

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-05

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

1. Шарик подвешен в поле тяжести на легкой упругой пружине с неизвестной жесткостью. Шарик поднимают вверх до положения, когда пружина не деформирована, и отпускают. При дальнейшем движении шарика вдоль вертикали в некоторые моменты времени силы, действующие на шарик со стороны пружины, отличаются в 2 раза, а модули ускорений равны.

1) Найти модуль ускорения в эти моменты.

2) Найти отношение кинетических энергий шарика в эти моменты.

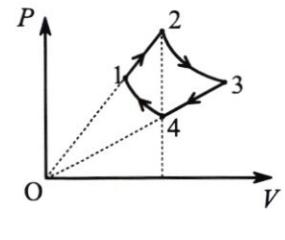
3) Найти отношение максимальной энергии деформации пружины к максимальной кинетической энергии шарика.

2. Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой T_1 расширяется в процессе 1-2 прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V . В процессе 1-2 давление увеличивается в $k = 2$ раза. Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2-3, сжимается в процессе 3-4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4-1. Объемы газа в состояниях 2 и 4 равны.

1) Найти температуру газа в процессе 2-3.

2) Найти отношение давлений в состояниях 1 и 3.

3) Найти молярную теплоемкость газа в процессе 1-2.

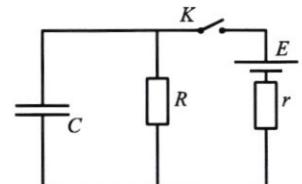


3. В электрической цепи (см. рис.) все элементы идеальные, конденсатор не заряжен. Величины E, R, C известны, $r = R$. Ключ K на некоторое время замыкают, а затем размыкают, когда скорость роста энергии конденсатора максимальна.

1) Найти ток, текущий через конденсатор, сразу после замыкания ключа.

2) Найти ток, текущий через конденсатор, сразу после размыкания ключа.

3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?

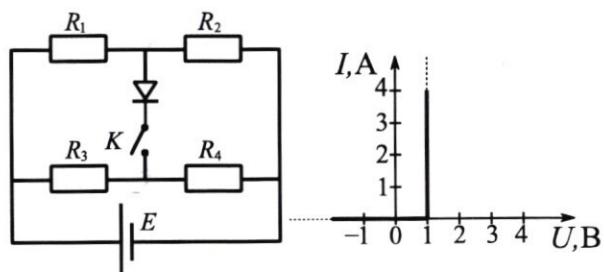


4. В цепи используется мостовая схема (см. рис.). ЭДС идеального источника $E = 10$ В, $R_2 = 12$ Ом, $R_3 = 8$ Ом, $R_4 = 2$ Ом. Вольтамперная характеристика диода показана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

1) Найти ток через резистор R_3 при разомкнутом ключе K.

2) При каких значениях R_1 ток потечет через диод при замкнутом ключе K?

3) При каком значении R_1 мощность тепловых потерь на диоде будет равна $P_D = 1,25$ Вт?

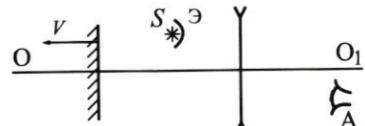


5. Оптическая система состоит из тонкой рассеивающей линзы с фокусным расстоянием $-F$ ($F > 0$), плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси линзы ОО₁. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси ОО₁ и на расстоянии $F/2$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси ОО₁. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом α к оси ОО₁ движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 2.

Дано: 1 атом,

$$T_1, k=2.$$

$$1-2 \quad p \sim V$$

$$2-3 \quad T=\text{const}$$

$$3-4 \quad p \sim V$$

$$4-1 \cdot T=\text{const}$$

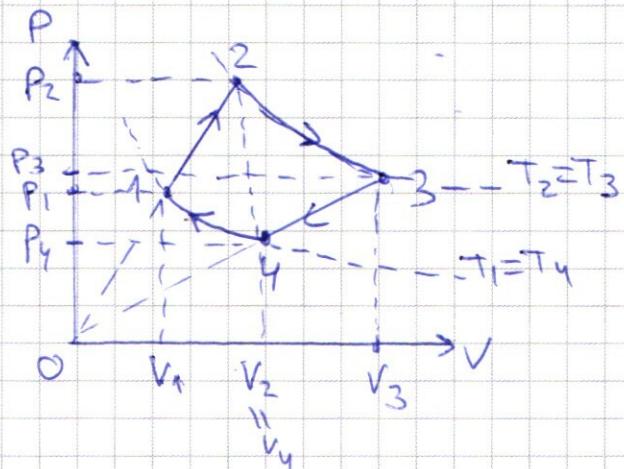
$$V_2 = V_4$$

Найти: $T_2 - ?$

$$P_3/p_1 - ?$$

$$C_{12} - ?$$

Решение:



$$1-2: \quad p = 2V \quad \text{yp-e прям}$$

$$\begin{aligned} \alpha &= \frac{P}{V} = \frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2} \\ k &= 2 = \frac{P_2}{P_1} \end{aligned} \Rightarrow V_2 = 2V_1$$

$$\left\{ P_1 V_1 = \gamma R T_1 \quad (\text{yp-e M-E}) \right.$$

$$\left. P_2 V_2 = 4 P_1 V_1 = \gamma R T_2 \Rightarrow T_2 = 4 T_1 \right.$$

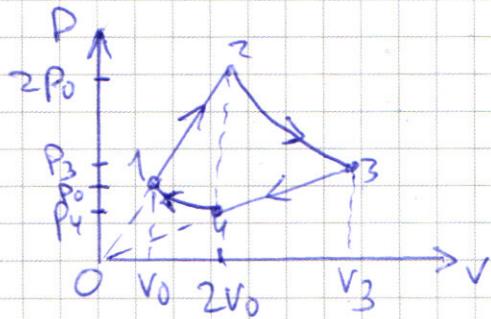
$$T_2 = T_3 \Rightarrow P_2 V_2 = \gamma R T_2 = P_3 V_3 = \gamma R T_3 \quad (3.5-M)$$

$$T_1 = T_4 \Rightarrow P_1 V_1 = \gamma R T_1 = P_4 V_4 = \gamma R T_4 \quad (3.5-M)$$

$$3-4: \quad p = \beta V \quad \text{yp-e прям}$$

$$\beta = \frac{P}{V} = \frac{P_3}{V_3} = \frac{P_4}{V_4}$$

Обозначим $P_1 = P_0$ и $V_1 = V_0$, тогда $P_2 = 2P_0$, $V_2 = V_4 = 2V_0$



$$\frac{P_4}{2V_0} = \frac{P_3}{V_3} \text{ из упр-я правило}$$

$$2P_4V_0 = P_0V_0 \text{ З.Б.-М.}$$

$$\frac{2P_4}{2P_4} = P_0$$

$$P_3V_3 = 4P_0V_0 \text{ З.Б.-М.}$$

$$\frac{P_3V_3}{2P_4V_0} = \frac{4P_0V_0}{P_0V_0} = 4 \Rightarrow V_3 = \frac{8P_4V_0}{P_3}$$

$$\frac{P_4}{2V_0} = \frac{P_3}{V_3} = \frac{P_3^2}{8P_4V_0}$$

$$P_3^2 = \frac{8P_4^2V_0}{2V_0} = 4P_4^2$$

$$T \Leftarrow p_4 > 0 \text{ и } p_3 > 0$$

$$P_3 = 2P_4 = P_0$$

$$\text{Получаем } \frac{P_3}{P_1} = 1.$$

$$dU = \frac{3}{2} \nabla R dT, \quad dA = P dV$$

$$C_{12} = \frac{dQ_{12}}{\nabla dT} = \frac{dU_{12} + dA}{\nabla dT} = \frac{3}{2} R + \frac{dA}{\nabla dT}$$

$$PV = \nabla RT \quad P = \frac{P_0}{V_0} \cdot \nabla \quad \text{из упр-я правило.}$$

$$V^2 \frac{P_0}{V_0} = \nabla RT \quad T = \frac{P_0}{V_0 \nabla R} \cdot V^2 \Rightarrow dT = \frac{P_0}{V_0 \nabla R} - 2VdV$$

$$P dV = \frac{P_0}{V_0} \cdot \nabla dV = dA$$

$$\frac{dA}{\nabla dT} = \frac{\frac{P_0}{V_0} \cdot V dV}{\nabla \frac{P_0}{V_0 \nabla R} \cdot 2VdV} = R \nabla$$

$$\text{Ответ: } T_2 = 4T_1, \quad \frac{P_3}{P_1} = 1, \quad C_{12} = 2R$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 4. Дано:

$$\begin{cases} \mathcal{E} = 10 \text{ В} \\ R_1 = 12 \Omega \\ R_2 = 12 \Omega \\ R_3 = 8 \Omega \\ R_4 = 20 \Omega \end{cases}$$

$$U_0 = 1 \text{ В} \quad P_0 = 1,25 \text{ Вт}$$

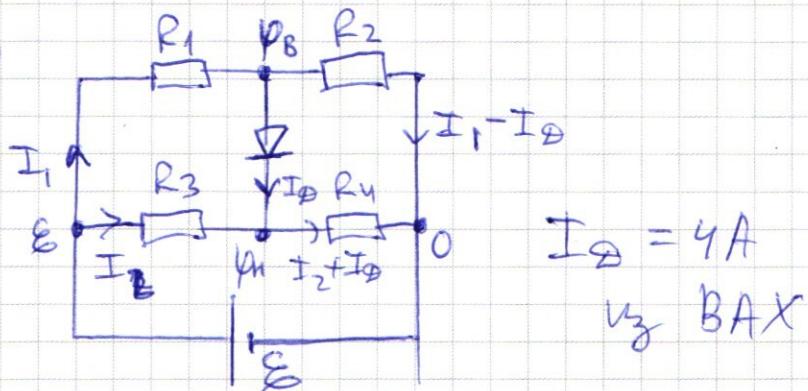
$$R_{1K} - ?$$

$$R_{1P} - ?$$

Решение:

1) II З. Кирхгофова при разомкнутой цепи:

$$\mathcal{E} = I_{\text{H}}(R_3 + R_4) \Rightarrow I_{\text{H}} = \frac{\mathcal{E}}{R_3 + R_4} = 1 \text{ А}$$



$$\left\{ \begin{array}{l} \mathcal{E} = I_2 R_3 + (I_2 + I_3) R_4 \\ I_1 R_1 + U_0 = I_2 R_3 \\ I_2 R_3 + I_3 R_4 = U_0 + (I_2 + I_3) R_4 = (I_1 - I_3) R_2 \end{array} \right.$$

$$I_2 = \frac{\mathcal{E} - I_3 R_4}{R_3 + R_4} = 0,2 \text{ А}$$

$$I_1 = \frac{U_0 + (I_2 + I_3) R_4}{R_2} + I_3 = \frac{287}{60} \text{ А}$$

$$U_B - 0 = \frac{\mathcal{E}}{R_1 + R_2} \cdot R_2 \quad U_H = 0 = \frac{\mathcal{E}}{R_3 + R_4} \cdot R_4$$

$U_B - U_H \geq U_0$ — условие пропускания тока через дугу.

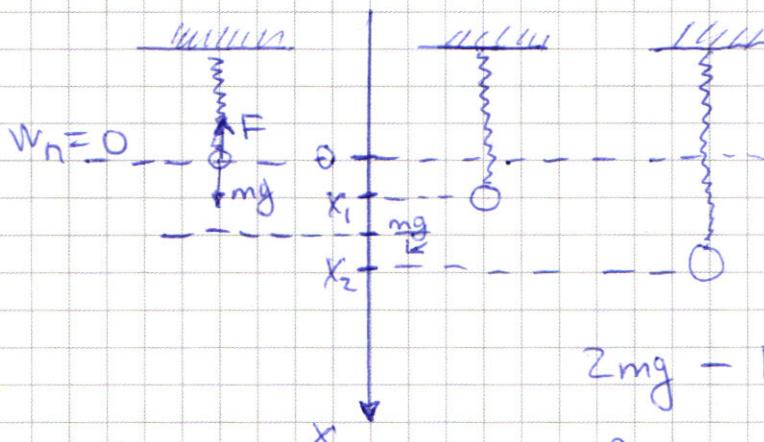
$$\frac{\mathcal{E} R_2}{R_1 + R_2} \geq \frac{\mathcal{E} R_4}{R_3 + R_4} + U_0 = 3 \text{ В}$$

$$10 R_2 \geq 3 R_1 + 3 R_2$$

$$R_1 \leq \frac{7 R_2}{3} = 28 \Omega$$

Задача 1. ~~Линейное~~

II 3. Н:



$$\begin{cases} mg - kx_1 = ma \\ mg - kx_2 = -ma \\ kx_2 = 2kx_1 \end{cases}$$

$$2mg - k(x_1 + x_2) = 0$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{2mg}{k} \\ \dot{x}_2 = 2\dot{x}_1 \end{cases}$$

Многа,

$$x_1 = \frac{2mg}{3k}, x_2 = \frac{4mg}{3k}$$

$$a = g - \frac{k}{m} x_1 = g - \frac{k}{m} \cdot \frac{2mg}{3k} = \frac{1}{3}g$$

$$0 = \frac{kx_1^2}{2} - mgx_1 + \frac{mv_1^2}{2} = \frac{kx_2^2}{2} - mgx_2 + \frac{mv_2^2}{2}$$

$$\frac{E_{k2}}{E_{k1}} = \frac{\frac{mv_2^2}{2}}{\frac{mv_1^2}{2}} = \frac{mgx_2 - \frac{kx_2^2}{2}}{mgx_1 - \frac{kx_1^2}{2}} \text{ и } x_1 = \frac{2mg}{3k}, x_2 = \frac{4mg}{3k}$$

Многа: $\frac{E_{k2}}{E_{k1}} = 1$

$E_{kin} \rightarrow \max$ при $\nabla \rightarrow \max \Rightarrow a = 0 \Rightarrow$ нал. равн. движ.

