

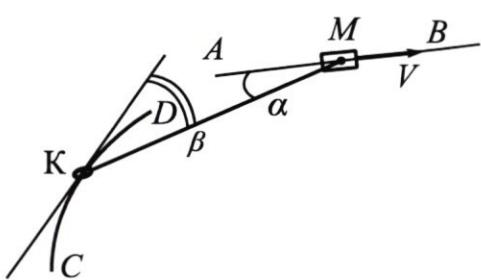
Олимпиада «Физтех» по физике, 1

Класс 11

Вариант 11-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

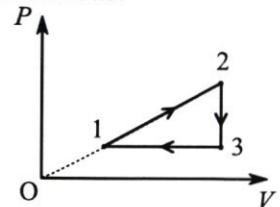
1. Муфту M двигают со скоростью $V = 40$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,7$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол $\alpha (\cos \alpha = 3/5)$ с направлением движения муфты и угол $\beta (\cos \beta = 8/17)$ с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.

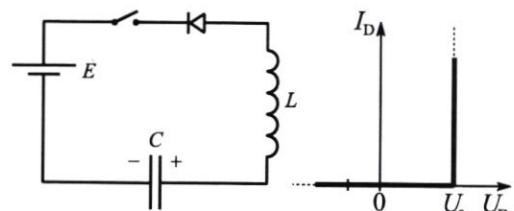


3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается между обкладками на расстоянии $0,2d$ от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите продолжительность T движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение U на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

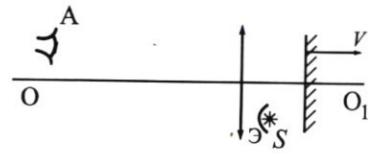
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 3$ В, конденсатор емкостью $C = 20$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 6$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,2$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.



- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси $O\text{O}_1$ линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси $O\text{O}_1$ и на расстоянии плоскости $F/3$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси $O\text{O}_1$. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси $O\text{O}_1$ движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1.

$$v = 40 \text{ см/с}$$

$$m = 1 \text{ кг}$$

$$R = 1,7 \text{ м}$$

$$\ell = \frac{17R}{15}$$

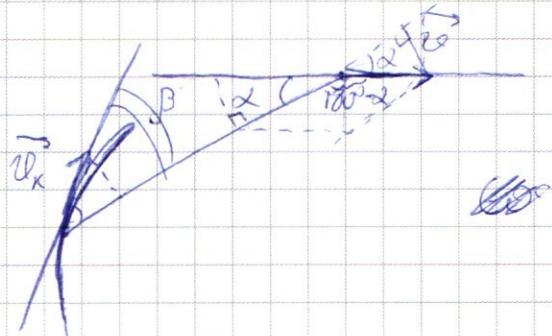
$$\alpha: \cos \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\beta: \cos \beta = \frac{8}{17}$$

$$v_k = ?$$

$$v_{k\text{ отн}} = ?$$

$$T = ?$$



600

① • м.к. тросе катанут, то проекция скорости лежит на ~~тросе~~ прямую, содержащую трос, = проекции скорости катана на эту же прямую.

• м.к. катано движется по дуге окр-тии, то эта скорость направлена по касательной.

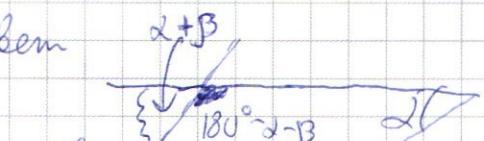
$$v_k \cos \alpha = \frac{v \cos \alpha}{\cos \beta};$$

$$v_k = \frac{v \cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$(2) v_k = \frac{40 \cdot 5 \cdot 17}{3 \cdot 8} = 51 \text{ (м/с)}$$



$$v_k = \frac{v \cos \alpha}{\cos \beta}$$



$$(но T. косинус) v_{\text{комп}}^2 = v^2 + v_k^2 - 2v v_k \cos(\alpha + \beta)$$

