

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

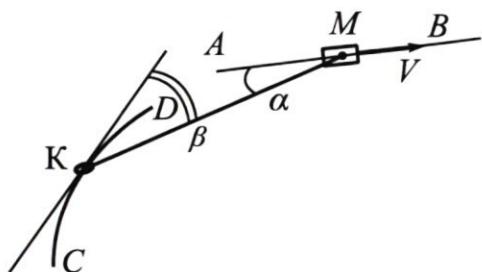
Вариант 11-01

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вло

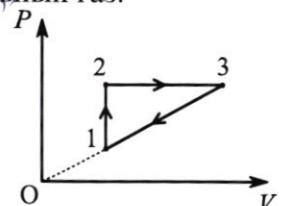
1. Муфту M двигают со скоростью $V = 68$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 0,1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,9$ м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной $l = 5R/3$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$ с направлением движения муфты и угол $\beta (\cos \beta = 4/5)$ с направлением движения кольца.

- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.



2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



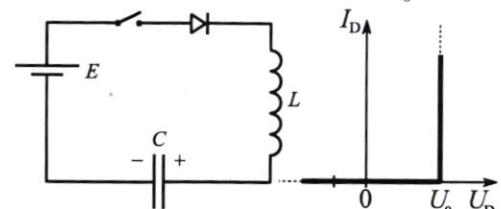
3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью S , расстояние между обкладками d ($d \ll \sqrt{S}$). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии $0,25d$ от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время T вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите скорость V_1 частицы при вылете из конденсатора.
- 2) Найдите величину Q заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью V_2 будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

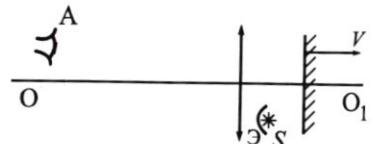
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 9$ В, конденсатор емкостью $C = 40$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 5$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,1$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $3F/4$ от оси OO_1 и на расстоянии $F/2$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

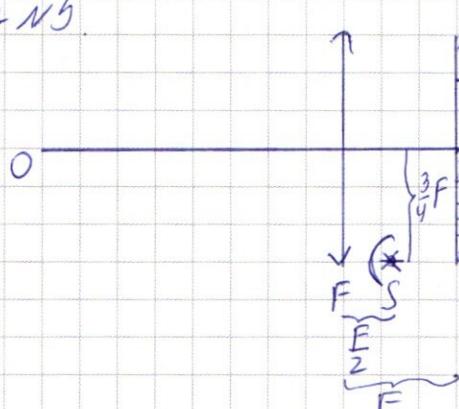
- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

11-01

Задача №5.



2) d_2 -расстояние от линзы до S^* . Из

второй построения

$$d_2 = F + f_1 = F + \frac{F}{2} = \frac{3}{2}F$$

Любое тонкой линзы:

$$\frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_2} = +\frac{1}{F} \quad (S^* \text{ действует}, f_2 > F, \text{ линза } \Rightarrow \text{выпуклый})$$

$$\frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F}; \frac{2}{3F} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{f_2} = \frac{1}{3F}; f_2 = 3F$$

Лучи от источника S первым делом пойдут в ~~зеркало~~ зеркало:

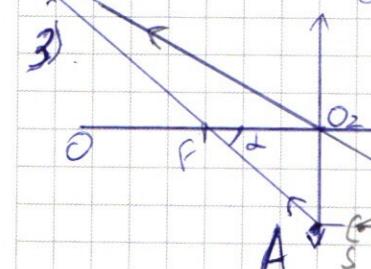
d -расстояние от S до зеркала

f_1 -расстояние S^* (l_{20S}) до зеркала.

$d = f_1$. Второй пункт МАВЕРЛУ

Из S действительного к-та S выходит лучи, отраженные S^* -действительной предмет для ~~зеркала~~ линзы.

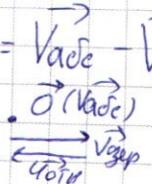
Из сб-е линзы: Скорость предмета и его изображение направлена в одну точку, в нашем случае точки A . \Rightarrow Скорость изображения направлена по прямой AB .



Продолжаем $BC \parallel OO_1 \Rightarrow$ между AB и BC угол α . Из ~~построений~~ и подобия $\angle O_2 FA = \angle CBA = \alpha$.

$\tan \alpha = \frac{O_2 A}{FO_2} = \frac{3F}{4F} = \frac{3}{4}$.
4) Установите скорости в сб-е линзы предмета и изображение совпадают. Найдем скр-р S^* из сб-е зеркала:

Переходим в CO зеркало: $V_{obj(S)} = V_{obj(S)} + V_{zep} \Rightarrow V_{obj} = V_{obj} - V_{zep}$



$$\Rightarrow |\vec{U_{OPH}}| = |\vec{V}|.$$

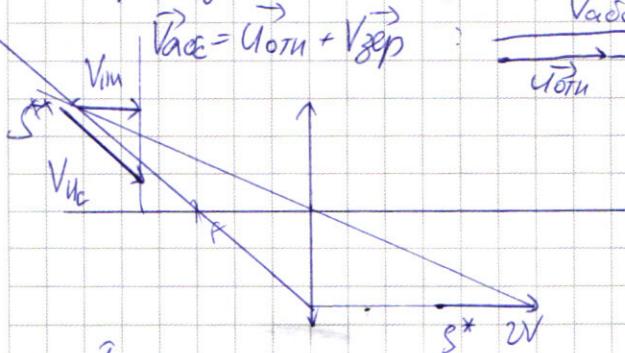
CO зеркало

$$U_{\text{отн}} \quad S^* V_{S20}$$

Из сб-в зеркала и относительности: В CO зеркала V_{U10} -ек-тб S^* в CO зеркала = $\vec{U}_{\text{отн}} = \vec{V}$.

Переходящий в CO зеркале

$$V_{\text{акс}} = U_{\text{отн}} + V_{\text{зер}} \quad \xrightarrow{\begin{array}{c} V_{\text{акс}} \\ U_{\text{отн}} \end{array}} \quad \Rightarrow V_{\text{акс}} = 2V.$$



Продольные ск-сти Из Презента относятся как P^2 . $P = \frac{f_2}{d_2} = \frac{3F}{3F} = 2$

$$V_{U11} (\text{продольная ск-ть } S^{**}) = P^2 \cdot V_{S11}^* = P^2 \cdot V_{S11} = 4 \cdot 2V = 8V.$$

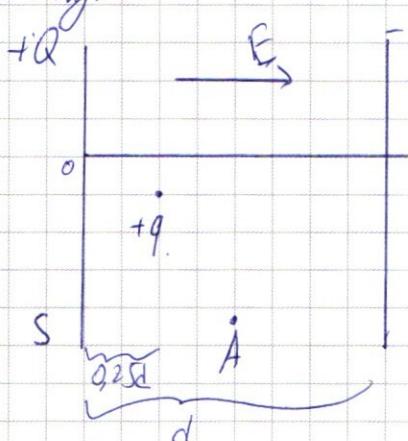
$$\text{Из построений: } V_{uc} (\text{скорость } S^{**} \text{ в симметрии}) = \frac{V_{U11}}{\cos \alpha}. \\ \tan^2 \alpha + 1 = \frac{1}{\cos^2 \alpha}; \cos \alpha = \sqrt{\frac{1}{\tan^2 \alpha + 1}} = \sqrt{\frac{1}{\frac{9}{4} + 1}} = \sqrt{\frac{16}{25}} = \frac{4}{5}.$$

$$V_{uc} = \frac{V_{U11}}{\cos \alpha} = \frac{28V}{\frac{4}{5}} \cdot 5 = 10V.$$

Ответ: 1) 3F; 2) $\tan \alpha = \frac{3}{4}$; 3) $V_{S11} = 10V$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача № 3



1). Капак из пластины формирует однородное поле, векторные суммы которых будут различаться в конденсаторе.

