

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 10-02

Класс 10

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

1. Гайку бросают с вышки со скоростью $V_0 = 10$ м/с под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью $2V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.
- 2) Найти время полета гайки.
- 3) С какой высоты была брошена гайка?

Ускорение свободного падения принять $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха не учитывать.

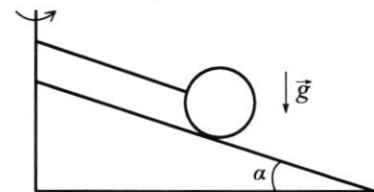
2. Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 2m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

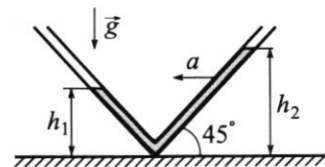
- 1) Найти силу давления шара на клин, если система покоится.
- 2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.



4. Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением $a = 4$ м/с² уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте $h_1 = 10$ см.

- 1) На какой высоте h_2 установится уровень масла в другом колене?
- 2) С какой скоростью V будет двигаться жидкость в трубке относительно трубки после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Действие сил трения пренебрежимо мало.

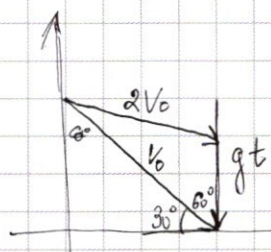


5. В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 27°C и давлении $P = 3,55 \cdot 10^3$ Па. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
- 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшится в $\gamma = 5,6$ раза.

Плотность и молярная масса воды $\rho = 1$ г/см³, $\mu = 18$ г/моль.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$V_0^2 + g^2 t^2 - 2V_0 \cdot g t \cdot \cos 60 = 4V_0^2$$

$$\left[\frac{m}{c^2} \right]$$

$$V_0 = \sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha + V_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$2V_0 = \sqrt{V_0^2 \cos^2 \alpha + V_y^2} \Rightarrow 4V_0^2 = V_0^2 \cos^2 \alpha + V_y^2$$

$$V_y^2 = 4V_0^2 - V_0^2 \cos^2 \alpha =$$

$$V_y = 4\sqrt{4 - \cos^2 \alpha} = 10\sqrt{4 - \frac{\sqrt{3}}{2}}$$

$$= 10\sqrt{\frac{8 - \sqrt{3}}{2}} = \frac{10}{2} \sqrt{16 - 3}$$

$$3V_0^2 = g^2 t^2 - 2V_0 g t \cdot \cos 60$$

$$300 = 100 t^2 - \frac{200}{2} t$$

$$100 t^2 - 100 t - 300 = 0$$

$$t^2 - t - 3 = 0$$

$$D = 1 + 12$$

$$\rho = \frac{kl}{m^3} = \frac{m}{V}$$

$$V = \frac{m}{\rho}$$

$$273 + 27 = 300$$

$$\begin{array}{r} 2342 \\ \times 257 \\ \hline 1542 \\ + 1028 \\ \hline 1822 \\ 3555 \\ \hline 1822 \\ + 1028 \\ \hline 1822 \end{array}$$

$$D = \frac{P}{M} RT$$

$$\rho = \frac{PM}{RT} = \frac{3,55 \cdot 10^3 \cdot 18}{8,31 \cdot 300}$$

$$Pa = \frac{N}{m^2} = \frac{kl \cdot m}{c^2 \cdot m^2} = \frac{k^2}{c^2 \cdot m}$$

$$\begin{array}{r} 3,55 \\ \times 21,30 \\ \hline 21,30 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2130 \overline{) 831} \\ - 1662 \overline{) 2} \\ \hline 4680 \end{array}$$

