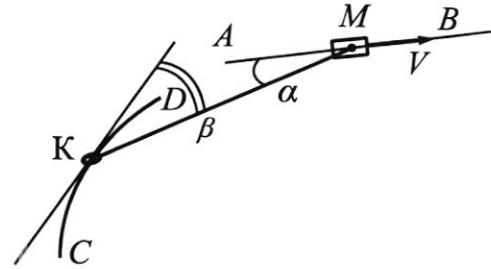


Олимпиада «Физтех» по физике, Вариант 11-02

Класс 11

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без

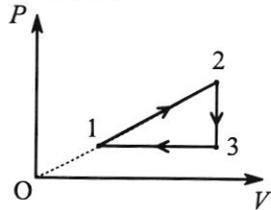
1. Муфту М двигают со скоростью $V = 40$ см/с по горизонтальной направляющей АВ (см. рис.). Кольцо К массой $m = 1$ кг может двигаться без трения по проволоке CD в виде дуги окружности радиусом $R = 1,7$ м. Кольцо и муфта связаны легким тросом длиной $l = 17R/15$. Система находится в одной горизонтальной плоскости. В некоторый момент трос составляет угол α ($\cos \alpha = 3/5$) с направлением движения муфты и угол β ($\cos \beta = 8/17$) с направлением движения кольца.



- 1) Найти скорость кольца в этот момент.
- 2) Найти скорость кольца относительно муфты в этот момент.
- 3) Найти силу натяжения троса в этот момент.

2. Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество – одноатомный идеальный газ.

- 1) Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило понижение температуры газа.
- 2) Найти для процесса 1-2 отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
- 3) Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.



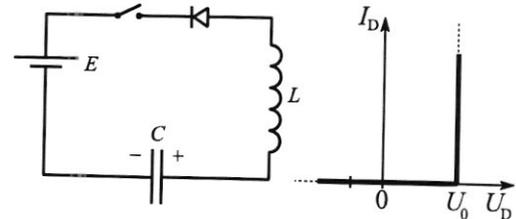
3. Обкладки конденсатора – квадратные металлические сетки, сторона квадрата во много раз больше расстояния d между обкладками. Положительно заряженная частица движется на большом расстоянии к конденсатору по оси симметрии, перпендикулярно обкладкам, влетает в него со скоростью V_1 и останавливается между обкладками на расстоянии $0,2d$ от положительно заряженной обкладки. Удельный заряд частицы $\frac{q}{m} = \gamma$.

- 1) Найдите продолжительность T движения частицы в конденсаторе до остановки.
- 2) Найдите напряжение U на конденсаторе.
- 3) Найдите скорость V_0 частицы на бесконечно большом расстоянии от конденсатора.

При движении частицы электрическое поле, созданное зарядами конденсатора, считать неизменным, а электрическое поле внутри конденсатора вблизи оси симметрии считать однородным.

4. В цепи, схема которой показана на рисунке, ключ разомкнут, ЭДС идеального источника $E = 3$ В, конденсатор емкостью $C = 20$ мкФ заряжен до напряжения $U_1 = 6$ В, индуктивность идеальной катушки $L = 0,2$ Гн. Вольтамперная характеристика диода дана на рисунке, пороговое напряжение диода $U_0 = 1$ В. Ключ замыкают.

- 1) Найти скорость возрастания тока сразу после замыкания ключа.
- 2) Найти максимальный ток после замыкания ключа.
- 3) Найти установившееся напряжение U_2 на конденсаторе после замыкания ключа.

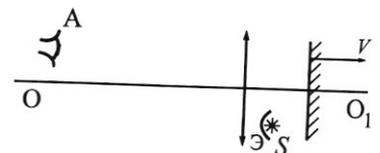


5. Оптическая система состоит из тонкой линзы с фокусным расстоянием F , плоского зеркала и небольшого экрана Э, расположенного так, что свет от источника S может попасть на линзу только после отражения от зеркала (см. рис.). Зеркало расположено перпендикулярно главной оптической оси OO_1 линзы. Источник S находится на расстоянии $8F/15$ от оси OO_1 и на расстоянии плоскости $F/3$ от линзы. Линза и источник неподвижны, а зеркало движется со скоростью V вдоль оси OO_1 . В некоторый момент зеркало оказалось на расстоянии F от линзы.

1) На каком расстоянии от плоскости линзы наблюдатель А сможет увидеть в этот момент изображение источника в системе?

2) Под каким углом α к оси OO_1 движется изображение в этот момент? (Найти значение любой тригонометрической функции угла.)

