

МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ" ПО МАТЕМАТИКЕ

10 класс

ВАРИАНТ 3

ШИФР

Бланк задания должен быть вложен в ра
боты без вложенного задания не проверяются.

1. [4 балла] Найдите количество восьмизначных чисел, произведение цифр которых равно 700. Ответ необходимо представить в виде целого числа.
2. [4 балла] Дана геометрическая прогрессия $b_1, b_2, \dots, b_{3000}$, все члены которой положительны, а их сумма равна S . Известно, что если все её члены с номерами, кратными 3 (т.е. $b_3, b_6, \dots, b_{3000}$), увеличить в 50 раз, сумма S увеличится в 10 раз. А как изменится S , если все её члены, стоящие на чётных местах (т.е. $b_2, b_4, \dots, b_{3000}$), увеличить в 2 раза?
3. [4 балла] Решите уравнение $\left(\frac{x}{\sqrt{2}} + 3\sqrt{2}\right) \sqrt{x^3 - 4x + 80} = x^2 + 10x + 24$.
4. [6 баллов] Решите неравенство $2x^4 + x^2 - 4x - 3x^2|x - 2| + 4 \geq 0$.
5. [5 баллов] По воде вокруг поплавок против часовой стрелки по двум окружностям скользят водомерка и жук-плавунец. На поверхности воды введена прямоугольная система координат, в которой поплавок (общий центр окружностей) находится в точке $(0; 0)$. Скорость водомерки в два раза больше скорости жука. В начальный момент времени водомерка и жук находятся в точках $M_0(-2; -2\sqrt{7})$ и $N_0(5; 5\sqrt{7})$ соответственно. Определите координаты всех положений жука, при которых расстояние между насекомыми будет кратчайшим.
6. [6 баллов] а) Две окружности одинакового радиуса 5 пересекаются в точках A и B . На первой окружности выбрана точка C , а на второй – точка D . Оказалось, что точка B лежит на отрезке CD , а $\angle CAD = 90^\circ$. На перпендикуляре к CD , проходящем через точку B , выбрана точка F так, что $BF = BD$ (точки A и F расположены по одну сторону от прямой CD). Найдите длину отрезка CF .
- б) Пусть дополнительно известно, что $BC = 6$. Найдите площадь треугольника ACF .
7. [6 баллов] Найдите все значения параметра a , при каждом из которых система

$$\begin{cases} |y - 6 - x| + |y - 6 + x| = 12, \\ (|x| - 8)^2 + (|y| - 6)^2 = a \end{cases}$$

имеет ровно два решения.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 1

Разложим 700 на множители > 1 но < 10 . Всего есть 2 таких разложения
 $700 = 7 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 2 = 7 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 4$. Значит 8-значное число состоит либо из
 $7, 5, 5, 2, 2, 1, 1, 1$; либо $7, 5, 5, 4, 1, 1, 1, 1$. В первом случае число
различных перестановок этих ~~цифр~~ равно $\frac{8!}{1! \cdot 2! \cdot 2! \cdot 3!} = 2 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7$,
во втором случае $\frac{8!}{1! \cdot 2! \cdot 1! \cdot 4!} = 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7$. Сумма полученных 2-х
чисел равна $3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 = 2520$. (Мы рассматривали такие выражения
т.к. $8!$ - число перестановок 8 разл. чисел, а знаменатель - это случаи,
которые мы посчитали неск. раз т.к. есть одинаковые цифры)
Ответ: 2520

№ 4

$$2x^4 - 3x^2|x-2| + (x^2 - 4x + 4) \geq 0$$

$$2x^4 - 3x^2|x-2| + (x-2)^2 \geq 0 \quad \text{кв. уравн. отн. } |x-2|. \text{ Разложим на множители}$$

$$(|x-2| - x^2)(|x-2| - 2x^2) \geq 0$$

$$\begin{cases} |x-2| - x^2 \geq 0 \\ |x-2| - 2x^2 \geq 0 \end{cases} \quad \begin{cases} |x-2| \geq 2x^2 \geq x^2 \\ |x-2| \leq x^2 \leq 2x^2 \end{cases} \quad \begin{cases} x-2 \geq 2x^2 (1) \\ x-2 \leq -2x^2 (2) \\ \begin{cases} x-2 \leq x^2 (3) \\ x-2 \geq -x^2 \end{cases} \end{cases}$$

