

# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

## Вариант 11-08

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

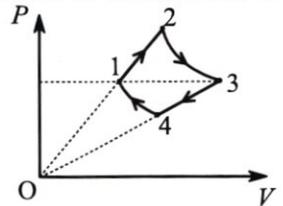
1. Шарик подвешен в поле тяжести на легкой упругой пружине с неизвестной жесткостью. Шарик поднимают вверх до положения, когда пружина не деформирована, и отпускают. При дальнейшем движении шарика вдоль вертикали в некоторые моменты времени силы, действующие на шарик со стороны пружины, отличаются в 4 раза, а модули ускорений равны.

- 1) Найти модуль ускорения в эти моменты.
- 2) Найти отношение кинетических энергий шарика в эти моменты.
- 3) Найти отношение максимальной энергии деформации пружины к максимальной кинетической энергии шарика.

2. Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой  $T_1$  расширяется в процессе 1-2 прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$ . Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2-3, сжимается в процессе 3-4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4-1. В процессе 3-4 давление газа уменьшается в  $k = 1,7$  раза.

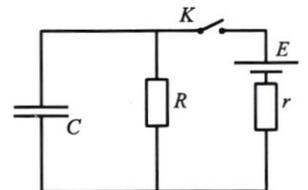
Давления газа в состояниях 1 и 3 равны.

- 1) Найти температуру газа в процессе 2-3.
- 2) Найти отношение объемов газа в состояниях 2 и 4.
- 3) Найти молярную теплоемкость газа в процессе 3-4.



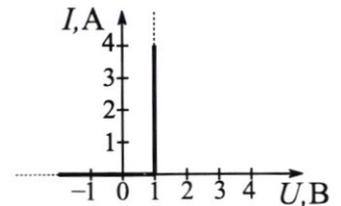
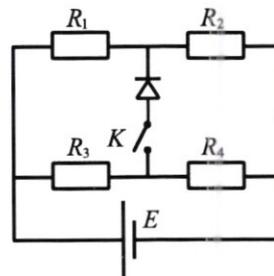
3. В электрической цепи (см. рис.) все элементы идеальные, конденсатор не заряжен. Величины  $E, R, C$  известны,  $r = 4R$ . Ключ  $K$  на некоторое время замыкают, а затем размыкают, когда скорость роста энергии конденсатора максимальна.

- 1) Найти ток, текущий через резистор  $R$ , сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти напряжение на конденсаторе сразу после размыкания ключа.
- 3) Найти максимальную скорость роста энергии, запасаемой конденсатором.



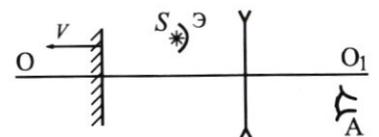
4. В цепи используется мостовая схема (см. рис.). ЭДС идеального источника  $E = 10$  В,  $R_1 = 5$  Ом,  $R_2 = 5$  Ом,  $R_4 = 15$  Ом. Вольтамперная характеристика диода показана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В.

- 1) Найти ток через резистор  $R_1$  при разомкнутом ключе  $K$ .
- 2) При каких значениях  $R_3$  ток потечет через диод при замкнутом ключе  $K$ ?
- 3) При каком значении  $R_3$  мощность тепловых потерь на диоде будет равна  $P_D = 0,8$  Вт?



5. Оптическая система состоит из тонкой рассеивающей линзы с фокусным расстоянием  $-F$  ( $F > 0$ ), плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси линзы  $OO_1$ . Источник  $S$  находится на расстоянии  $8F/15$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии  $F/3$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $11F/18$  от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель  $A$  сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

**N2**  
Дано  
 $T_1 = T_3$   
1-2:  $p \sim V$   
2-3:  $T = \text{const}$   
3-4:  $p \sim V^2$   
4-1:  $T = \text{const}$   
 $\frac{p_2}{p_4} = k$   
 $p_1 = p_3$   
 $T_2 = ?$   
 $V_2 = ?$   
 $C_{34} = ?$