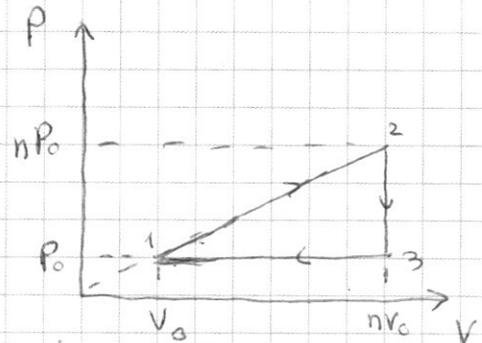
3) Найти скорость изображения в этот момент.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 2

Пусть в состоянии (1) давление равно P_0 и объем равен V_0 , а в состоянии 2 давление равно nP_0 и объем равен nV_0



1) Температура падает в процессах 1-2 и 3-1

По первому закону термодинамики

$$Q_{2-3} = A_{\Gamma 2-3} + \Delta U_{2-3}$$

A_{Γ} равна площади под графиком, т.е. $A_{\Gamma 2-3} = 0$

$$Q_{2-3} = \Delta U_{2-3} = \frac{3}{2} \nu R \Delta T_{2-3} = \frac{3}{2} \Delta(PV)_{2-3} = \frac{3}{2} (nP_0V_0 - P_0V_0) = \frac{3}{2} P_0V_0 n (1-n)$$

$$Q_{3-1} = A_{\Gamma 3-1} + \Delta U_{3-1} = -P_0(n-1)V_0 + \frac{3}{2} \nu R \Delta T_{3-1} = -P_0(n-1)V_0 + \frac{3}{2} \Delta(PV)_{3-1} = -P_0(n-1)V_0 + \frac{3}{2} (P_0V_0 - nP_0V_0) = (1-n)P_0V_0 \left(1 + \frac{3}{2}\right) = (1-n)P_0V_0 \cdot \frac{5}{2}$$

$$C_{D 2-3} = \frac{Q_{2-3}}{\Delta T_{2-3}} = \frac{n \frac{3}{2} P_0V_0 (1-n)}{T_3 - T_2} = \frac{n \frac{3}{2} P_0V_0 (1-n)}{\frac{nP_0V_0}{\nu R} - \frac{P_0V_0}{\nu R}} = \frac{3}{2} \nu R$$

$T = \frac{PV}{\nu R}$ - из зак. Менделеева-Клапейрона

$$C_{D 3-1} = \frac{Q_{3-1}}{\Delta T_{3-1}} = \frac{\frac{5}{2} P_0V_0 (1-n)}{\frac{P_0V_0}{\nu R} - \frac{nP_0V_0}{\nu R}} = \frac{5}{2} \nu R$$

$$\frac{C_{D 2-3}}{C_{D 3-1}} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{5}{2}} = \frac{3}{5}$$

$$2) A_{\Gamma} \text{ равна мощности под графиком} \Rightarrow A_{1-2} = \cancel{n^2 P_0 V_0} \\ = (n P_0 + P_0) \cdot \frac{1}{2} \cdot (n-1) V_0 = \frac{1}{2} (n^2 - 1) P_0 V_0$$

$$Q_{1-2} = A_{\Gamma 1-2} + \Delta U_{1-2} = \frac{1}{2} (n^2 - 1) P_0 V_0 + \frac{3}{2} n R \Delta T_{1-2} = \frac{1}{2} (n^2 - 1) P_0 V_0 + \\ + \frac{3}{2} \Delta(PV)_{1-2} = \frac{1}{2} (n^2 - 1) P_0 V_0 + \frac{3}{2} (n^2 - 1) P_0 V_0 = 2 (n^2 - 1) P_0 V_0$$

$$\frac{Q_{1-2}}{A_{\Gamma 1-2}} = \frac{2}{\frac{1}{2}} = 4$$

$$3) \eta_{\text{MAX}} = \frac{A_{\text{ц}}}{Q_+}, \text{ где } A_{\text{ц}} - \text{ работа газа за цикл, } Q_+ - \text{ подведен тепло}$$

$$\eta_{\text{MAX}} = \frac{Q_+ - Q_-}{Q_+} = 1 - \frac{Q_-}{Q_+} = 1 - \frac{|Q_{2-3}| + |Q_{3-1}|}{Q_{1-2}} =$$

$$= 1 - \frac{n \frac{3}{2} P_0 V_0 (n-1) + \frac{5}{2} P_0 V_0 (n-1)}{2 (n^2 - 1) P_0 V_0} = 1 - \frac{3n+5}{4(n+1)} = \frac{4n+4-3n-5}{4(n+1)} =$$

$$= \frac{n-1}{4(n+1)}$$

Ответ: а) $\frac{3}{5}$; б) 4.

