующие на кольцо.

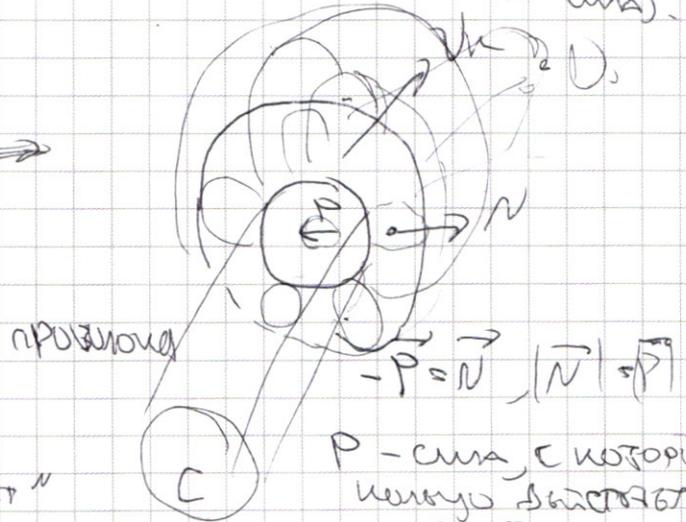
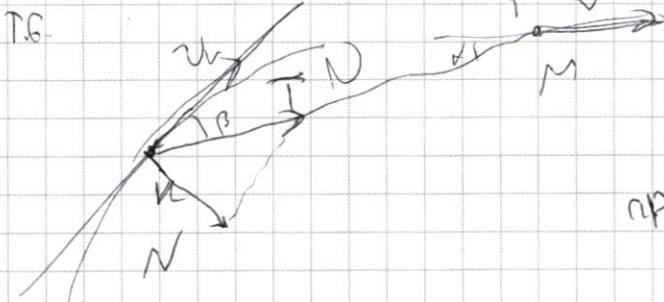


РАССМОТРИМ ДВИЖЕНИЕ Кольца по поверхности (вез трения)  
ОТНОСИТЕЛЬНО Кольца:



С ЛО:  $\vec{N} = F_{y \text{ центр}}$  ( $F_{y \text{ центр}}$  - центростремительная сила).

$\left. \begin{aligned} \vec{N} &= -F_y \\ F_y &= -F_{y \text{ центр}} \end{aligned} \right\} \vec{N} = F_{y \text{ центр}}$



(относ кольца: кольцо, имеет "сложную" см. за бб. проблем, этому мешает сила  $\vec{P}$ )

$$T \cdot \sin \alpha = N = \frac{m v_k^2}{r}$$

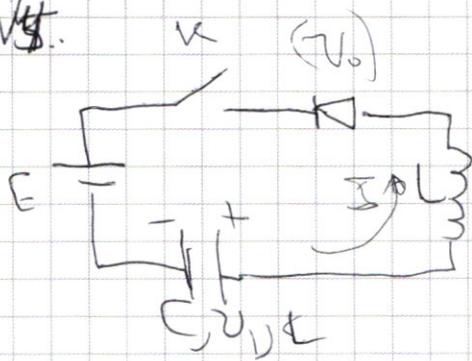
$$T = \frac{m v_k^2}{r \sin \alpha} = \frac{0.4 \cdot 17^2 \cdot 10}{17} = \frac{17^3 \cdot 4}{57} = \frac{5516 \cdot 4 \cdot 8}{1000 \cdot 57}$$

$$17^3 = 15^3 \cdot 17 = 225 \cdot 15 \cdot 17 = 5516 = \frac{22064}{1000} \cdot \frac{8}{57} = 22064 \cdot \frac{8}{57}$$

см. обр. сторону

$$= 22064 \cdot \frac{8}{57} = 22064 \cdot 0,140 = 3088960 = 3,09(\text{M}).$$

№4.



