

# МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ

## ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ" ПО МАТЕМАТИКЕ

10 класс



ВАРИАНТ 4

ШИФР

Бланк задания должен быть вложен в рабо  
Работы без вложенного задания не проверяются.

- [4 балла] Найдите количество восьмизначных чисел, произведение цифр которых равно 4900. Ответ необходимо представить в виде целого числа.
- [4 балла] Данна геометрическая прогрессия  $b_1, b_2, \dots, b_{3000}$ , все члены которой положительны, а их сумма равна  $S$ . Известно, что если все её члены с номерами, кратными 3 (т.е.  $b_3, b_6, \dots, b_{3000}$ ), увеличить в 40 раз, сумма  $S$  увеличится в 5 раз. А как изменится  $S$ , если все её члены, стоящие на чётных местах (т.е.  $b_2, b_4, \dots, b_{3000}$ ), увеличить в 3 раза?
- [4 балла] Решите уравнение  $\left(\frac{x}{2\sqrt{2}} + \frac{5\sqrt{2}}{2}\right) \sqrt{x^3 - 64x + 200} = x^2 + 6x - 40$ .
- [6 баллов] Решите неравенство  $4x^4 + x^2 + 4x - 5x^2|x+2| + 4 \geq 0$ .
- [5 баллов] Вокруг крючка с червяком в одной плоскости с ним по двум окружностям плавают карась и пескарь. В указанной плоскости введена прямоугольная система координат, в которой крючок (общий центр окружностей) находится в точке  $(0; 0)$ . В начальный момент времени карась и пескарь находятся в точках  $M_0(-1; 2\sqrt{2})$  и  $N_0(2; -4\sqrt{2})$  соответственно. Скорость карася в два с половиной раза больше скорости пескаря, оба двигаются по часовой стрелке. Определите координаты всех положений пескаря, при которых расстояние между рыбами будет кратчайшим.
- [6 баллов] а) Две окружности одинакового радиуса 13 пересекаются в точках  $A$  и  $B$ . На первой окружности выбрана точка  $C$ , а на второй – точка  $D$ . Оказалось, что точка  $B$  лежит на отрезке  $CD$ , а  $\angle CAD = 90^\circ$ . На перпендикуляре к  $CD$ , проходящем через точку  $B$ , выбрана точка  $F$  так, что  $BF = BD$  (точки  $A$  и  $F$  расположены по одну сторону от прямой  $CD$ ). Найдите длину отрезка  $CF$ . б) Пусть дополнительно известно, что  $BC = 10$ . Найдите площадь треугольника  $ACF$ .
- [6 баллов] Найдите все значения параметра  $a$ , при каждом из которых система

$$\begin{cases} |y+x+8| + |y-x+8| = 16, \\ (|x|-15)^2 + (|y|-8)^2 = a \end{cases}$$

имеет ровно два решения.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задание №1.

$4900 = 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 7 \Rightarrow$  в нашем восемизначном числе ровно две двойки, две пятерки и две семёрки или ровно одна четвёрка, две пятерки и две семёрки (остальное - единицы)  
(почему? - ~~аbсdefgh~~ ( $a, b, c, d, e, f, g, h$  - ненулевые цифры)  $\Rightarrow$   
(т.к. произведение не 0))

$S = a \cdot b \cdot c \cdot d \cdot e \cdot f \cdot g \cdot h = 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 7$ .  $S : 49 \Rightarrow$  находится ровно 2 семёрки, т.к. следующее число кратное 7 уже не цифра.

$S : 25 \Rightarrow$  находится ровно 2 пятерки, т.к. следующее число кратное 5 уже не цифра.  $S : 4 \Rightarrow$  находится <sup>ровно</sup> одна четвёрка или две двойки. Остальные цифры должны быть 1, чтобы сохранить равенство).

① есть 4:

Тогда в нашем числе цифры 7, 7, 5, 5, 4, 1, 1, 1.

По формуле перестановок с повторениями количество способов рассставить эти цифры равно:  $\frac{8!}{2!2!3!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2}{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 2} =$   
 $= 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 = 1680$

② есть две 2:

Тогда в нашем числе цифры 7, 7, 5, 5, 2, 2, 1, 1.