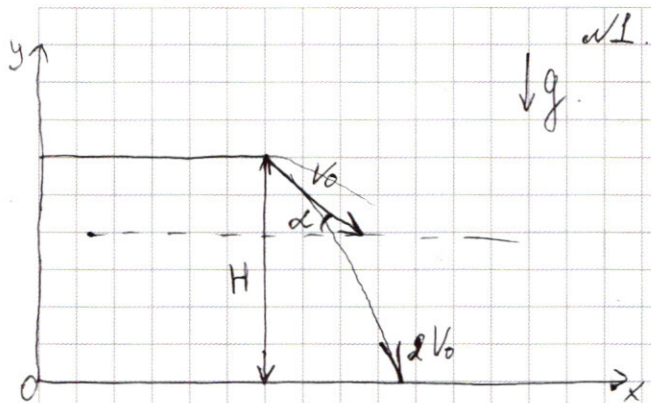
$$\begin{array}{r} 257 \overline{) 46} \\ - 230 \overline{) 55} \\ \hline 2570 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 257 \\ \times 4,6 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 355 \overline{) 5} \\ - 210 \overline{) 71} \\ \hline 210 \end{array}$$

$$Pa \cdot m^3 = \text{мал} \cdot R \cdot K$$

$$R = \frac{Pa \cdot m^3}{\text{мал} \cdot K} = \frac{kl \cdot m^3}{c^2 \cdot m \cdot \text{мал} \cdot K} = \frac{kl \cdot m^2}{c \cdot \text{мал} \cdot K}$$



Дано:

$$v_0 = 10 \text{ м/с}$$

$$\alpha = 30^\circ$$

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$

Найти: а) $v_{\text{уш}} - ?$; б) $t - ?$; в) $H - ?$

Решение:

1) Гапка все время приближалась к Земле $\Rightarrow$ проекция скорости по Оу была отрицательной.

2) По оси Ох на гапку не действуют силы (движется равномерно) $\Rightarrow v_x = \text{const}$.

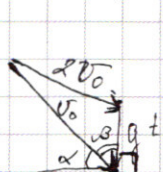
$$v_0 = \sqrt{v_x^2 + v_{y1}^2} - \text{в нач. момент времени} \quad v_x = v_0 \cos \alpha$$

$$2v_0 = \sqrt{v_x^2 + v_{y2}^2} - \text{в кон. момент}$$

$$4v_0^2 = v_0^2 \cos^2 \alpha + v_{y2}^2 \Rightarrow v_{y2} = \sqrt{4v_0^2 - v_0^2 \cos^2 \alpha} = v_0 \sqrt{4 - \cos^2 30^\circ} = v_0 \sqrt{4 - \frac{3}{4}} = 10 \sqrt{\frac{16-3}{4}} = 5\sqrt{13} \text{ м/с}$$

$$\sqrt{13} \approx 3,6 \approx 3,6 \text{ м/с}$$

3) Векторный Δ скоростей для гапки имеет след. вид:



$$\vec{v}_0 + \vec{g}t = \vec{v}_x$$

$$\beta = 90^\circ - \alpha = 60^\circ$$

Запишем для него теорему косинусов:

$$4v_0^2 = v_0^2 + g^2 t^2 - 2v_0 g t \cdot \cos \beta$$

$$g^2 t^2 - 2v_0 g \cdot \cos \beta \cdot t - 3v_0^2 = 0$$

$$100 t^2 - \frac{200}{2} t - 300 = 0$$

$$100 t^2 - 100 t - 300 = 0$$

$$t^2 - t - 3 = 0$$

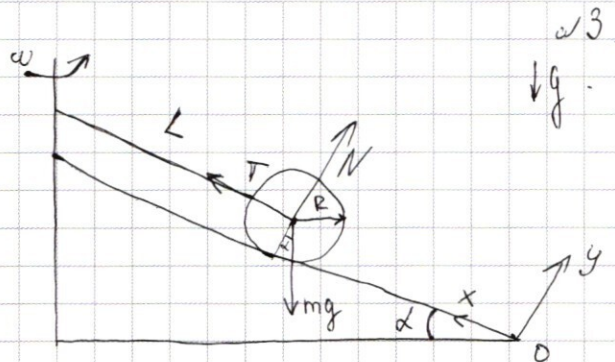
$$D = 1 + 12 = 13$$

$$t_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{13}}{2} \Rightarrow t = \frac{1 + \sqrt{13}}{2} \approx \frac{4,6}{2} \approx 2,3 \text{ с}$$

$$4) y = v_0 \sin \alpha t + \frac{g t^2}{2} = \frac{5(1 + \sqrt{13})}{2} + 5 \frac{(1 + \sqrt{13})^2}{2} = \frac{145 + 7\sqrt{13}}{2} \approx 85,1 \text{ м}$$

