

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 11-08

Класс 11

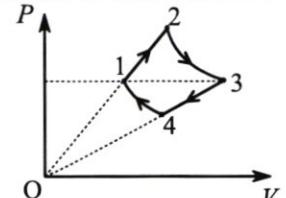
Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

1. Шарик подвешен в поле тяжести на легкой упругой пружине с неизвестной жесткостью. Шарик поднимают вверх до положения, когда пружина не деформирована, и отпускают. При дальнейшем движении шарика вдоль вертикали в некоторые моменты времени силы, действующие на шарик со стороны пружины, отличаются в 4 раза, а модули ускорений равны.

- 1) Найти модуль ускорения в эти моменты.
- 2) Найти отношение кинетических энергий шарика в эти моменты.
- 3) Найти отношение максимальной энергии деформации пружины к максимальной кинетической энергии шарика.

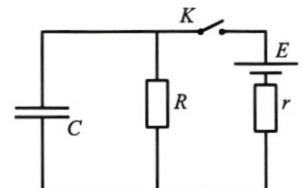
2. Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой T_1 расширяется в процессе 1-2 прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V . Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2-3, сжимается в процессе 3-4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4-1. В процессе 3-4 давление газа уменьшается в $k = 1,7$ раза. Давления газа в состояниях 1 и 3 равны.

- 1) Найти температуру газа в процессе 2-3.
- 2) Найти отношение объемов газа в состояниях 2 и 4.
- 3) Найти молярную теплоемкость газа в процессе 3-4.



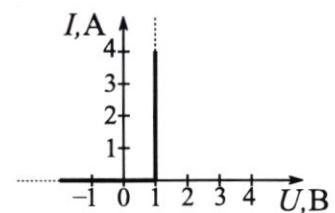
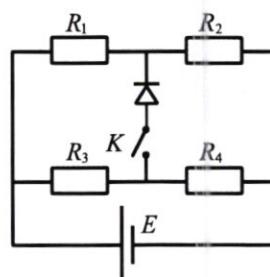
3. В электрической цепи (см. рис.) все элементы идеальные, конденсатор не заряжен. Величины E , R , C известны, $r = 4R$. Ключ K на некоторое время замыкают, а затем размыкают, когда скорость роста энергии конденсатора максимальна.

- 1) Найти ток, текущий через резистор R , сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти напряжение на конденсаторе сразу после размыкания ключа.
- 3) Найти максимальную скорость роста энергии, запасаемой конденсатором.



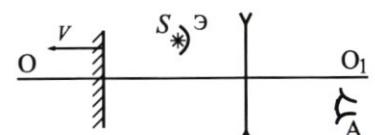
4. В цепи используется мостовая схема (см. рис.). ЭДС идеального источника $E = 10$ В, $R_1 = 5$ Ом, $R_2 = 5$ Ом, $R_4 = 15$ Ом. Вольтамперная характеристика диода показана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В.

- 1) Найти ток через резистор R_1 при разомкнутом ключе K .
- 2) При каких значениях R_3 ток потечет через диод при замкнутом ключе K ?
- 3) При каком значении R_3 мощность тепловых потерь на диоде будет равна $P_D = 0,8$ Вт?

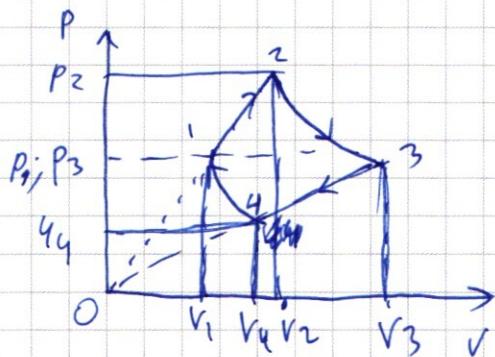


5. Оптическая система состоит из тонкой рассеивающей линзы с фокусным расстоянием $-F$ ($F > 0$), плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси линзы ОО₁. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси ОО₁ и на расстоянии $F/3$ от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси ОО₁. В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии $11F/18$ от линзы.

- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом α к оси ОО₁ движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Задача 2.

$$P_1 = P_3 \quad T_1 = T_4 - \text{температура в } T. 4$$

$$T_2 = T_3 - \text{температура в } T. 3$$

↑ температура в T. 2

$$\Rightarrow P_3 V_3 = V R T_3$$

V - количество газа

$$P_4 V_4 = V R T_4$$

⇒ поделим уравнения

$$\frac{P_3 V_3}{P_4 V_4} = \frac{T_3}{T_4} = \frac{T_2}{T_1}$$

т.к. из подобие

$$\frac{P_3}{V_3} = \frac{P_4}{V_4} \quad \text{принято}$$

$$\Rightarrow \frac{P_3 V_3}{P_4 V_4} = \frac{P_3^2}{P_4^2} = \frac{T_2}{T_1}$$

$$\Rightarrow T_2 = T_1 \cdot \frac{P_3^2}{P_4^2} = T_1 \cdot (1,7)^2 = 2,89 T_1$$

17
289
2,89

$$P_2 V_2 = V R T_1$$

из подобие

$$\frac{P_2}{V_2} = \frac{P_1}{V_1}$$

$$\Rightarrow V_2^2 \cdot \frac{P_1}{V_1} = V R T_1$$

$$V R T_1 = P_1 V_1 = P_4 V_4 = P_3 V_1$$

~~V_2^2 \cdot \frac{P_1}{V_1} = V R T_1~~

$$V_2^2 \cdot \frac{P_1 P_3}{P_4 V_4} = V_2^2 \frac{P_3}{P_4 V_4} = V R T_1 = P_4 V_4$$

$$\Rightarrow P_3^2 V_2^2 = P_4^2 V_4^2$$

$$\Rightarrow \frac{V_2}{V_4} = \sqrt{\frac{P_4}{P_3}} \quad \left[\frac{V_4}{V_2} = \frac{P_3}{P_4} = 1,7 \right]$$

получим изотермическую теплоемкость в процессе 34
~~без~~ первое начало термодинамики

$$C_V \Delta T = C_{34} V \gamma \Delta T + A$$

$$P_3 V_3 = \nu R T_2$$

$$P_4 V_4 = \nu R T_1$$

$$\Rightarrow \nu (T_1 - T_2) \nu R (T_1 - T_2) = P_4 V_4 - P_3 V_3$$

Алг. работу посчитаем как площадь под линией 3-4

$$A = -\frac{(P_4 + P_3)}{2} \cdot (V_3 - V_4) = \frac{1}{2} (P_4 V_3 - P_4 V_4 + P_3 V_3 - P_3 V_4)$$

$$\text{т.к. } \frac{P_4}{V_4} = \frac{P_3}{V_3} \Rightarrow P_4 V_3 = P_3 V_4$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{2} (P_3 V_3 - P_4 V_4)$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} (\nu R \Delta T) = \frac{3}{2} (P_3 V_3 + P_4 V_4)$$

$$\Delta T = T_1 - T_2$$

$$\Rightarrow \Delta U = 3A$$

$$\Rightarrow C_V \Delta T = C_{34} V \gamma \Delta T + \frac{C_V \Delta T}{3}$$

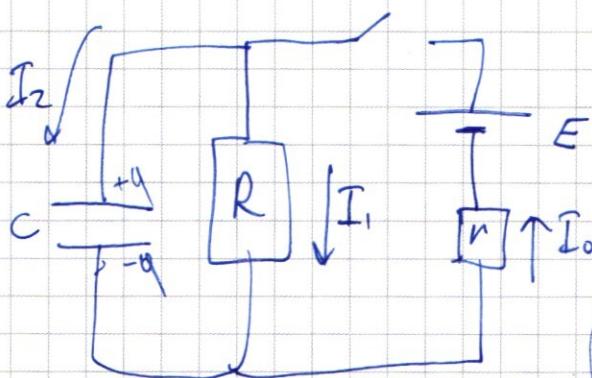
$$\Rightarrow C = \frac{4C_V}{3} = 2R$$

$$\Rightarrow \text{Ответ: } T_2 = 2,89 T_1 ; \quad \frac{V_4}{V_2} = 1,7 ; \quad C_{34} = 2R$$

ан8

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 3.



