

Олимпиада «Физтех» по физике, (

Вариант 10-02

Класс 10

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в

1. Гайку бросают с вышки со скоростью $V_0 = 10$ м/с под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью $2V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.
- 2) Найти время полета гайки.
- 3) С какой высоты была брошена гайка?

Ускорение свободного падения принять $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха не учитывать.

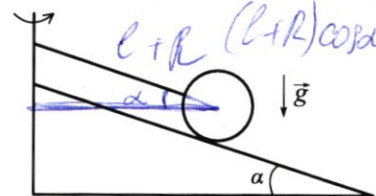
2. Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 2m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

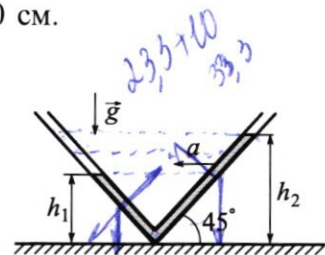
- 1) Найти силу давления шара на клин, если система покоится.
- 2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.



4. Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением $a = 4$ м/с² уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте $h_1 = 10$ см.

- 1) На какой высоте h_2 установится уровень масла в другом колене?
- 2) С какой скоростью V будет двигаться жидкость в трубке относительно трубки после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Действие сил трения пренебрежимо мало.



5. В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 27°C и давлении $P = 3,55 \cdot 10^3$ Па. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
- 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшится в $\gamma = 5,6$ раза.

Плотность и молярная масса воды $\rho = 1$ г/см³, $\mu = 18$ г/моль.

$$\omega = \frac{v}{R}$$
$$\omega^2 R = \frac{v^2}{R^2} \cdot R = \frac{v^2}{R}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано: $v_0 = 25 \frac{м}{с}$
 $\alpha = 30^\circ$
 $\varphi = 250$

Решение: $n \perp$.

В условии указано, что гайка все время приближалась к земле, а значит ее бросили следующим образом:

А значит гайка летела по участку ветки параболы.

$g_x = 0 \Rightarrow v_x = const.$
 $g_y = g \Rightarrow v_y = v_{0y} + g_y t = v_{0y} + gt.$

$v_0^2 = v_{0x}^2 + v_{0y}^2 \quad (1)$
 $v^2 = v_y^2 + v_x^2 = v_{0y}^2 + v_{0x}^2 \Rightarrow 425^2 = v_y^2 + v_{0x}^2 \quad (2)$
 $(2) - (1): 3v_0^2 = v_y^2 - v_{0y}^2 \Rightarrow v_y = \sqrt{3v_0^2 + v_{0y}^2}$
 $v_{0y} = \sin \alpha \cdot v_0 \Rightarrow v_y = \sqrt{3 \cdot 25^2 + \sin^2 30^\circ \cdot 25^2} = 25 \sqrt{3 + \sin^2 30^\circ}$
 $v_y = 10 \frac{м}{с} \cdot \sqrt{3 + \frac{1}{4}} = 10 \cdot \sqrt{3.25} \frac{м}{с} \approx 18 \frac{м}{с}$
 $v_y = v_{0y} + g_y t = v_0 \sin \alpha + g t \Rightarrow$
 $t = \frac{v_y - v_0 \sin \alpha}{g} = \frac{18 \frac{м}{с} - 10 \frac{м}{с} \cdot \frac{1}{2}}{10 \frac{м}{с^2}} \approx 1,3 с.$

$y = y_0 + \frac{v_y^2 - v_{0y}^2}{2g_y} \Rightarrow h = \frac{v_y^2 - (v_0 \sin \alpha)^2}{2g}$
 $h = \frac{(18 \frac{м}{с})^2 - 25^2 \frac{м^2}{с^2}}{2 \cdot 10 \frac{м}{с^2}} = \frac{(325 - 25^2) \frac{м^2}{с^2}}{2 \cdot 10 \frac{м}{с^2}} = 15 м$

Ответ: $v_y = 18 \frac{м}{с}$; $t = 1,3 с$; $h = 15 м$.

