

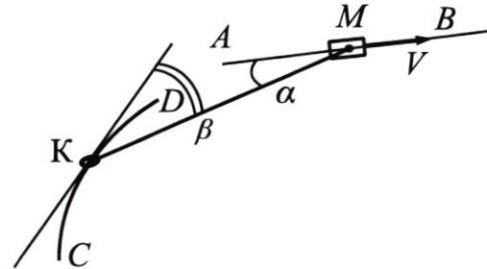
# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

## Вариант 11-01

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вло:

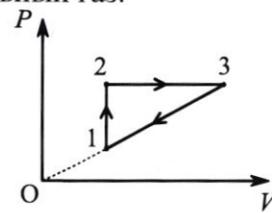
1. Муфту М двигают со скоростью  $V = 68$  см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой  $m = 0,1$  кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом  $R = 1,9$  м. Кольцо и муфта связаны легкой нитью длиной  $l = 5R/3$ . Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент нить составляет угол  $\alpha$  ( $\cos \alpha = 15/17$ ) с направлением движения муфты и угол  $\beta$  ( $\cos \beta = 4/5$ ) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения нити в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления  $P$  от объема  $V$  (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
- 2) Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.

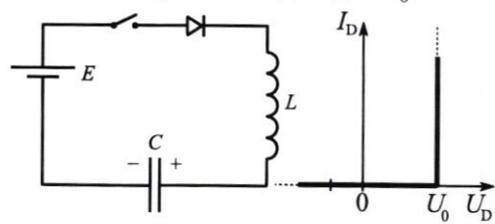


3. Обкладки конденсатора – круглые металлические сетки площадью  $S$ , расстояние между обкладками  $d$  ( $d \ll \sqrt{S}$ ). Из точки, находящейся между обкладками на оси симметрии на расстоянии  $0,25d$  от положительно заряженной обкладки, стартует с нулевой начальной скоростью положительно заряженная частица и через время  $T$  вылетает из конденсатора перпендикулярно обкладкам. Удельный заряд частицы  $\frac{q}{m} = \gamma$ .

- 1) Найдите скорость  $V_1$  частицы при вылете из конденсатора.
- 2) Найдите величину  $Q$  заряда обкладок конденсатора.
- 3) С какой скоростью  $V_2$  будет двигаться частица на бесконечно большом расстоянии от конденсатора?

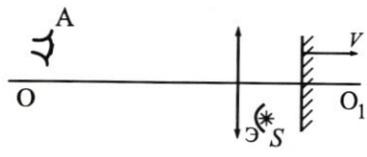
При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника  $E = 9$  В, конденсатор емкостью  $C = 40$  мкФ заряжен до напряжения  $U_1 = 5$  В, индуктивность идеальной катушки  $L = 0,1$  Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода  $U_0 = 1$  В. Ключ замыкают.



- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение  $U_2$  на конденсаторе после замыкания ключа.

5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием  $F$ , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника  $S$  может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси  $OO_1$  линзы. Источник  $S$  находится на расстоянии  $3F/4$  от оси  $OO_1$  и на расстоянии  $F/2$  от плоскости линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью  $V$  вдоль оси  $OO_1$ . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии  $F$  от линзы.



- 1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?
- 2) Под каким углом  $\alpha$  к оси  $OO_1$  движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)
- 3) Найти скорость изображения в этот момент.



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано

$i = 3$

1-2 - изохора

2-3 - изохора

3-1 - пр. кривой изохоры.

---

$c_{v12} = ?$

$c_{v23} = ?$

$\frac{Q_{23}}{A_{23}} = ?$

$\eta_{\text{цикл}} = ?$

1) Изобразили изохоры. Заметим:  $T_1 < T_2 < T_3$

2)  $A_R = 0$

- 3-н сохранение энергии (гласее ЗСД):  $Q_{12} = \overset{0}{A_{12}} + \Delta U_{12}$
  - $Q_{12} = c_{v12} \cdot \nu \cdot \Delta T_1$        $\Delta U_{12} = \frac{i}{2} \nu R \Delta T_1$       ( $\Delta T_1 = T_2 - T_1$ )
  - $c_{v12} = \frac{i}{2} R = \frac{3}{2} R$
  - 3)  $A_{23} = p_3 (V_3 - V_1) = p_3 V_3 - p_3 V_1 \overset{\text{из 3-на М-Ку.}}{=} \nu R T_3 - \nu R T_2 = \nu R \Delta T_2$  ( $\Delta T_2 = T_3 - T_2$ )
  - $\Delta U_{23} = \frac{i}{2} \nu R \Delta T_2$
  - ЗСД:  $Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23} = (\frac{i}{2} + 1) \nu R \Delta T_2$
  - $Q_{23} = c_{v23} \cdot \nu \Delta T_2 \Rightarrow c_{v23} = (\frac{i}{2} + 1) R = \frac{5}{2} R$
  - $\frac{c_{v12}}{c_{v23}} = \frac{\frac{3}{2} R}{\frac{5}{2} R} = \frac{3}{5}$
  - $\frac{Q_{23}}{A_{23}} = \frac{(\frac{i}{2} + 1) \nu R \Delta T_2}{\nu R \Delta T_2} = \frac{5}{2}$
- см. стр. №2

$$4) A_{31} = - \left( \frac{P_3 + P_1}{2} \right) \cdot (V_3 - V_1) = - \left( \frac{P_3 V_3}{2} - \frac{P_3 V_1}{2} + \frac{P_1 V_3}{2} - \frac{P_1 V_1}{2} \right)$$