соб:



$$v_{\text{комп}} = \sqrt{v^2 + v_k^2 - 2v v_k \cdot (\cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta)}$$

$$U_{\text{ком}} = \sqrt{1600 + 18 \frac{1600 \cdot 25 \cdot 28.9^{32}}{3 \cdot 9 \cdot 64} - 2 \cdot 40 \cdot \frac{40 \cdot 5 \cdot 1763}{3 \cdot 8} \left(\frac{3}{5} \frac{8}{17} - \frac{4}{5} \frac{15}{17} \right)} =$$

$$\approx \sqrt{1600 \left(1 + 12.5 + 8 \cdot \frac{36}{108} \right)} \approx \boxed{\text{числ}}$$

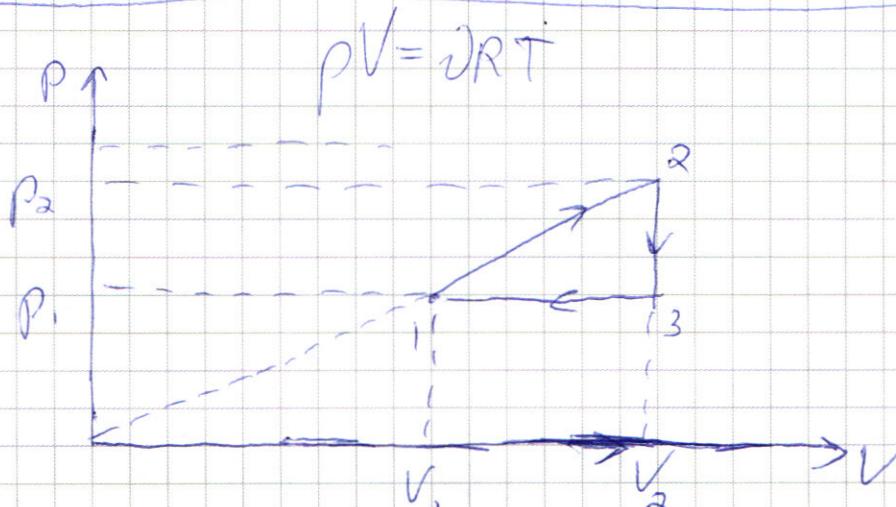
③ $T = m d_{y.c.} = \boxed{\frac{m \omega_{\text{комм}}^2}{l^2}}$ $\approx 71 \text{ (н/с)}$ // Омбем
 (б.т.о., связанный с шаром,
 который движется со скоростью $v_{\text{комм}}$ и по дуге радиуса l)

$$T = \frac{1600 \cdot 17}{8 \cdot 64 \cdot 17 \cdot 1.7 \cdot 10^{32}} \approx \boxed{71 \text{ (н/с)}} \text{ // Омбем}$$

$$N_2 \\ i=3 \\ C_{023} \\ \frac{C_{023}}{C_{031}} = ?$$

$$\frac{Q_{12}}{A_{12}} = ?$$

$$\eta_{\max} = ?$$



①

~~2-3: $C_{023} = \frac{Q}{\bar{v}ST} = \frac{PSV + \frac{3}{2}\bar{v}RST}{\bar{v}ST} = \frac{3}{2}R$~~

$$2-3: C_{023} = \frac{Q}{\bar{v}ST} = \frac{PSV + \frac{3}{2}\bar{v}RST}{\bar{v}ST} = \frac{3}{2}R + \boxed{\frac{PSV}{\bar{v}ST}}$$

$$3-1: C_{031} = \frac{Q}{\bar{v}ST} = \frac{PSV + \frac{3}{2}\bar{v}RST}{\bar{v}ST} = \frac{3}{2}R + \boxed{\frac{PSV}{\bar{v}ST}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{C_{V_{23}}}{C_{V_{31}}} = \frac{3}{2} \cdot \frac{2}{5} = \textcircled{0/6} // \text{Ответ}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{Q_{12}}{A_{12}} = \frac{A_{12} + \frac{3}{2}VRST}{A_{12}} = 1 + \frac{\frac{3}{2}VRST}{A_{12}}$$

$$A_{12} = (V_2 - V_1)p_1 + \frac{(p_2 - p_1)(V_2 - V_1)}{2} = \frac{(p_1 + p_2)(V_2 - V_1)}{2} = \frac{p_1V_2 - p_1V_1 + p_2V_2 - p_2V_1}{2} \textcircled{=}$$