(1): $2x^2 - x + 2 \leq 0$ парабола, ветви ~~вниз~~ вверх $D = (-1)^2 - 4 \cdot 2 \cdot 2 = -15 < 0 \Rightarrow \text{---} \xrightarrow{x}$
 $2x^2 - x + 2 > 0$ при всех x

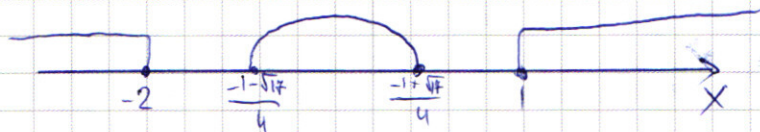
(2): $2x^2 + x - 2 \leq 0 \quad D = 17, x_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{17}}{4}$

$$2\left(x + \frac{1+\sqrt{17}}{4}\right)\left(x + \frac{1-\sqrt{17}}{4}\right) \leq 0$$

$$\frac{-1-\sqrt{17}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{17}}{4}$$

$$\begin{cases} x^2 - x + 2 \geq 0 \\ x^2 + x - 2 \geq 0 \end{cases} \begin{cases} (x - \frac{1}{2})^2 + \frac{7}{4} \geq 0 \text{ - верно всегда} \\ (x-1)(x+2) \geq 0 \end{cases} \begin{cases} x \in \mathbb{R} \\ \begin{cases} x \geq 1 \\ x \leq -2 \end{cases} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{-1-\sqrt{17}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{17}}{4} \\ x \geq 1 \\ x \leq -2 \end{cases}$$



Т.к. $17 < 49 \rightarrow \sqrt{17} < 7 \mid -8 - \sqrt{17} \rightarrow -8 < -1 - \sqrt{17} \rightarrow -2 < \frac{-1 - \sqrt{17}}{4}$

$17 < 25 \rightarrow \sqrt{17} < 5 \mid -1 \rightarrow -1 + \sqrt{17} < 4 \rightarrow \frac{-1 + \sqrt{17}}{4} < 1$

Ответ: $x \in (-\infty; -2] \cup [\frac{-1-\sqrt{17}}{4}; \frac{-1+\sqrt{17}}{4}] \cup [1; +\infty)$

$\sqrt{4}$

$$\begin{cases} |y-6-x| + |y-6+x| = 12 \quad (1) \\ (x-8)^2 + (y-6)^2 = a \quad (2) \end{cases}$$

