

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1

Дано:

$$F_{\text{упр}2} = 3F_{\text{упр}1}$$

$$a_2 = a_1$$

1) a - ?

2) $\frac{E_{k2}}{E_{k1}}$ - ?

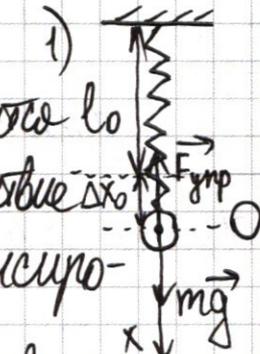
3) $\frac{E_{\text{пmax}}}{E_{k\text{max}}}$ - ?

Решение: 1 случай: 1)

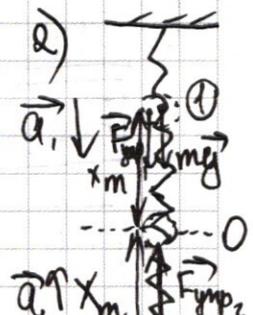
II Система неподвижна в покое, т.к. действующие на нее силы скомпенсированы: $ma = 0$

1) I закон Ньютона:

$$0 = mg + F_{\text{упр}}$$



l_0 - длина недеформированной пружины
 Δx_0 - удлинение



x_m - амплитуда колебаний

0x: $0 = mg - F_{\text{упр}} \Rightarrow mg = F_{\text{упр}}$

2) $F_{\text{упр}} = -k\Delta x_0$ - закон Гука $\Rightarrow mg = k\Delta x_0 \Rightarrow$

$\Rightarrow k = \frac{mg}{\Delta x_0}$ - коэффициент жесткости

2 случай:

3) когда шарик поднимут вверх до положения, когда пружина недеформирована, и отпустят, возникнут гармонические колебания:

4) Запишем 2 уравнения динамики: для верхнего состояния 1) и нижнего - 2) (см. рисунок 2):

$$\begin{cases} m\vec{a}_1 = m\vec{g} + \vec{F}_{\text{упр}1} & (\text{I закон}) \\ m\vec{a}_2 = m\vec{g} + \vec{F}_{\text{упр}2} & (\text{II закон}) \end{cases}$$

В проекциях на ось Ox:

$$\begin{cases} ma_1 = mg + F_{\text{уп}1}, & (1) \\ ma_2 = F_{\text{уп}2} - mg \end{cases}$$

По условию сказано, что $a_1 = a_2 \Rightarrow ma_1 = ma_2 \Rightarrow$

$$\Rightarrow \boxed{mg + F_{\text{уп}1} = F_{\text{уп}2} - mg}$$

4) $F_{\text{уп}1} = -k\Delta x_1$ - закон Гука, где Δx_1 - удлинение в положении 1

$F_{\text{уп}2} = -k\Delta x_2$ - закон Гука, где Δx_2 - удлинение в положении 2

5) По условию задано: $F_{\text{уп}2} = 3F_{\text{уп}1}$;

$$2mg = 3F_{\text{уп}1} - F_{\text{уп}1} \Rightarrow \boxed{mg = F_{\text{уп}1}} \quad (3)$$

6) Подставим в уравнение (1) уравнение (3):

$$ma_1 = mg + mg \Rightarrow \boxed{a_1 = 2g}$$

$$7) \frac{E_{k2}}{E_{k1}} = \frac{m_2 v_2^2}{2m_1 v_1^2} = \frac{v_2^2}{v_1^2} = \frac{\omega_2^2 x_{m2}^2}{\omega_1^2 x_{m1}^2} = 1 \Rightarrow \boxed{E_{k2} = E_{k1}}$$

$E_k = \frac{mv^2}{2}$ - кинетическая энергия

$$\boxed{v_m = \omega x_m}, \quad \omega_2 = \omega_1, \quad x_{m2} = x_{m1} = x_m$$

$$8) \frac{E_{pm}}{E_{km}} = \frac{k\Delta x_m^2}{2m v_m^2} = \frac{k\Delta x_m^2}{m \cdot \omega^2 x_m^2} = \frac{\omega^2 m}{k \cdot \omega^2} = 1 \Rightarrow \boxed{E_{pm} = E_{km}}$$

$E_{pm} = \frac{k\Delta x_m^2}{2}$ - максимальная энергия деформации пружины

$$\boxed{\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}} \Rightarrow \omega^2 = \frac{k}{m} \Rightarrow k = \omega^2 m$$

Ответ: 1) $a_1 = 2g$; 2) $\frac{E_{k2}}{E_{k1}} = 1 (E_{k2} = E_{k1})$; 3) $\frac{E_{pm}}{E_{km}} = 1 (E_{pm} = E_{km})$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 2

Решо:

$$f(x) = p(V);$$

$$i = 3; T_1;$$

$$k = 1,8; V_2 = kV_1$$

$$T_{23} = \text{const};$$

$$T_{41} = \text{const};$$

$$P_{12} = k_{12} V_{12}$$

$$V_2 = V_4$$

1) $T_{23} - ?$

2) $\frac{P_1}{P_3} - ?$

3) $C_{12} - ?$

Решение:

1-2: Изотермический процесс: $p = \alpha V$

$$\boxed{p_1 V_1 = \alpha R T_1}$$

$$\boxed{p_2 V_2 = \alpha R T_2}$$

- уравнение
Клапейрона-Менделеева

Гензель:

$$\Rightarrow \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^2 = \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}}$$

$$\left\{ \begin{aligned} \alpha V_1^2 &= \alpha R T_1 \\ \alpha V_2^2 &= \alpha R T_2 \end{aligned} \right. \Rightarrow \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^2 = \frac{\alpha R T_1}{\alpha R T_2} \Rightarrow$$

$$\frac{V_1}{kV_1} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}} \Rightarrow \frac{1}{k} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}} \Rightarrow \boxed{T_2 = k^2 T_1}$$

$$\boxed{V_2 = kV_1} \text{ (по условию)}$$

$$\boxed{Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12}}$$

$$\boxed{\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \alpha R \Delta T_{12}}$$

$$\boxed{A_{12} = p_{12} \Delta V_{12}}$$

- I закон термодинамики
- изменение внутренней энергии
- работа газа при $p = \text{const}$

по 6 найдем уравнение:

$$p_{12} \Delta V_{12} = \alpha R \Delta T_{12}$$

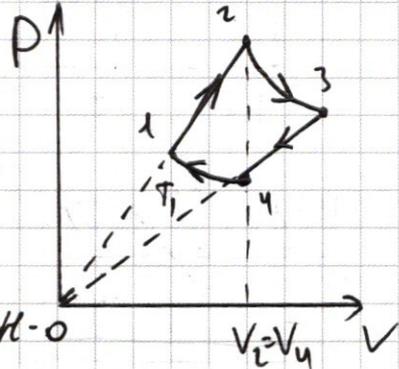
$$\Rightarrow \boxed{A_{12} = \alpha R \Delta T_{12}}$$

2-3: Изотермический процесс: $T_{23} = \text{const}$ - закон Бойля-Мариотта:

$$\boxed{p_2 V_2 = p_3 V_3} \Rightarrow V_3 = \frac{p_2 V_2}{p_3}$$

$$T_{23} = T_{34} = \text{const} \Rightarrow \Delta T_{23} = 0 \Rightarrow \Delta U_{23} = 0 \Rightarrow Q_{23} = A_{23}, A_{23} > 0$$

3-4: Изотермический процесс, аналогично 1-2:



$$\frac{V_3}{V_4} = \sqrt{\frac{T_3}{T_4}} \Rightarrow \frac{P_2 V_3}{P_3 V_4} = \sqrt{\frac{T_3}{T_4}} \Rightarrow \frac{P_2}{P_3} = \sqrt{\frac{T_3}{T_4}} \Rightarrow \frac{P_2}{P_3} = \sqrt{\frac{T_2}{T_1}} \Rightarrow$$

$$V_2 = V_4 \text{ (по условию)}, \text{ т.к. } \boxed{T_{23} = \text{const} \Rightarrow T_3 = T_2}$$

$$\boxed{T_{41} = \text{const} \Rightarrow T_4 = T_1}$$

$$\Rightarrow \frac{P_2}{P_3} = \sqrt{\frac{k^2 T_1}{T_1}} \Rightarrow \boxed{\frac{P_2}{P_3} = k}$$

4-1: Изотермический процесс, аналогично с 2-3:

$$\boxed{P_4 V_4 = P_1 V_1} \text{ — закон Бойля-Мариотта, } \Delta U_{41} = 0$$

$$\text{I } \boxed{T_{23} = T_2 = T_3 = k^2 T_1} \Rightarrow T_{23} = 1,8^2 T_1 = 3,24 T_1$$

$$\text{II } \frac{P_1}{P_3} = \frac{P_2 V_2 T_1}{V_1 T_2 P_3} = k \frac{V_2 T_1}{V_1 T_2} = k \frac{k V_1}{V_1} \cdot \frac{T_1}{T_2} = k^2 \frac{T_1}{T_2} = \frac{k^2 \cdot T_1}{k^2 T_1} = 1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{P_1 = P_3}$$

$$\text{III } \left. \begin{aligned} Q_{12} &= \Delta U_{12} + A_{12} \\ Q_{12} &= C_{12} \Delta t \end{aligned} \right\} \Rightarrow C_{12} = \frac{\Delta U_{12} + A_{12}}{\Delta t} = \frac{\frac{3}{2} \nu R \Delta T_{12} + \nu R \Delta T_{12}}{\Delta t} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow C_{12} = \nu R \left(\frac{3}{2} + 1 \right) = \frac{5}{2} \nu R \Rightarrow \boxed{C_{12} = \frac{5}{2} \nu R}, \text{ где } \nu \text{ — количество в-ва, } R \text{ — универсальная газовая постоянная:}$$

$$C_{12} = \frac{5}{2} \cdot 1 \text{ моль} \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{К} \cdot \text{моль}} = 20,775 \frac{\text{Дж}}{\text{К}} \approx 20,78 \frac{\text{Дж}}{\text{К}}$$

$$\left[\text{моль} \cdot \frac{\text{Дж}}{\text{К} \cdot \text{моль}} = \frac{\text{Дж}}{\text{К}} \right]$$

- Ответ:
- 1) $T_{23} = k^2 T_1 = 3,24 T_1$
 - 2) $\frac{P_1}{P_3} = 1 \text{ (} P_1 = P_3 \text{)}$
 - 3) $C_{12} = \frac{5}{2} \nu R \approx 20,78 \frac{\text{Дж}}{\text{К}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N3

Дано:

$\mathcal{E}, R, C,$
 $r = 3R$

1) I_m - ?

