

Олимпиада «Физтех» по физике, (

Класс 11

Вариант 11-05

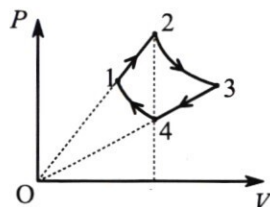
Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

1. Шарик подвешен в поле тяжести на легкой упругой пружине с неизвестной жесткостью. Шарик поднимают вверх до положения, когда пружина не деформирована, и отпускают. При дальнейшем движении шарика вдоль вертикали в некоторые моменты времени силы, действующие на шарик со стороны пружины, отличаются в 2 раза, а модули ускорений равны.

- 1) Найти модуль ускорения в эти моменты.
- 2) Найти отношение кинетических энергий шарика в эти моменты.
- 3) Найти отношение максимальной энергии деформации пружины к максимальной кинетической энергии шарика.

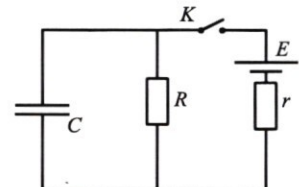
2. Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой T_1 расширяется в процессе 1-2 прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V . В процессе 1-2 давление увеличивается в $k = 2$ раза. Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2-3, сжимается в процессе 3-4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4-1. Объемы газа в состояниях 2 и 4 равны.

- 1) Найти температуру газа в процессе 2-3.
- 2) Найти отношение давлений в состояниях 1 и 3.
- 3) Найти молярную теплоемкость газа в процессе 1-2.



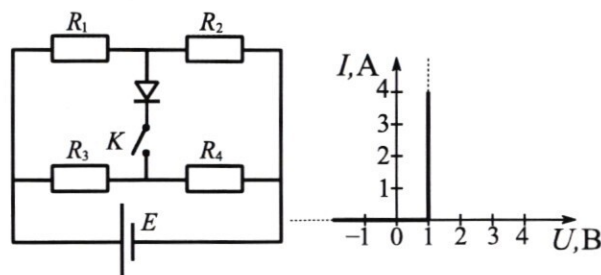
3. В электрической цепи (см. рис.) все элементы идеальные, конденсатор не заряжен. Величины E, R, C известны, $r = R$. Ключ K на некоторое время замыкают, а затем размыкают, когда скорость роста энергии конденсатора максимальна.

- 1) Найти ток, текущий через конденсатор, сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти ток, текущий через конденсатор, сразу после размыкания ключа.
- 3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?



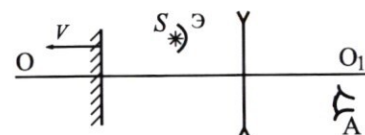
4. В цепи используется мостовая схема (см. рис.). ЭДС идеального источника $E = 10$ В, $R_2 = 12$ Ом, $R_3 = 8$ Ом, $R_4 = 2$ Ом. Вольтамперная характеристика диода показана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

- 1) Найти ток через резистор R_3 при разомкнутом ключе K .
- 2) При каких значениях R_1 ток потечет через диод при замкнутом ключе K ?
- 3) При каком значении R_1 мощность тепловых потерь на диоде будет равна $P_D = 1,25$ Вт?



5. Оптическая система состоит из тонкой рассеивающей линзы с фокусным расстоянием $-F$ ($F > 0$), плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси линзы OO_1 . Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/2$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Вернемся к $\frac{V_3}{2V} \cdot \frac{P_3}{P_1} = 4$

$$\left(\frac{V_3}{2V}\right)^2 = 4$$

$$\frac{V_3}{2V} = 2$$

$$V_3 = 4V$$

* (2) - (3)

$$4PV - P_3 V_3 = \nu RT_2 - \nu RT_2$$

$$4PV = P_3 V_3$$

$$4PV = P_3 \cdot 4V$$

$$P_3 = P$$

$$P_3 = P$$

$$\boxed{\frac{P_3}{P_1} = 1}$$

4) Первый закон термодинамики для процесса 1-2:

$$Q_{12} = A_{12} + \Delta V_{12}$$

Найдем A_{12} , как площадь под графиком 1-2

Это трапеция $A_{12} = S = \frac{1}{2} (P + 2P) \cdot V = \frac{3}{2} PV$

$$\Delta V_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} \nu R (4T_1 - T_1) = \frac{9}{2} \nu R T_1$$

($T_2 = 4T_1$ из предположения пункта б)

Из (1) (уравнение Менделеева-Клапейрона) $PV = \nu RT_1 \Rightarrow \nu = \frac{PV}{RT_1}$

