

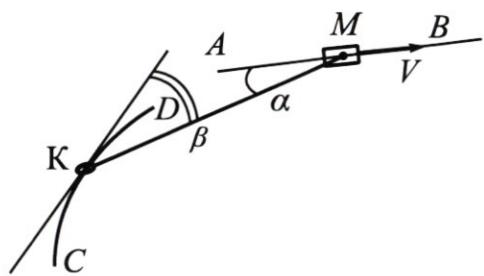
# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

## Вариант 11-03

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не оцениваются.

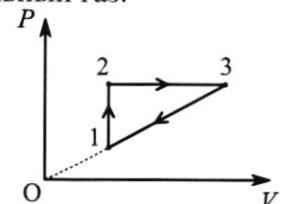
1. Муфту  $M$  двигают со скоростью  $V = 34$  см/с по горизонтальной направляющей  $AB$  (см. рис.). Кольцо  $K$  массой  $m = 0,3$  кг может двигаться без трения по проволоке  $CD$  в виде дуги окружности радиусом  $R = 0,53$  м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной  $l = 5R/4$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол  $\alpha (\cos \alpha = 15/17)$  с направлением движения муфты и угол  $\beta (\cos \beta = 3/5)$  с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение изменения внутренней энергии газа к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



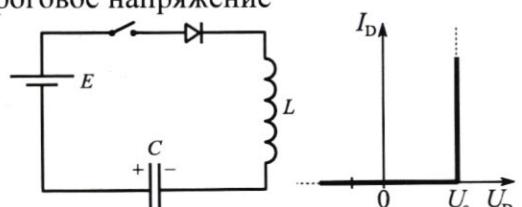
3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки, радиус обкладок намного больше расстояния  $d$  между обкладками. Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии  $0,3d$  от отрицательно заряженной обкладки стартует с нулевой начальной скоростью отрицательно заряженная частица и вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам со скоростью  $V_1$ . Удельный заряд частицы  $\frac{|q|}{m} = \gamma$ .

- 1) Через какое время  $T$  частица будет находиться на одинаковых расстояниях от обкладок?
- 2) Найдите величину  $Q$  заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью  $V_2$  будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

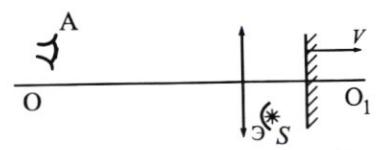
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 6$  В, конденсатор емкостью  $C = 40$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 2$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,1$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана  $\mathcal{E}$ , расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $O\mathcal{O}_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $3F/4$  от оси  $O\mathcal{O}_1$  и на расстоянии  $F/4$  от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $O\mathcal{O}_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $3F/4$  от линзы.

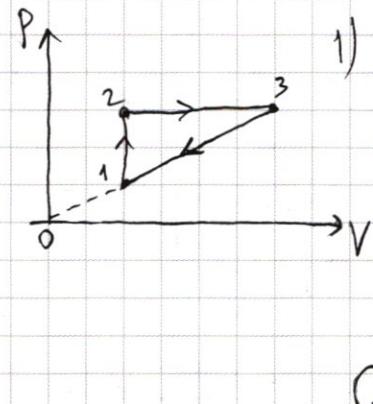
- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $O\mathcal{O}_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{aligned} N^2 \\ 1) \frac{C_{12}}{C_{23}} - ? \\ 2) \frac{\Delta U_{23}}{A'_{23}} - ? \\ 3) \eta_{\max} - ? \\ i=3 \end{aligned}$$



1) Процесс 1-2:  $V_{12} = \text{const}$ , значит

$$A'_{12} = 0$$

$$Q_{12} = \Delta U_{12} + A'_{12} \xrightarrow{0} (\text{первый закон ПД})$$

$$\Delta U_{12} = \frac{i}{2} \cdot \sqrt{R} (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} \sqrt{R} (T_2 - T_1)$$

(из определения)

$$Q_{12} = C_{12} \cdot \sqrt{V} (T_2 - T_1)$$

$$C_{12} = \frac{3}{2} \cancel{\frac{\sqrt{R} \cdot (T_2 - T_1)}{\sqrt{(T_2 - T_1)}}} = \frac{3}{2} R$$