Решим задачу графически

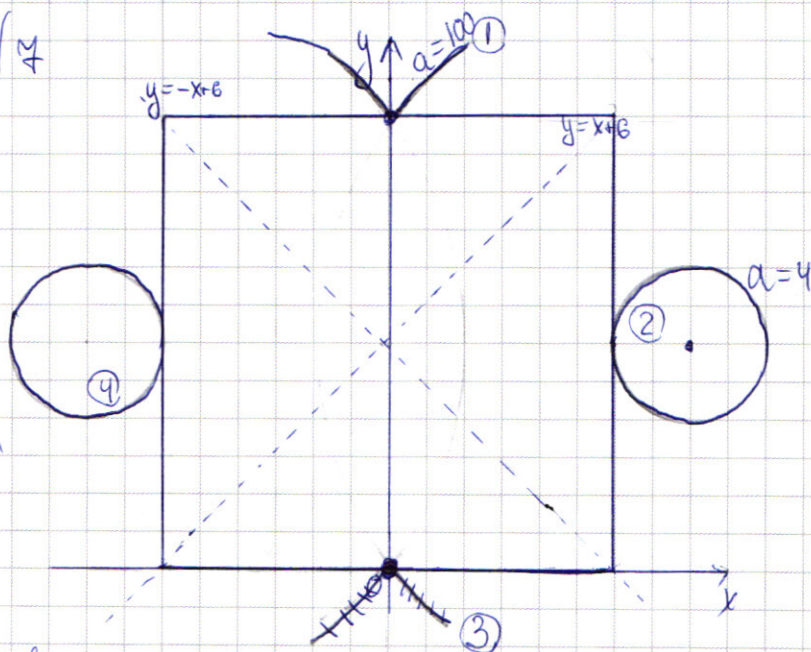
(1): приравняем модули к 0, и

нарисуем получившиеся графики

Плоскость разделилась на

4 части (1), (2), (3) и (4) в каждой

из них модули раскрываются со своими знаками



$$\begin{aligned} (1) \quad & (y-6-x) + (y-6+x) = 12 \\ & y = 12 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & -(y-6+x) + (y-6+x) = 12 \\ & x = 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad & -(y-6-x) - (y-6+x) = 12 \\ & y = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) \quad & (y-6-x) - (y-6+x) = 12 \\ & x = -6 \end{aligned}$$

Нарисуем соответствующие графики в соотв. частях плоскости.

(2) Так как у нас $|x|$ и $|y|$ нарисуем график только в I четверти, а затем отразим его отн. Ox и Oy , $(x-8)^2 + (y-6)^2 = a$, график окружность с ц. в т. $(8, 6)$ и радиусом $\sqrt{a}$. Посмотрим при каком радиусе

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Будет ровно 2 решения. Радиус 2 - подходит. ~~Радиус 10 - тоже.~~ Большие
Таких радиусов нет, т.к. оба графика симметричны отн. Оу, и
график (1) с верхней половиной графика (2) симметричны отн. $y=6$
Значит решения либо на прямой $y=6$, либо $x=0$. Оба этих случая
мы рассмотрим. $\sqrt{a}=2$ или $\sqrt{a}=10$; $a=4$ или $a=100$
Ответ: при $a=4$, $a=100$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}(x+6)\sqrt{x^3-4x+80} = (x+6)(x+4) \quad \text{Проверим: } x=-6 \text{ решение? или нет}$$

$$\text{ОДЗ: } x^3-4x+80 \geq 0$$

~~$$\frac{1}{\sqrt{2}}(-6+6)\sqrt{(-6)^3-4(-6)+80} = (-6+6)(-6+4)$$~~

$$-216 + 104 = -112 < 0 \Rightarrow x = -6 \text{ не решение, т.к. не подходит по ОДЗ}$$

Разделим на $(x+6)$

$$\sqrt{\frac{x^3-4x+80}{2}} = x+4 \quad (\text{возведем в квадрат})$$

$$\begin{cases} \frac{x^3-4x+80}{2} = x^2+8x+16 \\ x+4 \geq 0 \end{cases} \quad \begin{cases} x^3-2x^2-20x+48=0 \quad (1) \\ x \geq -4 \end{cases}$$

(1) подбором находим корни 4 (по схеме Горнера)

1	-2	-20	+48
4	1	2	-12
			0

$$(x-4)(x^2+2x-12)=0$$

$$\begin{cases} x^2+2x-12=0 \\ x=4 \end{cases} \quad \frac{D}{4} = 1+12=13 \quad x_{1,2} = -1 \pm \sqrt{13}$$

$$\begin{cases} x = -1 + \sqrt{13} \\ x = -1 - \sqrt{13} \\ x = 4 \end{cases}$$

Вернемся к системе:

$$\begin{cases} x = -1 + \sqrt{13} \\ x = -1 - \sqrt{13} \\ x = 4 \\ x \geq -4 \end{cases}$$

$$-1 - \sqrt{13} < -4 \Rightarrow -1 - \sqrt{13} \text{ не подходит}$$

$$\sqrt{13} > 3$$

$$13 > 9$$

$$x = -1 + \sqrt{13}$$

$$x = 4$$

$$\text{Ответ: } x=4, x=-1+\sqrt{13}$$

$$S = \frac{b_1 \cdot (q^{3000} - 1)}{q - 1}, \text{ где } q > 0, q\text{-шаг прогрессии } b_n$$