$L = 0,4 \text{ Гн}$   
 $U_1 = 9 \text{ В}$   
 $C = 10 \text{ мкФ}$   
 $E = 6 \text{ В}$   
 $U_0 = 1 \text{ В}$

1) когда ключ  $K$  замыкают;  
 ток потечет через диод, т.е.

$$U_1 - E = 9 - 6 = 3 \text{ В} > 1 \text{ В}$$

$$U_1 - 6 > U_0$$

$$\int_{U_C}^{U_1 - E} \frac{q(t)}{C} = \frac{q_0}{C} + \frac{1}{C} \int I(t) dt = U_1 + \frac{1}{C} \int I(t) dt$$

ток течет  
 через  
 диод, т.е.

$$U_C + LI' - E = 0$$

$$U_1 - E + \frac{1}{C} \int I(t) dt + LI' = 0$$

так как  $\int I(t) dt = u(t)$ , тогда

$$U_1 - E + \frac{u(t)}{C} + L u''(t) = 0$$

$$C(U_1 - E) + u(t) = -CL u''(t)$$

так как  $C(U_1 - E) + u(t) = m(t)$ , тогда  $m''(t) = u''(t)$

$$m(t) = -CL m''(t), \quad m''(t) = -\frac{m(t)}{CL} = -\omega^2 m(t)$$

$$m(t) = m(0) \cos \omega t$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{CL}}$$

$$m(0) = u(0) + C(U_1 - E) = C(U_1 - E)$$

$$C(U_1 - E) + u(t) = C(U_1 - E) \cos \omega t$$

$$u(t) = C(U_1 - E) (\cos \omega t - 1)$$

$$-I(t) = u'(t) = C\omega(U_1 - E) (-\sin \omega t)$$

$$I(t) = \sqrt{\frac{C}{L}} (U_1 - E) \sin \omega t$$

$$I'(t) = \frac{U_1 - E}{L} \cos \omega t, \quad I'(0) = \frac{U_1 - E}{L} = \frac{9 - 6}{0,4} = \frac{3 \cdot 10^{-6}}{4} = 7,5 \cdot 10^{-7} \text{ А/с}$$

см лист №1.

ответ на 1-й  
 вопрос

$$\begin{array}{r|l} 80 & 57 \\ \hline 57 & 0,1403 \\ \hline 230 & 0,140 \\ \hline -225 & \\ \hline & 200 \end{array}$$

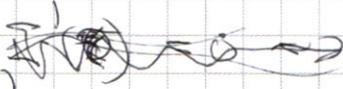
$$\begin{array}{r} 22064 \\ \times 0,140 \\ \hline 88256 \\ 22064 \\ \hline 3088960 \end{array}$$

РАСЧЕТ

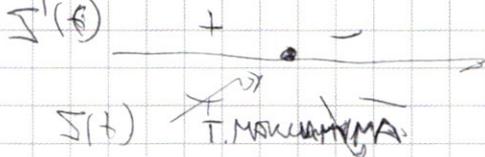
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

мощ.

мг,



$$I \cos \omega t \rightarrow \cos \omega t = 0 \rightarrow \sin \omega t = 1.$$



$$I(t) = \frac{U - \epsilon}{\sqrt{L}} = 3 \sqrt{\frac{10^{-6}}{0,4}} = \frac{3}{\sqrt{2}} \sqrt{10^{-6}} = \frac{3 \cdot 10^{-3}}{\sqrt{2}}$$

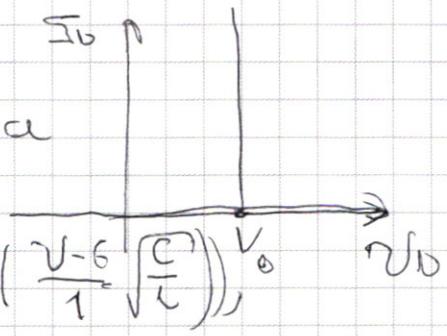
$$I_{max} = \frac{U - \epsilon}{\sqrt{L}}, \quad I_{max} = \frac{9 - 6}{1} \sqrt{\frac{10 \cdot 10^{-6}}{0,4}} = 3 \sqrt{\frac{10^{-5}}{4 \cdot 10^{-1}}}$$

$$= \frac{3}{2} \cdot \sqrt{10^{-6}} = \frac{3}{2} \cdot 10^{-3} = 1,5 \cdot 10^{-3} = 0,0015 \text{ (A)} = 1,5 \text{ (mA)}$$

$$U_c(t) = U_1 + \frac{1}{C} q(t) = U_1 + \frac{1}{C} C(U - \epsilon) \cos \omega t = U_1 + U - U_1 + (U_1 - \epsilon) \cos \omega t = U + (U_1 - \epsilon) \cos \omega t$$