$$E_{kmax} = \frac{mv_{max}^2}{2} \quad 0 = \frac{kx_p^2}{2} - mgx_p + \frac{mv_{max}^2}{2}$$

$$x_p = \frac{mg}{k} \quad (\text{т.к. } 0 = mg - kx_p \text{ II 3. Н.})$$

$$E_{kmax} = \frac{m^2g^2}{2k}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$mg - kx = m\ddot{x} \Rightarrow \ddot{x} + \frac{k}{m}(x - g \frac{m}{k}) = 0 \quad \boxed{z = x - \frac{mg}{k}}$$

$$\ddot{z} + \frac{k}{m}z = 0 \quad z = A \cos wt + B \sin wt$$

$$\dot{z} = -Aw \sin wt + Bw \cos wt$$

$$z(0) = -\frac{mg}{k} = A \quad \dot{z}(0) = Bw = 0, w \neq 0 \Rightarrow B = 0$$

$$x = \frac{mg}{k} (1 - \cos wt)$$

т.е. колебание вокруг

нормального равновесия с амплитудой $\frac{mg}{k}$

$$x_m = 2 \frac{mg}{k}$$

$$\frac{kx_m^2}{2} = E_{pm} = \frac{k}{2} \cdot 4 \frac{m^2g^2}{k^2} = \frac{2m^2g^2}{k}$$

$$\frac{E_{pm}}{E_{kmax}} = 4$$

$$\text{Отвей: } a = g/3$$

~~отвей~~

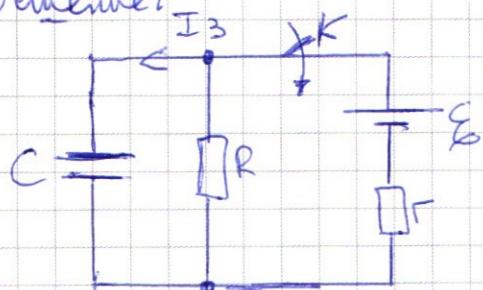
$$E_{k2}/E_{k1} = 1$$

$$E_{pm}/E_{kmax} = 4$$

③ Ans:

$$E; R; C; r = R$$

Решение:



Найти: I_3 ? I_p ?
 Q ?

~~Этот~~ ~~это~~ ~~это~~

$$I_3 = \frac{E}{R+r} = \frac{E}{2R}$$

$$\frac{dW}{dt} \rightarrow \max$$

$$\frac{d(\frac{q^2}{2C})}{dt} = \frac{1}{2C} \cdot 2q \cdot \dot{q} = \frac{q}{C} \cdot I_C = U_C I_C$$

$$\forall t: U_C = U_R$$

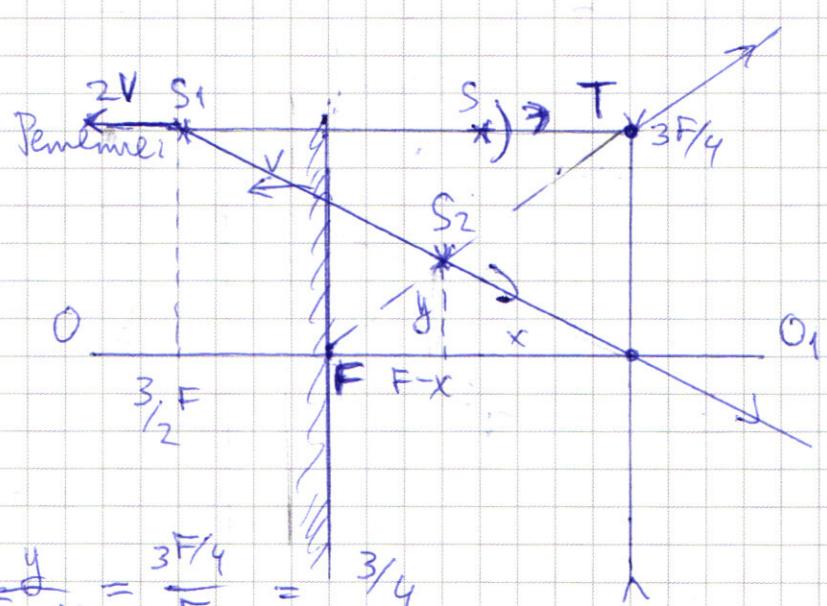
$$Q = \int_0^{\infty} I^2 R dt = \frac{C U_{CO}^2}{2} \quad (\text{конденсатор поглощает}\newline \text{разряженную через резистор } R)$$

Ответ: $I_3 = \frac{E}{2R}$

№ 5. Задача 5. Решение:

$F; V$

Нужно: $y - ?$ $x - ?$
 $u - ?$



Мы подаем Δ -код:

$$\frac{y}{F-x} = \frac{3F/4}{F} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{y}{x} = \frac{1}{2} = \frac{3F/4}{3F/2} \Rightarrow x = 2y$$

$$\Rightarrow 4y = 3F - 3x$$

$$\begin{cases} 4y = 3F - 3x \\ x = 2y \end{cases} \Rightarrow$$

$$x = 0,6F$$

$$y = 0,3F$$

$$\Gamma = \frac{F}{d} = \frac{0,6F}{1,5F} = \frac{2}{5}$$

Продолж. формулу можно

получим:

$$\Gamma^2 = \frac{Иотн}{Вотн} = \frac{u}{2V}$$

$$u = 2V \cdot \Gamma^2 = 2V \cdot \frac{4}{5} = \frac{8}{5}V$$

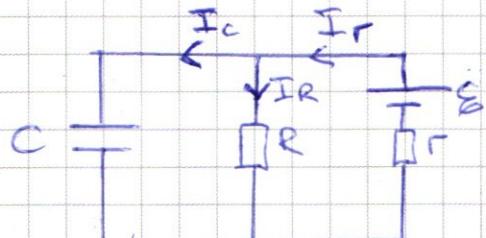
$$-\frac{1}{F} = -\frac{1}{f} + \frac{1}{d} \quad x = f = \frac{dF}{d+F} = \frac{1,5F^2}{2,5F} = \frac{3}{5}F = 0,6F$$

$\operatorname{tg} \alpha = \frac{y}{F-x} = \frac{3}{4}$, т.е. трапециевидное сечение

на практике ΓF Ответ: $y = 0,3F$; $\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$; $u = 1,6V$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\varepsilon, R, C, \Gamma = R$



$$CU_C = I_R R$$

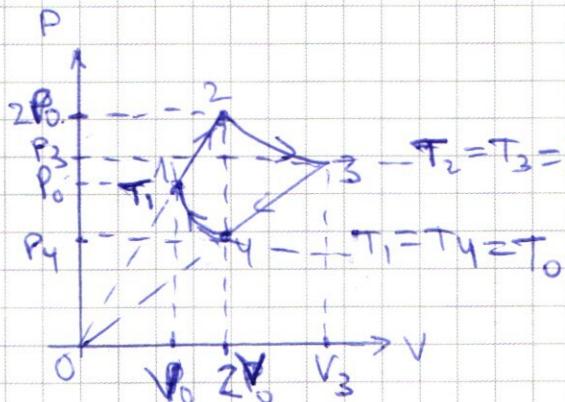
$$\frac{dI}{dt} \rightarrow \max$$

$$U_C = \frac{I_R R}{C} \quad I_R \frac{dI}{dt} + \frac{q}{C} \frac{dq}{dt} = 0$$

$$\frac{d\left(\frac{C U_C^2}{2}\right)}{dt} \rightarrow \max$$

$$\frac{d\left(\frac{q^2}{2C}\right)}{dt} \rightarrow \max$$

②



дно: $T_1, f = 3$

$$\frac{P_A}{V_0} = \frac{2P_0}{V}$$

$$k = 2$$

$$V_2 = V_4$$

$$U_C + I_0 \Gamma = \varepsilon$$

$$\frac{P_4}{2V_0} = \frac{P_3}{V_3}$$

$$P_3 V_3 = 4 P_0 V_0$$

$$2P_4 = P_0$$

48

12

8 2

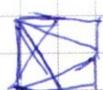
$$\frac{P_3}{P_0} - ?$$

$$\frac{P_3 V_3}{2P_4 V_0} = 4$$

$$U_C = \frac{\varepsilon - I_0 \Gamma}{1}$$

$$\frac{P_4}{2V_0} = \frac{P_3^2}{8P_4}$$

$$V_3 = \frac{8P_4 V_0}{P_3}$$



$$4P_4^2 = P_3^2$$

$$2P_4 = P_3$$

$$\frac{P_3}{P_0} = 1$$

$$\left(\frac{f}{x}\right)' = -\frac{1}{x^2}$$

$$0 = +\frac{f'}{x^2} - \frac{df}{dx} \quad f'' = \frac{u}{v}$$

$$C_{12} = \frac{dQ}{dT} = \frac{dU + dA_{12}}{dT} = \frac{d\left(\frac{3}{2} \gamma RT\right) + PdV}{dT}$$