(площадь под графиком)

из графика: $\frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2} \Rightarrow P_1V_2 = P_2V_1$

$$\textcircled{=} \quad \frac{P_2V_2 - P_1V_1}{2}$$

$$\frac{Q_{12}}{A_{12}} = 1 + \frac{\frac{3}{2}(\frac{P_2V_2 - P_1V_1}{2})}{(P_1V_2 + P_2V_1)} = \textcircled{4} // \text{Ответ}$$

$$\textcircled{3} \quad \text{из н.з.: } Q_{12} = 4A_{12}$$

$$\eta = \frac{A}{Q_+} = \frac{A}{Q_{12}} = \frac{A}{4A_{12}} = \frac{A}{4(A + p_1(V_2 - V_1))}$$

м.н. η_{\max} (пределно возможной), то для пред. оц. служат:

$$\rho_1(V_2 - V_1) = 0 \rightarrow \eta = \frac{1}{4} = 25\%$$

Расс

$$\boxed{\eta_{\max} = 25\%} // \text{Омбем.}$$

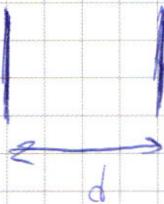
N3.

$$\begin{array}{l} d \\ v_1 \\ 0,2d \\ \frac{q}{m} = \gamma \\ T=? \end{array}$$

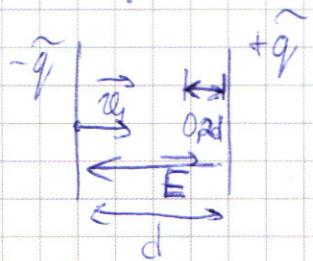
$$U=?$$

$$v_0=?$$

①



| случай: пусть правая пластинка заряжена положительно.



\tilde{q} - заряд на конденсаторе

$$F_{\text{ст}} = m_1 v_1$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{ЗС3: } \frac{m_1 v_1^2}{2} = E q (d - 0,2d) \\ \text{Eq} T = m_1 v_1 \end{array} \right\}$$

$$E = \frac{m_1 v_1^2}{1,6 q d}$$

$$T = \frac{m_1 v_1}{E q}$$

$$T = \frac{m_1 v_1 + 1,6 q d}{m_1 v_1^2 \cdot \frac{1}{2} q} = \boxed{\frac{1,6 d}{v_1}} // \text{Омбем.}$$

~~Числовик~~

$$\textcircled{2} \quad U = Ed = \frac{m_1 v_1^2}{1,6 q d} = \boxed{\frac{v_1^2}{1,6 \gamma}} // \text{Омбем}$$

③ пусть v_0 -помехи в точке, где частица меняла скорость $v_0 = 0$, а помехи левой пластинки $= \gamma$ (скорость v_1)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\left(\frac{m v_0^2}{2} + q(\varphi - \varphi_0) \right) = \frac{mv_1^2}{2}$

$qE_d = \varphi_0 - \varphi$

$\varphi = 2E_d$

2 случая невозможен, т.к.,
бумер со скоростью v_1 , она
будет только разгоняться,
а остановится только вте

Конденсатора ($x \gg 0, 2d$),
так V уменьш.

$m \cdot k \cdot \text{путь} \text{ старции}$

Конденсатора нет
(если не учитывать краевые эффекты), т.к.

$m v_0^2 + 4E_q d = m v_1^2$

$v_0^2 = v_1^2 - \frac{4E_q d}{m}$

$v_0^2 = 1,5 v_1^2$

$v_0 = v_1 \sqrt{\frac{3}{2}}$

$v_0 = 10 \cdot \frac{174}{174} \approx 46 \text{ см/с}$

$N4.$

$U_0 = U_1$ // Ответ. $f_{\text{рез}} = f_{\text{вн}} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{C}}$