2) U_C - ?

3) Q_{\pm} - ?

Решение:

Σ ключ замкнут

1) Т.к. есть замкнутой проводящий контур, источник тока, нагрузка,

то значит в цепи будет протекать ток через резисторы r и R

2) Т.к. в цепи есть конденсатор, то ток через него не пойдет

3) Резистор R и конденсатор соединены параллельно, поэтому $U_R = U_C$

а) $I_R = \frac{\mathcal{E}}{R+r}$ - закон Ома для полной цепи

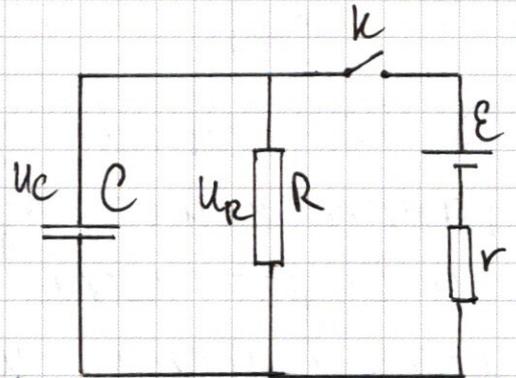
б) $I = \frac{U}{R}$ - закон Ома для участка цепи \Rightarrow

$$\Rightarrow U = IR$$

$$б) U_C = U_R \Rightarrow U_C = I_R R = \frac{\mathcal{E}R}{R+r} \Rightarrow U_C = \frac{\mathcal{E}R}{R+r}$$

Σ конденсатор заряжен до $U_C = U_R$:

$$а) C = \frac{q}{U} \Rightarrow q = CU_C - \text{заряд, скопившийся на конденсаторе}$$



$$q = \frac{CE\epsilon R}{R+r}$$

8) $W = \frac{CU_c^2}{2}$ - энергия заряженного конденсатора:

$$W = \frac{CE^2 R^2}{2(R+r)^2}$$

9) Ток, текущий через источник, сразу после замыкания ключа будет максимальным, т.к. он будет нести в себе заряды из обкладки конденсатора и ток в цепи:

$$I_m = \frac{\epsilon + U_c}{R+r} = \frac{\epsilon + \frac{\epsilon R}{R+r}}{R+r} = \frac{\epsilon(2R+r)}{(R+r)^2} = \frac{(3R+2R) \cdot \epsilon}{(2R+3R)^2} = \frac{5\epsilon R}{16R^2} = \frac{5\epsilon}{16R} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow I_m = \frac{5\epsilon}{16R}$$

10) $W = \frac{CU_c^2}{2}$ - энергия конденсатора $\Rightarrow W = \frac{qU_c}{2} \Rightarrow$

$$C = \frac{q}{U} ; U_c = I_R R$$

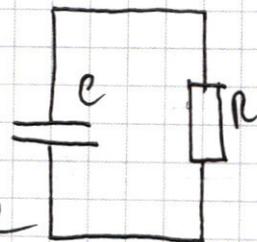
$$\Rightarrow W = \frac{q I_R R}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow W = \frac{CU I_R R}{2} \Rightarrow W = \frac{CE R^2 I_R^2}{2(R+r)} \Rightarrow I_R = \frac{CE R}{2(R+r)}$$

$$\Rightarrow I_R = \frac{2W(R+r)}{CE R^2} = \frac{2 \cdot \frac{CE R^2 I_R^2}{2(R+r)} (R+r)}{CE R^2} = \frac{\epsilon}{R+r} = \frac{\epsilon}{R+3R} = \frac{5\epsilon}{4R}$$

11) Ключ и разомкнули:

т.к. нет замкнутого контура, то нет тока в цепи



12) т.к. конденсатор заряжен, то все его энергия перейдет в тепловую энергию:

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$W_c = Q$ - закон сохранения энергии в цепи

$$Q = \frac{CE^2R^2}{2(R+r)^2} = \frac{CE^2R^2}{2(R+3R)^2} = \frac{CE^2R^2}{32R^2} = \frac{CE^2}{32}$$

Ответ:

- 1) $I_m = \frac{5E}{16R}$;
- 2) $I = \frac{E}{4R}$;
- 3) $Q = \frac{CE^2}{32}$

N5

Дано:

$$H = h = \frac{3F}{4};$$

$$d_s = F \cdot \nu$$

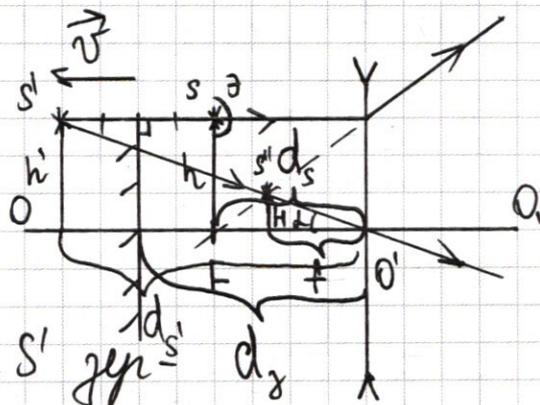
$$d_s = \frac{3F}{2}$$

Решение:

1) Построение
попа лучей:

1) т.к. изображение S' зеркальное, то S' находится на том же расстоянии от зеркала, как и S ; расстояние - перпендикуляр

2) изображение в рассеивающей линзе:



1) $f_{s'}$ - ?

2) α - ?

3) ν - ?

мнимое, прямое, уменьшенное

2) $\boxed{-\frac{1}{F} = \frac{1}{d_{s'}} - \frac{1}{f_{s'}}$ - формула тонкой рассеивающей

линзы $\Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{1}{F} + \frac{1}{d_{s'}} \Rightarrow f = \frac{F d_{s'}}{F + d_{s'}}$

3) $\boxed{d_{s'} = d_s + \frac{2(d_s - d_s)}{2}}$ - т.к. изображение зеркальное \Rightarrow

$$d_{s'} = \frac{3F}{2} + 2 \frac{(\frac{3F}{2} - F)}{2} = \frac{3F}{2} + \frac{2 \cdot \frac{F}{2}}{2} = \frac{3F}{2} + \frac{F}{2} = \frac{4F}{2} = 2F$$

$$f_{s'} = \frac{F d_{s'}}{F + d_{s'}} = \frac{F \cdot 2F}{F + 2F} = \frac{2F^2}{3F} = \frac{2F}{3} \Rightarrow f_{s''} = \frac{2F}{3} \Rightarrow f_{s''} = \frac{2F}{3}$$

$$4) \boxed{\operatorname{tg} \alpha = \frac{h'}{d_{s'}}} = \frac{h}{2F} = \frac{3F}{4 \cdot 2F} = \frac{3}{8} \Rightarrow \boxed{\alpha = \operatorname{arctg}\left(\frac{3}{8}\right)}$$

$h' = h$ (зеркальное изображение)

$$d_{s'} = 2F$$

$$5) \boxed{\Gamma = \frac{H}{h} = \frac{F}{d}} - \text{увеличение} \Rightarrow \Gamma = \frac{2F}{3 \cdot 2F} = \frac{1}{3} \Rightarrow \text{уменьше}$$

ше в 3 раза меньше

$$6) \boxed{S' = \Gamma S}, \text{ где } S' - \text{перемещение изображения}$$

$S - \text{перемещение зеркала} \Rightarrow$

$$\Rightarrow S' = \frac{S}{3}$$

$$7) \boxed{S = v t} - \text{равномерное прямолинейное движение} : S' = v' t'$$

$$S' = \frac{S}{3} \Rightarrow v' t' = \frac{v t}{3} \Rightarrow \boxed{v' = \frac{v}{3}}$$

$t = t'$ - т.к. эти действия происходят одновременно

Ответ: 1) $f_{s''} = \frac{2F}{3}$; 2) $\alpha = \operatorname{arctg}\left(\frac{3}{8}\right)$; 3) $v' = \frac{v}{3}$

нч

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:

$$E = 8 \text{ В};$$

$$R_2 = 3 \text{ Ом};$$

$$R_3 = 6 \text{ Ом}$$

$$R_4 = 2 \text{ Ом}$$

$$U_0 = 1 \text{ В}$$

$$f(x) = I(U)$$

$$P_{\text{Э}} = 2 \text{ Вт}$$

1) I_3 - ?

2) R_1 - ?

3) R_1 - ?

Решение:

1) Ключ К разомкнут:

Т.к. есть замкнутый контур, нагрузка и источник тока, то в цепи будет течь ток

2) Резисторы R_1 и R_2 соединены с E

последовательно: $R_{12} = R_1 + R_2$; R_3 и R_4 - соединены параллельно: $R_{34} = R_3 + R_4$, а R_{12} и R_{34} - параллельно

но: $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_{34}} \rightarrow R = \frac{R_{12} \cdot R_{34}}{R_{12} + R_{34}}$

3) $U_{12} = U_{34} = U_{34}$ (параллельно)

$U_{12} = E$, т.к. нет нагрузки \Rightarrow нет падения напряжения, источник тока подключен параллельно