$$C_{12} = \frac{3}{2} R + \frac{PdV}{dT}$$

$$PV = \gamma RT$$

$$P = V_0 \frac{P_0}{V_0}$$

$$V^2 \frac{P_0}{V_0} = \gamma RT$$

$$V^2 \frac{P_0}{V_0 \gamma R} = T$$

$$dT = \frac{P_0}{V_0 \gamma R} dV^2 = \frac{P_0}{V_0 \gamma R} \cdot 2V dV$$

$$d\psi(x) = \psi'(x)dx$$

$$dV^2 = (V^2)' dV$$

$$R_1 =$$

$$C_{12} = \frac{3}{2} R + \frac{\cancel{R} \frac{\cancel{V_0}}{\cancel{R}} - \cancel{V} dV}{\cancel{R} \frac{\cancel{P_0}}{\cancel{R}} \cdot \cancel{2V} dV} = \frac{P_0}{R} \cdot 2R$$

$$R_1 = \frac{36}{287}$$

$$R_1 \frac{287}{60} = \frac{36}{60}$$

$$PV^{-1} = \text{const}$$

$$-1 = \frac{C - C_p}{C - C_v}$$

$$\frac{287}{60} R_1 + 1 = 1,6$$

$$C_v - C = C - C_p$$

$$\frac{C_v + C_p}{2} = C = \frac{\frac{3}{2}R + \frac{5}{2}R}{2} = 2R$$

~~12+45
100
1500
15
1500
15~~

$$\frac{9}{12} 4$$

$$I_5 + \frac{20}{5} = \frac{21}{5}$$

~~I₂ = I₃~~

$$\frac{42}{5}$$

$$\frac{47}{50} + 4$$

$$\mathcal{E} = I_2(R_3 + R_4) + I_8 R_4$$

$$I_2 = \frac{\mathcal{E} - I_8 R_4}{R_3 + R_4} = \frac{10 - 4 \cdot 2}{8 + 2}$$

$$\frac{1 + 4 \cdot 2 \cdot 2}{12} + 4$$

$$I_2 = 4$$

$$I_1 =$$

$$\frac{I_0 + (I_2 + I_8) R_4}{R_2}$$

$$I_2 = 0,2 A$$

$$\frac{9}{12} 4$$

$$\frac{7}{2}$$

$$\frac{10 - 4 \cdot 2}{8 + 2}$$

$$\frac{4 \cdot 2 + 4 \cdot 40}{60}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$U_0 + \varepsilon - \frac{I_1 R_1 (R_3 + R_4)}{R_3} = \frac{U_0 (R_3 + R_4)}{R_3} + \frac{I_1 R_1 R_4}{R_3} + \frac{U_0 R_4}{R_3} = \\ = I_1 R_2 - \frac{\varepsilon R_2}{R_4} - \frac{I_1 R_1 (R_3 + R_4) R_2}{R_3 R_4} - \frac{U_0 (R_3 + R_4) R_2}{R_3 R_4}$$

$$R_3 = 8 \Omega$$

$$R_2 = 12 \Omega$$

$$R_4 = 20 \Omega$$

$$\frac{R_3 + R_4}{R_3 R_4} = \frac{10}{16} = \frac{5}{8}$$

$$1 + 10 - I_1 R_1 \cdot \frac{10}{16} \cdot 2 - 1 \cdot \frac{10}{16} \cdot 2 + I_1 R_1 \cdot \frac{2}{8} + \frac{1 \cdot 2}{8} = \\ = I_1 \cdot 12 - \frac{10 \cdot 12}{2} - I_1 R_1 \cdot \frac{10}{16} \cdot 12 - 1 \cdot \frac{10}{16} \cdot 12$$

$$(1) - \frac{5}{4} I_1 R_1 - \frac{5}{4} + I_1 R_1 / 4 + \frac{1}{4} = 12 I_1 - 60 - \\ - \frac{30}{4} I_1 R_1 - \frac{15}{2}$$

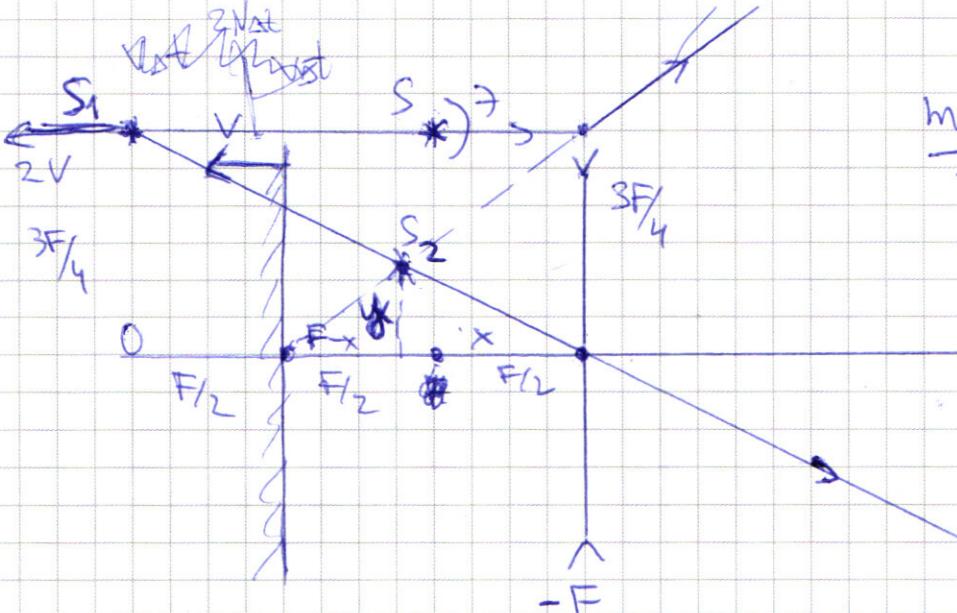
$$11 - \frac{5}{4} + \frac{1}{4} + 60 + \frac{30}{4} = 12 I_1 - \frac{30}{4} I_1 R_1 - \frac{1}{4} I_1 R_1 + \frac{5}{4} I_1 R_1$$