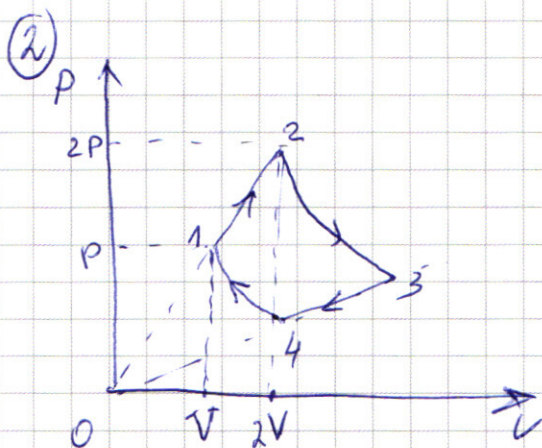
$$A_{12} = \frac{3}{2} \nu R T_1$$

$$Q_{12} = C_{12} \nu \cdot \nu T = C_{12} \nu (T_2 - T_1) = 3 \cdot C_{12} \cdot \nu \cdot T_1$$

$$Q_{12} = 3 \cdot C_{12} \cdot \nu T_1 = \frac{3}{2} \nu R T_1 + \frac{9}{2} \nu R T_1 = 6 \nu R T_1$$

$$\boxed{C_{12} = 2R} = 2 \cdot 8,3 = 16,6$$

Ответ: $T_2 = T_3 = 4T_1$; $\frac{P_3}{P_1} = 1$; $C_{12} = 2R = 16,6$



Дано:

идеальный одноатомный газ.

$$T_1$$

$$\frac{P_2}{P_1} = 2$$

$$V_2 = V_4$$

$$1) T_2 = T_3 = ?$$

$$2) \frac{P_3}{P_1} = ?$$

$$4) C_{12} = ?$$

$$6) 2-3 T = \text{const}$$

$$6) 4-1 T = \text{const}$$

Пусть P_1, P_2, P_3, P_4 - давления в состояниях 1, 2, 3, 4

V_1, V_2, V_3, V_4 - объемы в состояниях 1, 2, 3, 4

T_1, T_2, T_3, T_4 - температуры в состояниях 1, 2, 3, 4

Решение

- 1) Пусть в состоянии 1 давление - P , тогда в состоянии 2 объем - V $P_2 = 2P$
 $(P_1 = P; V_1 = V)$

т.к. в процессе 1-2 объем газа прямо пропорционален давлению, то $\frac{2P}{P} = \frac{V_2}{V} \left(\frac{P_2}{P_1} = \frac{V_2}{V_1} \right); V_2 = 2V$

$$V_4 = V_2 = 2V$$

- 2) Ур-е Менделеева - Клапейрона для состояний 1, 2:

$$① P_1 V_1 = \nu R T_1 \Rightarrow PV = \nu R T_1$$

$$② P_2 V_2 = \nu R T_2 \Rightarrow 4PV = \nu R T_2$$

$$\frac{①}{②} = \frac{PV}{4PV} = \frac{\nu R T_1}{\nu R T_2} \Rightarrow \boxed{T_2 = 4T_1}$$

- 3) Ур-е Менделеева - Клапейрона для состояний 3, 4:

$$③ P_3 V_3 = \nu R T_2 \quad (T_3 = T_2, \text{ т.к. процесс 2-3 изотерма})$$

$$④ 2 V_4 P_4 = \nu R T_1 \Rightarrow 2VP_4 = \nu R T_1 \quad (V_4 = V_2 = 2V;$$

$T_4 = T_1$, т.к. процесс 4-1 изотерма)

$$③ - ④ = PV - 2VP_4 = \nu R T_2 - \nu R T_1$$

$$PV = 2V \cdot \frac{P}{2}$$

$$P_4 = \frac{P}{2}$$

$$\frac{③}{④} = \frac{P_3 \cdot V_3}{P_4 \cdot 2V} = \frac{\nu R T_2}{\nu R T_1} = \frac{4PV}{PV} = 4$$

т.к. в процессе 3-4 объем увеличивается прямо пропорционально давлению, то $\frac{V_3}{V_4} = \frac{P_3}{P_4} \Rightarrow \frac{V_3}{2V} = \frac{P_3}{P/2}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

① $g \downarrow$

пружина не деформирована

1 момент

2 момент

Рисунки

Дано: в некоторый момент

$$\frac{F_{y2}}{F_{y1}} = 2$$

$$|a_2| = |a_1|$$

- 1) $|a_1| = |a_2| = |a_2| \neq ?$
- 2) $\frac{E_{k2}}{E_{k1}} = ?$
- 3) $\frac{E_{пруж\ max}}{E_{кин\ max}} = ?$

1) Сила упругости, действующая на шарик со стороны пружины, зависит от x - величины деформации пружины.

$$F_y = kx$$

Если $\frac{F_{y2}}{F_{y1}} = 2 \Rightarrow \frac{kx_2}{kx_1} = 2 \Rightarrow x_2 = 2x_1$

Пусть x_0 - деформация пружины в момент 1

$$x_1 = x_0$$

Тогда в момент 2 $x_2 = 2x_0$

2) В оба момента на шарик действуют только две силы, пр (F_y и $F_{тяг}$), при этом $F_{тяг} = mg$ в оба момента одинаковы. Но $|a_1| = |a_2|$. Значит, в один из моментов $(\frac{mg - kx_0}{m} = \frac{mg - 2kx_0}{m})$ ускорение отрицательно. Направление ось x сверху вниз.

