

# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 11

## Вариант 11-07

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не проверяются.

1. Шарик подвешен в поле тяжести на легкой упругой пружине с неизвестной жесткостью. Шарик поднимают вверх до положения, когда пружина не деформирована, и отпускают. При дальнейшем движении шарика вдоль вертикали в некоторые моменты времени силы, действующие на шарик со стороны пружины, отличаются в 3 раза, а модули ускорений равны.

1) Найти модуль ускорения в эти моменты.

2) Найти отношение кинетических энергий шарика в эти моменты.

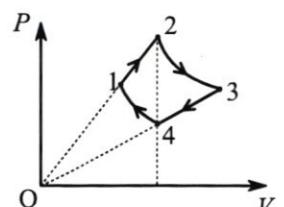
3) Найти отношение максимальной энергии деформации пружины к максимальной кинетической энергии шарика.

2. Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой  $T_1$  расширяется в процессе 1-2 прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$ . В процессе 1-2 объем газа увеличивается в  $k = 1,8$  раза. Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2-3, сжимается в процессе 3-4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4-1. Объемы газа в состояниях 2 и 4 равны.

1) Найти температуру газа в процессе 2-3.

2) Найти отношение давлений в состояниях 1 и 3.

3) Найти молярную теплоемкость газа в процессе 1-2.

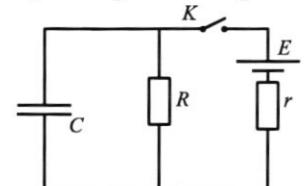


3. В электрической цепи (см. рис.) все элементы идеальные, конденсатор не заряжен. Величины  $E$ ,  $R$ ,  $C$  известны,  $r = 3R$ . Ключ  $K$  на некоторое время замыкают, а затем размыкают, когда скорость роста энергии конденсатора максимальна.

1) Найти ток, текущий через источник, сразу после замыкания ключа.

2) Найти ток, текущий через конденсатор, непосредственно перед размыканием ключа.

3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?

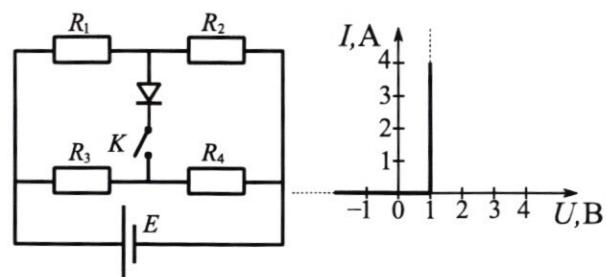


4. В цепи используется мостовая схема (см. рис.). ЭДС идеального источника  $E = 8$  В,  $R_2 = 3$  Ом,  $R_3 = 6$  Ом,  $R_4 = 2$  Ом. Вольтамперная характеристика диода показана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В.

1) Найти ток через резистор  $R_3$  при разомкнутом ключе К.

2) При каких значениях  $R_1$  ток потечет через диод при разомкнутом ключе К?

3) При каком значении  $R_1$  мощность тепловых потерь на диоде будет равна  $P_D = 2$  Вт?

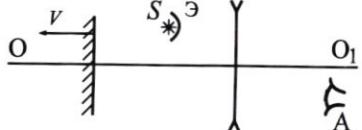


5. Оптическая система состоит из тонкой рассеивающей линзы с фокусным расстоянием  $-F$  ( $F > 0$ ), плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси линзы  $O O_1$ . Источник  $S$  находится на расстоянии  $3F/4$  от оси  $O O_1$  и на расстоянии  $F$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $O O_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $3F/2$  от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $O O_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

3) Найти скорость изображения в этот момент.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N2 (продолжение)

М.р. участок 3-4 - прямое проходное, то  $\frac{P_3}{V_3} = \frac{P_4}{V_4} = \frac{P_1/k}{kV_1} = \frac{P_1}{k^2 V_1}$  (2)

Перенесем в уравнение (1) и (2), получим  $P_3^2 = \frac{k^2 P_1^2}{k^2} = P_1^2$ , значит,  $\frac{P_3}{P_1} = 1$

3) Процесс 1-2 - изоизотермический  $PV^{\gamma-1} = \text{const}$ , где показатель политропии

$$-1 = \frac{C - CP}{C - CV} \Rightarrow C = \frac{CP + CV}{2} = \frac{S_2 R + S_{12} R}{2} = 2R = 16,62 \frac{\text{Дж}}{\text{К.моль}}$$

Ответ: 1)  $k^2 T_1 = 3,24 T_1$ ,

2) 1

$$3) 2R = 16,62 \frac{\text{Дж}}{\text{К.моль}}$$

N3

Dано: Решение:

$E, R, C$

1) М.р. конденсатор не заряжен, но сразу после запирания он будет себя

$q = 3R$

как идеальный проводник, тогда ток через него будет (против  $R$ , через

$$\text{ток неизвестен}) I_{\text{нас.зар.}} = \frac{E}{3R}$$

$$\boxed{\begin{matrix} \leftarrow & \frac{1}{r} \\ \text{нас.зар.} & \rightarrow \end{matrix}} E$$

2) Источник?