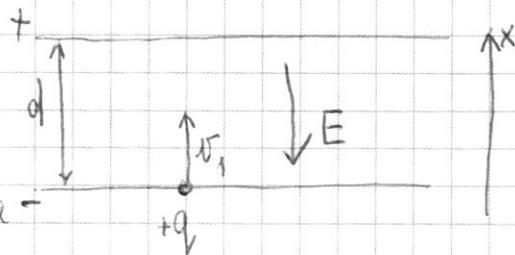
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 3

Если верхняя пластина (см. рис.) заряжена отрицательно, а нижняя

положительно то зарядчик ускорится

и вылетит из конденсатора \Rightarrow вектор напряж. направлен вниз.



Сила действующая на заряд F равна $E q$, где E - напряжённость поля, и направлена вниз (см. рис)

a - ускорение частицы

$$m \vec{a} = \vec{F}; \quad m \vec{a} = \vec{E} q; \quad \vec{a} = \vec{E} \gamma$$

Частица движется равноускоренно $\Rightarrow \vec{a} = \frac{v_k - v_1}{t} = -\frac{v_1}{t}$

Частица прошла расстояние $s, s = d \Rightarrow s, s d = v_1 t + \frac{a t^2}{2}$

$$s, s d = v_1 t - \frac{v_1 t}{2} \Leftrightarrow t = \frac{1,6 d}{v_1} \Rightarrow a = -\frac{v_1}{t} = -\frac{v_1^2}{1,6 d}$$

$$a = \vec{E} \gamma \Rightarrow \vec{E} = \frac{a}{\gamma} = -\frac{v_1^2}{1,6 d \gamma}$$

Напряжённость конденсатора $U = E d = \frac{v_1^2}{1,6 \gamma}$

Ответ: $\frac{1,6 d}{v_1}; \frac{v_1^2}{1,6 \gamma}$

1) Построим лучи как на рисунке

По закону отражения $\angle \text{пад} = \angle \text{отр}$

Обозначим за α и β углы падения на зеркало лучей (1) и (2) соответственно.

Пусть M - T пересек. луча (1) и линзы

K - центр линзы; N и T - т. падения лучей (1) и (2) на линзу; SP - перпенд. из S на зеркало

$$\angle KMF = \angle SFT = \alpha$$

$$\angle S'KM = \angle KTN = \beta$$

$$\Rightarrow S'M = KM \cdot \operatorname{tg} \beta = \frac{KN \cdot \operatorname{tg} \beta}{\operatorname{tg} \alpha}$$

$$\frac{TN}{TP} = \frac{KT}{ST} = \frac{F}{\frac{2}{3}F} = \frac{3}{2} \text{ из подобия треуго.}$$

$$NO_T + TP = NO_T P = \frac{8F}{15}$$

$$NO_T = \frac{23}{5} F = \frac{8}{25} F \Rightarrow \operatorname{tg} \beta = \frac{KN}{NT} = \frac{25}{8}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{SP}{NP} = \frac{\frac{2}{3}F}{\frac{8}{15}F} = \frac{5}{4}$$

$$S'P =$$

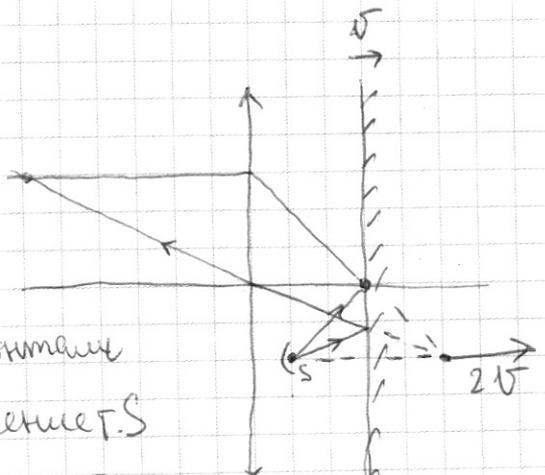
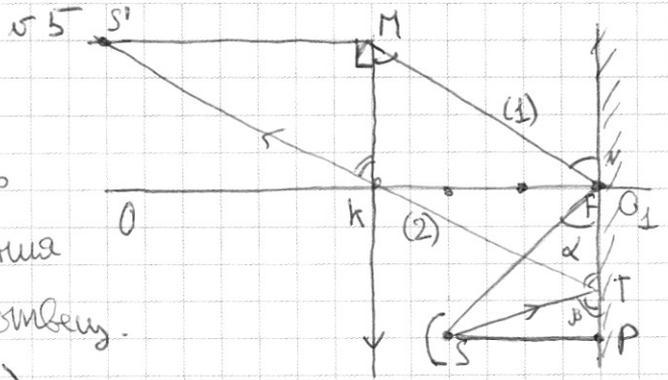
$$S'M = \frac{F \cdot \operatorname{tg} \beta}{\operatorname{tg} \alpha} = \frac{\frac{25}{8}F}{\frac{5}{4}} = \frac{5}{2}F$$

