

# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 11

## Вариант 11-08

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вло

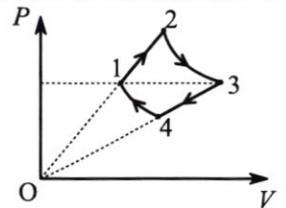
1. Шарик подвешен в поле тяжести на легкой упругой пружине с неизвестной жесткостью. Шарик поднимают вверх до положения, когда пружина не деформирована, и отпускают. При дальнейшем движении шарика вдоль вертикали в некоторые моменты времени силы, действующие на шарик со стороны пружины, отличаются в 4 раза, а модули ускорений равны.

- 1) Найти модуль ускорения в эти моменты.
- 2) Найти отношение кинетических энергий шарика в эти моменты.
- 3) Найти отношение максимальной энергии деформации пружины к максимальной кинетической энергии шарика.

2. Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой  $T_1$  расширяется в процессе 1-2 прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$ . Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2-3, сжимается в процессе 3-4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4-1. В процессе 3-4 давление газа уменьшается в  $k = 1,7$  раза.

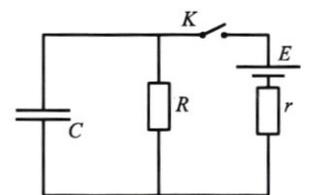
Давления газа в состояниях 1 и 3 равны.

- 1) Найти температуру газа в процессе 2-3.
- 2) Найти отношение объемов газа в состояниях 2 и 4.
- 3) Найти молярную теплоемкость газа в процессе 3-4.



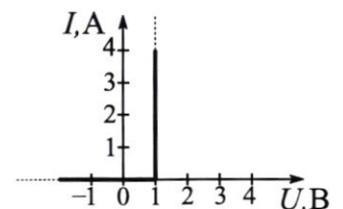
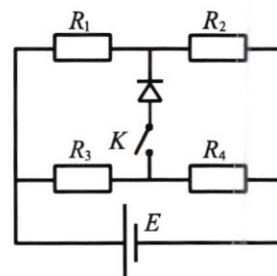
3. В электрической цепи (см. рис.) все элементы идеальные, конденсатор не заряжен. Величины  $E, R, C$  известны,  $r = 4R$ . Ключ  $K$  на некоторое время замыкают, а затем размыкают, когда скорость роста энергии конденсатора максимальна.

- 1) Найти ток, текущий через резистор  $R$ , сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти напряжение на конденсаторе сразу после размыкания ключа.
- 3) Найти максимальную скорость роста энергии, запасаемой конденсатором.



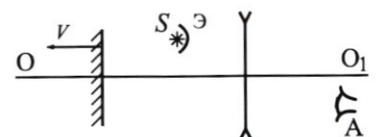
4. В цепи используется мостовая схема (см. рис.). ЭДС идеального источника  $E = 10$  В,  $R_1 = 5$  Ом,  $R_2 = 5$  Ом,  $R_4 = 15$  Ом. Вольтамперная характеристика диода показана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В.

- 1) Найти ток через резистор  $R_1$  при разомкнутом ключе  $K$ .
- 2) При каких значениях  $R_3$  ток потечет через диод при замкнутом ключе  $K$ ?
- 3) При каком значении  $R_3$  мощность тепловых потерь на диоде будет равна  $P_D = 0,8$  Вт?



5. Оптическая система состоит из тонкой рассеивающей линзы с фокусным расстоянием  $-F$  ( $F > 0$ ), плоского зеркала и небольшого экрана  $\mathcal{E}$ , расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси линзы  $OO_1$ . Источник  $S$  находится на расстоянии  $8F/15$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии  $F/3$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $11F/18$  от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель  $A$  сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



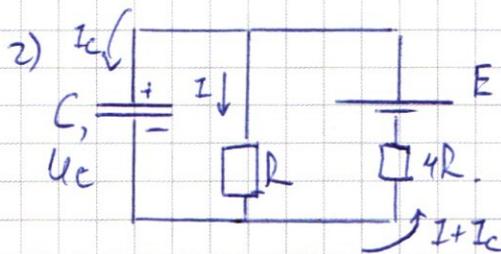


## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3.

1) Сразу после замыкания ключа его напряжение на конденсаторе не изменится. П.к. он был разряжен, то его напряжение останется равным "0". Но т.к. он параллелен резистору  $R$ , то и на  $R$  - напряжение будет равно "0". Значит,

$$I_R = 0.$$



Введем обозначения, показанные на рисунке.

$$U_C = IR; \quad E = U_C + 4R(I + I_C)$$

$$E = U_C + 4IR + 4I_C R; \quad E = 5U_C + 4I_C R$$

$$I_C = \frac{E - 5U_C}{4R}$$

Энергия конденсатора:  $w = \frac{qU}{2} = \frac{q^2}{2C}$

Скорость изменения энергии:  $\dot{w} = \frac{2q\dot{q}}{2C} = U_C \cdot I_C$

$$\dot{w} = U_C \cdot \frac{E - 5U_C}{4R}; \quad \dot{w} = \frac{-5U_C^2 + E \cdot U_C}{4R}$$

Скорость роста энергии максимальна тогда, когда  $-5U_C^2 + E \cdot U_C - \max$ . Это достигается при

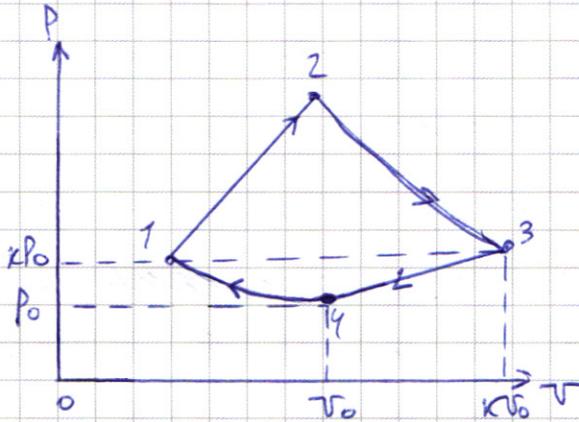
$$U_C = \frac{-E}{-5 \cdot 2} = \frac{E}{10};$$