Тогда, $ma_1 = \frac{kx_0 - mg}{mg - kx_0}$; $ma_2 = \frac{2kx_0 - mg}{mg - kx_0}$ (по II закону Ньютона)

$$|a_1| = |a_2| \Rightarrow mg - kx_0 = 2kx_0 - mg \Rightarrow 2mg = 3kx_0; kx_0 = \frac{2}{3}mg$$

$$m a_1 = mg - k x_0 = mg - \frac{2}{3} mg = \frac{mg}{3} \Rightarrow a_1 = \frac{g}{3}$$

$$\Rightarrow |a| = |a_1| = |a_2| = \frac{g}{3}$$

3)

ЗСЭ для момента 1

$$mg x_0 = \frac{k x_0^2}{2} + E_{k1}$$

$$E_{k1} = \frac{2mg x_0 - k x_0^2}{2}$$

$$(2mg = 3k x_0)$$

$$E_{k1} = \frac{3k x_0^2 - k x_0^2}{2} = k x_0^2$$

ЗСЭ для момента 2

$$2mg x_0 = \frac{k \cdot 4 x_0^2}{2} + E_{k2}$$

$$E_{k2} = \frac{4mg x_0 - 4k x_0^2}{2} = 2mg x_0 - 2k x_0^2 = (2mg - 3k) x_0$$

$$= 3k x_0^2 - 2k x_0^2 = k x_0^2$$

$$\boxed{\frac{E_{k2}}{E_{k1}} = \frac{k x_0^2}{k x_0^2} = 1}$$

4)

Мак мин. энергии будет, когда шарик опустится

на максимальную высоту, а тогда же будет макс (перед тем, как снова начать подниматься)

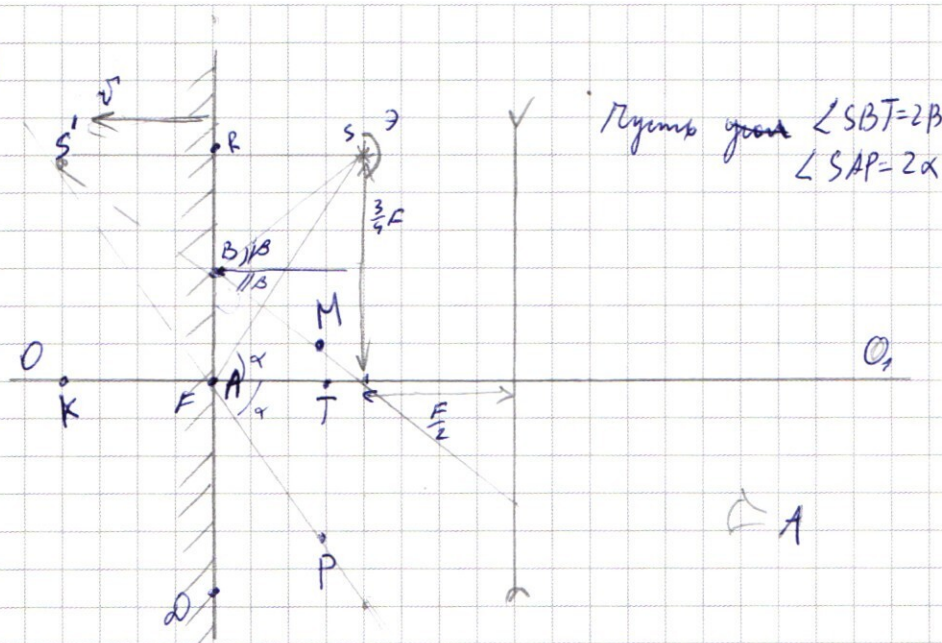
Тогда же будет макс энергия пружины.

$$\text{ЗСЭ: } mg x_m = \frac{m v_m^2}{2} + \frac{k x_m^2}{2}$$

$$\text{ответ: 1) } |a| = \frac{g}{3} \quad 2) \frac{E_{k2}}{E_{k1}} = 1$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

5



Пусть угол $\angle SBT = 2\beta$
 $\angle SAP = 2\alpha$

Дано:
- F - фокусное рас.
 $\frac{3}{4}F$ от оси O_1 до S
 $\frac{F}{2}$ от линзы до S
 $\alpha; \beta$

Пусть a - расстояние
от источника
до линзы
 b - расстояние
от изображения
до линзы