Процесс 2-3:  $P = \text{const.}$

$$A'_{23} = P_2 \cdot (V_3 - V_2) \xrightarrow[\text{(изобарич. процесс.)}]{\text{закон Капилляра}} A'_{23} = \sqrt{R} (T_3 - T_2)$$

$$\Delta U_{23} = \frac{i+2}{2} \sqrt{R} (T_3 - T_2) \quad Q_{23} = \Delta U_{23} + A'_{23}$$

$$Q_{23} = C_{23} \cdot \sqrt{V} (T_3 - T_2)$$

$$C_{23} = \frac{i+2}{2} \cancel{\frac{\sqrt{R} (T_3 - T_2)}{\sqrt{(T_3 - T_2)}}} = \frac{i+2}{2} \cdot R = \frac{5}{2} R$$

$$\frac{C_{12}}{C_{23}} = \frac{3 \cancel{R} / \cancel{2}}{\cancel{2} \cdot 5 R} = 0,6$$

$$2) \quad \Delta U_{23} = \frac{3}{2} \sqrt{R} (T_3 - T_2) \quad \frac{\Delta U_{23}}{A'_{23}} = 1,5$$

$$A'_{23} = \sqrt{R} (T_3 - T_2)$$

$$3) \quad \eta = \frac{A'}{Q_H} = \frac{Q_H - Q_X}{Q_H} = 1 - \frac{Q_X}{Q_H} = 1 - \frac{Q_{13}}{Q_H + Q_{23}}$$

$Q_H$  - кол-во теплоты, полученной от нагревателя.

$Q_X$  - кол-во теплоты, отданной холодильнику.

Т.к.  $\eta_{\max}$ , то  $A' \rightarrow \text{max}$ , значит треугольник процесса должен иметь максимальную площадь. У геометрических соотношений максимальную площадь имеет равнобедренный треугл.. Тогда:  $P_1 = V_1$ ,  $P_3 = V_3$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_3 V_3}{T_3} \quad (\text{ур-е кн.}) \quad \text{тогда} \quad T_3 = \frac{V_3^2}{V_1^2} \cdot T_1$$

$$\frac{P_2 V_2}{T_2} = \frac{P_1 V_1}{T_1}$$

$$T_2 = \frac{P_2}{P_1} T_1 = \frac{V_3}{V_1} T_1$$

$$Q_{12} + Q_{23} = \frac{3}{2} \sqrt{R} (T_2 - T_1) + \frac{5}{2} \sqrt{R} (T_3 - T_2) = \frac{\sqrt{R}}{2} (3T_2 - 3T_1 + 5T_3 - 5T_2) = \\ = \frac{\sqrt{R}}{2} (5T_3 - 2T_2 - 3T_1) = \frac{\sqrt{R}}{2} T_1 \left( 5 \frac{V_3^2}{V_1^2} - 2 \frac{V_3}{V_1} - 3 \right)$$

$$1-3: Q_{13} = A'_{13} + \Delta U_{13} \quad \Delta U_{31} = \frac{i}{2} \cdot \sqrt{R} (T_3 - T_1) = \frac{3}{2} \sqrt{R} (T_3 - T_1)$$

$$[Q_{13}] = A'_{31} + \Delta U_{31} \# \quad A'_{31} = \int_{V_1}^{V_3} -p_{13}(V) dV = \frac{(P_1 + P_3)(V_3 - V_1)}{2}$$

$$Q_{13} = \frac{1}{2} (3) \sqrt{R} T_3 - 3 \sqrt{R} T_1 + P_3 V_1 - P_3 V_3 + P_1 V_1 - P_1 V_3 = \frac{1}{2} (3P_3 V_3 - 3P_1 V_1 - P_3 V_3 + P_1 V_1) = \\ = P_3 V_3 - P_1 V_1 = \sqrt{R} (T_3 - T_1) = \sqrt{R} T_1 \left( \frac{V_3^2}{V_1^2} - 1 \right)$$

$$\eta = 1 - \frac{2 \sqrt{R} T_1 \left( \frac{V_3^2}{V_1^2} - 1 \right)}{2 \sqrt{R} T_1 \left( 5 \frac{V_3^2}{V_1^2} - 2 \frac{V_3}{V_1} - 3 \right)} = 1 - \frac{2 (\alpha^2 - 1)}{(5\alpha^2 - 2\alpha - 3)} = 1 - \frac{2(\alpha+1)(\alpha-1)}{(\alpha+1)(5\alpha+3)^2}$$