• т.к.  $\frac{P_1}{V_1} = \frac{P_3}{V_3}$ , то  $P_1 V_3 = P_3 V_1 \Rightarrow A_{31} = - \frac{P R T_3 - P R T_1}{2}$

$$T_3 - T_1 = (T_3 - T_2) + (T_2 - T_1) = \Delta T_1 + \Delta T_2 \Rightarrow A_{31} = - \frac{1}{2} P R (\Delta T_1 + \Delta T_2)$$

•  $\Delta U_{31} = + \frac{3}{2} P R (T_1 - T_3) = - \frac{3}{2} P R (\Delta T_1 + \Delta T_2)$

$$30) Q_{31} = A_{31} + \Delta U_{31} = - 2 P R (\Delta T_1 + \Delta T_2)$$

$$5) \eta = \frac{A_2}{Q_H} = \frac{Q_H - Q_0}{Q_H} = 1 - \frac{Q_0}{Q_H}$$

•  $Q_H = Q_{12} + Q_{23} = \frac{3}{2} P R \Delta T_1 + \frac{5}{2} P R \Delta T_2$

•  $Q_0 = - Q_{31} = 2 P R (\Delta T_1 + \Delta T_2)$

•  $\eta = 1 - \frac{2 P R (\Delta T_1 + \Delta T_2)}{1,5 P R \Delta T_1 + 2,5 P R \Delta T_2} = \frac{0,5 P R \Delta T_2 - 0,5 P R \Delta T_1}{1,5 P R \Delta T_1 + 2,5 P R \Delta T_2} = \frac{0,5 (\Delta T_2 - \Delta T_1)}{1,5 \Delta T_1 + 2,5 \Delta T_2}$

$$= \frac{\Delta T_2 - \Delta T_1}{3 \Delta T_1 + 5 \Delta T_2}$$

• Пусть  $\Delta T_1 = \alpha \Delta T_2$  ( $\alpha > 0$ , т.к.  $\Delta T_1 > 0$  и  $\Delta T_2 > 0$ )

$$\frac{\Delta T_2 (1 - \alpha)}{(3\alpha + 5) \Delta T_2} = \frac{1 - \alpha}{3\alpha + 5}$$

• Заметим, что при увеличении  $\alpha$  — числитель уменьшается, а знаменатель увеличивается  $\Rightarrow$  дробь уменьшается  $\frac{1}{2}$

• Значит максимальное значение при  $\alpha \rightarrow 0$

$$\eta_{\max} = \frac{1}{5} = 0,2$$

Ответ:  $\frac{Q_{12}}{Q_{23}} = \frac{3}{5} = 0,6$ ;  $\frac{Q_{13}}{A_{23}} = \frac{5}{2} = 2,5$ ;  $\eta_{\max} = \frac{1}{5} = 0,2$

См. ст. № 8

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано  $\sigma$

$S; d$

$d \ll \sqrt{S}$

$q, 25d$

$\frac{q}{m} = \gamma$

---

$V_1 = ?$

$Q = ?$

$V_2 = ?$

1) П.к.  $d \ll \sqrt{S}$ , то внутри конденсатора можно считать однородным (плотн. или амплитуду)

2) Каждая обкладка конденсатора создает  $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$ , где

$$\sigma = \frac{Q}{S} \Rightarrow E = \frac{Q}{2\epsilon_0 S}$$

3) По принципу суперпозиции получим электрическое поле:

- $E_{\Sigma \text{вне}} = 0$  (т.к. дипольный заряд составляет  $-Q$ )
- $E_{\Sigma \text{внутри}} = 2E = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$

4) Применим 2-й з-н. Ньютона (здесь  $2\text{ЭВ}$ ) для заряда:

$$E_{\Sigma} \cdot q = ma \Rightarrow a = E_{\Sigma} \cdot \frac{q}{m} = \text{const} \Rightarrow \text{равноускоренное движение}$$

внутри конденсатора (эт. полей только зарядов обкладки)

Из  $2\text{ЭВ}$  также следует, это движение вне конденсатора - равномерное

5)  $d = 0,25d) = \frac{a_0 t^2}{2} \Rightarrow a_0 = \frac{1,5d}{T^2} \Rightarrow V_1 = a_0 t = \frac{1,5d}{T}$

•  $V_1 = V_2 = \frac{1,5d}{T}$ , т.к. движ. вне конденсатора - равномерное прямолинейное ( $a_{\text{вне}} = 0$ );  $a_0$  - ускорение внутри конденсатора)