П.к. ключ разомкнули в момент, когда  $U_C = \frac{E}{10}$ , а напряжение сразу после замыкания на конденсаторе не меняется, то  $U = \frac{E}{10}$ .

$$3) \text{ Тогда } \dot{w}_{\max} = \frac{1}{4R} \left( E \cdot \frac{E^2}{700} - 5 \cdot \frac{E^2}{200} \right)$$

$$\dot{w}_{\max} = \frac{1}{4R} \left( \frac{E^2}{70} - \frac{E^2}{20} \right) = \frac{1}{4R} \cdot \frac{E^2}{20} = \frac{E^2}{80R}$$

Ответ: 1)  $I_R = 0$ ; 2)  $U = 70$ ; 3)  $\dot{w}_{\max} = \frac{E^2}{80R}$ .



1)  $P_0, V_0$  - давление и объём газа в состоянии 4.  
Тогда  $P_3 = kP_0$ , но  $\frac{P_0}{V_0} = \frac{P_3}{V_3} \Rightarrow$   
 $V_3 = kV_0$ .

2-3 - изотерма  $\Rightarrow T_2 = T_3$ .

1-4 - изотерма  $\Rightarrow T_1 = T_4$ .

Для состояний 3 и 4:

$$\frac{kP_0 \cdot kV_0}{T_3} = \frac{P_0 V_0}{T_4}; \quad \frac{k^2}{T_3} = \frac{1}{T_4}; \quad T_2 = T_3 = T_1 k^2 = 2,89 T_1.$$

2) п.к.  $P_1 = kP_0$ ;

п.к. процесс 1-2 - прямая пропорциональность,  
то  $\frac{kP_0}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$

Для состояний 1 и 4:  $kP_0 V_1 = P_0 V_0$ ;  $V_1 = \frac{P_0 V_0}{kP_0}$

Для состояний 2 и 3:  $k^2 P_0 V_0 = P_2 V_2$   $P_2 = \frac{k^2 P_0 V_0}{V_2}$

Решаем систему уравнений:

$$kP_0 \cdot \frac{P_0 V_0}{kP_0} = \frac{k^2 P_0 V_0}{V_2^2}; \quad \frac{k^2 P_0}{V_0} = \frac{k^2 P_0 V_0}{V_2^2}; \quad V_2^2 = V_0^2 \text{ или } V_2 = V_0$$

$$V_4 = V_0, \text{ т.е. } \frac{V_2}{V_4} = 1.$$

$$3) C = \frac{Q_{34}}{J R (T_4 - T_3)} = \frac{A_{34} + \frac{3}{2} J R (T_4 - T_3)}{J (T_4 - T_3)} = \frac{A_{34}}{J (T_4 - T_3)} + \frac{3}{2} R.$$

Работу в процессе 3-4 - найдём как площадь под графиком в осях  $P(V)$ :

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$A_{34} = \frac{P_0 + kP_0}{2} \cdot (\tau_{30} - k\tau_{30}) = P_0\tau_{30} \cdot \frac{(1-k)(1+k)}{2} = -\frac{P_0\tau_{30}}{2} \cdot (k^2 - 1)$$

$$\begin{cases} P_0\tau_{30} = \nu R T_4 \\ k^2 P_0\tau_{30} = \nu R T_3 \end{cases}$$

$$P_0\tau_{30}(k^2 - 1) = \nu R (T_3 - T_4)$$

$$P_0\tau_{30}(k^2 - 1) = \nu R \cdot (k^2 T_1 - T_1)$$

$$P_0\tau_{30}(k^2 - 1) = \nu R T_1 (k^2 - 1); \quad P_0\tau_{30} = \nu R T_1$$

$$A_{34} = -\frac{\nu R T_1}{2} (k^2 - 1)$$

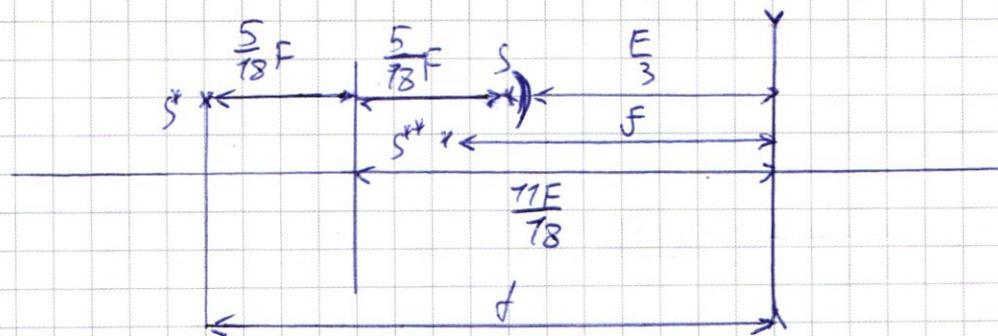
$$C = \frac{A_{34}}{\nu(T_4 - T_3)} + \frac{3}{2}R = -\frac{\nu R T_1 (k^2 - 1)}{2\nu T_1 (k^2 - 1)} + \frac{3}{2}R = \frac{\nu R T_1 (k^2 - 1)}{2\nu T_1 (k^2 - 1)} + \frac{3}{2}R$$

$$C = \frac{R}{2} + \frac{3R}{2} = \frac{4R}{2} = 2R$$

Ответ: 1)  $T_{2-3} = k^2 T_1 = 2,89 T_1$ ; 2)  $\frac{\tau_2}{\tau_4} = 1$ ; 3)  $C = 2R$ .

н.с.