**Решение**  
используем  $p_1 = p_2 = p_3$  так как в процессе 1-2  $p \sim V$ , то  $\frac{p_1}{p_2} = \frac{V_2}{V_1} = k$   
так как в процессе 2-3  $T = \text{const}$  по 3-й зак.  $p_0 V_3 = k^2 p_0 V_0$ ,  
значит  $V_3 = k^2 V_0$   
так как в процессе 3-4  $p \sim V^2$ , то  $\frac{p_3}{p_4} = \frac{V_3^2}{V_4^2} = k \Rightarrow$   
 $V_4 = \frac{V_3}{k} = \frac{k^2 V_0}{k}$   
так как в процессе 4-1  $T = \text{const}$ , то по 3-й зак.  $p_0 V_4 = p_1 \frac{V_1}{k} \Rightarrow \frac{p_0}{p_4} = \frac{k^2}{k}$   
и  $k = 1,7$  и  $p_4 = \frac{p_0}{1,7}$   
и так как  $p_3 = p_0$   $\frac{p_3}{p_4} = k \Rightarrow k^2 = k \Rightarrow k = 1,7$  и  $V_2 = V_4$   
уравн. идеального газа  
 $\begin{cases} p_0 V_0 = \nu R T_1 \\ k^2 p_0 V_0 = \nu R T_2 \end{cases} \Rightarrow k^2 T_1 = T_2 \Rightarrow T_2 = 2,89 T_1$   
так как процессы 4-1 и 2-3 изотермические  $T_4 = T_1$   $T_3 = T_2$   
так как процесс 3-4 обратный процессу 4-3  $Q_{34} = A_{34} + \Delta U_{34}$   $A_{34} = \frac{p_0 V_0 + p_4 V_4}{2} \cdot (V_0 - k^2 V_0) =$   
 $= \frac{p_0 V_0 (1+k^2)}{2} V_0 (1-k) = -\frac{1}{2} p_0 V_0 (k^2 - 1)$   $\Delta U_{34} = \frac{3}{2} (p_0 V_0 - k^2 p_0 V_0) = -\frac{3}{2} p_0 V_0 (k^2 - 1)$   
 $Q_{34} = C_{34} \nu (T_4 - T_3) = C_{34} \nu (T_1 - T_2) = -\frac{1}{2} p_0 V_0 (k^2 - 1) - \frac{3}{2} p_0 V_0 (k^2 - 1) = -2 p_0 V_0 (k^2 - 1) = -2 \nu R (T_2 - T_1)$   
 $C_{34} = \frac{2 \nu R (T_2 - T_1)}{\nu (T_2 - T_1)} = 2R$   
Даны: 1)  $T_2 = 2,89 T_1$  2)  $\frac{V_4}{V_2} = 1$  3)  $C_{34} = 2R$

**N3**  
Дано  
 $E, R, C$   
 $k = 4R$   
 $I_{R(0)} = ?$   
 $V_C(0) = ?$   
 $p_{mc} = ?$

**Решение**  
для удобства на рис. в сразу запишем на ЧР  
1) Рассчитаем цепь сразу после замыкания ключа.  
Напр. на конденсаторе не изменилось  $\Rightarrow V_C(0) = 0$ , так как до  
мгн. замык. на конденсаторе равно 0, значит разность потенциалов на конденсаторе  $R = 0$ , но ток идет через резистор  $R$  и через  $I_{R(0)} = 0$   
Рассчитаем цепь в установившемся режиме, когда конденсатор полностью не



