

Олимпиада «Физтех» по физике, (

Класс 11

Вариант 11-05

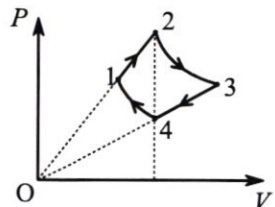
Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

1. Шарик подвешен в поле тяжести на легкой упругой пружине с неизвестной жесткостью. Шарик поднимают вверх до положения, когда пружина не деформирована, и отпускают. При дальнейшем движении шарика вдоль вертикали в некоторые моменты времени силы, действующие на шарик со стороны пружины, отличаются в 2 раза, а модули ускорений равны.

- ✓ ① Найти модуль ускорения в эти моменты.
- 2) Найти отношение кинетических энергий шарика в эти моменты.
- 3) Найти отношение максимальной энергии деформации пружины к максимальной кинетической энергии шарика.

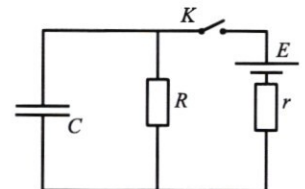
✓ 2. Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой T_1 расширяется в процессе 1-2 прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V . В процессе 1-2 давление увеличивается в $k = 2$ раза. Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2-3, сжимается в процессе 3-4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4-1. Объемы газа в состояниях 2 и 4 равны.

- 1) Найти температуру газа в процессе 2-3.
- 2) Найти отношение давлений в состояниях 1 и 3.
- 3) Найти молярную теплоемкость газа в процессе 1-2.



✗ 3. В электрической цепи (см. рис.) все элементы идеальные, конденсатор не заряжен. Величины E, R, C известны, $r = R$. Ключ K на некоторое время замыкают, а затем размыкают, когда скорость роста энергии конденсатора максимальна.

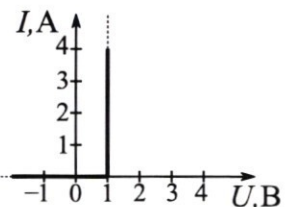
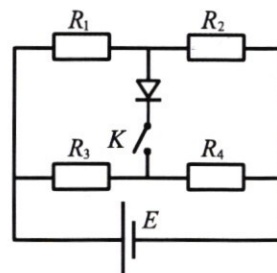
- 1) Найти ток, текущий через конденсатор, сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти ток, текущий через конденсатор, сразу после размыкания ключа.
- 3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?



4. В цепи используется мостовая схема (см. рис.). ЭДС идеального источника $E = 10$ В, $R_2 = 12$ Ом, $R_3 = 8$ Ом, $R_4 = 2$ Ом. Вольтамперная характеристика диода показана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

✓ ① Найти ток через резистор R_3 при разомкнутом ключе K .

- 2) При каких значениях R_1 ток потечет через диод при замкнутом ключе K ?
- 3) При каком значении R_1 мощность тепловых потерь на диоде будет равна $P_D = 1,25$ Вт?

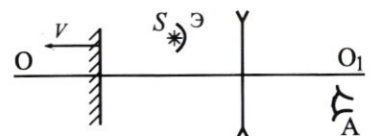


5. Оптическая система состоит из тонкой рассеивающей линзы с фокусным расстоянием $-F$ ($F > 0$), плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси линзы OO_1 . Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/2$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

① На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

② Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.



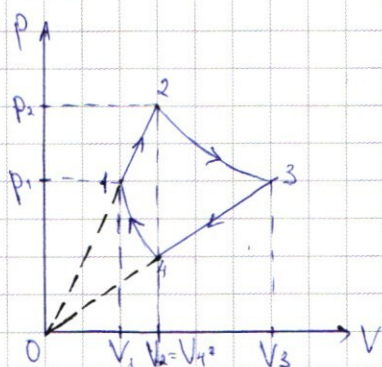
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№2.

Дано:
 T_1 ;
 $\frac{p_2}{p_1} = k = 2$

- 1) T_2 - ?
- 2) $\frac{p_1}{p_3}$ - ?
- 3) C_{12} - ?

Решение:



1) T_2 - ? ; Пусть Дана - кол-во веш-ва.
Запишем ур-ние Менделеева-Клапейрона
для состояний 1 и 2.

$$\begin{cases} p_1 V_1 = \nu R T_1 \\ p_2 V_2 = \nu R T_2 \end{cases} \quad \text{Т.к. давление пропорционал.}$$

объему, то $\frac{p_2}{p_1} = \frac{V_2}{V_1} = 2 \Rightarrow$
 $p_2 = 2p_1$; $V_2 = 2V_1$; $p_2 V_2 = 4p_1 V_1$.

$$T_2 = \frac{p_2 V_2}{\nu R} = \frac{4p_1 V_1}{\nu R} = \frac{4 \nu R T_1}{\nu R} = 4 T_1 ; \quad \underline{T_2 = 4 T_1}.$$

2) Процесс 2-3 : изотермическое расширение ;

$$T_2 = T_3 = 4 T_1 ;$$

По зак. Бойля-Мариотта : $p_2 V_2 = p_3 V_3 \Rightarrow \frac{p_3}{p_2} = \frac{V_2}{V_3}.$

По условию $V_2 = V_4$, а $p_2 = 2p_1 \Rightarrow \frac{p_3}{2p_1} = \frac{V_4}{V_3} (*)$

1-4 : изотермич. сжатие $\Rightarrow T_4 = T_1$, а $T_3 = 4 T_1$.

