

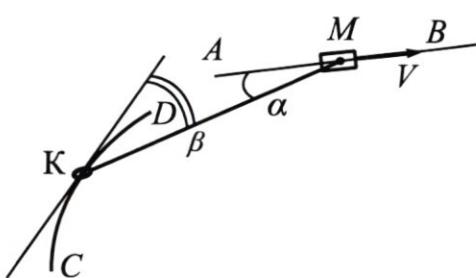
Олимпиада «Физтех» по физике, 1

Класс 11

Вариант 11-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не рассматриваются.

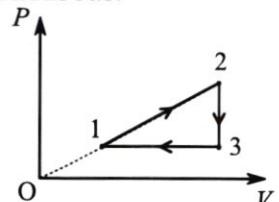
1. Муфту M двигают со скоростью $V = 40$ см/с по горизонтальной направляющей AB (см. рис.). Кольцо K массой $m = 1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,7$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 3/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



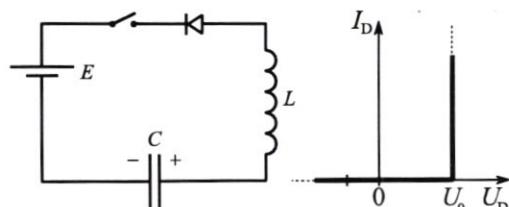
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается между обкладками на расстоянии $0,2d$ от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите продолжительность T движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение U на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

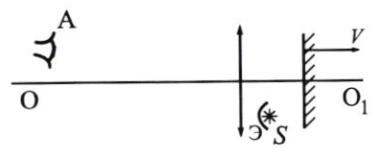
4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 3$ В, конденсатор емкостью $C = 20$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 6$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,2$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.



5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана \mathcal{E} , расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии плоскости $F/3$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 1.

Скорость куперты по напр. $AB = U$, значит скорость троса, со-
напр. с танг. $= U \cos \alpha$. Эта скорость есть $U_1 \cos \beta$, где $\alpha = \pi - \beta$.
Конечно $\Rightarrow U \cos \alpha = U_1 \cos \beta \Rightarrow U_1 = \frac{U \cos \alpha}{\cos \beta} = 40 \text{ м/с} \cdot \frac{\frac{3}{5} \cdot \frac{17}{8}}{\frac{5}{8}} =$
 $\boxed{51 \text{ м/с}}$

По пр. словесн. скорости $\vec{U}_1 = \vec{U}_{12} + \vec{U}$, где U_2 - исковая ск.
изображ:



Тогда по Т.кос: $U_{12} = \sqrt{U^2 + U_1^2 - 2U_1U \cos \alpha}$

$$U \cos(\alpha + \beta), \sin \alpha = \sqrt{1 - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5}, \sin \beta = \sqrt{1 - \frac{64}{289}} = \frac{15}{17} \Rightarrow \cos(\alpha + \beta) = \\ -\cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta = -\frac{36}{85} \Rightarrow U_{12} = \sqrt{1600 \text{ м}^2/\text{с}^2 + 2601 \text{ м}^2/\text{с}^2 +} \\ + 2 \cdot 40 \text{ м/с} \cdot 51 \text{ м/с} \cdot \frac{36}{85} = \boxed{77 \text{ м/с}}$$

По Кон्�юо грави. со ск. $U_1 = 51 \text{ м/с}$ но г. у. с. ускорен \Rightarrow по II
з. Нормона: $\frac{mU_1^2}{R} = T \sin \beta \Rightarrow T = \frac{mU_1^2}{R \sin \beta} = \frac{1 \text{ кг} \cdot (0,51 \text{ м/с})^2 \cdot 17}{1,577 \cdot 15} =$
 $= 0,1734 \text{ Н} = \boxed{173,4 \text{ Н}}$

Ответ: $U_1 = 51 \text{ м/с}$; $U_{12} = 77 \text{ м/с}$; $T = 173,4 \text{ Н}$

Задача 2.