2) Пусть прошле малое время dt

Изображение т. S в зеркале переместилось на $2dtV$ по горизонтали

и на 0 по вертикали \Rightarrow изображение S

в зеркале относит. линзы наход. на $\frac{5}{3}F + 2dtV$ по горизонтали и $\frac{8}{15}F$ по вертикали.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 5 (продолжение)

По правилам продольного и поперечного увеличения

Изображение т. S в линзе теперь находится на расстоянии $\frac{5}{3}F + 2dt$ от плоскости линзы и $\Gamma_{\text{прод}} = \frac{F}{d-F}$ $\Gamma_{\text{перер}} \approx \Gamma_{\text{прод}}^2$

$$\frac{\frac{8}{15}F \cdot F^2}{\left(\frac{5}{3}F - F\right)^2} = \frac{8 \cdot 15}{49} F \text{ от главной оптической Оси}$$

Изображение предмета т. S в линзе сместилось на

$$\frac{\left(\frac{5}{3}F + 2dt\right)F}{\frac{1}{3}F + 2dt} - \frac{5}{2}F = \frac{\frac{5}{3}F^2 + 2dtF - \frac{5}{6}F^2 - 5dtF}{\frac{1}{3}F + 2dt} =$$

$$= \frac{\frac{5}{6}F^2 - 3dtF}{\frac{1}{3}F + 2dt} \text{ по горизонтали}$$

$$\frac{8 \cdot 15}{49} F - \frac{5}{2}F \sin \beta = \frac{8 \cdot 15}{49} F - \frac{5 \cdot 24}{2 \cdot 25} F = \left(\frac{8 \cdot 15}{49} - \frac{24}{10}\right) F \text{ по}$$

вертикали

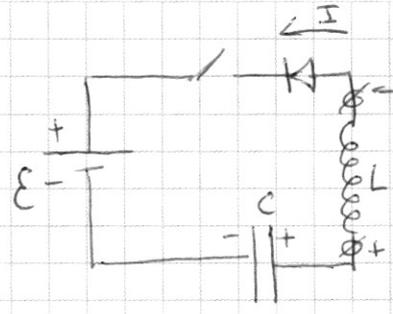
Горизонтальная

Ответ: а) $\frac{5}{2}F$

1) По 2 правую Кирхгофа

$$\mathcal{E} + LI' = V_{\text{к1}}$$

$$I' = \frac{\mathcal{E} - V_1 - \mathcal{E}}{L} = \frac{3}{0,2} = 15 \frac{\text{A}}{\text{с}}$$



2) Если $I - \text{MAX}$, то $I' = 0 \Rightarrow LI' = 0 \Rightarrow$ ЭДС катушки равно 0
По ~~2~~ правую Кирхгофа

$$V_c = \mathcal{E} + V_0, \text{ где } V_c - \text{напряжение на конденсаторе}$$

Элементы идеальные \Rightarrow теплообмена нет \Rightarrow по закону сохранения энергии:

$$\frac{CU_1^2}{2} = \cancel{\frac{C\mathcal{E}^2}{2}} + \frac{CU_c^2}{2} + \frac{LI_{\text{MAX}}^2}{2}$$

$$CU_1^2 = 2\mathcal{E}I_{\text{MAX}} + C(\mathcal{E} + V_0)^2 + LI_{\text{MAX}}^2$$

$$I_{\text{MAX}}^2 = \frac{C(U_1^2 - (\mathcal{E} + V_0)^2)}{L}$$

$$I_{\text{MAX}} = \sqrt{\frac{C(U_1^2 - (\mathcal{E} + V_0)^2)}{L}} = \sqrt{\frac{20 \cdot 20}{0,2 \cdot 10^{-2}}} = \sqrt{2} \cdot \sqrt{\frac{10^3}{10^5}} \approx 0,14 \text{ A.}$$

3) $V_2 = V_c = \mathcal{E} + V_0 = 4 \text{ В}$

Ответ: $15 \frac{\text{A}}{\text{с}}$; $0,14 \text{ A}$; 4 В

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

151

1) $\frac{v_k}{v} = \frac{\cos \beta}{\cos \alpha}$, где v_k - скорость
кальица

$$v_k = \frac{\cos \beta}{\cos \alpha} v = \frac{8 \cdot 5}{14 \cdot 3} v = \frac{14 \cdot 3}{8 \cdot 5} \cdot 40 = 51$$