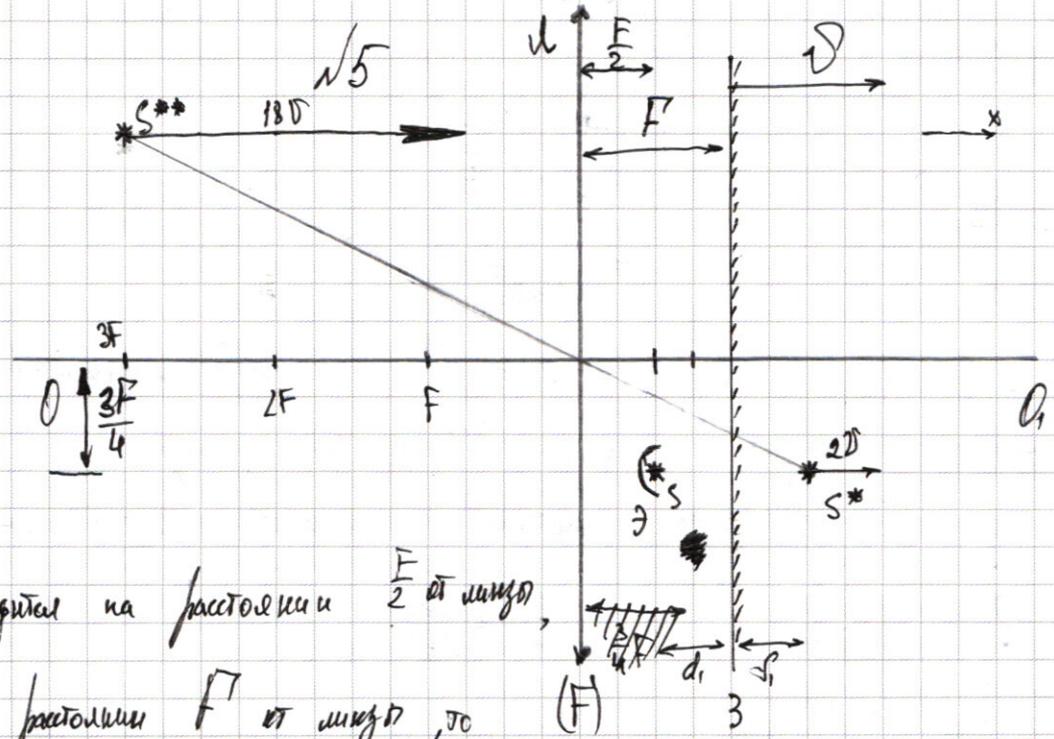
Ил. стр. №4

$$6) a = E \varepsilon_{\text{путь}} \cdot \gamma$$

$$\cdot \frac{1,5d}{T^2} = \frac{d}{\varepsilon_0 S} \cdot \gamma \Rightarrow d = \frac{3d \varepsilon_0 S}{2 \gamma T^2}$$

Ответ:  $V_1 = V_2 = \frac{3d}{2T}$  ;  $d = \frac{3d \varepsilon_0 S}{2 \gamma T^2}$

Дано  
 $F$  ;  $\frac{3F}{4}$  ;  $\frac{F}{2}$  ;  $F$   
 $D$   
 1)  $f_H = ?$   
 2)  $\alpha = ?$   
 3)  $u_H = ?$



1) Т.к.  $S$  находится на расстоянии  $\frac{F}{2}$  от линзы,  
 а экран (3) на расстоянии  $F$  от линзы, то  
 расстояние от  $S$  до  $S^*$  -  $d_1 = F - \frac{F}{2} = \frac{F}{2}$   
 2)  $d_1 = f_1 = \frac{F}{2} \Rightarrow d_2 = F + \frac{F}{2} = \frac{3F}{2}$  - расстояние от изображения  
 предмета в зеркале  $S^*$  до линзы ( $S^*$  - предмет для  $d$ )

3) По формуле тонкой линзы:  
 $\frac{1}{F} = \frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_H} \Rightarrow \frac{1}{f_H} = \frac{1}{F} - \frac{1}{\frac{3F}{2}} = \frac{3-2}{3F} \Rightarrow f_H = 3F$

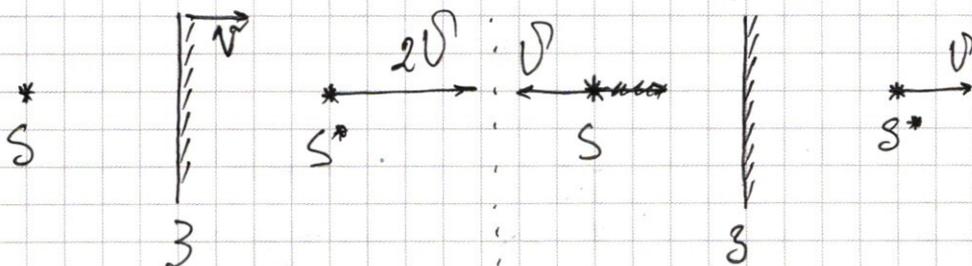
$S^*$  - изображение источника  $S$  в системе "линза + зеркало"

$$\Gamma = \frac{f_H}{d_2} = \frac{3F}{\frac{3F}{2}} = 2$$

Лит. стр. 15

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

4) Рассмотрим \* в  $\infty$  ~~зеркала~~, т.к. только  $\infty$  ~~зеркала~~ скорости  
 фронта и его ~~изображение~~  $\infty$  ~~зеркала~~ ~~изображение~~  
 $\infty$  Земли ~~изображение~~  $\infty$  ~~зеркала~~ ~~изображение~~