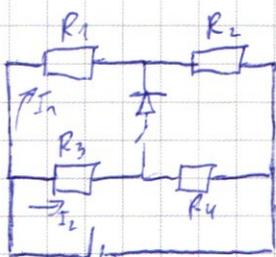
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{aligned} \tan \alpha &= \frac{8 - \frac{24}{85}}{\frac{8}{17}} = \frac{17}{15} - \frac{3 \cdot 17}{5 \cdot 17} = \frac{17}{15} - \frac{3}{5} = \frac{17-9}{15} = \frac{8}{15} & \tan \beta &= \frac{h}{d} = \frac{\frac{8F}{15}}{\frac{8F}{15}} = \frac{9}{15} & 1 + \tan^2 \beta &= \frac{1}{\cos^2 \beta} \\ \cos^2 \beta &= \frac{1}{1 + \frac{81}{225}} = \frac{225}{306} & \cos \beta &= \frac{15}{\sqrt{306}} & \sin \beta &= \sqrt{1 - \frac{225}{306}} = \frac{9}{\sqrt{306}} & \cos^2 \alpha &= \frac{1}{1 + \frac{64}{225}} \\ \cos \alpha &= \frac{15}{17} & \sin \alpha &= \sqrt{1 - \frac{225}{289}} = \frac{8}{17} & 2V \cos \beta - \tan \beta &= V \cos(\alpha + \beta) & \Gamma &= \frac{f}{d} = \frac{9}{17} \\ U(\cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta) &= 2V \cos \beta \cdot \frac{81}{289} & U \left( \frac{15}{17} \cdot \frac{15}{\sqrt{306}} - \frac{8}{17} \cdot \frac{9}{\sqrt{306}} \right) &= 2V \cdot \frac{15}{\sqrt{306}} \cdot \frac{81}{289} \\ U \left( \frac{225 - 72}{17} \right) &= 2V \cdot \frac{15 \cdot 81}{289} & U \frac{153}{17} &= 2V \cdot \frac{15 \cdot 81}{289 \cdot 17} & U \cdot 9 \cdot 17 &= \frac{2V \cdot 15 \cdot 81}{17} \\ U &= \frac{270V}{289} \end{aligned}$$

Омкн. 1)  $f = \frac{8F}{17}$  2)  $\tan \alpha = \frac{8F}{15}$  3)  $\frac{270V}{289}$

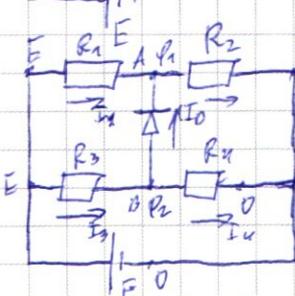
№4  
Дано  
 $R_1 = 5 \text{ Ом}$   
 $E = 10 \text{ В}$   
 $R_2 = 5 \text{ Ом}$   
 $R_3 = 15 \text{ Ом}$   
 $U_0 = 1 \text{ В}$   
 $I_1 = ?$   
 $R_3 = ?$   
 $R_3 = ?$  или  
 $U_0 = 0,8 \text{ В}$

Решение



1) при разомкнутом ключе

$$I_1 = \frac{E}{R_1 + R_2} = \frac{10 \text{ В}}{5 \text{ Ом} + 5 \text{ Ом}} = 1 \text{ А}$$



2)  $P_0 = U_0 \cdot I_0 \Rightarrow I_0 = \frac{P_0}{U_0} = \frac{0,8 \text{ Вт}}{1 \text{ В}} = 0,8 \text{ А} = \frac{0,8 E}{R_1 + R_2}$

используем метод узловых потенциалов

303: для узла A:  $\frac{E - \varphi_1}{R_1} + I_0 = \frac{\varphi_1}{R_2}$  (1)

для узла B:  $\frac{E - \varphi_2}{R_3} = I_0 + \frac{\varphi_2}{R_4}$  (2)

из (1)  $\frac{ER_2 - \varphi_1 R_2 + I_0 R_1 R_2}{R_1 R_2} = \frac{\varphi_1 R_1}{R_1 R_2} \Rightarrow ER_2 - \varphi_1 R_2 + I_0 R_1 R_2 = \varphi_1 R_1$

из (2)  $\frac{ER_4 - \varphi_2 R_4}{R_3 R_4} = \frac{I_0 R_3 R_4 + \varphi_2 R_4}{R_3 R_4} \Rightarrow ER_4 - \varphi_2 R_4 = I_0 R_3 R_4 + \varphi_2 R_4$