2) По закону сложения векторов

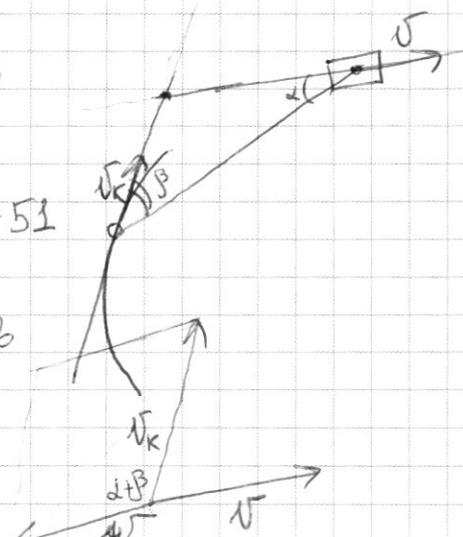
$$|\vec{v}_{\text{отн}}| = |\vec{v}_k - \vec{v}| = ?$$

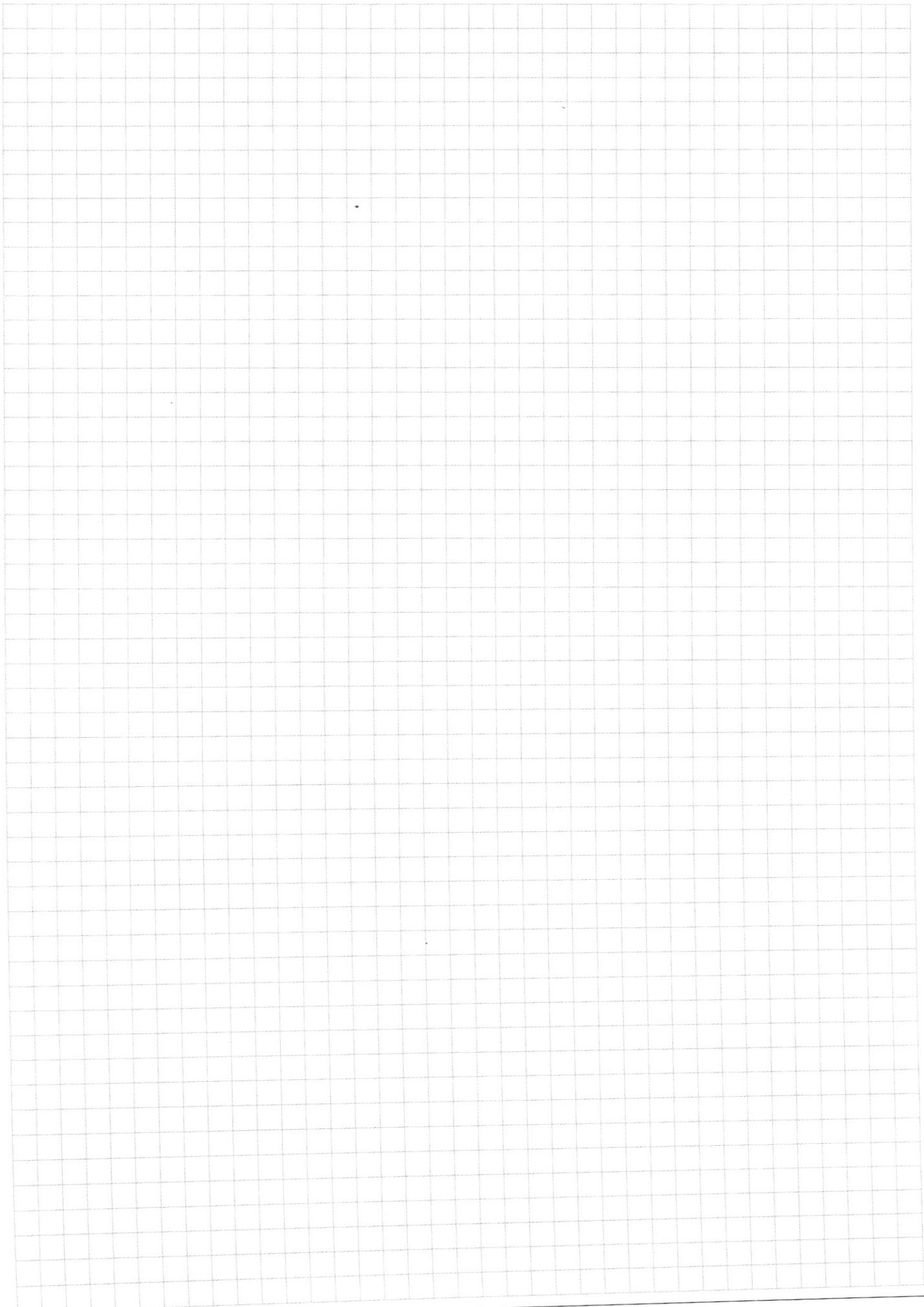
$$= v_k^2 + v^2 - 2 v v_k \cos(\alpha + \beta)$$

$$= 51^2 + 40^2 - 2 \cdot 51 \cdot 40 \cdot \sin(\cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta)$$

$$\approx \frac{2500}{100} + 1600 - 8000 \cdot \left(\frac{15}{14} \cdot \frac{4}{5} - \frac{8}{14} \cdot \frac{3}{5} \right) = 4100 - 8000 \cdot \frac{36}{175} \approx 4100 - 48$$