1) С начала источник  $S$  отражается в зеркале. Там «остаётся» его изображение  $S^*$ . Затем  $S^*$  становится источником для линзы.

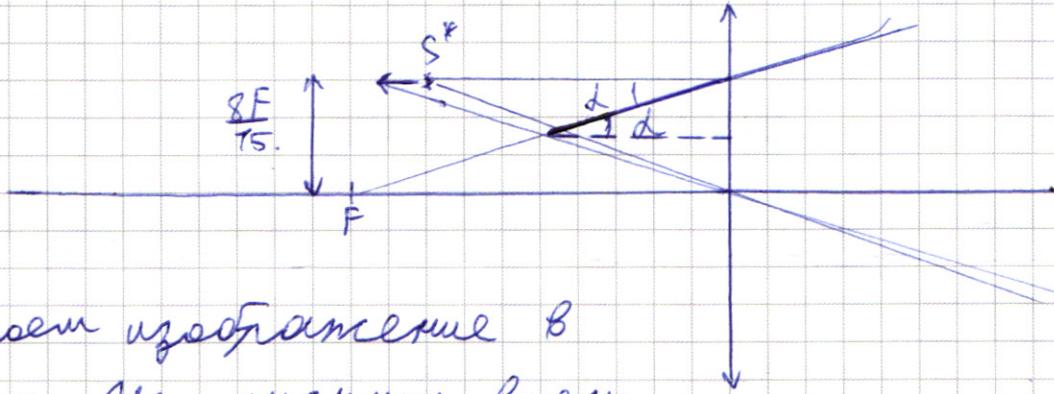


$$f = \frac{11F}{78} + \frac{5F}{78} = \frac{16F}{78} = \frac{8F}{9}$$

$$-\frac{1}{F} = -\frac{1}{f} + \frac{1}{F}; \quad \frac{1}{f} = \frac{1}{F} = \frac{1}{f} + \frac{1}{F}; \quad \frac{1}{f} = \frac{8}{8F} + \frac{1}{F}; \quad \frac{1}{f} = \frac{17}{8F}$$

$$f = \frac{8}{77} F - \text{слева от линзы.}$$

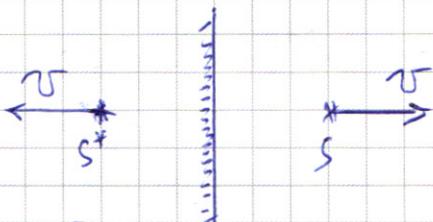
2)



Построим изображение в  
систем. Из рисунка видно,

$$\text{что } \operatorname{tg} \alpha = \frac{8F}{75 \cdot F} = \frac{8}{75}; \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{8}{75}$$

3) ~~перейдем~~ перейдем в с.о. зеркала: - в ней ско-  
рость предмета равна  
ск-ти изображения.



Перейдем назад в с.о. земли и найдём ск-ть  
 $S^*$ ; По закону сложения скоростей она равна  
 $2v$ - и направлена влево.

Скорость изображения разобьём на продоль-  
ную и поперечную ( $u_{||}$ )

$$\text{Тогда: } \frac{u_{||}}{2v} = \Gamma^2, \text{ где } \Gamma = \frac{f}{f} = \frac{8F}{77} \cdot \frac{8}{8F} = \frac{8}{77}$$

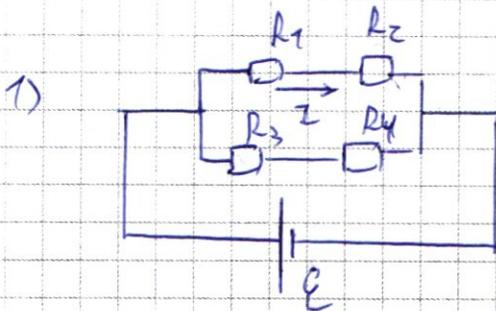
$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{u_{\perp}}{u_{||}}; \quad u_{\perp} = u_{||} \cdot \operatorname{tg} \alpha;$$

$$u = \sqrt{u_{\perp}^2 + u_{||}^2} = u_{||} \cdot \sqrt{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha} = \frac{54v}{85}$$

Ответ: 1)  $f = \frac{8}{77} F$  - находится слева от м-ти линзы;

$$2) \operatorname{tg} \alpha = \frac{8}{75}; \quad 3) u = \frac{54v}{85}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

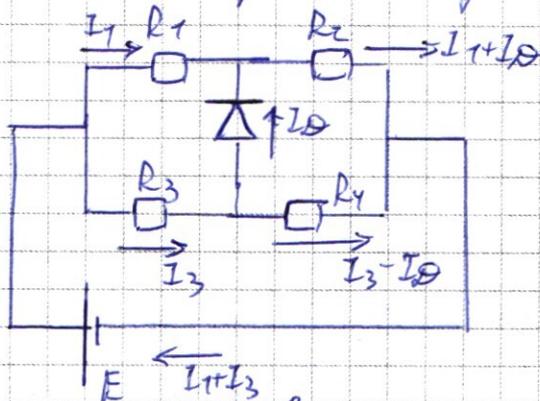


нч.