Вычитаем поле в т. А в проекции на ох:

$$+ \frac{Q}{2\epsilon_0 S} - \frac{-Q}{2\epsilon_0 S} = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$$

2) Расчитаем силы г-коэффициента на частицу:

$F_{\text{д}} , F_{\text{н}} = \text{сила г-коэффициента со стороны лев. поле}$.

По 2 зк Ньютона: $\vec{F} = m\vec{a}$; $\vec{F}_{\text{н}} = m\vec{a}$.

$$\text{OX: } F_x = \text{max} ; E_x \cdot q = \text{max} ; \frac{Qq}{\epsilon_0 S} = \text{max} ; \frac{Q}{\epsilon_0 S} \cdot g = a_x$$

Из-за г-коэф. видно: ускорение постоянство \Rightarrow движение равнотемперировано ускоряющее: $V_{xK} = V_{ox} + a_x t ; S_x = V_{ox} t + \frac{a_x t^2}{2}$.

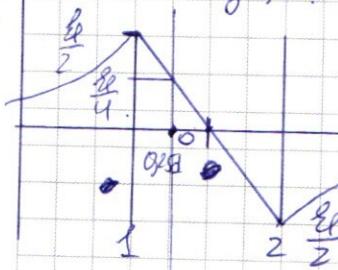
$$\begin{cases} V_{xK} = a_x \cdot T \\ t = T; S_x = 0,75d - d \text{ из условия} \end{cases}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 0,75d = \frac{a_x T^2}{2} \\ \begin{cases} V_{xK} = \frac{Q}{\epsilon_0 S} g \cdot T \\ 0,75d = \frac{Q}{\epsilon_0 S} g \cdot \frac{T^2}{2} \end{cases} \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} V_{xK} = Q \frac{g \cdot T}{\epsilon_0 S} \\ \frac{2 \cdot 0,75d \cdot \epsilon_0 S}{g \cdot T^2} = Q \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} V_{xK} = \frac{1,5d \cdot \epsilon_0 S}{g \cdot T^2} \cdot \frac{gT}{\epsilon_0 S} = \frac{1,5d}{T} \\ \frac{2 \cdot 0,75d \cdot \epsilon_0 S}{g \cdot T^2} = Q \end{array} \right.$$

$$3) Q = \frac{1,5d \cdot \epsilon_0 S}{g \cdot T^2}$$

4) ~~Видим~~ Введен $\Psi = 0$ на бесконечности \Rightarrow



Видим Ψ -разность потенциалов между конденсатором.

$$\Psi_1 - \Psi_2 = \Psi = E \cdot d = \frac{Q}{\epsilon_0 S} d$$

$$\Psi_0 = \frac{\Psi}{2} = \frac{Qd}{4\epsilon_0 S}$$

По зк Сохранение Энергии:

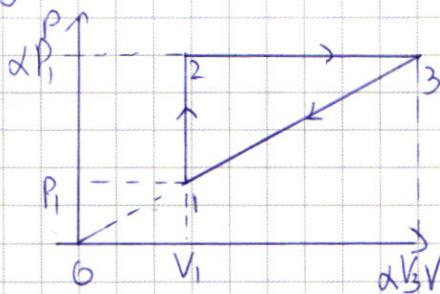
$$E_{\text{го}} = A_{\text{вне}} + E_{\text{внутр}}; A_{\text{вне}} = 0 \text{ (} F_{\text{ди}} \text{-поменяется)} \Rightarrow E_{\text{го}} = E_{\text{внутр}}$$

$$\Rightarrow \varphi_0 \cdot q = \gamma \cdot q + \frac{mV_2^2}{2}$$

$$\varphi_0 q = \frac{mV_2^2}{2} ; \frac{Qd}{4\pi OS} \cdot q = \frac{mV_2^2}{2} ; \frac{Qd}{4\pi OS} \cdot \gamma = \frac{V_2^2}{2} ; V_2^2 = \frac{Qd}{2\pi OS} \gamma = \\ = \frac{1,5d \cdot 805}{\gamma T^2} \cdot \frac{d}{2\pi OS} \gamma = \frac{1,5d^2}{2T^2}$$

$$Ответ 1) \frac{1,5d}{T} \quad 2) Q = \frac{1,5d \cdot 805}{\gamma T^2} \quad 3) \frac{1,5d^2}{2T^2}$$

Задача №2.



$$1) \dot{J}_{C_2} = \frac{Q}{\Delta T}$$

BTM в процессе 12 и 23.

$$\frac{\dot{J}_{C_{12}}}{\dot{J}_{C_{23}}} = \frac{Q_{12}}{\Delta T_{12}} \cdot \frac{\Delta T_{23}}{Q_{23}} = \frac{Q_{12} \cdot \Delta T_{23}}{Q_{23} \cdot \Delta T_{12}}$$

По 3-му насту термо: $Q = \Delta U + A$.

$$Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12} = \Delta U_{12} = \frac{3}{2} JR(T_2 - T_1)$$

$$Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23} = \frac{3}{2} JR(T_3 - T_2) + \Delta P_2 \cdot \Delta V_{13} = \frac{3}{2} JR(T_3 - T_2) + JR(T_3 - T_2) = \frac{5}{2} JR(T_3 - T_2)$$

$$\frac{\dot{J}_{C_{12}}}{\dot{J}_{C_{23}}} = \frac{\frac{3}{2} JR(T_2 - T_1) \cdot (T_3 - T_2)}{\frac{5}{2} JR(T_3 - T_2)(T_2 - T_1)} = \frac{3}{5}$$

$$2) \frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{\Delta U_{23} + A_{23}}{A_{23}} = \frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} + 1 = \frac{\frac{3}{2} JR(T_3 - T_2)}{P_2 \cdot \Delta V_{23}} + 1 = \frac{\frac{3}{2} JR(T_3 - T_2)}{JR(T_3 - T_2)} + 1 = \frac{5}{2}$$

3). Запишем УР-мережевого касання для состояний 1,2 и 3

$$\begin{aligned} P_1 V_1 &= JR T_1 \\ \Delta P_1 V_1 &= JR T_2 \\ \Delta^2 P_1 V_1 &= JR T_3 \end{aligned} \quad \left| \begin{array}{l} T_2 = \alpha T_1 \\ T_3 = \alpha^2 T_1 \end{array} \right.$$