т.е. сдвигается вперед времени заряду переходит с конденсатора, ток сразу не пропускает ток в обратную сторону, стороны, то  $U_c \geq U + U_0$

$$U_c \geq U + U_0, \quad U_c = 7 \text{ В.}$$



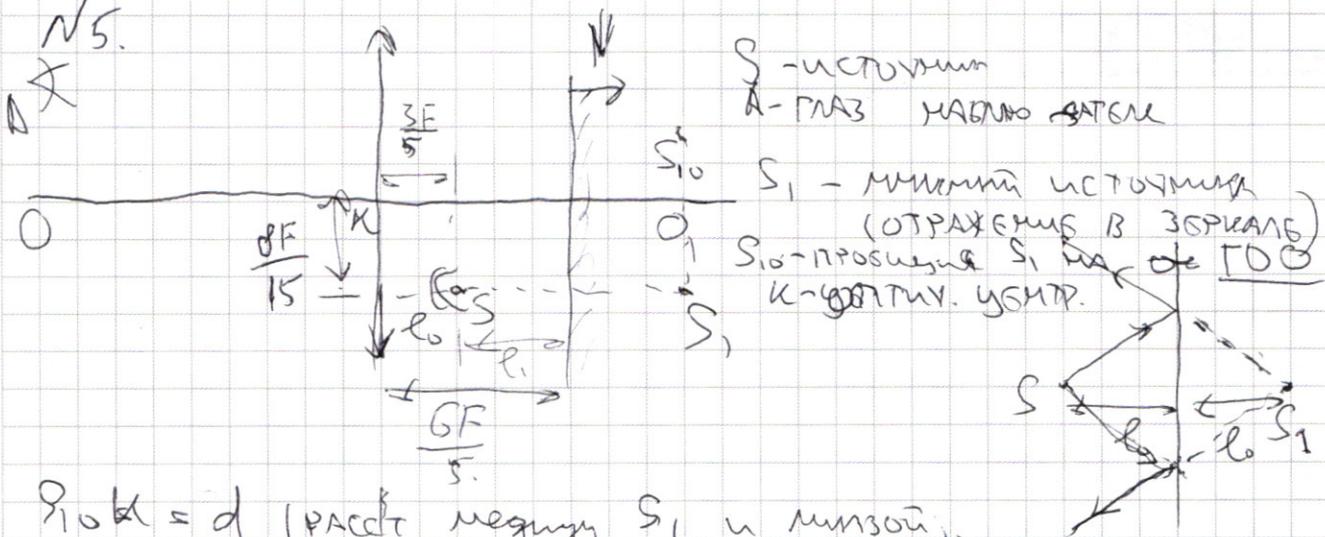
Ответ 1)  $\frac{U_1}{C} \left( \frac{U_1 - \epsilon}{C} \right), 2) 1,5 \text{ mA} \left( \frac{U - \epsilon}{1 \sqrt{L}} \right), U_0$

3)  $U_c = 7 \text{ В.}$

мг.

см на обороте.

№5.



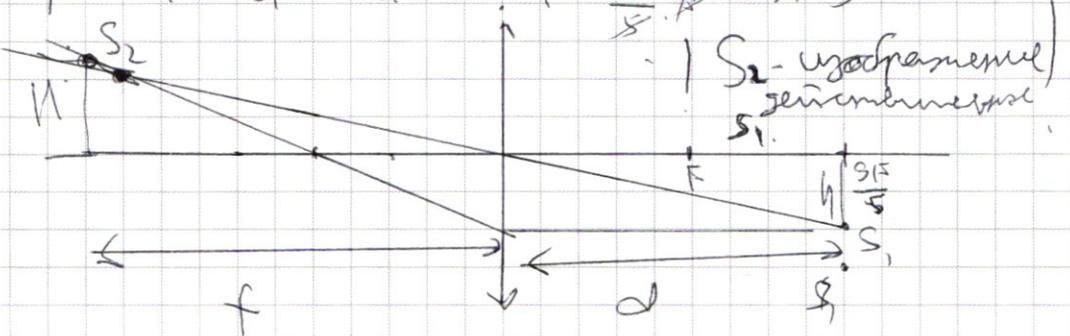
S - источник  
 A - глаз наблюдателя  
 S<sub>1</sub> - мнимый источник (отражение в зеркале)  
 S<sub>0</sub> - проекция S<sub>1</sub> на ось ГОС  
 К - центр. усмр.