По формуле перестановок с повторениями количество способов рассставить эти цифры равно:  $\frac{8!}{2!2!2!2!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2}{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2} =$   
 $= 4 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 3 = 2520$   
 $2520 + 1680 = 4200$

Ответ: 4200 чисел.

### Задание №3.

$$\left( \frac{x}{2\sqrt{2}} + \frac{5\sqrt{2}}{2} \right) \sqrt{x^3 - 64x + 200} = x^2 + 6x - 40 \quad x^3 - 64x + 200 \geq 0$$

$$\frac{x+10}{2\sqrt{2}} \cdot \sqrt{x^3 - 64x + 200} = (x+10)(x-4)$$

$$x+10=0$$

$$x = -10$$

$$(-10)^3 + 640 + 200 =$$

$$= -1000 + 640 + 200 =$$

$$= -160 < 0$$

корень не удовлетворяет  
ОДЗ

$$x+10 \neq 0$$

$$\frac{\sqrt{x^3 - 64x + 200}}{2\sqrt{2}} = x - 4$$

$$2\sqrt{2}(x-4) \geq 0$$

$$\sqrt{x^3 - 64x + 200} = 2\sqrt{2}(x-4)$$

$$x^3 - 64x + 200 = 8(x^2 + 16 - 8x)$$

$$x^3 - 64x + 200 = 8x^2 + 128 - 64x$$

$$x^3 - 8x^2 + 72 = 0$$

$$(x-6)(x^2 - 2x - 12) = 0$$

$$x-6=0$$

$$x=6$$

$$6^3 - 64 \cdot 6 + 200 =$$

$$= 216 - 384 + 200 =$$

$$= 32 > 0$$

$$x^2 - 2x - 12 = 0$$

$$\Delta = 4 + 4 \cdot 12 = 52$$

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm 2\sqrt{13}}{2} = 1 \pm \sqrt{13}$$

$$2\sqrt{2}(1 - \sqrt{13} - 4) < 0$$

$$2\sqrt{2} \cdot (6-2) = 4\sqrt{2} > 0$$

корень не удовлетворяет  
ОДЗ

$$176 \checkmark 48\sqrt{13} \Rightarrow 176 - 48\sqrt{13} > 0 \quad \text{ОДЗ}$$

$$11 \cdot 16 \checkmark 16 \cdot 3\sqrt{13}$$

$$121 \checkmark 117$$

корень удовлетворяет  
ОДЗ

$$2\sqrt{2}(1 + \sqrt{13} - 4) > 0$$

$$\sqrt{13} > 3 \Rightarrow 1 + \sqrt{13} > 4 \Rightarrow 1 + \sqrt{13} - 4 > 0$$

$$\begin{aligned} & (1 + \sqrt{13})^3 - 64 \cdot (1 + \sqrt{13}) + 200 = \\ & = (1 + \sqrt{13})(14 + 2\sqrt{13} - 64) + 200 = \\ & = (1 + \sqrt{13})(2\sqrt{13} - 50) + 200 = 2\sqrt{13} + \\ & + 26 - 50 - 50\sqrt{13} + 200 = 176 - 48\sqrt{13} \end{aligned}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Ответ:  $6 ; 1 + \sqrt{13}$ .

Задание №4.

$$4x^4 + x^2 + 4x - 5x^2 |x+2| + 4 \geq 0$$

$$x+2 \geq 0$$

$$4x^4 + x^2 + 4x - 5x^3 - 10x^2 + 4 \geq 0$$

$$x+2 < 0$$

$$4x^4 - 5x^3 - 9x^2 + 4x + 4 \geq 0 \quad (2x^2 + 1,25x)^2 + (x+2)^2 + 8,4375x^2 \geq 0$$

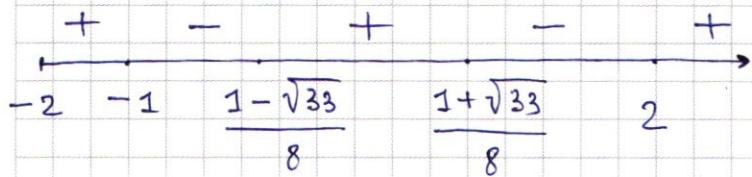
$$(x+1)(x-2)(4x^2 - x - 2) \geq 0$$

Верно при всех  $x \Rightarrow$  промежуток

Нули:  $x = -1, x = 2$

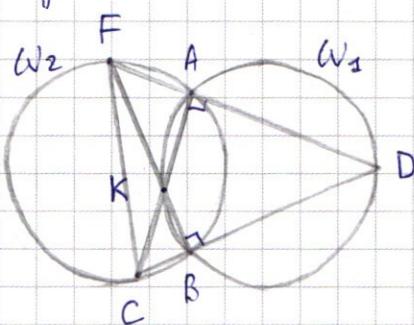
$(-\infty; -2)$  подходит.