По условию в 3-1 $P_1 \sim V_1 \Rightarrow \frac{P_1}{V_1} = \frac{\Delta P_3}{\Delta V_3} = \frac{\Delta P_1}{\Delta V_1}$

$$\eta = \frac{A_{12} + A_{23} + A_{31}}{Q_1} = \frac{A_{12} + A_{23} + A_{31}}{Q_{12} + Q_{23}}$$

$$A_{12} = 0 \text{ (УР-с изотермами)}$$

$$A_{23} = \Delta P_1 \cdot (V_3 - V_2) \Rightarrow \Delta P_1 (\Delta V_1 - V_1) = \Delta P_1 V_1 (\alpha - 1)$$

~~$$A_{31} = \Delta P_1 \cdot (V_1 - V_3) = \Delta P_1 V_1 (\alpha^2 - 1)$$~~

$$A_{31} = \frac{P_3 + P_1}{2} (V_1 - V_3) = P_1 \frac{\alpha^2 + 1}{2} V_1 (1 - \alpha) = P_1 V_1 \frac{1 - \alpha^2}{2}$$

$$Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12} = \Delta U_{12} = \frac{3}{2} JR(T_2 - T_1) = \frac{3}{2} JR T_1 (\alpha - 1) = \frac{3}{2} P_1 V_1 (\alpha - 1)$$

$$Q_{23} = A_{23} + \Delta U_{23} = \Delta U_{23} = \frac{3}{2} JR(T_3 - T_2) = \frac{5}{2} JR(T_3 - T_2) = \frac{5}{2} JR T_2 (\alpha^2 - 1) = \frac{5}{2} P_1 V_1 \alpha^2 (\alpha^2 - 1)$$

$$Q_{31} = A_{31} = \frac{5}{2} P_1 V_1 \alpha^2 (\alpha^2 - 1)$$

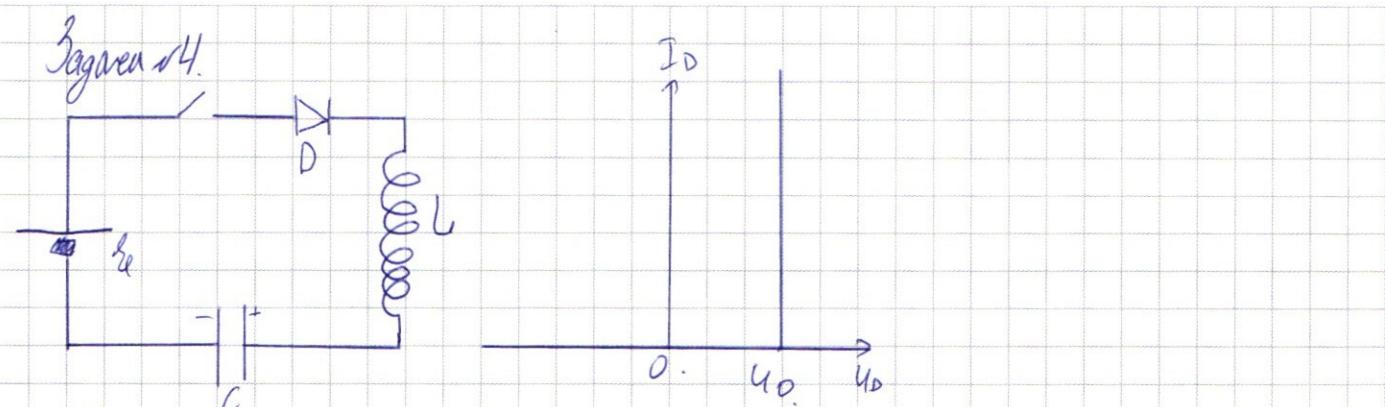
$$\begin{aligned} \eta &= \frac{A_{12} + A_{23} + A_{31}}{Q_1} = \frac{\frac{3}{2} P_1 V_1 (\alpha - 1) + \frac{5}{2} P_1 V_1 \alpha^2 (\alpha^2 - 1)}{\frac{3}{2} P_1 V_1 (\alpha - 1) + \frac{5}{2} P_1 V_1 \alpha^2 (\alpha^2 - 1)} = \frac{\alpha - 1 + \frac{5}{3} \alpha^2 (\alpha^2 - 1)}{\alpha - 1 + \frac{5}{3} \alpha^2 (\alpha^2 - 1)} \\ &= \frac{3\alpha^2 - 3 + 15\alpha^4 - 5\alpha^2}{3\alpha^2 - 3 + 5\alpha^4 - 5\alpha^2} = \frac{2\alpha^2 - 2\alpha + 1 - \alpha^2}{3\alpha^2 - 3 + 5\alpha^4 - 5\alpha^2} = \\ &= \frac{\alpha^2 - 2\alpha + 1}{5\alpha^4 - 2\alpha^2 - 3} \end{aligned}$$

$$\text{При } \eta = 0, \text{ решаем получившееся уравнение}$$

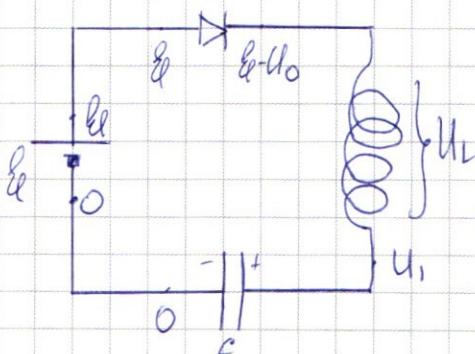
$$(3\alpha^2 - 3 + 15\alpha^4 - 5\alpha^2) \cdot 5 = 0$$

$$= \frac{5}{2} P_1 V_1 \alpha^2 (\alpha^2 - 1)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1) Сформулируйте уравнение для тока при замыкании ключа S .



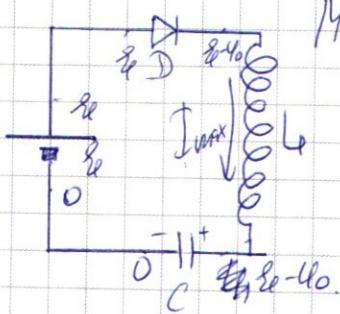
Воспользовавшись методом узловых потенциалов.

Линейное изменение тока по узловой структуре: $U_L = E - U_0 - U_1$

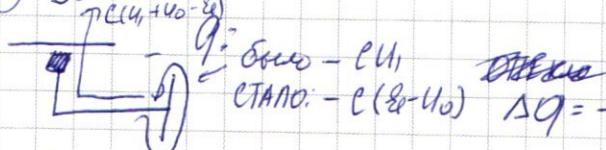
$$U_L = L \cdot I'_L(0) \Rightarrow L \cdot I'_L(0) = E - U_0 - U_1$$

$$I'_L(0) = \frac{E - U_0 - U_1}{L} = \frac{9 - 1 - 5}{0,2} = \frac{3}{0,2} = 15$$

2). Если $I = I_{max} \Rightarrow I'_L = 0$; Тогда $U_L = L \cdot I'_L$, при $I_L = I_{max}$ ($I_L = I$ в задаче) $\Rightarrow U_L = 0$.