Рассмотрим второй случай, как сумму 3-х прогрессий $(b_1, b_4, b_7, \dots, b_{2998}),$
 $(b_2, b_5, b_8, \dots, b_{2999}), (5b_3, 5b_6, 5b_9, \dots, 5b_{3000})$

Их шаг равен q^3 , кол-во элементов 1000 в каждой из прогрессий

$$10S = \frac{b_1 \cdot ((q^3)^{1000} - 1)}{q^3 - 1} + \frac{b_2 \cdot ((q^3)^{1000} - 1)}{q^3 - 1} + \frac{5b_3 \cdot ((q^3)^{1000} - 1)}{q^3 - 1}$$

$$10S = \frac{b_1 \cdot (q^{3000} - 1)}{q^3 - 1} (1 + q + 5q^2) \quad (\text{т.к. } qb_1 = b_2; 5qb_3 = 5q^2b_3)$$

$$10S = \frac{S(1 + q + 5q^2)}{q^2 + q + 1} \quad (q^3 - 1 = (q - 1)(q^2 + q + 1))$$

$$10(q^2 + q + 1) = 1 + q + 5q^2$$

$$40q^2 - 9q - 9 = 0 \quad D = 81 + 4 \cdot 9 \cdot 40 = 3^2 \cdot 13^2$$

$$q = \frac{9 \pm \sqrt{D}}{80} = \frac{9 + 39}{80} = \frac{3}{5} \quad (\text{т.к. } q > 0)$$

Найдём сумму в 3-ем случае. Разбиваем на 2 прогрессии
 $(b_1, b_3, b_5, \dots, b_{2999})$, и $(2b_2, 2b_4, 2b_6, \dots, 2b_{3000})$ их шаг q^2 , кол-во по 1500 эл.

$$\frac{b_1 \cdot ((q^2)^{1500} - 1)}{q^2 - 1} + \frac{2b_2 \cdot ((q^2)^{1500} - 1)}{q^2 - 1} = \frac{b_1 \cdot (q^{3000} - 1)}{q^2 - 1} \cdot (1 + 2q) = S \cdot \frac{1 + 2q}{q + 1} = S \cdot \frac{1 + \frac{6}{5}}{\frac{3}{5} + 1} = \frac{11}{8} S$$

Сумма увеличится в $\frac{11}{8}$ раза

Ответ: увеличится в $\frac{11}{8}$ раза

$$R_B = \sqrt{(-2)^2 + (-2\sqrt{3})^2} = 2\sqrt{8} = 4\sqrt{2}$$

$$R_X = \sqrt{5^2 + (5\sqrt{3})^2} = 10\sqrt{2}$$

Пусть v_B и v_X их линейные скорости ω_B и ω_X их угловые скорости
 Т.к. $v = \varphi R$, где v - длина дуги, φ - угол этой дуги в рад., R - радиус.
 $v = \omega R$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$2 = \frac{v_e}{v_*} = \frac{\omega_e \cdot R_e}{\omega_* \cdot R_*} = \frac{4\sqrt{2} \omega_e}{10\sqrt{2} \omega_*}$$

$$\omega_e = 5\omega_*$$

(отрезками соединяем их и пометим)

Т.к. сейчас между их радиусами угол 180° , чтобы первый раз ~~встр~~ между ними было минимальное расстояние, радиусы должны быть направлены в одну сторону $\Rightarrow \varphi_e = \varphi_* + 180^\circ$ (Так как $\omega_e = 5\omega_*$, $\varphi_e = 5\varphi_*$ отношение угловых ускорений такое же как отношение углов поворота)

$$5\varphi_* = \varphi_* + 180 \Rightarrow \varphi_* = 45^\circ$$

|| (минимальное расстояние)

Вторая встреча произойдет, когда

В обгонит X на 1 круг.

$$\varphi_e = \varphi_* + 360^\circ (\varphi_e = 5\varphi_*)$$

$$\varphi_* = 90^\circ$$

Остальные "встречи" будут происходить

Так же при повороте жука на 90° (Аналогично) (X_1, X_2, X_3, X_4 , рис.1)

Чтобы найти эти координаты,

повернем т. X на 90° пр. т. стр.