Решение

- 1) Проведем лучи SA и SB . (Дано $\angle SBT = 2\beta$, $\angle SAP = 2\alpha$)
Из точек A и B проведем ~~лучи~~ отраженные от
зеркала лучи, продолжив эти лучи, ^{к нормали} ~~под углом~~
плоскости зеркала, ~~это~~ какие точки при падении лучей
(угол падения равен углу отражения)
Продолжим отраженные лучи за плоскость зеркала, в точке
их пересечения поставим точку S'

- 1) b - ?
2) α - ?
3) β - ?

$$\angle KAS' = \angle PAT \text{ (как вертикальные)} \quad (\angle TAS = \angle PAT - \text{угол пад. и угол отражения})$$

$$\angle S'AB = 90^\circ - \angle KAS' = 90^\circ - \angle PAT = 90^\circ - \angle TAS = \angle SAB$$

$$\angle SBA = 90^\circ + \beta$$

$$\angle MBA = 90^\circ - \beta = \angle RBS' \text{ (как вертикальные)}$$

$$\angle S'BA = 180^\circ - \angle RBS' = 180^\circ - 90^\circ + \beta = 90^\circ + \beta = \angle SBA$$

FB-одна сторона; $\angle SBA = \angle S'BA$; $\angle S'AB = \angle SAB \Rightarrow \triangle S'AB = \triangle SAB$
 (по 2-м сторонам и углу)
 $\Rightarrow SB = S'B \Rightarrow \triangle SS'B$ - равнобедр.

$$\angle SBR = 90^\circ - \beta$$

$$\angle S'BR = 180 - \angle BBA = 180 - 90 - \beta = 90 - \beta$$

$\angle SBR = \angle S'BR \Rightarrow BR$ - биссектриса $\Rightarrow BR$ - медиана

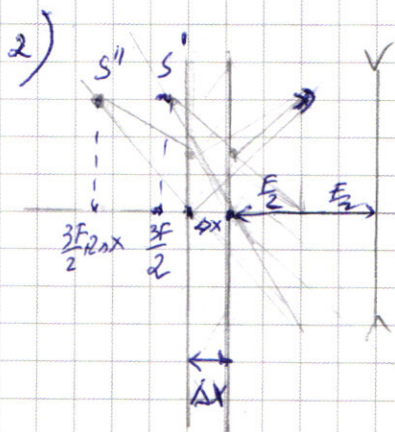
$\Rightarrow SR = S'R \Rightarrow$ расстояние от линзы до S' равно $F + RS' = F + SR = F + (F - \frac{F}{2}) = \frac{3F}{2} = a$

$$\frac{1}{-F} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$$

$$b = \frac{-F \cdot a}{a - F} \quad \frac{1}{-F} = \frac{2}{3F} + \frac{1}{b}$$

$$\frac{1}{b} = -\frac{3}{3F} - \frac{2}{3F} = -\frac{5}{3F}$$

$b = -\frac{3}{5}F \Rightarrow$ изображение
находится
на расстоянии
 $\frac{3}{5}F$ слева от
линзы



Пусть зеркало сместилось
на Δx . Получили изображение
в зеркале S''

аналогично пункту 1
расстояние от источника до
зеркала равно
расстоянию от изображения в зеркале
до источника

$$\text{новое расст. до зеркала от ист.} = \frac{F}{2} + \Delta x$$

$$\text{новое расст. от изобр. в зеркале до линзы} = (F + \Delta x) + \frac{F}{2} + \Delta x = \frac{3F}{2} + 2\Delta x$$

$\Rightarrow$ Изображение сместилось
на $2\Delta x$

Пусть для S' a_1 и b_1
для S'' a_2 и b_2

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{a_1} + \frac{1}{b_1} \quad -\frac{1}{F} = \frac{1}{a_2} + \frac{1}{b_2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

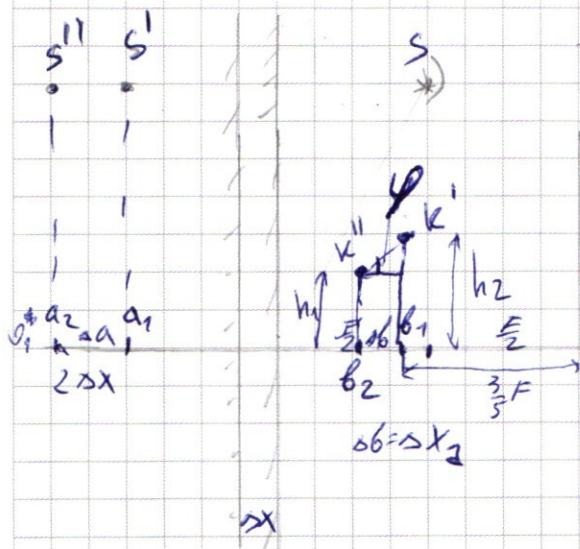
$$\frac{1}{a_1} + \frac{1}{b_1} = \frac{1}{a_2} + \frac{1}{b_2}$$