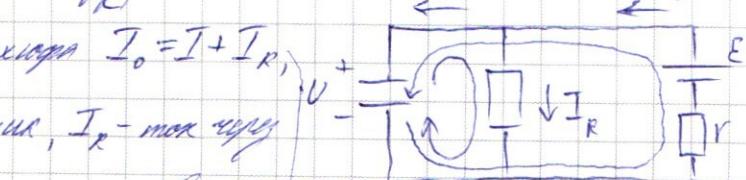
2) Составим  $q, V, I$  - заряд, напряжение на конденсаторе и

3) Составить?

ток через него в машине Фарадея  $I$ .

Энергия конденсатора  $W = \frac{q^2}{2C}$ , скорость его роста  $\frac{dW}{dt} =$   
 $= \frac{d}{dt} \left( \frac{q^2}{2C} \right) = \left( \frac{q}{C} \frac{dq}{dt} \right) = \frac{q \frac{d}{dt} q}{C} = \frac{q^2}{C} \frac{d}{dt} V$

По первому правилу Кирхгофа  $I_o = I + I_R$ ,



где  $I_o$  - ток через источник,  $I_R$  - ток через резистор  $R$ ; по второму правилу Кирхгофа:

$$\begin{aligned} E - V &= I_o r \\ V &= I_R R \end{aligned} \Rightarrow I_o = \frac{E - V}{r} = \frac{E - V}{3R} \Rightarrow I = I_o - I_R = \frac{E - 4V}{3R}$$

$\frac{\partial W}{\partial t} = VI = \frac{V(E-4V)}{3R} = \frac{4}{3R} V(E-V)$  - квадратичная зависимость, максимум которой достигается при  $V=V_0 = \frac{E}{2} = \frac{E}{8}$

Максимальный ток перед разрывом  $I_{разр разр} = \frac{E-4\frac{E}{8}}{3R} = \frac{E}{6R}$

3) Сохраняющая энергия на конденсаторе будет после включения размыкания  $W_0 = \frac{C E^2}{2} = \frac{C E^2}{128}$ , через большое время она выделилась через размыкание  $R$ .

- Ответ: 1)  $\frac{E}{3R}$   
 2)  $\frac{E}{6R}$   
 3)  $\frac{CE^2}{128}$

✓ 4

Дано:

$$E = 8 \text{ В}$$

$$R_2 = 3 \Omega$$

$$R_3 = 6 \Omega$$

$$R_4 = 2 \Omega$$

$BAX$  зонда

Решение:

1) По II правило Кулона:

$$E = IR_3 + IR_4, \text{ откуда}$$

$$I = \frac{E}{R_3 + R_4} = \frac{8 \text{ В}}{6 \Omega + 2 \Omega} = 1 \text{ А}$$

2) Определим токи в цепи на участке В сопоставлением с I правило

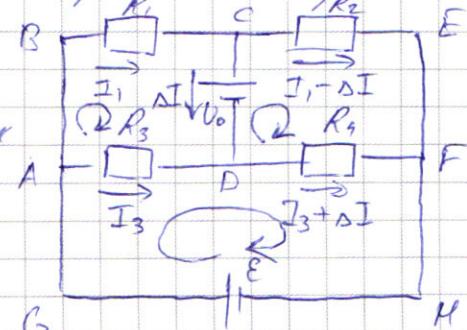
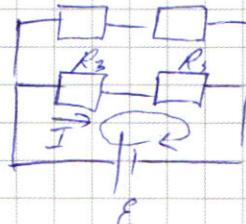
Кулона, откроем дугу предполагая что есть батарейка с напряжением различного порога размыкания, а напряжение наружу которого расщеплено против поля.

По II правило Кулона для трех конденсаторов:

$$ABCDA: -V_0 = I_1 R_1 - I_3 R_3 \quad (1)$$

$$ACEFD: V_0 = (I_1 - \Delta I) R_2 - (I_3 + \Delta I) R_4 \quad (2)$$

$$CAFHG: E = I_3 R_3 + (I_3 + \Delta I) R_4 \quad (3)$$



By (1)  $I_1 = I_3 \frac{R_3}{R_1} - \frac{V_0}{R_1}$ , подставив во (2)  $V_0 = (I_3 \frac{R_3}{R_1} - \frac{V_0}{R_1} - \Delta I) R_2 - (I_3 + \Delta I) R_4$ ,