$\rho_{0k} = d$  (расст между S<sub>1</sub> и мнзой)

$$d = \left(\frac{GF}{5} - \frac{3F}{5}\right) \cdot 2 + \frac{3F}{5} = \frac{9F}{5} \quad f = \frac{dF}{d-F}$$

формула тонкой линзы:

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d} = \frac{d-F}{dF} \Rightarrow f = \frac{dF}{d-F} = \frac{4F}{5} = \frac{4}{9F}$$

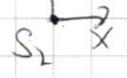


1)  $f = \frac{9F}{4}$  слеза от мнзы. (ответ на 1-й вопрос)

2)  $\frac{h'}{h} = \frac{f}{d} \Rightarrow M = h \frac{f}{d} = h \frac{F}{d-F}$

вопрос движется со скоростью V, тогда р. S<sub>1</sub> будет со скоростью 2V ( $d = l_0 + \frac{GF}{5} + 2(l_1 + Vt) = l_0 + 2l_1 + 2Vt$ )  
 l<sub>1</sub> - расст от источника S до зеркала.

$(V_{S_1} = 2V)$



3)  $V_{ист} = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}$

$$V_x = f'(t) = \left(\frac{dF}{d-F}\right)' \left(\frac{l_0 + 2l_1 + 2Vt}{(l_0 + 2l_1 - F + 2Vt)}\right) = \left(F + \frac{F^2}{l_0 + 2l_1 - F + 2Vt}\right) = F^2 \left(\frac{-2V}{(l_0 + 2l_1 - F + 2Vt)^2}\right)$$

при  $t=0 \quad V_x = \frac{-2VF^2}{(l_0 + 2l_1 - F)^2} = -2V \frac{F^2}{\left(\frac{4F}{5}\right)^2} = -2V \frac{25}{16}$

см. ответ №5

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

М.С.Т. №5.  $P.S$   $V_x(t)$   $V_y(t)$  и  $V(t)$  в момент времени (расстояние от зеркала  $90 \text{ мкм}$   $\frac{9F}{5}$ ).

$$V_x = -2V \frac{25}{4} = -V \frac{25}{2}, \quad d = d(t) = \omega t l + 2Vt$$

$$V_y(t) = M(t) = \left( h \frac{F}{d-F} \right) = hF \left( \frac{1}{d-F} \right) = hF \frac{-(2V)}{\left( \frac{4F}{5} + 2Vt \right)^2}$$

$$V_y(0) = hF - \frac{2V \cdot 2F}{16F^2} = -\frac{25Vh}{8F} = -25V \frac{h}{15.8F} = -\frac{5}{3} V$$

т.е. изображение «отражается» и «прижимается» к полю ГОО и отклоняется от центра.

$$V_{\text{изобр}} = \sqrt{V_x^2 + V_y^2} = \sqrt{\left( \frac{100}{8} \right)^2 V^2 + \frac{25}{9} V^2} = V \sqrt{25 \frac{25}{4} + \frac{25}{9}}$$

$$5V \sqrt{\frac{25}{4} + \frac{1}{9}} = 5V \sqrt{\frac{225 + 4}{36}} = \sqrt{\frac{229}{6}} 5V \quad \text{⊖}$$

$$\sqrt{229} = 15,133$$

$$\sqrt{229} = 15,1327$$

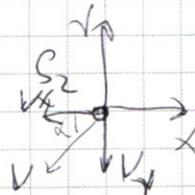
$$\text{⊖} \quad \frac{15,133}{6} \cdot 5V = 3,522 \cdot 5V = 12,61V \left( \frac{M}{C} \right)$$

2)  $\alpha$  угол?

$$\text{tg} \alpha = \frac{V_y}{V_x}$$

$$\text{tg} \alpha = \frac{-\frac{5}{3} V}{-\frac{25}{2} V} = \frac{2}{3 \cdot 5} = \frac{2}{15}$$