$$x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{33}}{8}$$



Ответ:  $(-\infty; -1] \cup [\frac{1-\sqrt{33}}{8}; \frac{1+\sqrt{33}}{8}] \cup [2; \infty)$ .

Задание №6.



$$K = \omega_1 \cap (AC)$$

$\angle KAD = 90^\circ \Rightarrow \angle KBD = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ \Rightarrow K$  лежит на  $(BF)$ .

$$\frac{\sin \angle ADB}{AB} = \frac{1}{2R} = \frac{\sin \angle ACB}{AB} \Rightarrow \sin \angle ADB =$$

$= \sin \angle ACB$ , но эти углы в сумме  $90^\circ =$   
(значит равны и умы)  
 $\angle ADB = \angle ACB = 45^\circ$

$\angle FDB = \angle DFB = \frac{180^\circ - 90^\circ}{2} = 45^\circ \Rightarrow D, A$  и  $F$  лежат на одной прямой.

$\angle AFB = \angle ACB = 45^\circ \Rightarrow AFCB - вписаный \Rightarrow F$  лежит на  $W_2$ .

$\angle CBF = 90^\circ \Rightarrow CF - диаметр \Rightarrow CF = 13 \cdot 2 = 26$

$$CB = 10 \Rightarrow FB = \sqrt{26^2 - 10^2} = 24$$

$$\angle KCB = 45^\circ \Rightarrow \angle CKB = 45^\circ \Rightarrow KB = CB = 10 \Rightarrow FK = 24 - 10 = 14$$

$$CK = \sqrt{10^2 + 10^2} = 10\sqrt{2}$$

Степень точки  $K$ :  $CK \cdot AK = FK \cdot BK$

$$10\sqrt{2} \cdot AK = 14 \cdot 10$$

$$AK = \frac{14}{\sqrt{2}} = 7\sqrt{2}$$

$$\angle AFK = 45^\circ \Rightarrow \angle AKF = 45^\circ \Rightarrow AF = AK = 7\sqrt{2}$$

$$S_{ACF} = \frac{AF \cdot AC}{2} = \frac{7\sqrt{2} \cdot (10\sqrt{2} + 7\sqrt{2})}{2} = 7 \cdot 17 = 119$$

Ответ: а) 26; б) 119.

Задание №2.

$$b_1 = x \quad q > 0 \text{ (м.к. все члены положительны)}$$

$$b_2 = qx \quad q \neq 1 \text{ (м.к. } 3000x = S)$$

$$b_3 = q^2x \quad 2000x + \dots = 5S \neq 15000x \\ + 1000x \cdot 40$$

$$\vdots$$

$$b_{3000} = q^{2999}x$$

$$S = x \cdot \frac{q^{3000} - 1}{q - 1} \quad (1)$$

Посмотрим, на сколько увеличится сумма, если увличить члены с номерами, кратными 3, в 40 раз:

$$5S = S + 39 \left( q^2x + q^5x + \dots + q^{2999}x \right)$$

$$4S = 39 \cdot x \cdot q^2 \cdot \frac{q^{3000} - 1}{q^3 - 1} \quad (2)$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\max \cos \alpha = 1$  достигается при  $\alpha = 0$

Заметим, что в начале к и п лежат на прямой  $y = -2\sqrt{2}x$ ,  
которая проходит через 0.

Скорость карася в 2,5 раза больше, а радиус окружности, по  
которой он движется в 2 раза меньше  $\Rightarrow$  его угловая скорость  
в 5 раз больше скорости пескаря.

Заметим, что когда пескарь пройдёт 1 круг, карась пройдёт  
ровно 5, а значит дальше все положения будут повторяться.

1 положение: пескарь пройдёт  $\frac{360^\circ}{8}$ , а карась  $\frac{5 \cdot 360^\circ}{8}$ .