$I = 0 \Rightarrow \Delta K = 0$

$L = 3 \Omega$

$C = 20 \mu\text{F}$

$U_1 = 6 \text{ В}$

$L = 0,2 \text{ Гн}$

$U_0 = 1 \text{ В}$

$\frac{dI}{dt} = ?$

$I_{\text{max}} = ?$

$U_2 = ?$

$\text{диод еще не открылся}$

диод открыт

1

$L \frac{dI}{dt} = U_1 - \varepsilon$

2,3

$\frac{dI}{dt} = \frac{U_1 - \varepsilon}{L}$

$I_{\text{max}} \Rightarrow \frac{dI}{dt} = 0 \Rightarrow U_L = 0$

$U_L = U_0 + \varepsilon$

$-U_2 + U_0 + \varepsilon = 0$

$U_2 = U_0 + \varepsilon$

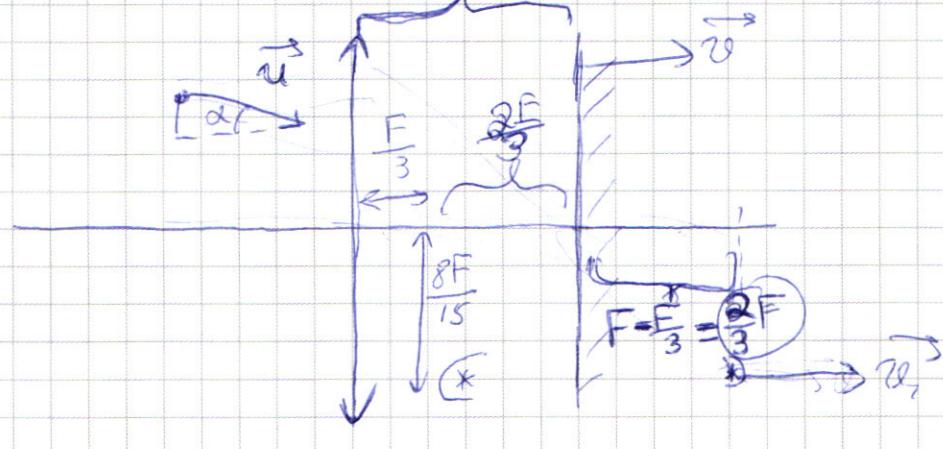
// Ответ

$$3C3: \frac{Cu_1^2}{2} = \frac{C_{\text{max}}^2}{2} + \frac{L I_{\text{max}}^2}{2} - f(u_c - u_{2c})$$

$I_{\text{max}} = \dots // \text{Omber}$

N5.

$$\begin{aligned} F \\ \frac{8F}{15} \\ \frac{F}{3} \\ 2 \\ F_{\text{eff}}=? \\ \alpha=? \\ \text{posi} \\ u=? \end{aligned}$$



$$-\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

• "перемещают" источник за зеркало, мы делаем предмет изображения линиями

$$\textcircled{1} \quad -\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F} \quad | \cdot 5FF$$

~~$\frac{F}{3} = \frac{F}{15}$~~

$$BF + SF = SF$$

~~$\frac{F}{3} = \frac{F}{15}$~~

ли. симп. N7

$$2F = SF$$

// Omber

$$f = 2,5F$$

// Omber

\textcircled{2}

$$\Gamma_1 = \frac{F}{d} = -\frac{F}{2} - \frac{3}{5}F = -1,5$$

из-за линий предмета

непрерывное

~~$\Gamma_1 = 1,5$~~

~~$\Gamma_2 = \frac{\Gamma_1 - \frac{8F}{15}}{\Gamma_1 \cdot \frac{5F}{3}}$~~

~~$\frac{\Gamma \cdot 8/3}{15 \cdot 5} = \frac{3 \cdot 8/3}{2 \cdot 25} = 0,48$~~

~~$\alpha = \arctg(0,48)$~~

// Omber

изображение

~~$\textcircled{3} \quad \cos \alpha = \frac{\alpha}{u}, \quad u = \frac{510}{3 \cos \alpha} =$~~

$$\frac{510}{\cos(\arctg(0,48)) \cdot 3}$$

// Omber

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$NS. h = \frac{8F}{15} ; \quad \text{источник}$$

$$\textcircled{2} \quad F = \frac{xF}{x-F}$$

$$H = hF = h \cdot \frac{F}{x-F}$$

• изображение движется со скоростью $2v$ (изображение)