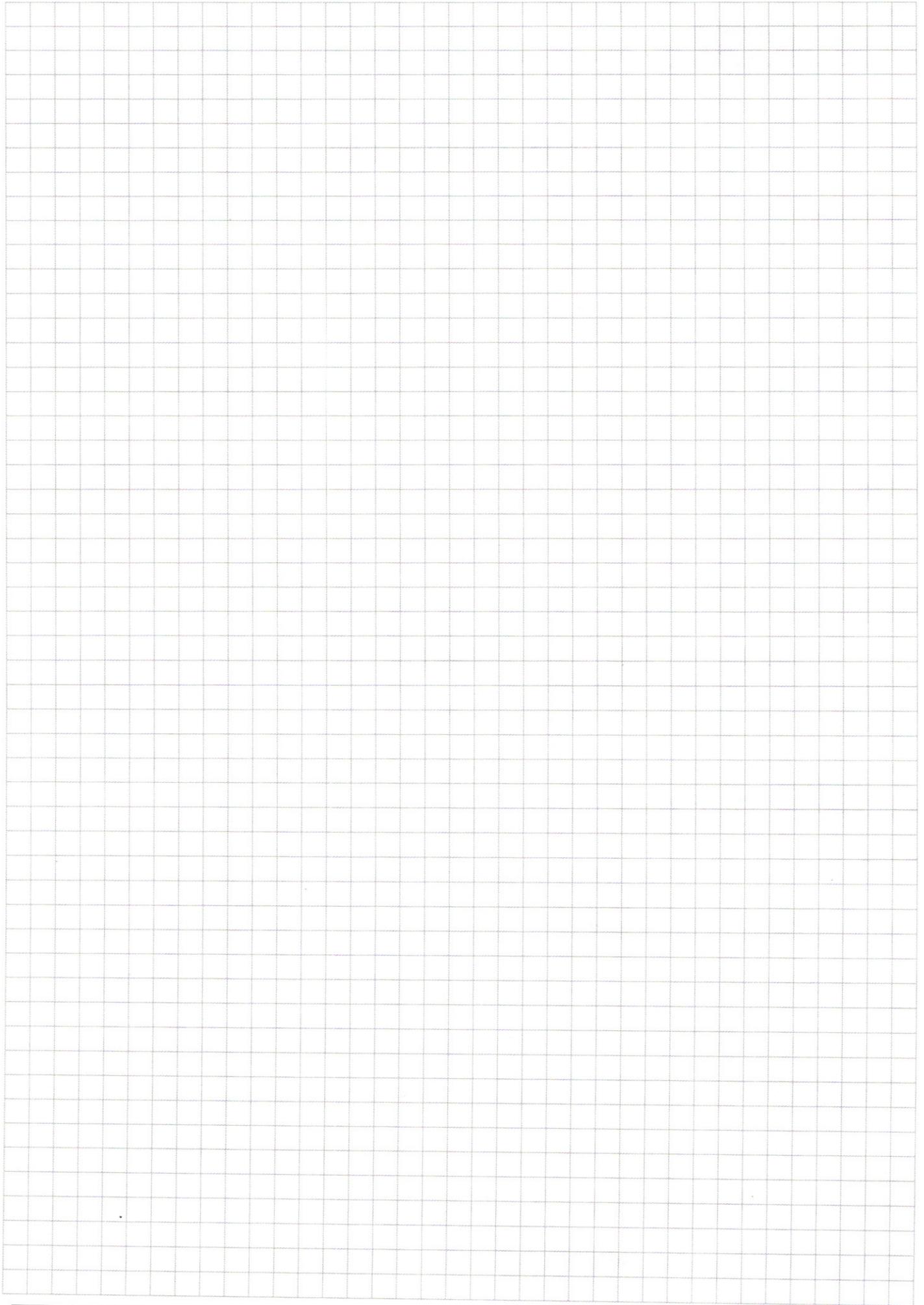
$$\alpha = \arctg \frac{2}{15}$$



$$\begin{array}{r} 25 \overline{) 125} \\ \underline{50} \phantom{00} \\ 30 \phantom{00} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 0 \phantom{00} \\ 30 \overline{) 9500} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 30 \phantom{00} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 0 \phantom{00} \\ 30 \overline{) 83100} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 30 \phantom{00} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 0 \phantom{00} \\ 30 \overline{) 60520} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 30 \phantom{00} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 0 \phantom{00} \\ 30 \overline{) 2257600} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 30 \phantom{00} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 0 \phantom{00} \end{array}$$

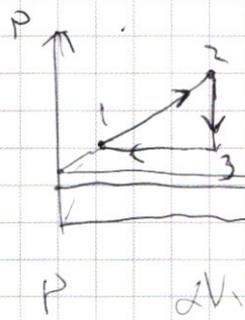
Ответ: 1)  $f = \frac{9F}{V}$  (м) севка от центра; 2)  $V_{\text{изобр}} \approx 12,61V \left( \frac{M}{C} \right)$ .