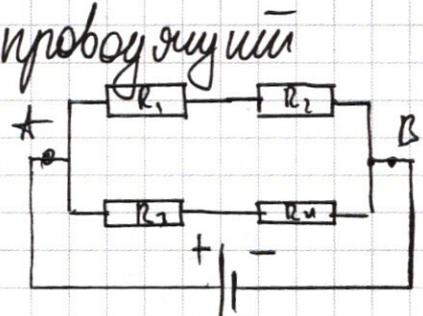
$$E = U_{34}$$

4) $I = \frac{U}{R}$ - з. Ома для участка цепи $\Rightarrow U_{34} = I_{34} R$

5) Чтобы найти I_3 , воспользуемся з. Ома для участка цепи: $I_3 = \frac{U_3}{R_3}$

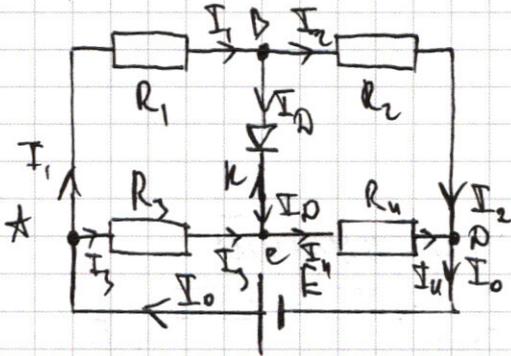
6) $I_3 = I_4 = I_{34}$ (последовательное соединение) \Rightarrow

$$\Rightarrow I_3 = I_{34} = \frac{U_{34}}{R_{34}} = \frac{U_{34}}{R_3 + R_4} = \frac{E}{R_3 + R_4} = \frac{8 \text{ В}}{6 \text{ Ом} + 2 \text{ Ом}} = 1 \text{ А}$$



7) Чтобы ток шел ^{в нужном направлении} через диод, напряжение на нем должно быть больше, чем U_0 : $U_D \geq U_0$

8) Эквивалентная схема:



9) Примем II закон Кирхгофа для узлов: A, B, C, D:

A: $I_0 = I_3 + I_1$

B: $I_1 = I_2 + I_0$

C: $I_0 + I_3 = I_4$

D: $I_2 + I_4 = I_0$

$\Rightarrow I_0 = I_4 - I_0 + I_2 + I_0 \Rightarrow I_0 = I_2 + I_4 \rightarrow$

$\Rightarrow I_0 = I_4 - I_3 = I_0 - I_2 - I_0 + I_1 = I_1 - I_2$

$\Rightarrow U_D = U_1 - U_2 = I_1 R_1 - I_2 R_2 \Rightarrow R_1 = \frac{U_D + I_2 R_2}{I_1} = \frac{U_0 + \frac{\epsilon R_2}{R_1 + R_2}}{I_1} =$

$= \frac{U_0 + \frac{\epsilon R_2}{R_1 + R_2}}{\frac{\epsilon}{R_1 + R_2}} \Rightarrow \frac{\epsilon R_1}{R_1 + R_2} = U_0 + \frac{\epsilon R_2}{R_1 + R_2} \Rightarrow \frac{\epsilon}{R_1 + R_2} (R_1 + R_2) = U_0 \Rightarrow$

$\Rightarrow \frac{8\text{В}}{R_1 + 3\text{Ом}} (R_1 + 3\text{Ом}) = 1\text{В} \Rightarrow R_1 = 5\text{Ом}$

3) $P_D = U_D I_D \Rightarrow I_D = \frac{P_D}{U_D} = \frac{2\text{Вт}}{1\text{В}} = 2\text{А}$

$U_1 + U_2 = \epsilon \Rightarrow I_D R_1 + I_D R_2 = \epsilon \Rightarrow I_D (R_1 + R_2) = \epsilon \Rightarrow R_1 = \frac{\epsilon}{I_D} - R_2 = \frac{8\text{В}}{2\text{А}} - 3\text{Ом} = 1\text{Ом}$

Ответ: 1) $I_3 = 1\text{А}$; 2) $R_1 = 5\text{Ом}$; 3) $R_1 = \frac{\epsilon}{I_D} - R_2 = 1\text{Ом}$

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-07

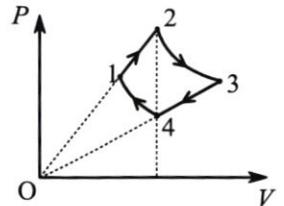
Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

1. Шарик подвешен в поле тяжести на легкой упругой пружине с неизвестной жесткостью. Шарик поднимают вверх до положения, когда пружина не деформирована, и отпускают. При дальнейшем движении шарика вдоль вертикали в некоторые моменты времени силы, действующие на шарик со стороны пружины, отличаются в 3 раза, а модули ускорений равны.

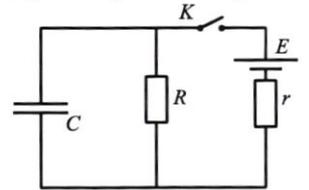
- 1) Найти модуль ускорения в эти моменты.
- 2) Найти отношение кинетических энергий шарика в эти моменты.
- 3) Найти отношение максимальной энергии деформации пружины к максимальной кинетической энергии шарика.

2. Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой T_1 расширяется в процессе 1-2 прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V . В процессе 1-2 объем газа увеличивается в $k = 1,8$ раза. Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2-3, сжимается в процессе 3-4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4-1. Объемы газа в состояниях 2 и 4 равны.



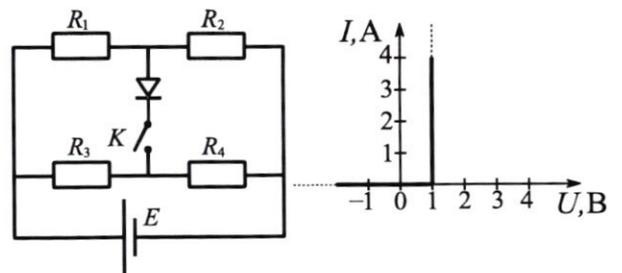
- 1) Найти температуру газа в процессе 2-3.
- 2) Найти отношение давлений в состояниях 1 и 3.
- 3) Найти молярную теплоемкость газа в процессе 1-2.

3. В электрической цепи (см. рис.) все элементы идеальные, конденсатор не заряжен. Величины E, R, C известны, $r = 3R$. Ключ K на некоторое время замыкают, а затем размыкают, когда скорость роста энергии конденсатора максимальна.



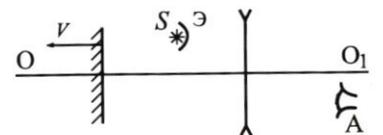
- 1) Найти ток, текущий через источник, сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти ток, текущий через конденсатор, непосредственно перед размыканием ключа.
- 3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?

4. В цепи используется мостовая схема (см. рис.). ЭДС идеального источника $E = 8$ В, $R_2 = 3$ Ом, $R_3 = 6$ Ом, $R_4 = 2$ Ом. Вольтамперная характеристика диода показана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.



- 1) Найти ток через резистор R_3 при разомкнутом ключе K .
- 2) При каких значениях R_1 ток потечет через диод при замкнутом ключе K ?
- 3) При каком значении R_1 мощность тепловых потерь на диоде будет равна $P_D = 2$ Вт?

5. Оптическая система состоит из тонкой рассеивающей линзы с фокусным расстоянием $-F$ ($F > 0$), плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси линзы OO_1 . Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии F от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $3F/2$ от линзы.



- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель A сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{U_1 R_2}{R_1} = \frac{U_2 R_1}{R_2} = \frac{U_1 R_2 + U_2 R_1}{R_1 R_2}$$

$$Q = \frac{2V_1}{RT_1}$$

$$\frac{h}{\lambda} \cdot \lambda^3 = \frac{\rho u}{\rho u} \cdot u^3 = \text{моль}$$

- №2
- Дано:
- $f(x) = P(V), V_2 = V_1$
- $k = 1,8, \gamma, \nu = 1$
- $T_{23} = \text{const}$
- $T_{11} = \text{const}$
- а) $T_{23}?$
 - б) $P_1?$
 - в) $P_3?$
 - г) $C?$

Решение:

1-2: Изотермический: $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$

$p = \alpha V, P_1 V_1 = \nu RT_1, P_2 V_2 = \nu RT_2$

$\Rightarrow \frac{2V_1^2}{T_1} = \frac{2V_2^2}{T_2} \Rightarrow \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^2 = \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow$

$\Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}}; V_2 = kV_1 \Rightarrow \frac{V_1}{kV_1} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}} \Rightarrow$

$\frac{1}{k} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}} \Rightarrow T_2 = k^2 T_1$

$\Rightarrow \frac{1}{k^2} = \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow T_2 = k^2 T_1$

$\nu = \frac{\nu RT_2}{V_2^2} = \frac{\nu RT_2}{k^2 V_1^2} = \frac{\nu RT_2}{k^2 \frac{RT_1}{\nu}} = \frac{\nu^2 T_2}{k^2 T_1}$

2-3: Изотермический: $T_{23} = \text{const}$ - закон Бойля-Мариотта: $P_2 V_2 = P_3 V_3$

$\Delta T = 0 \Rightarrow \Delta U = 0$

$\Delta U = \frac{i}{2} \nu R \Delta T$ - внутр. энергия газа

$Q = A$

$i = 3, \nu$ - идеальный одноатомный газ

3-4: Изотермический, аналогично $p = \alpha V$

$\frac{V_3}{V_4} = \sqrt{\frac{T_3}{T_4}} \Rightarrow \frac{P_2 V_2}{P_3 V_4} = \sqrt{\frac{T_3}{T_4}} \Rightarrow \frac{P_2}{P_3} = \sqrt{\frac{T_2}{T_1}} \Rightarrow \frac{P_2}{P_3} = \sqrt{\frac{k^2 T_1}{T_1}} = k$

$T_3 = T_2 - T_{23} = \text{const}$

$T_4 = T_1 - T_{41} = \text{const}$

$\Rightarrow \frac{P_2}{P_3} = k$

4,155

4,155

20,775

4-1: $T = \text{const} \Rightarrow p_4 V_4 = p_1 V_1 \Rightarrow p_1 = \frac{p_4 V_4}{V_1}$; $\Delta U_{41} = 0 \Rightarrow Q_{41} = A_{41}$