Ур-ние Менделеева-Клапейрона для сост. 3 и 4 : $\begin{cases} p_3 V_3 = \nu R T_3 \\ p_4 V_4 = \nu R T_4 \end{cases} \Rightarrow$

$$\frac{p_3 V_3}{p_4 V_4} = \frac{T_3}{T_4} = \frac{4 T_1}{T_1} = 4 ;$$

В процессе 3-4 $p \sim V$; Пусть $p = \alpha V$, тогда $\frac{\alpha V_3^2}{\alpha V_4^2} = 4$; $\frac{V_3}{V_4} = 2$.

* Вернемся к (*):

$$\frac{p_3}{2p_1} = \frac{V_4}{V_3} = \frac{1}{2} ; \quad \frac{p_3}{p_1} = 1 ; \quad p_3 = p_1.$$

3) По определению $C = \frac{Q}{\Delta T}$, Q - тепло, кол-во. тепла

Для 1-2: $C_{12} = \frac{Q_{12}}{\nu(T_2 - T_1)}$.

Запишем первое начало термодинамики для 1-2: $Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12}$

ΔU_{12} - измен. внутр. энергии, A_{12} - работа газа в процессе 1-2.

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} \nu R \cdot 3T_1 = \frac{9}{2} \nu R T_1.$$

Работа газа A_{12} равна площади под графиком процесса 1-2 $\Rightarrow$

$$A_{12} = \frac{p_1 + 2p_1}{2} \cdot (V_2 - V_1) = \frac{3p_1}{2} (2V_1 - V_1) = \frac{3}{2} p_1 V_1 = \frac{3}{2} \nu R T_1, \text{ тогда}$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \nu R T_1 + \frac{9}{2} \nu R T_1 = 6 \nu R T_1.$$

$$C_{12} = \frac{6 \nu R T_1}{\nu \cdot (4T_1 - T_1)} = \frac{6 R T_1}{3 T_1} = 2R = 16,62 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}.$$

Ответ: 1) $T_2 = 4T_1$; 2) $\frac{p_2}{p_1} = 1$; 3) $16,62 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$

~1.

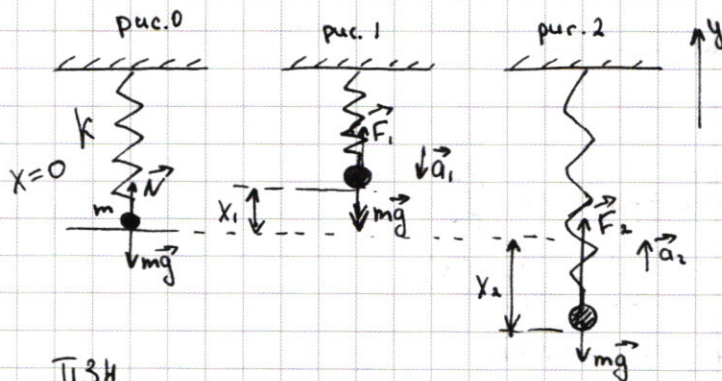
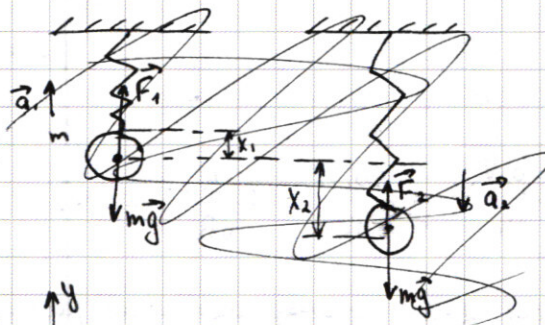
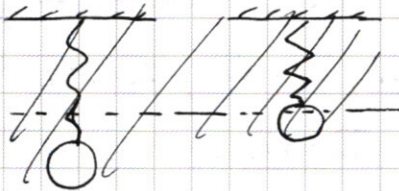
Дано:

$$\frac{F_2}{F_1} = 2$$

$$|a| = |a_1| = |a_2|$$

1) $|a| = ?$

Решение:



ИЗН для рис. 1:

$$Oy: -mg + kx_1 = ma_1, \text{ где}$$

F_1 - сила упругости, дей-я на массу.