3)  $\alpha = \arctg \frac{2}{15}$  (изображение отклоняется от центра, и прижимается к ГОО).



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №   1    
(Нумеровать только чистовики)



$P(V) = 0$   
 $PV = \mu RT$   
 $\propto V^2 = \mu RT$   
 $T \propto \frac{V^2}{\mu R}$

$$\frac{\frac{1}{2} \mu R (T_2 - T_1)}{\frac{1}{2} \mu (V_2^2 - V_1^2)} = \frac{i \mu R (T_2 - T_1)}{\mu (V_2^2 - V_1^2)}$$

2-3:  $V = \text{const}$   
 $P \downarrow \rightarrow T \downarrow$

$V \uparrow, T \uparrow$   
 $T \propto V^2$   
 $\mu R$

$Q = \mu C_V T$

$$\frac{i \mu R (\frac{1}{2} \mu (V_1^2 - V_2^2))}{\mu (V_1^2 - V_2^2)}$$

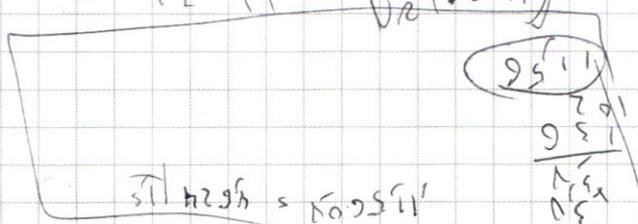
3-1:  $\Delta U < 0$   
расчет  $V \downarrow$

$T_2 - T_1 = \frac{\mu}{\mu R} (V_2^2 - V_1^2)$

$\frac{Q_{23}}{\Delta T_{23}} = C_V$

$Q = A + \mu R T$

$R = \frac{2 \mu V^2}{2}$



$$\frac{\frac{1}{2} \mu R (T_3 - T_2)}{(T_3 - T_2)} = C_V$$

$$\frac{\mu}{2} (V_2^2 - V_1^2) - \mu V_1 (V_2 - V_1)$$

$$\frac{\mu}{2} (V_1^2 - V_2^2) - \mu V_1 (V_2 - V_1)$$

$$\frac{\mu (V_2^2 - V_1^2)}{2} = \mu (V_2^2 - V_1^2) + i \mu R (T_2 - T_1)$$

$$\frac{\mu (V_2^2 - V_1^2)}{2} + i \mu R (T_2 - T_1) = \mu (V_2^2 - V_1^2)$$

$$\frac{1}{2} + \frac{V_1 (V_1 - V_2)}{(V_2 - V_1)(V_1 + V_2)}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{V_1}{(V_1 + V_2)}$$

$$\frac{A}{Q^+} = \frac{1}{i+1} \dots$$

$$1 - \frac{Q^-}{Q^+} = \frac{\mu V_1 (V_1 - V_2) + \frac{i}{2} \mu R (T_1 - T_2) + \frac{i}{2} \mu R (T_3 - T_2)}{(i+1) \mu (V_2^2 - V_1^2)}$$

$$\frac{1}{2(i+1)} = 1 - \frac{3i+2}{2(i+1)}$$

$$\frac{\mu V_1 (V_1 - V_2) + \frac{i}{2} \mu R (T_1 - T_2)}{(i+1) \mu (V_2^2 - V_1^2)}$$

$$\frac{\mu (V_1 (V_1 - V_2) + \frac{i}{2} \mu (V_1^2 - V_2^2))}{(i+1) \mu (V_2^2 - V_1^2)}$$