откуда  $I_3 = \frac{V_0}{R_1 R_2 + R_2 R_3} + \Delta I (R_2 + R_4)$ , подставив во (3)  $E = \frac{V_0}{R_1 R_2 + R_2 R_3} (R_3 + R_4) + \Delta I (R_2 + 2 R_4)$ ,

~~$E = \frac{V_0}{R_1 R_2 + R_2 R_3} (R_3 + R_4) + \Delta I (R_2 + 2 R_4)$ , откуда  $\Delta I = \frac{E - V_0 (R_1 + R_2) (R_3 + R_4)}{R_2 + 2 R_4}$~~

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1)

Обозначим  $k$  - жесткость пружин,  $m$  - масса шарика. Приведен брошированный вид оси  $x$  (сочетанно с  $\vec{g}$ ), будем искать гармонизованные положения пружин.  $x, a, \vartheta$  - координата, дисперсия и скорость движения шарика в системе координат  $x$ .

1) Найдем дисперсии до равновесия, а силы на шарик опишем в случае, когда есть дополнительное противодействие наружу, а значит прикладывается сила  $F$ , соединенная с п.д. противодействия направлена  $mg$

По II ЗН на ось  $x$  для обеих пружин:

$$ma_0 = mg + F$$

$$-ma_0 = mg - 3F$$

Сложив, получим  $0 = 2mg - 2F$ , откуда  $F = mg$

$$ma_0 = mg + F = 2mg$$

По II ЗН:

на пружину на оси  $x$ :

$$ma_0 = mg + \vec{F}$$

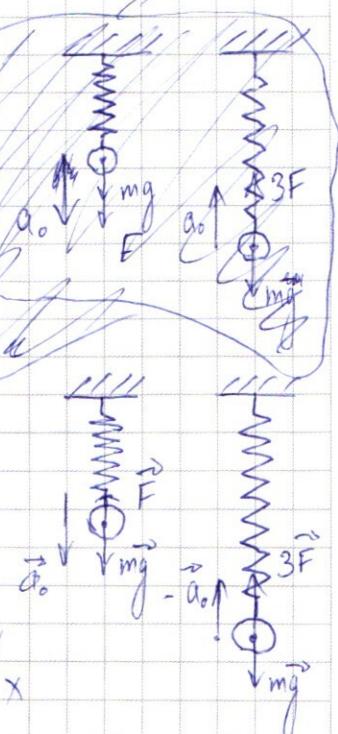
$$-ma_0 = mg - 3\vec{F}$$

$$a_0 = \ddot{x}_2 = 5 \frac{m}{c^2}$$

$$ma_0 = mg - F$$

$$-ma_0 = mg - 3F$$

, откуда



2) II ЗН для пружинной системы брошированной по прямой оси  $x$ :

$$m \frac{\partial^2 x}{\partial t^2} = mg - kx \text{ или } \frac{\partial^2(x - \frac{mg}{k})}{\partial t^2} + \frac{k}{m}(x - \frac{mg}{k}) = 0 - \text{дифр.ур. колебаний,}$$

решение  $x - \frac{mg}{k} = A \cos(\varphi_0 + \omega t)$ , где  $A, \varphi_0$  - амплитуда и нач. фаза,

$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ . Для мес., что нач. движ. точки  $x=0, t=0$  - крайнее положение шарика, то  $A = -\frac{mg}{k}, \varphi_0 = 0$ , тогда  $x = \frac{mg}{k}(1 - \cos \omega t)$

или  $x = \frac{mg}{k} \sin \omega t$

$$\ddot{x} = \frac{\partial^2 x}{\partial t^2} = \omega \frac{mg}{k} \sin \omega t \quad (1)$$

$$a = \frac{\partial^2 x}{\partial t^2} = \omega^2 \frac{mg}{k} \cos \omega t = g \cos \omega t$$

При  $a = a_0 = \frac{g}{2}$ :

$$\frac{g}{2} = g \cos \omega t_{\frac{1}{2}} \Rightarrow \cos \omega t_{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \Rightarrow \omega t_{\frac{1}{2}} = \frac{\pi}{6}$$

Следовательно:

$$\ddot{x}_1 = \frac{\omega mg}{k} \sin \frac{\pi}{6} = \frac{\omega mg}{2k}$$

$$\ddot{x}_2 = \frac{\omega mg}{k} \sin \left(-\frac{\pi}{6}\right) = -\frac{\omega mg}{2k}, \text{ m.e. } \frac{E_{KИH1}}{E_{KИH2}} = \frac{m \ddot{x}_1^2 / 2}{m \ddot{x}_2^2 / 2} = 1$$

3) Максимальная деформация выражена через амплитуду, тогда это нам.

$$\text{Энергия } E_{\text{пруж}} = \frac{k A^2}{2} = \frac{m^2 g^2}{2k}$$

Максимальная скорость из (1):  $\dot{x}_{\max} = \omega \frac{mg}{k}$

$$E_{KИH\max} = \frac{m \dot{x}_{\max}^2}{2} = \frac{m \omega^2 m^2 g^2}{2k^2} = \frac{m^2 g^2}{2k}$$

$$\frac{E_{\text{пруж}}}{E_{KИH\max}} = 1$$

Решение: 1)  $\frac{g}{2} = 5 \frac{m}{s^2}$

2) 1

3) 1

N2

Дано:

Задание:

$T_1$

Воздушные  $p_1, V_1$  - давление и объем газа в состояния 1, тогда из уравн.