Ответ: а) 51, б) 4100 - 800 = 3300





черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\frac{dx}{kx} = \frac{dV}{V}$
 $\frac{dx}{kx} = \frac{dx}{kx}$
 $(x-dx)^2 + (y+dy)^2 - 2(x-dx)(y+dy)\cos\alpha =$
 $= (x-dx)^2 + y^2 + l^2 - 2$
 $Q_{3-1} = - (n-1)V_0 P_0 + \frac{3}{2} n R \Delta T$
 $Q_{3-1} = - (n-1)V_0 P_0 + \frac{3}{2} n (P_0 V_0 - n P_0 V_0)$
 $Q_{3-1} = (1-n)V_0 P_0 + \frac{3}{2} (1-n) P_0 V_0 = \frac{5}{2} (1-n) P_0 V_0$
 $C_v = \frac{\Delta Q}{\Delta T} = \frac{Q_{3-1}}{-\frac{n P_0 V_0}{R} + \frac{P_0 V_0}{R}} = \frac{\frac{5}{2} (1-n) P_0 V_0}{\frac{P_0 V_0 (-1-n)}{R}} = \frac{5}{2} R$
 $Q_{2-3} = \Delta U = \Delta(PV) = n P_0 V_0 - n^2 P_0 V_0 = (n-n^2) P_0 V_0$
 $C_v = \frac{\Delta Q}{\Delta T} = \frac{Q_{2-3}}{\frac{n P_0 V_0}{R} - \frac{n^2 P_0 V_0}{R}} = R$
 $(n^2 - n^2) P_0 V_0 + \frac{5}{2} (n-1) P_0 V_0$
 $(n-1) P_0 V_0 (n + \frac{5}{2})$

$$2) Q_{1-2} = A_{1-2} + \Delta U \quad A_{1-2} = (n P_0 + P_0) \cdot \frac{1}{2} \cdot (n-1) V_0 =$$

$$Q_{1-2} = \frac{1}{2}(n^2-1) P_0 V_0 + \Delta(PV) = (n^2-1) \frac{1}{2} P_0 V_0$$

$$Q_{1-2} = \frac{1}{2}(n^2-1) P_0 V_0 + (n^2 P_0 V_0 - P_0 V_0) = \frac{1}{2}(n^2-1) P_0 V_0 + (n^2-1) P_0 V_0 = \frac{3}{2}(n^2-1) P_0 V_0$$

3.1

$$3) \eta = \frac{A_{1-2}}{Q_+} = \frac{\frac{1}{2}(n^2-1) P_0 V_0}{\frac{3}{2}(n^2-1) P_0 V_0} = \frac{(n^2-1)^2}{3(n^2-1)} = \frac{Q_+ - Q_-}{Q_+} = 1 - \frac{Q_-}{Q_+} =$$

$$= 1 - \frac{Q_{3-2} + Q_{2-3}}{Q_{1-2}} = 1 - \frac{n + \frac{5}{2}}{3(n+1)} = \frac{3n+3 - n - \frac{5}{2}}{3(n+1)} = \frac{2n + \frac{1}{2}}{3(n+1)}$$

н 3

$$F = qE \quad E = \frac{F}{q} \quad F = Eq$$

$$Eq = ma \quad a = \frac{Eq}{m} = E\gamma$$

$$a = \frac{V_k - V_{01}}{t} = -\frac{V_1}{t}$$

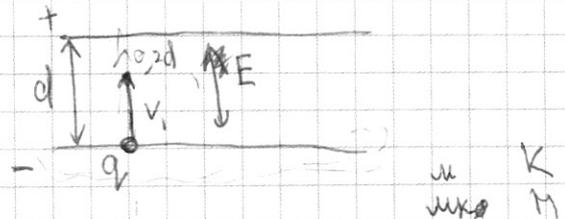
$$0,8d = V_1 t + \frac{at^2}{2} = V_1 t - \frac{V_1 t^2}{2} = \frac{V_1 t}{2} \Rightarrow t = \frac{1,6d}{V_1}$$