$$\frac{a_2 - a_1}{a_1 a_2} = \frac{b_1 - b_2}{b_1 b_2}$$

$$\frac{b_1 - b_2}{a_2 - a_1} = \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{b_2}{a_2} \quad \left(\begin{array}{l} b_1 - b_2 \text{ численно равно } \Delta b \\ \text{продолжению} \end{array} \right. \quad \left. \begin{array}{l} \text{смещения изобрет.} \\ \text{Пусть } \Delta b = \Delta x_1 \end{array} \right)$$

$$a_1 - a_2 = \Delta a = 2\Delta x$$

← Кривой нам дан φ



$$0 \quad \frac{b_1}{a_1} = \frac{\frac{3}{5}F}{\frac{3}{2}F} = \frac{2}{5}$$

$$\frac{\Delta x_1}{2\Delta x} = \frac{2}{5} \cdot \frac{b_2}{a_2}$$

$$b_2 = \frac{3}{5}F + \Delta x_1$$

$$a_2 = \frac{3}{2}F + 2\Delta x$$

$$\frac{\Delta x_1}{2\Delta x} = \frac{2}{5} \cdot \frac{\left(\frac{3}{5}F + \Delta x_1\right)}{\left(\frac{3}{2}F + 2\Delta x\right)} \Rightarrow \Delta x = \frac{\frac{15}{2}F\Delta x_1}{\frac{12}{5}F - 6\Delta x_1}$$

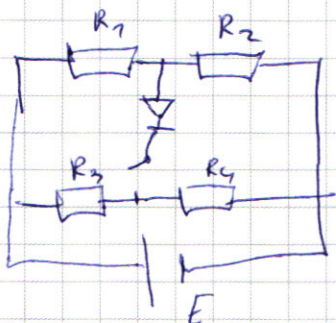
$$\frac{b_2}{a_2} = \frac{5\Delta x_1}{2 \cdot 2\Delta x} = \frac{5\Delta x_1 \left(\frac{12}{5}F - 6\Delta x_1\right)}{2 \cdot \frac{15}{2}F\Delta x_1} = \frac{\frac{4}{5}F - 2\Delta x_1}{F} = \frac{4}{5} - 2\frac{\Delta x_1}{F}$$

Для S''

$$\frac{b_2}{a_2} = \frac{F + b_2}{-F} \quad \left(\begin{array}{l} \frac{1}{-F} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b} \\ b = -\left(\frac{a}{a} + \frac{1}{b}\right) = -\frac{F}{F} \end{array} \right)$$

$$-F \left(\frac{4}{5} - 2\frac{\Delta x_1}{F} \right) = F + \frac{3}{5}F + \Delta x_1 \quad \left(\frac{b}{a} = \frac{4(F+b)}{-F} \right)$$

4



Дано:

$$E = 10 \text{ В}$$

$$R_2 = 120 \text{ Ом}$$

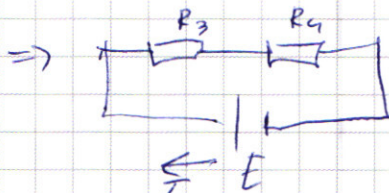
$$R_3 = 80 \text{ Ом}$$

$$R_4 = 20 \text{ Ом}$$

$$U_0 = 1 \text{ В}$$

$I_0 = ?$
(через R_3)

Когда источник разомкнут ток идет только через резисторы R_3 и R_4



Ток I_0 идет ток I_0

По II з. Кирхгофа

$$E = I_0 R_3 + I_0 R_4$$

$$I_0 = \frac{E}{R_3 + R_4}$$

Ответ: 1) $I_0 = \frac{E}{R_3 + R_4}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$= \frac{4}{5} F + 2 \Delta x_1 = \frac{8}{5} F + 2 \Delta x_1$$

$$\Delta x_1 = \frac{12}{5} F$$

$$\frac{\Delta x_1}{F} = \frac{12}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{b_2}{a_2} = \frac{4}{5} - 2 \frac{\Delta x_1}{F} = \frac{4}{5} - \frac{2 \cdot 12}{5} = -\frac{20}{5}$$

Пусть h_1 - расстояние от OO_1 до k' - ^{первого} изображения точки
 h_2 - расст. от OO_1 до k'' - ^{второго} изобр. S

или $h_1 = \frac{b_1}{a_1} \cdot H$ (где H - расстояние от OO_1 до S и от OO_1 до S' и от OO_1 до S'')

$$h_1 = \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{4} F = \frac{3}{10} F$$

$$h_2 = \frac{b_2}{a_2} \cdot H = \frac{b_2}{a_2} \cdot \frac{3}{4} F$$

Оно не меняется, т.к.