Когда пескарь пройдёт  $\frac{360^\circ}{4}$ , карась пройдёт  $\frac{5 \cdot 360^\circ}{4}$  и они окажутся  
в положении, аналогичном начальному ( $P^*$ ,  $K^*$ ).

2 положение: пескарь пройдёт  $\frac{3 \cdot 360^\circ}{8}$ , а карась  $\frac{15 \cdot 360^\circ}{8}$ .

Аналогично:

3 положение: пескарь пройдёт  $\frac{5 \cdot 360^\circ}{8}$ , а карась  $\frac{25 \cdot 360^\circ}{8}$ .

4 положение: пескарь пройдёт  $\frac{7 \cdot 360^\circ}{8}$ , а карась  $\frac{35 \cdot 360^\circ}{8}$ .

$$P_1: (\sqrt{2}-4; -4-\sqrt{2})$$

$$P_2: (-4-\sqrt{2}; 4-\sqrt{2})$$

$$P_3: (4-\sqrt{2}; 4+\sqrt{2})$$

$$P_4: (4+\sqrt{2}; \sqrt{2}-4)$$

Ответ.

Посмотрим, на сколько увеличится сумма, если увеличить члены с чётными номерами в 3 раза:

$$kS = S + 2 \cdot (q \cdot x + q^3 \cdot x + q^5 \cdot x \dots + q^{2999} \cdot x)$$

$$(k-1)S = 2 \cdot x \cdot q \cdot \frac{q^{3000}-1}{q^2-1} \quad (3)$$

Поделим (2) на (1):

$$\frac{4S}{S} = \frac{39 \cdot x \cdot q^2 \cdot \frac{q^{3000}-1}{q^2-1}}{\frac{x \cdot q^{3000}-1}{q-1}}$$

$$4 = \frac{39 q^2 \cdot (q-1)}{(q-1)(q^2+q+1)}$$

$$4q^2 + 4q + 4 = 39q^2$$

$$35q^2 - 4q - 4 = 0$$

$$\Delta = 16 + 16 \cdot 35 = 16 \cdot 36 = 24^2$$

Поделим (3) на (1):

$$\frac{(k-1)S}{S} = \frac{2 \cdot x \cdot q \cdot \frac{q^{3000}-1}{q^2-1}}{\frac{x \cdot q^{3000}-1}{q-1}}$$

$$k-1 = \frac{2 \cdot q \cdot (q-1)}{(q-1)(q^2+q+1)}$$

$$k-1 = \frac{2 \cdot q}{q+1} = \frac{2 \cdot 0,4}{1,4} = \frac{8}{14} = \frac{4}{7}$$

$$k = 1 \frac{4}{7}$$

$$q_{1,2} = \frac{4 \pm 24}{70}$$

$$\frac{4-24}{70} < 0 \Rightarrow \text{не подходит}$$

$$\frac{4+24}{70} = \frac{28}{70} = \frac{4}{10} = 0,4$$

Ответ: увелчиться в  $1 \frac{4}{7}$ .

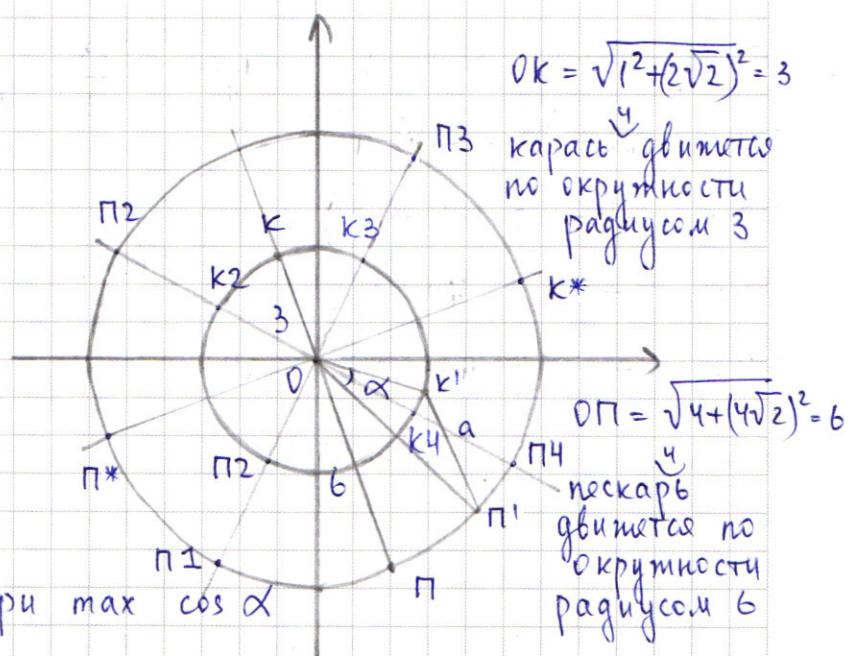
Задание №5.