$$a = -\frac{V_1}{t} = -\frac{V_1^2}{1,6d}$$

$$\frac{V_1^2}{1,6d} = E\gamma$$

н 4

$$E = \frac{V_1^2}{1,6dy} \quad V = Ed = \frac{V_1^2}{1,6y}$$

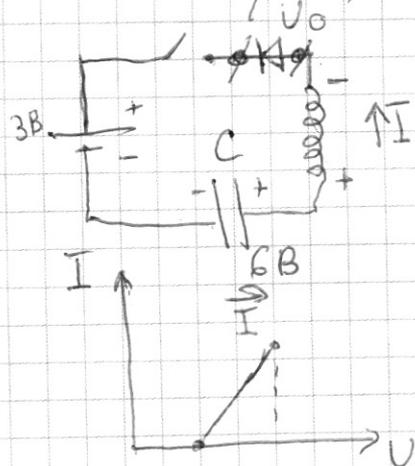


$$\mathcal{E} + \frac{LI'}{L} = U_c$$

$$I' = \mathcal{E} \frac{L}{L} - \frac{U_c - \mathcal{E}}{L} = \frac{3}{0,2} = 15 \frac{A}{C}$$

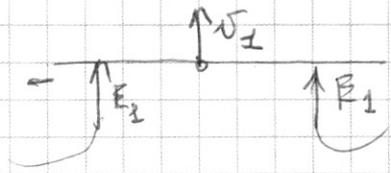
$$U_c = \mathcal{E} + LI' \quad LI' + \mathcal{E} = U_c + LI' \quad U_c = \mathcal{E}$$

$$\frac{8}{15} I' = \left(\frac{4}{15}\right)^2 = \frac{8 \cdot 15}{4}$$



$E \perp q$

$$\frac{CU_1^2}{2} + \frac{mV_0^2}{2} = \frac{mV_1^2}{2} + \frac{CU_2^2}{2}$$



~~$\frac{mV_0^2}{2} = \frac{mV_1^2}{2}$~~ $\frac{mV_1^2}{2} - \frac{mV_0^2}{2} = A_c$

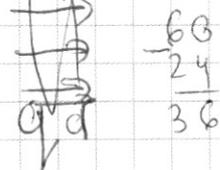
$$V_0^2 = -\left(\frac{2A_c}{m}\right) + V_1^2$$

$$l \cos \alpha + \frac{dtV_2}{\cos \alpha} = l + \frac{dtV_2}{\sin \alpha}$$



~~$\varphi = \frac{W_{\pi}}{q} = \frac{kq^2}{4\pi}$~~
 ~~$= \frac{kq^2}{4\pi}$~~

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{W_{\pi}}{q} = Ed$$



$$W_{\pi} = qEd$$

$$W_{\pi-} - W_{\pi+} = qEd - qEd =$$

$$\frac{(l \cos \alpha + dtV_2)}{\cos \alpha} = l$$

$$-(x+dx)^2 + (y+dy)^2 - 2(y+dy)(x-dx) \cos \alpha = l^2$$

$$x^2 + y^2 - 2xy \cos(180^\circ - (\alpha + \beta)) = l^2$$

$$-2x dx + dx^2 + 2y dy + dy^2 - 2 \cos \alpha ((y+dy)(x-dx) - xy) = 0$$

~~$l \cos \alpha + l \sin \alpha$~~

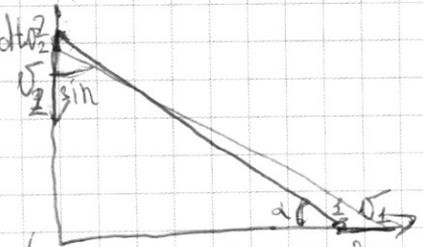
$$(l \cos \alpha - dtV_2)^2 + (l \sin \alpha + dtV_1)^2 = l^2$$

$$(l \cos \alpha)^2 - 2l \cos \alpha dtV_2 + l^2 \sin^2 \alpha + 2l \sin \alpha dtV_1 = l^2 + dt^2 V_1^2$$

$$dt^2 (V_2^2 + V_1^2) + 2 dt (V_1 \sin \alpha - V_2 \cos \alpha) = \frac{dt^2 (V_1^2 + V_2^2)}{1 - \cos \alpha - \sin \alpha}$$

$$dt (V_2^2 + V_1^2) = 2 V_2 \cos \alpha - 2 V_1 \sin \alpha$$

$$(l \sin \alpha - dtV_2) : \sin \alpha = l$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$dt \vec{v}_k$$