$E R - \varphi_1 R + I_0 R^2 = \varphi_1 R$

$I_0 = \frac{E - 2\varphi_1}{R}$

$3ER - 3\varphi_2 R = \frac{E - 2\varphi_1}{R} R_3 \cdot 3R + 3\varphi_2 R$

$3ER - 3\varphi_2 R = 3ER_3 - 6\varphi_1 R_3 + 3\varphi_2 R$

$3E(R - R_3) = 6\varphi_2 R - 6\varphi_1 R_3$

$ER - ER_3 = 2\varphi_2 R - 2\varphi_1 R_3 + 2U_0 R_3$

$\varphi_2 = \frac{E(R - R_3) - 2U_0 R_3}{2(R - R_3)}$

тогда через диод идет ток  $\varphi_2 \in (U_0; E)$

1)  $ER - ER_3 - 2U_0 R_3 > 2U_0 R - 2U_0 R_3$

$R_3 < \frac{ER - 2U_0 R}{E} = \frac{10 \cdot 5 - 2 \cdot 1 \cdot 5}{10} = 4 \text{ Ом}$

2)  $ER - ER_3 - 2U_0 R_3 < 2ER - 2ER_3$

$R_3(E - 2U_0) < ER$   $R_3 < \frac{ER}{E - 2U_0} = \frac{10 \cdot 5}{10 - 2} = \frac{25}{8} \text{ Ом}$

$R_3 \in [0 \text{ Ом}; \frac{25}{8} \text{ Ом}]$

3) м.в.  $I_0 = 0,8A$ ,  $I_1 = 1A$   $I_0 = \frac{0,8E}{2R} = 0,4 \frac{2E}{5R}$

из 3CB гдет  $A = \frac{E - \varphi_1}{R} + \frac{2E}{5R} = \frac{\varphi_1}{R}$   $5E - 5\varphi_1 + 2E = 5\varphi_1$   $\varphi_1 = \frac{7E}{10}$   $\varphi_2 = \frac{7E}{10} + U_0$

из (4)  $ER - ER_3 = 2 \cdot \frac{7E}{10} R + 2U_0 R - 2 \cdot \frac{7E}{10} R_3 - 2U_0 R_3 + 2U_0 R_3$

$ER_3 - \frac{7E}{5} R_3 = ER - \frac{7E}{5} R + 2U_0 R$   $-\frac{8E}{5} R_3 = -\frac{8E}{5} R + 2U_0 R$

$R_3 = \frac{-2U_0 R + ER}{E} = \frac{5 \cdot (10 - 5)}{10} = 2,5 \Omega$

Ответ: 1)  $I_1 = 1A$  2)  $R_3 \in [0 \Omega; \frac{5E}{4} \Omega]$  3)  $R_3 = 2,5 \Omega$

N X 1

Дано

$\frac{F_1}{F_2} = 4$

$\lambda_1 = \lambda_2 = \lambda$

$\frac{R_1}{R_2} = ?$

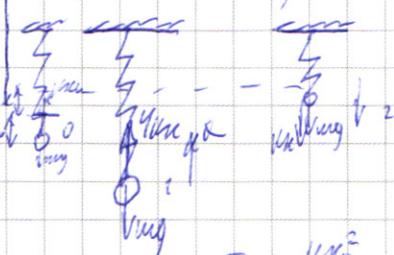
$\frac{E_{k1}}{E_{k2}} = ?$

$\frac{E_{pot1}}{E_{pot2}} = ?$

$\frac{E_{pot1}}{E_{pot2}} = ?$

Решение

м.к.  $F_1 = 4F_2$ , м.к.  $\lambda_1 = 4\lambda_2$



$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

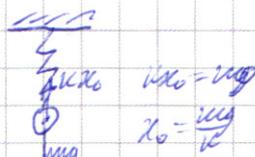
$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$

$2,5R = \begin{cases} mv_1 = 4mv_2 - mv_2 \\ mv_1 = mv_2 + mv_2 \end{cases}$



$mv_1 = 4mv_2 - mv_2$   
 $mv_1 = mv_2 + mv_2$   
 $2mv_1 = 5mv_2$   
 $v_1 = \frac{5}{2}v_2$

$a = \frac{5}{3}g$   
 $v_1 = \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{3}g$   
 $x = \frac{2 \cdot 5g}{3 \cdot 12}$

$E_0 = \frac{mv_1^2}{2} - mgx_0 = \frac{m}{2} \cdot \frac{m^2 g^2}{12} - mg \cdot \frac{m}{12} = -\frac{m^2 g^2}{12}$