Метод узловых потенциалов



$$\Delta Q = -eE + eU_0 + eU_1 = C(U_1 + U_0 - E)$$

$$\Delta Q = 0 \Rightarrow \text{оттекают}$$

Задача №5:

$$\Delta \sigma = \Delta W + Q, R = 0 \Rightarrow Q = 0$$

$$\Delta \sigma = \Delta W$$

$$\Delta \sigma = (W_{ek} + W_{lk}) - (W_{co} + W_{lo}), \text{ где } W_{ek} \text{ и } W_{lk} - \text{ энергии в расстояниях между частицами}$$

$$+ E_0 \cdot \frac{1}{2} (U_1 + U_0 - E) = \frac{C \cdot (E - U_0)^2}{2} + \frac{L I_{max}^2}{2} - \frac{B \cdot H^2}{2} = 0.$$

, где W_{co} и W_{lo} - энергии в то-

$$9 \cdot 10 \cdot 10^{-6} (5 + 1 - 9) = \frac{40 \cdot 10^{-6}}{2} \cdot (9 - 1)^2 + \frac{0.1}{2} \cdot I_{max}^2 - \frac{40 \cdot 10^{-6}}{2} \cdot 5^2.$$

$$g \cdot 4 \cdot 10^{-5} \cdot 3 = 2 \cdot 10^5 \cdot 64 + 5 \cdot 10^{-2} I_{\max}^2 \Rightarrow -2 \cdot 10^5 \cdot 25$$

$$108 \cdot 10^{-5} = 128 \cdot 10^{-5} - 50 \cdot 10^{-5} + 5 \cdot 10^{-2} I_{\max}^2$$

$$-20 \cdot 10^{-5} = -50 \cdot 10^{-5} + 5 \cdot 10^{-2} I_{\max}^2$$

$$30 \cdot 10^{-5} = 8 \cdot 10^{-2} I_{\max}^2$$

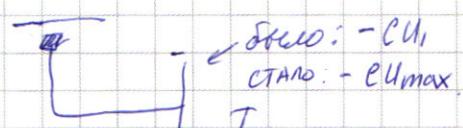
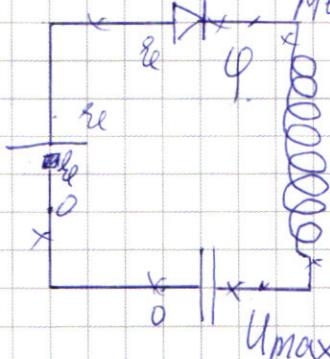
$$6 \cdot 10^{-3} = I_{\max}^2$$

$$I_{\max} = \sqrt{\frac{6}{1000}} = \sqrt{\frac{3}{500}}$$

3) Помехами в цепи являются, из-за этого

Нарушает цепь в момент I_{\max} , $\Delta U = C U_{\max}$; $I_c = C U_{\max} \Rightarrow I_c = 0 \Rightarrow I_{\text{текущий}} = 0$.

Метод узлового напряжения.



При достижении максимума $I = I_{\max}$, ток может

установиться до нуля \Rightarrow наступление этого момента $\Rightarrow U_{\max} > U_1$

$$\Delta U = -C U_{\max} + C U_1 = -C (U_{\max} - U_1) = C (U_1 - U_{\max})$$

$$\Delta U < 0 \Rightarrow A\delta > 0$$

$$3(C): A\delta = \Delta U + \Delta Q = 0 (R=0)$$

$$8e \cdot \Delta U = \frac{C U_{\max}^2}{2} - \frac{C U_1^2}{2}$$

$$8e \cdot C (U_{\max} - U_1) = \frac{C U_{\max}^2}{2} - \frac{C U_1^2}{2}$$

$$28e U_{\max} - 28e U_1 = C U_{\max}^2 - C U_1^2$$

$$28e U_{\max} - 28e U_1 = U_{\max}^2 - U_1^2$$

$$U_{\max}^2 - 28e U_{\max} + 28e U_1 - U_1^2 = 0$$

$$U_{\max}^2 - 28e U_{\max} + U_1(28e - U_1) = 0$$

Ответ 1) 392) $\sqrt{\frac{3}{500}} 3) 13_B$

$$D = \sqrt{48e^2 - 4 \cdot U_1(28e - U_1)} = \sqrt{48e^2 - 8U_1 \cdot 8e + 4U_1^2}$$

$$U_{\max} = \frac{28e \pm \sqrt{48e^2 - 8U_1 \cdot 8e + 4U_1^2}}{2} = 8e \pm \sqrt{8e^2 - 2U_1 \cdot 8e + U_1^2} = 8e \pm \sqrt{(8e - U_1)^2} =$$

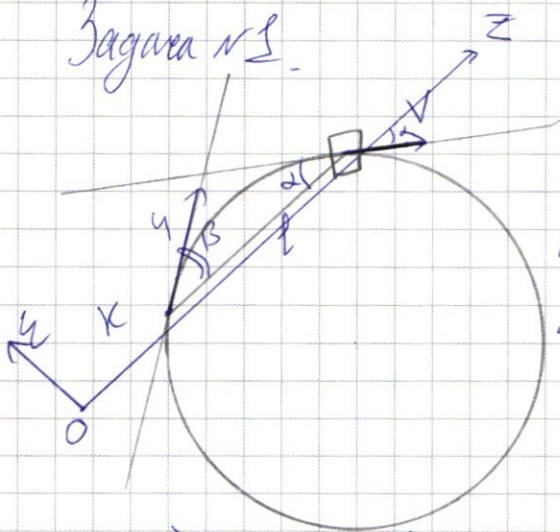
$$= 8e \pm (8e - U_1)$$

$$[U_{\max} = 8e - U_1 \Rightarrow U_{\max} - U_2 = 28e - U_1 = 2 \cdot 9 - 5 = 18 - 5 = 13_B]$$

$$U_{\max} = U_1$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №2.



V - скорость мурта
 U - скорость колеса.

1) Чему равна скорость мурта, не вспоминая формулы проекции на ось ОZ скорости мурта и колеса отдельно \Rightarrow

$$U_z = V_z, U_z = U \cos \beta, V_z = V \cos \alpha$$

$$U \cos \beta = V \cos \alpha, U = V \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 68 \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{5}{4} = 68 \cdot \frac{75}{68} = 75 \text{ см/с}$$

2) $\vec{V}_{adz} = \vec{V}_{неп} + \vec{U}_{отн}$, к сложение скоростей, где

V_{adz} - абсолютная скорость (АС), $V_{неп}$ - скорость неподвижной СО (мурта); $U_{отн}$ - скорость тела относительно подвижной CO.