скорость роста заряда

$$\Rightarrow N = \frac{dW_C}{dt} = \frac{1}{2C} \cdot 2q \frac{dq}{dt} = \frac{1}{C} \cdot I_2 = (E - I_0 r) \cdot (I_0 - I_1) = \\ = (E - I_0 r) \left(I_0 - \frac{E - I_0 r}{R} \right) = (E - I_0 r) I_0 - \frac{(E - I_0 r)^2}{R}$$

тогда находим максимум N , будем производить по $(E - I_0 r)$
и приравняем её к нулю

$$\Rightarrow N = \sqrt{\frac{ER}{R}} (E - I_0 r) \geq 0 \quad N' = E - 2I_0 r +$$

$$\Rightarrow I_0 = \sqrt{\frac{ER}{R}} (E - I_0 r) \quad \frac{ER}{R} + \frac{2Er}{R} - 2I_0 \frac{r^2}{R} =$$

$$\Rightarrow E - I_0 r = \sqrt{\frac{ER}{R}} \quad = \frac{ER + 2Er}{R} = 0$$

$$\Rightarrow N = \sqrt{\frac{I_0 R}{2}} \sqrt{I_0} \sqrt{\frac{I_0 R}{2R}} = \sqrt{\frac{I_0^2 R^2}{4R}}$$

$$\Rightarrow 2I_0 r + 2I_0 \frac{r^2}{R} = E + 2E \frac{r}{R}$$

$$8I_0 R + 4I_0^2 R = E + 8E$$

$$40I_0 R = 9E$$

Задача прошла бирюзово

$$I_0 = I_1 + I_2$$

$$E = I_1 R + I_0 r$$

$$E = \frac{q}{C} + I_0 r$$

$$W_C = \frac{q^2}{2C} \quad *, q - заряд на конденсаторе$$

энергия конденсатора

конденсаторе

$$\Rightarrow N_{\max} = (E - I_0 R) \left(I_0 - \frac{E - I_0 R}{R} \right) = \left(E - \frac{9E}{40} \right) \left(\frac{\frac{9E}{40} - E + \frac{9E}{10}}{R} \right)$$

$$= \frac{31E}{40} \cdot \frac{\frac{5}{40}E}{R} = \frac{155E^2}{1600R} = \frac{31E^2}{320R}$$

Сразу после замыкания ключа

$$\frac{q}{C} = I_1 R \quad , \text{ м.к. } \text{ в начале } q=0, \Rightarrow I_1=0$$

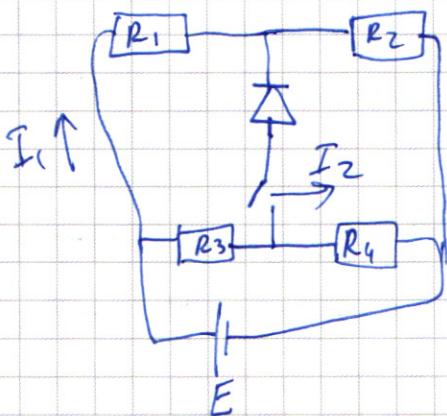
найдем ~~на~~ напряжение на конденсаторе сразу после подключения

$$\alpha \frac{q}{C} = U_C = E - I_0 R = E - 4I_0 R = E - \frac{9}{10}E = 0,1 \cdot E$$

\Rightarrow Ответ: 1) $I_1 = 0$

$$2) U_C = \frac{E}{10}$$

$$3) N_{\max} = \frac{31E^2}{320R}$$



N 4

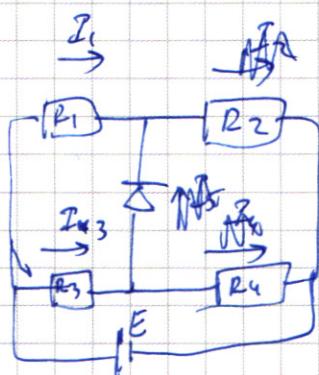
ключ разомкнут.

\Rightarrow по правилу ~~В~~ Кирхгофова

$$E = I_1(R_1 + R_2) \quad I_1(R_1 + R_2) =$$

$$\Rightarrow E = I_1(R_1 + R_2)$$

$$\Rightarrow I_1 = \frac{E}{R_1 + R_2} = 1A$$



$$E = I_1 R_1 + U_{10} + I_2 R_2$$

$I_1 R_1 = I_2 R_2 + U_{10}$
расмотрим случай ; когда ток
через диод не течет

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

тогда по закону Ома Кирхгофса

$$I_3 R_3 + U_d = I_1 R_1$$

$$I_1 (R_1 + R_2) = I_3 (R_3 + R_4) = E$$

$$\Rightarrow \frac{ER_3}{R_3 + R_4} + U_d = \frac{ER_1}{R_1 + R_2}$$

$$\Rightarrow U_d = \frac{ER_1}{R_1 + R_2} - \frac{ER_3}{R_3 + R_4}$$

тогда так же так как $U_d < U_o$

$$\Rightarrow \frac{ER_1}{R_1 + R_2} - \frac{ER_3}{R_3 + R_4} < U_o$$

$$\Rightarrow E \left(\frac{R_1}{R_1 + R_2} - \frac{R_3}{R_3 + R_4} \right) < U_o$$