$E_n = 0$   $E_1 = \frac{mv_1^2}{2} + \frac{16mv_1^2}{2} - 4mgx = E_{k1} + 4R \cdot \frac{4}{9} \frac{mv_1^2}{2} - \frac{8}{3} \frac{mv_1^2}{12}$

$E_2 = E_{k1} + \frac{mv_1^2}{2} + mgx = E_{k2} + \frac{2}{9} \frac{mv_1^2}{12} + \frac{2}{9} \frac{mv_1^2}{12}$

2,5R: для упрощения момента времени:  $W_{max} = mv_1 - R\lambda x$

$v_1 x + \frac{R}{m} \lambda x = 9$   $w^2 x_1 = 9$   $\lambda_1 = \frac{3x_1}{R}$   $x = \frac{2}{3} R_1$

$x(t) = x_1 + A \sin(\omega t) + B \cos(\omega t)$

$x(0) = 0$

$0 = x_1 + B$   $B = -x_1$

$v_x(t) = A \omega \cos(\omega t) - B \omega \sin(\omega t)$

$v_x(0) = 0$

$0 = A$   $x(t) = x_1(1 - \cos(\omega t))$   $v_x = x_1 \omega \sin(\omega t)$

для 1-го случая  $\frac{2}{3} x_1 - x_1 = x_1(1 - \cos(\omega t))$

$\cos(\omega t) = -\frac{1}{3}$   $\sin(\omega t) = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \frac{\sqrt{8}}{3}$   $v_{x1} = \frac{mv_1}{12} \cdot \frac{\sqrt{8}}{3}$

для 2-го случая  $x_1 + \frac{2}{3} x_1 = x_1(1 - \cos(\omega t))$

$\cos(\omega t) = -\frac{2}{3}$   $\sin(\omega t) = \frac{\sqrt{5}}{3}$   $v_2 = x_1 \omega \cdot \frac{\sqrt{5}}{3}$ , м.к.  $v_1 = v_2$ , м.к.  $E_{k1} = E_{k2}$

$x(t) = x_1(1 - \cos(\omega t)) \Rightarrow x_{max} = 2x_1$   $E_{kin} = \frac{9mv_1^2}{2}$   $v_{x, max} = x_1 \omega$

$\frac{E_{kin}}{E_{pot}} = \frac{\frac{9mv_1^2}{2}}{\frac{mv_1^2}{2}} = \frac{9v_1^2}{v_1^2} = 9$

Ответ: 1)  $a = \frac{5}{3}g$  2)  $\frac{E_{kin}}{E_{pot}} = 1$  3)  $\frac{E_{kin}}{E_{pot}} = 9$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1

1)  $F_{y1} = 4F_{y2} \Rightarrow \chi_1 = 4\chi_2$

2)  $\frac{kx^2}{2} + E_{k1} + mgx = \frac{k(4x)^2}{2} - 4mgy + E_{k2}$

$\frac{kx^2}{2} + E_{k1} + mgx = \frac{16kx^2}{2} - 4mgy + E_{k2}$

$x(t) = \chi_1 + A \sin(\omega t) + B \cos(\omega t)$

$x(0) = 0 \Rightarrow 0 = \chi_1 + 0 + B \Rightarrow B = -\chi_1$

$v_x = A\omega \cos(\omega t) - B\omega \sin(\omega t)$

$v_x(0) = 0 \Rightarrow 0 = A\omega - B \cdot 0 \Rightarrow A = 0$

$x(t) = \chi_1 - \chi_1 \cos(\omega t) = \chi_1(1 - \cos(\omega t))$

$x_{max} = 2\chi_1 = \frac{2mg}{k}$

$v_x = \chi_1 \omega \sin(\omega t)$

$\frac{8}{3}\chi_1 = \chi_1(1 - \cos(\omega t)) \Rightarrow \cos(\omega t) = \frac{5}{3}$