Ответ: 18 м/с; 2,3 с; 85,1 м.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$m, R, L, \alpha, g, \omega$
 $P_1(\omega=0) - ?$
 $P_2(\omega) - ?$

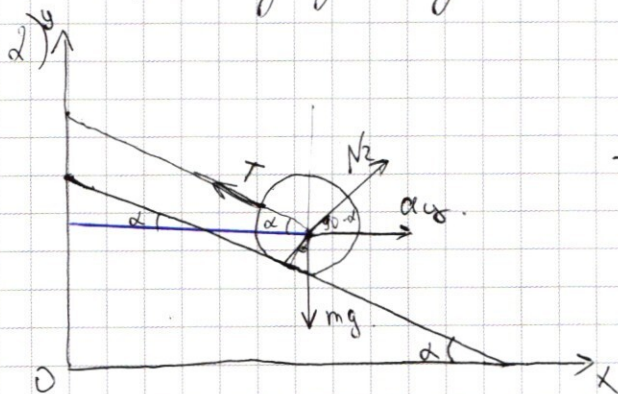
Решение:

I) 2 З.И. для шара.

$$m\vec{g} + \vec{T} + \vec{N} = 0.$$

На ОУ: $mg \cos \alpha = N.$

По третьему закону Ньютона: $\vec{N} = -\vec{P} \Rightarrow P_1 = -mg \cos \alpha$ (линейное направление)
 $\cos \alpha$



II З.И. (ОХ):

$$-N_2 \sin \alpha + T \cos \alpha = m \frac{v^2}{r} = m \frac{\omega^2 r^2}{r} = m \omega^2 r$$

$r = (R+L) \cdot \cos \alpha$ (линейная длина на шеечке)

II З.И. (ОУ):

$$T \sin \alpha + N_2 \cos \alpha = mg.$$

$$m \omega^2 (R+L) \cdot \tan \alpha + N_2 \sin \alpha \cdot \tan \alpha + N_2 \cos \alpha = mg.$$

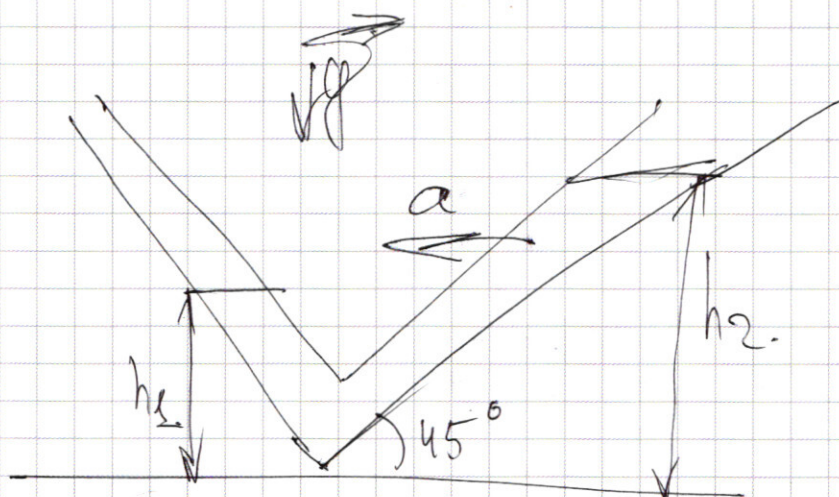
$$N_2 (\sin \alpha \cdot \tan \alpha + \cos \alpha) = \frac{mg}{m \omega^2 (R+L) \cdot \tan \alpha}.$$

$$\sin \alpha \cdot \tan \alpha + \cos \alpha = \frac{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}.$$

$$N_2 = \frac{mg \cos \alpha}{m \omega^2 (R+L) \cdot \tan \alpha} = \frac{g \cos \alpha}{\omega^2 (R+L) \cdot \tan \alpha}.$$