$$= 1 - \frac{2(\alpha+1)}{5\alpha+3}, \text{ где } \alpha = \frac{V_3}{V_1}$$

$$f(\alpha) = \frac{2(\alpha+1)}{5\alpha+3} \quad f'(\alpha) = \frac{2(5\alpha+3) - 5(2\alpha+2)}{(5\alpha+3)^2} = \frac{-4}{(5\alpha+3)^2} < 0$$

$$\text{f(x) } \rightarrow \quad f_{\min}(\alpha) = \lim_{\alpha \rightarrow \infty} \frac{2\alpha+2}{5\alpha+3} = \frac{2}{5}$$

$$\eta_{\max} = 1 - f_{\min}(\alpha) = 0,6$$

$$\text{Очевидно: 1) } \frac{C_{12}}{C_{23}} = 0,6 \quad 2) \frac{\Delta U_{23}}{A'_{23}} = 1,5 \quad , 3) \eta = 60\%$$

$$n3. 1) T-?$$

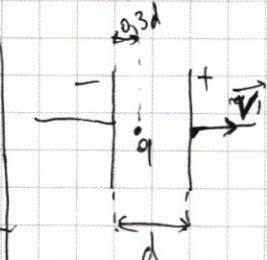
$$2) Q-?$$

$$3) V_2-?$$

$$d, V_1$$

$$\frac{|q|}{m} = f$$

$$S$$



$$A = E \cdot q \cdot (d - 0,3d) = \frac{m V_1^2}{2} \quad (\text{м. о. кин. энергии})$$

$$\frac{Q}{E_0 S} \cdot 0,7d = \frac{m V_1^2}{2}$$

$$Q = \frac{V_1^2 \cdot E_0 S}{2 \cdot 0,7d} = \frac{V_1^2 \cdot E_0 S}{1,4 \cdot d}$$

$$1) s = 0,2d = \frac{a T^2}{2} \quad (\text{ПУД}), \text{ где } s - \text{ перемещение, } a - \text{ ускорение}$$

$$a = \frac{F}{m} = E \cdot f = \frac{Q \cdot f}{E_0 S}$$

$$E = \frac{U}{d} = \frac{Q}{C \cdot d}$$

$$C = \frac{\epsilon_0 S}{d} \quad (\text{заряд накоп. конд.})$$

$$E = \frac{Q}{E_0 S}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$N3. \quad 0,2d = \frac{Q \cdot \gamma T^2}{E_0 S \cdot 2} \Leftrightarrow 0,2d = \frac{V_1^2 \cdot E_0 S \cdot \gamma T^2}{1,4 \cdot \gamma \cdot d \cdot E_0 S \cdot 2} \quad T^2 = \frac{0,4 d^2 \cdot 1,4}{V_1^2}$$

$$T = \frac{d}{V_1} \sqrt{0,4 \cdot 1,4} = \frac{0,2d}{V_1} \sqrt{14} \approx 0,74 \frac{d}{V_1}$$

3) Для демократии вся начальная потенциальная энергия перейдет в кинетическую, значит:

$$\frac{m V_2^2}{2} = E_{n1} + E_{n2} = \frac{k |q| Q}{0,3d} - \frac{k |q| Q}{0,7d} = \frac{0,4 k \cdot Q \cdot |q|}{0,21d}$$

$$k = \frac{1}{4 E_0 \pi}$$

$E_{n1}$  - потенциальная энергия взаимодействия  $q$  и  $-q$

$E_{n2}$  - пот. энергия вращ.  $q$  и  $Q$

$$V_2^2 = \frac{2 \cdot 0,4 \cdot |q| k \cdot V_1^2 \cdot E_0 S}{4 \pi \cdot 0,21d \cdot 1,4 \cdot d} = \frac{2 \cdot 0,4 \cdot V_1^2 \cdot S}{4 \pi \cdot 0,21d \cdot 1,4d} = \frac{0,4 \cdot V_1^2 \cdot S}{4 \pi \cdot 0,7 \cdot 0,3 \cdot 0,7 \cdot d^2}$$

$$V_2 = \frac{V_1 \sqrt{S}}{d \cdot 0,7 \sqrt{3\pi}} \approx \frac{V_1 \sqrt{S}}{d \cdot 2,1}$$

Ответ: 1)  $T = 0,74 \frac{d}{V_1}$ , 2)  $Q = \frac{V_1^2 \cdot E_0 S}{1,4 \cdot \gamma d}$  3)  $V_2 = \frac{V_1 \sqrt{S}}{d \cdot 2,1}$

N1. 1)  $v_K$ ?