1) $T_{23} = T_2 = T_3 = k^2 T_1 = 1,8^2 T_1$

2) $\frac{p_1}{p_3} = \frac{p_2 V_2 T_1}{V_1 T_2 p_3} = k \frac{V_2 T_1}{V_1 T_2} = k \frac{k V_1 \cdot T_1}{V_1 \cdot T_2} = k^2 \frac{T_1}{T_2} = 1,8^2 \frac{T_1}{1,8^2 T_1} = 1 \Rightarrow p_1 = p_3$

$\Rightarrow p_1 = p_3$

3) $Q = \Delta U + A$

$C_m \Delta T = \frac{i}{2} \nu R \Delta T + p \Delta V \Rightarrow C_m = \frac{3}{2} \nu R + \nu R = \frac{5}{2} \nu R$

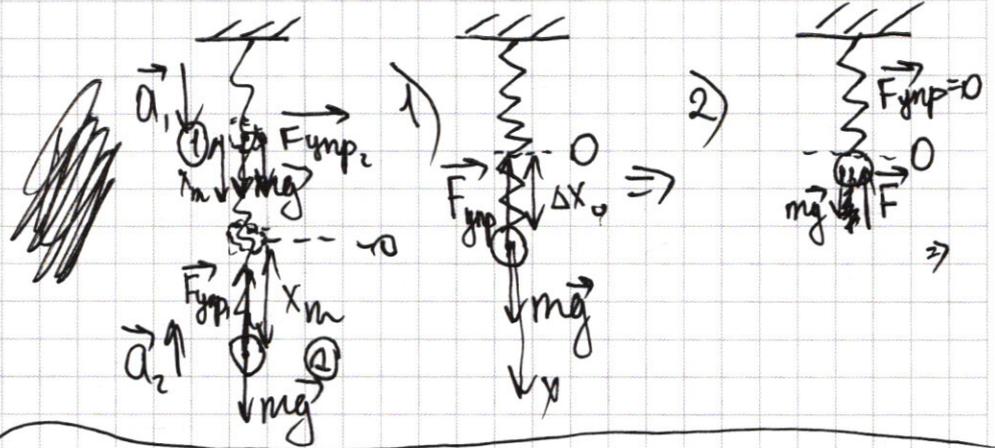
1/1

$F_{\text{уп}2} = 3 F_{\text{уп}1}$
 $a_2 = a_1$

1) $a_1 = ?$

2) $\frac{E_{\text{к}2}}{E_{\text{к}1}} = ?$

3) $\frac{E_{\text{п max}2}}{E_{\text{п max}1}} = ?$



I в положении равновесия:
 $F_{\text{уп}} = k \Delta x_0$ - г. Гук

$0 = m\vec{g} + \vec{F}_{\text{уп}}$ - I з. Н:

Ox: $0 = mg - k \Delta x_0 \Rightarrow mg = k \Delta x_0 \Rightarrow k = \frac{mg}{\Delta x_0}$

I колебания:

$\begin{cases} m\vec{a}_1 = m\vec{g} + \vec{F}_{\text{уп}1} \\ m\vec{a}_2 = m\vec{g} + \vec{F}_{\text{уп}2} \end{cases} \Rightarrow \text{Ox: } \begin{cases} ma_1 = mg + F_{\text{уп}1} \\ ma_2 = F_{\text{уп}2} - mg \end{cases}$

$a_1 = a_2 \Rightarrow ma_1 = ma_2 \Rightarrow mg + F_{\text{уп}1} = F_{\text{уп}2} - mg$

$2mg = 3F_{\text{уп}1} = F_{\text{уп}2} \Rightarrow mg = F_{\text{уп}1}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1) $ma_z = mgy + mg \Rightarrow a_z = 2g$

2) $\frac{E_{k2}}{E_{k1}} = \frac{m v_2^2}{2m v_1^2} = \frac{v_2^2}{v_1^2} = 1$

$v_2 = v_1$, т.к. колебания - ПОДСКИПЬ!

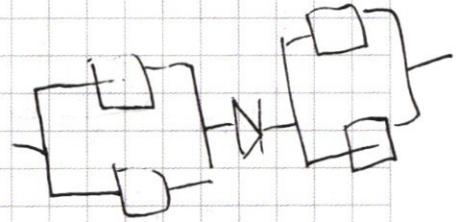
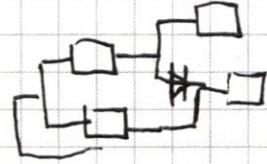
$v_m = \omega x_m$

3) $\frac{k x_m^2}{2m v_m^2} = \frac{k x_m^2}{m \omega^2 x_m^2} = \frac{k}{m \omega^2} = 1$

$v_m = \omega x_m$

$\omega^2 = \frac{k}{m}$

$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$



№3

$\frac{k}{R} \cdot R^2 = \rho \omega$

Дано:

$E, R, C, r = 3R$

U_{max}

Решение:

1) После замыкания надо еще зарядить C

$U_{\text{общ}} = E + U_C$

1) I_m - ? 2) I - ?