$k$

пропорц. давлениями в состояниях 2 и 3 давление и объем газа  $k p_1, k V_1$ .

1) Уравнение Менделеева-Клапейрона для состояний 1 и 2:

2)  $\frac{p_1 V_1}{p_2 V_2} = ?$

$$p_1 V_1 = \sqrt{RT_1}$$

$$\Rightarrow T_2 = k^2 T_1, \text{ т.е. } T_{23} = T_2 = k^2 T_1 = 3,24 T_1$$

3)  $C_{12} = ?$

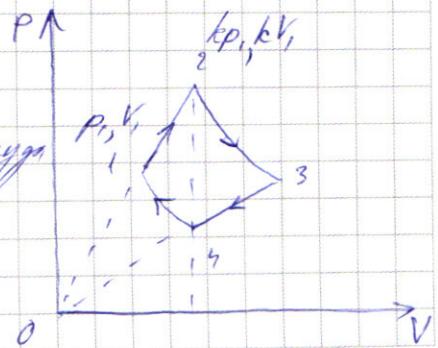
$$k p_1 \cdot k V_1 = \sqrt{RT_2}$$

2) По условию  $V_3 = V_2 = k V_1$

В цепочке уравн. 4-1:  $p_3 V_3 = p_1 V_1$ , откуда

$$p_3 = p_1 \frac{V_1}{V_3} = \frac{p_1}{k}$$

В цепочке уравн. 2-3:  $p_3 V_3 = k^2 p_1 V_1$  (1)



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N4 (продолжение)

Условие протекания тока через диод  $\Delta I > 0$  или

$$\frac{E - U_o \frac{(R_3 + R_4)(R_5 + R_6)}{R_1 R_4 + R_2 R_3}}{R_2 + 2R_4} > 0 : \text{или}$$

$$E - U_o \frac{(R_1 + R_2)(R_3 + R_4)}{R_1 R_4 + R_2 R_3} > 0$$

$$ER_1 R_6 + ER_2 R_3 - U_o R_1 R_3 - U_o R_2 R_4 - UR_2 R_3 - U_o R_2 R_4 > 0$$

$$R_1 (ER_4 - U_o R_3 - U_o R_4) > U_o R_2 R_3 + U_o R_2 R_4 - ER_2 R_3$$

$$\text{также } ER_4 - U_o R_3 - U_o R_4 > 0, \text{ то}$$

$$R_1 > \frac{U_o R_2 R_3 + U_o R_2 R_4 - ER_2 R_3}{ER_4 - U_o R_3 - U_o R_4} = \frac{U_o R_3 + U_o R_4 - ER_3}{ER_4 - U_o R_3 - U_o R_4} R_2$$

$$\text{также } ER_4 - U_o R_3 - U_o R_4 = 0, \text{ то}$$

таких  $R_1$  нет

$$\text{также } ER_4 - U_o R_3 - U_o R_4 \leq 0, \text{ то}$$

$R_1 <$

$$ER_4 - U_o (R_3 + R_4) = 8B \cdot 2\Omega - 1B (6\Omega + 2\Omega) = 8B \cdot \Omega > 0, \text{ значит}$$

$$R_1 > \frac{U_o (R_3 + R_4) - ER_3}{ER_4 - U_o R_3 - U_o R_4}$$

N4 (продолжение)

$$I_3 = \frac{U_o (R_1 + R_2)}{R_2 R_3 - R_1 R_4} + \Delta I \frac{R_1 (R_2 + R_4)}{R_2 R_3 - R_1 R_4}, \text{ ненеслабиль } (3) :$$

$$E = \frac{U_o (R_1 + R_2) (R_3 + R_4) + \Delta I R_1 R_3 (R_2 + R_4)}{R_2 R_3 - R_1 R_4} + \Delta I R_3, \text{ отсюда}$$

$$\Delta I = \frac{E (R_2 R_3 - R_1 R_4) - U_o (R_1 + R_2) (R_3 + R_4)}{R_1 R_3 (R_2 + R_4) + R_4 (R_2 R_3 - R_1 R_4)} = \frac{E (R_2 R_3 - R_1 R_4) - U_o (R_1 + R_2) (R_3 + R_4)}{R_1 R_2 R_3 + R_1 R_3 R_4 + R_2 R_3 R_4 - R_1 R_4^2}$$

$$\text{также } R_1 R_2 R_3 + R_1 R_3 R_4 + R_2 R_3 R_4 - R_1 R_4^2 = 0 \text{ и } R_2 R_3 R_4 + R_1 (R_2 R_3 + R_3 R_4 - R_4^2) = \\ = 36 \Omega^3 + R_1 \cdot 26 \Omega^2 \geq 0 \text{ при всех } R_1 \geq 0.$$