Проекуруем на оси ОX и ОZ ($\angle ZOZ = 30^\circ$).

$$\text{OZ: } V_{adzZ} = V_{непZ} + U_{отнZ}$$

$$\text{OZ: } V_{adzZ} = V_{непZ} + U_{отнZ}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} U_{отнZ} = U \cos \beta - V \cos \alpha \\ U_{отнZ} = U \sin \beta - (-V \sin \alpha) \end{array} \right.$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - \left(\frac{15}{17}\right)^2} = \sqrt{\frac{64}{289}} = \frac{8}{17}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} U_{отнZ} = 60 - 60 = 0 \\ U_{отнZ} = 45 + 32 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} U_{отнZ} = 0 \\ U_{отнZ} = 77 \end{array} \right.$$

~~$$U_{отнZ} = V_{adzZ} - V_{непZ} = U \cos \beta - V \cos \alpha$$~~

~~$$U_{отнZ} = V_{adzZ} - V_{непZ} = U \sin \alpha$$~~

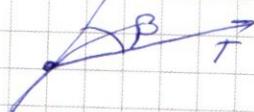
~~$$\left\{ \begin{array}{l} U_{отнZ} = 75 \cdot \frac{15}{17} - 68 \cdot \frac{15}{17} \\ U_{отнZ} = 75 \cdot \frac{4}{17} - 68 \cdot \frac{4}{17} \end{array} \right.$$~~

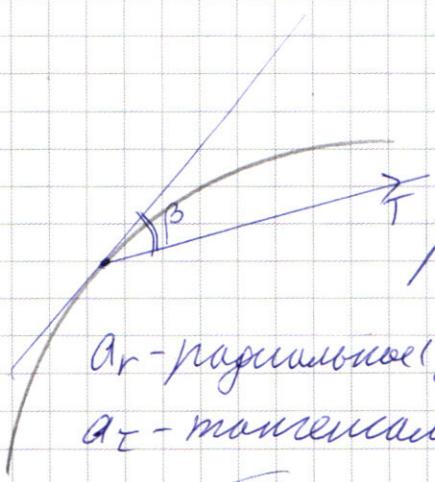
~~$$U_{отнZ} = 75 \cdot \frac{3}{17} + 68 \cdot \frac{8}{17}$$~~

$$U_{отнL} = \sqrt{U_{отнZ}^2 + U_{отнZ}^2} = \sqrt{0^2 + 77^2} =$$

$$= \sqrt{77^2} = 77.$$

3) Рассчитаем силы на колесо:

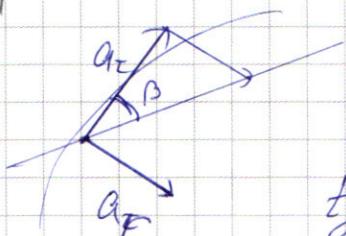




$$\vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

Маккан движение по окружности
известны два из трех величин.

a_r - радиальное (центро-стремительное ускорение)
 a_t - тангенциальное ускорение



a_r в момент哥 $U = 75 \text{ м/с}$ равна:

$$a_r = \frac{U^2}{R}$$

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{a_r}{a_t}, \quad a_t = \frac{a_r}{\operatorname{tg} \beta} = \frac{U^2}{\operatorname{tg} \beta \cdot R}$$

Проектируем силы на ось a_t :

$$T \cos \beta = m \cdot a_t$$

$$T \cdot \cos \beta = m \cdot \frac{U^2}{\operatorname{tg} \beta \cdot R}, \quad T = \frac{m U^2}{\cos \beta \cdot \operatorname{tg} \beta \cdot R} = \frac{m U^2}{\sin \beta \cdot R}$$

$$T = \frac{0,1 \cdot 775^2}{\frac{3}{5} \cdot 1,9} = \frac{0,1 \cdot 0,75^2}{\frac{3}{5} \cdot 1,9} = \frac{0,75^2}{\frac{3}{5} \cdot 1,9} = \frac{5 \cdot 0,625 \cdot 0,9}{3 \cdot 1,9} = \frac{15 \cdot 0,625}{19} = 0,46875$$

2

Ответ 1) 45 2) 773) 0,046875.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\cancel{2} \frac{(x-1)^2}{5x^2-2x-3} = \frac{2(x-1)x(5x^2-2x-3) - (x-1)^2(10x-2)}{\cancel{2} \cancel{x} \cancel{(5x^2-2x-3)}} = 0.$$

$$2x(x-1)(5x^2-2x-3) - (x-1)^2(10x-2) = 0$$

$$2x(5x^2-2x-3) - (x-1)(10x-2)$$

$$10x^3 - 4x^2 - 6x - 10x^2 + 2x + 10x - 2 = 0$$

$$10x^3 - 14x^2 + 6x - 2 = 0$$

$$\begin{array}{r|rrr} & 10 & -14 & +6 \\ \hline 5 & 10 & -4 & 2 \\ & & & 0 \end{array}$$

$$10x^2 - 4x + 2 = 0$$

$$5x^2 - 2x + 1 = 0$$

$$D = \sqrt{4 - 4 \cdot 5} = \underline{\underline{0}}$$

$$\cancel{\begin{aligned} & -10x^3 + 14x^2 + 6x \\ & -10x^3 - 10x^2 \\ & \hline & -4x^2 + 6x \\ & -4x^2 + 4x \\ & \hline & 2x \\ & 10x - 2 \end{aligned}}$$

$$(10x^2 - 4x + 2)(x - 1) = 0$$

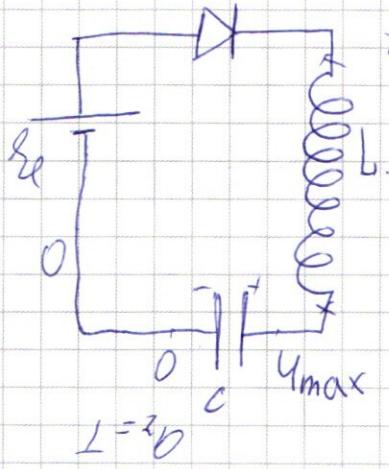
$$D = \sqrt{16 - 4 \cdot 10 \cdot 2}$$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$U_{max} - U_1 = \frac{U_0}{R_0 + L} \cdot C \cdot t$$