получим $X'(-5\sqrt{7}; 5)$. Координаты ~~их~~ середины XX' (A) лежит на X, B. (Бис-са и медиана в равност. тр-ке)

$$A\left(\frac{5-5\sqrt{7}}{2}, \frac{5\sqrt{7}+5}{2}\right). \text{ Тогда } X_1\left(k \cdot \frac{5}{2}(1-\sqrt{7}); k \cdot \frac{5}{2}(1+\sqrt{7})\right)$$

$$(10\sqrt{2})^2 = \left(\frac{5}{2}k(1-\sqrt{7})\right)^2 + \left(\frac{5}{2}k(1+\sqrt{7})\right)^2$$

$$k = \sqrt{2}$$

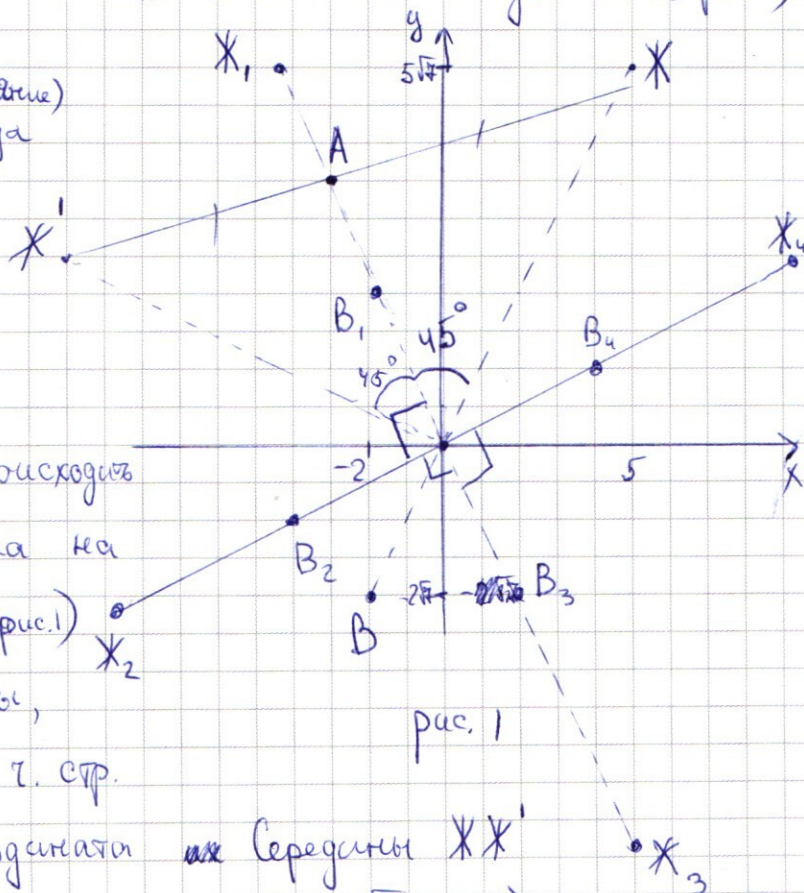


рис. 1

Тогда
$$\left. \begin{aligned} X_1 & \left(\frac{5\sqrt{2}}{2}(1-\sqrt{7}); \frac{5\sqrt{2}}{2}(1+\sqrt{7}) \right) \\ X_2 & \left(-\frac{5\sqrt{2}}{2}(1+\sqrt{7}); \frac{5\sqrt{2}}{2}(1-\sqrt{7}) \right) \\ X_3 & \left(\frac{5\sqrt{2}}{2}(\sqrt{7}-1); -\frac{5\sqrt{2}}{2}(1+\sqrt{7}) \right) \\ X_4 & \left(\frac{5\sqrt{2}}{2}(\sqrt{7}+1); \frac{5\sqrt{2}}{2}(\sqrt{7}-1) \right) \end{aligned} \right\} \text{ Ответ:}$$

Эти точки мы получили используя тот факт, что $B(x_0, y_0)$, то точка B' ~~полученная~~ полученная поворотом B на 90° пр.ч. стрелки от $O(0,0)$. ~~B' будет иметь координаты $(-y_0, x_0)$~~