Дано: $S; m; M=2m$
 Решение: $\Pi 3\text{-и: } m\vec{g} + M\vec{g} + \vec{F}_{\text{тр}} + \vec{T}_2 = M\vec{a}$
 (человек и муфта)
 $(M+m)g + N = 0$
 $(2m+m)g = N$
 $3mg = F$

Человек своим весом давит на муфту,
 В итоге: $y: N_2 - mg - Mg = 0$
 $N_2 = (m+M)g$ ($N_2 = P$ или $P = N_2$)

$P = (m+M)g = 3mg$

Для расчета минимальной силы бросаем ускорение, с которым движется система за 0.

$x: T_2 - F_{\text{тр}} = 0; T_1 = T_2 = F_0$, т.к. нет весов.
 $F_0 - F_{\text{тр}} = 0$
 $F_0 = F_{\text{тр}}$

По 3-му закону Ньютона: $F_{\text{тр}} = \mu \cdot N_2 = \mu \cdot 3mg = 3\mu mg$
 $F_0 = 3\mu mg$

$\Pi 3\text{-и Ньютона: } \vec{F} + \vec{F}_{\text{тр}} = M\vec{a}$

$x: F - F_{\text{тр}} = Ma$

$F - 3\mu mg = 2ma \Rightarrow a = \frac{F - 3\mu mg}{2m}$

уравнение перемещения: $x - x_0 = v_{0x}t + \frac{a_x t^2}{2}$

$x: S = \frac{at^2}{2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2S}{a}} = \sqrt{\frac{2S \cdot 2m}{F - 3\mu mg}} = 2\sqrt{\frac{Sm}{F - 3\mu mg}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано: m, R
 α, L
1) P_1 - ?
2) P_2 - ?
(w)

Решение: №3.

На шар действуют сила тяжести, нормальная реакция опоры и натяжение нити.

II з-н Ньютона: $m\vec{g} + \vec{N} + \vec{T} = 0$

X: $N \sin \alpha - T \cos \alpha = 0$

$N \sin \alpha = T \cos \alpha$

$T = N \cdot \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$

Y: $N \cos \alpha + T \sin \alpha - mg = 0$

$N \cos \alpha + \left(N \cdot \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}\right) \cdot \sin \alpha - mg = 0$

$N \left(\cos \alpha + \frac{\sin^2 \alpha}{\cos \alpha} \right) - mg = 0$

$N \left(\frac{\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha}{\cos \alpha} \right) - mg = 0$

$\frac{N}{\cos \alpha} - mg = 0 \Rightarrow N = mg \cos \alpha$

По III з-ну: $\vec{N} = -\vec{P}$ или $N = P \Rightarrow P_1 = N = mg \cos \alpha$

2) Решим задачу в кинематической системе отсчета:

$\vec{F}_u = -m \cdot \vec{a}_n$, a_n

$F_u = m \cdot a_n$, $a_n = \omega^2 \cdot R_0$

Из $\triangle AOB$: $\angle AOB = \alpha$; $AO = L + R$

$R_0 = BO = AO \cdot \cos \angle AOB = (L + R) \cos \alpha \Rightarrow$

$a_n = \omega^2 \cdot (L + R) \cos \alpha$

II з-н Ньютона: $m\vec{g} + \vec{N} + \vec{T} + \vec{F}_u = 0$

$$x: N \sin \alpha - T \cos \alpha + m \cdot a_n = 0.$$

$$T = \frac{N \sin \alpha + m \cdot a_n}{\cos \alpha}$$

$$y: T \sin \alpha + N \cos \alpha - mg = 0.$$

$$\frac{N \sin \alpha + m \cdot a_n}{\cos \alpha} \cdot \sin \alpha + N \cos \alpha - mg = 0.$$

$$N \frac{\sin^2 \alpha}{\cos \alpha} + m \cdot a_n \cdot \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} + N \cos \alpha - mg = 0.$$