Так понимают T то чистотык 2-3 (чупорка, $\frac{V_3}{V_2} = \frac{T_3}{T_2} < 1$)
и 3-1 (чупорка, $\frac{V_1}{V_3} = \frac{T_1}{T_3} < 1$). Тогда для 2-3 $Q_1 = C_1 V_1 \Delta T =$
 $= \frac{3}{2} \nu R \Delta T$ (по I з. Термодинамики $\Delta V_2 = 0 \Rightarrow A = 0$) $\Rightarrow C_1 = \frac{3}{2} R$
 $Q_2 = C_2 V_2 \Delta T = \frac{3}{2} \nu R \Delta T + p_1(V_1 - V_3) = \frac{3}{2} \nu R \Delta T + VR \Delta T =$
 $\Rightarrow C_2 = \frac{5}{2} R \Rightarrow \frac{C_1}{C_2} = \frac{3R \cdot 2}{2 \cdot 5R} = \boxed{0,6}$

$$Q_{12} = \frac{P_1 + P_2}{2} (V_3 - V_1) + \frac{3}{2} VR (T_2 - T_1), \text{ из ур. Менделеев - Капн}$$

$$Q_{12} = \frac{P_1 + P_2}{2} (V_3 - V_1) + \frac{3}{2} (P_2 V_3 - P_1 V_1). \text{ По усн. } \frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2}, \text{ т.о.}$$

$$V_2 = V_3 \Rightarrow P_2 = \frac{P_1 V_3}{V_1} \text{ можа настичь и, упрощ., получ.:$$

$$Q_{12} = 2P_1 \left(\frac{V_3^2 - V_1^2}{V_1} \right), A_{12} = \frac{P_1}{2} \left(\frac{V_3^2 - V_1^2}{V_1} \right) \Rightarrow \frac{Q_{12}}{A_{12}} = \boxed{4}$$

Так получаем meno тонкого на ус. 12 $\Rightarrow h = \frac{A_{12}}{Q_{12}}$, найдем A_{12}
как площадь под графиком: $A_{12} = \frac{1}{2} (P_2 - P_1) (V_3 - V_1) = \frac{P_1}{2} \cdot \frac{(V_3 - V_1)}{V_1}$

$$\Rightarrow h = \frac{V_3 - V_1}{4(V_3 + V_1)}, \text{ одн. виды не могут быть отрицательными} \Rightarrow$$

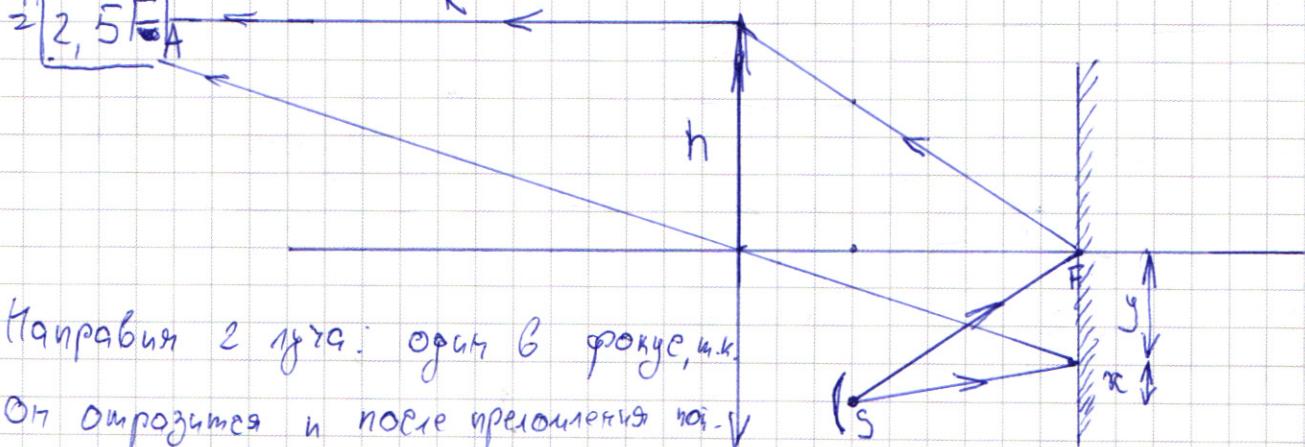
$$\Rightarrow V_3 - V_1 \leq V_3 + V_1 \text{ можа макс. так. КПД достиженес ли}$$

$$V_3 - V_1 = V_3 + V_1 \Rightarrow h = \frac{1}{4} = 0,25; h = \underline{\underline{25\%}}$$

$$\text{Отвем: } \frac{C_1}{C_2} = 0,6; \frac{Q_{12}}{A_{12}} = 4; h = 25\%$$

Задача 5.

В ун. момент S наход. на расст. $F - \frac{E}{3} = \frac{2F}{3}$ от зеркала. Это
чтобы изобр. наход. на расст. $F + \frac{2F}{3} = \frac{5F}{3}$ от зеркала. Тогда по
ф. тонкой линзы $\frac{1}{F} = \frac{1}{f} + \frac{1}{R} = \frac{1}{f} + \frac{3}{5F} \Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{2}{5F} \Rightarrow f = \frac{5}{2}F$



Направляя 2 ус.: один в фокус, и.к.