~~$$x^2 + y^2 = 2lx$$~~

$$\frac{y}{\sin \alpha} = \frac{x}{\cos \sin \beta} = \frac{l}{\sin(180^\circ - (\alpha + \beta))}$$

$$\sin(180^\circ - (\alpha + \beta)) = \sin(\alpha + \beta)$$

$$y = \frac{\sin \alpha}{\sin(\alpha + \beta)} l \left(\frac{\sin \beta l}{\sin(\alpha + \beta)} \right)^2 + \left(\frac{\sin \alpha l}{\sin(\alpha + \beta)} \right)^2 \frac{l}{\sin \alpha} + 2 \frac{l}{\sin(\alpha + \beta)} (\sin \beta x - \sin \alpha y) + x^2 + y^2 + 2x$$

$$x = \frac{\sin \beta}{\sin(\alpha + \beta)} l$$

$$\frac{y - dt \vec{v}_k}{\sin \alpha} = \frac{x + dt \vec{v}}{\sin \beta}$$

$$x + dt \vec{v} = \frac{\sin \beta}{\sin(\alpha + \beta)} l \cdot \left(\frac{\sin \alpha}{\sin(\alpha + \beta)} + y \right) \cdot \cos(\alpha + \beta) = e^2$$

$$\frac{l}{\sin(\alpha + \beta)} - \frac{dt \vec{v}_k}{\sin \alpha} = \frac{l}{\sin(\alpha + \beta)} + \frac{dt \vec{v}}{\sin \beta}$$

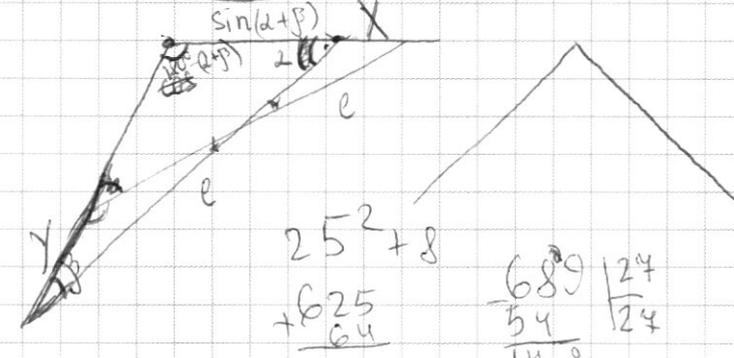
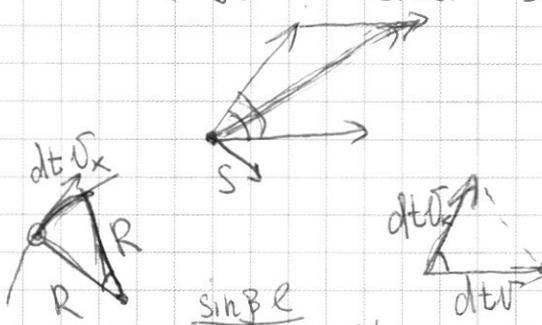
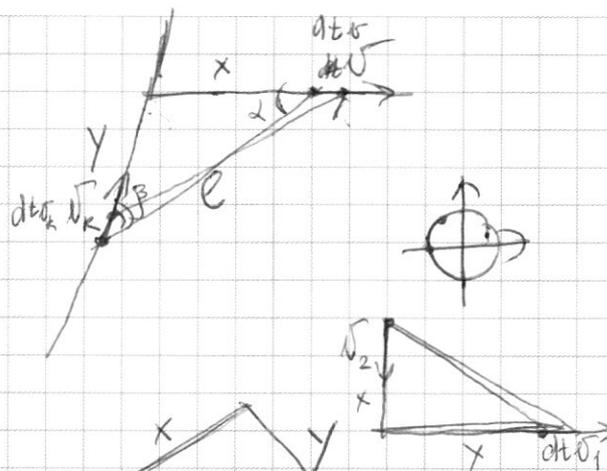
~~$$\sqrt{dt \vec{v}}$$~~

$$\vec{v}, t$$

$$dt \vec{v}_k = dt \vec{v}$$

$$\frac{\sin \beta l}{\sin(\alpha + \beta)} + x = \frac{n-1}{25} = \frac{25}{27}$$

$$\frac{\sin \alpha l}{\sin(\alpha + \beta)} = y$$



$$25^2 + 8$$

$$+625$$

$$\underline{64}$$

$$\frac{689}{54} \Big| \frac{24}{149}$$

$$\varepsilon I + \frac{CU_2^2}{2} = \varepsilon I_0 + \frac{CU_1^2}{2} + I$$

$$\frac{LI_{MAX}^2}{2} + \varepsilon I_{MAX} + \frac{CV_c^2}{2} = \frac{CV_1^2}{2}$$

$$V_c = \varepsilon$$