(но же спереди, что и зеркало)

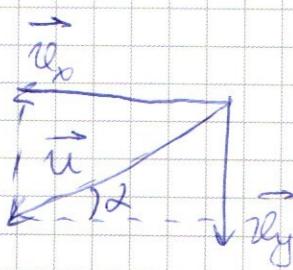
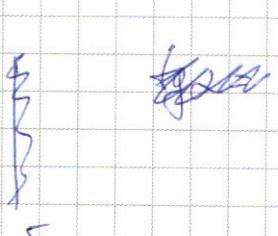
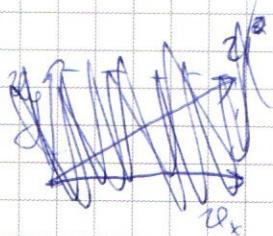
$$\left. \begin{array}{l} u_y = f = \frac{\dot{x}F(x-F) - x\dot{F}\dot{x}}{(x-F)^2} = \frac{\dot{x}F^2}{(x-F)^2} \\ u_x = H = -\frac{h\dot{F}\dot{x}}{(x-F)^2} \end{array} \right\}$$

x - расстояние до зеркала (от минимума предмета)

$$x = \frac{5}{3}F$$

$$u_y = -\frac{-2v \cdot F^2}{\left(\frac{5}{3}F - F\right)^2} = \frac{-2v \cdot F \cdot 9}{25F^2} = -4,5v$$

$$u_x = -\frac{\frac{8F}{15} \cdot F \cdot 2v}{\left(\frac{5}{3}F - F\right)^2} = \frac{-16F^2 \cdot 9}{15 \cdot 4F^2} = -\frac{36}{15}v$$



$$\tan \alpha = \frac{u_y}{u_x} = 2 \frac{45v}{18} = \frac{15}{8}$$

$$\boxed{\alpha = \arctg \left(\frac{15}{8} \right)} \quad // \text{Ответ}$$

$$\textcircled{3} \quad u = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$

$$\cancel{v_x^2 + v_y^2} \cancel{= \frac{1}{\cos^2 \alpha}}$$

\textcircled{3}

$$v_x = \cancel{v \cos \alpha}, \quad v_y = \cancel{v \sin \alpha} \quad (\text{по Г. Тирепера})$$

$$\cos \alpha = \frac{v_x}{v}$$

$$u = \sqrt{v_y^2 + v_x^2} = v \sqrt{\frac{9}{16} + \frac{12}{16}} =$$

$$= v \sqrt{\frac{81}{16} + \frac{144}{100}} = v \sqrt{\frac{25 \cdot 81 + 4 \cdot 144}{100}} = \cancel{v \sqrt{125}} \quad // \text{Ответ}$$

$$= v \cdot \frac{51}{10} = \boxed{5,12} \quad // \text{Ответ}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$C = \frac{\Delta Q}{\Delta T} = C_p \Delta T$$

$$\frac{C_0 \cdot \Delta T}{A_{\text{in}} = p_1(V_2 - V_1) + \frac{(p_2 - p_1)(V_2 - V_1)}{2} = \frac{(p_1 + p_2)(V_2 - V_1)}{2} = \frac{p_1 V_2 - p_1 V_1 + p_2 V_2 - p_2 V_1}{2}}$$

$$PV = nRT$$

$$\frac{3}{2}(\rho_2 V_2 - \rho_1 V_1)$$

$$\frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2}, \quad P_1 V_2 = P_2 V_1$$

$$\frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{2}$$

$$\frac{C_{23}}{C_{13}} = \frac{3}{2} \cdot \frac{2}{5} = 0,6$$

+ $\frac{3}{2} \cdot \frac{(P_2 V_2 - P_1 V_1)2}{(P_2 V_2 + P_1 V_1)} = 4$ Minuten (d)