$I$  - искомый ток.

$$E = I(R_1 + R_2); \quad I = \frac{E}{R_1 + R_2} = \frac{10}{10} = 1 \text{ A}$$

2) Условие открытия диода:  $U_D = U_0$ ;  $I_D \geq 0$ .



$$\begin{cases} I_1 R_1 = I_3 R_3 + U_0 \\ E = I_1 R_1 + R_2 (I_1 + I_D) \\ U_0 + (I_1 + I_D) R_2 = R_4 (I_3 - I_D) \\ I_D \geq 0 \end{cases}$$

Подставим известные значения и решим все в СИ

$$\frac{12(10 - R_3)}{75 + 35R_3} \geq 0$$

$$10 - R_3 \geq 0; \quad 10 \geq R_3 \text{ или } R_3 \leq 10 \text{ [Ом]}$$

3)  ~~$P_E = P_1 + P_2 + P_3 + P_4 + P_D$ ;  $P_E$  - мощность источника  
 $P_1 \dots P_4$  - мощности резисторов 1...4.~~

$$P_D = U_0 \cdot I_D$$

$$I_D = \frac{P_D}{U_0} = \frac{0,8}{1} = 0,8 \text{ A};$$

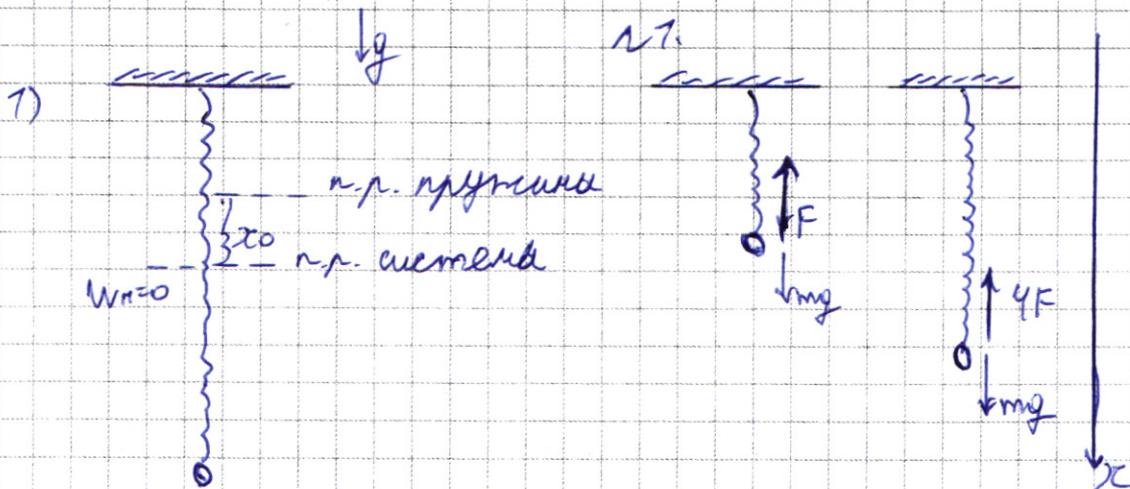
из системы уравнений в п.2:

$$I_D = \frac{12(10 - R_3)}{75 + 35R_3} = 0,8$$

$$120 - 12R_3 = 60 + 28R_3; \quad 60 = 40R_3$$

$$R_3 = \frac{60}{40} = \frac{3}{2} = 1,5 \text{ Ом.}$$

Ответ: 1)  $I = 1 \text{ A}$ ; 2)  $R_3 \leq 10 \text{ Ом}$ ; 3)  $R_3 = 1,5 \text{ Ом}$ .



$$\begin{cases} F + mg = ma \\ 4F - mg = ma \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4mg + 4F = 4ma \\ -mg + 4F = ma \end{cases}$$

$$5mg = 3ma$$

$$a = \frac{5}{3}g$$

2) ~~П.к. ~~не~~ ~~будет~~ ~~отличаться~~ в 4 раза, но и деформации ~~отличаются~~ в 4 раза.~~

Введём ось "x" направленную вертикально вниз. Шарик будет совершать колебания относительно положения равновесия системы. Сила больше со стороны пружины тогда, когда шарик ниже н.р. системы. Запишем 2-й з-н Ньютона в проекции на "Ox" для этих случаев:

$$\begin{cases} mg - F = ma \quad (1) \\ mg - 4F = -ma \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4mg - 4F = 4ma \\ mg - 4F = -ma \end{cases}$$

$$4mg - mg = 4ma + ma$$

$$3mg = 5ma$$

$$a = \frac{3}{5}g$$

2) Для колебаний можно записать:

$$x = A \cdot \cos(\omega t)$$

$$v_x = -A\omega \cdot \sin(\omega t)$$

$$a_x = -A\omega^2 \cos(\omega t)$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Видно, что если равны модули <sup>двух</sup> ускорений, то равны и модули двух скоростей. Но тогда отношение кинетических энергий в этих положениях равно 1.

3) П.к. силы отличаются в 4 раза, то и деформации отличаются в 4 раза. Пусть деформация пружинки, когда действует сила  $F$ , равна  $x$ .

По ЗСЭ для этих состояний с учётом равных кинетических энергий можно записать:

~~$$\frac{kx^2}{2} + mg(x-x_0) = \frac{k(4x)^2}{2} + mg(4x-x_0)$$~~

$$\frac{kx^2}{2} + 3mgx = \frac{k(4x)^2}{2} \quad (W_{п} = 0 - \text{выбран в качестве начального, когда действует } 4F)$$

$$kx^2 + 6mgx = 16kx^2$$

$$6mg = 15kx; \quad 2mg = 5kx; \quad x = \frac{2mg}{5k}$$

~~из уравнений для колебаний:~~

~~$$ax = -A\omega^2 \cdot \frac{x}{A}; \quad ax = -\omega^2 x; \quad \omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$~~