$$\frac{R_1}{R_1 + R_2} - \frac{R_3}{R_3 + R_4} < \frac{U_o}{E}$$

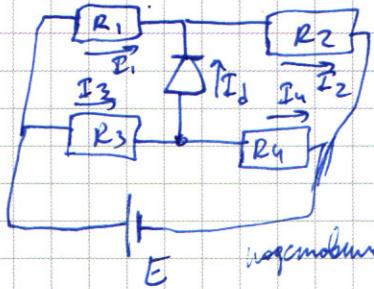
$$\frac{R_3}{R_3 + R_4} > \left(\frac{R_1}{R_1 + R_2} - \frac{U_o}{E} \right) = \gamma = 0,4$$

$$\Rightarrow \frac{R_3}{R_3 + R_4} > 0,4$$

$$R_3 > 0,4(R_3 + R_4)$$

$$R_3 > \frac{0,4R_4}{1+0,4} = \frac{0,4}{1,4} R_4 = \frac{2}{7} R_4 = \frac{30}{7} \text{ Ом} \approx 4,3 \text{ Ом}$$

$$P_d = U_d \cdot I_d = I_d = \frac{P_d}{U_d} = 0,8 \text{ A} \rightarrow \text{для}$$



$$E = I_1 R_1 + I_2 R_2 \quad (1)$$

$$I_3 R_3 + U_d = I_1 R_1 \quad (2)$$

$$I_2 = I_1 - I_d \quad (3)$$

$$\Rightarrow E = I_1 R_1 + R_2 (I_1 - I_d)$$

$$E = I_3 R_3 + I_4 R_4$$

$$I_4 + I_d = I_3$$

$$\Rightarrow E = I_3 R_3 + I_3 R_4 - I_d R_4$$

$$E = I_3 (R_3 + R_4) - I_d R_4$$

$$E = I_1 (R_1 + R_2) + I_d R_2$$

$$\Rightarrow \frac{E}{R_3 + R_4} = I_3 - I_d \frac{R_4}{R_3 + R_4}$$

$$\frac{E}{R_1 + R_2} = I_1 + I_d \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

поставим I_3 в (1) и (2)

$$\left(\frac{E}{R_3 + R_4} + I_d \left(\frac{R_4}{R_3 + R_4} \right) \right) R_3 + U_d = \frac{(E - I_d R_2)}{(R_1 + R_2)} R_1$$

$$\frac{(E + I_d R_4) R_3}{R_3 + R_4} + U_d = \frac{(E - I_d R_2) R_1}{R_1 + R_2}$$

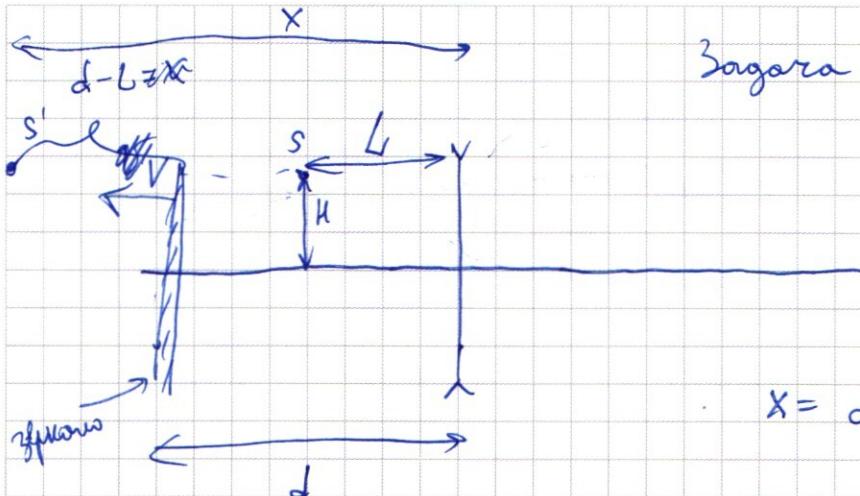
$$\Rightarrow 1 + \frac{R_4}{R_3} = \frac{\frac{(E + I_d R_4) R_3}{R_3 + R_4} - U_d}{\frac{(E - I_d R_2) R_1}{R_1 + R_2}} = \beta = \frac{22}{2} = 11$$