По III З.И.: $\vec{P} = -\vec{N} \Rightarrow P = -\frac{g \cos \alpha}{\omega^2 (R+L) \tan \alpha}.$

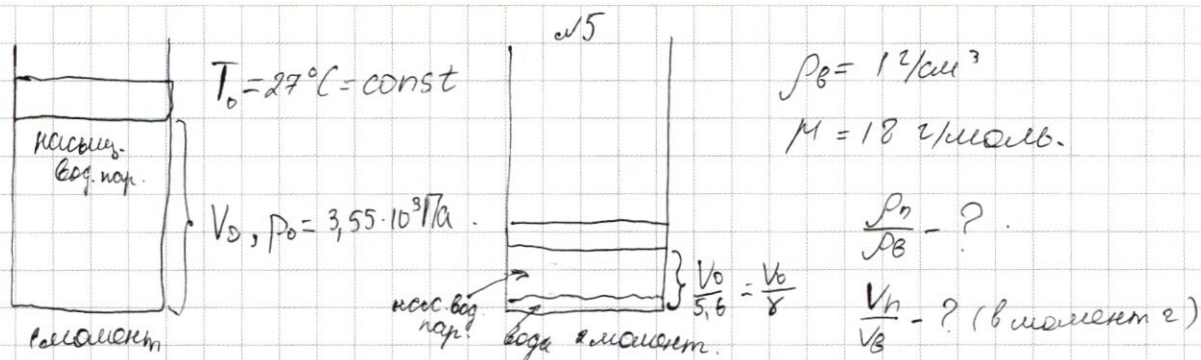
Ответ: $mg \cos \alpha; \frac{g \cos \alpha}{\omega^2 (R+L) \tan \alpha}.$



$$\begin{array}{r}
 22 \\
 \times 22 \\
 \hline
 44 \\
 44 \\
 \hline
 484
 \end{array}$$

4,8.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1) Из ур. состояния ид. газа: $pV = \frac{m}{M} RT$

$$\frac{m}{V} = \rho_n \Rightarrow p = \frac{\rho_n}{M} RT$$

$$T = 273 + 27 = 300 \text{ К}$$

$$M = 18 \cdot 10^{-3} \text{ кг/моль}$$

$$\rho_n = \frac{p \cdot M}{RT} = \frac{3,55 \cdot 10^3 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{8,31 \cdot 300} = \frac{63,9}{2493} = 2,57 \cdot 10^{-2} \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$$

$$\frac{\rho_n}{\rho_B} = \frac{2,57 \cdot 10^{-2}}{10^3} = 2,57 \cdot 10^{-5}$$

2) В нач. момент $p_0 V_0 = \frac{m_0}{M} RT_0$

В кон. момент: $p_1 \cdot \frac{V_0}{\gamma} = \frac{m_1}{M} RT_0$

$$\gamma = \frac{m_0}{m_1} \quad \gamma = \frac{m_0}{m_1} \quad m_0 = \gamma m_1$$

$m_B = m_0 - \gamma m_1 = \gamma m_1 - m_1 = m_1 (\gamma - 1)$ — масса пара воды, которая конденсировалась.

$$V_B = \frac{m_B}{\rho_B} = \frac{m_1 (\gamma - 1)}{\rho_B}$$

$$V_n = \frac{m_1}{\rho_n}$$

$$\Rightarrow \frac{V_B}{V_n} = \frac{V_1}{V_0} = \frac{m_1 \rho_B}{\rho_n m_1 (\gamma - 1)} = \frac{\rho_B}{\rho_n (\gamma - 1)} = \frac{10^3}{2,57 \cdot 10^{-2} \cdot 4,6} = \frac{10^6}{118,22} \approx \frac{100}{118} \cdot 10^4 \approx 0,85 \cdot 10^4 = 8500$$

$$\rho_n = \frac{3,55 \cdot 10^3 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{8,31 \cdot 300} = \frac{63,9}{2493} = 0,0257 \cdot 10^{-2} = 2,57 \cdot 10^{-5}$$