Условие протекания тока через диод  $\Delta I > 0$  или, учитывая первое неравенство:

$$E(R_2R_3 - R_1R_4) - V_o(R_1 + R_2)(R_3 + R_4) > 0$$

$$R_1(E R_4 + V_o(R_3 + R_4)) < E R_2 R_3 - V_o R_2 (R_3 + R_4)$$

$$R_1 < \frac{E R_3 - V_o(R_3 + R_4)}{E R_4 + V_o(R_3 + R_4)} \quad R_2 = \frac{8 \cdot 6 - 1(6+2)}{8 \cdot 2 + 1(6+2)} \quad 3 \Omega = 5 \Omega$$

3) Мощность источника питания на выходе  $P_D = V_o I_D \Rightarrow I_D = \frac{P_D}{V_o}$

$$I_D = \frac{E(R_2R_3 - R_1R_4) - V_o(R_1 + R_2)(R_3 + R_4)}{R_1R_2R_3 + R_1R_3R_4 + R_2R_3R_4 - R_1R_4^2}, \text{ симметрия}$$

$$R_1 I_D (R_2R_3 + R_3R_4 - R_4^2) + E R_4 + V_o(R_3 + R_4)] = E R_2 R_3 - V_o R_2 (R_3 + R_4) - I_D R_2 R_3 R_4$$

$$R_1 = \frac{E R_3 - V_o(R_3 + R_4) - \frac{P_D}{V_o} R_3 R_4}{E R_4 + V_o(R_3 + R_4) + \frac{P_D}{V_o} (R_2R_3 + R_3R_4 - R_4^2)}, \quad R_2 = \frac{8 \cdot 6 - 1(6+2) - \frac{2}{1} \cdot 6 \cdot 2}{8 \cdot 2 + 1 \cdot (6+2) + \frac{2}{1} (3 \cdot 6 + 6 \cdot 2 - 2^2)} \quad 3 \Omega$$

$$= \frac{40 - 24}{24 + 2 \cdot 26} \cdot 3 \Omega = \frac{16}{76} \Omega = \frac{4}{19} \Omega \approx 0,21 \Omega$$

$$\frac{4,0/10}{20/0,2 \cdot 10}$$

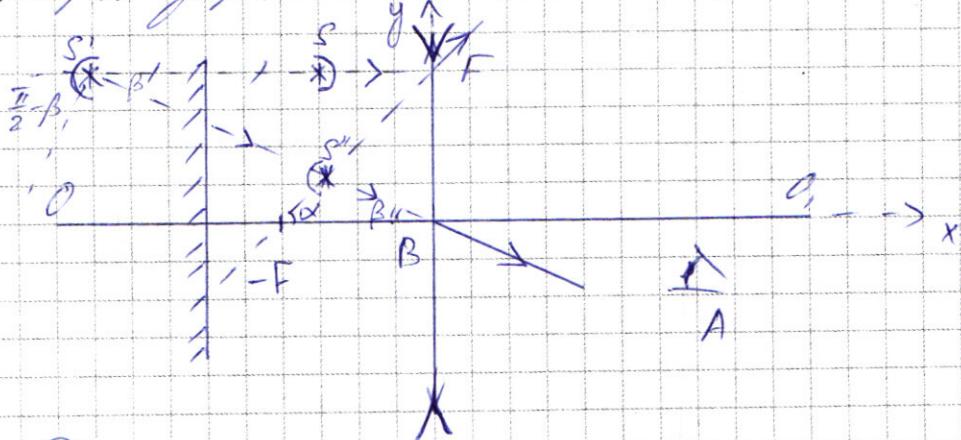
Решаем: 1)  $100, \frac{E}{R_3 + R_4} = 1A$

2)  $0 \leq R_1 \leq 5 \Omega \quad \frac{E R_3 - V_o(R_3 + R_4)}{E R_4 + V_o(R_3 + R_4)} = 5 \Omega$

3)  $R_1 = \frac{E R_3 - V_o(R_3 + R_4) - \frac{P_D}{V_o} R_3 R_4}{E R_4 + V_o(R_3 + R_4) + \frac{P_D}{V_o} (R_2R_3 + R_3R_4 - R_4^2)} = \frac{4}{19} \Omega \approx 0,21 \Omega$

№5

Построение изображения источника в системе:



Применяя формулу изображения координат: начало отсчета в центре изображения  $S'$ , ось  $x$  совпадает с  $OO'$ , ось  $y$  расположена так, что  $y$ -координата не меняется при отражении.

$$\text{Координаты } S\left(-\frac{3}{4}F; F\right), S'\left(-\frac{3}{2}F + \left(-\frac{3}{2}F - \frac{3}{4}F\right); F\right) = S'\left(-\frac{9}{4}F; F\right).$$

изображение  $S''$  найдем из системы двух уравнений:

$$\begin{cases} y = \frac{x_{S'}}{x_{S'}} x = -\frac{4}{9}x \\ y = \frac{y_{S'}}{x_{S'}} (x - (-F)) = x + F \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_{S''} = -\frac{9}{13}F \\ y_{S''} = \frac{4}{13}F \end{cases}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

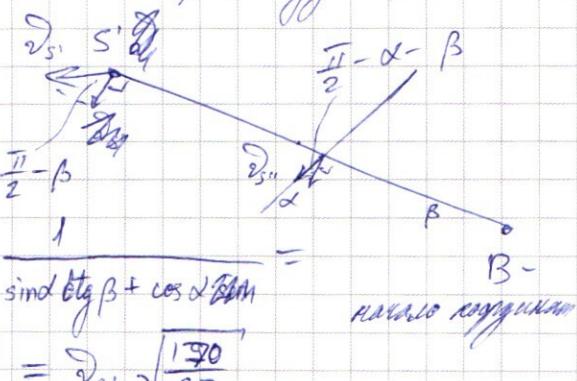
N 5 (продолжение)

М.р. в следующий момент времени <sup>изображение</sup>, то экран будет лежать от зеркала под углом  $\alpha$  к оси  $x$ , а изображение  $S''$  будет двигаться <sup>вдоль</sup> прямой  $y = x + F$ , угол с осью  $OC'$   $\tg \alpha = \text{угол между координатами} = 1$

3) М.р. изображения  $S'$  и  $S''$  всегда находятся на одной прямой, предполагая что начало координат, то они движутся с одинаковой угловой скоростью относительно координат. Введем угол  $\beta$ , тангенс которого будет равен

$$\tg \beta = -\text{угл. козр. } (y = -\frac{4}{9}x) = \frac{4}{9} :$$

$$\frac{\vartheta_{S'}}{BS'} = \frac{\vartheta_{S''}}{BS''} \Rightarrow$$



$$\Rightarrow \vartheta_{S''} = \vartheta_{S'} \cdot \frac{BS''}{BS'} \cdot \frac{\sin \beta}{\sin(\alpha + \beta)} = \vartheta_{S'} \cdot \frac{\sqrt{\left(\frac{9}{13}\right)^2 F^2 + \left(\frac{4}{13}\right)^2}}{\sqrt{F^2 + \left(\frac{9}{4}\right)^2 F^2}} \cdot \frac{1}{\sin \alpha \tg \beta + \cos \alpha \sin \beta} =$$

$$= \vartheta_{S'} \cdot \frac{\frac{\sqrt{85}}{13}}{\frac{\sqrt{97}}{4}} \cdot \frac{1}{\frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{2}}{2}} = \vartheta_{S'} \cdot \frac{4\sqrt{85}}{13\sqrt{97}} \cdot \frac{\sqrt{2} \cdot 4}{13} = \vartheta_{S'} \cdot \sqrt{\frac{170}{97}}$$

М.р. относительно зеркала  $S$  движется со скоростью  $v$ , то  $S'$  будет двигаться в противоположном направлении с той же скоростью, тогда его скорость относ. зеркал будет  $\vartheta_{S'} v - (-v) = 2v$

$$\vartheta_{S'} = 2v \sqrt{\frac{170}{97}} \approx 2,6 \text{ д}$$

$$\frac{170}{730} \frac{197}{175} \cdot \frac{1}{2} \approx 1,3$$

Ответ: 1) на избач

$$2) \tg \alpha = \frac{1}{4}$$

$$3) 2v \sqrt{\frac{170}{97}} \approx 2,6 \text{ д}$$

черновик  чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №8  
(Нумеровать только чистовики)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\sum \limits_{\text{сил}} = 0$$

$$\downarrow g$$

$$E = E_{\text{пруж}} + K \rightarrow E_n$$

$$\partial Q = \partial U + \partial A$$

$$\frac{3}{2}(\rho \partial V + V \partial \rho) + p \partial V = mg - kx,$$

$$\frac{\partial p}{\partial V} = \frac{m}{k}$$

$$\frac{F}{V} = \frac{p_x \frac{\partial p}{\partial V}}{V \times \frac{\partial V}{\partial x}} \quad \frac{\partial^2 x}{\partial t^2} = mg - \frac{kx}{m}$$