$$F_1 = kx_1$$

ИЗН

$$\text{Для рис. 2: } Oy: ma_2 = F_2 - mg; \quad ma_2 = kx_2 - mg.$$

$$\text{По усл. } \frac{F_2}{F_1} = 2 \Rightarrow \frac{kx_2}{kx_1} = 2; \quad x_2 = 2x_1; \quad a_1 = a_2 \Rightarrow$$

$$\frac{kx_1 - mg}{m} = \frac{kx_2 - mg}{m}, \quad \frac{mg - kx_1}{m} = \frac{kx_2 - mg}{m}$$

$$mg - kx_1 = 2kx_1 - mg; \quad 3kx_1 = 2mg \Rightarrow m = \frac{3kx_1}{2g}, \text{ тогда}$$

$$a = \frac{2kx_1 - 1,5kx_1}{3kx_1} \cdot 2g = \frac{1}{3}g; \quad |a| = \frac{1}{3}g.$$

Ответ: 1) $|a| = \frac{1}{3}g \approx 3,3 \text{ мс}^{-2}$

~3.

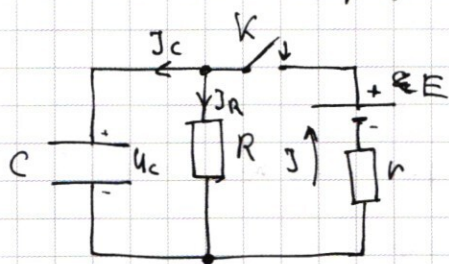
1) Т.к. конденсатор в начальный момент времени не заряжен, то $U_c = 0$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Резистор R соединен //но с конденсатором $C \Rightarrow U_C = U_R = 0$, значит сразу после замыкания ключа ток через резистор R течь не будет, а $\Rightarrow$ ток максимальный ток через конденсатор максимален и равен $I_0 = \frac{E}{r}$.

2) Сколько расходуется энергии это мощность.

Мощность в момент размыкания это мощность конденсатора $P = U_C \cdot I_C$ - макс.



Или закон Кирхгофа для контура, сост. из источ., резистора r и конденсатора.

$$E = U_C + I r, \text{ где } I - \text{сила тока через источник.}$$

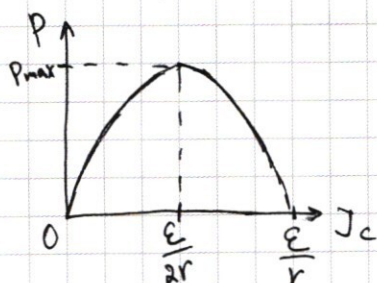
$$I = I_C + I_R, \text{ где } I_C - \text{ток через конденсатор в данный момент}$$

$$I_R - \text{ток через резистор } R \text{ в данный момент.}$$

$$E = U_C + (I_C + I_R) r; \quad I_R = \frac{U_C}{R} = \frac{U_C}{r} \text{ (т.к. } R = r \text{ и напряжение на } R \text{ равно напряжению на } C)$$

$$E = U_C + I_C r + \frac{U_C}{r} \cdot r = 2U_C + I_C r; \quad U_C = \frac{E - I_C r}{2}$$

$$P = \frac{1}{2} (E - I_C r) I_C; \quad P = 0 \text{ при } I_C = 0 \text{ и } P \text{ при } I_C = \frac{E}{r}$$



По графику $P(I_C)$ видно, что мощность достигает максимума при $I_C = \frac{E}{2r}$ - идеальный ток.

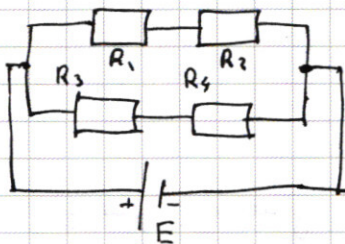
3) После размыкания ключа в цепи выделяется энергия, равная запасенной на конденсаторе в период, пока ключ был замкнут.

$$W_C = \frac{C U_C^2}{2} = \frac{C}{2} \cdot \left(\frac{E - I_C r}{2} \right)^2 = \frac{C}{2} \cdot \left(\frac{E - \frac{E}{2} + r}{2} \right)^2 = \frac{C}{2} \cdot \left(\frac{E}{4} \right)^2 = \frac{C E^2}{32}$$

$$\text{Ответ: } 1) I_0 = \frac{E}{r}; \quad 2) I_C = \frac{E}{2r}; \quad 3) \frac{C E^2}{32}$$

4.

1) Три размыкнутых ключа К нарисуем рабочую схему:



$I_3 - ?$

Резисторы R_1 и R_2 ; R_3 и R_4 соединены послед-но, т.е.

$$R_{12} = R_1 + R_2; R_{34} = R_3 + R_4$$

Токи I через R_3 и R_4 одинаковы.