$$1 + \frac{R_4}{R_3} = \beta$$

$$\Rightarrow R_3 = \frac{R_4}{\beta - 1} = \frac{R_4}{\frac{(E + I_d R_4) R_3}{R_3 + R_4} - \frac{(E - I_d R_2) R_1}{R_1 + R_2} - U_d} = 1,5 \Omega$$

Ответ: 1) $I_1 = 1 \text{ A}$; 2) $R_3 < 10 \Omega$; 3) $R_3 = 1,5 \Omega$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Задача 5.

$$H = \frac{8F}{15}$$

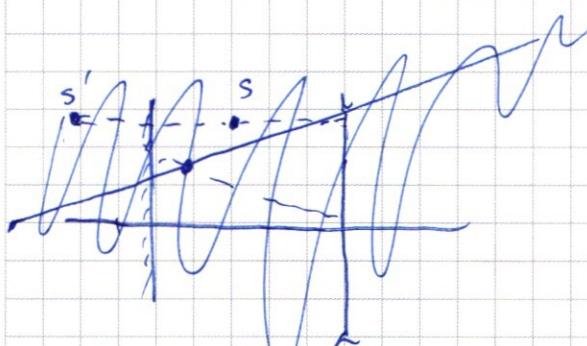
$$L = \frac{F}{3}$$

$$d = \frac{11F}{18}$$

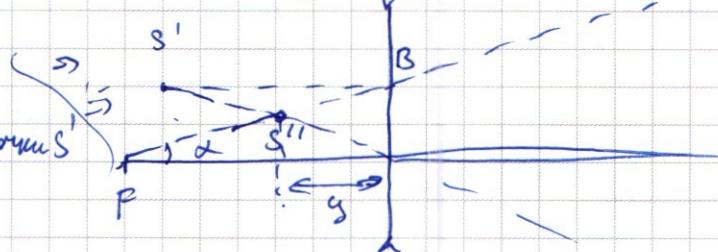
$$x = d - L + f = 2d - L =$$

$$= \frac{8}{9}F - \text{расстояние от}$$

~~на изображение S'~~ до изображения S'
в зеркале до зеркала



построим изображение S'' точки S
без зеркала



н.к. изображение S' движется по зеркалу и там же расположено H, то S'' всегда будет лежать на прямой FB и двигаться вдоль нее

$$\Rightarrow \tan \alpha = \frac{H}{F} = \frac{8}{15}$$

находим скорость от S''.

из формулы равнодвижущей линии

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{y} = -\frac{1}{F}$$

Можно дифференцируя по времени

~~$$\begin{aligned} H &= F \alpha \\ F \alpha &= F \dot{\alpha} = \ddot{x} \\ F \ddot{x} &= F \ddot{y} = 0 \quad (\text{так}) \end{aligned}$$~~

~~$$\frac{H}{F} = \frac{1}{x} - \frac{1}{y} = -\frac{1}{F}$$~~

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{y} = -\frac{1}{F} \quad \left| \frac{d}{dt} \right.$$

$$-\frac{1}{x^2} \cdot \frac{dx}{dt} + \frac{1}{y^2} \cdot \frac{dy}{dt} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{x^2} \cdot \frac{dx}{dt} = \frac{1}{y^2} \cdot \frac{dy}{dt}$$

$\frac{dx}{dt}$ - Скорость $s' = 2V$ (изображение s' переносится в s)
 \Rightarrow скорость $s' = 2V$ на 2α

$\frac{dy}{dt}$ - горизонтальная составляющая скорости s''

$$\Rightarrow \frac{dy}{dt} = u \cos \alpha \quad u - \text{скорость т. } s''$$

$$\Rightarrow \frac{1}{x^2} \cdot 2V = \frac{1}{y^2} \cdot u \cos \alpha$$

$$\Rightarrow u = \frac{g^2 \cdot 2V}{x^2 \cos \alpha} = \frac{2V}{\cos \alpha} \cdot \frac{1}{\left(1 + \frac{x}{F}\right)^2} =$$

$$1 - \frac{x}{y} = -\frac{u x}{F}$$



~~уравнение~~

$$\Rightarrow \frac{x}{y} = 1 + \frac{u x}{F}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{8}{15} \Rightarrow 1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\Rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha}} = \frac{15}{\sqrt{64 + 225}} = \frac{15}{17}$$