- $v_{отн} = v \Rightarrow v_{отн} = v \Rightarrow$  перейдем обратно в  $\infty$  Земли:
- $U_1 = 2v$

5) Продольность  $\nu$  линзы сохраняется

$$\nu = \Gamma^2 = g \Rightarrow U_{lx} = g U_{lz} = 18v$$

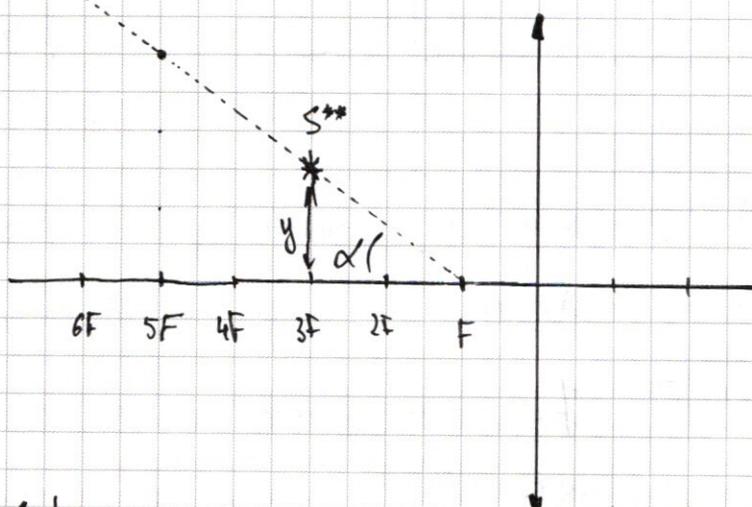
6) Заметим

для каждой  $\frac{f}{F} = \alpha_0 \Gamma$  ( $\alpha_0 > 1$ )

работает формула тонкой линзы

$$\frac{f}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Rightarrow d = \frac{F \cdot f}{f - F}$$

$$\Gamma = \frac{f}{d} = \frac{f(f - F)}{f \cdot F} = \frac{\alpha_0 - 1}{1}$$



- $\Gamma = \frac{y}{x}$ , но т.к.  $x = \text{const}$  ( $x = \frac{3}{4}F$ ), то  $\frac{3}{4}y = x\Gamma = (\alpha_0 - 1)x$  — прямая  
 ( $x$  — расстояние от  $S^*$  до линзы;  $y$  — расстояние от  $S^*$  до  $\Gamma \infty$ )

ил. ар. №6

• При  $f > F$  ( $d = \infty$ )  $\Gamma = 0$

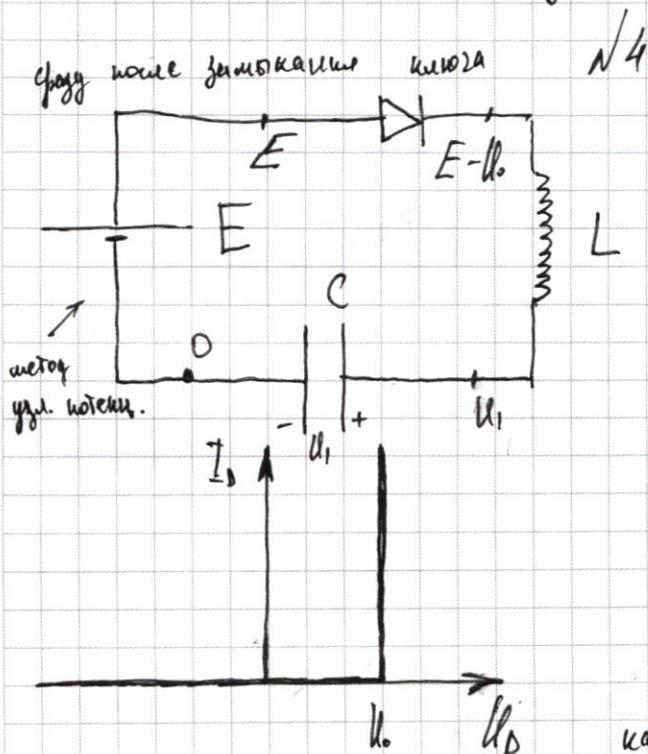
• прямая пересекает ось  $OL$  в  $F' \Rightarrow$  можно найти  $\alpha$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{F'}{f-F} = \frac{\Gamma_{\text{н}}}{\Gamma F - F} = \frac{(\alpha-1) \infty}{(\alpha-1) F} = \frac{3F}{F} = \frac{3}{4}$$

•  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ;  $\cos \alpha = \frac{4}{5}$

7)  $U_{\text{н}} = U_{\text{н}} \cos \alpha = \frac{4}{5} U_{\text{н}} \Rightarrow U_{\text{н}} = \frac{5}{4} U_{\text{н}} = \frac{5}{4} \cdot 18 \text{ В} = 22,5 \text{ В}$

Ответ: 1)  $I_{\text{н}} = 3F$ ; 2)  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$ ; 3)  $U_{\text{н}} = \frac{45}{2} \text{ В}$



Дано	Найти
$U_1 = 5 \text{ В}$	1) $I_L(0) = ?$
$E = 9 \text{ В}$	2) $I_{\text{max}} = ?$
$U_0 = 9 \text{ В}$	3) $U_2 = ?$
$C = 40 \text{ мкФ}$	
$L = 0,1 \text{ Гн}$	

1) Заметим, что при открытом диоде "тратится"  $U_0$  - напряжение (напряжение на диоде в открытом состоянии  $U_0$ ).