$$44 - 5 + 1 + 240 + 30 = 48 I_1 - 30 I_1 R_1 - I_1 R_1 + 5 I_1 R_1$$

$$310 = 48 I_1 - 26 I_1 R_1$$

$$I_1 = \frac{310}{48 - 26 R_1} = \frac{155}{24 - 13 R_1} > 0$$

$$R_1 \neq \frac{24}{13}$$



$$\frac{mV_{\max}^2}{2} = mg \cdot \frac{mg}{k} - \frac{\Delta m g^2}{2k}$$

$$mV_{\max}^2 = \frac{m^2 g^2}{2k}$$

$$p=0 = \frac{ER_2}{R_1+R_2}$$

$$E-\varphi + \varphi - 0 = E$$

$$E - \frac{ER_2}{R_1+R_2} = \frac{ER_1}{R_1+R_2}$$

$$\frac{y}{F-x} = \frac{3F/4}{F} = \frac{3}{4}$$

$$4y = 3F - 6y$$

$$y = 0,3F$$

$$x = 0,6F$$

$$E - \frac{ER_4}{R_3+R_4} = \frac{ER_3}{R_3+R_4}$$

$$\frac{\frac{3}{4}}{\frac{3}{2}F} = \frac{1}{2} = \frac{y}{x}$$

$$\frac{ER_2}{R_1+R_2} \Rightarrow \frac{ER_4}{R_3+R_4} \geq U_0$$

$$r = \frac{u}{v} = \frac{f}{d} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$$

$$f = 0,6F$$

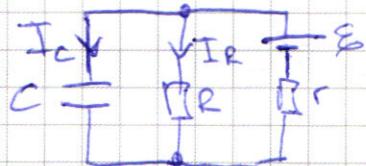
$$10R_2 \geq 3R_1 + 3R_2$$

$$d = 1,5F \frac{ER_1}{R_1+R_2} = 10 \frac{2}{10} \geq 1$$

$$u = 0,4v$$

$$U_C = I_R \cdot R$$

$$10R_1 \geq 9R_1 + 9R_2$$



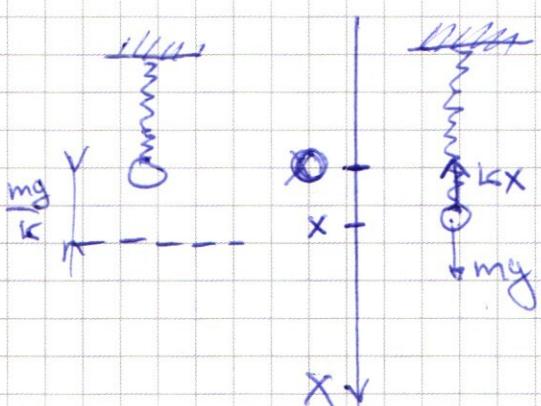
$$\frac{dU_C}{dt} = \frac{dI_R}{dt} = CR \frac{dU_C}{dt}$$

$$R_1 \geq 9R_2$$

$$\frac{\frac{4}{3} - \frac{1}{2} \left(\frac{4}{3}\right)^2}{\frac{2}{3} - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{3}\right)^2} = \frac{\frac{12}{9} - \frac{16}{9}}{\frac{5}{9} - \frac{1}{9}} = \frac{\frac{8}{9} mg x_2 - \frac{k x_2^2}{2}}{\frac{4}{9} mg x_1 - \frac{k x_1^2}{2}} = \frac{\frac{16}{9} mg - \frac{16}{9} k x_2^2}{\frac{8}{9} mg - \frac{2}{9} k x_1^2} = \frac{\frac{16}{9} mg - \frac{16}{9} k x_2^2}{\frac{8}{9} mg - \frac{2}{9} k x_1^2}$$