6

~~Поворотом в A переводим окр. 1 в окр. 2~~

Докажем, что $AD = AC$

Пусть $\angle ABC = \alpha$, тогда $\angle ABD = 180 - \alpha$

Тогда $\angle CO_1A = 2\angle ABC = 2\alpha$ (центр угла)

$$\angle CO_2A = 2\angle ABD = 360 - 2\alpha$$

Один из углов 2α и $360 - 2\alpha$ будет ≥ 180

Н.У.О. Положим $360 - 2\alpha \geq 180$, тогда $\angle ABD = 2\alpha = \angle ABC$, т.к. $O_1C = O_1A = O_2A = O_2D = R$ тр-ки $\triangle CO_1A = \triangle AO_2D$ (по 2-м сторонам и углу меж. ними) $\Rightarrow CA = AD$

2) Заметим, что $\angle CDA = 45^\circ$ ($\triangle CAD$ - прямоугол. равноб.);

$\angle BDF = 45^\circ$ ($\triangle BDF$: $\angle B = 90^\circ$; $BD = BF$); D, B, C - на одной прямой $\Rightarrow$

D, F, A - тоже на одн. прямой

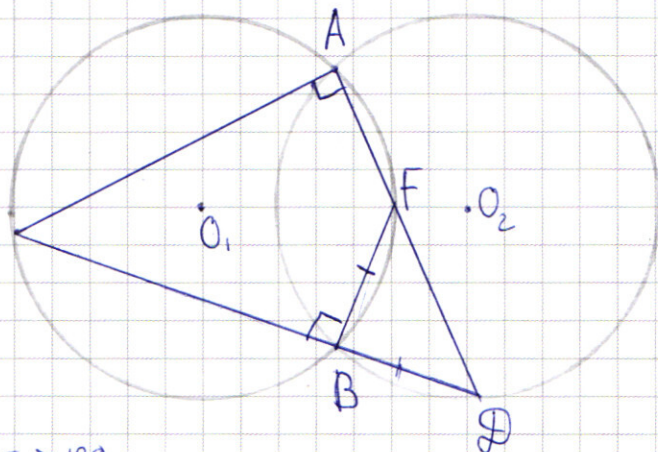
3) $CAFB$ - вписан (т.к. $\angle CAF = \angle CBF = 90^\circ$) $\Leftrightarrow F$ - лежит на отс.

окр. $\triangle ABC \Rightarrow CF$ - диаметр окр. 1. $CF = 2 \cdot R = 10$

4) $BC = 6$, $CF = 10$; $\triangle BCF$ - прямоугол. $\Rightarrow BF = 8$ (по т. Пифагора)

$$S_{BFC} = \frac{1}{2} BF \cdot CB = \frac{8 \cdot 6}{2} = 24$$

Ответ: $CF = 10$; $S_{BFC} = 24$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$700 = 7 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1$$

$$\frac{8!}{2! \cdot 2! \cdot 3!} \neq \frac{8!}{2! \cdot 4!} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8}{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3} + \frac{8!}{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} = 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 = \frac{6! \cdot 7 \cdot 20}{2} = 360 \cdot 7$$