$$\eta = \frac{A_{\alpha}}{Q_{\text{ext}}} = \frac{\text{fach A}}{Q_{12} + Q_{23} + Q_{31}} = \frac{A}{A_{12} + \frac{3}{2} 2R_A T} = \frac{(p_2 - p_1)(V_2 - V_1)}{2 \cdot \left(\frac{4}{3} R_A \frac{(V_2 - V_1)}{T} \right) \frac{3}{2}}$$

$$= P_{\alpha}V_{\alpha} - P_{\beta}V_{\beta} - \eta_1 V_1 + \eta_2 V_2$$

$$\frac{mc_1^2}{2} + q\cancel{f}_1 = \frac{mc_1^2}{2} \quad C_{31} = \frac{Q}{\sqrt{\Delta T}} = \frac{PSU}{\sqrt{\Delta T}}$$

N3

4

20

0,2 d

$$\frac{g}{m} = \gamma$$

$$g/\delta P + \frac{mgh^2}{2}$$

1

$$U = ?$$

20 - ?

$$U = Ed = \frac{mv^2}{2qB}.$$

$$U_1 = \frac{qad}{2} + \frac{3}{2}Ed$$

$$\overline{F} = \overline{g}$$

$$EgT = mc_1$$

$$T = \frac{mgh}{Fg} = \frac{mg(1.6\text{ m})}{9.81 \cdot 10^3 \text{ N}} =$$

$$\frac{mL_1}{1,6\text{ dq}}$$

$$T = \frac{mv_i^2 \cos \theta}{mg}$$

N4.

$$\mathcal{E} = 3V$$

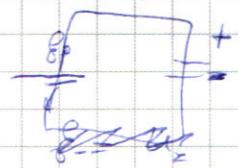
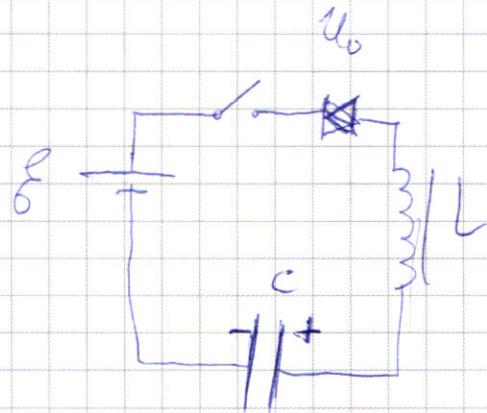
$$C = 20 \mu\text{F}$$

$$U_1 = 6V$$

$$L = 0.2 \text{ H}$$

$$U_0 = 10$$

$$\frac{dI}{dt} = ?$$



$$\mathcal{E} - U_0 = 0$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{\mathcal{E} - U_0 + \frac{L dI}{dt}}{L}$$

~~$\frac{dI}{dt}$~~ $\frac{dI}{dt}$

$$\mathcal{E} - U_0 + \frac{L dI}{dt} = 0$$

$$I_{max} \Leftrightarrow U_0 = 0$$

~~$\frac{dI}{dt}$~~

$$\frac{dI}{dt} = \frac{U_0 - \mathcal{E}}{L} = 15 \text{ A/C}$$

Макс.

Мин.

N1.

$$\sqrt{600 + 441 + 2 \cdot 40 \cdot 21 \cdot \frac{36}{88}^2} =$$

$$\sqrt{21^2 + 2 \cdot 40 \cdot 21} =$$

$$\approx \sqrt{2041 + 720} \approx \sqrt{2761}$$

$$\sqrt{21^2 + 2 \cdot 40 \cdot 21} =$$

$$\begin{array}{r} 155 \\ 55 \\ \hline 205 \\ 215 \\ \hline 3025 \end{array}$$

$$\omega^2 = w \cdot q = 600 \cdot \frac{15}{205} =$$

$$60 \cdot 55 = \frac{15}{280} =$$

$$\begin{array}{r} 53 \\ \times 53 \\ \hline 2809 \end{array}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1.