$$\frac{\rho_n}{\rho_B} = \frac{2,57 \cdot 10^{-5}}{10^3} = 2,57 \cdot 10^{-8}$$

$$\frac{V_n}{V_0} = \frac{\rho_B}{\rho_n \gamma} = \frac{10^3}{2,57 \cdot 10^{-2} \cdot 4,6} \approx \frac{10^6}{118,22} \approx 8,5 \cdot 10^3 = 8500$$

$$\frac{5 + 5\sqrt{13} + 10(1 + 2\sqrt{13} + 13)}{2} = \frac{145 + 7\sqrt{13}}{2}$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ \times 3,55 \\ \hline 6 \\ \hline 21,30 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4155 \overline{) 5} \\ - 40 \\ \hline 15 \end{array}$$

$$21,30 \mid$$

$$\begin{array}{r} 21,3 \\ \hline 83 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 21,3 \overline{) 831} \\ \underline{415} \\ 416 \\ \underline{415} \\ 10 \end{array}$$

$$25,7 \cdot 10^{-3} \cdot 10^{-3} = 25,7 \cdot 10^{-6}$$

$$\begin{array}{r} 355 \overline{) 831} \\ \underline{710} \\ 121 \\ \underline{105} \\ 160 \\ \underline{159} \\ 10 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 831 \\ \times 4 \\ \hline 3324 \end{array}$$

$$T \cos \alpha = N \sin \alpha \quad T = N \cdot \operatorname{tg} \alpha$$

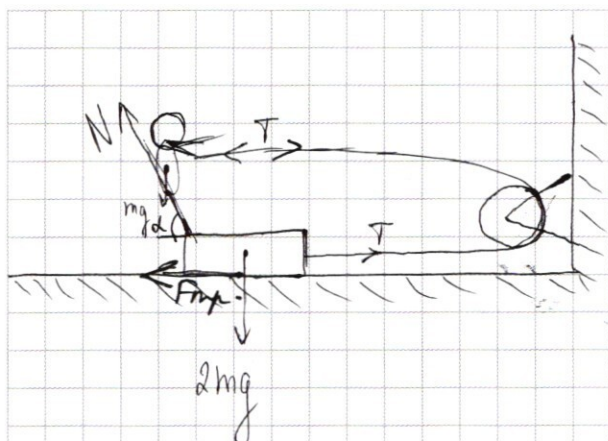
$$mg = T \sin \alpha + N \cos \alpha$$

$$mg = N \operatorname{tg} \alpha \cdot \sin \alpha + N \cos \alpha$$

$$mg = N \left(\frac{\sin^2 \alpha}{\cos \alpha} + \cos \alpha \right) = N \left(\frac{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}{\cos \alpha} \right)$$

$$N = mg \cdot \cos \alpha$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



2.

Условие, что человек не падает:
 $mg \sin \alpha - T \cos \alpha = N$.

$$N_{\text{отв}} = 2mg + N = 2mg + mg \sin \alpha - T \cos \alpha$$

$T + N \cos \alpha = F_{\text{тр}}$ - условие, что человек не падает.

$$T + N \cos \alpha = 2mg \mu + N \mu$$

$$F_{\text{тр}} = \mu N$$

$$N = 2mg + mg = 3mg$$

$$N = 3mg \quad - 1 \text{ пункт}$$

$2T \geq F_{\text{тр}}$ - условие, что человек не падает.

$$2T \geq 3\mu mg$$

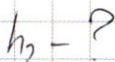
$$T \geq \frac{3\mu mg}{2} = F_0 \quad - 2 \text{ пункта}$$

$$2F - 3\mu mg = 3ma$$

$$a = \frac{2F - 3\mu mg}{3m}$$

$$S = \frac{at^2}{2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2S}{a}} = \sqrt{\frac{2(2F - 3\mu mg)}{2F - 3\mu mg}} = \sqrt{\frac{2S \cdot 3m}{2F - 3\mu mg}} = \sqrt{\frac{6mS}{2F - 3\mu mg}}$$