$$N \left(\frac{\sin^2 \alpha}{\cos \alpha} + \cos \alpha \right) + m \cdot a_n \cdot \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} - mg = 0.$$

$$\frac{N}{\cos \alpha} = mg - m \cdot a_n \cdot \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$N = mg \cos \alpha - m \cdot a_n \cdot \sin \alpha = mg \cos \alpha - m \cdot$$

$$\omega^2 (L+R) \cdot \cos \alpha \cdot \sin \alpha = m \cos \alpha (g - \omega^2 (L+R) \cdot \sin \alpha).$$

$$\underline{P_2 = m \cos \alpha (g - \omega^2 (L+R) \cdot \sin \alpha)}.$$

Дано:

$$T = (27+273)K$$

$$P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$$

$$T = \text{const}$$

$$\rho_0 = 10^3 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$$

$$M_0 = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}}$$

$$\gamma = 1,6$$

$$1) \frac{\rho_{н.н.}}{\rho_0} - ?$$

$$2) \frac{V_n}{V_0} - ?$$

Решение:

1) Ур-е Менделеева-Клапейрона:

$$pV = \nu RT = \frac{m}{M} RT$$

$$\rho_{н.н.} V = \frac{m_{н.н.}}{M} RT \quad / : V \Rightarrow \rho = \frac{\rho_0 RT}{M} \Rightarrow \rho = \frac{p \cdot M}{RT}$$

$$\frac{\rho_{н.н.}}{\rho_0} = \frac{3,55 \cdot 10^3 \text{ Па} \cdot 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}}}{8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \cdot 300 \text{ К} \cdot 10^3 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}} \approx 2,57 \cdot 10^{-5}$$

2) До начала уменьшения объема:

$$pV = \nu RT.$$

После уменьшения в γ раз:

$$p \frac{V}{\gamma} = \nu RT$$

$$\frac{p_1}{p} = \frac{1}{\gamma} \Rightarrow p_1 = \frac{p}{\gamma}, \text{ тогда } V_1 = \frac{p_1 \cdot M_0}{\rho_{н.н.}} = \frac{p \cdot M_0}{\gamma \cdot \rho_{н.н.}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$v_B = v - v_x = v \left(1 - \frac{1}{\gamma}\right); \quad v_B = \frac{v \cdot M_0}{\rho_B} = \frac{v \left(1 - \frac{1}{\gamma}\right) \cdot M_0}{\rho_B}$$

$$\frac{v_x}{v_B} = \frac{v \cdot M_0}{\gamma \cdot \rho_{M_0}} \cdot \frac{\rho_B}{v \left(1 - \frac{1}{\gamma}\right) \cdot M_0} = \left(\frac{\rho_{M_0}}{\rho_B}\right)^{-1} \cdot \frac{1}{\gamma - 1}$$

$$\frac{v_x}{v_B} = \frac{1}{2,57 \cdot 10^5} \cdot \frac{1}{4,6} = \frac{1}{11,82 \cdot 10^5} \approx$$

$$\approx 0,083 \cdot 10^5 = \underline{\underline{8,3 \cdot 10^3}}$$

Решо:

Решение:

НЧ.

$$h_1 = 10 \text{ см}$$

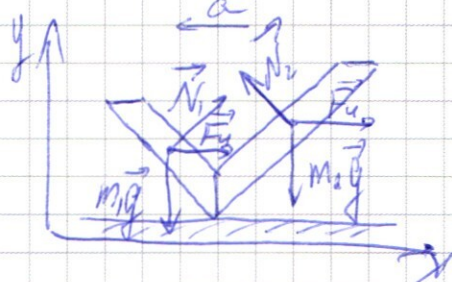
$$\alpha = 45^\circ$$

$$a = 4 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

$$1) h_2 = ?$$

$$2) \gamma = ?$$

Решим задачу в декартовой системе отсчёта:



$$\vec{F}_x = -m\vec{a} \text{ или } F_x = ma$$

Пусть масса воды равна m , когда в первом рукаве находится:

$$m \cdot \frac{h_1}{h_1 + h_2}, \text{ а во втором } m \cdot \frac{h_2}{h_1 + h_2}$$