$$\omega = 40 \text{ см/с}$$

$$m = 1 \text{ кг}$$

$$R = 1,7 \text{ м} = 1,7 \cdot 10^2 \text{ см}$$

$$l = 17R/15$$

$$\cos \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\cos \beta = \frac{8}{17}$$

$$\omega_k = ?$$

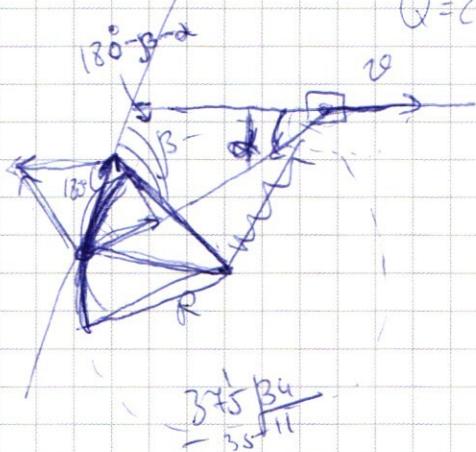
$$\omega_{\text{комм}} = ?$$

$$T = ?$$

$$\vec{\omega}_{\text{акс}} = \vec{\omega} + \vec{\omega}_{\text{комм}}$$

решение

$$v_{x,\text{комм}} = v^2 + \omega_k^2 - 2v\omega_k \cos(180^\circ - 2\beta)$$



N2.

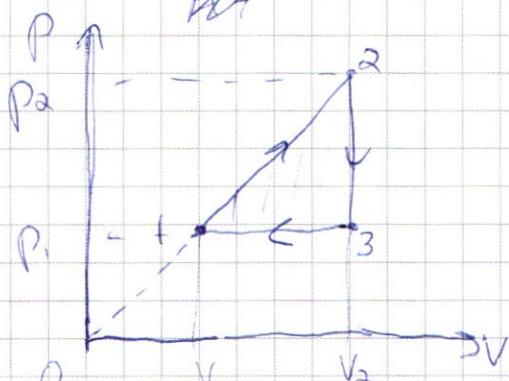
$$P = kV$$

$$i = 3$$

$$\frac{C_{D1}}{C_{D2}} = ?$$

$$1-2: \frac{Q}{A} = \frac{A + \frac{3}{2} \Delta RT}{A} = 1 + \frac{3}{2} \Delta RT$$

$$2-3: \Delta V = 0$$



$$\eta = \frac{A}{Q_+} = \frac{A}{Q_{12}} = \frac{A}{A_{12} + \frac{3}{2} \sigma R \Delta T} = \frac{A_{12}}{2((P_2 - P_1)(V_2 - V_1) + \frac{3}{2}(P_2 V_2 + P_1 V_1))} =$$

$$= \frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{P_2 V_2 - P_2 V_1 - P_1 V_2 + P_1 V_1 + 3P_2 V_2 + 3P_1 V_1}$$

~~$\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2}$~~

~~$\frac{8}{1600} \cdot \frac{3}{5}$~~

~~$\frac{8}{1600} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{3}{4}$~~

$$P_2 V_2 - P_1 V_1 = P_1 V_2$$

$$\frac{Q_{12}}{A_{12}} = 4$$

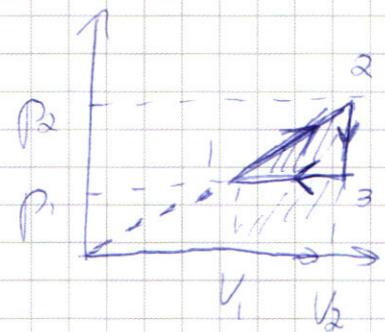
$$Q_{12} = 4 A_{12}$$

$$\eta = \frac{(P_2 - P_1)(V_2 - V_1)}{2 \cdot 4 \cdot (P_2 V_2 - P_1 V_1)} = P_2 V_2 - P_2 V_1 - P_1 V_2 + P_1 V_1$$

$$\frac{51}{255} \cdot \frac{2025}{1600} = P_1(V_2 - V_1) + A$$

$$= 2001 \eta = \frac{A}{4(P_2 V_2 - P_1 V_1) + A}$$

$$2001 \eta = \frac{2025}{25 \cdot 4} = \frac{2025}{100}$$



$$\eta = \frac{A}{4A_{12}} = 25\%$$