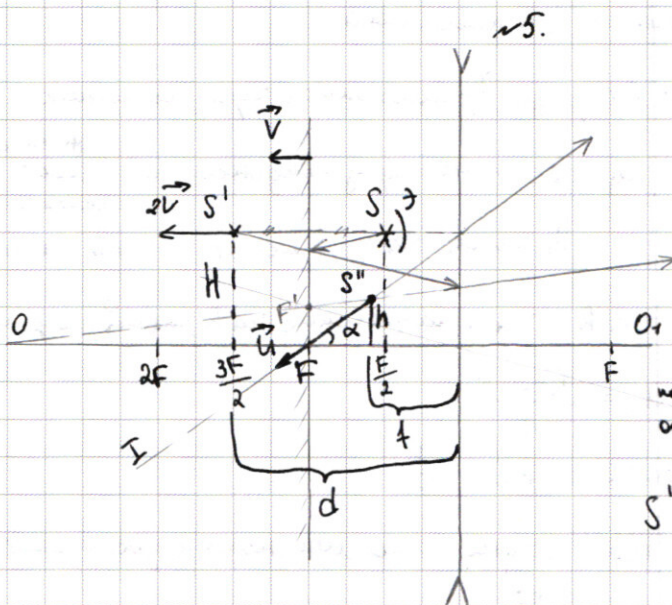
$$I_3 = I_4 = \frac{U_3}{R_3} = \frac{U_4}{R_4}$$

$$U_4 + U_3 = E \Rightarrow U_4 = E - U_3; \frac{U_3}{R_3} = \frac{E - U_3}{R_4} \Rightarrow$$

$$80 - 8U_3 = 2U_3; U_3 = 8 \text{ В, тогда}$$

$$I_3 = \frac{U_3}{R_3} = \frac{8}{8} = 1 \text{ А.}$$

Ответ: 1) $I_3 = 1 \text{ А.}$



S' - изображение предмета S в плоском зеркале.

S' - предмет для линзы.

Точка S' излучает лучи на линзу.

Построим лучи: оптический центр O и F ,

лучи: луч рассеянный луч.

S'' - изображение в линзе.

1) $f - ?$; Формула тонкой линзы: $\frac{1}{|F|} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Rightarrow$

$$-\frac{1}{f} = \frac{1}{d} + \frac{1}{F}, d - \text{расст. от линзы до } S'; d = \frac{3F}{2}$$

$$f = \frac{-d \cdot F}{d + F} = \frac{-F \cdot \frac{3F}{2} \cdot 2}{2 \cdot 5F} = -\frac{3}{5}F; \underline{f = -\frac{3}{5}F}$$

2) Вектор эк-ти точки S' параллелен глав. опт. оси $\Rightarrow$ вектор ск-ти изображения будет лежать на луче I .

Угол α между лучем I и OO_1 обозначен α на рисунке.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

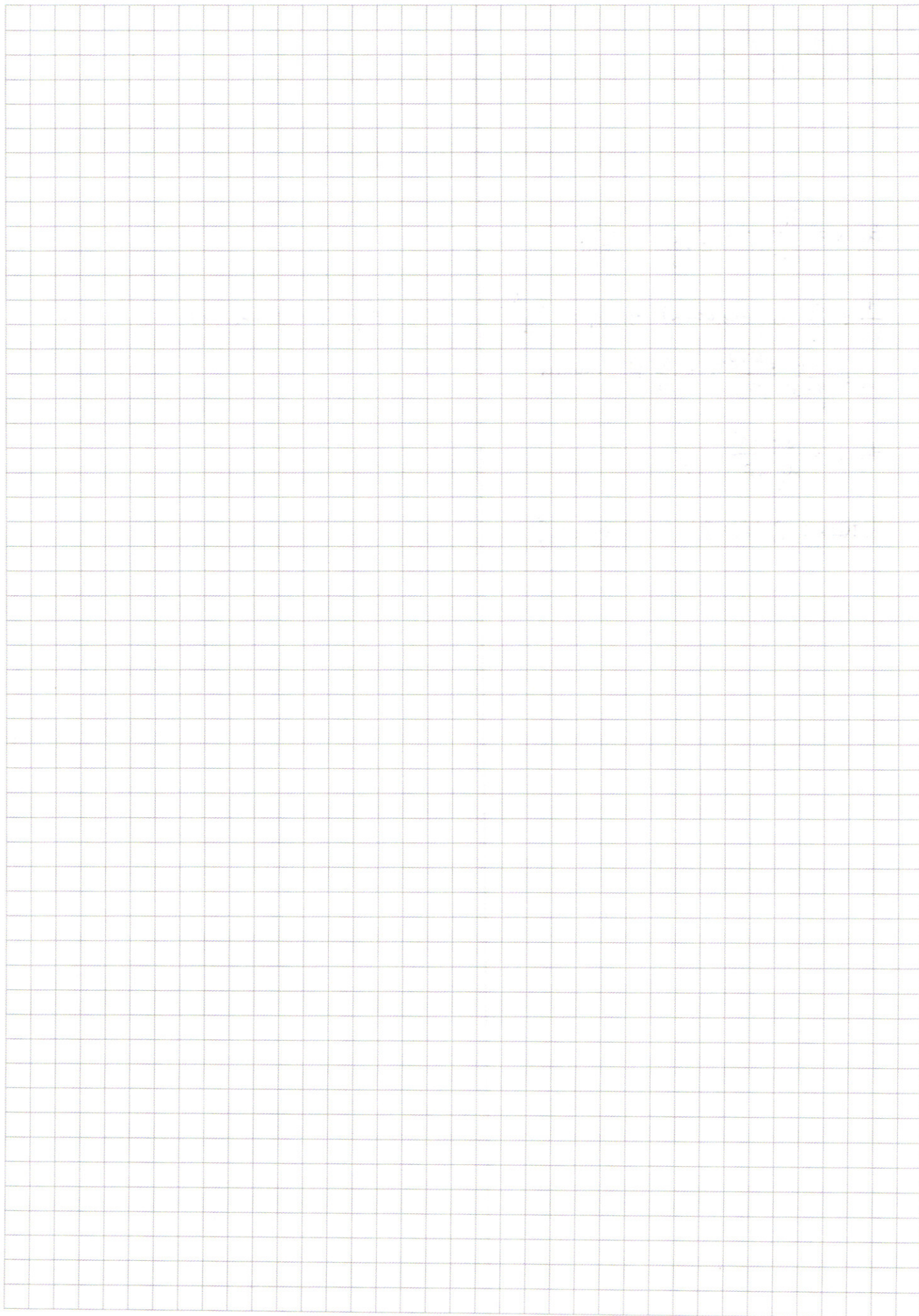
$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{h}{|F_1 - F_2|} = \frac{h}{F - \frac{3}{5}F} = \frac{h}{\frac{2}{5}F}.$$