От отразимся и после преобразований на-

дем параллельно ОО₁; и второй так, чтобы, после отражения от
зеркал пересечь опт. лучи (без преломления). Их равенство узлов отра-
зки и находит найдёт, что $\frac{h}{R} = \frac{40}{125} \Rightarrow \alpha = \underline{\underline{\text{угол}} 0,32}$

Чтобы найти сг. изобр., воспольз. 2 ус. для конечна, когда
зеркало наход. на расст. 2F от зеркала: один из них так, чтобы он

отразился в фокус, а другой, чтобы отр. в опт. зеркале.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1. К нам дано рисунок от S до BO_1 , сила F и $R = \frac{11F}{8}$. Найдём R , на к. накр. изобр.: $R = \frac{5F}{8}$. Тогда за то время, до

к. зеркала пересчиталось $\frac{5}{2}F - \frac{11F}{8}$

$\Rightarrow \frac{9F}{8}$, т.е. $\frac{U}{U_1} = \frac{9F}{8U_1} \Rightarrow U_1 = \frac{8}{9}U = \boxed{1,125U}$

Ответ: $R = 2,5F$; $\alpha = \arctg 0,32^\circ$; $U_1 = 1,125U$

Задача 3

Частичная вспомогательность \Rightarrow она движется со скоростью $\frac{U_1^2}{2d}$ вправо.

Начальная, т.е. она проходит $0,8d$. Тогда $0,8d = \frac{U_1^2}{2d} \Rightarrow$

$\Rightarrow a = \frac{U_1^2}{1,6d}$; $U_1 = \frac{a}{T} \Rightarrow T = \frac{U_1}{a} = \boxed{\frac{10,6d}{U_1}}$

По 3. с. энергии вся кинет. энергия потока на преодоление разности напоров, т.е. $\frac{mU_1^2}{2} = Eq \cdot 0,8d$, где E - конр. пот. в кол.

$\Rightarrow E = \frac{U_1^2}{1,6d}$, тогда $U = Ed = \boxed{\frac{U_1^2}{1,6d}}$

Потяг за пределами конденсатора неоднородно, поэтому конденсатор

все сильнодействия $\Rightarrow U_0 = U_1$

Ответ: $T = \frac{10,6d}{U_1}$; $U = \boxed{\frac{U_1^2}{1,6d}}$; $U_0 = U_1$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$Q_1 = \frac{3}{2} \cancel{V} R (T_2 - T_3) \cancel{\Delta T} = C_1 \cancel{V} \cancel{R} \cancel{T}$$

$$C_1 = \frac{3}{2} \cancel{V} R$$

$$Q_2 = \frac{3}{2} \cancel{V} R \cancel{\Delta T} + p_1 (V_1 - V_3)$$

$$p_1 V_1 = \cancel{V} R T_1 \quad \frac{p_1 V_1}{\cancel{V} R} = \frac{p_1 V_3}{\cancel{V} R}$$

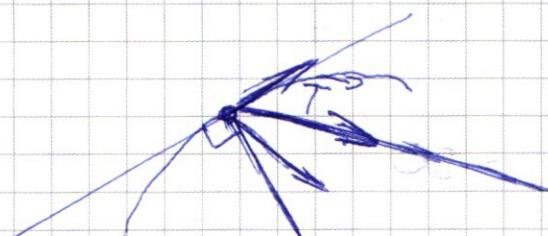
$$p_1 V_3 = \cancel{V} R T_3 \quad Q_2 = \frac{3}{2} p_1 V_1 - \frac{3}{2} p_1 V_3 + p_1 V_1 - p_1 V_3 =$$

$$= \frac{3}{2} (p_1 V_1 - p_1 V_3) = \frac{3}{2} (V R T_1 - V R T_3) =$$

$$= C_2 \cancel{V} \cancel{R} \cancel{T} = \frac{3}{2} V R \cancel{\Delta T}$$

$$\frac{p_1}{V_1} = \frac{p_2}{V_3} \rightarrow p_2 = \frac{p_1 V_3}{V_1}$$

$$\frac{C_1}{C_2} = \frac{3R}{2} \cdot \frac{2}{5R} = \frac{3}{5} = [0,6]$$



$$h = \frac{A_0}{Q} =$$

$$A_{II} = \frac{1}{2} \cdot (p_2 - p_3) (V_3 - V_1)$$

$$A_{II} = \frac{1}{2} (p_2 - p_1) (V_3 - V_1)$$

$$Q_{12} = \frac{p_1 + p_2}{2} (V_3 - V_1) + \frac{3}{2} \cancel{V} R (T_2 - T_1) \quad A_{II} = \frac{1}{2} (p_2 - p_1) (V_3 - V_1)$$