Рассмотрим, чему равно

расстояние между  $K$  и  $\Pi$  в какой-то момент времени:

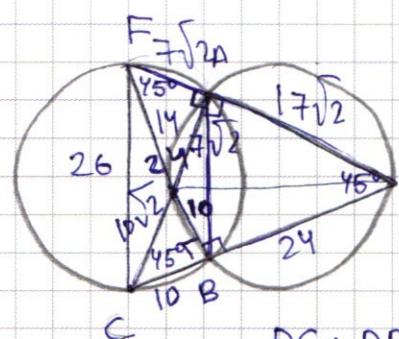
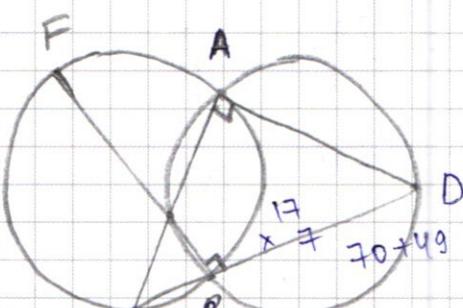
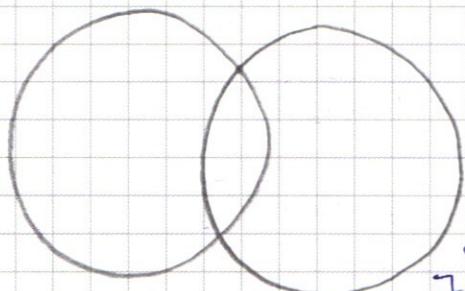
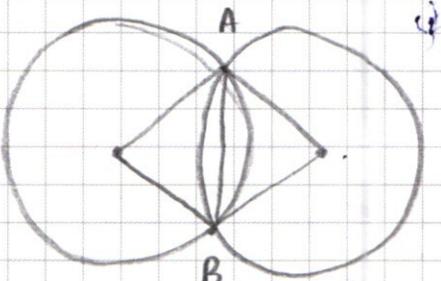
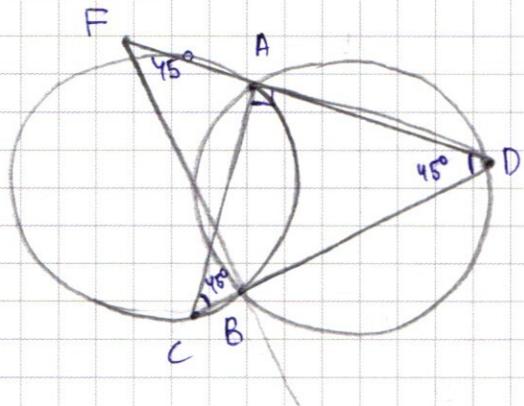
$$a = \sqrt{6^2 + 3^2 - 2 \cdot \cos \alpha \cdot 3 \cdot 6}$$

Значит мин  $a$  достигается при  $\max \cos \alpha$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