$$\frac{H}{h} = \frac{d}{4} \text{ (из подобия)} \Rightarrow h = \frac{H \cdot 4}{d}, \text{ где } H = \frac{3}{4}F \text{ (по условию).}$$

$$h = \frac{3F \cdot \frac{3}{4}F \cdot 4}{4 \cdot 5 \cdot 3F} = \frac{3}{10}F, \text{ тогда}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{3F \cdot 5}{10 \cdot 2F} = \frac{3}{4}.$$

$$\text{Ответ: 1) } |F_1| = \frac{3}{5}F; \text{ 2) } \operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}.$$

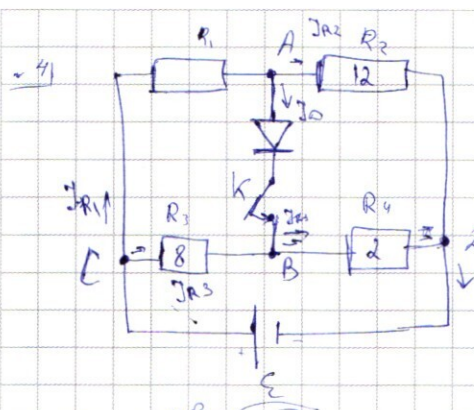


☐ черновик ☐ чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1) $K \downarrow$: $J_3 = ?$