$$\rho V^n = \text{const}$$

$$\alpha = \frac{C_p - C_v}{C_p + C_v} = -1$$

$$C_p - C_v = C - C_v$$



$$P_4 k V_1 = \frac{m}{\mu} R T_1, \quad P_1 V_1 = \frac{m}{\mu} R T_1$$

$$\rho_{in} = \frac{P_1}{k}, \quad k V_1$$

$$T_{23} = k^2 T_1$$

$$P_2 V_3 = k e_{p_1} V_1$$

$$P_2 V_3 = P_3$$

$$ma = mg - F$$

$$ma = 3F - mg$$

$$F = \frac{mg}{2}, \quad \alpha = \frac{g}{2}$$

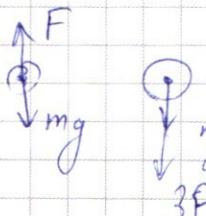
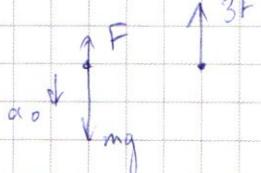
$$F + mg = 3F - mg$$

$$\frac{\partial^2 (x - \frac{mg}{k})}{\partial t^2} + \frac{k}{m}(x - \frac{mg}{k}) = 0$$

$$\frac{\partial^2 (x - \frac{mg}{k})}{\partial t^2} + \frac{k}{m}(x - \frac{mg}{k}) = 0$$

$$\ddot{x} = \omega A \cos \omega t$$

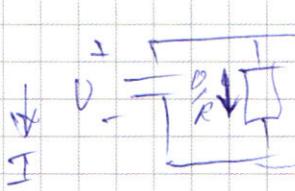
$$\alpha = \omega^2 A \cos \omega t$$



$$mg + 3F = F - mg$$

$$(-\cos x)' = \sin x$$

$$I = \frac{E}{R}$$



$$V_o = I_3 \left( \frac{R_3}{R_1} R_2 - R_4 \right) - \frac{C}{R} \frac{R_2}{R_1} - \Delta I R_2 - \frac{\Delta I R_4}{R_1}$$

$$E = I_o R + U$$

$$I_0 = \frac{E - U}{R}$$

$$I_3 = V_o \frac{\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)}{\frac{R_2 R_4}{R_1} - R_4} + \Delta I (R_2 + R_4)$$

$$\frac{C \frac{\partial U}{\partial t}}{R} = \frac{E - U}{R} - \frac{U}{R} = \frac{E}{R} - U \left( \frac{1}{R} + \frac{1}{R} \right)$$

$$2 \left( \frac{g^2}{2c} \right)$$

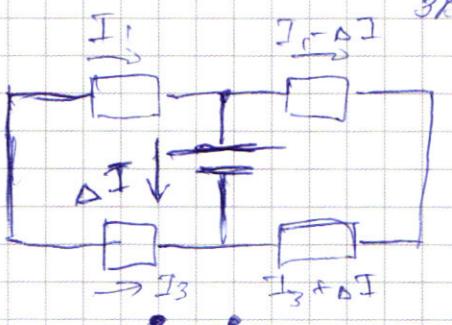
$$R_1 (R_2 R_3 + R_3 R_4 - R_2^2) > -R_2 R_3 R_4 \quad E(R_2 R_3 - R_1 R_4) - U_o (R_1 + R_2)(R_3 + R_4) =$$

$$\frac{g^2 g}{C \Delta t}$$

$$\frac{g^2 I}{C} \text{ is}$$

$$\frac{g}{C} \left( \frac{E}{R} - \frac{g}{C} \right) = \Delta I (R_1 R_3 (R_2 + R_4) + R_4 (R_2 R_3 - R_1 R_4))$$

$$\frac{E}{3R} - \frac{U}{3R} - \frac{U}{R}$$



$$I_1$$

$$8 \cdot 6 - 1 \cdot 8$$

$$\frac{g}{13} < \frac{3}{4}$$

$$8 \cdot 2 - 1 \cdot 9$$

$$V_o = I_3 \frac{R_3 R_4 - R_2 R_1}{R_1} - U_o \frac{R_2}{R_1} - \Delta I (R_2 + R_4)$$

$$9 R_1 (E R_4 + U_o (R_3 + R_4)) <$$

$$I_3 = V_o \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right) + \Delta I (R_2 + R_4)$$