2) Воспользуемся методом узловых потенциалов (далее МУП), чтобы найти напряжение на катушке инд. сразу после замыкания ключа

~~1) (2)~~ (Сразу после замык. ключа ток на катушке  $I_L(0)$  и напряжение на конденсаторе  $U_C(0)$  - скачком не изменяется  $\Rightarrow I_L(0) = 0$ ;  $U_C(0) = U_1$

• Так как в следующий момент должен течь ток, то диод открыт

см. стр №7

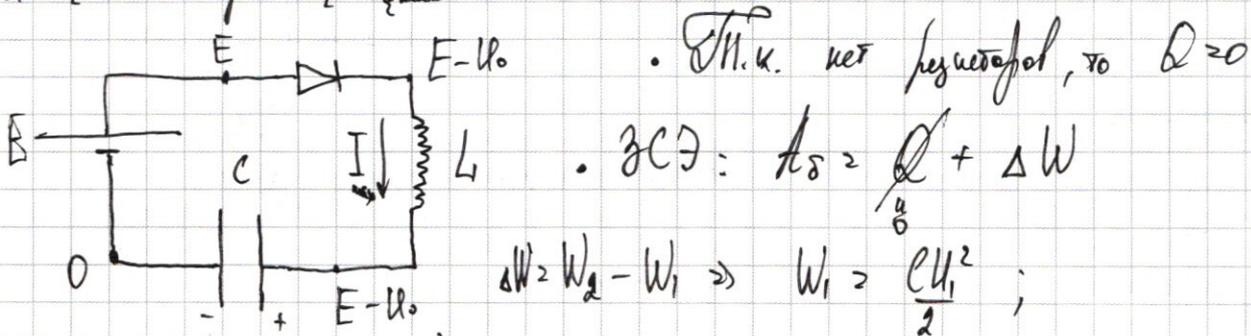
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

3)  $U_L(0) = E - U_0 - U_1$

• П.к.  $L = \text{const} \Rightarrow U_L(0) = L I_L'(0) \Rightarrow I_L'(0) = \frac{U_L(0)}{L} = \frac{E - U_0 - U_1}{L}$

$I_L'(0) = \frac{5\text{В} - 5\text{В} - 1\text{В}}{0,1 \text{ Гн}} = \frac{-1 \text{ В}}{0,1 \text{ Гн}} = -10 \frac{\text{В}}{\text{Гн}} \quad \left( \frac{\text{В}}{\text{Гн}} = \frac{\text{А}}{\text{с}} \right)$

4) Рассмотрим цепь <sup>(+)</sup> когда  $I_L = I_{L, \text{max}} \Rightarrow U_L = 0$ , т.к.  $U_L = I_L' L$ ,  
а  $I_L' = 0$  при  $I_L = I_{L, \text{max}}$



$W_2 = \frac{C (E - U_0)^2}{2} + \frac{L I_{\text{max}}^2}{2}$ ;  $A_{\delta} = q_{\delta} \cdot E$

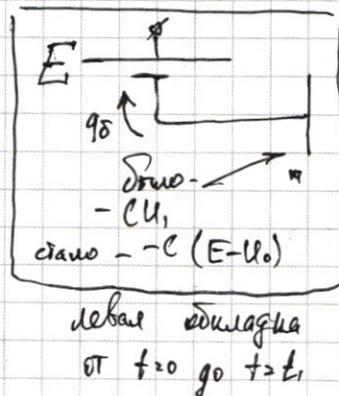
5) Рассм. левую обкладку конденсатора:

Значит с левой обкладки конденсатора  
уток заряд  $C (E - U_0 - U_1)$

•  $A_{\delta} = C (E - U_0 - U_1) E$

$C (E - U_0 - U_1) E = \frac{C (E - U_0)^2}{2} + \frac{L I_{\text{max}}^2}{2} - \frac{C U_1^2}{2}$

$\frac{L I_{\text{max}}^2}{2} = C (E - U_0 - U_1) E - \frac{C (E - U_0)^2}{2} + C \frac{U_1^2}{2}$