$J_3 = \frac{8B}{30\Omega} = 1A$

2) $R_1 = ?$; $U_{AB} = 1B$; $\varphi_A - \varphi_B$

$U_A - \varphi_A - \varphi_B = U_{AB} = J_2 U_{R2}$

$\varphi_A - \varphi_C = R_1 U_{R1}$

$\varphi_B - \varphi_C = R_4 U_{R4}$; $\varphi_A - \varphi_B = U_{R4}$

$U_{R2} + \varphi_B = U_{R1} + \varphi_C$

$U_{R3} + \varphi_C = \varphi_B + U_{R4}$

$U_{R2} + U_{R3} + \varphi_C - U_{R4} = U_{R1} + \varphi_C$

$U_{R2} + U_{R3} = U_{R1} + U_{R4}$

$J = \frac{E}{R_1 + 22} = \frac{10}{R_1 + 22}$

$J = J = \frac{U_1}{14} = \frac{10 - U_1}{R_1 + 22 \cdot 8}$

$10 = 140 - 14 U_1 = R_1 \cdot U_1 + 8 U_1$

$140 = 22 U_1 + R_1 U_1 = U_1 (22 + R_1)$; $U_1 = \frac{140}{22 + R_1}$

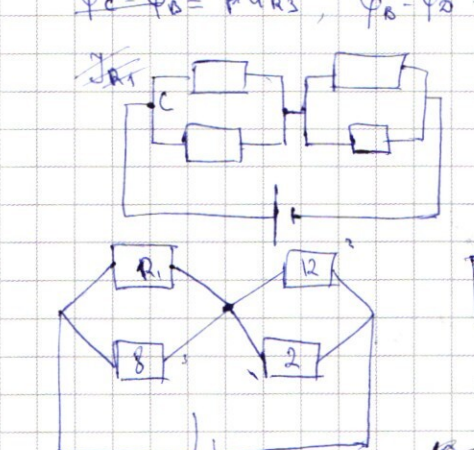
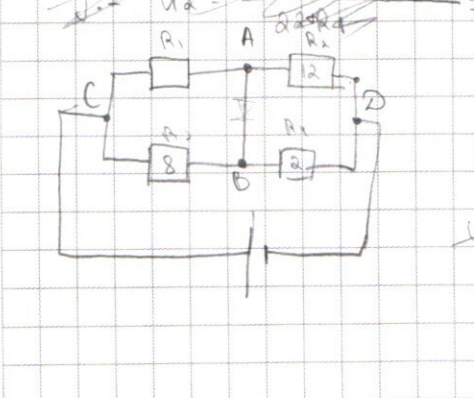
$J = \frac{U_A}{200 + 10 R_1} = \frac{10}{22 + R_1}$

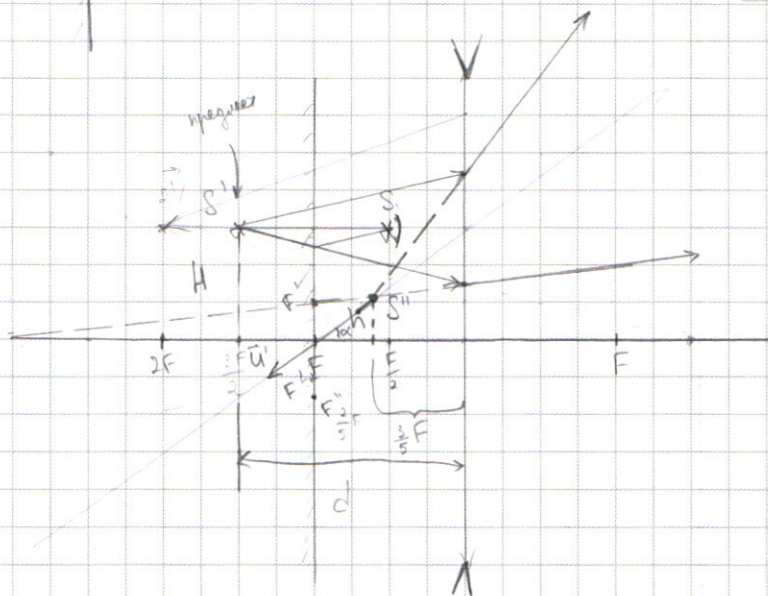
$\varphi_C - \varphi_D = E$; $\varphi_A - \varphi_B = 1B$

$(\varphi_C - \varphi_A) + (\varphi_A - \varphi_B) + \varphi_B - \varphi_D = \varphi_C - \varphi_D$

$-2\varphi_D = -\varphi_B$ $\varphi_B = \varphi_D$

$\varphi_A - \varphi_B = 2\varphi_D - \varphi_D$



$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d} - \frac{1}{f}$$

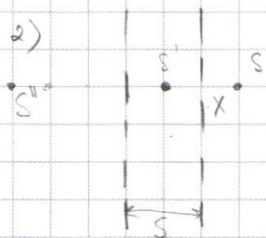
$$\frac{1}{f} = \frac{1}{d} + \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{f} = -\frac{1}{F} - \frac{1}{d} ; \rightarrow \frac{3}{f}$$

$$-\frac{1}{f} = \frac{1}{F} + \frac{1}{d} = \frac{F+d}{Fd}$$

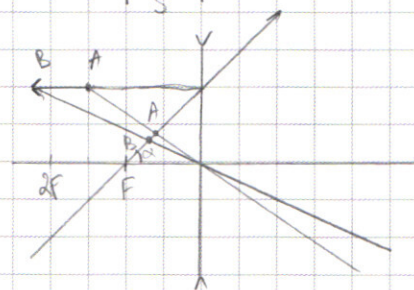
$$f = \frac{-Fd}{d+F} = -\frac{F \cdot \frac{3}{2}F}{\frac{5}{2}F} = -\frac{3}{5}F \quad (1)$$



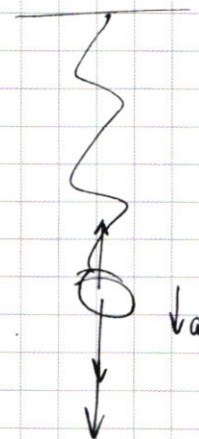
$$z = \frac{S}{V} = \frac{2S}{K_1} \Rightarrow K_1 = 2V$$

$$\frac{h}{h} = \frac{d}{f} \Rightarrow h = \frac{h \cdot f}{d} = \frac{3F \cdot \frac{3}{2}F}{\frac{5}{2}F} = \frac{3}{5}F$$