$$1 - \frac{V_1}{V_2 + V_1} + \frac{i}{2}$$

$$\frac{i+1 + \frac{i}{2} - \frac{V_1}{V_2 + V_1}}{i+1}$$

$$\frac{3i+2}{2(i+1)} = \frac{V_1}{(V_2 + V_1)(i+1)}$$

$$\frac{4-i}{2(i+1)}$$

$$\frac{2i+2 - 3i+2}{2(i+1)}$$



$$\sqrt{225}$$

$$\sqrt{225} = 15,132$$

$$15,133$$

$$25 \quad 125$$

$$301 \quad 400$$

$$3023 \quad 9000$$

$$30262 \quad 83100$$

$$302647 \quad 2257.600$$

$$\begin{array}{r} 15,133 \overline{) 6} \\ \underline{12} \phantom{00} \\ 31 \phantom{00} \\ \underline{30} \phantom{00} \\ 13 \phantom{00} \\ \underline{12} \phantom{00} \\ 13 \phantom{00} \\ \underline{12} \phantom{00} \\ 13 \phantom{00} \\ \underline{12} \phantom{00} \\ 16 \phantom{00} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 78665 \overline{) 6} \\ \underline{6} \phantom{0000} \\ 18 \phantom{0000} \\ \underline{12} \phantom{0000} \\ 36 \phantom{0000} \\ \underline{36} \phantom{0000} \\ 0 \phantom{0000} \end{array}$$

$$P_{146} = P_{1056}$$

$$n = 1056$$

$$P_{146} = 1056$$

$$X^2 = 1056$$

$$X = 32,37$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$U_C = U_0 + \frac{q(t)}{C} \quad q(t) = q_0 + \int I(t) dt$$

$$U_C + LI' = E \quad q(t) = \int I(t) dt = C + \int \frac{I(t) dt}{L}$$

$$U_1 - E + \frac{q(t)}{C} + LI' = 0 \quad U_1 - E + \frac{q_0}{C} + LI' = 0$$

$$U_1 - E + \frac{1}{C} u + LI'' = 0 \quad U_1 - E + \frac{1}{LC} u = -LI''$$

$$C(U_1 - E) + u = -LCu''$$

$$\frac{1}{LC} (C(U_1 - E) + u) = -u''$$

$$u'' = -\frac{1}{LC} (C(U_1 - E) + u)$$

$$-LCu'' = u \quad u'' = -\frac{u}{LC}$$

$$u = u_0 \cos \omega t$$

$$C(U_1 - E) + u = \frac{C(U_1 - E)}{LC} \cos \omega t$$

$$C(U_1 - E) + u = C(U_1 - E) \cos \omega t$$

$$u = C(U_1 - E) (\cos \omega t - 1)$$

$$u' = \sqrt{\frac{C}{L}} (U_1 - E) (-\sin \omega t)$$

$$u(t) = u(t) = \frac{C(U_1 - E)}{LC}$$

$$u'' = -\frac{1}{LC} (C(U_1 - E) + u)$$

$$u'' = -\frac{u}{LC}$$

$$u = \frac{C(U_1 - E)}{LC} (\cos \omega t - 1)$$

$$u' = \sqrt{\frac{C}{L}} (U_1 - E) (-\sin \omega t)$$

$$u = \frac{C(U_1 - E)}{LC} (\cos \omega t - 1)$$

$$u' = \sqrt{\frac{C}{L}} (U_1 - E) (-\sin \omega t)$$

$$I(t) = C(U_0 - \epsilon) \left( \frac{1}{LC} e^{-\frac{t}{LC}} \right)$$

$$I'(t) = \frac{C(U_0 - \epsilon)}{(LC)^2} + \dots$$

$$\frac{C(U_0 - \epsilon)}{(LC)^2} = \frac{U_0 - \epsilon}{LC^2}$$

$$q = CV$$

$$I = CV'$$

$$U_0 - \epsilon = LI'$$

$\beta$

$$\beta = \frac{1}{C}, C = L$$

$$\alpha + \beta x = -C x''$$

$$x'' = -\frac{\alpha}{C} - \frac{\beta}{C} x$$

$$y = -\frac{\alpha}{C} - \frac{\beta}{C} x$$

$$y' = -\frac{\beta}{C} x'$$

$$y'' = -\frac{\beta}{C} x''$$

$$-\frac{C}{\beta} y'' = y = w'$$

$$y'' = -\frac{\beta}{C} y$$

$$y = y_0 \cos \omega t$$

$$y = \left( -\frac{\alpha}{C} - \frac{\beta}{C} x \right) = -\frac{\alpha}{C} \cos \omega t$$