(из первого пункта $SB = S'B \Rightarrow \triangle SSB' -$ равнобедр.

$$\triangle BRL \Rightarrow BR$$

BR - доказано, что биссектриса

$\Rightarrow BR$ - высота $\Rightarrow SS' \parallel OO_1$
($BR \perp SS'$ и $BR \perp OO_1$)

Аналогично $SS'' \parallel OO_1$)

(где $\frac{b_1}{a_1} = \Gamma_1$ - ~~правильно~~

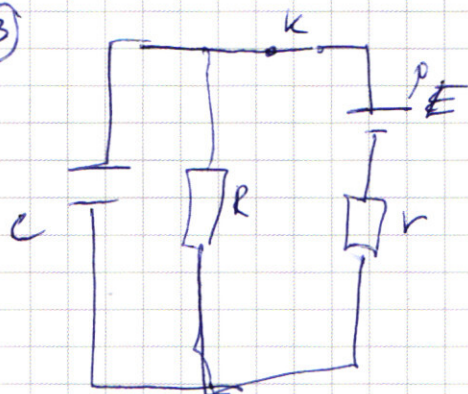
где Γ_1, Γ_2 - ^{поперечное} ^{увеличение}
 $\frac{b_2}{a_2} = \Gamma_2$

$$\tan \varphi = \frac{h_2 - h_1}{\Delta x_1} = \frac{\frac{3}{4} F \left(\frac{2}{5} - \frac{b_2}{a_2} \right)}{\Delta x_1} =$$

$$= \frac{\frac{3}{4} F}{\Delta x_1} \cdot \left(\frac{2}{5} + \frac{20}{5} \right) = \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{12} \cdot \frac{22}{5} = \frac{11}{8}$$

Ответ: 1) $b = \frac{3}{5} F$; 2) $\tan \varphi = \frac{11}{8}$

3



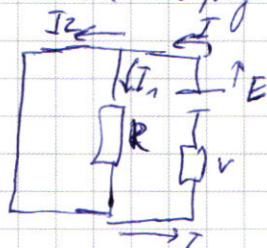
дано:

$$R=r; C; E$$

1) I_2 ? (сразу после замыкания)

Решение

1) Сразу после замыкания конденсатор ~~еще~~ не заряжен и ток через него идет макс, будто его нет.



Может нарисовать без него

По II з. Кирхгофа: для внешнего контура

$$E = I R \quad (R=r)$$

для внутреннего через R:

$$E = I_1 R + I r = I_1 R + I R$$

$$E = I_1 R + E \Rightarrow I_1 = 0$$

$$\Rightarrow I = I_1 + I_2 = I_2$$

$$\Rightarrow I_2 = I = \frac{E}{R}$$

Обозначим токи I_1, I_2, I

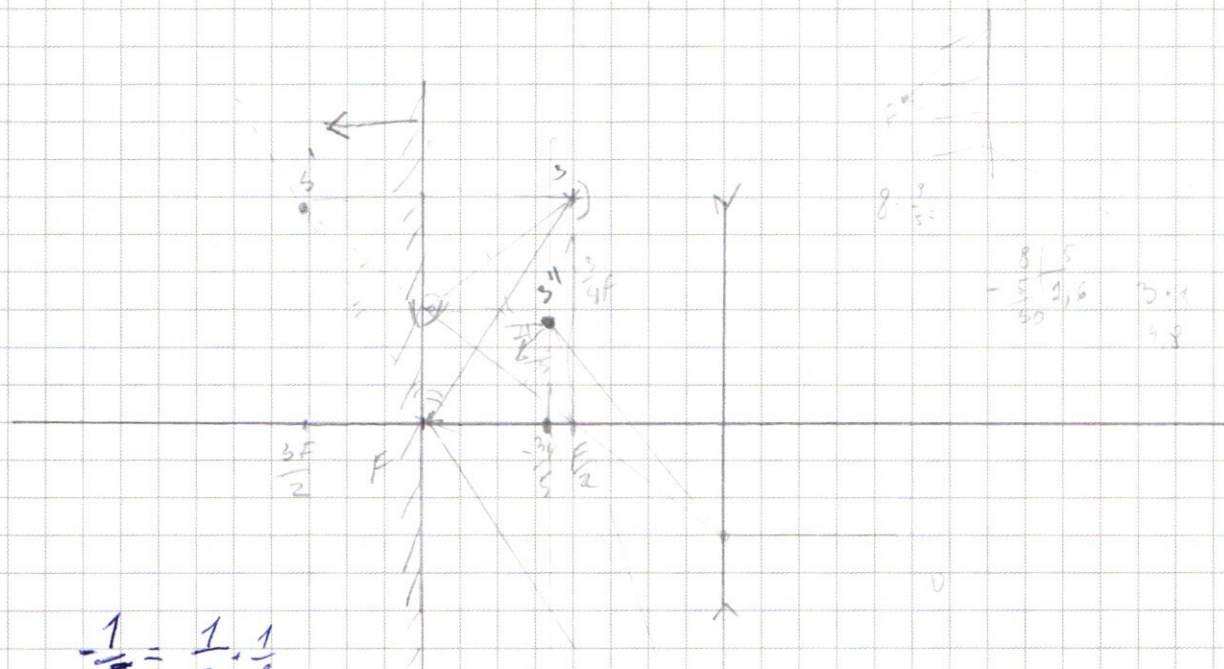
По I з. Кирхгофа $I = I_1 + I_2$

Ответ

2) Сразу после замыкания макс. скорость роста энергии будет когда через него идет максимальной ток макс. ток будет, когда напряжение на конденсаторе равно E