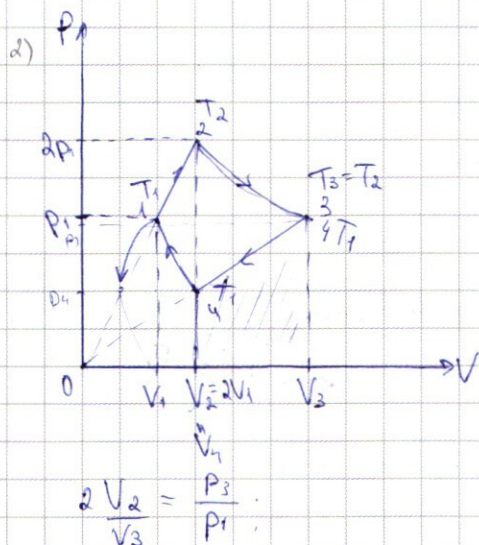
$$2) \quad \tan \alpha = \frac{h}{\frac{3}{5}F} = \frac{3F \cdot \frac{3}{2}F}{\frac{5}{2}F} = \frac{3}{4} \Rightarrow \alpha = \arctan \frac{3}{4}$$



3)



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



(1) $T_2 - ?$

$$pV = nRT; T = \frac{pV}{nR}$$

$$p = \alpha V, \quad p_1 V_1 = \mathcal{N} R T_1, \quad T_2 = \frac{p_2 V_2}{\mathcal{N} R} = \frac{4 p_1 V_1}{3 \mathcal{N} R}$$

$$p_2 V_2 = 4 p_1 V_1 = 4 RT_1; \quad T_2 = \frac{4 p_1 V_1}{R} \cdot \frac{4 RT_1}{2R} = 4 T_1$$

$$2) \frac{p_3}{p_1} = ? \quad p_1$$

$$T_2 = T_3; \quad \cancel{\frac{p_2 V_2}{nR}} \quad p_2 V_2 = p_3 V_3; \quad 2 p_1 V_2 = p_3 V_3; \quad 1: p_1$$

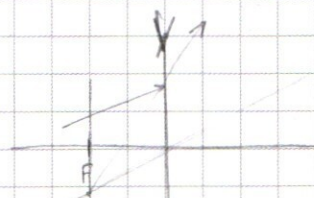
$$\begin{array}{r} \times 8,31 \\ 2 \\ \hline 16,02 \end{array}$$

$$3) \quad Q = C_{V,2} \cdot Q_{1,2} = \frac{Q_{1,2}}{2 \cdot T_1}; \quad Q_{1,2} = \Delta U_{1,2} + A_{1,2}; \quad \Delta U_{1,2} = \frac{3}{2} \nu R \cdot 3 T_1$$

$$A_{12} = \frac{P_1 + 2P_1}{2} \cdot V_1 = \frac{3}{2} \frac{3P_1 V_1}{2} = \frac{9}{2} RT_1$$

$$Q_{12} = \frac{13}{2} \mathcal{R} T_1 + \frac{3}{2} \mathcal{R} T_1 = 6 \mathcal{R} T_1; \quad \Delta T_{12} = T_2 - T_1 = 4 T_1 - T_1 = 3 T_1;$$

$$C = \frac{2 \cdot 8,314 \text{ Дж/моль} \cdot \text{К}}{2 \cdot 3 \text{ Дж/моль} \cdot \text{К}} = 2R = 16,62 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$$



$$2) \frac{p_3}{p_2} = \frac{V_2}{V_3} = \frac{V_4}{V_3}, \quad \text{3-4: } p = \beta V, \quad \frac{p_3}{p_4} = \frac{V_3}{V_4}, \quad \frac{V_4}{V_3} = \frac{p_4}{p_3}$$