2)  $v_{km}$ ?

3)  $T$ ?

$V = 34 \text{ см}/\text{s}$

$m = 0,3 \text{ кг}$

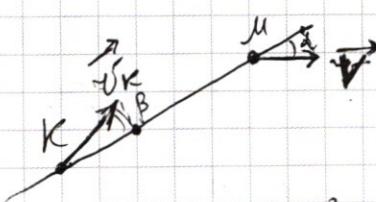
$R = 0,53 \text{ м}$

$\ell = \frac{5}{4} R$

$\cos \alpha = \frac{15}{17}$

$\cos \beta = \frac{3}{5}$

1) спроектируем скорость на каск.:



Стремясь заняться равновесием

Значит:  $v_K \cdot \cos \beta = v \cdot \cos \alpha$

$$v_K = \frac{v \cdot \cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$v_K = \frac{34 \text{ см}/\text{s} \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{5}{3}}{\pi \cdot \frac{3}{5}} = 50 \text{ см}/\text{s}$$

2) Правило сложения скоростей:

$$\vec{v}_K = \vec{v}_{km} + \vec{v}$$

$$\vec{v}_{km} = \vec{v}_K - \vec{v}$$

$$\vec{v}_K$$

$v_{km}$  - скорость катка относительно

множества

Теорема косинусов:  $V_{km}^2 = V_k^2 + V^2 - 2V_k \cdot V \cdot \cos(\alpha + \beta)$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{8}{17}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \frac{4}{5}$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{15}{17} \cdot \frac{3}{5} - \frac{8}{17} \cdot \frac{4}{5} = \frac{45 - 32}{17 \cdot 5} = \frac{13}{85}.$$

$$V_{km}^2 = 50^2 + 34^2 - 2 \cdot \frac{50 \cdot 34 \cdot 13}{85} = 3136 = 56^2$$

$$V_{km} = 56 \text{ см/с}$$

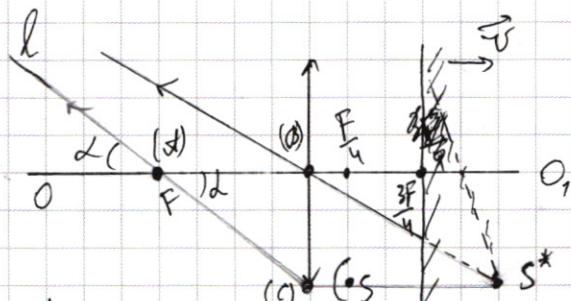
Ответ: 1)  $V_k = 50 \text{ см/с}$ , 2)  $V_{km} = 56 \text{ см/с}$

н5.

1)  $f$ ?

2)  $\alpha$ ?

3)  $V_u$ ?



1) Решение тонкой линии:  $\frac{1}{f} = \frac{1}{F} + \frac{1}{d}$

$$\frac{1}{f} = \frac{d - F}{dF}$$

$d = \frac{5F}{4}$  (из построения;  $d$  - расстояние от магнита до  $S^*$ )

$$\frac{1}{f} = \frac{F \cdot k}{k \cdot 5F}$$

$$f = 5F$$

$$\Gamma = \frac{f}{d} = \frac{8F/4}{5F} = 4$$

2) Движение покрытия из геометрических соображений, то же скорость изображения ходит вдоль прямой  $f$ .