$$\begin{array}{r} 360 \\ 7 \\ \hline 2520 \\ 2520 \end{array}$$

$$-2 < \frac{-1 - \sqrt{17}}{4}$$

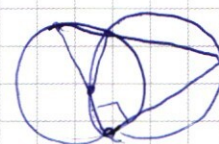
$$\sqrt{17} < 7$$

$$-2 < \frac{-1 - \sqrt{17}}{4}$$

$$-8 < -1 - \sqrt{17}$$

$$\sqrt{17} < 7 \quad | -8 - \sqrt{17}$$

$$17 < 49$$



$$2x^4 - 3x^3 + 7x^2 - 4x + 4 \geq 0$$

$$(x-2)^2 - 3x^2(x-2) + 2x^4 \geq 0$$

$$(1x-21-x^2)(1x-21-2x^2) \geq 0$$

$$-1 - \sqrt{17} < 4$$

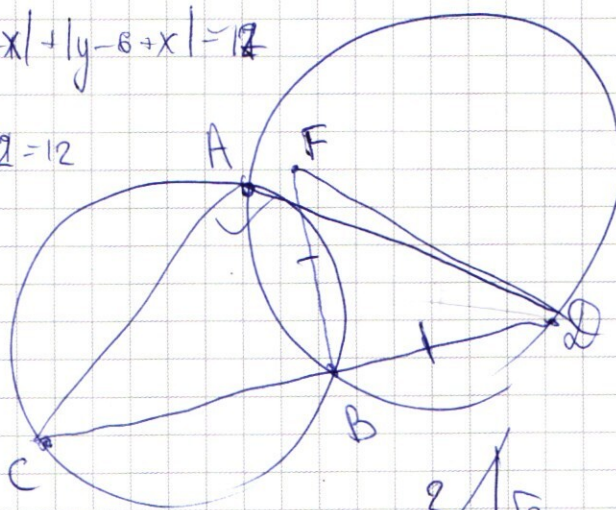
$$\frac{b \cdot (q^n - 1)}{q - 1} = S$$

$$b \cdot q^2$$

$$|y - 6 - x| + |y - 6 + x| = 12$$

$$2y - 12 = 12$$

$$\begin{aligned} y &= x + 6 \\ y &= -x + 8 \end{aligned}$$

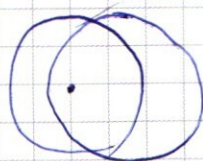


$$\frac{\sqrt{2}}{2} (x+6) \sqrt{x^2 - 4x + 80} =$$

$$216 \quad 24 \quad 80$$

$$(x+8)(x+4)$$

$$\sqrt{\frac{x^3 - 4x + 80}{2}} = x + 4$$

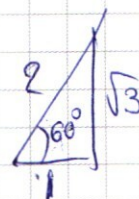


$$80 - 32 = 48$$

$$\operatorname{tg} x = \sqrt{3}$$

$$216 - 42 - 120 - 48$$

$$64 - 32 - 80 + 48 \quad 216 -$$



$$\begin{array}{rrrr} 1 & -2 & -20 & +48 \\ 4 & 2 & -12 & 0 \end{array}$$

$$-1 - \sqrt{13} \geq -4$$

$$\sqrt{13} < 3$$

$$\sqrt{13}$$

$$b_1 + b_2 q$$

$$\frac{b_1 \cdot (q^{3000} - 1)}{q - 1} = S$$

$$\frac{b_3 \cdot (q^3)^{1000} - 1}{q^3 - 1} = \frac{S}{5}$$

$$\frac{b_1}{q - 1} = 5 \cdot \frac{b_1 \cdot q^2}{q^3 - 1} \quad q =$$

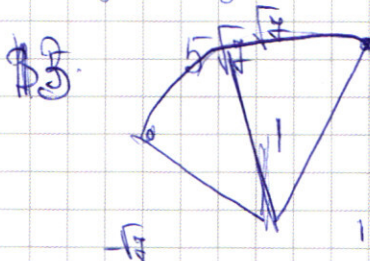
$$q^2 + q + 1 = 5q^2 \Rightarrow 4q^2 - q - 1 = 0$$

$$\frac{b_2 \cdot (q^2)^{500} - 1}{q^2 - 1} = S \cdot \frac{q}{q + 1}$$

$$\frac{48}{80} - \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$$

$$-\frac{27}{5} - 9 + \frac{9 \cdot 40}{25} = 9$$

$$-\frac{3}{5} - 1 + \frac{8}{5} = 0$$



$$\frac{b_1 \cdot (q^{3000} - 1)}{q - 1} = S$$

$$\frac{b_1 \cdot (q^{3000} - 1)}{q^3 - 1} + \frac{b_1 q \cdot (q^{3000} - 1)}{q^3 - 1} + \frac{50 b_1 q^2 (q^{3000} - 1)}{q^3 - 1} = 10S$$