см. стр. №8



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано

$$v = 68 \text{ см/с}$$

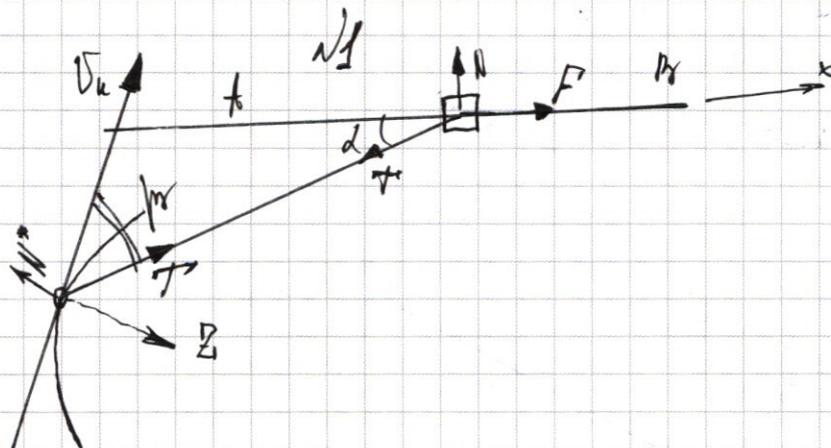
$$R = 1,9 \text{ м}$$

$$m = 0,1 \text{ кг}$$

$$l = \frac{5R}{3}$$

$$\cos \alpha = \frac{15}{17}$$

$$\cos \varphi = \frac{4}{5}$$



1)  $\cos \alpha = \frac{15}{17} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{8}{17}$

2)  $\cos \varphi = \frac{4}{5} \Rightarrow \sin \varphi = \frac{3}{5}$

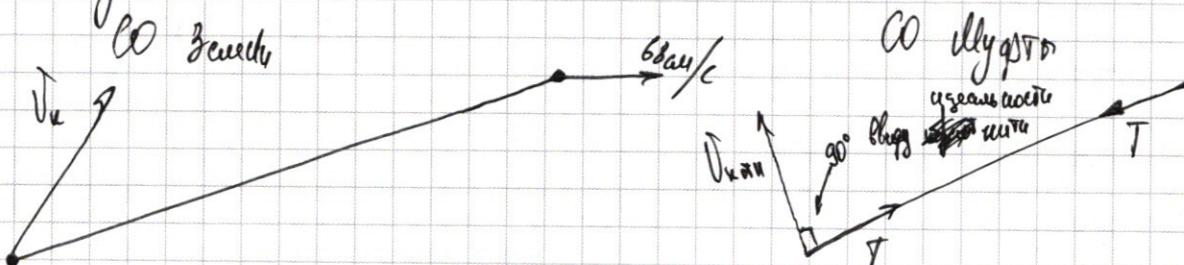
3) Излучу гишакот с постанной скоростью  $\Rightarrow a = 0$

• По 2 ЗН (м):  $x: F = T \cos \alpha = T \cdot \frac{17}{15} F$

4) П.к. китъ шфактнмемла, то она с такой же силой  $T$  дейстует на кольцо.

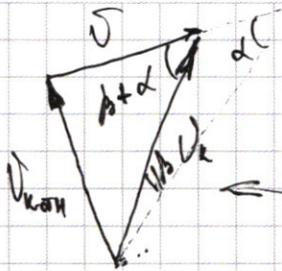
5) По 2 ЗН (к):  $z: N + T = m \vec{a}_y = 0$

6) Рассмотрим китъ  $\odot$  земли



Решим  $\odot$  излучу

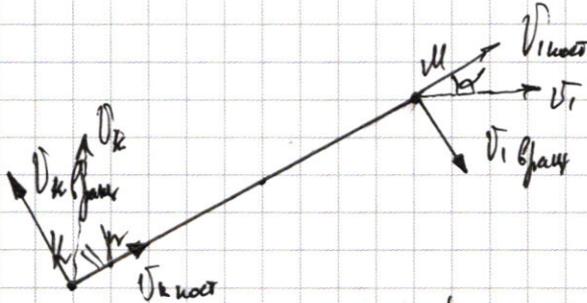
ан. стр. 110



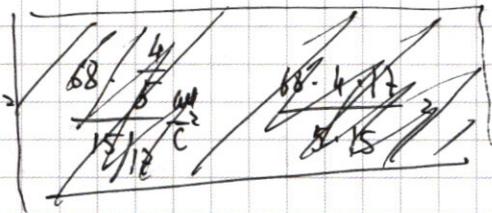
$$V_{k \text{ отн}} = \sqrt{V_k^2 + V^2 - 2 V V_k \cos(d + \varphi)}$$

по 3-му закону сложения скоростей  $\vec{V}_k = \vec{V} + \vec{V}_{k \text{ отн}}$

7) Представим движение китов, как сумму галактического и поступательного, заметим, что киты не ускоряются  $V_{k \text{ отн}} = V_2 \text{ кит}$



$$V_k \cos \varphi = V_1 \cos d \Rightarrow V_k = \frac{V_1 \cos d}{\cos \varphi}$$



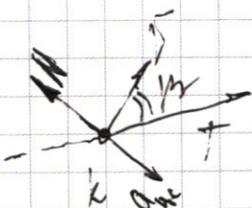
$$V_k = \frac{68 \cdot \frac{15}{17} \frac{\text{см}}{\text{с}}}{\frac{4}{5}} = \frac{60 \cdot 5 \frac{\text{см}}{\text{с}}}{4} = 75 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

$$\cos(d + \varphi) = \cos d \cos \varphi - \sin d \sin \varphi = \frac{15 \cdot 4}{17 \cdot 5} - \frac{8 \cdot 3}{17 \cdot 5} = \frac{36}{17 \cdot 5}$$

$$V_{k \text{ отн}} = \sqrt{75^2 + 68^2 - 2 \cdot 68 \cdot 75 \cdot \frac{36}{17 \cdot 5}} \frac{\text{см}}{\text{с}} = 77 \frac{\text{см}}{\text{с}}$$