1)  $\begin{cases} m\omega a = 4kx - mg \\ m\omega a = kx + mg \end{cases}$

$\begin{cases} m\omega a = 4kx - mg \\ -4m\omega a = -4kx - 4mg \\ -3m\omega a = -5mg \\ a = \frac{5}{3}g \end{cases}$

$m\omega x = mg - kx$

$\omega x + \frac{k}{m}x = g$

$\omega = \frac{5}{3}g$

$\frac{k}{m}x_1 = g \Rightarrow x_1 = \frac{mg}{k}$

$\frac{5}{3}mg + mg = 4kx$

$\frac{8mg}{3} = 4kx$

$x = \frac{2mg}{3k}$

$\frac{2}{3}x_1 = x_1(1 - \cos(\omega t))$

$\cos(\omega t) = \frac{1}{3} \Rightarrow \sin(\omega t) = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \frac{\sqrt{8}}{3}$

we  $\varphi_1$  —  $\varphi_1$

we  $\varphi_2$  —  $\varphi_2$

we  $\varphi_3$  —  $\varphi_3$

$(E - \varphi)^2 = 0$

$(E - 2E\varphi + \varphi^2) = 0$

$-2E + 2\varphi = 0$

$I_1 = \frac{E}{R_1 + R_2} = \frac{10}{5+5} = 1A$

$V = \varphi_3 - \varphi_1$

$\frac{E - \varphi_1}{R_1} + I_0 = \frac{\varphi_1}{R_2}$

$\frac{E - \varphi_3}{R_3} = I_0 + \frac{\varphi_3}{R_4}$

$\frac{E - \varphi_1}{R_1} + \frac{E - \varphi_3}{R_3} = \frac{\varphi_1}{R_2} + \frac{\varphi_3}{R_4}$

$3\varphi_1 R_3 + \varphi_3 R_3 + 3\varphi_3 R + 3\varphi_1 R_3 = 3ER_3 + 3ER$

$3ER_3 - 3\varphi_1 R_3 + 3ER - 3\varphi_3 R = 3\varphi_1 R_3 + \varphi_3 R_3$

$\frac{\varphi_3}{3R} + \frac{3E - \varphi_3}{R_3} = 0$

$\frac{\varphi_3 R_3 + 3\varphi_3 R - 3ER}{3R R_3} = 0$

$\frac{\varphi_1 R_3 + V R_3 + 3\varphi_3 R + 3UR - 3ER}{3R R_3} = 0$

$\frac{R_3(\varphi_1 + V) + 3\varphi_3 R - 3ER}{R_3} = 0$

$R_3 = \frac{3R(E - \varphi)}{\varphi_1 + V}$

$$\left(\frac{E - \varphi_1}{\varphi_1 + V}\right)' = \frac{(E - \varphi_1)'(\varphi_1 + V) - (E - \varphi_1)(\varphi_1 + V)'}{(\varphi_1 + V)^2} = \frac{-\cancel{V} - V - E + \cancel{V}}{(\varphi_1 + V)^2} = -\frac{E + V}{(\varphi_1 + V)^2}$$

$$306 \mid 102 \mid 34 \mid 17$$

$$\begin{array}{r} -10 \\ 225 \\ \hline 17 \\ \hline 208 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} -10 \\ 225 \\ \hline 72 \\ \hline 153 \\ \hline 51 \mid 3 \\ \hline 21 \mid 17 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 15 \\ \times 9 \\ \hline 135 \\ \hline 270 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 162 \mid 3 \\ \hline 15 \mid 24 \mid 3 \\ \hline 12 \mid 24 \mid 18 \end{array}$$

$$2V \sin^2 \beta = V \sin(\alpha + \beta)$$

$$2V \cdot \frac{9}{3074} = \frac{9}{17} = U \left( \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta \right)$$