$$2\pi f (U_{max} - U_1) = \frac{U_{max}^2}{2} - \frac{U_1^2}{2}$$

$$2\pi f (U_{max} - U_1) = \frac{U_{max}^2}{2} - \frac{U_1^2}{2}$$

$$U_{max}^2 - 2\pi f (U_{max} - U_1) - U_1^2 = 0$$

$$U_{max}^2 - 2\pi f U_{max} + U_1 (2\pi f - U_1) = 0$$

$$U_1 = \frac{4\pi^2 f^2 - U_1^2 - U_1 (2\pi f - U_1)}{2}$$

$$= \frac{-4\pi^2 f^2 - 2\pi f U_1 + U_1^2}{2}$$

$$U_1 = \frac{2\pi f \pm \sqrt{4\pi^2 f^2 - 8\pi f U_1 + U_1^2}}{2}$$

$$U_1 = \frac{\sqrt{4\pi^2 f^2 - 8\pi f U_1 + U_1^2}}{2}$$

$$U_1 = (U_0 - U_1)$$

$$U_1 = (2\pi f - U_1)$$

$$\frac{2\pi f - U_1}{2\pi f + U_1}$$

$$\frac{625}{25} +$$

$$625 - 25$$

$$0.4 < 0$$

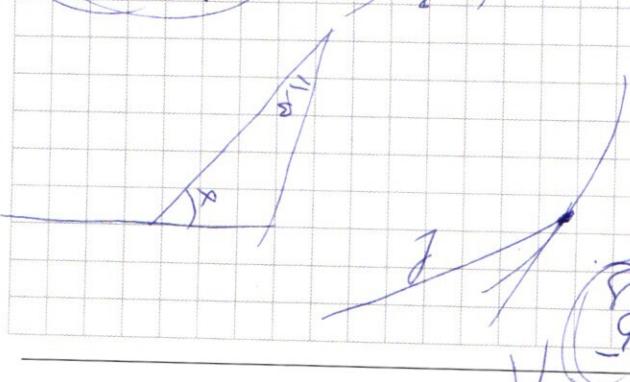
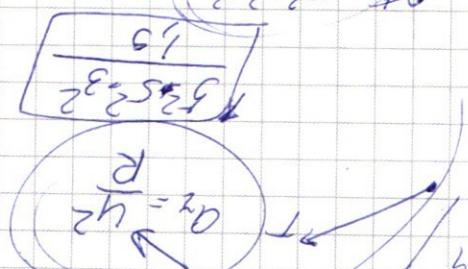
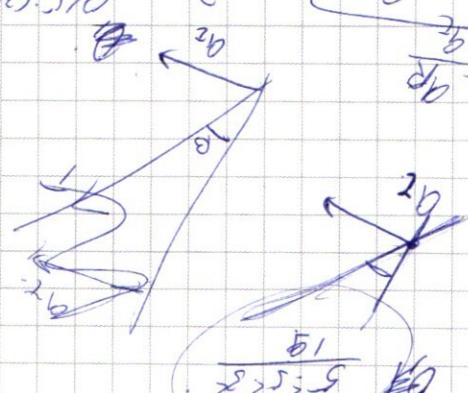
$$A_{max} > 0$$

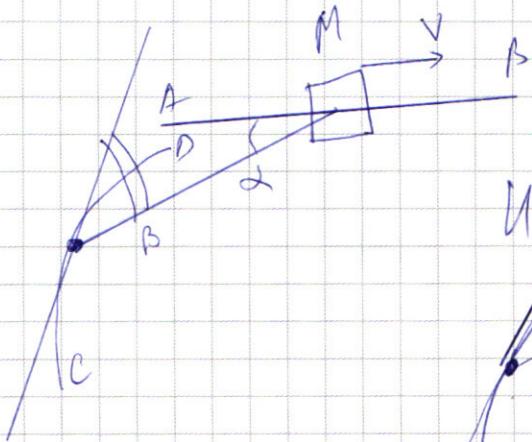
$$C = \frac{\left(\sum P_2 - \sum P_1 \right)}{(2 - \lambda) - (1 - \lambda)}$$

$$\frac{\sum P_2 - \sum P_1}{2(1 - \lambda)}$$

$$\frac{\sum P_2 - \sum P_1}{1 + \sum P_2 - \sum P_1}$$

$$(q+b)^2 = q^2 + 2qb + b^2$$





$$U \cos \beta = V \cos \alpha$$

$$25 \cdot \frac{U}{R} = 60$$

$$15 \cdot \frac{U}{R} = 60$$

$$q_y = \frac{U^2}{R}$$

17
28
51
68

$$EF_R = m \frac{U^2}{R}$$

$$N + T \sin \beta = \frac{m U^2}{R}$$

$$T \sin \beta = \frac{m U^2}{R} - N$$

$$T = \frac{m U^2}{R \sin \beta} - \frac{N}{\sin \beta}$$

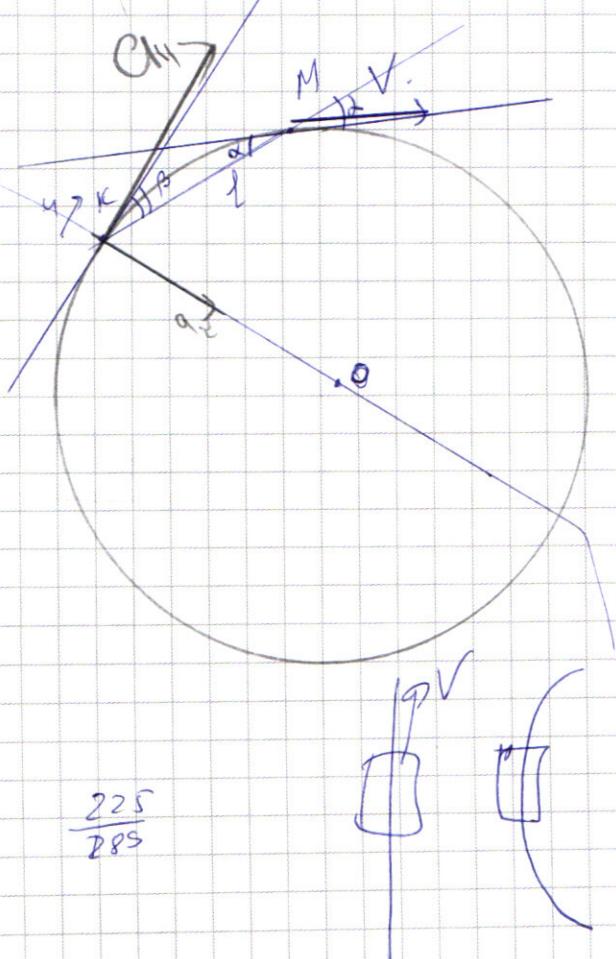
$$40 + 28 = 68$$

$$\frac{U^2}{R} = a_n$$

$$U \cos \beta = V \cos \alpha$$

$$U = V \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = V \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{5}{4} =$$

$$= \frac{175}{68} = 75 \text{ м/с}$$



$$\frac{225}{289}$$

$$V_{отнz} = V_{дez} - V_{нepz}$$

$$V_{отнz} = V_{дeΣ} - V_{нepΣ}$$

$$\cancel{V_{адe}} = \cancel{V_{отn}} + \cancel{V_{отn}}$$

$$V_{адe} = V_{отn} + V_{отn}$$

черновик чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

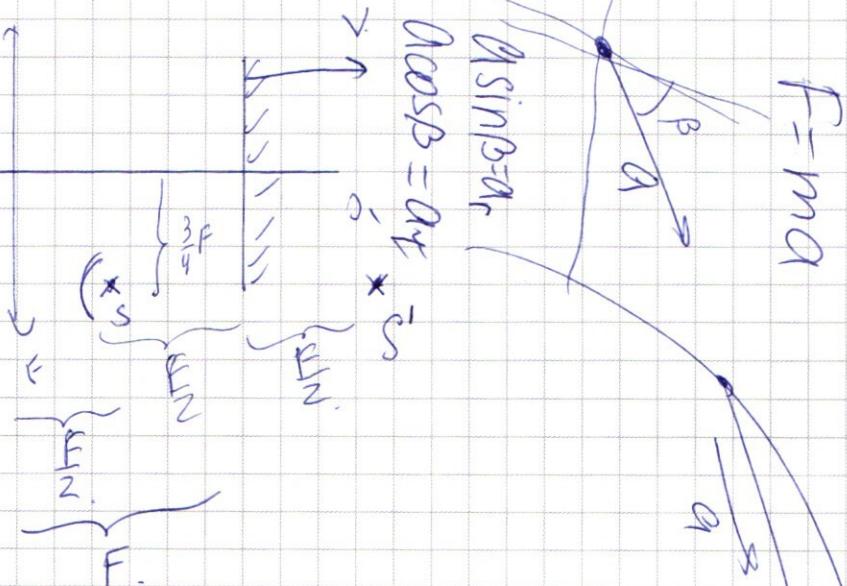
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

n 5

F

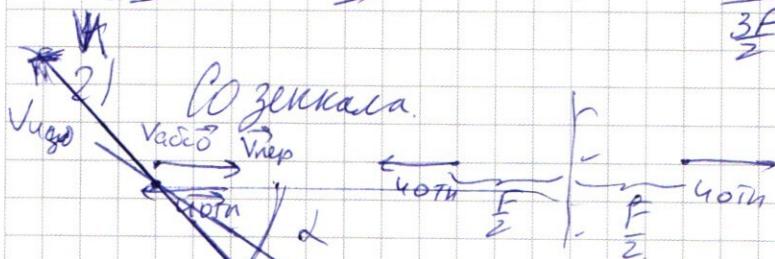
0

F



1) Случай отражение от зеркала:

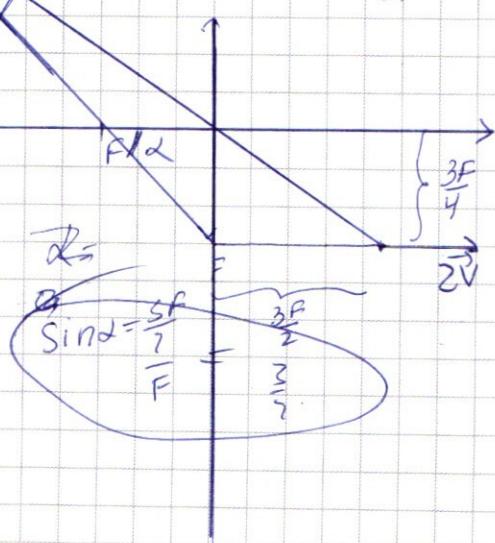
$$d_1 = F + \frac{F}{2} = \frac{3F}{2}, \quad f_1 = \frac{d_1 - F}{d_1 + F} = \frac{\frac{3F}{2} - F}{\frac{3F}{2} + F} = \frac{F}{5F} = \frac{1}{5}$$



Со зеркалом

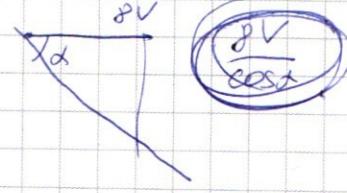
$$T_{\text{спир}} = \frac{mv^2}{2} = \frac{mV^2}{2} = \frac{mV^2}{2 \cdot \frac{1}{2} V^2} = \frac{m}{2}$$

Со зеркалом: 2V



$$3) P = \frac{F}{d_F} = \frac{F}{\frac{3F}{4}} = \frac{4}{3}$$

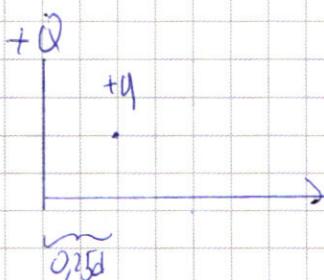
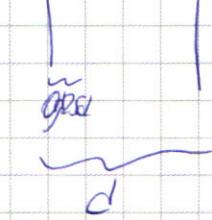
$$V_{\text{нр}} = P^2 \cdot 2V = 8V$$



$$\frac{0.5 \cdot 15^2}{2 \cdot \frac{1}{2} \cdot 15^2} = \frac{0.5 \cdot 15^2}{15^2} = \frac{0.5}{2} = 0.25$$

№3 $S = d \cdot \cos \beta$

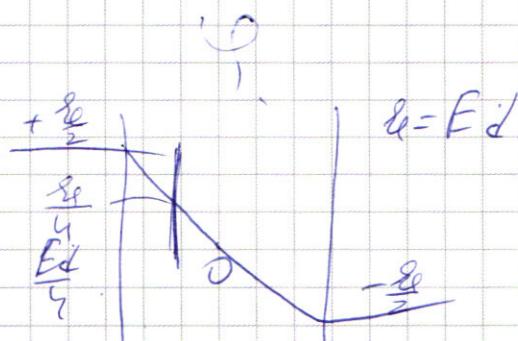
$$+ | - | T, \frac{q}{m} = f.$$



$$\Phi_0 \cdot q = \frac{m \cdot V^2}{2}$$

$$\frac{Ed}{4} q = mV$$

ΔH



$$F = ma \\ \frac{Qa}{eos} = m \cdot a$$

$$E = \frac{Q}{eos} \quad (\frac{Q}{eos} \cdot f = a)$$

$$V_i = V_0 + a t$$

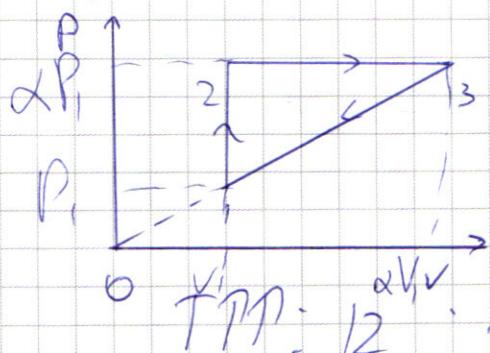
$$V_i = aT = \frac{Q}{eos} f \cdot T$$

$$S = \frac{qT^2}{2}$$

$$S = \frac{Q}{eos} f \cdot \frac{T^2}{2}$$

$$0,75d = \frac{Q}{eos} f \cdot \frac{T^2}{2}$$

№2.



$$\frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{A_{12}}{\delta R \Delta T_{12}} \cdot \frac{\delta R \Delta T_{23}}{A_{23}} = \frac{Q_{12}}{Q_{23}} \cdot \frac{\delta T_{23}}{\delta T_{12}} = \frac{\delta U_{12} \cdot \delta T_{23}}{\delta J R \delta T_{12} \cdot \delta T_{12}}$$

$$A_{23} = P \cdot \delta V_3 = \delta R \delta T_{23}$$

$$\frac{\delta J R \delta T_{12}}{\delta J R \delta T_{12} \cdot \delta T_{12}} = \frac{3}{2} \cdot \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$

$$\delta U_{12} = \frac{3}{2} \delta T_{12}, \quad \frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{\delta J R \delta T_{23}}{\delta R \delta T_{23}} = \frac{5}{2}$$

$$\eta = \frac{A_{\text{useful}}}{Q_1} = \frac{A_{12} + A_{23} + A_{31}}{Q_1 + Q_{23}} = \frac{A_{23} + A_{31}}{\delta U_{12} + A_{23} + \delta U_{23}} = \frac{\delta J R \delta T_{23} + A_{31}}{\delta J R \delta T_{12} + \delta J R \delta T_{23}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\eta = \frac{A_g}{Q_f} = \frac{A_{12} + A_{23} + A_{31}}{Q_f} = \frac{\cancel{\Theta} \cancel{P} \cancel{V} +}{Q_f} \frac{A_{23} + A_{31}}{Q_{12} + Q_{23}}$$

0.25 0.075 · 0.625.