$$Q_{12} = \frac{p_1}{2} (1 + \frac{V_3}{V_1}) + \frac{3}{2} (p_2 V_3 - p_1 V_1) \quad A_{II} = \frac{1}{2} (\frac{p_1 V_3}{V_1} - p_1) (V_3 - V_1)$$

$$Q_{12} = \frac{p_1}{2} (\cancel{V} + \frac{V_3}{V_1}) + \frac{3}{2} (\frac{p_1 V_3^2}{V_1} - p_1 V_1) \quad = \frac{p_1}{2} (\frac{V_3 - V_1}{V_1}) (V_3 - V_1)$$

$$Q_{12} = \frac{p_1 + p_2}{2} (V_3 - V_1) + \frac{3}{2} (\frac{p_1 V_3^2}{V_1} - p_1 V_1) = \frac{p_1}{2} (\frac{V_3 - V_1}{V_1}) (V_3 - V_1)$$

$$= \frac{p_1}{2} (\frac{V_1 + V_3}{V_1}) (V_3 - V_1) + \frac{3}{2} p_1 (\frac{3V_3^2 - 3V_1^2}{V_1}) = h = \frac{4 \cdot p_1 \cdot (V_3 - V_1)(V_3 + V_1)}{9(V_3 + V_1)}$$

$$= \frac{p_1}{2} (\frac{V_3^2 - V_1^2}{V_1}) + \frac{p_1}{2} (\frac{3V_3^2 - 3V_1^2}{V_1}) = \frac{p_1}{2} (\frac{4V_3^2 - 4V_1^2}{V_1}) = 2p_1 (\frac{V_3^2 - V_1^2}{V_1})$$

$$A_2 = \frac{p_1}{F_2} \left(\frac{V_3^2 - V_1^2}{V_1} \right)$$

$$\frac{Q}{A} = \frac{4p_1 \frac{V_1 (V_3^2 - V_1^2)}{V_1}}{p_1 (V_3^2 - V_1^2)} = [4]$$

$$p_1 V_1 = V R T_1$$

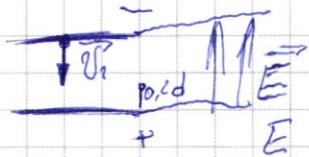
$$p_1 V_3 = V R T_3$$

$$h = \frac{V_3 - V_1}{4(V_3 + V_1)} =$$

$$= \frac{V_3 - V_1}{4(V_3 + V_1)} = [0,25]$$

E

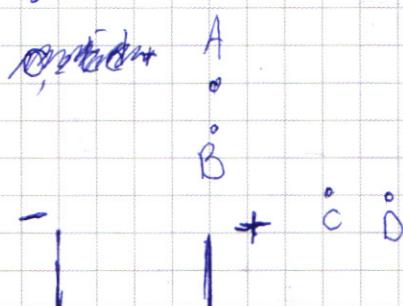
$$\frac{mU_1^2}{2} = qU = 0,9 Ed \Rightarrow mU_1^2 = 1,69 Ed \Rightarrow E = \frac{mU_1^2}{1,69 d} = \frac{U_1^2}{1,69 d}$$