Ответ: $3mg$; $\frac{3\mu mg}{2}$; $\sqrt{\frac{6mS}{2F - 3\mu mg}}$


$$gh_2 - gh_1 = x \cdot a$$

A right-angled triangle is shown with a horizontal base of length 4, a vertical height of length 3, and a hypotenuse of length 5. The angle at the bottom-left vertex is labeled β .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\rho = \frac{PM}{RT} = \frac{3,55 \cdot 10^3 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{8,3 \cdot 300} = \frac{3,55 \cdot 6}{830}$$

$$\frac{\rho_n}{\rho_0} = \frac{3,55 \cdot 6}{830 \cdot 10^3} \Rightarrow \frac{\rho_0}{\rho_n} = \frac{830 \cdot 10^3}{3,55 \cdot 6} = \frac{31 \cdot 10^3}{971 \cdot 4,6} = \frac{31 \cdot 10^3}{3,266} \approx$$

$$\approx \frac{31 \cdot 10^3}{3,27} \approx 9,4 \cdot 10^3$$

$$\begin{array}{r} \times 0,71 \\ 14,6 \\ \hline + 1426 \\ + 284 \\ \hline 3,266 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3100 \overline{) 327} \\ \underline{310} \\ 130 \\ \underline{99} \\ 310 \end{array}$$

$$3100 \overline{) 327}$$

$$\begin{array}{r} 213 \\ \underline{83} \\ 213 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ \times 327 \\ \hline 9 \\ \hline 2843 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 213 \overline{) 83} \\ \underline{213} \\ 0 \\ \hline 213 \overline{) 10,0256} \\ \underline{213} \\ 166 \\ \underline{166} \\ 470 \\ \underline{475} \\ 550 \\ \underline{550} \\ 135 \\ \underline{135} \\ 504 \\ \underline{504} \\ 460 \end{array}$$

$$0,026.$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 213 \\ \hline + 1278 \\ + 812 \\ \hline 9,398 \approx 9,4 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 830 \overline{) 94} \\ \underline{752} \\ 188 \\ \underline{188} \\ 0 \end{array}$$

u4 (продолжение)

$$V = \frac{\rho \cdot S \cdot x}{t}$$

Если пути опустится на $\frac{h_2 - h_1}{2}$, т. к. далее кас-
нут равновесие.

$$V = \frac{h_2 - h_1}{2 \tan \alpha} = \frac{10,5 - 10}{2 \tan \alpha} = \frac{0,25}{\tan \alpha}$$

3.с.7:

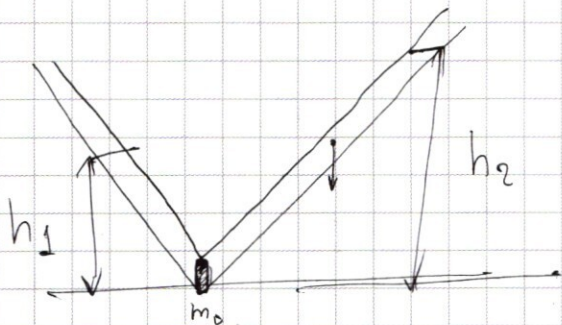
$$\Delta h = \frac{v^2}{2g}$$

$$\Delta h = \frac{v^2}{2g}$$

$$V = \sqrt{2g \Delta h} = \sqrt{20 \cdot 0,25} = \sqrt{5} \approx 2,24 \approx 2,2$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Перейдем в Р.Отпуска.



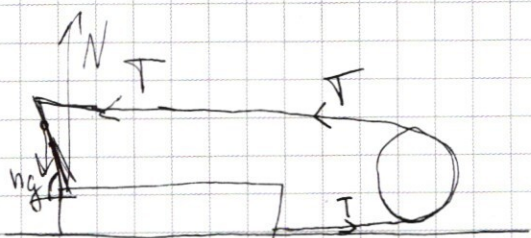
$$m_0 g = \rho g h_2 + \rho g h_1$$

$$m_0 a = \rho g h_2 - \rho g h_1$$

$$\rho h_2 a + \rho h_1 a = \rho g h_2 - \rho g h_1$$

$$h_2(a-g) = h_1(a+g) = g h_2 - h_2 a$$

$$h_1 = \frac{g h_2 - h_2 a}{a+g} = \frac{100 - 40}{14} = \frac{60}{14} = \frac{30}{7} \approx 4,5$$