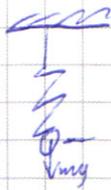
$$\frac{9}{17} = \frac{9}{3074} + \frac{15}{17} \cdot \frac{9}{3074}$$

$$U \cdot 15 \cdot 9 = 162 V$$

$$\left( 2V \cdot \frac{9}{3074} - \frac{9}{17} \right)^2 + \left( 2V \cdot \frac{15}{3074} - \frac{81}{289} \right)^2 = U^2$$

$$\frac{30}{8} = \frac{25}{4}$$

$$U = 2V \sqrt{\frac{81^2}{9 \cdot 17^2 \cdot 34} + \frac{15^2 \cdot 81^2}{9 \cdot 34 \cdot 289^2}} = 2V$$



$$I_{max} = 4 I_{max}$$



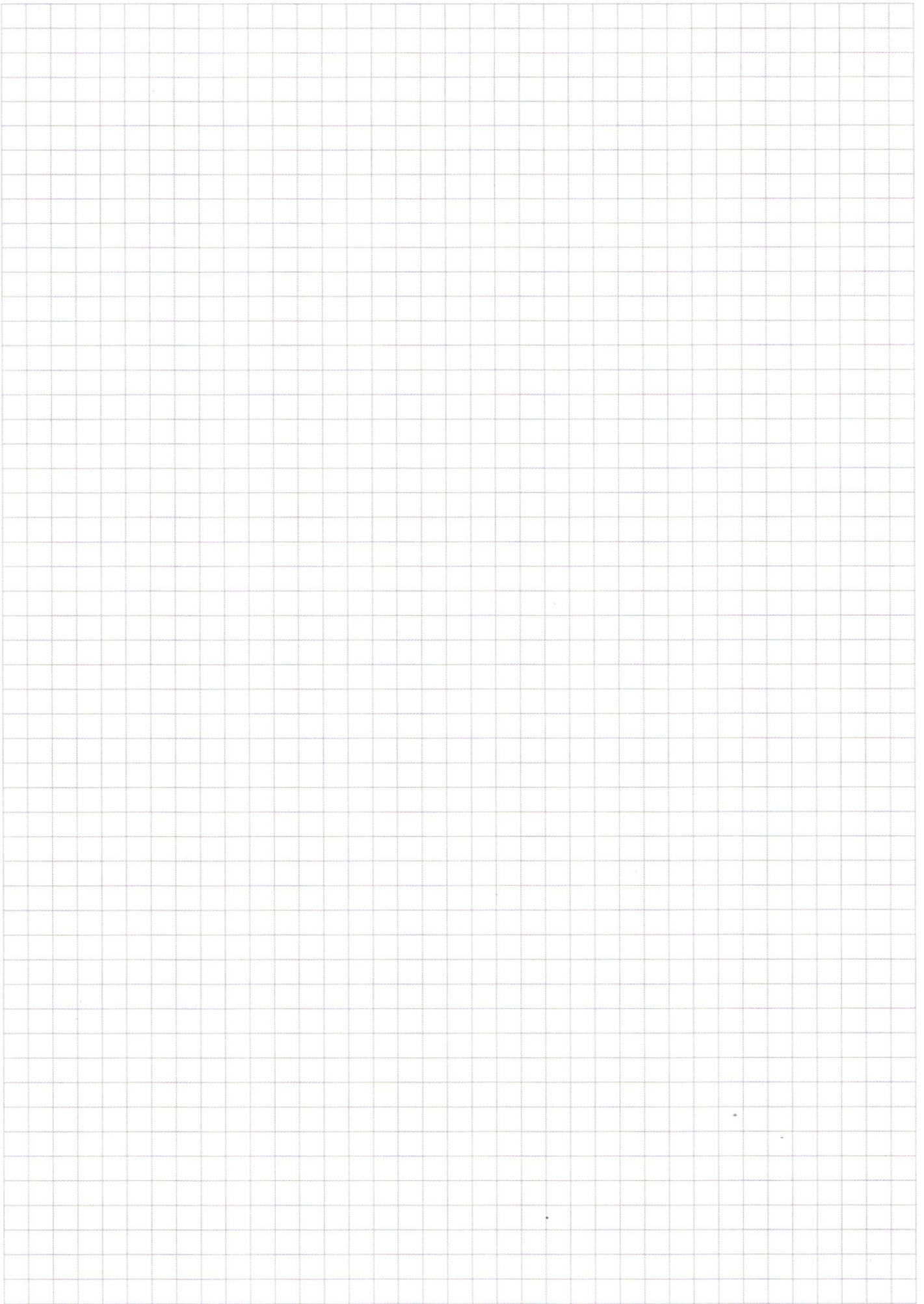
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №       
(Нумеровать только чистовики)