По II закону Ньютона: $m_1 \vec{g} + m_2 \vec{g} + \vec{F}_x + \vec{N}_1 + \vec{N}_2 = 0$.

$$x: N_1 \cos \alpha = m_1 g = m \cdot \frac{h_1}{h_1 + h_2} \cdot g, \quad N_2 \cos \alpha = m \cdot \frac{h_2}{h_1 + h_2} \cdot g$$

$$y: N_2 \sin \alpha - N_1 \sin \alpha - F_x = 0.$$

$$\text{т.к. } \alpha = 45^\circ, \text{ то } \sin \alpha = \cos \alpha \Rightarrow$$

$$m \cdot \frac{h_2}{h_1 + h_2} \cdot g - m \cdot \frac{h_1}{h_1 + h_2} \cdot g - ma = 0 \quad / : \frac{m}{h_1 + h_2}$$

$$h_2 \cdot g - h_1 \cdot g - a(h_1 + h_2) = 0.$$

$$g(h_2 - h_1) = a(h_1 + h_2).$$

$$gh_2 - ah_2 = ah_1 + gh_1$$

$$h_2 = h_1 \frac{(a+g)}{g-a}$$

$$h_2 = 10 \text{ см} \cdot \frac{4 \frac{\text{см}}{\text{с}^2} + 10 \frac{\text{см}}{\text{с}^2}}{10 \frac{\text{см}}{\text{с}^2} - 4 \frac{\text{см}}{\text{с}^2}} = 10 \cdot \frac{14}{6} \text{ см} = \frac{70}{3} \text{ см} \approx \underline{\underline{23,3 \text{ см}}}$$

2) После установившегося движения:

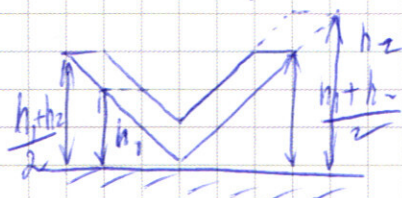


$$x \cdot \frac{N \sin \alpha}{2} = N_1 \sin \alpha = ma'$$

$$m_1 \frac{h_2}{h_1+h_2} g - m_2 \frac{h_1}{h_1+h_2} g = ma'$$

$$g \left(\frac{h_2 - h_1}{h_1 + h_2} \right) = a'$$

После установившегося равновесия:



линейный путь, который пройдет масса до установившегося равновесия

$$\text{равен } h_2 - \frac{h_1 + h_2}{2} = \frac{h_2 - h_1}{2} = \frac{h_1 + h_2}{2} - h_1.$$

$$v_0 = 0$$

$$\frac{h_2 - h_1}{2} = \frac{v^2 - 0}{2a}$$

$$\frac{h_2 - h_1}{2} = \frac{g a (h_1 + h_2)}{2 \cdot (h_2 - h_1) g}$$

$$v^2 = \frac{g(h_2 - h_1)^2}{h_1 + h_2} \Rightarrow v = \sqrt{g \cdot \frac{(h_2 - h_1)^2}{h_1 + h_2}}$$

Среднее значение скорости будет равно

$$v_{\text{ср}} = \frac{v+0}{2} = \frac{v}{2}, \quad v_{\text{ср}} = \sqrt{\frac{g}{4} \cdot \frac{(h_2 - h_1)^2}{h_1 + h_2}}$$