$$m = Eg \Rightarrow g = E_j = \frac{U_1^2}{1,69 d}$$

$$E = \frac{kq}{r}$$

~~отделка~~



$$U = \sqrt{\frac{U_1^2}{1,69}}$$

$$A - B = 3$$

$$A - D = 1$$

$$C - D = 6$$

$$0,8d = \frac{U_1^2}{2g} \Rightarrow g = \frac{U_1^2}{1,6d}$$

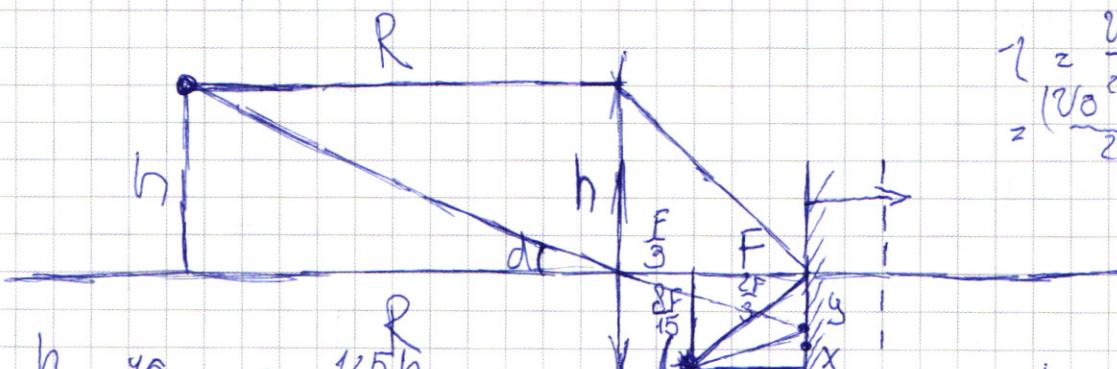
$$a = \frac{U_1}{T} \Rightarrow U_1 = aT$$

$$T \Rightarrow \frac{U_1}{g} = \frac{N_1}{2h^2} \cdot 1,6d$$

$$T = \frac{1,6d}{85_1}$$

~~$$T = \frac{(U_0^2 - U_1^2)}{2g} \cdot 1,6d$$~~

~~$$\frac{U_0^2}{2g} - \frac{1}{2} = \infty$$~~



$$T = \frac{U_0^2 - U_1^2}{2g} = \frac{(U_0^2 - U_1^2) \cdot 1,6d}{2U_1^2}$$

$$\frac{h}{R} = \frac{40}{125} \Rightarrow R = \frac{125h}{40} = \frac{125 \cdot 4F}{5 \cdot 40 \cdot 10} = \frac{125F}{500} = \frac{25F}{100} = 2,5F$$

$$= \frac{4}{5 \cdot 2,5} = \frac{4}{12,5} = \frac{40}{125}$$

$$R = 2,5F$$

$$= f_{\text{врт}} + g = 0,32$$

$$d = arctg \frac{40}{125} : arctg \frac{8}{25}$$

$$\frac{48R \cdot 3}{5 \cdot 16 \cdot 8F} = \frac{h}{F} \Rightarrow$$

$$h = \frac{4F}{5} = \frac{80F}{80F} = \frac{24F^2}{80F} = \frac{4}{5}P$$

$$\frac{3x}{2R} = \frac{y}{F} \Rightarrow$$

$$y = 1,5k$$

$$\frac{8F}{15} = 2,5k \Rightarrow$$

$$k = \frac{8F}{75 \cdot 2,5} \Rightarrow$$

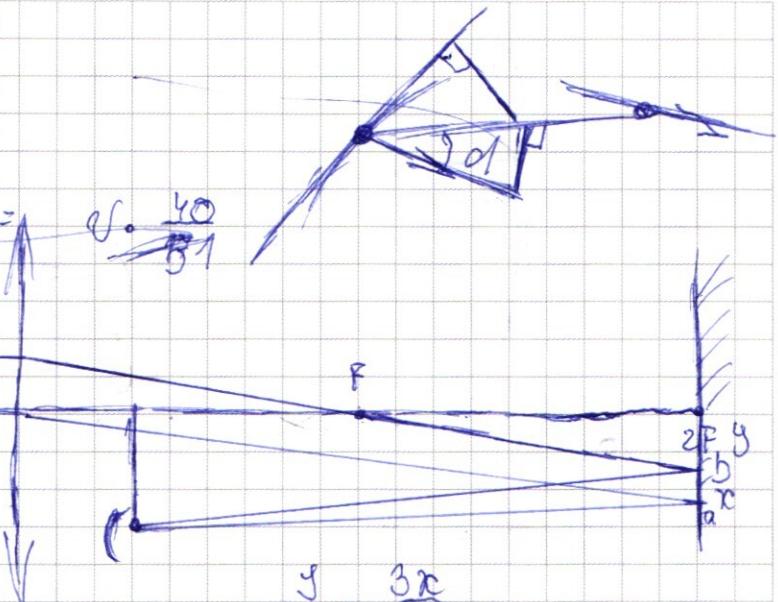
$$\Rightarrow tg \alpha = \frac{4,8R}{15 \cdot 2,5} = \frac{3}{5}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{U}{\cos \alpha} = \frac{0,51}{0,34} = \frac{1,5}{0,51}$$

$$\frac{U \cos \beta}{\cos \alpha} = U \cdot \frac{0,51}{0,34} = U \cdot \frac{15}{17} =$$