$$m g \cos \alpha = T$$

$$m g \sin \alpha = T$$

$$\rho = \frac{PM}{RT} = \frac{3,55 \cdot 10^8 \cdot 18 \cdot 10^{-8}}{8,3 \cdot 800} = \frac{6,39}{100} = 0,0639$$

$$\frac{6 \cdot 3,55}{880}$$

$$\frac{21,30}{830}$$

$$213$$

$$\frac{0,591}{0,0639} = 9,25$$

$$\begin{array}{r} 100 \overline{) 118} \\ 100 \\ \hline 18 \\ 100 \\ \hline 180 \\ 100 \\ \hline 80 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 880 \overline{) 880} \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 213 \overline{) 8300} \\ 426 \\ \hline 404 \\ 0 \end{array}$$

$$85$$

$$v_0 = \sqrt{v_0^2 \cos^2 \alpha + v_0^2 \sin^2 \alpha}$$

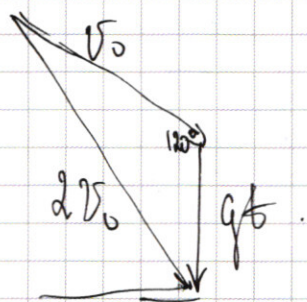
$$2v_0 = \sqrt{v_0^2 \cos^2 \alpha + v_y^2}$$

$$4v_0^2 - v_0^2 \cos^2 \alpha = v_y^2$$

$$2 = \sqrt{\cos^2 \alpha + k^2}$$

$$4 = \cos^2 \alpha + k^2$$

$$k = \sqrt{4 - \cos^2 \alpha} = \frac{4-3}{4} = 3\frac{1}{4} = \frac{13}{4}$$



$$\frac{2v_0}{\sin 120} =$$

$$v_0^2 + g^2 t^2 + 2v_0 g t \cos 120 = 4v_0^2$$

$$g^2 t^2$$

$$\Delta p = \frac{h}{m\lambda} = \frac{h \cdot m \cdot c}{c \cdot m \cdot \lambda} = \frac{h \cdot m \cdot c}{m \cdot \lambda} = g^2 t^2 + 2v_0 g t - 3v_0^2$$

$$p g h_1 - p g h_2 = p \cdot s \cdot x \cdot a \quad 100t^2 + 100t - 300 = 0$$

$$t^2 + t - 3 = 0$$

$$D = 1 + 12$$

$$g h_1 - g h_2 = x \cdot a$$

$$g = \frac{v_0 - v_0}{t}$$

$$g = \frac{5\sqrt{13}v_0 - \frac{1}{2}}{t}$$

$$t = \frac{5\sqrt{13}v_0 - 5}{10} = \frac{10\sqrt{13} - 1}{2}$$

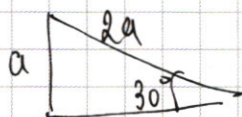
$$\begin{array}{r} 4 \\ \times 3,6 \\ \hline 25,2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 145+ \\ \times 252 \\ \hline 140,212 \\ - 16 \\ \hline 10 \end{array}$$

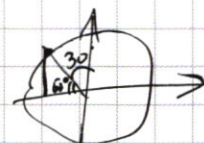
$$\begin{array}{r} 13 \\ \times 3,6 \\ \hline 216 \\ + 108 \\ \hline 12,96 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 13 \\ \times 3,5 \\ \hline 175 \\ + 105 \\ \hline 5 \end{array}$$

$$3,6 \cdot 5 = 18$$



$$\frac{\sqrt{4a^2 - a^2}}{2a} = \frac{\sqrt{3}a}{2a} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$



$$\frac{PM}{RT} = \frac{3,55 \cdot 10^3 \cdot 18}{8,31 \cdot 300} \approx \frac{853 \cdot 180}{831 \cdot 297}$$

$$\begin{array}{r} 1300 \\ 8 \dots 4 \\ 24 \\ \times 3,7 \\ \hline 917 \\ + 259 \\ \hline 111 \\ \hline 1369 \end{array}$$