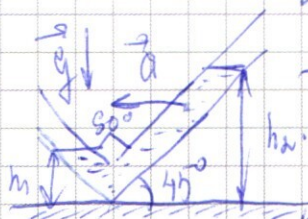
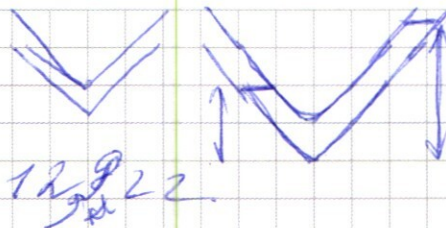
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$p \cdot \frac{V}{56} = nRT - \text{cannoz}$$

$$pV = nRT = 8,314 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}} \cdot 1 \text{ mol} \cdot 4,6 \text{ K} = 38,344 \text{ J}$$

$$\frac{D}{D'} = 5,6 \Rightarrow \frac{D}{5,6} = D' = 2$$

$$\rho gh + \frac{\rho v^2}{2} + p = \text{const}$$



$$v - v' = v_{00} \quad v - \frac{v}{\gamma_0} = v \left(1 - \frac{1}{\gamma} \right)$$

$$T_{MB} = 26 \cdot M$$

$$V_B = \frac{m_B}{\rho_B} = \frac{1}{\frac{1}{\rho_B} + 1} \cdot \frac{\rho_B \cdot V_B}{\rho_B} = \frac{V_B}{2 \rho_B}$$

$$h_2(g-a) = ah_2$$

$$\frac{(k_2 + k_3)}{(k_2 - k_1)} \cdot \frac{V_n}{V_0} = \frac{D \left(1 - \frac{1}{\gamma}\right) \cdot \cancel{\text{pu.n.}}}{\text{pu.n.}} \cdot \frac{\cancel{\rho} \cdot \cancel{\gamma}}{\cancel{\alpha} \cdot \cancel{\text{pu.n.}}} = \frac{\cancel{\rho} \gamma}{\cancel{\text{pu.n.}}} \cdot (\gamma - 1)$$

$$\frac{1}{2,57 \cdot 10^{-5}} \cdot 4,6$$

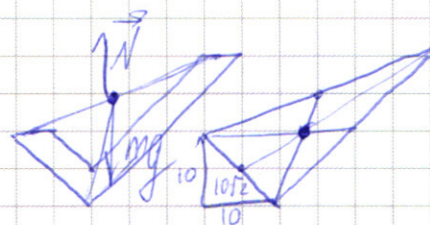
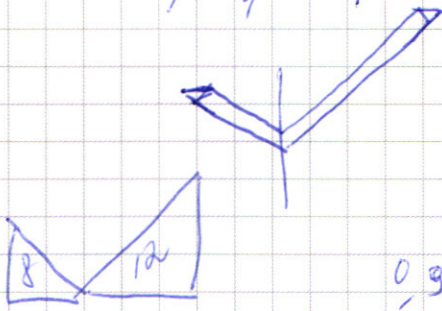
8th. $m_1 \frac{u_1}{u_2}$

$$\begin{array}{r} \overset{\text{10}}{\times} 400 \quad | \quad 1799 \\ \underline{257} \\ 2030 \\ \underline{1799} \\ 2310 \\ \underline{2370} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 45 \\ \times 257 \\ \hline 2056 \\ 11250 \\ 90000 \\ \hline 231300 \end{array}$$

$$\frac{2}{h_2 - h_1} = \frac{2}{h_2} - \frac{2}{h_1}$$

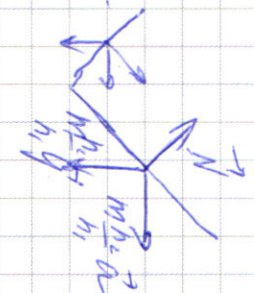
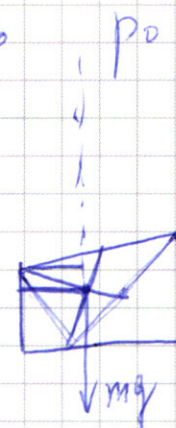
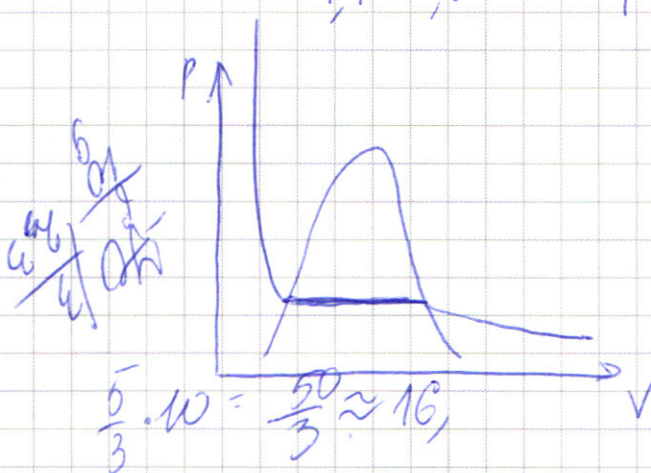
$$h_2 - h_1 = \frac{2}{\frac{2}{h_2} - \frac{2}{h_1}} = \frac{2}{\frac{h_1 - h_2}{h_1 h_2}} = \frac{2 h_1 h_2}{h_1 - h_2}$$