$$\frac{0,51}{0,34}$$



$$T \sin \beta = \frac{mv^2}{R}$$

$$T = \frac{mv^2}{R \sin \beta} =$$

$$r + y = \frac{d}{15} R$$

$$1,67 \cdot 10 = \frac{8F}{15} = \frac{8}{5} F$$

$$\frac{y}{R} = \frac{3x}{5R}$$

$$y = \frac{3}{5} r = h$$

$$T = 1k \cdot \frac{(0,51)^2 \cdot 17}{1,67 \cdot 15} = 10$$

$$\frac{F}{25} = \frac{2,5F - 1,67F}{U_n} \Rightarrow U_n =$$

$$r^2 \cdot \frac{F}{3} = h^2 \Rightarrow \frac{8}{5} \cdot \frac{F}{3} = \frac{8}{5} F$$

$$\frac{0,51}{0,34} = \frac{15}{20}$$

$$0,17344$$

$$a + b = \frac{8}{25} F = \frac{11}{5} F \Rightarrow a = \frac{8}{25} F$$

$$\frac{h}{R} = \frac{8F \cdot 3}{33 \cdot 5F} = \frac{8}{55} = \frac{h}{R} \Rightarrow$$

$$173,4 \text{ MM}$$

$$\Rightarrow R = \frac{55h}{8} = \frac{55 \cdot 5}{8} =$$

$$U_g = U \cdot \frac{9}{8} \cdot \sqrt{1,125} \quad 10$$

$$U \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{3U \cdot 17}{5 \cdot 8} = \frac{51U}{40} = 51 \text{ см/с}$$

$$T \sin \beta = \frac{mv^2}{R} \Rightarrow T = \frac{mv^2}{R \sin \beta} = \frac{4k \cdot 0,17344 \cdot 17}{1,67 \cdot 15} = 10$$

$$\frac{m \dot{U}_{12}^2}{L} = T$$

$$\frac{m \dot{U}_{12}^2}{L} = T$$

запт.



$$l = \frac{U_0^2 - U_1^2}{2a}$$

$$l = \frac{(U_0^2 - U_1^2)}{U_1^2} 11,6d$$

$$l = \frac{(U_0^2 - U_1^2)^2}{U_1^2} 1,6d \cdot j$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f} + \frac{3}{5F} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{f} = \frac{5-3}{5F} \Rightarrow f = \frac{5}{2}F = 2,5F$$

$$\sin \alpha = \frac{4}{5}$$

$$\sin \beta = \frac{15}{17}$$

$$= \sqrt{1600 + 2601 + 1728}$$

$$\frac{24 - 60}{85} = -\frac{36}{85}$$



$$U_{12} = \sqrt{U_1^2 + U_2^2 - 2U_1 U_2 \cos(\alpha + \beta)}$$

$$U_{12} = \sqrt{U_1^2 + U_2^2 + 2U_1 U_2 \cdot \frac{36}{85}} = \sqrt{1600 + 2601 + \frac{2 \cdot 36 \cdot 90 \cdot 36}{85 \cdot 5}}$$

$$= \sqrt{1600 + 2601 + 48 \cdot 36} = \boxed{77 \text{ cm/c}}$$

$$\varphi_A - \varphi_C = 1B$$

$$\varphi_A - \varphi_B = 3B$$

$$\varphi_C - \varphi_B + \varphi_C = 2B$$

$$\varphi_C - \varphi_B = 2B$$

$$\left. \begin{array}{c} \varphi_A \\ \varphi_B \\ \varphi_C \end{array} \right\} \parallel \left. \begin{array}{c} \varphi_B \\ \varphi_C \\ \varphi_B \end{array} \right\}$$

$$\frac{4}{533} \times \frac{533}{539} = \frac{539}{5929}$$

$$\frac{51}{151} \times \frac{151}{2601} = \frac{255}{2601} + \frac{4201}{5929}$$

$$\frac{U_0 \cos \alpha}{\cos \beta} = \boxed{57 \text{ cm/c}}$$

$$\frac{2601}{1600} + \frac{1600}{2601}$$

$$\frac{48}{36} \times \frac{36}{288} = \frac{144}{288}$$

$$\cos(\alpha + \beta) =$$

$$= \frac{8}{17} \cdot \frac{3}{5} - \frac{15}{17} \cdot \frac{4}{5} =$$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ
«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

A large rectangular area filled with a grid of horizontal and vertical lines, resembling graph paper, intended for the student to write their written work.

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)