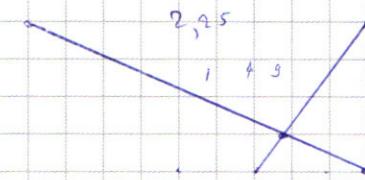
$$24 + 2 \cdot 26$$

$$R_3 R_2 - R_4 R_1 \\ 823 + 134 + 239 - 142$$

$$R_1 (R \frac{10}{24+52})$$

$$170 \quad 197 \\ 730 \quad 1175 \\ 510 \quad \sqrt{175}$$

$$1,3$$



$$2 \sin \alpha =$$

$$4 + \frac{4}{3}x = -\frac{4}{3}v \\ -4 - \left(\frac{4}{3} + \frac{4}{3}\right)v$$

$$\frac{10}{9}x = 4 \quad \frac{10}{9}v = \frac{4}{3} \\ x = \frac{2}{3} \quad v = \frac{2}{3} \frac{4}{3} = \frac{8}{9}$$

$$R_1 \frac{g}{I_3}$$

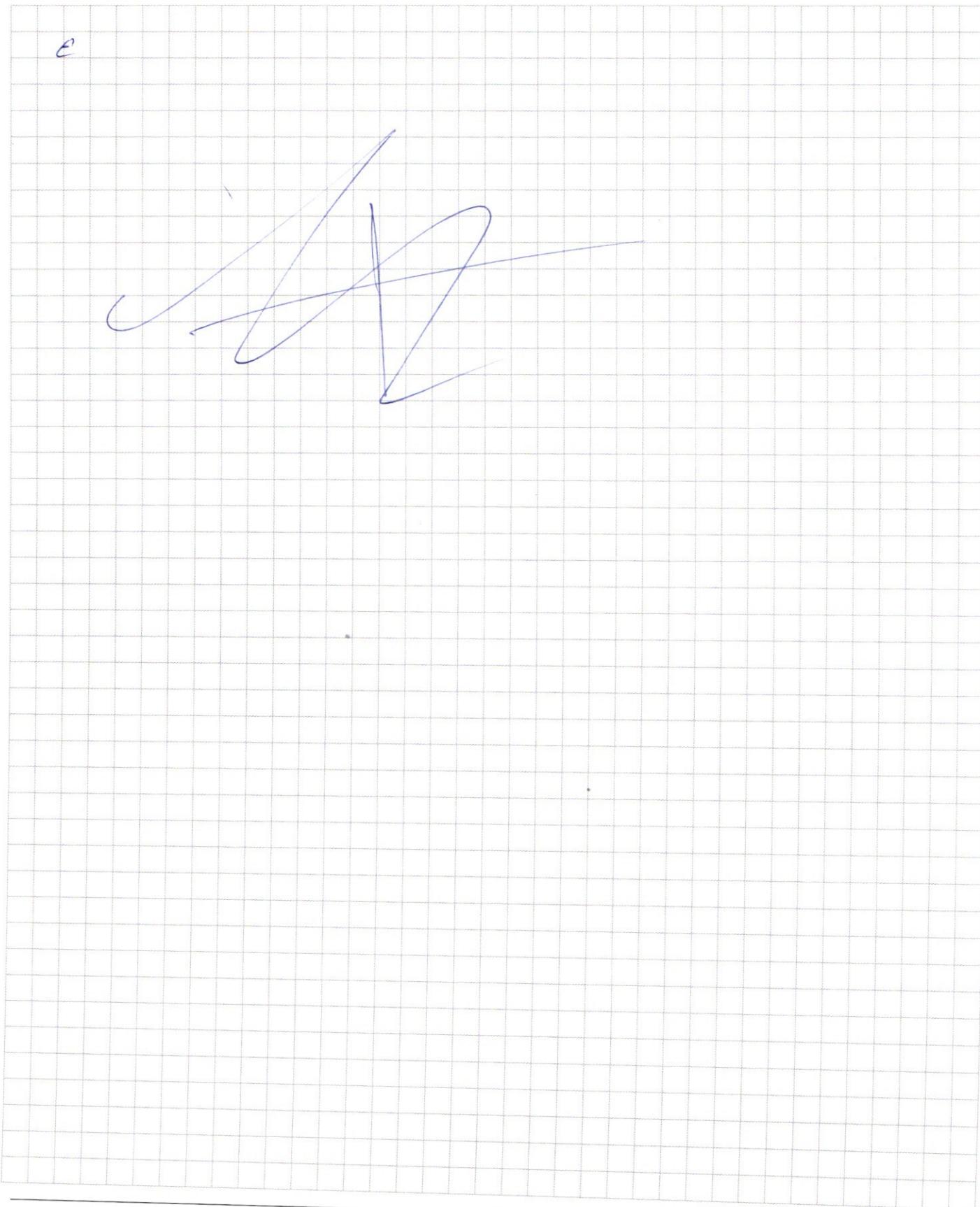
$$\frac{g}{13} \frac{65}{90} + \frac{4}{9}x = x + F \\ \frac{13}{120} \frac{65}{88} - \frac{13}{9}x = F$$

$$-\frac{4}{3} \cdot \frac{9}{13}v$$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ  
«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ  
«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

A large rectangular grid of horizontal and vertical lines, designed for handwritten work. It consists of approximately 20 horizontal rows and 25 vertical columns, providing a structured area for writing.

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)