$$\sqrt{2h_1 + \frac{1}{2}h_2} = 45 + \arccos$$

$$m_1 \frac{h_2}{2} a = N \sin \alpha$$

$$N_1 + N_2 + mg + mR$$



$$\begin{array}{r} 300 \overline{) 28} \\ 20 \overline{) 60} \\ 20 \end{array}$$

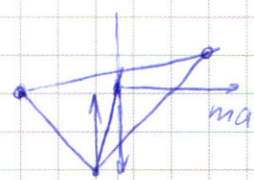
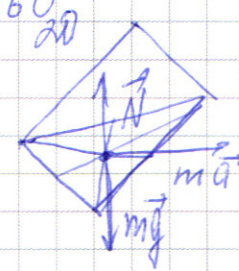
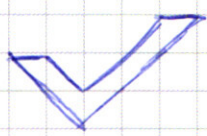
$$142,88$$

$$x: m_1 \frac{h_2}{2} a = N \sin \alpha$$

$$y: N \cos \alpha = m \frac{h_2}{2} a$$



$$N_1 - m_1 g - N_2 = 0$$



$$h_1 \cdot N_1 - m_1 g$$

$$p \cdot h_1 \cdot \frac{h_1}{2} - p \cdot h_2 \cdot \frac{h_2}{2} - p \cdot (h_1 + h_2) \cdot a \cdot \frac{(h_2 - h_1)}{2} = 0$$

$$\frac{g h_1^2}{2} - \frac{g h_2^2}{2} - \frac{h_2^2 - h_1^2}{2} \cdot a = 0$$

$$300 - 5 h_2^2 - 2 h_2^2 - 200 = 0$$

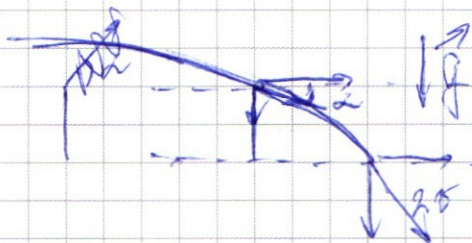
$$300 - 7 h_2^2 = 0$$

$$300 = 7 h_2^2$$

$$\frac{h_1 + h_2}{2} - h_1 = \frac{h_2 - h_1}{2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1.