~~$$\frac{2}{5}g = \frac{k}{m} \cdot \frac{2mg}{5k}$$~~

$$E_{k\max} - \text{в н.р. системы} \quad E_{k\max} = \frac{m v_{\max}^2}{2}$$

~~н.р. системы состоит из  $\frac{3}{5}x$  массы от~~

~~н.р. пружинки.~~

Л.р. системы отстоит  $\frac{3}{2}$  от л.р. пружины

$$\text{мд: } x_0 = x + \frac{3}{2}x = \frac{5}{2}x.$$



$$E_{\text{деф. max}} = \frac{k}{2} \cdot (5x)^2 = \frac{k}{2} \cdot 25x^2 = \frac{25kx^2}{2} = \text{или } \frac{25k}{2} \cdot \frac{4m^2g^2}{25k^2} = \frac{2m^2g^2}{k}$$

$$E_{\text{деф. max}} = 2 \cdot \frac{m^2g^2}{k}$$

$\exists \text{C} \Rightarrow$  для начала и л.р.:

$$E_{\text{к max}} + \frac{k}{2} \cdot \frac{25x^2}{4} = mg \cdot \frac{5}{2}x$$

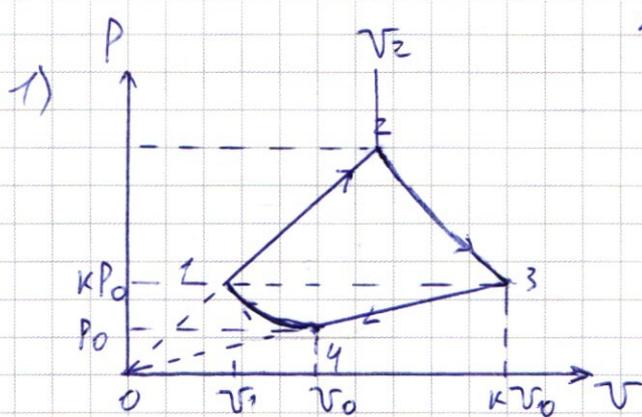
$$E_{\text{к max}} = \frac{5mg}{2} \cdot \frac{2mg}{5k} - \frac{25k}{8} \cdot \frac{4m^2g^2}{25k^2} = \frac{m^2g^2}{k} - \frac{m^2g^2}{2k} = \frac{m^2g^2}{2k}$$

$$E_{\text{к max}} = \frac{m^2g^2}{2k};$$

$$\frac{E_{\text{деф. max}}}{E_{\text{к. max}}} = \frac{2m^2g^2}{k} \cdot \frac{2k}{m^2g^2} = 4.$$

Ответ: 1)  $a = \frac{3}{5}g$ ; 2)  $\frac{E_{\text{к1}}}{E_{\text{к2}}} = 1$ ; 3)  $\frac{E_{\text{деф. max}}}{E_{\text{к. max}}} = 4$ .

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



12.

$T_{23} = ?$   
 $T_1 = T_4$   
 $\frac{P_0 v_0}{T_4} = \frac{k P_0 \cdot k v_0}{T_3}$   
 $\frac{1}{T_4} = \frac{k^2}{T_3}, \quad T_3 = T_4 k^2$   
 $T_3 = k^2 \cdot T_1 = 2,89 T_1$

$$\begin{array}{r} T_1 \\ \times T_2 \\ \hline T_1 T_2 \\ T_1 T_2 \\ \hline 2 T_1 T_2 \end{array}$$

2)  $P_0 v_0 = k P_0 v_1$ ;

$v_0 = k v_1$ ;  $v_1 = \frac{v_0}{k}$ ;  $P_0 v_0 = P_2 v_2$

$\frac{k P_0}{v_1} = \frac{P_2}{v_2}$ ;  $\frac{k P_0 \cdot k}{v_0} = \frac{P_2}{v_2}$ ;  $\frac{k P_0 v_1}{T_1} = \frac{P_2 v_2}{T_2}$ ;  $\frac{P_0 v_0}{T_1} = \frac{P_2 v_2}{T_2}$

$\frac{k^2 P_0}{v_0} = \frac{P_2}{v_2}$ ;  $P_2 = \frac{k^2 P_0}{v_0} \cdot v_2$       $P_0 v_0 \cdot \frac{T_2}{T_1} = P_2 v_2$

$P_0 v_0 \cdot k^2 = \frac{k^2 P_0 v_2}{v_0} \cdot v_2$ ;  $v_0^2 = v_2^2 \Rightarrow v_2 = v_0$  или  $\frac{v_2}{v_0} = 1$

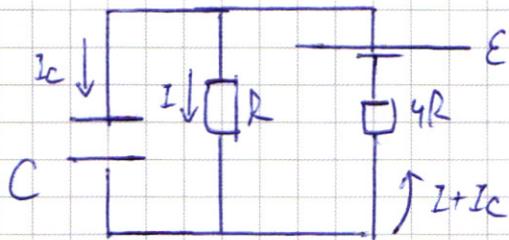
3)  $C = \frac{Q}{\Delta T} = \frac{A + \frac{3}{2} J R \Delta T}{J \Delta T} = \frac{A}{J \Delta T} + \frac{3}{2} R$

$A_{34} = A = - \frac{P_0 + k P_0}{2} \cdot (k v_0 - v_0) = - \frac{P_0 v_0}{2} \cdot ((k-1)(k+1)) = - \frac{P_0 v_0 (k^2 - 1)}{2}$

$\begin{cases} P_0 v_0 = J R T_1 \\ k^2 P_0 v_0 = J R T_3 \end{cases}$       $P_0 v_0 (k^2 - 1) = - J R \Delta T$       $J R \Delta T = - P_0 v_0 (k^2 - 1)$

$C = \frac{- P_0 v_0 (k^2 - 1) \cdot R}{- 2 \cdot P_0 v_0 (k^2 - 1)} = \frac{R}{2} + \frac{3R}{2} = 2R$

Ответ: 1)  $T_{23} = k^2 T_1 = 2,89 T_1$ ; 2)  $\frac{v_2}{v_0} = 1$ ; 3)  $C = 2R$ .