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



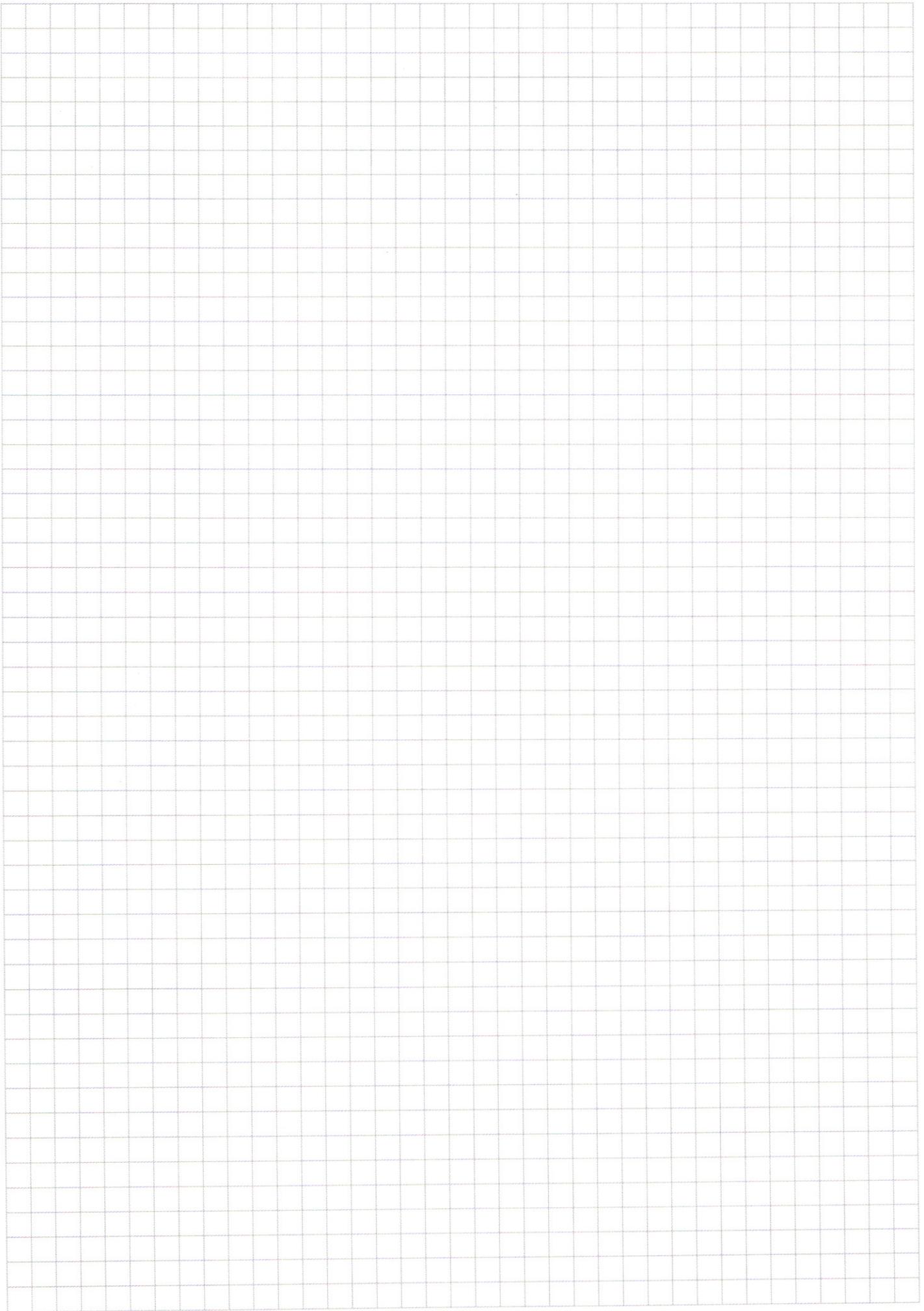
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №       
(Нумеровать только чистовики)



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)