Наша  $\alpha = (O_1; l)$   $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ,

из  $\triangle ABC$ :  $\sin \alpha = \frac{3}{4}$ , значит  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ,  $\cos \alpha = \frac{4}{5}$

3) Зеркало движется со скоростью  $V$ . Это очевидно, что  $S^*$  движется со скоростью  $V$ . Значит предмет движется со скоростью  $V$ , магнит имеет увеличение  $\Gamma = 4$

Значит скорость изображения равна:  $V_u = \Gamma^2 \cdot V = 16V$

Ответ: 1)  $f = 5F$  2)  $\alpha = \arcsin 0,6$  ( $\sin \alpha = 0,6$ ) 3)  $V_u = 16V$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

н1.

$$v_f = 34 \text{ см/с}$$

$$m = 0,3 \text{ кг}$$

$$R = 0,53 \text{ м}$$

$$l = \frac{5}{4} R$$

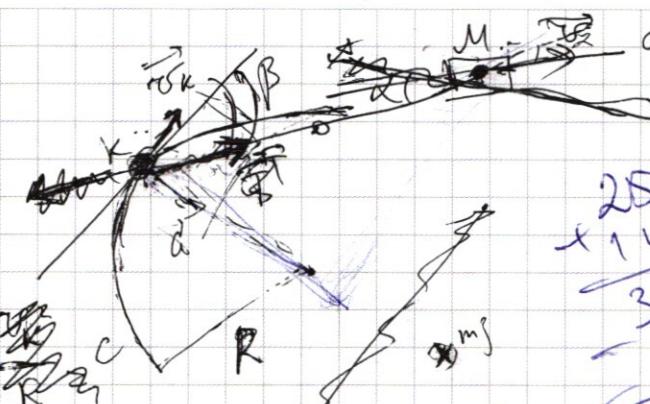
$$\cos \angle = \frac{15}{14}$$

$$\cos \beta = \frac{3}{5}$$

1)  $v_k - ?$

2)  $v_{km} - ?$

3)  $T - ?$



~~$$2500$$~~
~~$$x 1156$$~~

~~$$3656$$~~
~~$$- 520$$~~

~~$$3136$$~~
~~$$- 520$$~~

~~$$784 \frac{1}{4}$$~~
~~$$- 38$$~~

~~$$3656$$~~
~~$$- 32$$~~

~~$$5$$~~
~~$$- 16$$~~

~~$$14.4$$~~
~~$$- 56$$~~

~~$$56$$~~
~~$$- 56$$~~

~~$$3$$~~
~~$$- 336$$~~

~~$$55$$~~
~~$$- 280$$~~

~~$$3136$$~~
~~$$- 3136$$~~

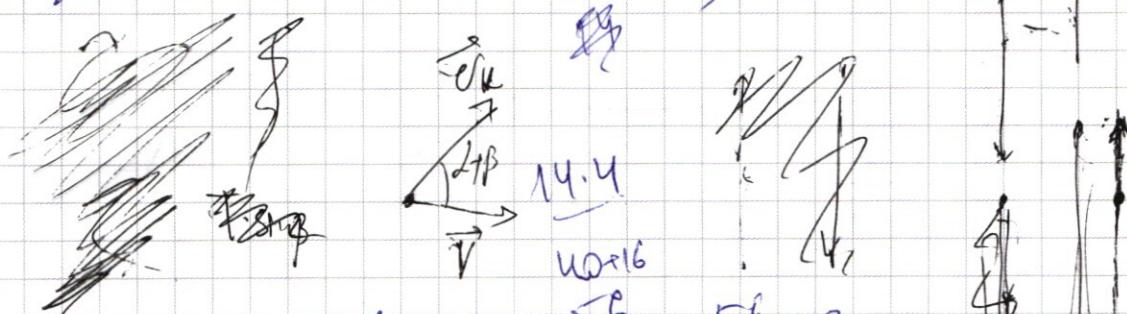
~~$$75$$~~
~~$$- 75$$~~

~~$$u$$~~
~~$$- u$$~~

~~$$v_{kg}$$~~
~~$$= \frac{g}{\gamma v}$$~~

~~$$T \cos \beta - m g \cos \beta = m v \cdot \cos \angle$$~~

$$v_k = \frac{v_f \cdot \cos \angle}{\cos \beta} = \frac{34 \cdot \cos 18^\circ}{\cos 53^\circ} = 50 \text{ см/с}$$