$$\frac{S + qS + 50q^2S}{q^2 + q + 1} = 10S$$

$$1 + q + 50q^2 = 10q^2 + q + 10$$

$$40q^2 - 9q - 9 = 0$$

$$\frac{S + 2qS}{q + 1} = ?$$

$$q = \frac{-9 \pm \sqrt{81 + 4 \cdot 9 \cdot 40}}{80}$$

$$= \frac{-9 \pm 3\sqrt{9 + 160}}{80} = \frac{-9 \pm 13}{80}$$

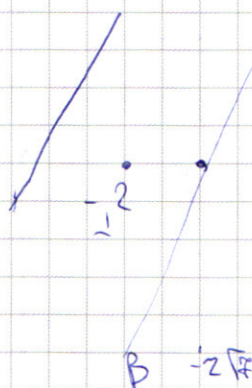
$$S \left(1 + \frac{q}{q + 1} \right) = \frac{\frac{20}{21}}{\frac{21}{20}} = \frac{1}{21} = \frac{22}{21} \cdot \frac{80}{80}$$

$$\frac{4}{80} = \frac{1}{20} \quad \frac{-\frac{22}{80}}{-22 + 80}$$

5/8

*

$$1 + \frac{3}{8/5}$$



$$\cos \frac{45}{2} = \cos \frac{\sqrt{2}}{8}$$

$$\sin \frac{\sqrt{2}}{8} - \cos \frac{\sqrt{2}}{8} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin \frac{2\sqrt{2}}{8} \cdot (1 - \sin \frac{2\sqrt{2}}{8}) = \frac{1}{8}$$

$$x^2 - x + \frac{1}{8} = 0$$

$$x = \frac{1 + \sqrt{1 - \frac{1}{2}}}{2} = \frac{2 + \sqrt{2}}{4}$$

$$R^2 = 2^2 + 2^2 \cdot 4 = 2^2 \cdot 8$$

$$R_1 = 2\sqrt{8}$$

$$R_2 = 5\sqrt{8}$$

$$2R_1 = 2R_2$$

$$\alpha = \frac{\varphi_6}{\varphi_x} = 5$$

$$\varphi_6 = \varphi_x + 180^\circ$$

$$\varphi_x = \varphi_x + 180^\circ$$

$$\varphi_x = 45^\circ$$

$$\omega_B R_B = 2\omega_x \cdot R_x$$

$$\frac{\omega_B}{\omega_x} = \frac{2R_x}{R_B} = 5$$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

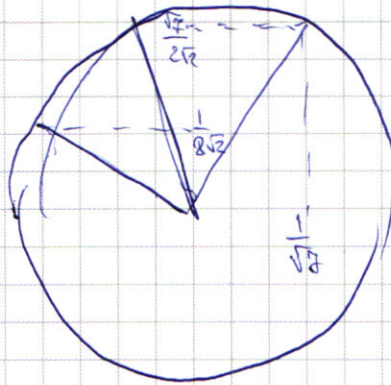
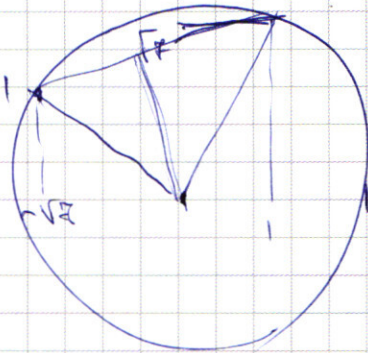
☐ черновик ☐ чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

$$\left(\frac{k\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \left(\frac{k}{2}\right)^2 = 1$$

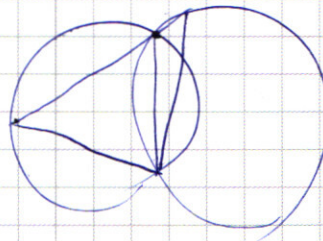
$$k^2 = \frac{1}{8}$$

$$\frac{1}{2\sqrt{2}} \quad \frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{2}}$$



$$\frac{1+\sqrt{2}}{2} \quad \frac{1+\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{1+\sqrt{2}}{1-\sqrt{2}} \quad k$$



$$32 = k^2 \left((1-\sqrt{2})^2 + (1+\sqrt{2})^2 \right) = k^2 \cdot 16$$

$$k = \sqrt{2}$$