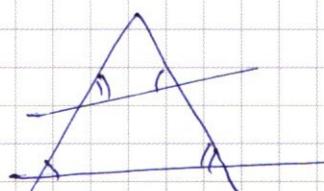
Big Spender



$$AFC = \frac{AF \cdot AC}{2}$$

$$26^2 =$$

$$DC \cdot DB = DA \cdot DF$$



$$14 \cdot 10 = 10 \cdot \sqrt{2} \cdot k$$

$$k = 7\sqrt{2}$$

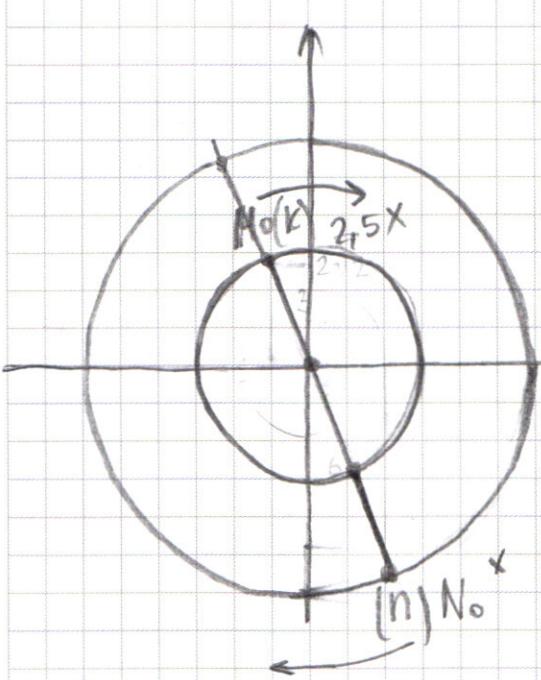
$$\frac{578}{2} = 289$$

$$DF = \frac{24 \cdot 34\sqrt{2}}{14\sqrt{2}} = 24\sqrt{2}$$

$$\begin{array}{r} 49 \\ \times 2 \\ \hline 98 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ \times 26 \\ \hline 156 \\ 52 \\ \hline 676 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1 \\ \times 24 \\ \hline 24 \\ 96 \\ \hline 100 \end{array} \quad \begin{array}{r} 576 \\ - 98 \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 676 - 98 = \\ = 578 \end{array}$$



$$y + 32 = 36$$

1+8

$$V_K = 2,5 V_H = 2,5 x$$

$$-1 \quad 2\sqrt{2}$$

$$y = kx + b$$

$$y = kx$$

$$k = -2\sqrt{2}$$

$$2\pi R$$

$$4\pi R$$

$$10\pi R$$

~~2πR~~

$$2\pi R$$

$$4\pi R$$

$$\frac{4\pi R}{t}$$

$$\begin{array}{r} 36 \\ \times 6 \\ \hline 216 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \times 64 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$2,5 \cdot \frac{4\pi R}{t} =$$

$$\begin{aligned} (1 + \sqrt{13})^2 &= \\ &= 14 + 2\sqrt{13} \end{aligned}$$

$$9 \cdot 13 = 117$$

$$\frac{16}{2\sqrt{2}} \cdot 4\sqrt{2} \cdot 2 = 32$$

$$\begin{array}{r} 176 | 4 \\ 16 \quad | 4 \\ \hline 3 \end{array}$$



чертёжник

чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №

(Нумеровать только чистовики)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$39S = 39a_1 \cdot \frac{q^{3000} - 1}{q - 1}$$

~~$$3000x \geq 5 = 3000x + 39 \cdot 1000x$$~~

$$4S = 39a_1 \cdot \frac{q^{3002} - 1}{q^3 - 1}$$

~~$$4 = \frac{39 \cdot (q^{3002} - 1) \cdot (q - 1)}{(q^3 - 1)(q^{3000} - 1)} =$$~~

~~$$204 \cdot \frac{q^{3001} - 1}{q^2 - 1} = ?$$~~

~~$$(q - 1)(q^2 + q + 1)$$~~

~~$$= \frac{39 \cdot (q^{3002} - 1)}{(q^2 + q + 1)(q^{3000} - 1)}$$~~

~~$$4 \cdot (q^2 + q + 1)(q^{3000} - 1) = 39 \cdot (q^{3002} - 1)$$~~

~~$$x \quad x \quad \frac{(q^{3001} - 1)}{(q + 1)(q^{3000} - 1)} = ?$$~~

~~$$38 \quad 39a_1 \cdot \left( \frac{q^{3000} - 1}{q - 1} - \frac{q^{3002} - 1}{q^3 - 1} \right) =$$~~