$$\frac{\frac{16}{9} mg - \frac{8}{9} k x_2^2}{\frac{8}{9} mg - \frac{2}{9} k x_1^2} = \frac{4/g}{4/g}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$-kx + mg = m\ddot{x}$$

$$\ddot{x} + \omega^2 x = 0$$

$$m\ddot{x} + kx - mg = 0$$

$$\ddot{x} + \frac{k}{m}x - g = 0$$

$$\ddot{z} + \frac{k}{m}z = 0$$

$$\sin' x = \cos x$$

$$\cos' x = -\sin x \quad \ddot{x} + \frac{k}{m}\left(x - g \frac{m}{k}\right) = 0$$

$$z = A \cos \omega t + B \sin \omega t$$

$$\dot{z} = -A \omega \sin \omega t + B \omega \cos \omega t$$

$$z(0) = -\frac{mg}{k} = A$$

$$\dot{z}(0) = B \omega = \cancel{\omega} \cdot 0 \quad B = 0$$

$$z = -\frac{mg}{k} \cos \omega t = \left(x - \frac{mg}{k}\right)$$

$$x = \frac{mg}{k} (1 - \cos \omega t)$$

$$mg - kx_1 = ma$$

$$mg - kx_2 = -ma$$

$$2mg - k(x_1 + x_2) = 0$$

$$kx_2 - kx_1 = 2ma$$

~~x₁ = x₂~~

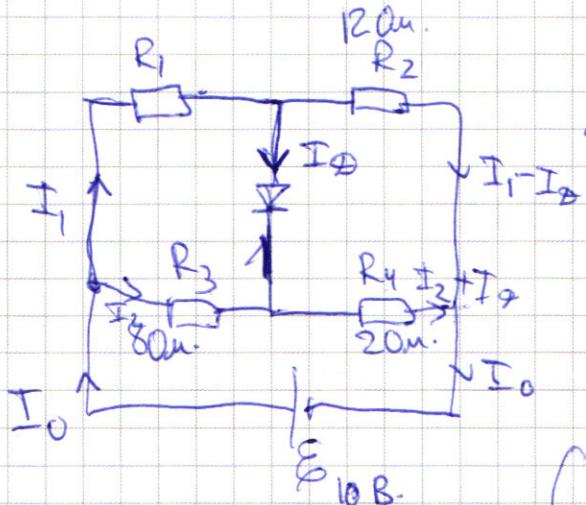
$$x_1 + x_2 = \frac{2mg}{k}$$

$$kx_2 = 2kx_1$$

$$\frac{k}{m} = \omega^2 \quad \frac{1}{\omega} = \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$\sin x \quad \cos x \quad \frac{\partial \omega}{\partial x} / (\omega^2 / m) \quad \frac{\partial \omega}{\partial x} / m$$

$$\cancel{\frac{\partial \omega}{\partial x}} / m$$



$$E = I_1(R_3 + R_4)$$

$$I_H = \frac{E}{R_3 + R_4} = \frac{10B}{100\Omega} = 1A$$

$$\begin{cases} I_1 R_1 + U_0 = I_2 R_3 \\ U_0 + (I_2 + I_D) R_4 = (I_1 - I_D) R_2 \\ I_2 R_3 + (I_2 + I_D) R_4 = E \end{cases}$$

$$I_2 = \frac{I_1 R_1 + U_0}{R_3}$$

$$I_D = \frac{E R_3 - (I_1 R_1 + U_0)(R_3 + R_4)}{R_3 R_4} I_2 R_3 + I_2 R_4 + I_D R_4 = E$$

$$I_D = \frac{E - I_2 (R_3 + R_4)}{R_4} = \frac{E - \frac{I_1 R_1 + U_0}{R_3} R_4}{R_4}$$

$$U_0 + \left(\frac{E R_3 - (I_1 R_1 + U_0)(R_3 + R_4)}{R_3 R_4} + \frac{I_1 R_1 + U_0}{R_3} R_4 \right) =$$

$$= \left(I_1 - \frac{E R_3 - (I_1 R_1 + U_0)(R_3 + R_4)}{R_3 R_4} \right) R_2$$

$$U_0 + \left(\frac{E}{R_4} - \frac{I_1 R_1 + U_0}{R_3 R_4} - \frac{U_0 (R_3 + R_4)}{R_3 R_4} + \frac{I_1 R_1 + U_0}{R_3 R_4} \right) R_2$$

$$= \left(I_1 - \frac{E}{R_4} - \frac{I_1 R_1 (R_3 + R_4)}{R_3 R_4} - \frac{U_0 (R_3 + R_4)}{R_3 R_4} \right) R_2$$