$C = \frac{q}{U}; \quad q = CU$   
 1)  $I_R = 0$   
 2)  $w = \frac{qU}{2} = \frac{q^2}{2C}$   
 $\dot{w} = \frac{2q \cdot \dot{q}}{2C} = \frac{q \cdot \dot{q}}{C} = \dot{q} \cdot \frac{q}{C}$

~~$E \text{ const } \dot{w} \text{ max, mo } \dot{w} = 0 \Rightarrow \frac{1}{C} (\dot{q} \cdot q + \dot{q} \cdot \dot{q}) = 0$~~   
 $\dot{q} = I$

$CU \cdot$

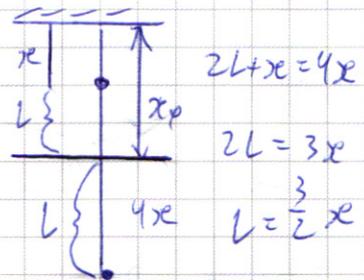
$\dot{w} = \frac{\dot{q} \cdot q}{C} = \frac{I CU}{C} = \frac{I}{2} U; \quad \dot{w} = I_c \cdot U$

$U = IR$

$E = U + 4R(I + I_c); \quad E = U + 4IR + 4I_c R;$

$E = 5U + 4I_c R; \quad I_c = \frac{E - 5U}{4R}$

$\dot{w} = U \cdot \frac{E - 5U}{4R} = \frac{-5U^2 + EU}{4R} \quad -5U^2 + EU = y$



$2L + x = 4x$   
 $2L = 3x$   
 $L = \frac{3}{2}x$   
 $x_0 = x + L = x + \frac{3}{2}x$   
 $x_0 = \frac{5x}{2}$

$y \text{ max при } U = \frac{-E}{-5 \cdot 2} = \frac{E}{10}; \quad U = \frac{E}{10}$

3)  $w_{\text{max}} = \frac{-5 \cdot \frac{E^2}{100} + E \cdot \frac{E}{10}}{4R}$

$\dot{w}_{\text{max}} = \left( \frac{E^2}{100} - \frac{5E^2}{100} \right) \frac{1}{4R} = \frac{5E^2}{100} \cdot \frac{1}{4R}; \quad \dot{w}_{\text{max}} = \frac{E^2}{80R}$

Ответ: 1)  $I_R = 0$ ; 2)  $U = \frac{E}{10}$ ; 3)  $\dot{w}_{\text{max}} = \frac{E^2}{80R}$ .

АТ.

1)  $4F - mg = ma$

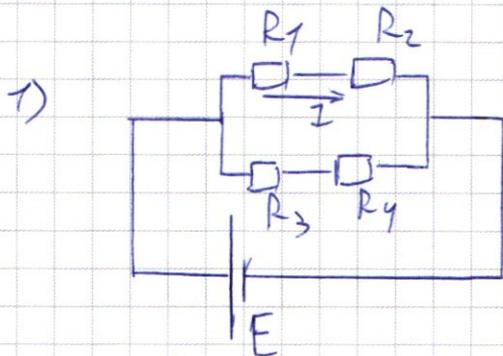
$mg + F = ma$

$5mg = 3ma$

$a = \frac{5}{3}g$

$$\begin{cases} 4F - mg = ma \\ 4mg + 4F = 4ma \end{cases}$$

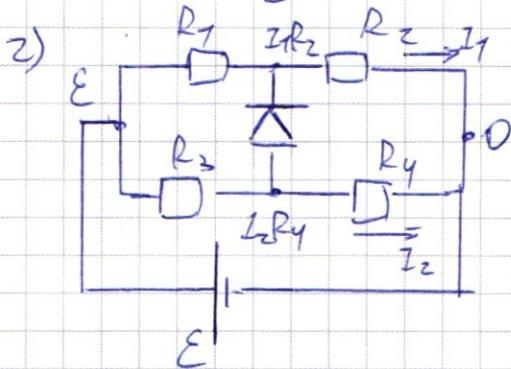
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



рч.

$$E = I(R_1 + R_2)$$

$$I = \frac{E}{R_1 + R_2} = \frac{70}{70} = 1 \text{ A.}$$



$$I_1(R_1 + R_2) = I_2(R_4 + R_3)$$

$$E = I_1(R_1 + R_2)$$

$$I_2 R_4 - I_1 R_2 = 0$$

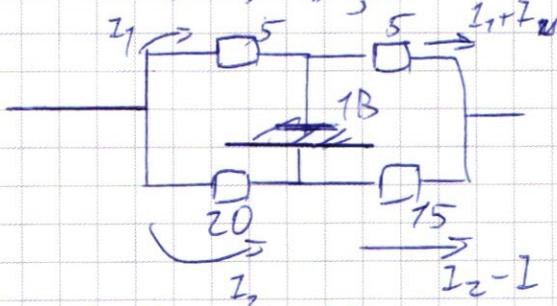
Когда только открыта  $I_0 = 0$ ;

$$I_1 = 1 \text{ A}; \quad I_2 = \frac{E}{R_3 + R_4}$$

$$1 = \frac{E R_4}{R_3 + R_4} = 5; \quad 0 = \frac{10 \cdot 15}{R_3 + 15}; \quad 0 = \frac{25 \cdot 5}{R_2 + 15}$$

$$R_3 + 15 = 25; \quad R_3 = 10 \text{ Ом}; \quad R_2 \leq 10 \text{ Ом.}$$

$$E = I_2(R_3 + R_4);$$



$$1) \quad 10 = 5 I_1 + 5 I_1 + 5 I_2$$

$$10 = 10 I_1 + 5 I_2$$

$$2 = 2 I_1 + I_2$$

$$2) \quad 10 = 20 I_2 + 15 I_2 - 15 I_2$$

$$10 = 35 I_2 - 15 I_2$$

$$2 = 7 I_2 - 3 I_1$$

$$I_2 = \frac{5 I_1 - 1}{20}; \quad I_1 = \frac{2 - I_2}{2}$$

$$I_2 = \frac{5 \left( \frac{2 - I_2}{2} \right) - 1}{20} = \frac{10 - 5 I_2 - 2}{40} = \frac{8 - 5 I_2}{40}$$