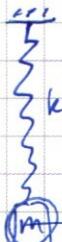
$$\Rightarrow \frac{34V}{15} \cdot \frac{1}{\left(1 + \frac{8}{15}\right)^2} = \frac{34V}{15} \cdot \frac{9^2}{17^2} = \frac{27 \cdot 2V}{5 \cdot 17} = \frac{54}{85} V$$

Найдем расстояние от S'' до центра

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{y} = -\frac{1}{F} \Rightarrow y = \frac{Fx}{F+x} = \frac{\frac{8}{15} F^2}{\frac{17}{15} F} = \frac{8}{17} F$$

$$\Rightarrow \text{Ответ: } y = \frac{8}{17} F ; \operatorname{tg} \alpha = \frac{8}{15} ; u = \frac{54}{85} V$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Задача 1.

$$kx_0 = mg \Rightarrow x_0 = \frac{mg}{k} - \text{ положение равновесия}$$

~~затем~~

т. к.

~~затем~~ ~~затем~~

модуль

ускорения

августа

равна, а сила не модуль не равна,

и пружина всегда действует ~~вверх~~

~~вправо~~
~~вправо~~
~~вправо~~

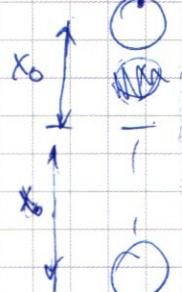
получаем что действует
на массу и она движется вниз
или вправо пружина действует
силой сила пружины

$$|4F - mg| = ma = |mg - F|$$

$$\Rightarrow 5F = 2mg$$

$$\Rightarrow F = \frac{2mg}{5}$$

~~затем~~
~~затем~~



$$\Rightarrow |4F - mg| = ma = |F + mg|$$

$$\Rightarrow |4F - mg| = |F + mg|$$

$$\Rightarrow 3F = 2mg$$

$$\begin{cases} 4F - mg = F + mg \\ mg - 4F = F + mg \end{cases} \Rightarrow -4F = F \Rightarrow F = 0 \quad \text{- не находит,}$$

$$\Rightarrow mg = mg - F = \frac{3}{5}mg$$

$$\Rightarrow F = \frac{2}{3}mg$$

$$\Rightarrow |\alpha| = \frac{3}{5}g$$

$$\Rightarrow ma = 4F - mg = \frac{5}{3}mg$$

качание в горизонтальном зените оно качание

с амплитудами положение равновесия, ~~в положении равновесия~~

одинаковые по модулю ускорение органами одинаковые
но модулем смещение Δx из-за различия соударения
этими кинетическая энергия машин в этих
моментах так же равна

П.Р. - начальное
равновесие

$$E_{K1} + \frac{kx_1^2}{2} + mg(x_1 - x_0) = E_{K2} + \frac{kx_2^2}{2}$$

$$\Rightarrow E_{K1} + \frac{kx_1^2}{2} + 2mg\Delta x = E_{K2}$$

$$\Rightarrow E_{K1} - \frac{3kx_0^2}{2} + 2mg\Delta x = E_{K2}$$

$$E_{K1} - \frac{3kx_0^2}{2} (\Delta x - x_0)$$

E_{K1} — кинетическая энергия в одной исследуемой
момент

$\Rightarrow \frac{E_{K1}}{E_{K2}} = 1$ кинетическая энергия в другой
исследуемой момент

E_{MP} — энергия деформации пружины

$$E_{MP\ max} = \frac{k}{2} \cdot (2x_0)^2 = 2kx_0^2$$

$E_{K MAX}$ 3.с.т.в.: максимальное расстояние пружины
($2A$, где $A = x_0$ — амплитуда)

$$E_{MP\ max} = E_{K\ max} + mgx_0$$

E_K — кинетическая энергия

$$\Rightarrow \frac{E_{MP\ max}}{E_{K\ max}} = \frac{E_{MP\ max}}{E_{MP\ max} - mgx_0} = \frac{1}{1 - \frac{mgx_0}{2kx_0}} =$$

$$= \frac{1}{1 - \frac{mg}{2kx_0}} = 2$$

$$, mg = kx_0$$

$$\Rightarrow \text{Ответ: } 1) |\alpha| = \frac{3}{5} g ; 2) \frac{E_{K1}}{E_{K2}} = 1 ; 3) \frac{E_{MP\ max}}{E_{K\ max}} = 2$$