Ответ: $I = \frac{E}{R}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

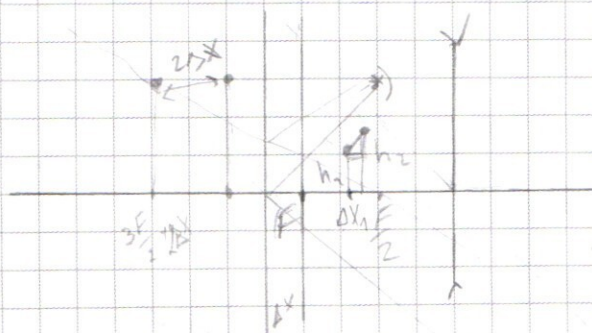


$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$$

$$-\frac{1}{F} = \frac{2}{3F} + \frac{1}{b}$$

$$\frac{1}{b} = -\frac{3}{3F} - \frac{2}{3F} = -\frac{5}{3F}$$

$$b = -\frac{3}{5}F$$



$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{a_1} + \frac{1}{b_1} = \frac{1}{a_2} + \frac{1}{b_2}$$

$$\frac{a_2 - a_1}{a_1 a_2} = \frac{b_2 - b_1}{b_1 b_2} = \frac{a_2 - a_1}{b_2 - b_1} = \frac{a_1}{b_1} \cdot \frac{a_2}{b_2}$$

$$\frac{a_2}{a_1} = 0.3$$

$$\frac{1}{b} = \frac{\ln z - \ln r}{\Delta x_1} = \frac{\ln z - \ln r}{\Delta x_1}$$

$$\frac{1}{(F + \Delta x)} = \frac{1}{(3F/2 + \Delta x)} + \frac{1}{b}$$

$$\frac{1}{b} = -\frac{1}{3F/2 + \Delta x} - \frac{1}{F}$$

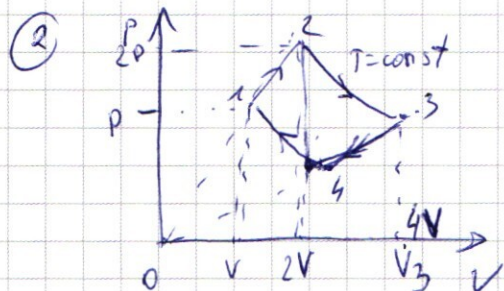
$$b = (F + \Delta x) \cdot \frac{3F/2 + \Delta x}{F} = \frac{3F}{2} + \Delta x$$

$$\frac{\Delta b}{\Delta a} = \frac{2}{5} \cdot \frac{b_1}{a_2} = \frac{\Delta x_1}{2 \Delta x}$$

$$\frac{b_1}{a_2} = \frac{\Delta x_1}{2 \Delta x} \cdot \frac{F}{2} = \frac{3F}{4} \cdot \frac{\Delta x_1}{\Delta x}$$

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1) $T_2 = T_3 = T_1$
2) $\frac{P_1}{P_3} = ?$
3) $C_{12} = ?$

$$PV_1 = \nu RT_1 \quad V_2 = 2V_1 \quad PV_3 = \nu RT_2 = 4PV_1$$

$$2PV_1 = \nu RT_2 \quad 2VP_4 = \nu RT_1 = PV_1$$

$$\frac{1}{4} = \frac{T_1}{T_2} \quad ; \quad T_2 = 4T_1$$

$$2P_4 = P \quad P_4 = \frac{P}{2}$$

Х. $Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12}$

$$= \frac{1}{2} \cdot 3P_1 V_1 + \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) =$$