$$\frac{\alpha}{C} (\cos \omega t - 1) = \frac{\beta}{C} x$$

$$x = \frac{\alpha}{\beta} (\cos \omega t - 1)$$

$$q(t) = C(U_0 - \epsilon) (\cos(\sqrt{LC} t) - 1)$$

$$q'' = C(U_0 - \epsilon) (-\sqrt{LC} \cos \sqrt{LC} t)$$

$$\frac{1}{C} - LC^2 (U_0 - \epsilon)$$

$$LC \cdot q$$

$$\frac{1}{C^2} \cdot 4000$$

$$\frac{15.15}{\pi}$$

$$\frac{4824}{15.15}$$

$$1,56 \cdot 10^3$$

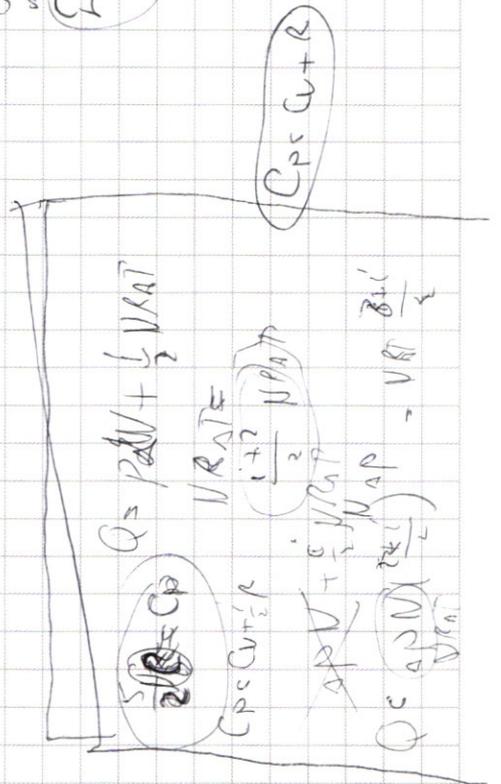
$$150 \cdot 13$$

$$\frac{570}{250} = 2.28$$

$x_0 = y_0 = -\frac{\alpha}{C} = -\frac{1}{C} q(0)$   
 $22064$   
 $140$   
 $88256$   
 $22064$   
 $3088960$   
 $\frac{3088960}{CL}$

$$I(t) = \frac{C}{L} (U_0 - \epsilon)$$

$$\frac{LI''}{2} = \frac{C(U_0 - \epsilon)^2}{2}$$



### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

3.  $a \gg g$

$E d = U$

$F = -qE = ma$   
 $a = \text{const}$

4.  $m v_1^2 = |q| g d$

$F = E d = U$   
 $q U = A$

$E d = U$   
 $g \cdot d = g \cdot d$

$\theta = v_1 + a x t$   
 $v_1 = -a x t$   
 $v_1 = -\frac{|q|}{m} E t$

$v \left( \frac{32d}{v_1} \right) = v_1 - \frac{|q|}{m} E \cdot \left( \frac{32d}{v_1} \right)$

$\frac{1}{LC} = \frac{q'(t)}{C(U_0 - E) + q(t)}$

$U_0 + \frac{q(t)}{C} + L q'(t) = E$   
 $U_0 - E + \frac{q(t)}{C} = -L q'(t)$

$-\frac{t}{LC} = \ln(C(U_0 - E) + q(t)) + C$   
 $e^{-\frac{t}{LC}} = 1 + \frac{q(t)}{C(U_0 - E)}$   
 $q(t) = C(U_0 - E) \left( e^{-\frac{t}{LC}} - 1 \right)$   
 $q'(t) = C(U_0 - E) \left( -e^{-\frac{t}{LC}} \right)$

$\frac{U_0 - E}{C} = \frac{U_0 - E}{C} \left( e^{-\frac{t}{LC}} - 1 \right)$

$\frac{32d}{v_1}$

$\ln \left( \frac{1}{C(U_0 - E)} \right)$

$\frac{U_0 - E}{C} = \frac{U_0 - E}{C} \left( e^{-\frac{t}{LC}} - 1 \right)$