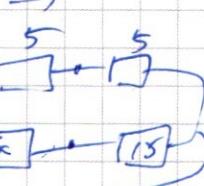
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$E = 10 \text{ В}$

I_1

6Ω

5



$$\frac{E}{2} - \frac{Ex}{15+x} = u_d$$

$$5 - \frac{10}{\frac{15}{x} + 1} = 1$$

$$E - u_x - E + u_5 = 1$$

$$u_5 - u_x = 1$$

$$\frac{E}{2} - \frac{Ex}{15+x} = 1$$

$$q = \frac{10}{\frac{15}{x} + 1}$$

$$I_1 \quad E = 10I_1$$

$$E = (15+x)I_2$$

$$\frac{15E}{30+2x} = \text{нB} \quad \frac{60}{x} + 4 = 10$$

$$\frac{15}{x} + 1 = \frac{5}{2}$$

1

u_{25}

$$N \cdot R = u_1 \cdot I_2 =$$

$= E$

п20

$$0,5 - \frac{1}{1+\frac{15}{x}} < 0,1$$

$$\frac{60}{x+4} = 10$$

$$x = 10$$

$$u_0 = u_d = u_5$$

$$\frac{150}{30+2x} = 1$$

$$\frac{5}{2}$$

$$2x = 120$$

$$x = 60$$

$$\frac{1}{1+\frac{15}{x}} > 0,4$$

$$0,5 - 0,1 = 0,4$$

$$\frac{0,4 \cdot 15}{1+8,94} = 0,6$$

$$1 > 0,4 + \frac{6}{x}$$

$$0,6 > \frac{6}{x}$$

$$x = 80$$

$$C_{ST} \in C_{VDT} + A = C_V \cdot 2K$$



$$UI = RI_2 \cdot I_1 = R \frac{I_2}{C} \cdot I_2 = W$$

$$\frac{1}{x+ox} - \frac{1}{y+oy} = -\frac{1}{F}$$

$$\frac{I_1}{C} = RI_2 \quad \frac{1}{x} - \frac{1}{y} = -\frac{1}{F}$$

$$E = \frac{I_1 + I_2}{I_1 \cdot I_2} \cdot \frac{R}{C} = \frac{R}{C} \cdot \frac{1}{x+oy} - \frac{1}{y+ox}$$

Ус I

$$xy + oy - x - ox = xy + oy$$

Ус II

II

$$IR = \frac{q}{C} \quad \frac{dI_2}{dt} = \frac{dI_2}{dt} \cdot \frac{y-x}{xy+oy+x+ox}$$

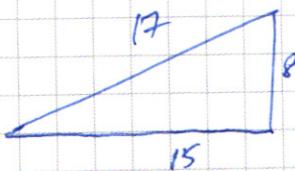
$$22x = 30 + 2x$$

$$x = \frac{3}{2}$$

$$xy^2 + oy^2 - x^2y - xyox = xy^2 + xyoy + y^2ox - x^2y - x^2y$$

$$= 4xoy$$

$$E = I_2 \cdot \frac{1}{C} = I_2 \cdot IR \quad y^2ox = x^2oy$$



$$oy = ox \cdot \frac{y^2}{x^2}$$

$$\frac{1}{x^2} \cdot \frac{dy}{dx} = \frac{1}{y^2} \cdot \frac{dy}{dx}$$

$$64 + 225 = 289 - 17^2$$

$$E = C \frac{dI_2}{dt} + I_2(R_{rev})$$

$$\frac{dI_2}{I_2(R_{rev})} = \frac{E}{C} dt$$

$$mg - 4F = F - mg$$

$$4mg - 5F = mg$$

$$\frac{dI_2}{E - I_2(R_{rev})} = \frac{dt}{C}$$

$$\frac{\int I_2 dt}{R_{rev}}$$

$$\frac{E - I_2(R_{rev})}{C} = \frac{dI_2}{dt}$$