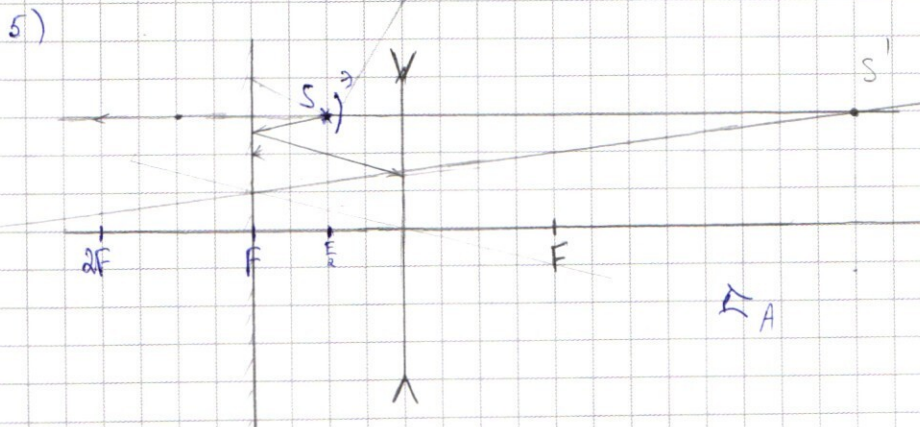
$$\frac{p_3}{p_2} = \frac{p_4}{p_3}$$

$$p_3 V_3 = \gamma R \cdot 4 T_1$$

$$p_4 V_4 = \gamma R T_1$$

$$\frac{p_3 V_3}{p_4 V_4} = 4, \quad \frac{\cancel{8} V_3^2}{\cancel{8} V_4^2} = 4, \quad \frac{V_3}{V_4} = 2$$

$$\frac{p_3}{p_2} = \frac{V_4}{V_3} \cdot \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{p_3}{p} p_2 = 2p_3 = 2p_1 \Rightarrow p_1 : p_3 = 1$$



1) a?



$$F_1 = kx_1; F_2 = kx_2; \frac{F_2}{F_1} = \frac{kx_2}{kx_1} = 2;$$

$$\text{Еще } |a_1| = |a_2| = |a|$$

$$1) O_y: ma = kx_1 - mg; mg$$

$$2) O_y: -ma = kx_2 - mg$$

$$ma = mg - kx_2$$

$$a = \frac{kx_1 - mg}{m} = \frac{mg - kx_2}{m}$$

$$2kx_1 - mg = mg - 2kx_1$$

$$3kx_1 = 2mg; m = \frac{3}{2} \frac{kx_1}{g}$$

$$mg = \frac{3}{2} kx_1$$

$$ma = F_1 - mg$$

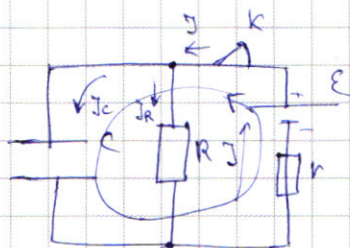
$$ma = mg - F_1$$

$$a = \frac{kx_1 - 1.5 kx_1}{1.5 kx_1} \cdot g = \frac{-0.5}{1.5} g$$

$$|a| = \frac{5}{15} \cdot 10 = \frac{1}{3} \cdot 10 = \frac{10}{3} \approx 3.33 \text{ g} \quad \text{---}$$

$$2) \frac{E x_2}{E x_1}$$

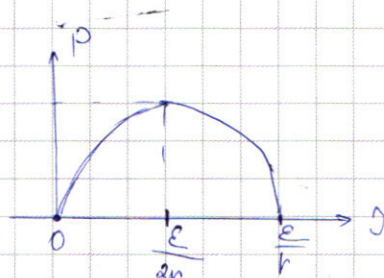
---3.



$$1) I = \frac{E}{r}, \text{ т.к. } \theta = \text{input} = 0, U_c = U_R = 0 \Rightarrow \text{макс. реж. R не}$$

$$\text{мерит} \Rightarrow I = \frac{E}{R+r}$$

$$2) \frac{W}{t} = \frac{P_m}{t} = P, \text{ при } P_{\max} \quad I_c$$



$$E = I_c r + U_c \quad U = E - I_c r$$

$$P = U \cdot I = P = (E - I_c r) I_c = E I_c - I_c^2 r$$

$$E I_c - I_c^2 r = 0$$

$$I_c (E - I_c r) = 0$$

$$I_c = 0$$

$$I_c = \frac{E}{r}$$

$$P = U_c \cdot I_c - \max.$$

$$P_{\max} = U_c \cdot I_c$$

$$I_c = I - I_R = I - \frac{U_c}{R} = I - \frac{U_c}{R}$$

$$U_c + I_c r = E - I_c r = E - (I_c + I_R) r$$

$$P = E I_c - I_c^2 r - I_c I_R r = E I_c - I_c^2 r - I_c I_R r$$

$$E - I_c r = U_c = U_c$$

$$2 U_c = E - I_c r$$

$$U_c = \frac{E - I_c r}{2}$$

$$P = \frac{E - I_c r}{2} \cdot I_c = \frac{1}{2} I_c (E - I_c r)$$

$$I_c = \frac{E}{2r} \quad ???$$

$$E = U_c + I_c r = U_c + (I_c + I_R) r = U_c + I_c r + \frac{U_c}{R} r = 2 U_c + I_c r$$

$$3) W_c = \frac{C U_c^2}{2} = \frac{C}{2} \cdot \left(\frac{E - I_c r}{2} \right)^2 = \frac{C}{2} \cdot \left(\frac{E - \frac{E}{2r} r}{2} \right)^2 = \frac{E^2}{16} \cdot \frac{C}{2} = \frac{C E^2}{32} \quad ???$$