~~$$= \frac{(q^{3000} - 1)(q^2 + q + 1) - q^{3002} + 1}{q^3 - 1} =$$~~

~~$$= \frac{q^{3002} - q^2 + q^{3001} - q + q^{3000}}{q^3 - 1} =$$~~

~~$$= \frac{q^{3001} + q^{3000} - q^2 - q}{q^3 - 1} =$$~~

~~$$= \frac{q^{3000}(q + 1) - q(q + 1)}{q^3 - 1}$$~~



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$4900 = 10 \cdot 10 \cdot 49 = 2 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 1 \cdot 1$$

$$\frac{8!}{2!2!2!2!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2}{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2} = 4 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 3 = 1680 \cdot \frac{3}{2} = 2520$$

$$b_1 + b_2 \\ b_1 \quad q b_1 \quad q^2 b_1 \dots q^{2999} b_1$$

$$1 + q^n = \frac{q^{n+1}-1}{q-1}$$

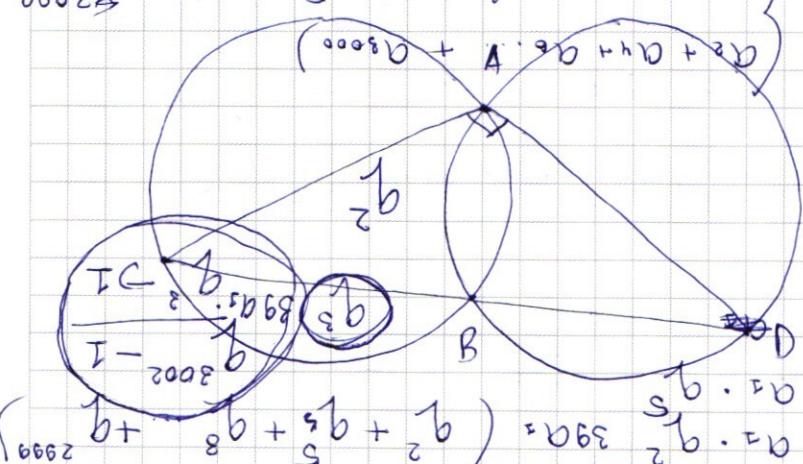
9

$$b_1 \cdot (1 + q + q^2 + \dots + q^{2999}) = \frac{q^{3000}-1}{q-1}$$

$$\left( \frac{x}{2\sqrt{2}} + \frac{5\sqrt{2}}{2} \right) \sqrt{x^3 - 64x + 200} = x^2 + 6x - 40$$

$$\frac{x+10}{2\sqrt{2}} \cdot \sqrt{x^3 - 64x + 200} = x^2 + 6x - 40$$

$$2 \cdot (a_3 \cdot q + a_5 \cdot q^3 + a_7 \cdot q^5 + \dots + a_{3000})$$



$$x^2 + 4x + 4 +$$

$$2x^2 + 2.5x^3$$

$$2 \cdot \frac{5}{4}$$

$$8,4375$$

$$4x + 4$$

$$15625$$

$$15625$$

$$(x^2 + 4x + 4)$$

$$(x+2)^2$$

$$(2x^2 + 1,25x)^2$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

$$125$$

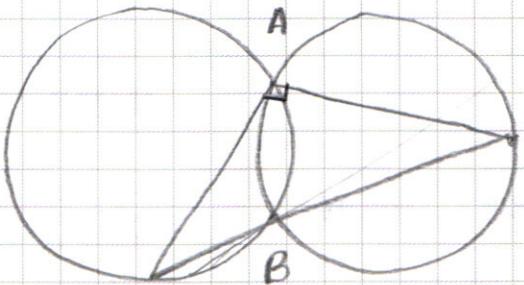
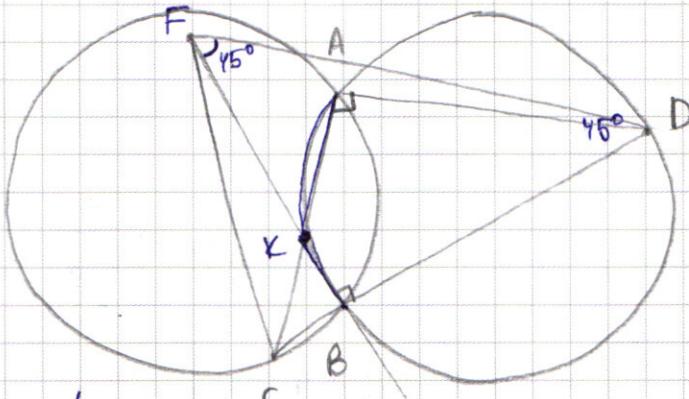
$$125$$