$$\Delta U_{12} + \frac{5}{2} JR \Delta T_{23}$$

$$| \frac{3}{2} JR \Delta T_{12} + \frac{5}{2} JR \Delta T_{23} |$$

$$A_{23} = \alpha P_i (\lambda V_i - V_i) = \alpha P_i V_i (\lambda - 1)$$

$$A_{31} = \frac{P_3 + P_1}{2} (V_i - \lambda V_i) = -\frac{\alpha P_i + P_i}{2} (V_i - \lambda V_i) =$$

$$P_i V_i \left(\frac{\lambda + 1}{2} - (1 - \lambda) \right) = -\frac{P_i V_i \frac{1 - \lambda^2}{2}}{Q_{12} + Q_{23}}$$

$$A_{23} = \alpha P_i V_i (\lambda - 1)$$

$$A_{31} = P_i V_i \frac{1 - \lambda^2}{2}$$

$$\frac{\alpha P_i V_i (\lambda - 1) + P_i V_i \frac{1 - \lambda^2}{2}}{Q_{12} + Q_{23}} =$$

$$= \frac{P_i V_i (\lambda (\lambda - 1) + \frac{1 - \lambda^2}{2})}{\frac{3}{2} \alpha P_i V_i (\lambda - 1) + \frac{5}{2} \alpha V_i (\lambda - 1)}$$

$$\frac{\lambda^2 - \lambda + \frac{1 - \lambda^2}{2}}{\frac{3}{2} \lambda - \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \lambda^2 - \frac{5}{2} \lambda} = \frac{\lambda^2 - \lambda + \frac{1 - \lambda^2}{2}}{\frac{5}{2} \lambda^2 - \lambda - \frac{3}{2}} =$$

$$= \frac{2\lambda^2 - 2\lambda + (1 - \lambda^2)}{5\lambda^2 - 2\lambda - 3} = \frac{2\lambda^2 - 2\lambda + 1}{5\lambda^2 - 2\lambda - 3}$$

$$\frac{2\lambda - 2}{10\lambda - 2} = 0 \quad \lambda = 1$$

$$\text{Реш. } \frac{1 - 2\lambda + 1}{5 - 2 - 3} = \frac{0}{0}$$

$$Q_{12} = \Delta U_{12} = \frac{3}{2} JR \Delta T_{12}$$

$$\Delta V_i = JR \Delta T_i$$

$$\Delta P_i V_i = JR T_2$$

$$\lambda^2 \Delta P_i V_i = JR T_3$$

$$\frac{3}{2} JR (T_2 - T_1) =$$

$$\frac{3}{2} JRT_1 (\lambda - 1) =$$

$$\frac{5}{2} JR (T_3 - T_2) = \frac{5}{2} P_i V_i$$

$$\frac{5}{2} JR (\lambda^2 - \lambda) = \frac{5}{2} JRT_2 (\lambda - 1)$$



чертёжник

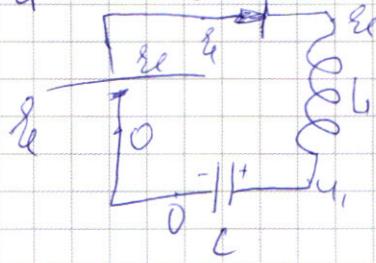
чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №

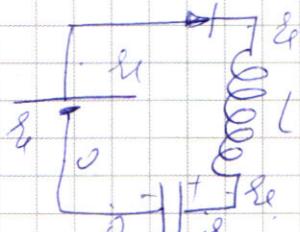
(Нумеровать только чистовики)

$$E = 9 \quad C = 40 \cdot 10^{-6} \quad U_1 = 5 \quad L = 0.1 \quad U_0 = 1$$



$$U_L = L I' = \frac{E - U_1}{I'} = \frac{E - U_1}{L}$$

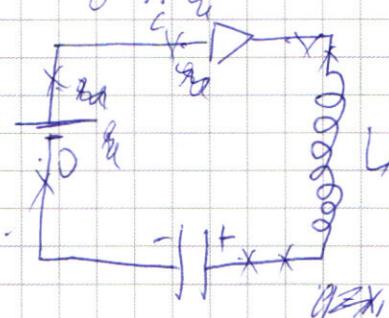
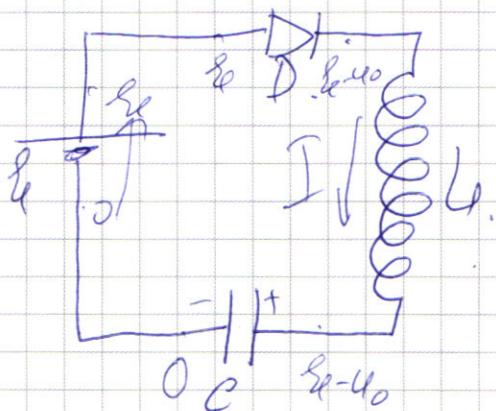
$$\text{if } I_{max} \Rightarrow I'_L = 0 \Rightarrow$$



$$E = U_0 + U_L + U_C$$

$$L I'_L + \frac{q}{C} + U_0 = E$$

$$I_{max} \Rightarrow I'_L = 0 \Rightarrow$$



$$L q'' + \frac{q}{C} + U_0 - E = 0$$

$$q'' + \frac{a}{LC} + \frac{U_0 - E}{L} = 0$$

$$q'' + \frac{a}{LC} = \frac{E - U_0}{L}$$

$$x_1 - w^2 = \frac{E - U_0}{L}$$

$$x_1 - \frac{1}{LC} = \frac{E - U_0}{K}$$

$$x_1 = C(E - U_0)$$

$$-0.680 - C(8U_1) = -5C$$

$$\text{then: } -C(8E - 4U_0) = -8C \quad q = x_1 + A \sin \omega t + B \cos \omega t.$$

$$-8 \quad -3C \quad q(0) = 0 \quad q' = \omega A \cos \omega t - \omega B \sin \omega t.$$

$$-0.680 \quad -8E + C(U_0 + Cx_1) = q = x_1 + B \cos \omega t - q(0) = 0.680 - 8E + B$$

$$9 \cdot 4 \cdot 10^{-5} - 3 \cdot 10^{-5} = 2 \cdot 10^{-5} - 64 + 0.05 I_{max} \quad = -3C + C + 5 = -4C + C = -3C.$$

$$108 \cdot 10^{-5} = 128 \cdot 10^{-5} - 50 \cdot 10^{-5} + 5 \cdot 10^{-2} I_{max} \quad 2 \cdot 20 \cdot 10^{-5} \cdot 25.$$

$$q(0) = CU_1$$

$$(U_1 = E - U_0) + B$$

$$30 \cdot 10^{-5} - 5 \cdot 10^{-2} I_{max}^2$$

$$30 \cdot 10^{-5}$$

$$q(0) =$$

$$B(U_1 + U_0 - E) = B$$

$$\sqrt{\frac{3}{5} \cdot 10^{-2}} = I_{max}$$

$$300$$

$$q(0)$$

$$q = C(E - U_0) + C(U_1 + U_0 - E) - \cos \omega t +$$

$$\frac{12}{108}$$

$$30 \cdot 10^{-5} - 8 \cdot 10^{-2} I_{max}^2$$

$$30 \cdot 10^{-3} = 5 \cdot 10^{-2} I_{max} \quad \text{max} \quad \text{ура!} \quad \text{если } C_0 - C_0 + C_1 + C_0 - C_0 \\ \text{если } C_1$$

$$6 \cdot 10^{-5}$$

$$\sqrt{\frac{3}{5} \cdot 10^{-2}} = 5 I_{max}^2$$

$$\frac{3}{500}$$

$$6 \cdot$$



чертёжник

(Поставьте галочку в нужном поле)

чистовик

Страница №

(Нумеровать только чистовики)