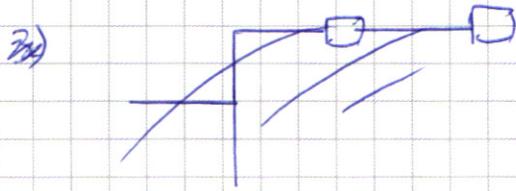
$$3) \quad 5 I_1 = 1 + 20 I_2;$$

$$z = 7 \cdot \frac{8-5I}{40} + 3I$$

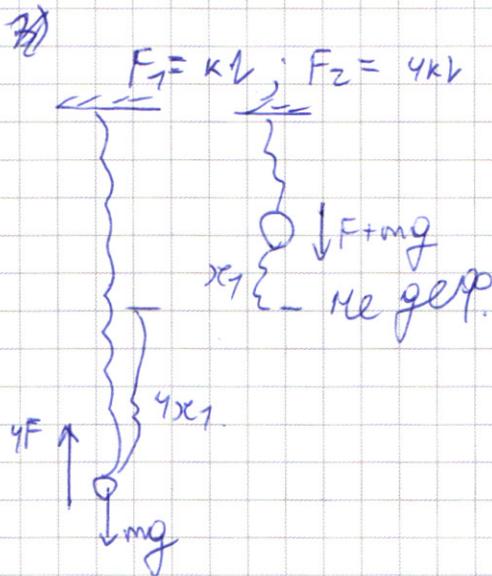
$$80 = 56 - 35I - 720I$$

$$24 = -75I \Rightarrow I < 0 \text{ — такого быть не можем.}$$

$$\underline{R_3 \leq 10 \text{ Ом}}$$



$$3) P_E = P_1 + P_2 + P_3 + P_4 + P_5$$



н.т.



$$\begin{cases} 4F - mg = ma \\ F + mg = ma \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4F - mg = ma \\ 4F + 4mg = 4ma \end{cases}$$

$$5mg = 3ma$$

$$\underline{a = \frac{5}{3}g}$$

$$2) F = ma - mg = \frac{5}{3}mg - mg = \frac{2}{3}mg; \quad \frac{2}{3}mg = kx_1; \quad x_1 = \frac{2mg}{3k}$$

$$\frac{11}{78} - \frac{1}{3} = \frac{11-6}{78} = \frac{5}{78}$$

$$I_1 = \frac{2-I_0}{2}; \quad I_3 = \frac{8-5I_0}{2R_3}$$

$$\frac{15}{720} \quad \frac{15}{75}$$

$$1) 10 - 5I_1 = 75(I_3 - I_0); \quad 11 - 5I_1 = 15I_3 - 15I_0$$

$$11 - \frac{5}{2}(12 - I_0) = 15 \cdot \frac{8-5I_0}{2R_3} - 15I_0$$

$$22 - 10 + 5I_0 = \frac{15}{R_3}(8 - 5I_0) - 30I_0$$

$$12R_3 + 5I_0R_3 = 120 - 75I_0 - 30I_0R_3$$

$$35I_0R_3 + 75I_0 = 120 - 12R_3$$

$$I_0 = \frac{12(10 - R_3)}{75 + 35R_3}$$

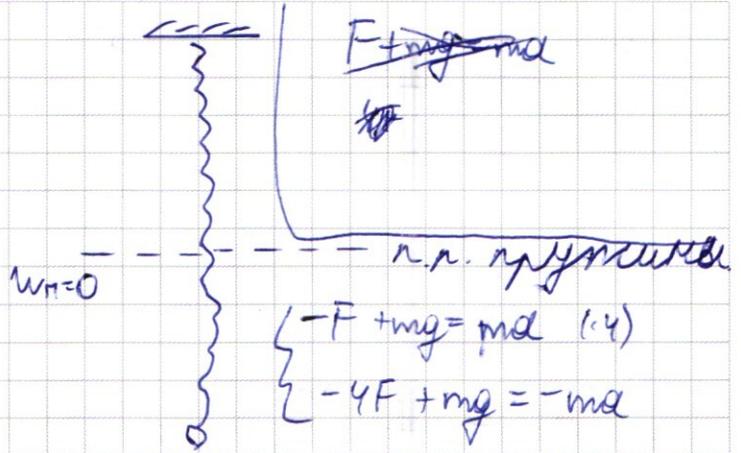
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{cases} 4F + mg = ma \\ F - mg = ma \end{cases} \quad 2)$$

ax-канал удлин.

$$-4mg \Delta x + \frac{m \cdot v^2}{2} + \frac{k \cdot (\Delta x)^2}{2} =$$

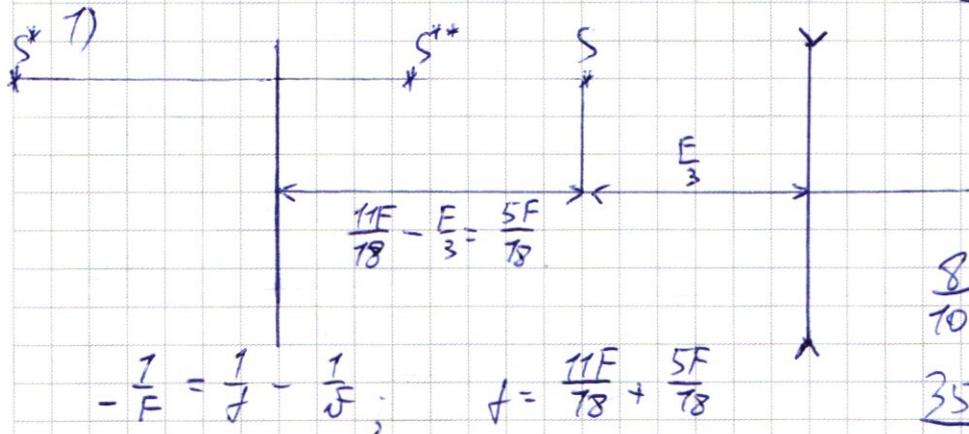
$$= \frac{m v^2}{2} + mg \Delta x + \frac{k \Delta x^2}{2}$$



$$\begin{cases} -F + mg = ma \quad (1) \\ -4F + mg = -ma \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4F + 4mg = 4ma \\ -4F + mg = -ma \end{cases}$$