$$125$$

$$125$$

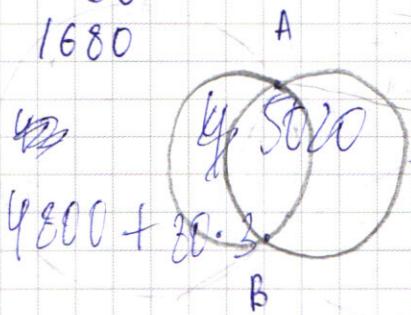
$$125$$

&lt;math display



$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 56 \\ \hline 1680 \end{array}$$

$$244 - 135 - 81 + 12 + 4$$



$$9 \cdot 3 \cdot 3$$

$$CB^2 + BF^2 = CF^2$$

$$CB^2 + BF^2 = CB^2 + BD^2$$

4.4.2

$$4x^4 + x^2 + 4x - 5x^3 - 10x^2 + 4 \geq 0$$

$$x+2 \geq 0 \quad 4x^4 - 5x^3 - 9x^2 + 4x + 4 \geq 0 \quad 27 \cdot 5 =$$

$$x \geq -2 \quad \cancel{4+5-9=4+4}$$

$$4x^2 - x - 2$$

$$A = 1 + 32 = 33$$

$$\cancel{(x+1)}(x+1)(4x^3 - 9x^2 + 4) \geq 0 \quad x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{33}}{8} \quad 6 \quad 7$$

②

$$4x^3 - 9x^2 + 4$$

$$\geq 32 + 4 - 36$$

$$(x+1)(x-2)(4x^2 - x - 2) \geq 0$$

-5 -4

$$64 + 40 - 36 - 8 + 4$$

$$\begin{array}{ccccccc} & + & - & + & - & + & \\ -2 & -1 & \frac{1-\sqrt{33}}{8} & \frac{1+\sqrt{33}}{8} & 2 & & \\ \hline -\frac{3}{4} & \cancel{\frac{81}{64} + \frac{135}{64} - \frac{81}{16} - 3 + 4} & & & & & \\ & & & & + 1 & & \\ & & & & 81 + 135 + 64 - 81 \cdot 4 & & \\ & & & & 135 + 64 - 244 & & \end{array}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$f_1 = x$$

$$f_2 = qx$$

$$f_3 = q^2x$$

$$\vdots \\ f_{3000} = q^{2999}x$$

$$S = x \cdot \frac{q^{3000} - 1}{q - 1}$$

$$4S = 39 \cdot x \cdot \frac{q^{3002} - q^2}{q^3 - 1} = 39 \cdot x \cdot q^2 \cdot \frac{(q^{3000} - 1)}{q^3 - 1}$$

$$q > 0$$

$$q^2 + q^5 + \dots + q^{2999} =$$

$$= q^2 (1 + q^3 + q^6 + \dots + q^{2997}) = q^2 \cdot (q$$

$$2 \cdot x \cdot \frac{q^{3001} - q}{q^2 - 1} = 2 \cdot x \cdot q \cdot \frac{q^{3000} - 1}{q^2 - 1}$$

$$\cancel{x \cdot \frac{q^{3000} - 1}{q - 1}}$$

$$\frac{2 \cdot q}{q + 1} = x$$

$$\frac{(q^{3000} - 1) \cdot 39 \cdot x \cdot q^2 \cdot (q - 1)}{(q^3 - 1) \cdot x \cdot (q^{3000} - 1)} = 4$$

$$\frac{2 \cdot 0,4}{1,4} =$$

$$\frac{0,8}{1,4} = \frac{8}{14} = \frac{4}{7}$$

$$39 \cdot q^2 = 4 \cdot (q^2 + q + 1)$$

$$35 \cdot q^2 = 4(q+1)$$

$$35 \cdot q^2 =$$

$$35q^2 - 4q - 4 = 0 \quad 4 \cdot 6 = 24$$

$$\Delta = 16 + 16 \cdot 35 = 16 \cdot 36$$

$$x_{1,2} = \frac{4 \pm 24}{\cancel{35} 70} = \frac{28}{70} = \frac{4}{10} = 0,4$$