3) Q - ?

I корот замыкание:

1) Т.е. если замкнуть провод, конденсатор, то конденсатор

источник эл. тока, то будет ток.

2) т.к. есть ||, то I при этом не пойдет

3) Конденсатор и R соединены ||: $U_C = U_R$

4) $I = \frac{E}{R + r}$ - здесь где полная цепи

5) $I = \frac{U}{R} \rightarrow$ здесь где чл. цепи. $\Rightarrow U = IR$

~~U_c = I R~~

$$U_c = I R = \frac{\epsilon R}{R+r}$$

$$Q = \frac{I \Delta t}{2} = \frac{q}{2} \Rightarrow \frac{q}{2} U$$

$$2 \epsilon R + \epsilon r = \frac{\epsilon R + \epsilon r + \epsilon R}{(R+r)^2}$$

$$1) I_m = \frac{\epsilon + U_c}{R+r} = \frac{\epsilon + \frac{\epsilon R}{R+r}}{R+r} = \frac{\epsilon(R+r) + \epsilon R}{(R+r)^2} = \frac{2\epsilon R + \epsilon r}{(R+r)^2}$$

$$= \frac{2\epsilon R + \epsilon r}{(R+r)^2} = \frac{\epsilon(2R+r)}{(R+r)^2} = \frac{\epsilon(2R+3R)}{(R+3R)^2} = \frac{5\epsilon R}{16R^2} = \frac{5\epsilon}{16}$$

2) -? ток через C-?

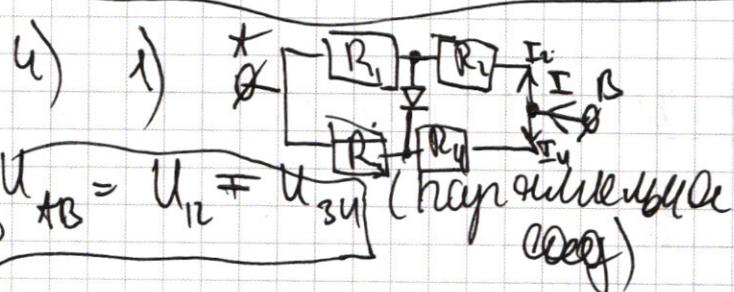
$$3) Q = W_c - 3C\sigma$$

$$W_c = \frac{CU_c^2}{2} = \frac{C \cdot \epsilon^2 R^2}{2(R+r)^2} = Q \Rightarrow Q = \frac{C \cdot \epsilon^2 R^2}{2(R+r)^2} = \frac{C \cdot \epsilon^2 \cdot R^2}{2 \cdot (R+3R)^2}$$

$$= \frac{C \epsilon^2 R^2}{32R^2} = \frac{C \epsilon^2}{32}$$

$$Q = \frac{I \Delta t}{2} \Rightarrow I \Delta t = 2Q$$

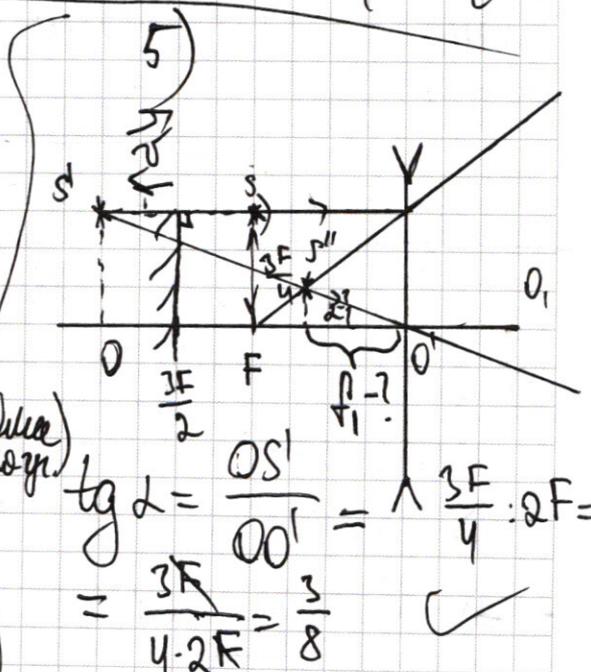
$$C \Delta q = \frac{CU_c^2}{2} + I^2 R \Delta t$$



$$E = U_{12} = U_{34}$$

$$U_{34} = I_{34} (R_3 + R_4) \Rightarrow I_{34} = \frac{U_{34}}{R_3 + R_4}$$

$$I_{34} = \frac{\epsilon}{R_3 + R_4} = \frac{8B}{6\Omega + 2\Omega} = 1A$$



чтобы увидеть там нулю через увеличение

2) $P = U_0 I_0 \Rightarrow I_0 = \frac{P_0}{U_0} = \frac{2B}{1B} = 2A$

Из Kirchhoffa: $I = I_1 + I_3 = I_1 + I_4 + I_0$