$\frac{8}{17} \approx \frac{1}{3}$      $3mg = 5ma$   
 $24 \approx 17$      $a = \frac{3}{5}g$



$$\frac{8}{10} \cdot 75 = \frac{8 \cdot 15}{2} = 4 \cdot 15 = 60$$

$$\frac{35 \cdot 8}{10} = \frac{7 \cdot 8}{2} = 7 \cdot 4 = 28$$

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{f} - \frac{1}{F}$$

$$f = \frac{11F}{18} + \frac{5F}{18}$$

$$f = \frac{16F}{18} = \frac{8F}{9}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f} + \frac{1}{F}$$

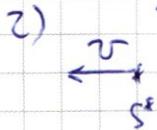
$$\frac{1}{f} = \frac{9}{8F} + \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{17}{8F}$$

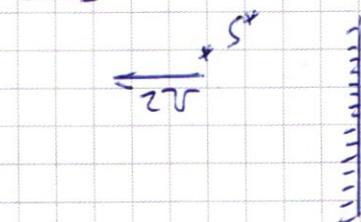
$$f = \frac{8F}{17}$$

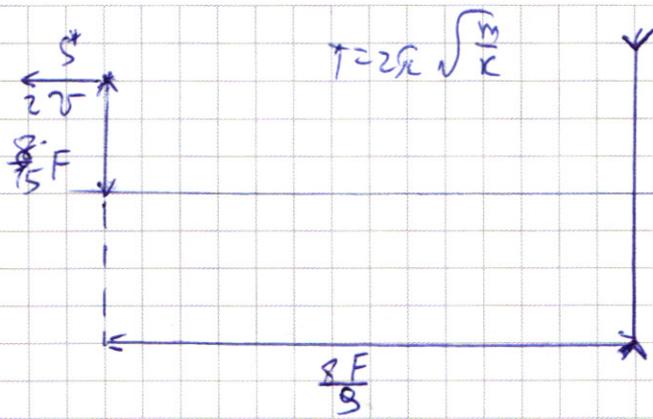
$$f = \frac{8F}{17}$$

Перейдем в с.о. зеркала:



назад в с.о. земли:





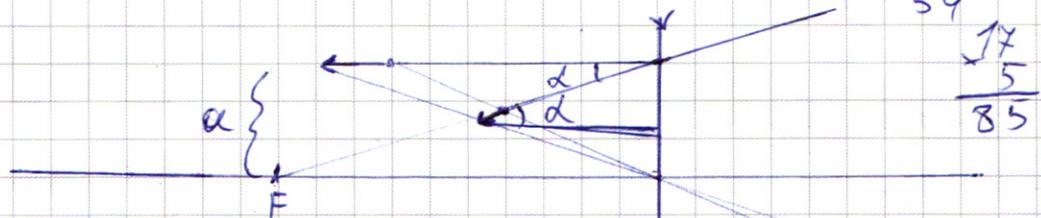
$$T = 2\sqrt{kl} \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$w = \frac{2\sqrt{kl}}{T}; \quad w = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$-\frac{1}{F} = -\frac{1}{F} + \frac{1}{F}$$

$$\begin{array}{r} 225 \\ + 64 \\ \hline 289 \end{array}$$

$$a = Aw^2 = \frac{4k}{m}$$



$$U_{\perp} = F = \frac{F}{F} = \frac{8F}{77} \cdot \frac{8F}{5} = \frac{8F}{77} \cdot \frac{8}{8F} = \frac{8}{77}$$

$$F = \frac{8}{77}; \quad \frac{U_{\perp}}{U_{\parallel}} = F^2; \quad U_{\parallel} = 2\sqrt{kl} \cdot F^2 = 2\sqrt{kl} \cdot \left(\frac{8}{77}\right)^2$$

$$\tan \alpha = \frac{U_{\perp}}{F} = \frac{8F}{75F} = \frac{8}{75}; \quad \boxed{\tan \alpha = \frac{8}{75}}$$

$$\tan \alpha = \frac{U_{\perp}}{U_{\parallel}}; \quad U_{\perp} = \tan \alpha \cdot U_{\parallel}$$

$$U = \sqrt{U_{\parallel}^2 + U_{\perp}^2} = \sqrt{U_{\parallel}^2 + U_{\parallel}^2 \cdot \tan^2 \alpha} = U_{\parallel} \sqrt{1 + \tan^2 \alpha}$$

$$U = 2\sqrt{kl} \cdot \left(\frac{8}{77}\right)^2 \cdot \sqrt{1 + \left(\frac{8}{75}\right)^2} = 2\sqrt{kl} \cdot \left(\frac{8}{77}\right)^2 \cdot \sqrt{\frac{289}{75^2}}$$

$$U = 2\sqrt{kl} \cdot \left(\frac{8}{77}\right)^2 \cdot \frac{17}{75} = 2\sqrt{kl} \cdot \frac{8 \cdot 8}{77 \cdot 77} \cdot \frac{17}{75} = 2\sqrt{kl} \cdot \frac{27}{77} \cdot \frac{1}{5}$$

$$U = \frac{54\sqrt{kl}}{85}$$

Ответ: 1)  $F = \frac{8F}{77}$  - сила от центра. 2)  $\tan \alpha = \frac{8}{75}$

$$3) U = \frac{54\sqrt{kl}}{85}; \quad 5I_1 = I_3 R_3 + 1 \quad I_3 = \frac{5I_1 - 1}{R_3}$$

$$10 = 5I_1 + 5I_1 + 1 \cdot 5 \quad \underline{2 = 2I_1 + 1}$$

$$I_1 = \frac{2 - 1}{2}; \quad I_3 = \frac{5(2 - 1)}{2} = \frac{5}{2}; \quad I_3 = \frac{8 - 5I_1}{2R_3}$$