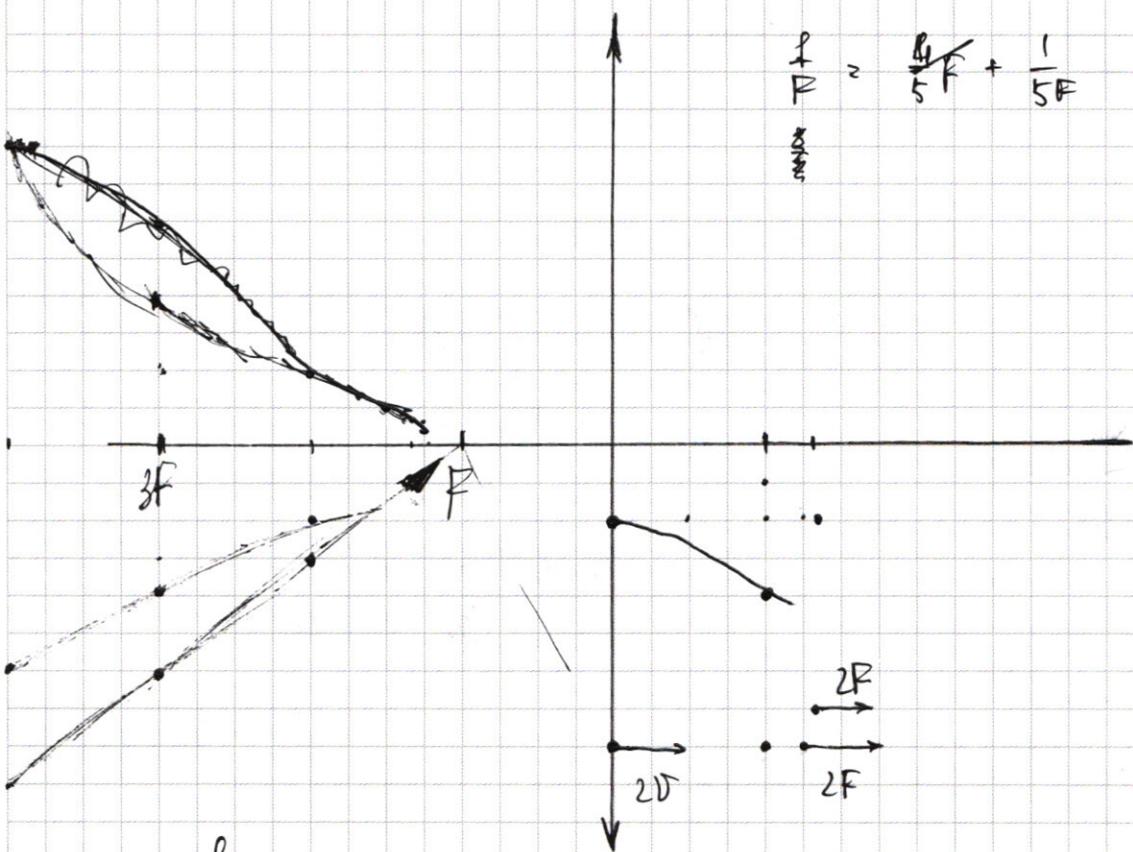
$$a) a_{\text{ус}} = \frac{V_k^2}{R}$$

10) По какому к галактическому или со стороны галактики  $\vec{V}$   
 $N^*$  и  $T^*$



Ответ: 1)  $V_k = 75 \frac{\text{см}}{\text{с}}$ ; 2)  $V_{k \text{ отн}} = 77 \frac{\text{см}}{\text{с}}$





$$\frac{f}{F} = \frac{d}{5F} + \frac{1}{5F}$$

$$F = \frac{f}{d}$$

$$d = \frac{F \cdot f}{f - F} = \frac{F \cdot dF}{(d-1)F}$$

$$x = \frac{1}{4}F$$

$$2 \cdot 3 \cdot 9 = 54; +25; -64 = 15$$

$$2 \cdot 9 \cdot 3 = 54 \checkmark$$

$$8 \cdot 8 = 64 \checkmark$$

$$5 \cdot 5 = 25 \checkmark$$

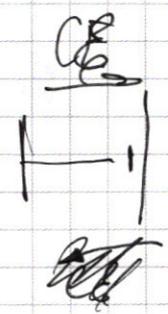
$$\begin{array}{r} \times 3,9 \\ 3,9 \\ \hline 117 \\ \hline 125,21 \end{array}$$