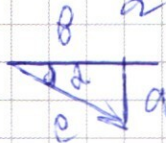
$$v_{0y} + a_y t$$

$$v_0 \sin \alpha + g t = v_0 \sqrt{3 + \sin^2 \alpha}$$

$$v_0 g t = v_0 (3 + \sin^2 \alpha - \sin^2 \alpha)$$

$$t = \frac{v_0 \sqrt{3 + \sin^2 \alpha} - v_0 \sin \alpha}{g}$$

$$y = y_0 + v_{0y} t + \frac{g t^2}{2}$$



$$\sin \alpha = \frac{y}{v_0}$$

$$y = 18$$

$$\frac{v_0^2}{g^2} = \frac{y^2}{v_0^2}$$

$$\frac{18}{18}$$

$$\frac{18^2 - 25}{29}$$

$$29$$

$$\frac{300}{20} = 15$$

$$\frac{18}{18} \times \frac{18}{18} = \frac{18}{18}$$

$$\frac{18 - 5}{10} = \frac{13}{10}$$

$$v_y = v_{0y} + a_y t = v_{0y} + g t$$

$$v_{x0} = v_x$$

$$v_{0x}^2 + v_{0y}^2 = v_0^2 \quad (1)$$

$$v_{0x}^2 + v_y^2 = 4v_0^2 \quad (2)$$

$$v_y^2 - v_{0y}^2 = 3v_0^2$$

$$\frac{18}{18} \times \frac{18}{18} = \frac{18}{18}$$

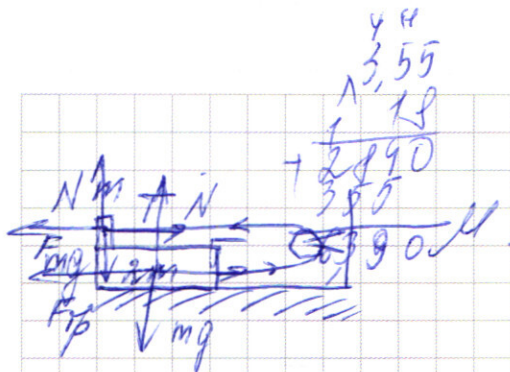
$$\frac{18 - 5}{29} = 0.5$$

$$pV = nRT$$

$$pV = nRT$$

$$10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3}$$

$$\frac{p}{p_{atm}} = \frac{p}{p_{atm}}$$



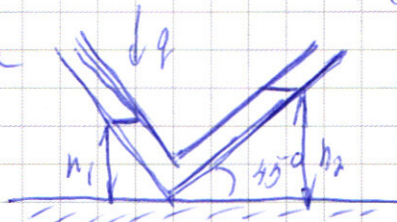
$\Delta U - A = 0$
 $\frac{1}{2} DRT - p \Delta V$
 $Q = A + \Delta U$

$\frac{4,4}{60} \cdot \frac{7}{30} \cdot 10^{-5}$
 $\frac{170}{200}$

$(m + 3m)g = 3mg$
 $3003 \cdot 10^5$

$3mg$
 $F - 3\mu mg = ma$

$\frac{F - 3\mu mg}{2m} = a$



$v_0 = 0$
 $\frac{at^2}{2} = S$

$at^2 = 2S$

$t = \sqrt{\frac{2S}{a}} = \sqrt{\frac{2S \cdot 2m}{F - 3\mu mg}} = 2 \sqrt{\frac{S \cdot m}{F - 3\mu mg}}$

$4,4 \times 355$
 18
 1846
 355
 639

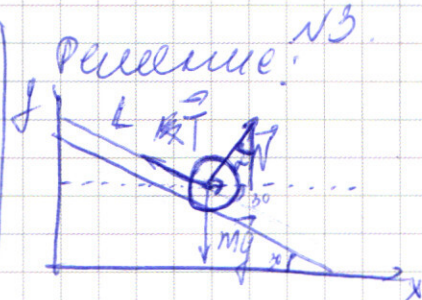
$63,9$
 6390
 5847
 5438
 498620
 4440
 6648

a, L
 m, R
 ω

1) P_1

2) P_2

7920
 4479



$T = (24 + 273)k = 300k$

$p = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$

$T = \text{const}$

$v_2 < v_1$

$pV = \text{const}$

$0,0257 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$

$p = \frac{p}{M} RT$

$pV = p \sqrt{M \cdot M}$

$\frac{M}{M^2 \cdot K \cdot M}$

$x: N \sin \alpha - T \cos \alpha = 0$

$y: N \cos \alpha + T \sin \alpha + mg = 0$

$N \sin \alpha = T \cos \alpha \cdot \frac{2,56}{10^5}$

$T = N \tan \alpha$

$N \cos \alpha + N \tan \alpha \cdot \sin \alpha + mg$