$$= \frac{3}{2} \nu RT_1 + \frac{3}{2} \nu R (3T_1) =$$

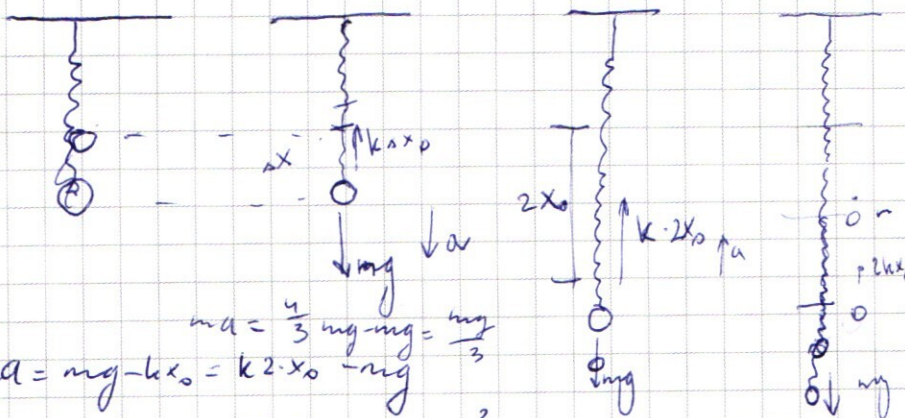
$$= \frac{3}{2} \nu RT_1 \cdot 4 = 6 \nu RT_1$$

$$\frac{V_3}{2V_1} = \frac{P_3}{P_4} \quad \frac{V_3}{2V_1} \cdot \frac{P_3}{P_4} = \frac{4PV_1}{PV_1} = 4 \quad P = P_3$$

$$\left(\frac{P_3}{P_4}\right)^2 = 4 \quad ; \quad \frac{P_3}{P_4} = 2$$

$$C_{12} = 6R$$

①



$$ma = \frac{4}{3}mg - mg = \frac{mg}{3}$$

$$ma = mg - kx_0 = k \cdot 2x_0 - mg$$

$$2mg = 3kx_0 \quad kx_0 = \frac{2}{3}mg$$

$$mgx_0 = \frac{kx_0^2}{2} + \frac{m\dot{x}_0^2}{2}$$

$$2mgx_0 - kx_0^2 = \frac{m\dot{x}_0^2}{2}$$

$$a = \frac{g}{3}$$

$$E_1 = \frac{3kx_0^2 - kx_0^2}{2} = kx_0^2$$

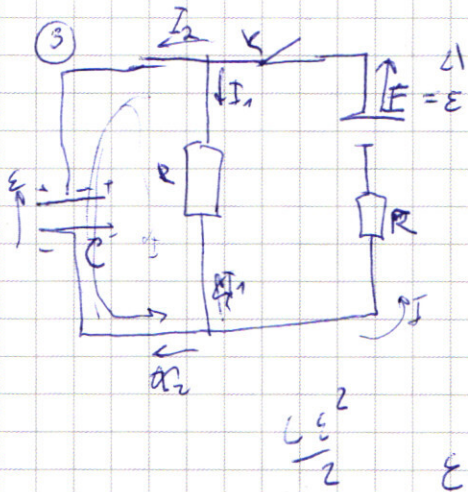
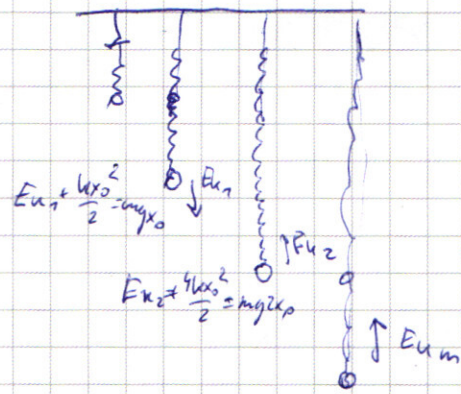
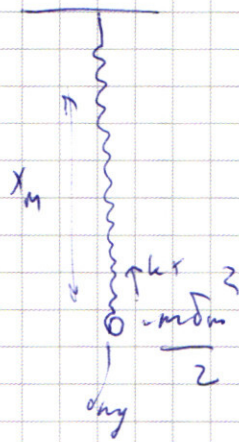
$$E_2 = 3kx_0^2 - 2kx_0^2 = kx_0^2$$

$$E_1 = E_2$$

3) $\frac{E_m}{E_k} = ?$

$$3mg = 2kx_0$$

$$mgx_M = \frac{m\Delta m^2}{2} + \frac{kx_M^2}{2}$$



$$r=R \quad I_1 = ?$$

$$E = IR$$

$$I_1 = \frac{E}{R}$$

$$E = I_1 R + I_1 R$$

$$U_C = q$$

$$E = I_1 R$$

$$I_1 = \frac{E}{R}$$

$$U = \frac{q}{C}$$

$$v = \frac{dq}{dt} = \frac{d \left(\frac{CU^2}{2} \right)}{dt} = \frac{C}{2} \cdot \frac{dU^2}{dt}$$

$$v = \frac{C}{2} \cdot \frac{d \left(\frac{q^2}{C^2} \right)}{dt} = \frac{1}{2C} \cdot \frac{dq^2}{dt} = \frac{2q}{2C} \cdot \frac{dq}{dt} = \frac{q}{C} \cdot I$$

5.