$$3,9 \cdot 20$$

Добавь - СЕ

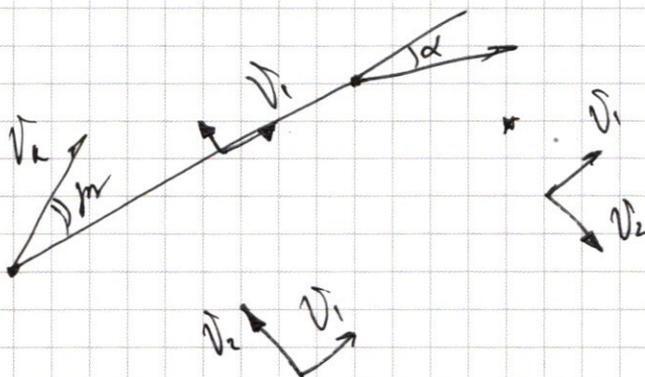
станд - СЕ

узел - стан - стан



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{66 \cdot 15}{17} \approx 60 \cdot \frac{4}{5} = 48 \text{ м/с}$$



$$66 \cdot 4 \cdot 17$$

$$608$$

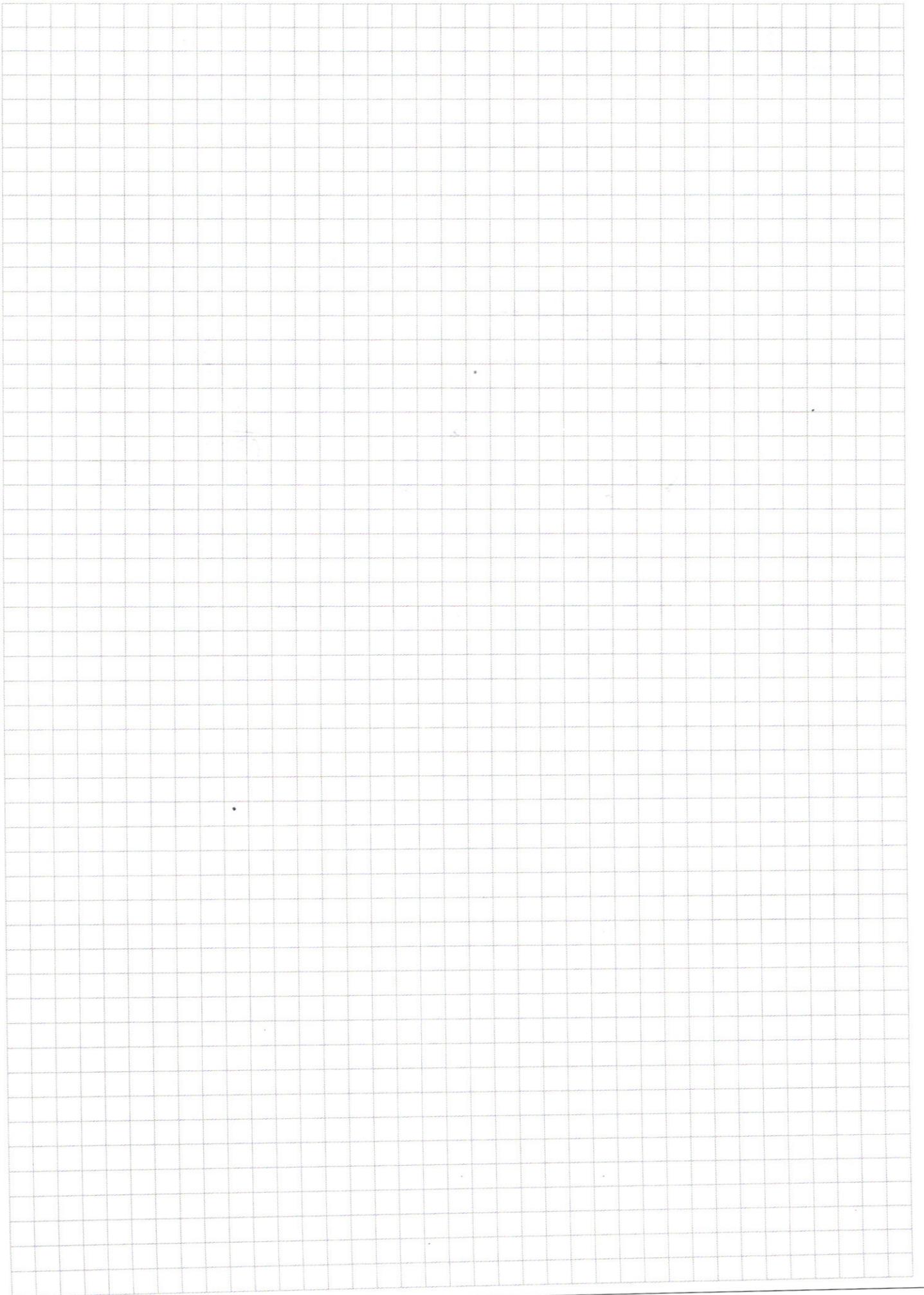
$$60 - 24 = 36$$

$$\frac{4}{18 \cdot 75} \cdot 72$$

$$17 \cdot 8$$

$$60 \cdot 72 = 4320$$

$\begin{array}{r} 75 \\ \times 75 \\ \hline 375 \\ 525 \\ \hline 5625 \\ + 304 \\ \hline 5929 \end{array}$	$\begin{array}{r} 68 \\ \times 68 \\ \hline 544 \\ 408 \\ \hline 4624 \\ - 4320 \\ \hline 304 \end{array}$
--	--



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)