~~$$T \sin \beta + m g \sin \beta = m v^2 / R$$~~

~~$$T \sin \beta = m v^2 / R$$~~

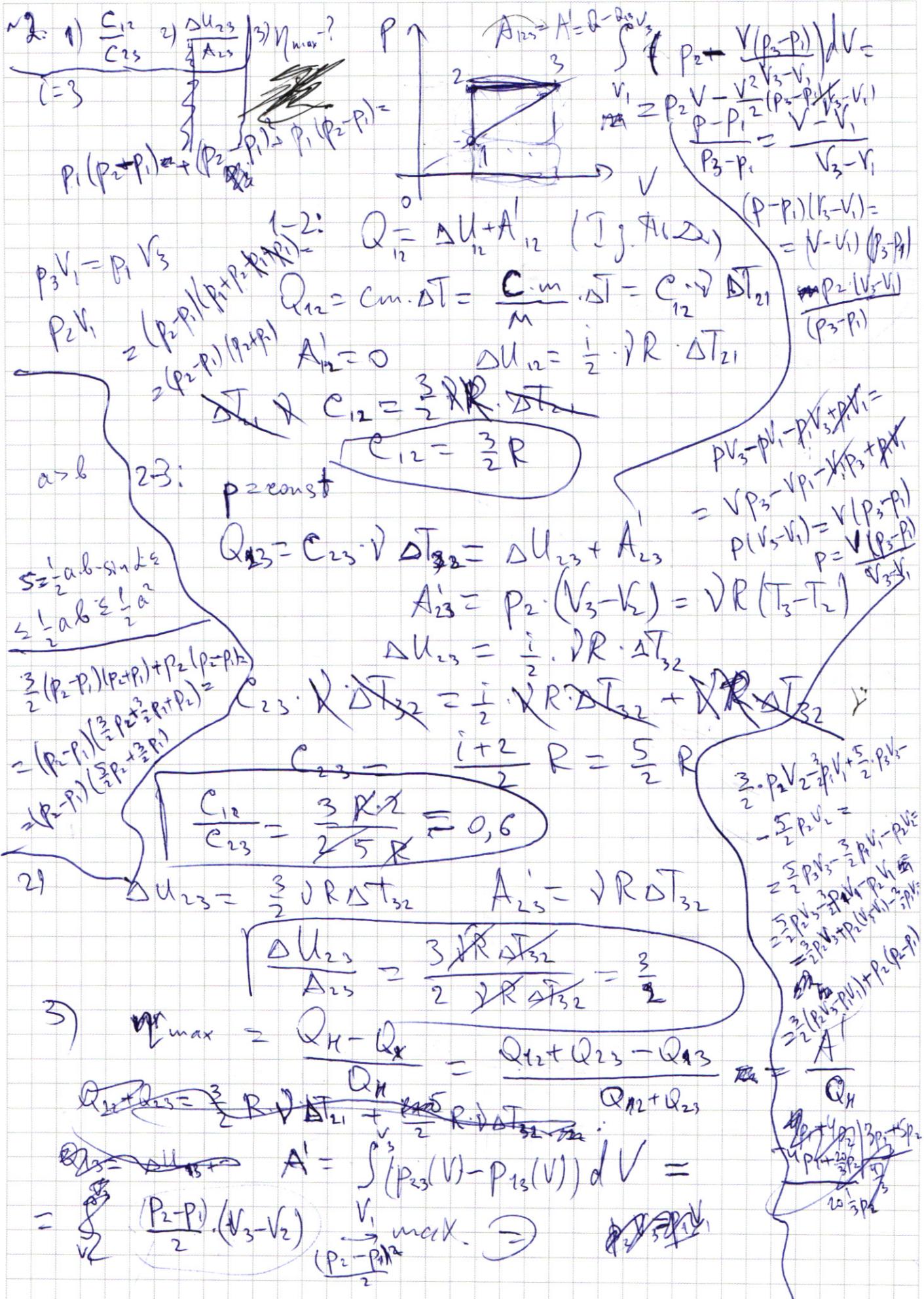
~~$$T \sin \beta = 0,3 \cdot \frac{1}{4} \cdot 0,02 \cdot 14$$~~

~~$$4,53 \cdot 8$$~~

~~$$T \sin \beta = m v^2 / R$$~~

~~$$T \sin \beta = 0,3 \cdot \frac{1}{4} \cdot 0,02 \cdot 14$$~~

~~$$4,53 \cdot 4$$~~









ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

## **ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА**

черновик       чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)